# Разреженная линейная алгебра: от аппаретной поддержки до применений

Семён Григорьев

23 февраля 2021 г.

### 1 Сведения о проекте

### 1.1 Название проекта

ru !!! или !!! или !!!!!

 $\mathbf{e}\mathbf{n}$ 

- 1.2 Приоритетное направление развития науки, технологий и техники в Российской Федерации, критическая технология
- 1.3 Направление из Стратегии научно-технологического развития Российской Федерации (утверждена Указом Президента Российской Федерации от 1 декабря 2016 г. №642 "О Стратегии научно-технологического развития Российской Федерации") (при наличии)
- 1.4 Ключевые слова (приводится не более 15 терминов)

ru

Теория графов, теория формальных языков, поиск путей, графовые базы данных, формальные грамматики, синтаксический анализ, оптимизации алгоритмов, параллельные алгоритмы, смешанные вычисления, специализация.

Graph theory, formal language theory, path querying, graph database, formal grammar, parsing, algorithm optimization, parallel algorithms, mixed computations, partial evaluation, specialization.

### 1.5 Аннотация проекта

#### ru

Эффективная обработка больших объёмов данных — актуальная прикладная область, требующая качественных теоретических результатов для решения возникающих прикладных задач. Одной из активно изучаемых в последнее время моделей для представления обрабатываемых данных является граф. На практике такая модель применяется при работе с различными сетями (социальные сети, транспортные сети), при анализе и верификации программных и аппаратных комплексов (графы вызовов, переходов и т.д.), а в общем случае является основой для графовых баз данных. Иными словами, обработка граф-структурированных данных является активно развивающейся областью.

Одна из задач при обработке данных — поиск и анализ связей между сущностями (или же установление факта отсутствия специфических связей). В случае граф-структурированных данных данная задача формулируется в терминах поиска путей между вершинами или проверки их отсутствия. При этом содержательные задачи используют дополнительные, не тривиальные, ограничения на пути. В качестве классического примера дополнительных ограничений можно рассмотреть поиск простых путей и поиск кратчайших путей в графе.

Одним из способов задать ограничение на путь в размеченном графе (то есть в графе, рёбра которого несут некоторую нагрузку в виде метки или веса) основан на использовании формальных языков. В данном случае рассматриваются слова, полученные конкатенацией меток рёбер пути, и задаётся язык, которому должны принадлежать такие слова. Иными словами, возникает следующая задача: найти такие пути в графе, что слова, задаваемые ими, принадлежат заданному языку. При этом возможны различные вариации постановки задачи (характерные для многих задач поиска путей): поиск пути между двумя заданными вершинами; поиск всех путей в графе, удовлетворяющих заданному ограничению; проверка достижимости (а не поиск непосредственно пути) и т.д. В зависимости от конкретной решаемой задачи необходимо применять различные алгоритмы для достижения лучшей эффективности.

Так как ограничения формулируются в терминах языков, естественным является привлечение результатов теории формальных языков. С одной стороны, возникают фундаментальные вопросы о разрешимости задачи: при использовании каких классов языков в качестве ограничений задача поиска путей разрешима. С другой стороны, оказывается возможным использовать алгоритмы синтаксического анализа для решения задачи, однако они требуют модификации, и исследование их теоретических свойств, например, временной и пространственной сложности, оказывается нетривиальной задачей. Важно, что ответы на эти вопросы связаны не только со свойствами используемых языков, но и со свойствами обрабатываемых

графов, что приводит к тесному соприкосновению двух областей науки: теории графов и теории формальных языков. Несмотря на то, что задача поиска путей с ограничениями в терминах формальных языков изучается с начала 1990-х (Томас Репс и Михалис Яннакакис), многие вопросы остаются открытыми. Например, до сих пор не решён вопрос о существовании субкубического алгоритма для поиска путей с контекстно-свободными ограничениями. А конкретные алгоритмы решения задач стали разрабатываться и изучаться совсем недавно, когда возрос интерес к графовым базам данных.

С прикладной точки зрения, важно получение эффективных с вычислительной точки зрения алгоритмов для обработки практически важных сценариев. Так как графы, возникающие в прикладных задачах, имеют большой размер в терминах количества вершин и рёбер, то естественным путём является разработка параллельных и распределённых алгоритмов их обработки, в том числе алгоритмов, использующих массово-параллельные архитектуры, такие как GPGPU. Данное направление активно развивается в области обработки графов, однако слабо проработано в контексте обсуждаемой задачи.

Если рассматривать задачу поиска путей в контексте графовых баз данных, то необходимо предоставить удобные средства описания запросов, позволяющие формулировать ограничения в терминах формальных языков. Одним из наиболее естественных способов задавать такие ограничения в прикладных задачах являются парсер-комбинаторы. Традиционно парсер-комбинаторы используются для задания языка и, одновременно, синтаксического анализатора для него, путём комбинирования функций, реализующих более простые парсеры. Парсер-комбинаторы обеспечивают при этом "бесшовную" интеграцию с основным языком программирования (нет отдельной процедуры встраивания специализированного языка в язык общего назначения), высокий уровень абстракции за счёт возможности использовать функции высших порядков, надёжность и безопасность за счёт полной интеграции с системой вывода типов используемого языка. Такой подход хорошо зарекомендовал себя при анализе языков программирования, однако его применимость для анализа графов исследована слабо.

Также, в контексте выполнения запросов к графовым базам данных, необходимо разработать методы оптимизации как самих запросов, так и процедур их исполнения. Здесь перспективным подходом является применение смешанных вычислений, в частности, специализации. Хотя в области реляционных баз данных такой подход показал себя состоятельным (например, работы Евгения Шарыгина и соавторов), в контексте графовых баз данных данные техники не применялись.

Проект посвящён разработке и реализации алгоритмов для поиска путей с ограничениями в терминах формальных языков, а также вопросам создания средств задания таких ограничений и методам оптимизации соответствующих запросов к графовым базам данных. При разработке алгоритмов будут использоваться методы теории формальных языков и теории графов для поиска классов графов и языков, для которых, во-первых, принципиально возможно построение алгоритмов решения задач поиска путей с ограничениями в терминах формальных языков, во-вторых, возможно построение асимптотически эффективных алгоритмов. Для разработки эффективных с практической точки зрения алгоритмов будут использоваться методы построения параллельных алгоритмов, в том числе, алгоритмов для массово-параллельных архитектур. Исследование способов задания ограничений потребует использования знаний из области разработки языков программирования. При разработке

методов оптимизации запросов будут использоваться техники смешанных вычислений.

Коллектив исполнителей включает специалистов по теории формальных языков, теории графов, построению компиляторов, методам оптимизации программ, и разработке языков программирования. Это позволит организовать плодотворное сотрудничество и обеспечить комплексный подход к решению задач, а также привлечь талантливых студентов к изучению соответствующих областей науки и работе над проектом.

#### en

Big data processing is a research area that requires strong theoretical results to create applied solutions of high-quality. A graph often serves as a model for representing data. Graphs are used to represent networks (social networks, flow networks), for static analysis and verification of software (call graphs, data-flow graphs), and are at the heart of graph databases. Although a graph is a fundamental mathematical object, it is still being actively researched. Processing of graph structured data is an actively developing field.

One of the data processing problems is determining relations between entities or the absence of specific relations. In the case of graph-structured data, this problem can be formulated in terms of searching for paths between vertices or checking that there are no paths. Usually, when solving real-world problems, some specific nontrivial constraints are applied to the paths. Constraints can take different forms. For example, one can constrain the length of a path and search for only the shortest paths, or be only interested in paths in which all vertices are distinct.

Weighted graphs are graphs which associate some value—or weight—with each edge. They play an important role in many areas: static code analysis, bioinformatics, analysis of RDF files etc. One way to formulate a path constraint in a weighted graph is with a formal language. Note that a path in a weighted graph can be naturally associated with a word over the alphabet of weights. Formal language constrained path querying is a search for paths which are associated with words from the language. There are different variations of the path querying problem: to search for paths between two particular vertices, for all paths which satisfy constraints or simply conduct a reachability check. Depending on the particular problem, one needs to employ different algorithms to get efficient solutions.

It is natural to employ formal language theory for formal language constrained path querying. On the one hand, there are fundamental questions about the decidability of the path querying problem. It is an open question which language classes make the problem decidable. On the other hand, it is possible to utilize parsing algorithms for path querying. The algorithms themselves should be modified, and then their theoretic properties are to be determined, including their computational complexity. It is important, that the answers to these questions depend not only on the language class, but the properties of the input graphs which leads to close interaction of the formal language and graph theory. Many questions are still open, even though the constrained path querying has been studied since the early 1990s (Thomas Reps and Mihalis Yannakakis). It is still unknown whether a subcubic algorithm for context-path querying exists. The interest to graph databases, which has recently arose, spurred the development of the algorithms for specific real-world problems, but they are mostly not mature enough to be used in production.

Computationally efficient algorithms are crucial for applications. Real-world graphs are huge

in terms of the number of vertices and edges, so it is natural to create parallel and distributed algorithms, including massively-parallel or GPGPU based algorithms. Parallel algorithms are being actively researched, but their application for formal language constrained path problems is not studied enough.

To apply formal language constraints for graph databases we should provide a way to formulate database queries as constraints. One natural way to do it is by using parser combinators. Usually, parser combinators are used to simultaneously specificy the language and its parser by combining functions that implement simpler parsers. Parser combinators provide transparent integration with a host programming language (embedding of a domain-specific language to the general-purpose one is avoided), high level of abstraction by using higher-order functions, and type safety. This approach works well for programming language analysis, but its applicability to graph analysis has not been investigated enough.

It is important to provide methods to optimize both queries and query execution procedures for graph databases and their applications. One promising way to do it is to use mixed computations and specialization. This approach shows good results for relational databases (for example, consider the work of E. Sharygin), but its applicability for graph databases is not investigated.

