

fakultät für informatik

Master-Thesis

Convolutional Neural Networks auf Graphrepräsentationen von Bildern

> Matthias Fey 19. Februar 2017

Gutachter:

Prof. Dr. Heinrich Müller M.Sc. Jan Eric Lenssen

Lehrstuhl Informatik VII Graphische Systeme TU Dortmund



Inhaltsverzeichnis

1.	Geda	achter Inhalt	1
2.	Einle	eitung	3
3.	Spek	trale Graphentheorie	5
	3.1.	Spectral Graph Domain	6
	3.2.	Diskrete Fourier Transformation	7
	3.3.	Faltung	7
		3.3.1. Faltung in CNNs	7
		3.3.2. Faltung auf Graphen	8
		3.3.3. Offene Fragen	8
		3.3.4. Beispiel	8
	3.4.	Chebyshev Polynome	Ć
	3.5.	Probleme	Ć
4.	Grap	oh Convolutional Networks	11
	4.1.	Erweiterung für mehrere Kantenattribute	11
		4.1.1. Übertragung auf räumlich eingebettete Graphen	12
Α.	Weit	ere Informationen	15
Sy	mbol	verzeichnis	17
Αb	bildu	ngsverzeichnis	19
Αl	gorith	menverzeichnis	21
Lit	eratu	rverzeichnis	23

1. Gedachter Inhalt

Einleitung: Motivation Aufbau der Arbeit

Grundlagen: Graphen, insbesondere planare Graphen Mathematische Notationen: Vektor, Matrix, Tensor Neuronale Netze (Was ist ein CNN, wie ist der Convolution Operator definiert, nicht lineare Aktivierungsfunktion)

Graphrepräsentationen von Bildern Grid Superpixel Superpixelalgorithmen Merkmalextraktion (Momente) Merkmalselektion (Cov, PCA)

Lernen auf Graphen: Stand der Forschung: Spatial vs Spectral

Spatial: Patchy Zentralität Canonical Labeling Übertragung auf planare Graphen <- EI-GENER ANTEIL (z.B. Grid Spiral) Komplexität Vorteile (einfache Architektur)/Nachteile (keine direkte Nachbarschaftsberücksichtigung möglich, keine Graph Coarsening möglich, Vorverarbeitung ist recht teuer und muss Preprocessed werden weil man das nicht über Matrixoperationen ausdrücken kann)

Spectral: Laplacian, Fourier Transformation GCN und kGCN (weisfeiler Lehman) Übertragung auf planare Graphen (Adjazenzpartitionierung) <- EIGENER ANTEIL Pooling/Coarsening Komplexität Vorteile (z.B. Nachbarschaftsberücksichtigung/keine Ordnung nötig)/Nachteile (rotationsinvariant)

Deep Learning auf variabler Input-Menge (SPP)

Augmentierung von Graphen (ist das überhaupt möglich)

Realisierung (Experimente) und Evaluation Adam-Optimizer Sparse Tensors Vorstellung Datensätze (MNIST, PascalVOC, CIFAR-10, ImageNet) Tensorflow Dropout L2-Regularisierung

Zusammenfassung und Ausblick

2. Einleitung

 $\mathbb R$ und $\mathbb N$ sind mathematische Symbole [1].

Spektrale Graphentheorie

- Spektrum eines Graphen zur Untersuchung seiner Eigenschaften
- algebraische oder spektrale Graphentheorie genannt
- als Spektrum eines Graphen bezeichnet man die (nach Größe geordnete) Folge der Eigenwerte λ seiner Adjazenzmatrix, d.h. $A \cdot x = \lambda x$ (x Eigenvektoren)

Algebraische Methoden sind sehr effektiv bei Graphen, die regulär und symmetrisch sind. Als *Schleife* wird in der Graphentheorie eine Kante bezeichnet, die einen Knoten mit sich selbst verbindet. Ein Graph ohne Schleifen wird *schleifenloser* Graph genannt.

Sei d_v der Grad eines Knotens v eines Graphen G. Der Laplacian \mathcal{L} eines Graphen ohne Schleifen und Mehrfachkanten ist definiert als

$$\mathcal{L}(u,v) = \begin{cases} d_v, & \text{wenn } u = v, \\ -1, & \text{wenn } u \text{ } undv \text{ adjazent}, \\ 0, & \text{sonst.} \end{cases}$$
 (3.1)

Der Graph Laplacian ist eine Generalisierung des Laplacian auf einem Gitter.

