Programmeringsteknik fördjupningskurs

Datorlaborationer

EDAA01

http://cs.lth.se/edaa01ht



Innehåll

Laboration 1	program med arv	3
Laboration 2	använda abstrakta datatyper	6
Laboration 3	grafiska användargränssnitt	15
Laboration 4	länkad lista	20
Laboration 5	rekursion	25
Laboration 6	binära sökträd	29

Datorlaborationer – anvisningar

Datorlaborationerna ger exempel på tillämpningar av det som behandlas under kursen och ger träning på att skriva program. De ger tillsammans med övningsuppgifterna och inlämningsuppgiften viktig träning på kursmaterialet.

Ha som ledstjärna att du ska lära dig så mycket som när du löser laborationerna och övriga uppgifter. Det är inte det program du skrivit som är produkten av laborationen utan istället vad du lärt dig när du löste uppgifterna.

Här är några anvisningar som är viktiga att följa för att laborationerna ska flyta på så bra som möjligt för alla.

• Laborationerna kräver en hel del förberedelser. Under rubriken Förberedelser finns några förberedelsefrågor som ska besvaras. I Förberedelser anges också vilka av laborationsuppgifterna som ska lösas före laborationstillfället. Du får också gärna fortsätta lösa de övriga uppgifterna. Men det är absolut inget krav att att du kommer med helt färdiga lösningar. Det är inte meningen att du ska sitta fast med ett problem i flera timmar när du förbereder dig. Utpyttig frågortunderna (ställ en fråga på Slack kontakta kurennyarig.) om det

dig. Utnyttja frågestunderna (ställ en fråga på Slack, kontakta kursansvarig ...) om det dyker upp frågor när du förbereder laborationen. Men det är ditt ansvar att ha förberett dig så att du bedömer att du hinner bli klar under laborationen. Det är alltså viktigt att du börjar med laborationen i så god tid så att du har möjlighet att hinna få hjälp med ev. problem

Om du har förberett dig väl bör du hinna med alla uppgifterna under laborationen. Om du inte gör det så får du göra de resterande uppgifterna på egen hand och redovisa dem vid nästa laborationstillfälle.

• Om du varit sjuk bör du göra uppgiften på egen hand och redovisa den vid ett senare tillfälle. Om du halkar efter i kursen så är det viktigt att du inte "slösar" bort laborationerna genom att hasta igenom dem. Arbeta istället metodiskt igenom modul för modul i kursen. Skulle du någon enstaka gång trots rejäla ansträngningar ligga en laboration back går det att lösa. Däremot fungerar det inte att komma med många sena labbar på en gång. Tveka inte att kontakta kursansvarig vid problem.

Vid behov kommer det i slutet av kursen anordnas en uppsamlingslaboration för de som trots stora ansträngningar eller p.g.a. sjukdom har någon enstaka laboration kvar att redovisa.

Laboration 1 - program med arv

Mål: Målet med den här laborationen är att alla ska repetera/komma igång med att skriva Java-program med arv. På laborationen kommer du också att få träna på att läsa klassdiagram, skriva statiska metoder samt skriva ett mycket enkelt grafiskt användargränssnitt (i form av dialogrutor).

Förberedelser

- F1. Läs igenom avsnittet Bakgrund.
- F2. Betrakta klasserna Player, HumanPlayer och ComputerPlayer i fig.1 och besvara följande frågor.
 - a) Klassen Player är ($\underbrace{\text{Superklass}}_{}$) till klasserna Human Player och Computer Player.
 - b) Vilka av följande tilldelningssatser är korrekta?

```
Player p = new Player(''galadriel'')

Player p = new HumanPlayer(''aragor'')

HumanPlayer p = new HumanPlayer(''eowyn'')

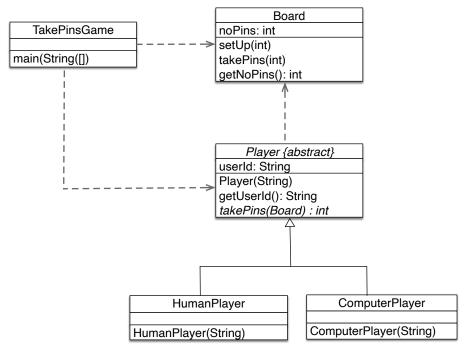
HumanPlayer p = new ComputerPlayer(''frodo'')
```

F3. Lös uppgift D1 och D2.

Bakgrund

Ett program för ett mycket enkelt spel ska skrivas. Spelet går ut på att det ligger ett antal stickor på ett bord. Två spelare turas om att ta stickor. Man får ta en eller två stickor. Den som tar sista stickan vinner.

De klasser som visas i fig.1 ska ingå i programmet:



Figur 1: Klassdiagram som visar de klasser (med attribut och metoder) som ingår i programmet för spelet dra stickor.

Klasserna och hur de hänger ihop beskrivs i ett klassdiagram i UML¹. Varje klass representeras av en rektangel med tre avdelningar som innehåller klassnamn, attribut resp. metoder. Linjerna visar hur klasserna hänger ihop. En streckad pil uttrycker beroende. T.ex. är klassen Player beroende av klassen Board eftersom det finns en metod i Player med en parameter av typen Board. Beroendet innebär att den beroende klassen kan behöva ändras om den andra klassen ändras. Hade pilen varit heldragen hade sambandet varit starkare och inneburit att Player haft ett attribut av typen Board.

Klassen TakePinsGame ska innehålla en main-metod där en användare (HumanPlayer) och en datorspelare (ComputerPlayer) spelar mot varandra.

De olika typerna av spelare har olika strategier, därför är takePins (Board) en abstrakt metod som ska implementera i respektive subklass. Metoden låter spelaren dra en eller två stickor enligt spelarens strategi och returnerar sedan antal dragna stickor. Datorspelaren ska slumpmässigt välja att dra en eller två stickor, medan människospelaren (användaren av programmet) får välja. Antal stickor som användaren tar ska läsas in.

Programmet ska förses med lämpliga utskrifter (hur många stickor som är kvar på bordet, hur många stickor datorspelaren tar, vem som vinner) så att användaren kan följa vad som händer i spelet. Det ska också reagera vettigt på felaktig indata (d.v.s. om en människospelare försöker dra för få eller för många stickor).

Datorarbete

D1. I den här uppgiften ska programmet som beskrivs i avsnittet Bakgrund och i fig.1 påbörjas. Börja med att skapa ett paket i projektet för laborationen genom att högerklicka på projektet och välja New > Package. Döp paketet till *game*.

Sedan är det dags att skriva programmet, men allt ska inte skrivas på en gång. Utveckla istället lite i taget och prova att det du skrivit fungerar som det ska. Börja med klassen Board. Skapa klassen genom att högerklicka på paketet game, välj New -> Class. Skriv in namnet på klassen (Board) i fältet Name och klicka på Finish. Klassens kod hamnar i en fil i paketet game. Filen får samma namn som klasset med tillägget .java.