This project is aimed to create and implement formal language constrained path querying algorithms, to provide methods for constraints specification, and to develop optimization techniques for graph database queries and query execution procedures. We plan to employ formal language theory and graph theory to determine decidable subclasses of the problem, and such subclasses for which efficient algorithms may be created. We will use methods of parallel algorithms construction, including methods for massively-parallel architectures, to develop practical efficient algorithms. Methods of programming language design and development are required to investigate practical ways to specify the constraints. Mixed computations will be used to optimize queries and query execution procedures.

The team includes experts in graph theory, formal language theory, compiler construction, program optimization methods, programming language development. It allows us to organize fruitful collaboration, and involve talented students to investigate respective areas of science and to work on the project.

### 1.6 Ожидаемые результаты и их значимость

#### ru

Проект направлен на изучение задачи о поиске путей с ограничениями в терминах формальных языков с целью получения эффективного с прикладной точки зрения решения для неё. Ожидаются как теоретические результаты на стыке теории формальных языков и теории графов и в области построения параллельных алгоритмов, так и результаты в области разработки языков и методов оптимизации программного обеспечения.

В частности, ставится задача построить более детальную классификацию задач поиска путей с контекстно-свободными ограничениями как с точки зрения подклассов языков, так и с точки зрения типов графов. Основная цель здесь — ответить на вопрос о существовании субкубического алгоритма для задачи в общем случае. Данный вопрос открыт уже длительное

время, так что полностью ответить на него вряд ли удастся, но ценными будут и частичные ответы в терминах подклассов задачи, для которых такой алгоритм точно существует.

В области построения параллельных алгоритмов планируется получение новых алгоритмов для решения задачи поиска путей с контекстно-свободными ограничениями для массовопараллельных и распределённых систем. Будут изучены теоретические свойства предложенных алгоритмов, в частности, получены асимптотические оценки временной и пространственной сложности. Также будет исследованы возможности расширения построенных алгоритмов для других классов языков.

При разработке прикладных способов и средств задания ограничений в терминах языков будут исследованы подходы на основе парсер-комбинаторов. Планируется, что будут сформулированы границы применимости такого подхода, а также изучены его слабые и сильные стороны в контексте прикладных задач, такие как типобезопастность, возможность вычисления дополнительных семантических функций. Несмотря на то, что применение парсер-комбинаторов для анализа языков программирования изучено достаточно хорошо, обобщение этого подхода на графы нетривиально и ожидаются новые результаты. Парсер-комбинаторы предоставляют не только механизм для решения задачи поиска путей с ограничениями, но и формализм для описания запросов. Использование такого формализма упростит использование технологии конечными пользователями, а также предоставит более прозрачную интеграцию в логику разрабатываемой программы. Планируется разработка удобного формализма спецификации запросов. Помимо того, парсер-комбинаторы позволяют вычисление пользовательской семантики, при помощи чего можно выразить фильтрацию, агрегацию, счетчики и прочие виды обработки результата запроса. В рамках работы будет изучено, для каких классов входных графов можно точно вычислить пользовательскую семантику, а для каких только приближённо. Некоторые языки, не являющиеся контекстносвободными, можно анализировать при помощи парсер-комбинаторов. Будет изучен вопрос использования более, чем контекстно-свободных ограничений для поиска путей в графах.

В области оптимизации запросов и процедур их исполнения планируется разработать решение для специализации алгоритмов выполнения запросов к графовым базам данных во время выполнения. Вероятно, при этом будут разработаны новые алгоритмы специализации.

#### $\mathbf{e}\mathbf{n}$

The aim of the project is to study formal language constrained path problems and to develop practically efficient solutions for them. The plan is to obtain theoretical results at the junction of the formal language theory, graph theory, and parallel programming, as well as results in the field of language development and software optimization methods.

One of the problems is to create a more detailed classification of context-free path querying problems with respect to both language subclasses and the shape of the graph. The most important is to determine whether there exists a subcubic algorithm for the general context-free path querying problem. Since this question is hard and has been open for a long time, providing a complete answer cannot be guaranteed. However even a partial answer such as describing subclasses of the problem for which such algorithm exists will form a scientific result.

In the area of parallel computing, it is planned to develop new algorithms for context-free

path querying for massively parallel and distributed systems. Fundamental theoretical properties of the developed algorithms are to be studied. Asymptotic time and space complexity is to be estimated. It is also planned to modify the algorithms to work with other language classes.

Combinatory parsing is to be employed as a way to both execute path queries and formulate constraints on paths. It is planned to study the limitations of this approach, as well as its advantages and disadvantages in the context of the real-world problems such as type-safety and semantics calculation. In spite of decades of active research of parsing combinators for programming languages analysis, its generalization for path querying is not trivial and new scientific results are expected. Parser combinators provide not only a way to solve a formal language path querying problem, but also serve as a constraints description mechanism. Using parser combinators as a language for describing constraints facilitates user adoption and provides a more transparant integration into the business logic. It is planned to determine the types of graphs for which it is possible to compute user semantics. Some languages which are not context-free may be analysed with parser combinators. Thus it is planned to investigate which not context-free language classes can be used as constraints in path querying.

For graph query execution procedure optimization we plan to develop a solution that is based on runtime specialization. New specialization algorithms may be developed in the process.

### 1.7 +В состав научного коллектива будут входить

- 8 исполнителей проекта (включая руководителя)
- в том числе 8 исполнителей в возрасте до 39 лет включительно,
- из них: 4 очных аспирантов, адъюнктов, интернов, ординаторов, студентов.
- 1.8 +Планируемый состав научного коллектива с указанием фамилий, имен, отчеств (при наличии) членов коллектива, их возраста на момент подачи заявки, ученых степеней, должностей и основных мест работы, формы отношений с организацией (трудовой договор, гражданско-правовой договор) в период реализации проекта.
  - Семён Вячеславович Григорьев, 31 год, к.ф.-м.н., доцент СПбГУ, трудовой договор.
  - Даниил Андреевич Березун, 27 лет, к.ф.-м.н., научный сотрудник ООО "ИнтеллиДжей Лабс приглашённый лектор в НИУ ВШЭ, глд
  - Антон Подкопаев
  - Тимофей Брыксин

- Рустам Шухратуллович Азимов, 24 года, магистр (математическое обеспечение и администрирование информационных систем) ,научный сотрудник ООО "ИнтеллиДжей Лабс трудовой договор
- Егор Орачев
- Алексей Тюрин
- Арсений Константинович Терехов, 21 год, студент СПбГУ, гпд

## +Соответствие профессионального уровня членов научного коллектива задачам проекта

#### ru

Руководитель, Семён Вячеславович Григорьев, является доцентом кафедры информатики СПбГУ и кандидатом физико-математических наук. Опыт руководства исследовательскими работами и преподавания составляет 7 лет. За это время под его руководством защищено 8 магистерских диссертаций, 15 выпускных квалификационных работ бакалавра, 2 дипломных работы специалиста, больше 15 курсовых работ. В настоящее время под его руководством работают два аспиранта. За время преподавательской деятельности занимался подготовкой и чтением курсов по теории графов, алгоритмам анализа графов, теории формальных языков, алгоритмам и структурам данных. Имеет опыт руководства грантами (РФФИ 19-37-90101; программа УМНИК, 162ГУ1/2013 и 5609ГУ1/2014) исследовательскими группами и отдельными исследовательскими работами. Также имеет опыт исполнения грантов (РФФИ 15-01-05431, РФФИ 18-01-00380, РНФ 18-11-00100). Область научных интересов включает теорию формальных языков, теорию графов, алгоритмы синтаксического анализа, разработку параллельных алгоритмов, аппаратные ускорители параллельных вычислений.

Даниил Андреевич Березун является кандидатом физико-математических наук, преподаёт на кафедре прикладной математики и информатики НИУ ВШЭ в Санкт-Петербурге. Опыт руководства исследовательскими работами и преподавательской деятельности составляет более 5 лет. За это время под его руководством были защищены 3 выпускных квалификационных работы бакалавра, более 6 курсовых работ. За время преподавательской деятельности занимался подготовкой и чтением курсов по компиляции, разработке языковых процессоров, метавычислениям и семантикам языков программирования. В настоящее время под его руководством работают 2 магистранта. Имеет опыт исполнения грантов (РФФИ 18-01-00380). Область научных интересов включает анализ, разработку и реализацию языков программирования, метапрограммирование и метавычисления, математическую логику, семантику языков программирования, автоматическую генерацию программ, основанную на семантике, блокчейн и распределённые технологии.

Подкопаев Антон

Брыксин Тимофей

Рустам Шухратуллович Азимов является аспирантом математико-механического факультета СПбГУ по направлению информатика. Защитил магистерскую диссертацию на тему "Синтаксический анализ графов через умножение матриц". Имеет публикации по теме проекта ("Context-Free Path Querying by Matrix Multiplication "Синтаксический анализ графов с

использованием конъюнктивных грамматик "Синтаксический анализ графов и задача генерации строк с ограничениями"). Имеет опыт исполнения грантов (РНФ 18-11-00100 и РФФИ 19-37-90101). Область научных интересов: теория формальных языков, запросы к графам, языки запросов, поиск путей в графах, матричные операции, параллельные алгоритмы.

Терехов Арсений является студентом 4го курса СПбГУ по направлению "Математическое обеспечение и администрирование информационных систем а так же студентом 3го курса Computer Science Center. Прошёл летние стажировки в компаниях Яндекс и JetBrains. Принимал участие в двух проектах под руководством работников компании JetBrains. Его облать научных интересов включает формальные языки и графовые базы данных.

