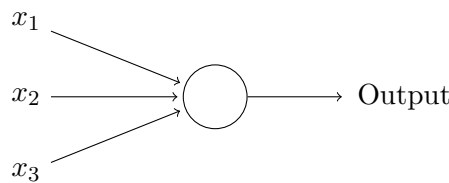
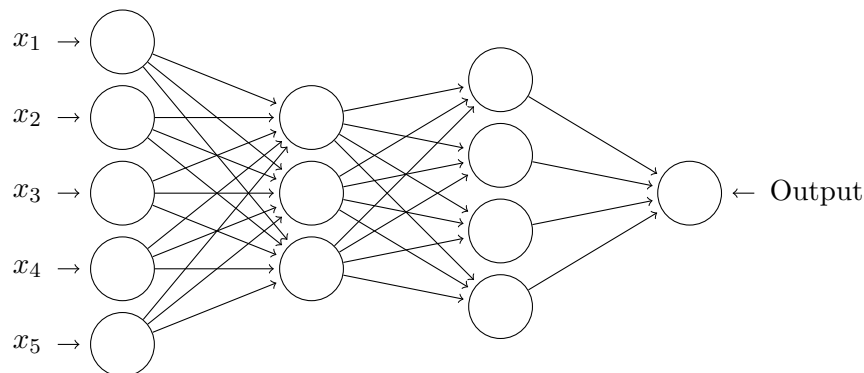


# 1 Perceptrons

- Modell eines künstlichen Neurons
- Vorgänger der *Sigmoid Neurons*, die in heutigen modernen neuronalen Netzen benutzt werden



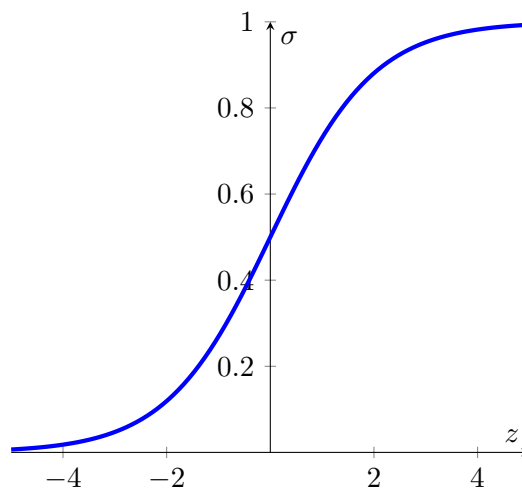
- Eingaben:  $x_1, x_2, \dots, x_n \in \{0, 1\}$
- Weights:  $w_1, w_2, \dots, w_n \in \mathbb{R}$  für jede Eingabe  $x_i$ , der die jeweilige Eingabe gewichtet
- Output = 
$$\begin{cases} 0, & \text{wenn } \sum_j w_j x_j \leq \text{Threshold, wobei Threshold} \in \mathbb{R} \\ 1, & \text{sonst} \end{cases}$$
- **vereinfachte Schreibweise:**
  - $\sum_j w_j x_j = w \cdot x$ , wobei  $w$  und  $x$  nun Vektoren beschreiben, dessen Komponenten die Gewichte und Eingaben sind
  - ziehe den Threshold auf die andere Seite der Ungleichung (*Bias*:  $b = -\text{Threshold}$ )
  - $\Rightarrow$  Bias beschreibt, wie einfach es ist ein Perceptron auf 1 zu bringen
  - Output = 
$$\begin{cases} 0, & \text{wenn } w \cdot x + b \leq 0 \\ 1, & \text{sonst} \end{cases}$$
- Mit Hilfe eines *neuronalen Netzes* aus Perceptrons können kompliziertere Entscheidungen getroffen werden:



- neuronales Netz besteht aus drei Schichten: *Input-Layer*, *Hidden-Layer* und *Output-Layer*
- Ziel: bringe das Netz dazu zu lernen, d.h. ihre Weights und Bias-Werte anzupassen, sodass für jede Eingabe das erwartete Ergebnis erzielt wird

## 2 Sigmoid Neurons

- Anforderung: Eine kleine Änderung in den Weights/Bias-Werten führt nur zu einer kleinen Änderung in der Ausgabe
- $\Rightarrow$  Perceptrons sind dafür nicht geeignet, da sie nur flippen können
- *Sigmoid Neurons*:
  - Eingaben:  $x_1, x_2, \dots, x_n \in [0, 1]$
  - Ausgabe:  $\sigma(w \cdot x + b) = \sigma(z) = \frac{1}{1+e^{-z}}$
  - Ähnlichkeit:  $z \rightarrow \infty \Rightarrow \sigma(z) \approx 1$  und  $z \rightarrow -\infty \Rightarrow \sigma(z) \approx 0$



## 3 Neuronale Netze

- **Beispiel**: Schrifterkennung
  - Eingabe:  $28 \text{ Pixel} \times 28 \text{ Pixel} = 784$  Eingaben mit Intensität  $\in [0, 1]$
  - Ausgabe: 10 Ausgabeneuronen, die die Wahrscheinlichkeiten beschreiben, dass das Bild die entsprechende Zahl zeigt, d.h.  $\text{Output} > 0.5$
  - Ziel: approximiere die Funktion  $y(x)$ , die die Trainingdaten beschreibt, d.h.  $y(x) = (1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0)^T$  für ein Bild  $x$  mit einer Null, usw.
  - Methode: minimiere Kostenfunktion  $C(w, b) = \frac{1}{n} \sum_x \|y(x) - a(x)\|^2$ , wobei  $a(x)$  der Output des neuronalen Netzes bei Input  $x$  ist