Därefter är det dags att påbörja klassen med med main-metoden. Skapa en klass med namnet TakePinsGame. Tips! I samma dialogruta där du skriver klassnamnet kan du bocka för public static void main ...". Då får du automatiskt en påbörjad main-metod i klassen. Sedan är det bara att fylla i kod i den. Till att börja med ska du bara skapa ett Board-objekt och prova att anropa metoderna i klassen Board. Gör lämpliga utskrifter så att du ser att metoderna fungerar som de ska.

D2. Fortsätt stegvis att implementera och testa en klass i taget tills alla klasser i figur fig.1 är implementerade och spelet fungerar som tänkt. I main-metoden ska du utnyttja att spelar-klasserna har en gemensam superklass Player och använda den som typ vid deklaration av referensvariabler som ska referera till spelar-objekt.

I metoden takePins i resp. spelarklass ska antal stickor väljas. Datorspelaren ska välja antal stickor slumpmässigt. Använd metoden Math.random² eller Klassen Random³ för detta. Människospelarens antal stickor ska läsas in inuti metoden.

D3. Hittills har kommunikationen med användaren skett genom utskrifter på System.out (konsolfönstret) och inläsning från System.in (tangentbordet). Nu ska vi byta sätt att kommunicera och istället använda dialogrutor. I klassen JOptionPane finns statiska metoder för att visa dialogrutor. Använd metoderna showMessageDialog och showInputDialog.

https://fileadmin.cs.lth.se/cs/Education/EDAA20/pdf/umlsyntax.pdf

https://docs.oracle.com/en/java/javase/16/docs/api/java.base/java/lang/Math.html

³ https://docs.oracle.com/en/java/javase/16/docs/api/java.base/java/util/Random.html

Se Javas dokumentation på nätet⁴. Bägge metoderna har två parametrar. Den första, parentComponent, används när man har ett fullständigt grafiskt användargränssnitt. Här har vi inte det och det går bra att skicka med null som argument. Den andra parameter, message, är det meddelande som ska visas i dialogrutan. Det finns en hel uppsjö av metoder och möjligheter att utforma dialogrutorna som man vill. Du får gärna experimentera med detta. Men för laborationens skull räcker det med de två metoderna som nämns ovan.

På de ställen i ditt program där du använder System.out ska du nu istället anropa showMessageDialog. (Prova gärna att byta ut en utskrift i ditt program för att se hur det fungerar.) Lite mer att tänka på är det när användaren ska ange antal stickor. Metoden showInputDialog returnerar det användaren skrivit i form av en sträng. Du måste alltså konvertera detta till ett heltal. Lämplig metod för detta finns i klassen Integer⁵. Dessutom måste du ta hand om fallen att användaren skriver in konstiga indata (eller ingenting alls) eller klickar på "Avbryt". Ditt program ska vara robust och inte krascha i dessa fall. Eftersom det blir en del kod för detta är det enklast att skriva en metod för inläsningen (och då också en metod för utskriften) och lägga i en egen klass. Skriv en ny klass, UserInterface, med dessa två metoder. Låt metoderna vara statiska. Förslag:

```
public class UserInterface {
    /** Visar en dialogruta med texten msg. */
    public static void printMessage(String msg) {
        // din egen kod
    }

    /**
    * Visar en dialogruta med texten msg och och läser in ett positivt heltal. Om
    * användaren skriver något som inte kan tolkas som ett positivt heltal ska -1
    * returneras. Om användaren klickar på "Avbryt" ska -2 returneras.
    */
    public static int askForInt(String msg) {
        // din egen kod
    }
}
```

Skriv klassen UserInterface. Vill du ändra något i klassen (i metoderna eller lägga till någon metod) går det bra. Men låt klassen vara oberoende av de övriga klasserna i programmet.

I metoden askForInt ska -2 returneras om användaren klickar på "Avbryt" ("Cancel"). Metoden ShowInpoutDialog returnerar null i så fall.

Ändra i programmet så att dialogrutor används istället för utskrifter på System.out och inläsning från System.in. Testa! Tips! Metoden askForInt som du skrivit i klassen UserInterface ger möjlighet att få reda på om användaren klickat på "Avbryt". Om du vill kan du då avbryta programmet med System.exit(0);

- D4. Hitta på någon annan strategi för datorspelaren. Skriv en ny subklass till Player för detta. Byt till den nya datorspelaren i ditt program och testa.
- D5. Fundera igenom följande, och diskutera med din handledare:
 - I programmet för spelet dra stickor använder vi arv (superklassen Player och subklasserna HumanPlayer och ComputerPlayer). Vad har vi vunnit med det?
 - Det finns en abstrakt metod i superklassen Player. Vad är en abstrakt metod? Varför finns den där?

 $^{^4 \}quad \texttt{https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.desktop/javax/swing/JOptionPane.html}$

 $^{^{5}\ \}mathtt{https://docs.oracle.com/en/java/javase/16/docs/api/java.base/java/lang/Integer.html}$

Laboration 2 – använda abstrakta datatyper

Mål: Du ska träna på att implementera algoritmer med hjälp av de abstrakta datatyperna lista, mängd och map. Du ska också träna på att använda interface och klasser från Java Collection Framework som beskriver respektive implementerar dessa abstrakta datatyper. I samband med detta kommer du också att få träna på att skriva lambdauttryck.

Under laborationen kommer du att träffa på en hel del nya klasser. Meningen är att du ska få ett första smakprov av hur klassbiblioteket Java Collection Framework kan användas. Under kursen kommer vi sedan att se närmare på varje abstrakt datatyp och kommer då att diskutera hur motsvarande klasser i JCF ser ut under huven och hur man ska använda dem.

Ytterligare ett mål med laborationen är att du ska repetera/komma igång med att tyda felutskrifter samt använda en debugger för att hitta fel i program.

Förberedelser

Tyda felutskrifter och använda debugger

F1. Den här uppgiften går ut på att tolka felutskrifter vid exekvering av ett program. Programmet, som är färdigt men innehåller några fel, ska lösa följande problem:

Ett antal arbetsuppgifter, "jobb", som tar olika lång tid ska fördelas på ett antal maskiner. Man vill göra ett schema för vilken maskin som ska göra vilket jobb på så sätt att alla jobb är klara så tidigt som möjligt. Exempel på ett schema med 3 maskiner (1-3) och 7 jobb (j1–j7), jobbens tidsåtgång står inom parentes:

M ₁	j ₄ (16)					
M_2	j	j ₂ (14)				
M_3	j ₅ (6)	j ₆ (5)	j ₃ (4)	j ₁ (2)		

Ett enkelt sätt att lösa uppgifter av denna typ är att fördela jobben i avtagande ordning efter tidsåtgång och att ge varje jobb till den maskin som har minst att göra. Denna schemaläggningsalgoritm kallas LPT-algoritmen (Longest Processing Time) och har använts för att skapa schemat i figuren. Algoritmen ger inte alltid den optimala lösningen, men ett tillräckligt bra resultat. Att räkna ut den optimala lösningen skulle ta alldeles för lång tid om antal maskiner och jobb är stort.