Тюрин Алексей

Орачев Егор

 $\mathbf{e}\mathbf{n}$ 

The lead of the group, Semyon V. Grigorev, is an associate professor of the faculty of Mathematics and Mechanics of Saint-Petersburg State University and has a Ph.D. in mathematics and physics. He has 6 years of experience in teaching and being a leader and a manager of research projects. He has supervised 7 master dissertations, 12 graduation theses of bachelors, 2 graduation theses of specialists, and more than 10 course works. Two Ph.D. students are being supervised by him now. The following courses were prepared and taught: graph theory, formal language theory, algorithms and data structures. Semyon has experience in being a leader of both grants (RFBR 19-37-90101; FASIE, 162ΓУ1/2013 and 5609ΓУ1/2014), and research groups and projects. Also, he has participated in grants (RFBR 15-01-05431, RFBR 18-01-00380, RSF 18-11-00100). Research interests include formal language theory, graph theory, parsing algorithms, parallel algorithms.

Daniil A. Berezun has a Ph.D. in mathematics and physics, and is a lecturer at the Applied Mathematics and Informatics chair of NRU HSE in St. Petersburg. He has supervised 3 graduation theses of bachelor and more than 6 course works. Two master students are being supervised by him now. The following courses were prepared and taught: compiler techniques, language processors development, programming languages semantics, metacomputations. Daniil has participated in the grant RFBR 18-01-00380. Research interests include analysis, design, and implementation of programming languages, programming languages semantics, metaprogramming and metacomputations, semantic-based automated program generation, blockchain, and distributed systems.

Ekaterina A. Verbitskaia finished a Ph.D. program with specialization "Informatics" at the faculty of Mathematics and Mechanics of Saint-Petersburg state university. She is a lecturer at the Saint-Petersburg Electrotechnical University "LETI". She has 4 years of experience in teaching and being a leader of research projects. She has supervised 2 graduational theses of bachelor. Two master students are being supervised by her now. The following courses were prepared and taught: formal language theory, compiler construction. She has participated in the grant RFBR 18-01-00380. Research interests include embedded language analysis, parser combinators and parsing algorithms, functional programming, supercompilation, and partial deduction for logical programming languages.

Rustam Sh. Azimov is a Ph.D. student at the faculty of Mathematics and Mechanics at Saint-Petersburg State University. He has a masters degree, his mathers thesis is "Graph parsing by

matrix multiplication". Rustam has publications which are related to this project ("Context-Free Path Querying by Matrix Multiplication "Graph parsing by using conjunctive grammars "Graph parsing and constrained string generation problem"). He has participated in grants (RSF 18-11-00100 μ RFBR 19-37-90101). Research interests include formal language theory, graph querying, query languages, linear algebra, parallel algorithms.

Ekaterina N. Shemetova has a masters degree: she graduated from the masters program "Software development" in 2019. Masters thesis: "Context-free constrained path problem". She is a Ph.D. student at Saint-Petersburg Academic University, specialization is "Informatics". She has a publication related to this project ("Boolean grammar constrained path querying in direct acyclic graphs") and has participated in the grant RSF 18-11-00100. Research interests include complexity theory, formal language theory and applications, static code analysis.

Julia A. Susanina is a masters student at the faculty of Mathematics and Mechanics at Saint-Petersburg State University, specialization is "Software engineering". The bachelors thesis is related to formal languages and parallel parsing algorithms: bachelor thesis is "Optimizing of matrix-based parsing algorithms". She presented her research at CIBB-2019 conference, and the paper she coauthored was published in the Proceedings of ISP RAS. Research interests include formal language theory, parsing algorithms and applications.

Nikita M. Mishin is a 4th-year student at the faculty of Mathematics and Mechanics at Saint-Petersburg State University, specialization is "Software engineering". He has a publication which is related to this project ("Evaluation of the Context-Free Path Querying Algorithm Based on Matrix Multiplication GRADES-2019). Nikita participated in a number of summer schools, including the summer school of Lanit-Tercom, project RuCuHmmer which is aimed to migrate biological data analysis tool HMMER to GPGPU. Research interests include parallel algorithms, formal languages, GPGPU programming, functional programming.

Arseniy K. Terekhov is a 4th-year student at the faculty of Mathematics and Mechanics at Saint-Petersburg State University, specialization is "Information System Administration and is a 3rd-year student of Computer Science Center. Arseniy was an intern at Yandex and JetBrains software development company. He worked on two research projects led by employers of JetBrains. Research interests include formal languages and graph databases.

Ilya V. Balashov is a 3rd-year student at the faculty of Mathematics and Mechanics at Saint-Petersburg State University, specialization is "Information System Administration". He participated in the summer school organized by Lanit-Tercom and is a member of TRIK project. Research interests include formal language theory, metaprogramming, and functional programming.

# 1.9 +Планируемый объем финансирования проекта Фондом по годам (указывается в тыс. рублей)

2021 г. 6000 тыс. рублей, 2022 г. 6000 введите планируемый объем финансирования в 2022 г. тыс. рублей, 2023 г. 6000 введите планируемый объем финансирования в 2023 г. тыс. рублей.

# 1.10 Научный коллектив по результатам проекта в ходе его реализации предполагает опубликовать в рецензируемых российских и зарубежных научных изданиях не менее

#### 10 публикаций

из них 8 в изданиях, индексируемых в базах данных «Сеть науки» (Web of Science Core Collection) или «Скопус» (Scopus).

Информация о научных изданиях, в которых планируется опубликовать результаты проекта, в том числе следует указать в каких базах индексируются данные издания - «Сеть науки» (Web of Science Core Collection), «Скопус» (Scopus), РИНЦ, иные базы, а также указать тип публикации - статья, обзор, тезисы, монография, иной тип

- Proceedings of Joint International Workshop on Graph Data Management Experiences & Systems (Grades) and Network Data Analytics (Nda), издатель АСМ, Scopus, статья
- Proceedings of International Conference on Extending Database Technology (EDBT), издатель OpenProceedings.org, Scopus, статья
- Theory of Computing Systems, издатель Springer US, Scopus, статья
- Acta Informatica, издатель Springer US, Scopus, статья
- Proceedings of the ACM SIGPLAN Workshop on Partial Evaluation and Program Manipulation, издатель ACM, Scopus, статья
- Lecture Notes in Computer Science, издатель Springer US, Scopus, Web of Science, статья
- Proceedings of the Central and Eastern European Software Engineering Conference Russia, издатель ACM, Scopus, статья
- Труды Института системного программирования РАН, издатель Институт Системного Программирования РАН, РИНЦ, статья

#### Иные способы обнародования результатов выполнения проекта

- Участие в постерных сессиях при конференциях SIGMOD, SPLASH, ICFP
- Проведение открытых лекций
- Доклады на научных семинарах

### 1.11 Число публикаций членов научного коллектива, опубликованных в период с 1 января 2015 года до даты подачи заявки

25, из них 10 — опубликованы в изданиях, индексируемых в Web of Science Core Collection или в Scopus.

## 1.12 Планируемое участие научного коллектива в международных коллаборациях (проектах) (при наличии)

Руководитель проекта подтверждает, что

- все члены научного коллектива (в том числе руководитель проекта) удовлетворяют пунктам 6, 7, 13 конкурсной документации;
- на весь период реализации проекта он будет состоять в трудовых отношениях с организацией;
- при обнародовании результатов любой научной работы, выполненной в рамках поддержанного Фондом проекта, он и его научный коллектив будут указывать на получение финансовой поддержки от Фонда и организацию, а также согласны с опубликованием Фондом аннотации и ожидаемых результатов поддержанного проекта, соответствующих отчетов о выполнении проекта, в том числе в информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»;
- помимо гранта Фонда проект не будет иметь других источников финансирования в течение всего периода практической реализации проекта с использованием гранта Фонда;
- проект не является аналогичным по содержанию проекту, одновременно поданному на конкурсы научных фондов и иных организаций;
- проект не содержит сведений, составляющих государственную тайну или относимых к охраняемой в соответствии с законодательством Российской Федерации иной информации ограниченного доступа;
- доля членов научного коллектива в возрасте до 39 лет включительно в общей численности членов научного коллектива будет составлять не менее 50 процентов в течение всего периода практической реализации проекта;
- в установленные сроки будут представляться в Фонд ежегодные отчеты о выполнении проекта и о целевом использовании средств гранта.

### 2 Содержание проекта

### 2.1 + Научная проблема, на решение которой направлен проект

ru

Проект направлен на изучение и разработку методов и средств, позволяющих использовать операции и примитивы линейной алгебры для получения высокопроизводительных решений в широком спектре прикладных областей, включающем (но не ограниченном) статический анализ кода, графовые базы данных, анализ соцальных сетей.

Хотя прикладное значение линейной алгебры хорошо известно, наиболее широкое распространение на практике она получила в виде математических библиотек линейной алгебры

(например, различные реализации BALS, Basic Linear Algebra Subprograms). При этом, применение алгоритмов, основанных на линейной алгебре, в различных прикладных областя хотя и является традиционным (например, опреации над матрицами смежности при анализе графов), до недавнего времени не сущесвовало единого взгляда на такой подход к решению приладных задач. Появление же стандарта GraphBLAS (Aydın Bulu c, Timothy Mattson, Scott McMillan, Jos'e Moreira, Carl Yang, The GraphBLAS C API Specification, version 1.3.0, 2019), с одной стороны, привело к общему базису использование примитивов и операций линейной алгебры в широком спектре прикладных задач, с другой же, поставило ряд вопросов, ответы на которые активно ищутся мировым научным сообществом в настоящее время. При этом вопросы затрагивают все уровни, начиная от аппаратного, без работы над которым не возможно обеспечить максимальную эффективность решений, через системный, включающий разработку библиотек и средств разработки, позволяющих, с одной стороны, мимнимизировать затраты на разработку прикладных решений основанных на линейной алгебре, с ругой, эффективно использующих имеющиеся аппаратные средства, до прикладного, включающего изучание областей, в которых переспективно применение решений на основе операций и примитивов линейной алгебры, разарботку инструментов и приложений для конечных пользователей, основанных на линейной алгебре.