Damit ist $\mathcal{L} = D - A$. \mathcal{L} kann normalisiert werden über $\mathcal{L}_{norm} = T^{-\frac{1}{2}}LT^{-\frac{1}{2}}$, wobei T die Diagonalmatrix beschreibt mit $T(v,v) = d_v$. Für einen isolierten Knoten v, d.h. $d_v = 0$, gilt die Konvention $T^{-1}(v,v) = 0$. Ebenso lässt sich \mathcal{L}_{norm} definieren als

$$\mathcal{L}_{\text{norm}}(u, v) = \begin{cases} 1, & \text{wenn } u = v \text{ und } d_v \neq 0, \\ -\frac{1}{\sqrt{d_u d_v}}, & \text{wenn } u \text{ und } v \text{ adjazent,} \\ 0, & \text{sonst.} \end{cases}$$
(3.2)

Wenn G k-regulär ist, d.h. $T = \operatorname{diag}(k)$, dann gilt $\mathcal{L}_{\text{norm}} = I - \frac{1}{k}A$.

Da \mathcal{L} symmetrisch ist, sind seine Eigenwerte alle ≥ 0 (d.h. \mathcal{L} ist positiv-semidefinit). Jede Reihen- und Spaltensumme von \mathcal{L} ist 0.

Einem gewichtetem ungerichterem Graph G kann eine Gewichtsfunktion $w: V \times V \to \mathbb{R}$ zugeschrieben werden, sodass w(u,v) = w(v,u) und $w(u,v) \geq 0$. Falls $\{u,v\} \notin \mathcal{E}$, dann w(u,v) = 0. Damit sind ungewichtete Graphen nur ein Spezialfall bei dem alle Gewichte 0 oder 1 sind. Der Grad d_v eines Knoten v ist dann definiert als

3. Spektrale Graphentheorie

$$d_v = \sum_{u} w(u, v). \tag{3.3}$$

Dann gilt

$$\mathcal{L} = \begin{cases}
1 - \frac{w(v, v)}{d_v}, & \text{wenn } u = v \text{ und } d_v \neq 0, \\
-\frac{w(u, v)}{\sqrt{d_u d_v}}, & \text{wenn } u \text{ und } v \text{ adjazent}, \\
0, & \text{sonst.}
\end{cases}$$
(3.4)

Bemerke, dass hier Schleifen nicht explizit ausgeschlossen werden!

Eine Verschrumpfung eines Graphen G kann beschrieben werden über zwei verschiedene Knoten u und v zu einem neuen Knoten v^* mit

$$w(x, v^*) = w(x, u) + w(x, v)$$
(3.5)

und

$$w(v^*, v^*) = w(u, u) + w(v, v) + 2w(u, v)$$
(3.6)

Mit $\lambda_G := \lambda_1$ für einen Graphen G, gilt für einen Graphen H der aus G verkleinert wurde

$$\lambda_G \le \lambda_H \tag{3.7}$$

3.1. Spectral Graph Domain

- Spectral Graph Domain: Der Raum der Eigenfunktionen von $\mathcal L$
- Analogon (Nachbildung) einer Fourier-Transformation von Funktionen auf gewichteten Graphen

Eine beliebige Funktion $f:V\to\mathbb{R}$ kann als ein Vektor in \mathbb{R}^n gesehen werden. Dies impliziert eine Ordnung auf den Knoten. Wir schreiben $f\in\mathbb{R}^n$ für Funktionen auf den Knoten eines Graphen und f(m) für den Wert des mten Knoten.

Dann gilt für eine beliebige Funktion $f \in \mathbb{R}^n$

$$\mathcal{L}f(x) = \sum_{x \mid y} w(x, y) \cdot (f(x) - f(y))$$
(3.8)

wobei die Summe über x y die Summierung über alle Knoten y beschreibt, die adjazent zu x sind.

Angenommen G ist als ein reguläres Gitter definiert der Breite und Höhe M Dann hat ein Knoten $v_{x,y}$ genau 4 Nachbarn mit Kantengewicht $\frac{1}{(\delta w)^2}$, bei dem δw die euklidsche Distanz zwischen zwei Gitterpunkten beschreibt.