Bekanta dig med filerna som finns i paketet lpt i projektet för laborationen. Det finns fel i programmet som orsakar exekveringsfel. Kör programmet och studera det felmeddelande som dyker upp. På första raden visas vilken typ av fel (subklass till Exception) som inträffat. Därefter visas stacktrace – en sekvens av de metodanrop som var aktiva när felet inträffade. Fyll i information om felet i tabellen. Rätta felet.

Feltyp	Felet uppträder i klassen	i metoden	på raden	Orsak till felet
cannot read array length because objec machines is null	Scheduler	machineWithLeastToDo	19	Det var fel i konstruktorn när indate blev lest inn som en lokal variabel
Index out of bounds	Scheduler	printSchedule	49	<= f;rs;ker att accessera et index som er out of range

Kör programmet igen och fyll i informationen om det nya exekveringsfel i tabellen.

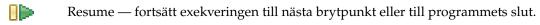
F2. Programmet från förra uppgiften går nu att köra, men innehåller också några logiska fel. Utskriften från programmet ska bli:

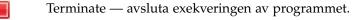
```
Maskin 1 har total schemalagd tid 16 [j4 16]
Maskin 2 har total schemalagd tid 17 [j2 14, j7 3]
Maskin 3 har total schemalagd tid 17 [j5 6, j6 5, j3 4, j1 2]
```

Kör programmet och se hur utskriften skiljer sig från det önskade resultatet. Du ska nu använda debuggern för att hitta fel. En debugger är ett verktyg för att köra programmet interaktivt. Man kan köra programmet stegvis eller till en viss brytpunkt, se variablers värde mm. Vi börjar med att "gissa" var felet finns och koncentrerar oss på metoden makeSchedule.

- 1. Man sätter en brytpunkt på en rad genom att dubbelklicka till vänster om raden. Sätt en brytpunkt på den rad i main-metoden där makeSchedule anropas. En blå prick ska då synas.
- 2. Starta debuggern. Det gör man genom att högerklicka på filen och välja Debug As > Java Application. Eller klicka på Debug-ikonen i verktygsraden. Eclipse byter till debug-perspektivet. Fönstrets nya utseende visas i figur 1.

I mitten finns editorfönstret (1). Den rad som står i tur att exekveras är markerad. På verktygsraden (2) finns ikoner för kommandon. De viktigaste är:

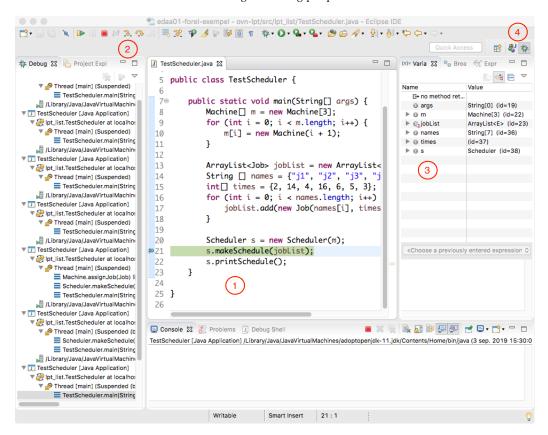




Step over — exekvera en rad i programmet.

Step into — exekvera till nästa rad, gå in i metoder som anropas.

Figur 1: Debug-perspektivet



I fliken Variables (3) kan man se variabler och parametrar och deras värden. Om man byter till fliken Breakpoints visas de brytpunkter man satt.

Längst upp till höger (4) kan man byta mellan olika perspektiv (här mellan Java- och Debug-perspektivet).

- 3. Kontrollera i fliken Variables att variablerna m, jobList och s har initierats på rätt sätt. Om man klickar på pilen framför ett objekt ser man in i objektet. Om man istället klickar på dess namn visas innehållet nederst i Variables.
 - Klicka på m Vektorn ska innehålla tre maskiner med schemalagd tid 0.
 - Klicka på jobList listan ska innehålla sju jobb.
 - Klicka på s Den utskrift som då visas är inte speciellt informativ. Det beror på att debuggern anropar objektets toString-metod. Eftersom toString inte är skuggad i klassen Scheduler används den toString-metod som ärvs från klassen Object. Klicka istället på pilen framför s. Sedan kan du klicka på dess attribut machines för att se att allt ser ok ut.
- 4. Allt verkar rätt så här långt. Byt till Java-perspektivet och tag bort brytpunkten genom att dubbelklicka på den. Öppna klassen Scheduler. Först vill vi kontrollera att listan med jobben ser ok ut och att jobben sorterats på rätt sätt. Sätt en ny brytpunkt på raden efter anropet av sort i metoden makeSchedule. Starta debuggern. Nu vill vi kontrollera om jobben sorterats på rätt sätt. Hur ser innehållet i tempJobList ut? Jobben ska sorteras efter avtagande tid, men det verkar inte bli så. Fundera var felet kan finnas och rätta det rätta felet. Vad orsakade felet?

Svar: fel i lambda utrycket för sammanligning så det blev sorter i sjunkande ordning

Provkör programmet. Nu fungerar det bättre, men utskriften stämmer fortfarande inte.

5. Eftersom sorteringen nu verkar fungera är det dags att undersöka vad som händer i metoderna machineWithLeastToDo och assignJob. Kör programmet i debuggern och stega framåt (till en början med Step over) för att se var det går fel.

Efter varje anrop av machineWithLeastToDo ska m innehålla en ref till den maskin som har minst att göra. Efter varje anrop av assignJob ska maskinens totala tid ha uppdateras och jobbet ska ha lagts till i listan. När du upptäcker något misstänkt går du nästa gång in i den metoden (med Step into) för att se vad som händer. Vad orsakade felet?

Svar: Fel i Machine klassenn, addJob setter tiden när den borde addera tiden

Rätta felet. Nu bör programmet fungera som det ska.

En kommentarer: Observera att vi i och med detta inte alls kan garantera att programmet är korrekt. Det enda vi visat är att programmet fungerar för just detta exempel.

F3. Under kursens gång ska vi lära oss saker som gör att klassen Scheduler kan förbättras (kortare kod, snabbare). Bland annat måste vi upprepade gånger söka efter den maskin som har minst att göra. Finns det någon abstrakt datatyp som kan vara till hjälp för detta så att vi kan stryka metoden machineWithLeastToDo?

Svar: Priority queue / heap

Använda några av Javas klasser för samlingar av element

- Besvara frågorna med hjälp av kurslitteraturen och/eller dokumentationen för respektive F4. klass eller interface⁶.
 - a) Betrakta följande kodavsnitt:

```
List<Integer> nbrs = new ArrayList<Integer>();
for (int i = 0; i < 100; i += 10) {
    nbrs.add(i);
                    // notera: talet läggs till två gånger
    nbrs.add(i);
}
for (int a : nbrs) {
    System.out.println(a);
```

• Hur många rader skrivs ut?