На аппаратном и системном уровне существенная часть вопросов связана со следующими ключевыми особенностями GraphBLAS. Во-первых, данный стандарт рассматривает прежде всего разреженные структуры данных (разреженные матрицы, вектора), что связано с разреженностью большинства прикладных объектов. Это существенно снижает эффективность традиционных аппаратных и программных средства параллельных вычислений (такие как использование векторизации, SIMD, GPGPU) из-за нерегулярного доступа к памяти, вызванного особенностью форматов представления данных. Что, в свою очередь, стимулирует поиск новых аппаратных архитектур и моделей и средств программиования для них и для уже существующих платформ. Во-вторых, постулируется необходимость реализации абстрактных примитивов и операций, параметризуемых тамими объектами, как моноид или полукольцо, что существенно отличает его от принятого подхода в современных библиотеках линейной алгебры, поддерживающих, в основном, числа с плавающей точкой (с одинарной или двойной точностью) и соотвествующие операции. В-третьих, набор примитивов и операций разрабатывается исходя из того, что они должны стать строительными блоками для прикладных алгоритмов, что выдвигает более нетривиальные требоания как к составу самого набора, так и к возможности легко строить композиции операций, входящих в него. Последние два пункта вынуждают искать новые подходы к разработке библиотек реализаций операций линейной алгебры и алгоитмов на их основе, так как необходимо совместить разработку высокопроизводительных ршений, традиционно ведущуюся на языках низкого уровня, и создание удобнго уровня абстракций, возможное, в основном, с использованием соотвествующих языков высокого уровня. Это, в свою очередь, приводит к необходимости разрабатывать новые языки проргаммирования и техники оптимизаций программ, написанных на них.

Сложность при работе в данном направлении заключается в том, что традиционно для разработки высокопроизводительных решений использовались императивные (часто С-подобные) языки, однако многие востребованные оптимизации, таие как устранение промежуточных структур данных (в частности дефорестация), частичное применение к известным данным (специализация), реализуемы в языках, тяготеющих к функциональномй парадигме. Стоит

отметить, что указанные выше оптимизации могут рассматриваться как частные случаи суперкомпиляции, предложенной и активно изучавшейся В.Ф.Турчиным и А.П.Ершовым ещё в 70-е годы. И хотя работы по созданию языка для высокопроизводительных вычислений, поддерживающих подобные оптимизации активно ведуться в настоящее время (например, язык Futhark, поддерживающий kernel fusion, частный случай дефорестации: Троэлс Хенриксен, "Futhark: Purely Functional GPU-Programming with Nested Parallelism and In-Place Array Updates 2017) и обсуждаются в сообществе GraphBLAS (Карл Янг "GraphBLAST: А High-Performance Linear Algebra-based Graph Framework on the GPU 2020), вопрос о границах применимости таких оптимизаций и о применимости суперкомпиляции для их выполнения всё ещё остаётся открытым.

Вместе с этим, прикладной уровень, где ведётся поиск новых областей применения и способов использования линейной алгебры, нуждается в усиленном изучении и структуризации. Так, например, хотя использование операций линейной алгебры для выполнения запросов к графовым базам данных уже подтвердило свою практическую ценность, например, в графовой базе данных RedisGraph (Pieter Cailliau, Tim Davis et al, RedisGraph GraphBLAS Enabled Graph Database, 2019), практически полностью основанной на представлении графов в виде матриц и использующей операции над ними для выаолнения пользовательских щапросов, всё ещё не существует формального описания процедуры трансяции прикладных языков запросов в операции линейной алгебры. Хотя и предпринимаются попытки формально описать семантику некоторых языков запросов к графовым базам данных, например, в работах Надима Франсиса "Formal Semantics of the Language Cypher"и Джозефа Мартона "Formalising openCypher Graph Queries in Relational Algebra".

Другой показательный пример — статический анализ кода, где, большой объём обрабатываемых данных делает востебованными паралльные (напрмиер, работы Хайбо Ю "Parallelizing Flow-Sensitive Demand-Driven Points-to Analysis 2020 и Poyни Гу "Towards Efficient Large-Scale Interprocedural Program Static Analysis on Distributed Data-Parallel Computation" 6 2021) и инкрементальные (например, работа Йенса Ван дер Пласа "Incremental Flow Analysis through Computational Dependency Reification 2020) алгоритмы (дабы избегать повторных вычислений при незначительных изменениях кода), а многие ключевые задачи могут быть сформулированы в терминах достижимости с особого вида ограничениями в графах. При этом, применимость алгритмов для решения таких задач, пстроенных на онове линейной алгебры и позволяющих использовать современные программные и аппаратные средства для параллельной и инкреентальной обработки данных, в контексте статического анализа всё ещё остаётся мало изученной ввиду того, что они былы предложены сравнительно недавно (работы Рустама Азимова "Context-free path querying by matrix multiplication" и Егора Орачева "Context-Free Path Querying by Kronecker Product").

en

## 2.2 Научная значимость и актуальность решения обозначенной проблемы

ru

Создание програмно-аппаратного стека для высокопроизводительных решений на основе линейной алгебры!!!

Необходимость подобных оптимизаций подробно обсуждается.

Детальный обзор актуалных решений приведён в !!!!

Формализация свойств и доказательство корректности преобразованиий необходимо как для !!!!

Понимание границ применимости в статическом анализе!!!

Оценка возможности использовать для машинного обучения необходима для сохдания интеллектальных инструментов анализа большого объёма кода.

========

Знание границ разрешимости задачи необходимо для разработки языков запросов и для оценки разрешимости прикладных задач, сводимых к данной. При этом, с практической точки зрения, могут оказаться содержательными ситуации, когда задача в общем случае не разрешима, но можно найти достаточно точные приближённые решения. Так, для статического анализа применимым оказывается приближение сверху, так как в большинстве случаев ожидаемый ответ пуст, что означает отсутствие нежелательных поведений анализируемой программы. А значит, если аппроксимация сверху пуста, то и точное решение пусто. При этом важно, чтобы приближение как можно меньше отличалось от точного решения, так как в противном случае будет большое количество ложных срабатываний — ситуаций, когда найденное нежелательное поведение на самом деле не возможно. Примером такого подхода может служить работа Ц. Чжана, в которой для статического анализа кода применялись ограничения в виде линейных конъонктивных языков (Qirun Zhang and Zhendong Su, Context-sensitive data-dependence analysis via linear conjunctive language reachability, 2017). В такой постановке задача неразрешима, однако показано, что можно эффективно искать содержательное с практической точки зрения приближенное решение.

Знание теоретических свойств алгоритмов важно как само по себе, так и для того, чтобы создавать эффективные на практике решения. Стоит отметить, что, несмотря на то, что данная область изучается уже длительное время, совсем недавно были получены новые результаты. Так, в 2017 году Ф. Брэдфорд предъявил субкубический алгоритм для задачи достижимости в случае, когда ограничения заданы языком Дика на одном типе скобок (Phillip G. Bradford, Efficient Exact Paths For Dyck and semi-Dyck Labeled Path Reachability). Предложенное решение не обобщается на произвольные контекстно-свободные ограничения и требуется дальнейшая работа в данном направлении. В 2017 году К. Чаттерджи предъявил оптимальный алгоритм проверки достижимости для специального вида графов (двунаправленные графы) в случае, когда ограничения сформулированы в виде произвольного языка Дика (Krishnendu Chatterjee, Optimal Dyck reachability for data-dependence and alias analysis).

Также К. Чаттерджи показал, что предложенный алгоритм может эффективно применяться на практике для решения задач статического анализа кода.

Поиск эффективных с вычислительной точки зрения алгоритмов, в том числе алгоритмов для массово-параллельных и распределённых систем, с одной стороны важен для более глубокого понимания теоретических свойств алгоритмов и развития теории, связанной с параллельными и распределёнными системами, а с другой — для создания эффективных решения для прикладных задач, например, графовых баз данных, которые становятся всё более популярными. Как уже было сказано, поиск эффективных алгоритмов даже для хорошо изученных классов задач является актуальной на сегодняшний день проблемой (например, работы Jochem Kuijpers и Maurizio Nolé).

Исследования в области способов задания ограничений связаны с разработкой языка запросов, что является актуальной задачей. С одной стороны, языки запросов к графовым базам данных только развиваются и многие даже базовые вопросы, связанные с синтаксисом и семантикой таких языков, требуют изучения. С другой стороны, существует ряд общих вопросов, связанных с интеграцией предметно-ориентированных языков в языки общего назначения. Например, вопросы о "бесшовной"интеграции, о типовой безопасности, о различных проверках времени компиляции. Для решения этих проблем регулярно предлагаются различные подходы: интегрированный язык запросов (LINQ), различного рода комбинаторы, средства "межъязыкового"вывода типов.

Метавычисления, специализация и смешанные вычисления изучаются давно (работы N.D. Jones, В.Ф. Турчина, А.П. Ершова в 70–90-е года, а также работы их учеников, последователей и соавторов), но до сих пор в этой области много открытых вопросов как в теории, так и относительно применимости в прикладных задачах. Так, только в 2018 году специализация позволила существенно ускорить выполнение запросов в реляционной СУБД PostgreSQL (Sharygin Eugene et.al. 2018. Runtime Specialization of PostgreSQL Query Executor), а в 2019 было показано, что с помощью суперкомпиляции возможно построить процедуру выполнения SQL-запросов, превосходящую по производительности многие аналоги (Tiark Rompf, Nada Amin. 2019. A SQL to C compiler in 500 lines of code). Производительность процедуры выполнения запросов в графовых базах данных важна с прикладной точки зрения, однако применимость данных подходов для ускорения исполнения запросов в графовых базах данных не изучалась. Вместе с тем, исследование данной области может привести к новым теоретическим задачам в области смешанных вычислений.