Für eine Funktion $f: M \times M \to \mathbb{R}$ gilt dann:

$$\mathcal{L}f(x,y) = \frac{4f(x,y) - f(x+1,y) - f(x-1,y) - f(x,y+1) - f(x,y-1)}{(\delta w)^2}$$
(3.9)

Damit kann ein Signal f mit der Multiplikation mit \mathcal{L} als eine Weiterpropagation von f unter der Berücksichtigung der lokalen Nachbarn verstanden werden (5-point Stencil, d.h. $\mathcal{L}f \approx -\nabla^2 f$).

3.2. Diskrete Fourier Transformation

 \mathcal{L} besitzt genau n orthogonal zueinander stehende Eigenvektoren $\{u_l\}_{l=1}^n \in \mathbb{R}^n$. Eigenvektoren u_i sind auf 1 normiert, d.h. $||u_i||_2 = 1$. Diese werden auch Graph Fourier Modes genannt. Diesen sind Eigenwete $\{\lambda_l\}_{l=1}^n \in \mathbb{R}$ zugeordnet, die die "Frequenzen" bzw. das Spektrum des Graphen beschreiben oder visuell betrachtet die Ausdehnung des Raumes, den die Eigenvektoren aufspannen. Bemerke dass $\lambda_0 = 0$, da für den Eigenvektor $\vec{u_0} = (1, 1, \dots, 1)^T$ gilt, dass $\mathcal{L}\vec{u_0} = 0$. \mathcal{L} ist diagonalisierbar über $\mathcal{L} = U\Lambda U^T$, wobei $U = [u_1, \dots, u_n] \in \mathbb{R}^{n \times n}$ die Fourier Basis und $\Lambda = \text{diag}([\lambda_0, \dots, \lambda_n]) \in \mathbb{R}^{n \times n}$. Die Fourier Transformation eines Signals $x \in \mathbb{R}^n$ ist dann definiert als $\hat{x} = U^T x$ und die Inverse als $x = U\hat{x}$.

3.3. Faltung

Wir suchen einen Operator $x *_G g$, der eine Faltung zweier Eingangssignale x, g zu einem Ausgangssignal umleitet. x beschreibt dabei die Knotenattribute und g die Gewichte.

3.3.1. Faltung in CNNs

In der Funktionalanalysis beschreibt die Faltung einen mathematischen Operator, der für zwei Funktion f und g eine dirtte Funktion f * g liefert. Die Faltung kann als ein Produkt von Funktionen vertanden werden.

Anschaulich ist (f * g)(x) der gewichtete Mittelwert von f, wobei die Gewichtung durch g gegeben ist.

Angenommen wir wollen über einer Matrix mit einem Filter falten. Sei unsere Eingangsmatrix 3×4 und unsere Filtergröße 2×2 .

Dann gilt zum Beispiel für den Faltungsoperator * in einem Convolutional Neural Network:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 4 & 5 & 6 & 1 \\ 7 & 8 & 9 & 1 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 & 16 & 11 \\ 24 & 28 & 17 \end{pmatrix}$$
(3.10)

3. Spektrale Graphentheorie

 $f: 3 \times 4 \to \mathbb{R}$ und $g: 2 \ times 2 \to \mathbb{R}$, dann ist * definiert als

$$(f * g)(x, y) = \sum_{x_i \in [x, x+1]y_i \in [y, y+1]} f(x_i, y_i) g(x - x_i, y - y_i)$$
(3.11)

3.3.2. Faltung auf Graphen

Da wir keinen Translationsoperator auf der Domäne der Knoten x beschreiben können, müssen wir unseren Faltungsoperator in der Fourier-Domäne beschreiben. Dafür wandeln wir unsere Knotenmenge x zuerst in \hat{x} um.