• Hur många rader skrivs nu ut?

Svar: | 20 Ja 🛛 🗶 Nei

• Kan vi vara säkra på talens ordning i utskriften?

b) Anta att vi byter ut den första raden mot följande:

Set<Integer> nbrs = new HashSet<Integer>();

Svar: 10 Ja Nej X

• Kan vi vara säkra på talens ordning i utskriften?

c) Betrakta följande kodavsnitt:

```
m.put("albatross", 12);
m.put("pelikan", 27);
m.put("lunnefågel", 19);
m.put("albatross", 7);
System.out.println(m.get("albatross"));
```

- Fyll i typargument på de streckade raderna ovan, så att typerna stämmer överens med koden. (Du ska inte använda Object här.)
- Vad skrivs ut i exemplet?

Svar: 7

d) I interfacet Map finns en metod för att undersöka om en Svar: containsKey(key_element): given nyckel förekommer. Vilken då?

- F5. Läs igenom texten under rubriken "Bakgrund".
- F6. Lös uppgifterna D1, D2, D3 och D4.

Bakgrund

Historiker och litteraturvetare använder ibland datorbaserade metoder för att få översiktlig information om stora textmassor. Genom att exempelvis räkna förekomster av ortnamn (och liknande) kan man skapa sig en uppfattning om den geografi som beskrivs i texten.⁷

 $^{^6 \}quad \mathtt{https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.base/java/util/List.html}$ https://docs. oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.base/java/util/Map.html

⁷ Ett intressant exempel på en sådan historisk undersökning, större än vad vi har möjlighet att göra här, är: Cameron Blevins, "Space, Nation, and the Triumph of Region: A View of the World from Houston": Journal of American History, vol. 101, no. 1, 2014.

Med en sådan metod kan vi undersöka Selma Lagerlöfs bok *Nils Holgerssons underbara resa genom Sverige* och räkna förekomster av landskapens namn. På så sätt kan vi förstå något om den bild av Sverige som tecknas i boken. Lagerlöfs bok gavs ut 1906–1907, under den nationalromantiska perioden, då många av 1900-talets föreställningar om den svenska nationen tog form

När vi undersöker en text, som Lagerlöfs bok, räknar vi alltså förekomster av vissa ord, som exempelvis platser. I den här uppgiften kommer du att konstruera klasser för att räkna ord på olika sätt. Vi kommer särskilt att fokusera på vilka abstrakta datatyper man kan använda.

Datorarbete

D1. Börja med att bekanta dig med interfacet TextProcessor. Det innehåller metoder för att behandla inläst text, ett ord i taget, samt presentera ett resultat. Vi kommer att använda detta interface för att hantera olika slags textanalyser på ett enhetligt sätt.

```
public interface TextProcessor {
    /**
    * Anropas när ett ord lästs in.
    * Metoden ska uppdatera statistiken därefter.
    */
    void process(String w);

    /**
    * Anropas när samtliga ord i sekvensen lästs in.
    * Metoden ska skriva ut en sammanställning av statistiken.
    */
    void report();
}
```

(I just detta fall skulle vi även kunna använda en abstrakt klass, men interface passar bättre eftersom TextProcessor inte har några egna attribut eller metoder.)

D2. I projektet finns också en klass SingleWordCounter, som implementerar interfacet ovan. Denna klass är till för att räkna hur många gånger ett givet ord förekommer.

Klassen innehåller ett fel, som gör att antalet alltid blir 0 (noll). Finn felet och åtgärda det. Can't compare strings with == must use .equals()

D3. Projektet innehåller därtill ett program Holgersson. java. Där skapas ett SingleWord-Counter-objekt, som ska räkna antalet förekomster av ordet "nils". Vi stavar namnet med små bokstäver (gemener), eftersom programmet Holgersson omvandlar alla ord till gemener vid inläsning (med hjälp av String-metoden toLowerCase).

Därefter läses boken in. Bokens text finns i textfilen nilsholg.txt, och inleds med ett par dikter innan kapitel 1. Öppna gärna filen och se hur den ser ut.

Alla filens ord gås igenom och vårt SingleWordCounter-objekt uppdateras. Slutligen skrivs resultatet ut.

Kör programmet och kontrollera att det utskrivna resultatet stämmer. Namnet "Nils" förekommer 75 gånger i Lagerlöfs roman. Om ditt resultat inte stämmer kan det bero på felet i föregående uppgift.

Kommentar till raden s.useDelimiter(...): här konfigureras Scanner-objektet så att skiljetecknen ,.:;!?'" filtreras bort från de inlästa orden. Anropet ser lite märkligt ut, eftersom vi använt ett reguljärt uttryck för att ange att alla dessa tecken ska betraktas som

skiljetecken.⁸ Du behöver inte bry dig om hur denna rad fungerar. Även raden innan kan du bortse från. Den är till för att ta bort ett tecken som förekommer först i vissa filer.

D4. Inför fortsättningen vill vi utöka programmet Holgersson så att det kan hantera flera TextProcessor-implementeringar på samma text.

Ändra programmet så att det har **en lista** av TextProcessor-objekt. Använd t.ex. klassen ArrayList för detta.Till att börja med ska listan bara innehålla det enda objekt som finns sedan tidigare (och som räknar "Nils").

Varje gång ett ord lästs in ska alla TextProcessor-objekt i listan få sin process-metod anropad. När all text har lästs in ska alla TextProcessor-objekt skriva ut sina respektive resultat.

Lägg till en rad i ditt Holgersson-program, så att även antalet förekomster av ordet "norge" räknas. Din lista ska alltså innehålla två TextProcessor-objekt, och du ska få följande resultat:

```
nils: 75
norge: 1
```

D5. Hittills har vi behövt skapa ett nytt objekt för varje ord vi räknar. Nu vill vi införa en ny typ av textanalys, där inte bara ett enda ord räknas, utan flera. Vi ska räkna hur många gånger de olika svenska landskapen nämns i boken.

Skapa en ny klass MultiWordCounter, som implementerar interfacet TextProcessor och fungerar enligt följande:

• Konstruktorn ska ta en vektor av strängar som parameter. Vektorn innehåller de ord vi vill räkna. Följande exempel visar hur en sådan konstruktor ska fungera:

```
String[] landskap = { "blekinge", "bohuslän" /* , ... */ };
TextProcessor r = new MultiWordCounter(landskap);
```

- Din klass MultiWordCounter ska ha exakt **ett** attribut, och det attributet ska vara av typen Map (med lämpliga typargument jämför med förberedelseuppgifterna).