#### en

Decidability of formal language constrained path problem is important for the development of graph querying languages and also in determining the decidability of the applications which can be reduced to this problem. Note that in practical applications, when the problem is undecidable, it may be important to provide an appropriate approximation, if possible. For example in static code analysis we expect the result to be empty, since the program is expected to not contain undesirable behaviours. Thus, if the over-approximation of the result turns out to be empty, then the precise solution is empty too, which renders over-approximating the result a good idea in this application area. But it would be better to provide an approximation which is as precise as possible, because otherwise users will face too many false-positives (undesirable behavior reported when in reality program is unable to have it) and will not be able to use the technology for their benefit. The

example of such an approach is a work of Q. Zhang, who uses linear conjunctive languages for static code analysis (Qirun Zhang and Zhendong Su, Context-sensitive data-dependence analysis via linear conjunctive language reachability, 2017). Linear conjunctive constrained reachability is undecidable, but it is shown that it is possible to provide a reasonable practical approximated solutions.

Theoretical properties of algorithms are important both as a self-contained theoretical result and as a means to create efficient practical solutions. Note that despite long research history, some new results were provided in the last few years. For example, in 2019, Ph. Bradford provides a subcubic algorithm for the 1-Dyck reachability problem (Phillip G. Bradford, Efficient Exact Paths For Dyck and semi-Dyck Labeled Path Reachability). The proposed solution cannot be generalized to arbitrary context-free languages, so more research in this direction is required. In 2017, K. Chatterjee provides an optimal algorithm for (arbitrary) Dyck reachability in a specific type of graph—bidirected graph—(Krishnendu Chatterjee, Optimal Dyck reachability for data-dependence and alias analysis). He also shows that the algorithm can be efficiently applied for static code analysis.

The development of computationally efficient algorithms, including algorithms for massively-parallel and distributed systems, is important for the investigation of the theoretical properties of algorithms and the advancing of parallel and distributed system theory. It also enables the creation of efficient applied solutions, for example for graph databases, which are becoming more popular in the recent years. As we note above, efficient algorithms development is a significant problem even for well-investigated classes of formal language constrained path problem (for example, see works of Jochem Kuijpers and Maurizio Nolé).

Query language development is another problem worth attention. To answer what makes a good query language, we need to investigate ways to specify constraints. Graph database query languages are at the early stage, so there is a lot of open questions about their syntax and semantics. There is also a number of open questions about the integration of domain-specific languages into general-purpose programming languages. They deal with transparent integration, type safety, compile-time checking of correctness. Several solutions have been proposed to solve these problems (language integrated query, combinators, interlanguage type inference, etc.) and new solutions are still under development.

Partial evaluation and supercompilation have been researched since 1970s (N.D. Jones, V.F. Turchin, A.P. Ershov and their followers), but there are still many open questions both theoretical and about the applicability of these methods to real-world problems. For example, only in 2018 performance SQL query execution procedure in PostgreSQL DBMS was significantly improved by means of specialization (Sharygin Eugene et.al. 2018. Runtime Specialization of PostgreSQL Query Executor). In 2019 it was shown that it is possible to create a SQL query execution procedure which outperforms competitors by means of supercompilation (Tiark Rompf, Nada Amin. 2019. A SQL to C compiler in 500 lines of code). Performance of query execution in graph databases is crucial for applications, but there are no results on the application of partial evaluation, supercompilation and similar to graph databases. At the same time, investigating this area can lead to new theoretical problems and tasks in the area of mixed computations and partial evaluation.

# 2.3 +Конкретная задача (задачи) в рамках проблемы, на решение которой направлен проект, ее масштаб и комплексность

ru

В рамках улучшения программно-аппаратной поддержки примитивов и операций разреженной линейной алгебры, предусматреиваемых стандартом GraphBLAS, ставится две задачи. Первая — разработка новых подходов и инструментальных средств для создания высокопроизводительных библиотек разреженной линейной алгебры для современного аппаратного обеспечения с использованием существующих языков программирования. Здесь предполагается, с одной стороны, поиск, разработка, реализация и экспериментальное исследование алгоритмов работы с разреженными матрицами, работающих на таких аппаратных ускорителях, как графические процессоры общего назначения (GPGPU) и ПЛИС (FPGA). С другой стороны, планируется разработать подход и соотвествующие инструментальные средства разработки программного обеспечения, позволяющий прозрачным для дальнейшего использования образом объединить преимущества языков высокого уровня, таие как удобные абстракции для распределённого, параллельноги и асинхронного программирования или богадую сиситему типов, дающую существенные статические гарантии корректности кода, с высокой производительностью специализированного аппаратного обеспечения.

Вторая задача — разработка нового программно-аппаратного стека, предназначенного для разработки высокопроизводительных решений на основе операций и примитивов разреженной линейной алгебры. В рамках данной задачи планируется совместная разработка (co-design) специализированного языка программирования высокого уровня (domain specific language, DSL), позволяющего описывать необходимые операции и примитивы линейной алгебры, методов и алгоритмов оптимизации программ на разработанном DSL, его компилятора, и аппаратной архитектуры, специализированной для разработаного языка и напривленной на повышение производительности. Вместе с этим, планируется разработка библиотеки, максимально удовлетворяющей стандарту GraphBLAS и экспериментальное исследование полученного решения на прикладных алгоритмах.

В качестве подзадачи планируется исследование таких методов оптимизации, как суперкомпиляция, смешанные вычисления, в двух направления. Первое: применение суперкомпиляции для оптимизации программ, написанных ня разработанном DSL. Здесь планируется изучить применимость существующих техник супекомпиляции и их эффект на производительность целевого кода. Возможно, будут разрабатываться новые методы суперкомпиляции, специализированные для разрабатываемого языка и предметной области. Второе: применеие частичнх вычислений для оптимизации решений во время выполнения. Здесь необходимо найти сценарии при которых специализация на данные, становящиеся известными во время выполнения, позволяет повысить произвоительность решения.

В рамках исследования перспективных областей применения алгоритмов, основанных на линейной алгебре, планируется работа в двух прикладных направлениях, являющихся на сегодняшний момент одними из самых активно использующих линейную алгебру. Первое направление — это графовые базы данных. И здесь планируется изучить границы применимости линейной алгебры для выполнения запросов к графовым дазам данных. Для этого планируется разработать схему трансляции языка запросов Cypher в операции линейной алгебры и доказать её корректность. Для этого планируется использовать систему автомти-

ческого доказательства теоремм Coq. Отдельной задачей ставится интеграция полученных результатов с международным стандартом языка запросов к графовым базам данных (GQL Standard, https://www.gqlstandards.org/), так как кроме схемы трансляции планируется получить формальное описание сематники языка Cypher (на основе которого разрабатывается стандарт), а данные артефакты могкт быть полезны при формальном описании языка, необходимом для стандарта.

Второе нарпавление — статический анализ программного кода. Здесь планируется изучение применимости различных алгоритмов поиска путей с ограничениями в терминах формальных языков к статичесикому анализу кода и адекватность получаемых результатов для создания прикладных решений, в частности на основе статистических подходов и методов машинного обучения. Необходимо оценить эффективность алгоритмов, основанных на линейной алгебре, для анализа больших объёмов кода, в том числе, эффект от применения GPGPU для решения подобных задач. Вместе с этим, планируется разработать методы использования получаемых результатов анализов для построения прикладных решений, основанных на методах машинного обучения, что позволит улучшить интеллектуальный анализ больших объёмов кода.

en

# 2.4 + Научная новизна исследований, обоснование достижимости решения поставленной задачи (задач) и возможности получения запланированных результатов

ru

Рассматриваемая в проекте область активно развивается. Все поставленные задачи интересуют специалистов в соответствующих областях, что подтверждается наличием работ, опубликованных в недавнее время в рецензируемых профильных журналах и представленных на ведущих профильных конференциях, в том числе участниками проекта. Это позволяет гарантировать новизну ожидаемых результатов и их соответствие мировому уровню.

Поскольку некоторые задачи очень трудны, гарантировать их полное решение невозможно. Таковой, например, является задача разработки нового программно-аппаратного стека для высокопроизводительных решений, основанных на разреженной линейной алгебре. Однако получение даже частичных результатов или улучшение существующих (например, изучение и описание границ применимости суперкомпиляции для оптимизации подпрограмм линейной алгебры) будет существенным вкладом. Вместе с этим, в проекте предусмотрено решение ряда интересных и ожидаемо разрешимых задач.

Так, например, опыт участников в разработке и исследовании методов суперкомпиляции и смешанных вычислений (Д. Березун, А. Тюрин), а также в разрабоке, как алгоритмов на основе линейной алгебры и GraphBLAS, так и самих алгоритмов линейной алгебры, применимых для анализа графов (С.В. Григорьев, Р.Ш. Азимов, А.К. Терехов, Е. Орачев), должен позволить всесторонне подойти к изучению вопроса создания специализированного языка

для описания примитивыв и операций разреженной лиенйной алгебры и применимости методова суперкомпиляции и смешанных вычислений для оптимизации программ написанных на нём. Так как применимость суперкомпиляции в данном контексте мало изучена, получение как положительных (создание языка и эффективного суперкомпилятора для него), так и отрицательных (выводы о неприменимости тех или иных техник в рамках изучаемой задачи) результатов будет сущетсвенным вкладом.

Опыт участников в разарботке алгоритмов выполнения запросов к графам, основанных на линейной алгебре, в использовании этих алгоримов при исполнении запросов к реальным графовым базам данных (С.В. Григорьев, Р.Ш. Азимов, А.К. Терехов, Е. Орачев), в формализации различных аспектов языков программирования (в том числе семантик) и доказательстве их свойств (А.В. Подкопаев, Д.А. Березун), позволят всесторонне подойти к вопросу применимости операций линейной алгебры для выполения запросов к графовым базам данных. Отметим, что некторые констукции языка Сурһег будут формально изучаться с этой точки зрения впервые, однако у участников есть опыт практической реализации данных кончтрукций и их трансляции в операции линейной алгебры, что поможет получить здесь новые результаты. Вместе с этим, некоторые аспекты формальноо описания сематники языка Сурһег изучены достаточно хорошо, но не полностью, и здесь планируется опираться на результаты таких исследователей, как Джозеф Мартон (József Marton) и Надим Фрэнсис (Nadime Francis).