Wir definieren $*_G$ in der Fouier-Domäne als

$$x *_{G} g = U \cdot (U^{T} \cdot x \odot \hat{g}) \tag{3.12}$$

wobei $\odot(A, B) = (a_{ij} \cdot b_{ij})$ die elementweise Multiplikation bzw. das *Hadamard-Produkt*. Das Hadamard-Produkt löst sich auf, wenn \hat{g} als eine Diagonalmatrix repräsentiert wird. Dann gilt

$$x *_{G} g = U \begin{pmatrix} \hat{g}(\lambda_{0}) & \cdots & 0 \\ 0 & \cdots & \hat{g}(\lambda_{n}) \end{pmatrix} U^{T} x = U \hat{g}(\Lambda) U^{T} x$$
(3.13)

Dann beschreibt $\hat{g}(\Lambda) = \operatorname{diag}(\theta)$ eine Gewichtsfunktion mit n Variablen, $\theta \in \mathbb{R}^n$. Damit ist die Faltung bzw. die Gewichtung abhängig von der Input-Größe n, was extrem schlecht ist.

3.3.3. Offene Fragen

- Warum wird \hat{q} als Diagonalmatrix repräsentiert?
- Wie kommt die Convolution zustande mit dem * Operator?
- Was passiert bei gerichteten Graphen???? Wir haben keinen symmetrischen und insbesondere keinen positiv definiten

3.3.4. Beispiel

Wir betrachten eine einfache 3×3 Adjazenzmatrix, d.h. $|\mathcal{V}| = n = 3$.

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \tag{3.14}$$

mit Diagonalmatrix D = diag(1, 2, 1).

Der Laplacian $\mathcal{L} = D - A$ ist dann

$$\mathcal{L} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix} \tag{3.15}$$

Nun müssen die Eigenvektoren der Matrix und dessen Eigenwerte bestimmt werden, d.h. wir müssen das folgende Eigenwertproblem lösen

$$\mathcal{L} \cdot \vec{u} = \lambda \cdot \vec{u} \tag{3.16}$$

Wir erhalten 3 Eigenvektoren und Eigenwerte mit

$$\lambda_0 = 0, \vec{u}_0 = \frac{1}{\sqrt{3}} \begin{pmatrix} 1\\1\\1\\1 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 0.58\\0.58\\0.58 \end{pmatrix}, \lambda_1 = 1, \vec{u}_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1\\0\\1 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} -0.71\\0\\0.71 \end{pmatrix}, \lambda_2 = 3, \vec{u}_2 = \frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 1\\-2\\1 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 0.68\\0.58\\0.58 \end{pmatrix}$$

Dann sind U, Λ und U^T definiert als

$$U \approx \begin{pmatrix} 0.58 & -0.71 & 0.41 \\ 0.58 & 0 & -0.82 \\ 0.58 & 0.71 & 0.41 \end{pmatrix}, \Lambda = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}, U^T \approx \begin{pmatrix} 0.58 & 0.58 & 0.58 \\ -0.71 & 0 & 0.71 \\ 0.41 & -0.82 & 0.41 \end{pmatrix}$$
(3.18)

Angenommen wir haben ein Signal $x = (100, 10, 1)^T$, dann ist der Wert dieses Signals transformiert in die Fourier Domäne definiert als $\hat{x} \approx (64.09, -70.00, 33.07)^T$. Führen wir \hat{x} auf x mittels $U \cdot \hat{x}$ zurück, erhalten wir korrekterweise $x = (100, 10, 1)^T$.

3.4. Chebyshev Polynome

3.5. Probleme

Rotationsinvariant

4. Graph Convolutional Networks

$$H^{(l+1)} = f(H^{(l)}, A) (4.1)$$

$$f(H^{(l)}, A) = \sigma(AH^{(l)}W^{(l)}) \tag{4.2}$$

$$D_{ii} = \sum_{i} A_{ij} \tag{4.3}$$

Für die Potenz $x \in \mathbb{R}$ einer Diagonalmatrix $D \in \mathbb{R}^{N \times N}$ gilt:

$$D^{x} = \begin{pmatrix} d_{11} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & d_{22} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & d_{nn} \end{pmatrix}^{x} = \begin{pmatrix} d_{11}^{x} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & d_{22}^{x} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & d_{nn}^{x} \end{pmatrix}$$
(4.4)

4.1. Erweiterung für mehrere Kantenattribute

Graph Convolutional Networks berücksichtigen nur eine Adjazenzmatrix. Das bedeutet insbesondere, dass ein Graph nur über ein Kantenattribut verfügen kann. Das ist für ungewichtete Graphen die Markierung einer Kante $(a_{ij} \in \{0,1\})$ oder für gewichte Graphen das Gewicht einer Kante $(a_{ij} \in \mathbb{R}^+)$. Eine Menge von Kantenattributen kann über mehrere Adjazenzmatrizen definiert werden. Damit ist es ebenfalls möglich unterschiedliche Kanten für unterschiedliche Attribute zu definieren.