 Detta Map-attribut används för att hålla reda på hur många gånger de sökta orden (landskapsnamn i exemplet ovan) förekommer. Inledningsvis ska denna Map ha värdet 0 (noll) för varje sökt ord). Metoden process ökar antalet **om** ett givet ord är ett av de sökta orden.
- Även om attributet har typen Map, så ska det objekt som skapas för det vara av den konkreta klassen HashMap. På så vis blir ditt program, så långt som möjligt, oberoende av vilken implementering av Map-interfacet som faktiskt används.
 - Namnet HashMap ska alltså bara förekomma på **ett** ställe i klassen (förutom ev. import-satser).
- Metoden report ska skriva ut alla nycklar och respektive värden i din Map. **Tips:** Man kan gå igenom alla nycklar i en Map så här (om vi antar att m är en Map vars nycklar är av typ String):

```
for (String key : m.keySet()) {
    // gör något med key och m.get(key)
}
```

⁸ Om du är särskilt intresserad kan du läsa mer om denna Scanner-finess här: https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.base/java/util/Scanner.html. Du kan även läsa mer om reguljära uttryck på exempelvis Wikipedia (https://en.wikipedia.org/wiki/Regular_expression).

D6. Lägg till ett MultiWordCounter-objekt för landskapen i din lista i programmet Holgersson. Listan ska nu innehålla tre TextProcessor-objekt. Alla objekt i listan ska få sin processmetod anropad och resultat utskrivet.

Notera att det finns en användbar strängvektor given i programmet.

Kör programmet. I resultatet ser vi att gränstrakterna (Skåne, Lappland) nämns relativt ofta. Kanske var det angeläget att visa att Sverige ännu var rätt stort, trots att Norge lämnat unionen året innan? (Norge nämns ju endast en gång.)

D7. Vi ska nu ta fram information om boken på ett annat sätt. Genom att räkna alla ord, inte bara landskap, kan vi skapa oss en uppfattning om bokens innehåll. Vi måste emellertid utesluta vissa vanliga ord, som "och", "ett" och "att", för att få ett meningsfullt resultat. Vi behöver alltså återigen en tabell av ord, men nu för att räkna *alla* ord, *utom* ett antal undantagsord.

Skapa en klass GeneralWordCounter, som implementerar interfacet TextProcessor och fungerar enligt följande:

• Konstruktorn ska ta en mängd (Set) som parameter. Denna mängd innehåller undantagsord lästa från filen undantagsord.txt:

```
Scanner scan = new Scanner(new File("undantagsord.txt"));

Set<String> stopwords = ...; // en lämplig mängd skapas

... ... // orden läses in från Scannern
... ... // scan' och lagras i mängden
```

TextProcessor r = new GeneralWordCounter(stopwords);

Filen undantagsord. txt finns i ditt Eclipse-projekt. Öppna gärna den och se hur den ser ut.

- Använd en Map för att hålla reda på hur många gånger respektive ord förekommer.
- Även här ska du använda HashMap, men även här ska namnet HashMap bara förekomma på ett ställe i klassen (förutom ev. import-satser). För din mängd (Set) kan du välja implementering själv.
- Metoden process räknar alla ord, såvida de inte finns i mängden av undantagsord. Första gången ett nytt ord upptäcks läggs det till med antalet 1, och påföljande gånger samma ord upptäcks ökas dess antal med ett.
- Metoden report ska skriva ut alla ord som förekommer 200 gånger eller fler.
- D8. Lägg till kod för att läsa in undantagsorden och lägga till GeneralWordCounter-objektet i listan av TextProcessor-objekt i programmet Holgersson. Kör programmet. Vilka är de vanligaste orden i Lagerlöfs bok?

Intresset för gränstrakterna framgår indirekt även här. Ledargåsen Akka är döpt efter ett lappländskt fjällmassiv, och pojken kommer från Skåne. Kanske skymtar vi bland orden även nationalromantikens fascination för den vilda naturen?

Sortera orden

D9. När du implementerade metoden report ovan drog vi gränsen vid 200 ord. En sådan fix gräns är ju otillfredsställande: för en längre bok kanske utskriften blir ohanterligt lång, och om vi analyserar en kortare text kanske vi inte får något resultat alls. Istället vore det bättre att skriva ut, säg, de fem vanligaste orden.

För detta ska vi använda Javas inbyggda sorteringsalgoritm för listor. Det är en effektiv algoritm, som låter oss tillhandahålla en egen jämförelse för elementens ordning.

Först behöver vi en lista av ord med tillhörande antal. Från vår Map finns inget sätt att skapa en lista, men vi kan få en *mängd* (Set) av sådana ord-antal-par med följande metod:

```
/** Returns a Set view of the mappings contained in this map. */
Set<Map.Entry<K,V>> entrySet();
```

Vi får då ut en mängd med objekt av typ Map.Entry<String,Integer>. Varje sådant objekt innehåller ett ord och tillhörande antal. När vi väl har en sådan mängd kan vi placera elementen i en lista, genom att skicka in mängden som parameter till listans konstruktor.

• Skriv in följande rader i klassen GeneralWordCounter, metoden report. Ta bort (eller kommentera ut) den kod som fanns där sedan tidigare.

```
Set<Map.Entry<String, Integer>> wordSet = counts.entrySet();
List<Map.Entry<String, Integer>> wordList = new ArrayList<>(wordSet);
```

• Lägg till kod i report (några rader) så att listans (wordList) fem första element skrivs ut.

Testa programmet och se att du får fem rader i utskriften från GeneralWordCounter. De fem raderna är inte de fem vanligaste orden, utan bara de fem ord som råkar hamna först i Map-implementeringens ordning.

(Listan är ännu inte sorterad i rätt ordning, så detta är bara ett mellansteg, där vi kontrollerar att steget från Map till List fungerar.)

D10. Nu ska vi lägga till sorteringen av listan wordList. För detta kan du använda metoden sort i interfacet List ⁹. Metoden sort har en parameter av typen Comparator, vilket är ett funktionellt interface. Det innebär att du kan skicka med ett lambdauttryck som argument. I lambdauttrycket bestämmer du hur listans element ska jämföras. I detta fall ska elementen sorteras med avseende på antal förekomster, i fallande ordning. Kör programmet och kontrollera resultatet.

Tips: Undrar du hur du får fram heltalet ur ett Map. Entry-objekt? Titta då gärna i specifikationen. Mom ihåg att det rör sig om ett par från en Map, där nycklarna är strängar och värdena heltal.

D11. Justera lambdauttrycket (från uppgift D10) så att elementen sorteras i första hand på antal förekomster, och i andra hand i bokstavsordning.

Testa! Öka först antal ord som skrivs ut i metoden report i GeneralWordCounter så att du ser att din ändring i compare spelar någon roll.

Jämförelse av Map-implementeringar

D12. Man kan mäta exekveringstiden för ett Java-avsnitt med hjälp av System.nanoTime. Denna metod returnerar antalet nanosekunder som förflutit sedan någon ospecificerad tidpunkt. Genom att subtrahera två sådana tidpunkter kan man få ett mått på förfluten tid, exempelvis i millisekunder:

 $^{^9 \ \ \}texttt{https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.base/java/util/List.html}$

 $^{^{10}~{\}rm https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.base/java/util/Map.Entry.html}$

```
long t0 = System.nanoTime();
... // kod vars exekveringstid vi vill mäta
long t1 = System.nanoTime();
System.out.println("tid: " + (t1 - t0) / 1000000.0 + " ms");
```

Justera programmet Holgersson så att tiden för programmet skrivs ut, så som ovan. Kör programmet tre gånger och välj medianvärdet av exekveringstiderna (det mellersta). Notera detta medianvärde.