Разрабока и экспериментальное исследование параллельных инкрементальных алгоритмв статического анализа кода, основанных на достижимости с ограничениями в терминах формальных языков, активно ведётся в настоящее время, многие вопросы и прикладные задачи всё ещё не решены окончательно, поэтому анализ применимости сущетвующих, ещё не изученных до конца, алгоритмов и разработка новых в данной области будет являться новыми результатми. При этом, участниками проекта разработан ряд алгоритмов достижимости и поиска путей с ограничениями в терминх формальных языков, позволяющих использовать современные параллелные архитектуры (многоядерные процессоры и GPGPU) и показавших свою высокую произволительность и потенциал к инкрементальной обработке данных. Это позволит провести всестороннее исследование применимости данных алгоритмов в контексте статического анализа кода, и при необходимости внести в них модификации, продиктованные спецификой предметной области.

Вместе с этим, опыт участников в разараотке прикладных решений анализа программного кода, в том числе, основанных на статистических методах и методах машинного обучения (Т. Брыксин), должен позволить детально изучить возможность использования результатов рассматриваемых алгоритмов для улучшения прикладных решений. Данное направление (использование результатов межпроцедурного анализа кода, представенных в матричном виде, для улучшения задач обработки кода методами машинного обучения) начало развиваться сравнительно недавно, однако результаты Юлей Суй (Yulei Sui), представленные в 2020 году, показывают его перспективность. Имеющийся у участников проекта опыт должен позволить существенно продвинуться в данном направлении и получить новые результаты.

 $\mathbf{e}\mathbf{n}$ 

# 2.5 Современное состояние исследований по данной проблеме, основные направления исследований в мировой науке и научные конкуренты

ru

В последние годы роль линейной алгебры в различных прикладых областях существенно возрасла. В частности, был разработан стандарт GraphBLAS API (Aydın Bulu,c, Timothy Mattson, Scott McMillan, Jos'e Moreira, Carl Yang, The GraphBLAS C API Specification, version 1.3.0, 2019) описывающий примитивы линейной алгебры и операции над ними, необходимые для описания алгоритмов анализа графов. Необходимо отметить, что данный стандарт показал свою применимость далеко за пределами задач, связанных с анализом графов. Напмриер, в таких областях, как машинное обучение (J. Kepner, M. Kumar, J. Moreira, P. Pattnaik, M. Serrano, and H. Tufo, Enabling massive deep neural networks with the GraphBLAS, 2017) и биоинформатика (O. Selvitopi, S. Ekanayake, G. Guidi, G. Pavlopoulos, A. Azad, and A. Buluc, Distributed many-to-many protein sequence alignment using sparse matrices, 2020). B настоящее время исследователи всего мира работают над развитием данного подхода. В частности, ищутся возможности сведения классических фундаментальных и прикладных задач к операциям линейной алгебры, разрабоатываются новые алгоритмы для выполнения базовых операций, исследуются форматы представления разреженных структур данных, характерных для прикладных областей, разрабатываются архитектуры аппаратных ускорителей операций линейной алгебры и принципы их построения.

Разработкой алгоритмов и архитектуры библиотеки для абстрактной разреженной алгебры на графических процессорах общего назначения занимаются несколько групп.

Необходимость оптимизаций высокого уровня.

Разработка специализированных архитектур и способов их разработки.

Поиск новых приложений, параллельность, статический анализ кода, статистическая обработка. Parallelizing Flow-Sensitive Demand-Driven Points-to Analysis (2020) https://ieeexplore.ieee.org/ab Towards Efficient Large-Scale Interprocedural Program Static Analysis on Distributed Data-Parallel Computation (2021) https://ieeexplore.ieee.org/abstract/document/9252147 Incremental Flow Analysis through Computational Dependency Reification (2020) https://ieeexplore.ieee.org/abstract/doc Rethinking Incremental and Parallel Pointer Analysis (2019) https://dl.acm.org/doi/abs/10.1145/3178372.3179517 An Efficient GPU Implementation of Inclusion-Based Pointer Analysis (2016) https://ieeexplore.ieee.org/abstr Parallel Pointer Analysis for Large-Scale Software (2015) http://www.cse.unsw.edu.au/jingling/yusu.pdf

Графовое промежуточное представление в компиляции и анализе кода, испольхзование графовых баз данных для этого.

Формализация семантики языка запросов.

Разработкой метавычислителей занималось множество исследовательских групп. Так например, группа из университета Копенгагена под руководством N.D.Jones и его коллег (С.К. Gomard, P.Sestoft, O.Danvy, T.Æ.Mogensen, R.Glück и другие) занималась изучением специализации программ, реализацией самоприменимых специализаторов для различных языков программирования, вопросами сложноности и производительности специализаторов. Классическим трудом по статической специализации программ является работа N.D.Jones, C.K.Gomard, P.Sestoft, L.O.Andersen, T.Mogensen, Partial evaluation and automatic program generation, 1993. Группы под руководством В.Ф.Турчина занимались изучением автоматического преобразования программ посредством суперкомпиляции. Создание применимых на практике решений, основанных на данных методах оптимизации программ является активно исследуемой областью. Так, например, И.Г.Ключников и С.А.Романенко в 2009 году сумели применить идеи суперкомпиляции для функций высших порядков (И.Г.Ключников. Суперкомпиляция функций высших порядков. 2010), а затем предложили многорезультатную и многоуровневую суперкомпиляцию (I.Klyuchnikov, S.A.Romanenko. Multi-result supercompilation as branching growth of the penultimate level in metasystem transitions. 2011; I.Klyuchnikov, S.A.Romanenko. Higher-level supercompilation as a metasystem transition. 2012) позволяющие ещё лучше оптимизировать программы. V.Srinivasan и T.Reps применили идеи специализации для оптимизации машиного кода (V.Srinivasan, T.Reps. Partial Evaluation of Machine Code. 2015). В 2000 году М. Спербер применил смешанные вычисления для построения синтакисческих анализаторов (Michael Sperber, Peter Thiemann. 2000. Generation of LR parsers by partial evaluation). Применительно к оптимизации процедур выполнения запросов, наиболее сущетсвенные прикладные результаты принадлежат Т. Ромпфу (Tiark Rompf, Nada Amin. 2015. Functional pearl: a SQL to C compiler in 500 lines of code) и Е. Шарыгину (Sharygin E., Buchatskiy R., Zhuykov R., Sher A. 2018. Runtime Specialization of PostgreSQL Query). Про суперкомпиляцию для железа, про специализацию в ДСЛ,

#### $\mathbf{e}\mathbf{n}$

!!!! A number of groups contribute to the research of partial evaluation. For example, a group led by N.D. Jones from Copenhagen university (C.K. Gomard, P.Sestoft, O.Danvy, T.Æ. Mogensen, R.Glück) workes on program specialization, implementation of self-applicable specializers for different programming languages, and estimations of time complexity and performance of specializers. One of the classical papers in this area is the paper of N.D.Jones, C.K.Gomard, P.Sestoft, L.O.Andersen, T.Mogensen, Partial evaluation and automatic program generation, 1993. A group led by V.F. Turchin worked on automatic program transformation by means of supercompilation. The creation of tools which are based on these techniques and can be used for real-world problems is an actively developing area. For example, in 2009 I.G. Klyuchnikov and S.A. Romanenko showed that supercompilation can be applied for higher-order functions (I. Klyuchnikov, Higher-Order Supercompilation, 2010), and after that, they propose multi-result and multilevel supercompilation (I.Klyuchnikov, S.A.Romanenko. Multi-result supercompilation as branching growth of the penultimate level in metasystem transitions. 2011; I.Klyuchnikov, S.A.Romanenko. Higher-level supercompilation as a metasystem transition. 2012). V.Srinivasan and T.Reps apply specialization for machine code optimization (V.Srinivasan, T.Reps. Partial Evaluation of Machine Code. 2015). In 2000 M. Sperber applied partial evaluation for parser generation (Michael Sperber, Peter Thiemann.

2000. Generation of LR parsers by partial evaluation). In the applications for databases, the most important results are by Tiark Rompf (Tiark Rompf, Nada Amin. 2015. Functional pearl: a SQL to C compiler in 500 lines of code) and by E. Sharygin (Sharygin E., Buchatskiy R., Zhuykov R., Sher A. 2018. Runtime Specialization of PostgreSQL Query).

# 2.6 Предлагаемые методы и подходы, общий план работы на весь срок выполнения проекта и ожидаемые результаты

ru

При разработке новых подходов и инструментальных средств для создания высокопроизводительных библиотек разреженной линейной алгебры для современного аппаратного обеспечения с использованием существующих языков программирования планируется использвать средства и методы метапрограммирования, в частности техники квазицитирования (code quotation) и генерации кода во время выполнения, что позволит бусшовно для конечного пользователя интегрировать высокоуровневый и низкоуровневый языки. В качестве низкоуровневого яыка предполагается использовать OpenCL C, так как на сегодняшний момент это самый зрелый стандарт для разработки переносимого высокопроизводительного кода, выполняемого на различных устройставх, включая многоядерные процессоры, графические ускорители общего назначения, программируемые логические интегральные схемы (ПЛИС, FPGA). В качестве языка высокого уровня предлагается использовать язык F#, так как этот язык является функциональным языком программирования со строгой статической типизацией и развитыми срежствами метапроагрммирования. Кторме этого, это тязык интегррован с платформой .NET, одной из самых популярных платформ для разработки прикладных решений. Вместе с этим, предполагается использование использование таких высокоуровневых средств организации асинхронных высчислений, как модель акторов, основанная на передаче сообщений между независимыми долгоживущими асинхронно выполяющимися процессами. Эти и другие абстракции представлены в языке F# и их использование должно позволить построить средство разработки, упрощающее программирование асинхронных гетерогенных стистем с несколькими графическими ускорителями.