Eine Menge von Adjazenzmatrizen $\mathcal{A} = \{A_1, A_2, \dots, A_m\}$ mit $A_i \in \mathbb{R}^{n \times n}$ beschreibt damit eine Menge von m Graphen über der gleichen Knotenmenge \mathcal{V} mit Kardinalität n.

 $\mathcal{A} \in \mathbb{R}^{m \times n \times n}$ kann zu einer zweidimensionalen Matrix $A \in \mathbb{R}^{m \cdot n \times n}$ geglättet werden.

Dann ist $A \cdot H^{(l)} \in \mathbb{R}^{m \cdot n \times d}$. Reshape zu $\mathbb{R}^{n \times m \cdot d}$ und Gewichtsmatrix $G \in \mathbb{R}^{m \cdot d \times x}$.

$$H^{(l+1)} = f(H^{(l)}, \tilde{\mathcal{A}}) = \sigma \left(\frac{1}{|\tilde{\mathcal{A}}|} \sum_{\tilde{A}_i \in \tilde{\mathcal{A}}} \tilde{D}_i^{-\frac{1}{2}} \tilde{A}_i \tilde{D}_i^{-\frac{1}{2}} H^{(l)} W_i^{(l)} \right)$$
(4.5)

 $\sigma(\cdot)$ kennzeichnet eine Aktivierungsfunktion wie zum Beispiel ReLU(\cdot) = max(0, \cdot).

4. Graph Convolutional Networks

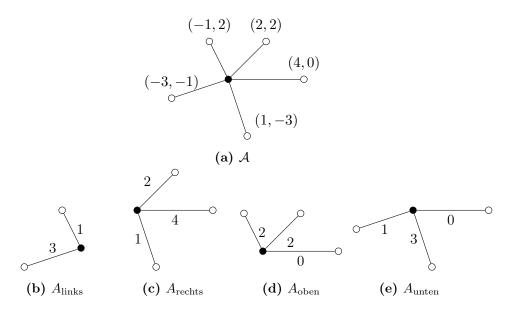


Abbildung 4.1.: Aufteilung einer Adjazenzmatrix in vier räumlich eingebettete Bereiche.

4.1.1. Übertragung auf räumlich eingebettete Graphen

Graphknoten haben im Allgemeinen keine Position oder Lage im Raum. Knoten, die Regionen in einer vorhandenen Segmentierung darstellen, haben jedoch offensichtlich eine gewisse Lage im Raum, die zum Beispiel über das Zentrum der Region definiert werden kann. Diese Information ist vorhanden und wichtig und sollte demnach auch nicht verloren gehen. Anstatt diese lokal im Knoten zu speichern, bietet es sich eher an diese Information in den Kanten zu speichern um eine bessere Faltung zu garantieren. Die euklische Distanz zwischen zwei benacharten Regionszentren wahrt zwar die Information der Distanz zweier Knoten zueinander, verliert aber die Information der Position zweier Knoten zueinander. Es bietet sich daher an, die horizontalen und vertikalen Abstände in einer Koordinate an den Kanten zu speichern. Es ist zu beachten, dass wir dadurch zu einem gerichteten Graphen übergehen, bei dem jede Kante von v nach w auch eine Kante von w nach v besitzt.

Wir haben damit zwei Adjazenzmatrizen. Da Graph Convolutional Networks nicht mit negativen Gewichten funktionieren, müssen wir negative Koordinaten in eine weitere Adjazenzmatrix schreiben. Wir gelangen damit zu vier Adjazenzmatrizen, die die Verbindungen von einem Knoten beschreibt, die links, rechts, oben oder unten zu ihm liegen. Wir definieren diese Adjazenzmatrizen respektive als A_{links} , A_{rechts} , A_{oben} und A_{unten} (vgl. Abbildung 4.1). Falls eine Kante horizontal bzw. vertikal liegt, so definieren wir $a_{ij}=1$ respektive für beide "gegenüberliegenden" Adjazenzmatrizen.