- D13. Justera dina klasser GeneralWordCounter och MultiWordCounter, så att den använder TreeMap istället för HashMap. Om du har gjort rätt så räcker det ändra på ett ställe i vardera klassen.
 - Fungerar ditt program fortfarande? ja
 - Hur påverkas ordningen i det utskrivna resultatet? Dom blir lexografisk sorterad
 - Hur påverkas exekveringstiden? (Beräkna även här medianvärdet från tre körningar.)

525 ms

- D14. Fundera igenom följande, och diskutera med din handledare:
 - Vad är det för skillnad på Map och HashMap?
 Map er en interface som kan implementere klasser, hashmap implementer map
 - Vad är det för skillnad på HashMap och TreeMap? Vad beror skillnaderna på?
 - På laborationen har du bl.a. använt de abstrakta datatyperna mängd och map. Vad har de för speciella egenskapar som gör dem lämpliga att använda på det sätts som har gjorts?
 - Du har även använt Javas inbyggda sortering med hjälp av en sorteringsordning du själv angivit. Hur fungerar det? Och vilken funktion har interfacet Comparator i detta?

haspmap er en hashtable basert implementation av map interface mens treemap har en tree struktur och er då sorterad. Hash map er O(1) mens treemap er O(log(n)) ettersom den må opprettholde et bipirtite selv balanserande binary search tree.

Mängd och map lagrar och hittar data mycket snabbt och har ej duplikater.

Sorteringsfunktionen tar en comparator som input, man kan skriva en custom comparator som en lambda funktion

Type text here

Laboration 3 – grafiska användargränssnitt

Mål: Du ska träna på att skapa grafiska användargränssnitt och mönstret Model-View-Controller. Du ska också träna på att formulera lambdauttryck och använda dem för att bland annat hantera användarinteraktion på ett smidigt sätt.

Förberedelser

- Läs igenom texten under rubriken "Bakgrund". F1.
- Sök upp dokumentationen för Map. Entry. 11 Interfacet används för att beskriva ett par, av F2. en nyckel och ett värde, i en Map. Bekanta dig med vilka metoder som finns i interfacet.

Det finns en metod i Map för att hämta en mängd (Set) av Svar: | map.entryset() sådana Map. Entry-objekt. Vad heter metoden?

F3. Anta nu att vi har en lista (inte en mängd) av Map. Entry enligt ovan, med typargumenten <String, Integer>. Vi vill använda den inbyggda metoden sort för att sortera listan, i fallande ordning, med avseende på värden (inte nycklar).

Fyll i lambdauttrycket nedan så att ordningen blir den önskade.

```
List<Map.Entry<String, Integer>> list = ...;
                                                // listan skapas
                              b.getValue() - a.getValue()
list.sort((e1, e2) -> _____
```

Du ska inte använda metoden comparingByValue i Map. Entry, utan ta tillfället att träna på att skriva lambdauttryck själv.

Tips: lambdauttrycket ska ge ett värde som är <0, ==0 eller >0 beroende på hur de två jämförda elementen (e1 och e2) förhåller sig till varandra. Det rör sig alltså om samma slags jämförelsevärde som exempelvis i metoden compareTo för strängar.

Sök upp dokumentationen för följande Java-klasser på nätet: 12 JButton, JTextField, F4. JPanel och JList.

Du behöver inte läsa alla detaljer, men försök skapa dig en idé om vad klasserna är till för. (Tips: jämför med bilden i figur 1 i följande avsnitt.) Svara också på följande frågor:

Med vilken metod anges vilken kod som ska köras när en Svar: addActionListener JButton klickas? (Tips: titta i superklassen.)

Vilken metod returnerar texten som användaren har skrivit i ett JTextField? (Tips: titta i superklassen.)

Svar: |.getText()

Med vilken metod lägger man till ett element i en JPanel? (Tips: titta i superklasserna.)

Svar: .add

Vilken metod använder man för att markera en viss rad i en JList?

Svar: |.ensureIndexIsVisible()

Lös uppgifterna D1, D2, D3 och D4. F5.

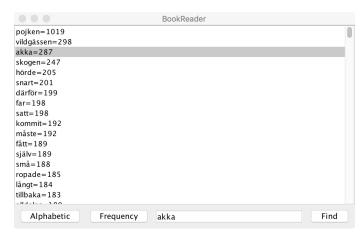
¹¹ https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/Map.Entry.html

¹² https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.desktop/javax/swing/JButton.html https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.desktop/javax/swing/JPanel.html https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.desktop/javax/swing/JList.html

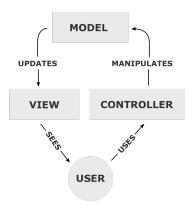
F6. Läs igenom övriga uppgifter.

Bakgrund

I den här laborationen kommer du att skapa ett grafiskt användargränssnitt till det textanalysprogram du konstruerade i laboration 2. En bild på hur det kan se ut visas i figur 1 nedan.



Figur 1: Grafiskt användargränssnitt för vårt textanalysprogram.



Figur 2: Idén bakom mönstret Model-View-Controller. (Källa: Wikipedia, public domain.)

Huvuddelen av fönstret upptas av en listvy (JList), där bokens ord och deras respektive antal finns listade. På varje rad står ett ord och motsvarande antal.

Under listvyn finns några knappar och ett textfält. De två knapparna till vänster låter oss välja hur listan ska sorteras (alfabetiskt eller efter antal förekomster). I textfältet kan man skriva in ett ord, och när man trycker på knappen "Find" söks motsvarande ord i listan upp och markeras.

En lista av ord och deras respektive antal kan vi hämta från klassen GeneralWordCounter från laboration 2. För listan behöver vi bestämma oss för en elementtyp. Vi kommer att se i datoruppgifterna nedan att det är praktiskt att använda typen Map.Entry (med lämpliga typargument) till detta. När innehållet i denna lista ändras, t ex genom att sorteras, vill vi att listvyn i fönstret uppdateras. För att lösa detta måste listvyn kopplas ihop med en listmodell. Listmodellens uppgift är att hålla reda på vår lista med ord-antal-par samt meddela listvyn när innehållet i listan är förändrat. Vi kommer att lösa det genom skriva en subklass till klassen AbstractListModel¹³.

Ett sätt att strukturera grafiska applikationer

Program med grafiska användargränssnitt struktureras ofta enligt ett mönster som kallas *Model-View-Controller* (se figur 2 ovan).¹⁴ Vi delar då in klasserna i tre olika delsystem, där varje delsystem består av en eller flera klasser:

 $^{^{13}\} https://docs.oracle.com/en/java/javase/11/docs/api/java.desktop/javax/swing/AbstractListModel.html$

¹⁴ Mer att läsa finns exempelvis på Wikipedia: https://en.wikipedia.org/wiki/Model-view-controller

Modellen hanterar data och algoritmer i applikationen. Det är alltså en central del av applikationen. Vi eftersträvar att göra modellen *oberoende* av användargränssnittet (vy och kontroll), så att samma modell kan återanvändas även med ett annat användargränssnitt.