При разработке разработка нового программно-аппаратного стека, предназначенного для разработки высокопроизводительных решений на основе операций и примитивов разреженной линейной алгебры планируется использовать методы суперкомпиляции для оптимизации программ. В частности, планируется использование результатов Ильи Ключникова и его суперкомпилятора НОЅС. Вместе с этим, для обеспечения аппартной поддержи планируется использывать подход, основанный на создании спеуиалзированной рахитектуры по программе на функциональном языке программирования. В частности, планируется применять результаты, полученные Ричардом Таусендом. А именно, планируется на функциональном языке программирования реализовать базовый набор типов данных и операций, предусматриваемх стандартом GraphBLAS, далее реализовать некоторые алгоритмы, используя реализованные операции, после чего оптимизировать их с применеием методов суперкомпеляции, что, в частности, должно устранить сохдание промежуточных структкр данных. Полученная программа будет транслирваться в специализиорванную аппаратную архитектуру, в результате чего

будет получаться проблемно-специфичный процессор. Использование такого подхода вместе с  $\Pi\Pi$ ИС, позволит получать специализированую аппаратную поддержку для конкретных задач и алгоритмов анализа данных.

Формализация языка зарпосов

Статический анализ кода и машинное обучение.

\*\*\*июль 2021 – июнь 2022\*\*\*

Будут проведены разработка и экспериментальное исследование системы программирования графических процессоров на языке высокого уровня (F#). Будут выявлены осонвные возможности и ограничения прозрачной интеграции вычислений на графическом ускорителе общего назначения в язык высокого уровня со статической типизацией F# на основе методов метапрограммирования времени исполнения. Будет реализован прототип соответствующего инструмента, реализована библиотека базовых операций разреженой линейной алгебры, проведена её эеспериментальное исседование, проанализированы результаты использования полученного средства разработки и самой библиотеки. На основе этого анализа будут сформулированы задачи на следующий год.

Будет выполнена формализация семантики ядра языка запросов Cypher с использованием системы автоматической проверки доказательств Coq. Начнуться подготовительные работы по формализации расширения, позволяющего выражать регулярные и контекстно-свободные ограничения. Начнётся обсуждение полученных результатов с сообществом GQL.

Будет проведено исследование применимости суперкомпиляции для оптимизации программ, написанных с использщованием операций и примитивов линейной алгебры. А именно, будет проведён анализ существующих суперкомиляторов для функциональных языков, выбран поддерживающий достаточно богатый для описания необходимых типов и функций язык. Далее, на выбранном языке будет реалзована библиотека основных типов и операий разреженной линейной алгебры, после чего на основе этой библиотеки будут реализованы элементарные программы, эффект от специализации которых и будет изучаться. Планируется добиться устранения создания промежуточных матриц при выполнении последовательности арифметических операций наж ними (сложение и умножение матриц), а также, при взятии маски. Для этого, вероятно, будут выполнены улучшения выбранного суперкомпилятора.

Будет проведено экспериментальное исследование алгоритмов поиска путей с контекстносвободными ограничениями в контексте решения задач статического анализа кода на языке програмимрования Java. Для этого будет создана инфраструктура, включающая компоненты по построению необходимых графов и запросов (грамматик) по исходному коду (на основе инструментов типа Soot или WALA), выполнению запросов на посторенных графах с использованием алгоритмов, основанных на линейной алгебре, выполняемых на многоядерных ЦПУ и на графических ускорителях общего назначения, замеру требуемого для выполения запроса времени и памяти. Результатм исследования будут подвергнуты анализу и сравнению с аналогичными результатми, полученными с использованием других алгоритмов. По итогам анализа будут сформулированы задачи по улучшению алгоритмов, которые будут решаться в следующем году.

<sup>\*\*\*</sup>июль 2022 – июнь 2023\*\*\*

По результатм предыдущего года будет вестить улучшение суперкомпилятора. Вместе с этим будет расширяться библиотеки примитивов линейной алгебры функциями, предусмотренными стандартом GtaphBALS, что может потребовать дополнительных улучшений в суперкомпиляторе. Будет разработан набор базовых алгоритмов анализа графов на основе разработываемой библиотеки, таких как обход в ширину, построение транзитивного замыкания. Будет проведено исследование эффективности суперкомпиляции при оптимизации таких алгоритмов. Будут выявлены и проанализированы случаи, когда полное устранение промежуточных матриц или векторов невозможно.

Начнутся эксперименты по трансляции выбранного функционального языка в специализированное аппаратное обеспечение. Будет проведён анализ влияния суперкомпиляции на производительность целевого решения. На данном этапе планируется сравнивать произволительность с испольщованием симуляторов (типа modelsim). По итогам анализа будут сформулированы задачи по улучшению транслятора и суперкомпилятора, которые будут решаться в следующем году.

По результатм предыдущего года будет вестись улучшение средства программирования графических ускорителей общего назначения с использованием языка высокого уровня F#. Вместе с этим, будет вестись исследование применимости высокоуровневых абстакции асинхронного и параллельного программирования, предоставляемых языком программирования F#, для создания средств программирования гетерогенных стистем и систем с несколькими графическими сопроцессорами общего назначения. Будет вестись разработка и реализация такого средства. Ожидается, что буедет получен прототип, демонстрирующий возможности использования статических гарантий и создания обощённых типов и операций при наприсании библиотек абстрактной (абстрагируются понятия моноида, полукольца) разреженной линейной алгебры.

Будет вестить формализация семантики расширения языка Cypher, позволяющего выражать регулярные и контекстно-свободные ограничения. Будет получено полноя (с учётом указанного расширения) формальное описание неизменяющего граф подмоножетсва языка запросов Cypher. Будут начаты работы по формальному описанию трансляции конструкций данного подмножетсва в операции линейной алгебры.

По результатам предыдущего года будет вестись улучшение алгоритмов поиска путей с контекстно-свободным ограничениями. Также начнётся изучение применимости результатов соотвествующих анализов для улучшения результатов обработки программного кода методами машинного обучения.

\*\*\*июль 2023 – июнь 2024\*\*\*

Бубт выполнены запланированные в предыдущем году улучшения суперкомпилятора и транслятора. Будет завершена адоптация инструмента компиляции функционального языка в спеуиализаированную аппаратную архитектуру к разработанному языку. Это позволит провести экспериментальное исследование полученного решения с использованием ПЛИС (FPGA). По результатам исследования и сравнения с аналогичными решениями, а так же с современными решениям, использующими многоядерные ЦПУ и графиеческие ускорители, будут сделаны выводы о применимости выбранного подхода для создания программно-аппаратного стека для высокопроизводительных вычислеий на основе операций линейной алгебры над разреженными стурктурами данных.

Будет завершена работа над прототипом средства программирования гетерогенных систем, содержащих графические ускорители ощего назначения, с использование языка высокого уровня F#. Будет проведено его экспериментальное исследование. Для этого с его помощью будет реализовано базовое подмножество стандарта GraphBLAS, реализованы некоторые алгоритмы анализа графов, использующие данное подмножетво. Далее будет проведён анализ как быстродействия полученного решения по сравненияю с решениями, основанными на других реализациях стандарта, так и особенности разработки с использованием разработанного средства. После чего будт сделаны выводы о применимости выбранного подхода к разработке высокопроизводительных абстрактых решений, использующих примитивы и опреации линейной алгебры над разреженными структураим, с использованием языков высокого уровня.

Будет завершена работа по формальному описанию трансляции конструкций язвка Cypher в операции линейную алгебру. Будет получена классификация конструкций на транслирующиеся в операции линейной алгебры и невыразимые в ней. На основе этого будут сформулирвоаны рекомендации по разарботке систем, использующих Cypher в качестве языка запросов, и матрицы и операции над ними для представления и обработки данных.

Будут созданы и проанализированы прикладные решения по статическому анализу кода, оснванные на методах машинного обучения, использующих данные статического анлиза, основанного на поиске путей с контекстно-свободными ограничениями. Будут сделаны выводы о применимочти такого подхода для уточнения интеллектуальных средств анализ программного кода.

 $\mathbf{e}\mathbf{n}$ 

```
***июль 2021 – июнь 2022***

***июль 2022 – июнь 2023***

***июль 2023 – июнь 2024***
```

# 2.7 +Имеющийся у научного коллектива научный задел по проекту, наличие опыта совместной реализации проектов

ru

Руководитель проекта и многие его участники обладают опытом в разработке и исследовании алгоритмов, основанных на линейной алгебре, в том числе, алгоритмов поиска путей с конеткстно-свободными ограничениями, являющегося одним из ключевых при межпроцедурном агализе кода, что подтверждается перечисленными ниже и некоторыми другими работами.

 Azimov, Grigorev, "Context-free path querying by matrix multiplication", GRADES-NDA-2018.

- Orachev, Epelbaum, Azimov, Grigorev, "Context-Free Path Querying by Kronecker Product", ADBIS-2020;
- Terekhov, Khoroshev, Azimov, Grigorev, "Context-Free Path Querying with Single-Path Semantics by Matrix Multiplication", GRADE-NDA 2020.

Руководитель принимал успешное участие в совместной с Е.А. Вербицкой, А.В. Подкопаевым и Д.А. Березуном работе над проектам в рамках гранта РФФИ 18-01-00380. Также, С.В.Григорьев являлся исполнителем грантов РФФИ 15-01-05431 и Фонда содействия развитию малых форм предприятий в технической сфере (программа УМНИК, проекты N  $162\Gamma Y1/2013$  и N  $5609\Gamma Y1/2014$ ), руководителем гранта РФФИ 19-37-90101, а также является руководителем научной группы, в соавторстве с участниками которой опубликованы указанные выше и некоторые другие работы. Кроме этого, С.В. Григорьев являлся основным исполнителем грана РНФ 18-11-00100.