Kantenattribute bzw. Positionen von Knoten sollten skalierungsinvariant gespeichert werden. Dafür werden die Abstände auf den Einheitskreis gemappt, wobei der Knoten mit

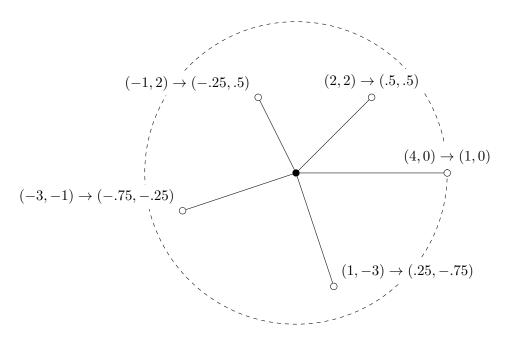


Abbildung 4.2.: Abbildung der lokalen Nachbarschaftsknoten auf den Einheitskreis.

der längsten Distanz zum Wurzelknoten genau auf dem Einheitskreis liegt (vgl. Abbildung 4.2).

Für die Anwendung auf das Graph Convolutional Network müssen die Gewichte aller Adjazenzmatrizen $a_{xij} \in [0,1]$ invertiert werden, damit nähere Knoten einen größeren Einfluss haben. Ebenso müssen Self Loops für alle Knoten hinzugefügt werden. Wir definieren unsere Adjazenzmatrix $\tilde{A} \in \mathbb{R}^{N \times N}$ aus einer Adjazenzmatrix $A \in \mathbb{R}^{N \times N}$ dann über

$$\tilde{A}_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{falls } i = j, \\ (a_{ij} + 1)^{-1}, & \text{falls } a_{ij} \neq 0, \\ 0, & \text{sonst.} \end{cases}$$
(4.6)

Dann ist $\tilde{a}_{ij} \in [1, 0.5]$

Diagonalmatrix ist schwierig. Man will ja die Normalisierung damit $H^{(l)}$ nicht überskaliert. Ich würde auch die gewichtete Matrix normalisieren. Denke das macht Sinn. Dann fallen die Werte ab, wenn viele Knoten weit entfernt sind.

A. Weitere Informationen

Symbolverzeichnis

- $\mathbb N\,$ Menge der natürlichen Zahlen. 3
- \mathbb{R}^+ Menge der positiven reellen Zahlen inklusive Null. 11
- $\mathbb R\,$ Menge der reellen Zahlen. 3, 11

Abbildungsverzeichnis

4.1.	Aufteilung einer Adjazenzmatrix in vier räumlich eingebettete Bereiche	12
4.2.	Abbildung der lokalen Nachbarschaftsknoten auf den Einheitskreis	13

Algorithmenverzeichnis

Literaturverzeichnis

[1] Nielsen, M. A.: Neural Networks and Deep Learning. Determination Press, 2015.

Eidesstattliche Versicherung

				
Name, Vorname	MatrNr.			
Ich versichere hiermit an Eides statt, dass ich die vorliegende Bachelorarbeit/Masterarbeit* mit dem Titel				
	Hilfe erbracht habe. Ich habe keine anderen als die zt sowie wörtliche und sinngemäße Zitate kenntlich nlicher Form noch keiner Prüfungsbehörde			
Ort, Datum	Unterschrift			
	*Nichtzutreffendes bitte streichen			
Belehrung:				
Hochschulprüfungsordnung verstößt, hande einer Geldbuße von bis zu 50.000,00 € gea die Verfolgung und Ahndung von Ordnungs	über Prüfungsleistungen betreffende Regelung einer elt ordnungswidrig. Die Ordnungswidrigkeit kann mit hndet werden. Zuständige Verwaltungsbehörde für widrigkeiten ist der Kanzler/die Kanzlerin der eines mehrfachen oder sonstigen schwerwiegenden dem exmatrikuliert werden. (§ 63 Abs. 5			
Die Abgabe einer falschen Versicherung an oder mit Geldstrafe bestraft.	Eides statt wird mit Freiheitsstrafe bis zu 3 Jahren			
	gfls. elektronische Vergleichswerkzeuge (wie z.B. die dnungswidrigkeiten in Prüfungsverfahren nutzen.			
Die oben stehende Belehrung habe ich zur	Kenntnis genommen:			
Ort, Datum	Unterschrift			