I vårt system utgörs modellen av den klass GeneralWordCounter, som du implementerade i laboration 2. Då använde du denna modell med ett textbaserat gränssnitt.

Vyn används för att visa modellens innehåll grafiskt. I applikationen du ska skriva visas t.ex. orden och deras frekvenser i fönstret.

Kontrollen hanterar indata från användaren och låter på så användaren interagera med modellen.

Vyns klasser består alltså av fönster, listvy, knappar, inmatningsfält och annat. Sådana klasser finns ofta tillgängliga i färdiga paket, som JavaFX, Android eller Swing. I denna laboration använder vi Swing, ett standardpaket i Java. Kontrollen utgörs här av den klass du ska skriva: ett grafiskt användargränssnitt som använder komponenter i Swing-paketet.

Det är inte alltid helt lätt att dra skarpa gränser mellan de tre delsystemen, och exakt hur mönstret Model-View-Controller tillämpas skiljer från applikation till applikation. (Hör t.ex. listmodell-klassen till modellen eller kontrollen?) Indelningen i modell, vy och kontroll är ändå generell och användbar, och tillämpas ofta när man konstruerar applikationer med grafiska användargränssnitt. Swing-paketet, liksom de flesta andra ramverk av samma slag, är konstruerat utifrån detta synsätt.

Datorarbete

D1. Öppna din klass GeneralWordCounter från laboration 2. Vi behöver utöka klassen med en metod för att få tillgång till en lista med ord-antal-par. Metoden finns i den klassen eftersom vi kommer att behöva det Map-attribut du införde där i laboration 2.

Lägg till följande metod i klassen GeneralWordCounter:

Den första streckade luckan ska ersättas med ett lämpligt typargument. För den andra luckan behövs bl.a. mängden av ord-antal-par. Mängden och listan har samma typargument.

Tips: förberedelseuppgifterna ger dig ledtrådar till luckornas innehåll.

Container pane = frame.getContentPane();

D2. Vi ska nu påbörja en klass som ska fylla rollen av Controller i Model-View-Controllermönstret. Skapa en klass med namnet BookReaderController. Klassen ska ha följande struktur:

D3. Skapa en klass, BookReaderApplication som ska innehålla main-metoden. Inför satser i main som skapar ett GeneralWordCounter-objekt och använder det för att räkna ord i *Nils Holgerssons underbara resa*, så som gjordes i laboration 2. Vi använder alltså samma text och samma undantagsord som där. (Det går bra att kopiera satserna för inläsningen från programmet Holgersson i den laborationen.)

Skapa också BookReaderController-objektet.

Provkör programmet och kontrollera att ett tomt fönster visas.

D4. Nästa steg är att visa orden i fönstren genom att skapa listvyn (Jlist) och knyta den till en listmodell. Det finns en färdigskriven klass i projektet, SortedListModel, som ska användas listmodell. Den lista som ska skickas med till konstruktorn är listan med ordantal-par som hämtas från GeneralWordCounter.

För att listan ska vara skrollbar behövs ytterligare en komponent av typen JScrollPane. Denna ska innehålla listvyn och läggas till i fönstret.

Provkör programmet. Du ska nu få upp ett fönster med orden och deras antal (i någon ordning). Pröva att scrolla och ändra storleken på fönstret.

- D5. Vi vill nu även få plats med en rad i fönstrets nederkant, där knapparna och textfältet kan få plats. För detta ändamål ska vi använda ett JPanel-objekt:
 - Skapa ett JPanel-objekt.
 - Skapa två knappar med etiketterna "Alphabetic" respektive "Frequency" (eller något liknande).
 - Lägg till knapparna i din JPanel.
 - Lägg din JPanel i fönstrets nederkant:

Provkör programmet. Kontrollera att fönstret innehåller ordlistan och två knappar. Pröva gärna att trycka på knapparna.

D6. Nu ska vi få något att hända när man trycker på knapparna. Lägg till en rad i ditt program så att en enkel textsträng skrivs ut när man trycker på en av knapparna. Använd ett lambdauttryck med en System.out.println-sats.

Kör programmet och kontrollera att du får det förväntade resultatet när du trycker på knappen.

Tips: Lambdauttrycket ersätter en metod. Därför måste det ha lika många parametrar som metoden ifråga, även om parametrarna inte används i uttrycket.

D7. Ändra ditt program så att ordlistan sorteras alfabetiskt när man trycker på "Alphabetic", samt på antal förekomster när man trycker på "Frequency".

Ändringar i listan i SortedListModel förmedlas till listvyn. Kör programmet och verifiera att listans ordning förändras på rätt sätt när du trycker på knapparna.

D8. Lägg nu till två element i vyn, ett textfält och en knapp, för att göra det möjligt att söka upp ett ord i listan. Om det inskrivna ordet finns i listan markeras det som valt och listan

scrollas listan så att ordet blir synligt (metoden ensureIndexIsVisible i JList), annars görs ingenting.

Tips: Det är praktiskt att använda ett lambdauttryck även här, eftersom du då har tillgång till alla lokala variabler i createWindow. För att söka upp rätt rad i listan behöver du säkert använda mer än en Java-sats. Ett lambdauttryck med flera Java-satser kan kapslas in i ett block, så här:

- D9. Lös tre uppgifter ur avsnittet "valbara uppgifter" nedan. Välj själv tre (eller fler) uppgifter som du tycker verkar intressanta. Uppgifterna är oberoende och kan göras i valfri ordning. Uppgifterna bygger (liksom tidigare deluppgifter) på att du själv söker i dokumentationen på nätet.
- D10. Fundera igenom följande, och diskutera med din handledare.
 - Swing (liksom många motsvarigheter, som Android och JavaFX) bygger på en princip som kallas för Hollywoodprincipen: "Don't call us – we'll call you!"
 - Kan du se i ditt program vad som menas med detta?
 - Varför passar lambdauttryck särskilt bra ihop med denna princip?
 - När kontrolldelen av ditt program ändrar ordningen i ordlistan uppdateras användargränssnittet automatiskt. Kan du förstå något om hur det hänger ihop?

Valbara uppgifter

Х

V1. I ditt användargränssnitt kan man skriva in ett ord att söka efter. Om användaren råkar inleda eller avsluta ordet med ett eller fler mellanslag fungerar inte sökningen. Om användaren på samma sätt råkar skriva in versaler fungerar inte heller sökningen.

Ändra programmet så att sökningen fungerar, även om det inmatade ordet börjar/slutar på mellanslag eller innehåller versaler. Du har nytta av ett par lämpliga metoder i klassen String.