Р.Ш.Азимовым и С.В.Григорьевым предложен алгоритм поиска путей с контекстно-свободными ограничениями на основе матричных операций, доказана его корректность, получена оценка временной сложности (Rustam Azimov and Semyon Grigorev. 2018. Context-free path querying by matrix multiplication). Кроме того, предложено обобщение данного алгоритма, в котором в качестве ограничений над путями используются конъюнктивные грамматики, позволяющие выражать более сложные запросы к графам. Для обобщенного алгоритма также доказана корректность и получена оценка временной сложности. Также, совместно с другими участниками проекта, А.К. Тереховым и Е. Орачевым, предложены и другие обобщения этого алгоритма, в частности позволяющие найти один и все пути, удовлетворяющие ограничениям, или выполняющие поиск из заранее заданного множества вершин. Применимость именно этих алгоритмов к статическому анализу кода и предполагается исследовать, а в дальнейшем и модифицировать с учетом специфики возникающих в данной облости задач.

А.К.Терехов, совместно с С.В.Григорьевым реализовал полнофункциональную поддержку запросов с регулярными и контекстно-свободными ограничеями для графовой базы данных (Terekhov, Grigorev, et al, "Multiple-Source Context-Free Path Querying in Terms of Linear Algebra принята на EDBT-2021). Для этого потребовалось реализовать расширение языка запросов Cypher, позволяющее выражать соответсвующий тип ограничений и транслировать его в операции линейной алгебры. в терминах которых выражается исподьзуемый алгоитм поиска путей. Анализ выявленных в рамках данного проекта проблем послужил мотивацией для формализации семантики языка Cypher и построения его формального транслятора в опреации линейной алгебры, а полченный опыт будет использован для решения поставленных уже в этом проекте задач.

Руокводитель проекта принимал разработку системы Brahma. FSharp на основе языка программирования F#, позволяющую прозрачным для разработчика образом использовать в программах на F# код, написанный на языке OpenCL C, с сохраниеним гарантий иповой безопасности (Smirenko, Grigorev, "F# OpenCL Type Provider TeDe-2018). Этот проект будет взят за основу при разработки средств программирования графических процессоров с использованием языков высокого уровня.

Д.А. Березун имеет опыт исследований в области семантики языков программирования, метавычислений и программной специализации. В частности, им предложен алгоритм компи-

ляции нетипизированного лямбда исчисления в низкоуровневое представление посредством игровой семантики программ и частичных вычислений (D.Berezun, N.D.Jones. Compiling untyped lambda calculus to lower-level code by game semantics and partial evaluation. 2017; D.Berezun, N.D.Jones. Working Notes: Compiling ULC to Lower-level Code by Game Semantics and Partial Evaluation. 2016). Кроме того, им была показана корректность предложенного алгоритма и его обощения, а также предложено обобщение понятия головной линейной редукции термов (Д.Березун. Полная головная линейная редукция. 2017).

Кроме этого, Д.А.Березуном, совместно с А.Тюриным и С.В.Григоревым получены результаты, показывающие применимость смешанных вычислений для оптимизации программ, выполняемых на графических процессорах общего назначения (Aleksey Tyurin, Daniil Berezun, and Semyon Grigorev, "Optimizing GPU programs by partial evaluation" PPoPP-2020). Результаты данного исследования послужат отправной точкой при исследовании применимсти суперкомпиляции для оптимизации программ, построенных на основе операций линейной алгебры, так как они позволяют оценить эффект специализации, как частного случая суперкомпиляции, на выполнение программ на парарллельных архитектурах.

Т.А.Брыксин

А.В.Подкопаев

А.!!.Тюрин

Кроме этого, участники проекта создали набор данных, необходимый для эксперементального исследования разрабатываемых решений. Он представлен и используется в работе "Evaluation of the Context-Free Path Querying Algorithm Based on Matrix Multiplication". В ходе исследований планируется его использование и расширение при эксперементальных исследованиях различных алгоритмов.

# 2.8 +Перечень оборудования, материалов, информационных и других ресурсов, имеющихся у научного коллектива для выполнения проекта

ru

У коллектива имеется необходимое аппаратное и программное обеспечения для разработки и проведения экспериментального исследования алгоритмов, использующих многоядерные процесоры, графические ускорители общего назначения, а также для проведения иных запанированных задач.

### 2.9 $+\Pi$ лан работы на первый год выполнения проекта

ru

Планируется работа над заранее намеченными на этот год исследовательскими задачами, предоставление результатов на конференциях и подготовка результатов к печати. Также

будет проведено осмысление полученных результатов с возможной формулировкой новых задач. Распределение задач между основными исполнителями проекта приведено в следующем разделе.

Также на первый год планируется 3 поездки с докладами на международные конференции (в среднем по 100000 рублей).

#### $\mathbf{e}\mathbf{n}$

During the first year, it is planned to work on research questions listed in this plan, to present results at conferences, and prepare results for publication. Also it is planned to collaborate for understanding the new results. As a result, some new problems will be formulated. Detailed plan for each team member is presented below.

Also, 3 trips to international conferences are planned (on averge, 100000 rub. each) in order to give talks.

# 2.10 +Планируемое на первый год содержание работы каждого основного исполнителя проекта (включая руководителя проекта)

ru

С.В.Григорьев, совместно с A.K.Тереховым займётся разработкой технологии высокоуровневого программирования массово-параллельных систем, позволяющей программировать графические процессоры общего назначения с использованием языка высокого уровня (F#) прозрачным для разработчика образом. Будут изучены возможности и ограничения трансляции подмножества языка F# в язык OpenCL C. Также будут изучаться основные принципы использования подобного инстумента с целью поиска баланса между высокоуровневыми абмтракциями и необходимостью детального контроля для достижения высокой производительности. Также будет проведено экспериментальное исследования полученной реализации на примере разработки библиотеки базовых операций линейной алгебры: умнодения разреженных матриц, поэлементного сложения разреженных матриц.

Т.А.Брыксин, Р.Ш. Азимов и Е.Орачев займутся экспериментальным исследованием алгоритмов поиска путей с контекстно-свободными онгарничениями, основанных на операцтях линейной алгебры, применительно к статическому анализу кода, в том числе статистическими методами, в частности методами машинного обучения. Будет проведено экспериментальное исследование алгоритмов поиска путей с контекстно-свободными ограничениями для решения задач межпроцедурного потоко- и контекстно-чувствительного анализа укащателей для языка программирования Java. Также будет проведена оценка пригодности результатов данных анализов для дальнейшей статистической обработки и применимость для решения прикладных задач анализа кода.

Формализацией сематники языка зарпосов Cypher с использованием системы автоматической проверки доказательств Соq займётся А.В.Подкопаев совместно с С.В.Григорьевым. На первом этап планируется формализации ядра языка Cypher,а также описание его списание сематники в терминах реляционной алгебры в сиситеме Coq.

А.Тюрин и Д.А.Березун будут заниматься вопросами применимости суперкомпиляции для оптимизации алгоритмов, реализованных на основе операций линейной алгебры. В частности, будет провведён анализ существующих решений в области суперкомпиляции с целью выбрать наиболее подходящий для исследуемых щадач язык и суперкомпилятор для него. Ожидается, что будет найден модельный функциональный язык, поддерживающий необходимые конструкции и суперкомпилятор для него. Далее будет выполнена реализация базовых типов данных, таких как разреженная матрица в виде дерева квадрантов или списка координат ненулевых элементов, и основных операций (поэлементное сложение матриц, умножение матриц, применение маски) на выбранном подмножестве функционального языка. После чего будет проведено экспериментальное исследование суперкомпилятора на простых программах, импользующих реализованные типы данных и операции. Напмриер, последовательное сложение нескольких матриц или применение маски к результату некторой операции. Будет проведён анализ того, какие стуктуры данных и принципы написания операций (кода) позволяют достичь наилучшего результата в смысле производительности итогового решения.

К обсуждению всех задач, работе над ними, и написанию статей будут привлекаться включённые в состав научного коллектива студенты, магистры и аспиранты.

## 2.11 +Ожидаемые в конце первого года конкретные научные результаты

ru

Будет разарботан подход на основе метапрограммирования для программирования графических процессоров с использованием языков высокого уровня. Будет реализован прототип соотвествующег инструментального стредства и проведено его экспемриентальное исследование. По итогам, одна работа будет представлена на конференции. Результаты будут опубликованы в сборнике докладов, индексируемом в Scopus.

Будет проведено экспемриментальное исследование применимости суперкомпиляци для оптимизации алгоритмов, выраженных в терминах опреаций линейной алгебры. Полученные результаты булут проанализированы, на основе результатов аналища булут сформулированы конкретные задачи, решение которых планируется на второй год работы.

Будет формально описана семантика ядра языка запросов Cypher (неизменяющее граф подможество) с использованием инструмента Coq. Результаты будут представлены сообществу GQL, представлены на профильной конференции и опубликованы в сборнике материалов индексируемом в Scopus.

Будет проведено экспериментальное исследование применимости алгоритмов посика путей с контекстно-свободными ограниями, основанными на операциях линейной алгебры, в рамках задач статического анализа кода. Будут проанализаированы полученные результаты и сформулированы направления и конкретные задачи по лулучшению рассмотренных алгоритмов. По итогам, одна работа будет представлена на конференции. Результаты будут опубликованы в сборнике докладов, индексируемом в Scopus.

Над прочими заявленными темами будет вестись работа, однако результаты будут опубликованы во второй год проекта.

#### $\mathbf{e}\mathbf{n}$

Results will be presented at a conference and published in proceedings indexed in Scopus.

The work on other topics will have a progress, but the results will be published during the second year of the project.

## 2.12 +Перечень планируемых к приобретению руководителем проекта за счет гранта Фонда оборудования, материалов, информационных и других ресурсов для выполнения проекта

#### ru

He более 800 тыс. рублей ежегодно будет тратиться на поездки с докладами на конференции. Расходов на оборудование не предполагается.