

# Dynamic Graphs on the GPU

**Егор Орачев**

JetBrains Research, Лаборатория языковых инструментов  
Санкт-Петербургский Государственный университет

2 Октября 2020

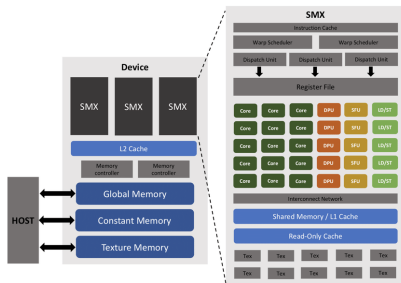


Figure: Generic GPU Architecture

- Развитие GPU как платформы для вычислений
- Увеличение количества обрабатываемых данных
- Все больше и больше вычислительно сложных операций переходят на GPU (особенно, если мы хотим оставаться в пределах одного кластера)

- На данный момент большинство алгоритмов обработки графов на GPU предполагают неизменяемость данных
- Большинство вычислений выглядят как: загрузить в VRAM, посчитать, выгрузить обратно в RAM
- Вопрос: можно ли поддерживать структура графа в VRAM, и осуществлять доступ к ней посредством операций, которые будут выполняться на GPU

# Динамические графы на GPU

- В свежей статье<sup>1</sup> приведены результаты, показывающие, что теоретически возможно поддерживать граф на GPU
- Цель: поддерживать *истинно* динамические сценарии обновления, т.е. непрерывное добавление, удаление вершин и ребер, а также высокую скорость поиска ребер
- Допущения:  $|E| \ll |V|^2$
- Реализация: CUDA C

---

<sup>1</sup>Dynamic Graphs on the GPU, Muhammad A. Awad, Saman Ashkiani, Serban D. Porumbescu et al., ссылка: <https://escholarship.org/uc/item/48j4k7np>

# Структура графа

- Граф:  $G = (V, E, W)$
- Ребро графа:  $e = (u, v, w)$
- Все ребра  $e = (u, v, *)$  уникальны
- Ребра индексируются *uint32*: до 4294967296 вершин
- Веса индексируются *uint32*: до 4294967296 уникальных весов
- Специальное значение  $\perp$  для пустых ячеек

# Структура графа

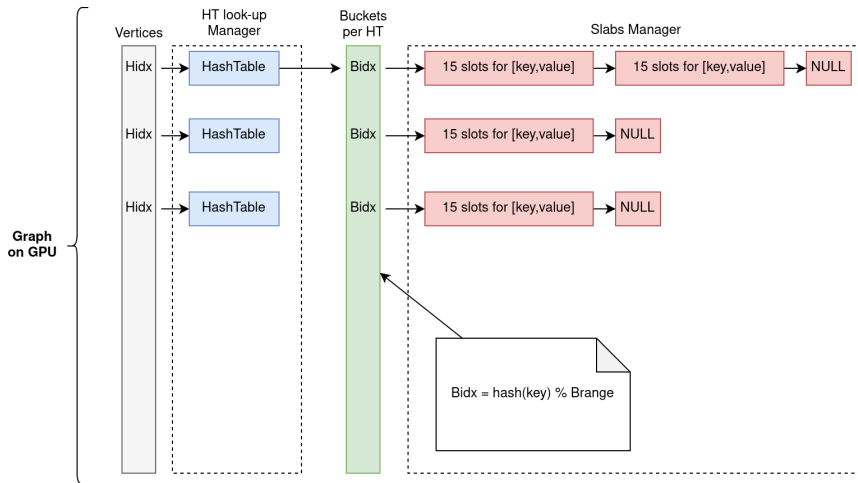


Figure: Graph Structure on the GPU

# Операции над графом

- Добавление ребра  $(u, v, w)$
- Удаление ребра  $(u, v)$
- Добавление вершины  $u$
- Удаление вершины  $u$
- Поиск ребра вида  $(u, v)$
- В данной реализации дублирование ребер с разными весами запрещено: при вставке ребра, если до этого существовало такое-же ребро, но с другим весом, то оно будет заменено

- Как это устроено?
- Warp Cooperative Work Sharing (WCWS)
- GPU Slab Hash Table<sup>2</sup>

---

<sup>2</sup>A Dynamic Hash Table for the GPU, Saman Ashkiani, Martin Farach-Colton, John D. Owens, ссылка: <https://arxiv.org/abs/1710.11246>



