## Лабораторная работа №8. Прямое и обратное 2-D преобразование Фурье.

В классе ANALYSIS реализовать методы/функции 1-D обратного и 2-D прямого и обратного преобразования Фурье ( $\Pi\Phi$ ).

## Рекомендации:

1. Основываясь на функции Fourier() прямого ПФ из лаб.№9 первого семестра реализовать функцию inverseFourier() обратного 1-D ПФ. Для этого для гармонического процесса harm(), получить комплексный спектр  $[X_n]$  поэлементно в виде **суммы** действительной и мнимой частей (тип данных результата — float или double):

$$X_n = Re[X_n] + Im[X_n]$$

Затем полученный спектр подвергнуть обратному 1-D ПФ путем аналогичного поэлементного расчета действительной и мнимой частей, но без нормировки

$$re[x_n] = \sum_{k=0}^{N-1} X_k \cos(2\pi nk/N)$$

$$im[x_n] = \sum_{k=0}^{N-1} X_k \sin(2\pi nk/N)$$

$$n = 0, 1, ..., N-1$$

Получить восстановленную функцию в виде суммы

$$x_n = re[x_n] + im[x_n]$$

и отобразить ее в виде графика, сравнив ее с исходной.

2. Основываясь на функции Fourier() прямого ПФ из лаб.№9 первого семестра, реализовать функцию Fourier2D() прямого 2-D преобразования Фурье изображения размером MxN за два шага. Первый шаг: применение 1-D ПФ длины N для каждой строки изображения.

Второй шаг: для каждого столбца полученного на первом шаге

результата снова применить 1-D ПФ длины M, тем самым реализовав 2-D ПФ. В качестве тестового изображения взять черный фон размером MxN (M=256, N=256) и в центре расположить белый прямоугольник размером mxn (m=20, n=30). Для тестового изображения отобразить амплитудный спектр (модуль 2-D спектра), сдвинув 2-D массив спектра циклически на M/2 и N/2 по каждой оси соответственно, чтобы его центр оказался в точке (M/2, N/2). При необходимости применить градационное преобразование для более репрезентативного отображения спектра.

- 3. Основываясь на методах п.1 и п.2, реализовать функцию *inverseFourier2D()* обратного 2-D ПФ для тестового изображения из п.2.
- 4. Продемонстрировать работу методов прямого и обратного 2-D ПФ на изображении из файла: grace.jpg