# Цель работы

Определить изменение численнности войск сражающихся сторон в каждый момент времени.

### Задание

Рассмотреть три случая ведения боевых действий:

- 1. Боевые действия между регулярными войсками
- 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов
- 3. Боевые действия между партизанскими отрядами

Для каждого случая построить модель и проанализировать ее.

#### Теоретическое введение

Модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом:

$$egin{cases} rac{dx}{dt} = -a(t) \cdot x(t) - b(t) \cdot y(t) + P(t) \ rac{dy}{dt} = -c(t) \cdot x(t) - h(t) \cdot y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены a(t)x(t) и \$h(t)y(t), члены b(t)y(t) и c(t)x(t) отражают потери на поле боя. Коэффициенты b(t) и c(t) указывают на эффективность боевых действий со стороны армий y и x соответственно, a(t), h(t) - величины, характеризующие степень

влияния различных факторов на потери. Функции P(t), Q(t) учитывают возможность подхода подкрепления к войскам.

#### Теоретическое введение

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. Нерегулярные войска в отличии от постоянной армии менее уязвимы, так как действуют скрытно,

в этом случае сопернику приходится действовать неизбирательно, по площадям, занимаемым партизанами. Поэтому считается, что тем потерь партизан, проводящих свои операции в разных местах на некоторой известной территории, пропорционален не только численности армейских соединений, но и численности самих партизан. В результате модель принимает вид:

$$egin{cases} rac{dx}{dt} = -a(t) \cdot x(t) - b(t) \cdot y(t) + P(t) \ rac{dy}{dt} = -c(t) \cdot x(t) \cdot y(t) - h(t) \cdot y(t) + Q(t) \end{cases}$$

#### Теоретическое введение

Модель ведение боевых действий между партизанскими отрядами с учетом предположений, сделанном в предыдущем случаем, имеет вид:

$$egin{cases} rac{dx}{dt} = -a(t) \cdot x(t) - b(t) \cdot x(t) \cdot y(t) + P(t) \ rac{dy}{dt} = -c(t) \cdot x(t) \cdot y(t) - h(t) \cdot y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Модель боевых действий между регулярными войсками. Зададим коэффициент смертности, не связанный с боевыми действиями у первой армии 0,4, у второй 0,64. Коэффициенты эффективности первой и второй армии 0,77 и 0,3 соответственно. Функция, описывающая подход подкрепление первой армии,  $P(t)=\sin 2t+2$ , подкрепление второй армии описывается функцией  $Q(t)=\cos t+1$ . Тогда получим следующую систему, описывающую противостояние между регулярными войсками X и Y.

Зададим начальные условия.

Затем запишем систему ОДУ через функцию, зададим соответсвующую задачу Коши с помощью ODEProblem и решим её с помощью solve.

И с помощью библиотеки Plots построим график изменения численности войск армии X и армии Y.

Построим такую же модель с помощью OpenModelica.

Промежуток времени и численный метод решения задаётся в настройках симуляции. Просимулировав модель получим график, совпадающий с предыдущим.

Разница реализаций визуально не заметна.

Модель боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов. Зададим коэффициенты смертности, не связанные с боевыми действиями. Коэффициенты эффективности первой и второй армии соответственно. Функция, описывающая подход подкрепление первой армии, P(t), подкрепление второй армии описывается функцией Q(t). Тогда получим следующую систему, описывающую противостояние между регулярными войсками X и Y.

Затем запишем систему ОДУ через функцию, зададим соответсвующую задачу Коши с помощью ODEProblem и решим её с помощью solve.

На графике плохо видно убывание армии X, так как это происходит очень быстро, поэтому приблизим меньший промежуток.

Построим такую же модель с помощью OpenModelica.

Промежуток времени и численный метод решения задаётся в настройках симуляции. Просимулировав модель также построим два графика.

### Выводы

Мы оценили численность войск и поняли при каких условиях одна из сторон может победить.