- GPU состоит из стриминговых мульти-процессоров (SMs)
- В каждом таком SM фиксированное количество потоков, которые сгруппированы в SIMD блоки размером 32 потока, называемые warp
- Каждый такой warp может исполнять только один **путь** программы на своих потоках
- Сильное ветвление  $\implies$  замедление warp до 32 раз
- Решение: писать программу таким образом, что на warp почти всегда будет один путь ветвления, но на 32 вариациях данных

- Каждый поток внутри warp имеет свою задачу
- Пока у потоков есть задачи:
  - ▶ *Голосуют*, чья задача выполняется раньше
  - ▶ Получают все одну задачу
  - ▶ Читают непрерывный блок памяти, кратный 32
  - ▶ Определяют свой статус
  - ▶ Выбирают того, кто преуспел. Тот, кто преуспел, записывает результат
  - ▶ Если никто не преуспел, переходят к следующему блоку памяти, иначе - задача решена

# GPU Slab Hash Table

- Разрешение коллизий - метод цепочек
- В качестве узлов - блоки памяти на 128 байт
- Один узел вмещает  $M = 15$  пар (key,value), 4 байта на вспомогательную информацию, и 4 байта на индекс следующего узла в списке
- Максимальная эффективности по памяти 94%
- Среднее количество узлов в цепочке  $\beta = \lceil N (M * B) \rceil$
- Эффективность по памяти:  $\frac{N * x}{(M * x + y) * \sum k_i} \leq \frac{M * x}{M * x + y}$ , где  $x$  - размер пары,  $y$  - размер индекса следующего узла,  $k_i$  - длина  $i$ -ой цепочки

# GPU Slab Hash Table

```
1: __device__ void warp_operation(bool &is_active, uint32_t &myKey, uint32_t &myValue) {  
2:   next ← BASE_SLAB;  
3:   work_queue ← __ballot(is_active);  
4:   while (work_queue != 0) do  
5:     next ← (if work_queue is changed) ? (BASE_SLAB) : next;  
6:     src_lane ← next_prior(work_queue); src_key ← __shfl(myKey, src_lane);  
7:     src_bucket ← hash(src_key); read_data ← ReadSlab(next, laneId);  
8:     warp_search_macro() OR warp_replace_macro() OR warp_delete_macro()  
9:     work_queue ← __ballot(is_active);  
10:  end while  
11: }
```

Figure: Slab Hash Table Algo Pseudocode

# GPU Slab Hash Table

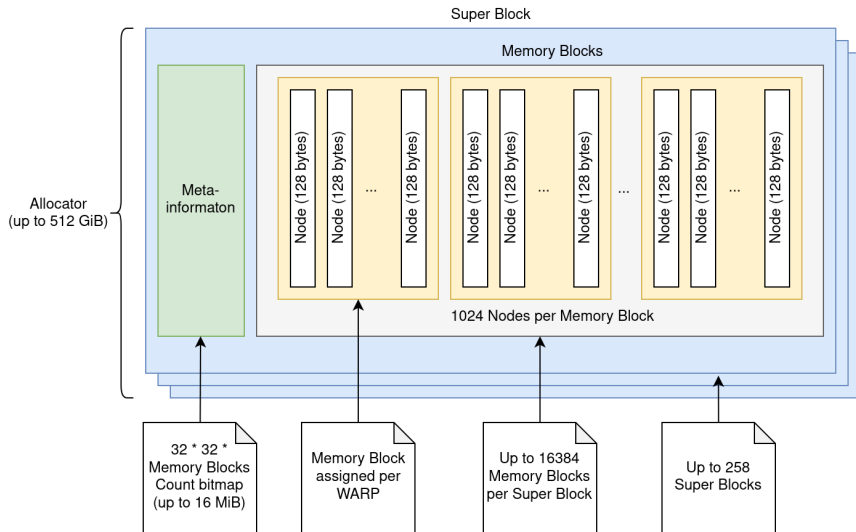


Figure: VRAM Memory Allocator for Slab Hash Table

# Динамические графы на GPU: Реализация

- Помним про WCWS стратегию
- Вставка/удаление ребер:
  - ▶ Очередь ребер на warp
  - ▶ Выбираем ребра с одинаковым src голосованием
  - ▶ Получаем src вершину
  - ▶  $table \leftarrow graph[src]$
  - ▶  $table.replace(dst, weight)$  или  $table.delete(dst)$
  - ▶ Уменьшаем или увеличиваем число вершин, смежных с *src*

- Удаление вершин немного сложнее:
  - ▶ Очередь вершин на warp
  - ▶ Выбираем вершину голосованием
  - ▶ Итерируемся по ее ребрам
  - ▶ Для каждой такой *dst* вершины исходящего ребра
  - ▶  $table \leftarrow graph[dst]$
  - ▶  $table.delete(src)$
  - ▶ Освобождаем память при необходимости

## Динамические графы на GPU: Датасет

Dataset	Vertices	Edges	Degree			
			Min.	Max.	Avg.	$\sigma$
luxembourg_osm	114K	239K	1	6	2.1	0.41
germany_osm	11.5M	24.7M	1	13	2.1	0.51
road_usa	23.9M	57.71M	1	9	2.4	0.85
delaunay_n23	8.4M	50.3M	3	28	6.0	1.33
delaunay_n20	1M	6.3M	3	23	6.0	1.33
rgg_n_2_20_s0	1M	13.8M	0	36	13.1	3.62
rgg_n_2_24_s0	16.8M	265.1M	0	40	16.0	3.99
coAuthorsDBLP	299K	1.9M	1	336	6.4	9.80
ldoor	952K	45.5M	27	76	47.7	11.97
soc-LiveJournal1	4.8M	85.7M	0	20K	17.2	50.65
soc-orkut	3M	212.7M	1	27K	70.9	139.72
hollywood-2009	1.1M	112.8M	0	11K	98.9	271.70

Figure: Graphs Datasets



# Динамические графы на GPU: Замеры

Batch size	Hornet	faimGraph	Ours
$2^{16}$	33.67	92.47	501.33
$2^{17}$	44.71	133.97	513.56
$2^{18}$	51.43	157.15	591.06
$2^{19}$	70.81	188.98	641.25
$2^{20}$	83.54	—	664.52
$2^{21}$	97.41	—	658.09
$2^{22}$	110.89	—	646.01

(a) Insertions

Batch size	Hornet	faimGraph	Ours
$2^{16}$	91.73	111.71	640.63
$2^{17}$	159.69	112.96	886.92
$2^{18}$	259.31	171.75	947.60
$2^{19}$	377.79	257.66	939.98
$2^{20}$	537.73	—	988.85
$2^{21}$	739.82	—	1,007.16
$2^{22}$	1,024.87	—	1,015.47

(b) Deletions

Figure: Edge operations rate in MEdges/s

# Динамические графы на GPU: Замеры

Dataset	Hornet	Ours
luxembourg_osm	5.562	0.184
germany_osm	330.311	12.407
road_usa	644.308	27.910
delaunay_n23	273.532	19.590
delaunay_n20	37.68	2.494
rgg_n_2_20_s0	37.084	5.053
rgg_n_2_24_s0	—	0.697
coAuthorsDBLP	11.672	0.835
ldoor	46.486	15.936
soc-LiveJournal1	179.879	26.176
soc-orkut	—	39.907
hollywood-2009	90.705	42.387

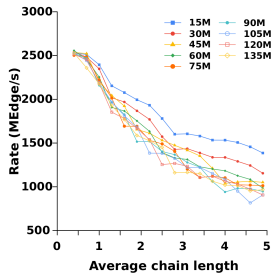
(a) Bulk

Batch size	Hornet	Ours
$2^{20}$	164.44	841.31
$2^{21}$	176.96	945.64
$2^{22}$	184.75	993.82

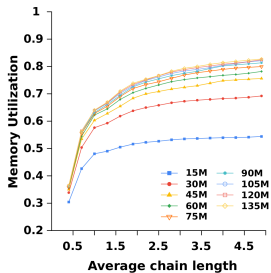
(b) Incremental

Figure: Graph building

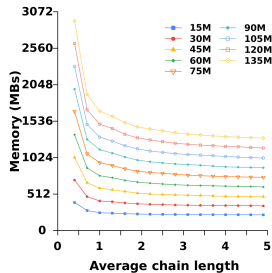
# Динамические графы на GPU: Замеры



(a) Insertion Rate



(b) Memory Utilization



(c) Memory Usage

Figure: Loadfactor scalability

- Операции группируются *per-batch*
- Только одна метка на ребро
- Скорость vs. Количество расходуемой памяти
- Хороший пример того, как использовать WCWS
- Решит ли unified-memory все проблемы?

- Почта: egororachyov@gmail.com
- Материалы презентации:
  - ▶ Dynamic Graphs on the GPU, Muhammad A. Awad, Saman Ashkiani, Serban D. Porumbescu et al., ссылка:  
<https://escholarship.org/uc/item/48j4k7np>
  - ▶ A Dynamic Hash Table for the GPU, Saman Ashkiani, Martin Farach-Colton, John D. Owens, ссылка:  
<https://arxiv.org/abs/1710.11246>