- x V2. När man söker efter ett ord som inte finns i boken vore det bra med en ruta som meddelar användaren detta. Använd klassen JOptionPane för att visa en sådan ruta.
- X V3. Gör så att knappen "Find" aktiveras (trycks) automatiskt när man trycker Return.
 - V4. För de två sorteringsknapparna passar det bra att använda s.k. radioknappar. En sådan markeras när den är intryckt, och bara en knapp i samma grupp kan vara intryckt i taget. Läs om klassen JRadioButton och använd den för sorteringsknapparna.
 - V5. Programmet vore mer användbart om man kunde välja vilken textfil som ska analyseras. Låt användaren välja en fil att analysera. Använd klassen JFileChooser.

Laboration 4 – länkad lista

Mål: Du ska lära dig implementera den abstrakta datatypen kö (FIFO queue) på två olika sätt; dels genom att delegera till Javas klass LinkedList och dels genom att implementera en från grunden med en länkad datastruktur. Du ska också lära dig att testa en klass genom att skriva testmetoder och använda testverktyget JUnit.

Förberedelser

- F1. Läs igenom texten under rubriken "Bakgrund".
- F2. Läs texten till uppgift D3 och studera fig. 1. Svara på följande frågor:
 - a) Vilket värde ska attributet last ha i en tom lista? Svar: null
 - b) Antag att listan inte är tom. Skriv klart följande tilldelningssats så att variabeln n refererar till första noden i kön. **QueueNode<E> n = last.next**
 - c) Antag att listan inte är tom. Skriv klart följande tilldelningssats så att variabeln e refererar till första elementet i kön.

 E e = | last.next.element
- F3. Läs PM om jUnit som finns på kursens webbsida. Svara på följande frågor med hjälp av dokumentationen av jUnits klass Assert. Länk finns på kursens webbsida.
 - a) Vilken metod är lämplig att använda om man vill kontrollera att ett logiskt uttryck har värdet false?

 Svar: asstertFalse(object.method()
 - b) Vilken metod är lämplig att använda om man vill kontrollera att två vektorer har identiskt innehåll?

 Svar: assertEquals(a,b)
- F4. Lös uppgifterna D1, D2, D3 och D4.
- F5. Läs igenom övriga uppgifter.

Bakgrund

På den här laborationen ska du på två olika sätt implementera en generisk klass FifoQueue med följande klassrubrik:

```
public class FifoQueue<E> extends AbstractQueue<E> implements Queue<E>
```

Klassen representerar en kö och ska implementera interfacet Queue i klassbiblioteket java.util. Förklaring till varför klassen FifoQueue ärver AbstractQueue: Ibland kan man implementera vissa metoder med hjälp av andra metoder. Ex:

```
public boolean isEmpty () {
    return size() == 0;
}
```

För att underlätta för den som ska implementera det (stora) interfacet Queue finns den abstrakta klassen AbstractQueue som innehåller många av Queue-metoderna implementerade enligt detta mönster. Det som återstår att göra i klassen FifoQueue är att implementera metoderna offer, size, peek, poll och och iterator.

```
/**
```

- * Inserts the specified element into this queue, if possible.
- $\boldsymbol{\ast}$ post: the specified element is added to the rear of this queue.

```
* @param x the element to insert
 * @return true if it was possible to add the element to this queue, else false
 */
boolean offer(E x);
 * Returns the number of elements in this queue.
 st Oreturn the number of elements in this queue
 */
int size();
/**
 * Retrieves, but does not remove, the head of this queue,
 * or returns null if this queue is empty.
st Oreturn the head of this queue, or null if the queue is empty
E peek();
/**
 * Retrieves and removes the head of this queue,
 * or returns null if this queue is empty.
 st post: the head of the queue is removed if the queue was not empty
 * @return the head of this queue, or null if the queue is empty
 */
E poll();
 * Returns an iterator over the elements in this queue.
 * Creturn an iterator over the elements in this queue
 */
Iterator<E> iterator();
```

En kommentar till metoden offer: enligt specifikationen ska det element som är parameter sättas in enbart om det möjligt. I beskrivningen av interfacet Queue i Java-dokumentationen kan man utläsa att det är tillåtet att införa begränsningar på köer, t ex att en kö bara får innehålla ett visst antal element. Om man anropar metoden offer när kön redan innehåller det maximalt tillåtna antalet ska i sådana fall ingen insättning göras och metoden ska returnera false. I vår implementering ska inte någon sådan begränsning göras. Metoden ska därför i klassen FifoQueue alltid sätta in elementet och returnera true.

Datorarbete

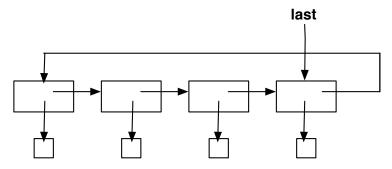
D1. Först ska du implementera kö-klassen genom att delegera till klassen LinkedList i paketet java.util. I projektet för laborationen finns det i paketet queue_delegate en fil med namnet FifoQueue.java. I klassen finns attributet list som du ska använda för att hålla reda på elementen i kön.

Implementera alla metoderna. Du ska inte behöva lägga till mer än en rad i varje metod. Läs dokumentationen av Queue på nätet så att du väljer rätt metoder.

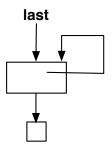
D2. I filen TestFifoQueue i paketet testqueue finns det testmetoder som kontrollerar funktionaliteten hos de metoder som implementeras i denna uppgift. Bekanta dig med testklassen så att du förstår vad som testas.

Testa din kö-klass och rätta till den tills du får grönt ljus.

D3. Nu ska du göra en ny implementering av klassen FifoQueue. En enkellänkad lista ska användas för elementen i kön. Noderna i listan ska representeras av följande privata nästlade klass (deklarerad i klassen FifoQueue):



Cirkulär lista att använda för att implementera en kö. next-referenser och referenser till insatta element är utritade. Noden längst till vänster innehåller det äldsta elementet i kön. Noden längst till höger, som attributet last refererar till, innehåller det senast insatta elementet.



Kö med ett enda element

Figur 1: Kö som representeras av cirkulär enkellänkad lista.

Listan ska vara *cirkulär*, dvs i den sista listnoden är inte referensen (next) till efterföljaren null utan i stället refererar den till det äldsta (första) listnoden i listan. I en tom kö har attributet last värdet null. Kön representeras i klassen FifoQueue av ett attribut (last), som refererar till den listnod som innehåller det sist insatta elementet. Se fig. 1. Det är *inte* tillåtet att lägga till ett extra attribut first i köklassen.

Observera att det bara är implementeringen av listan som är cirkulär. Utifrån sett är det en vanlig lista med början och slut.

I paketet queue_singlelinkedlist finns en fil med namnet FifoQueue.java. I klassen finns attributet last, metoderna som ska implementeras samt klassen QueueNode. Dessutom finns det ytterligare ett attribut size som representerar antalet element i kön.

Implementera alla metoder utom iterator(), som vi återkommer till i nästa uppgift. Testa metoderna parallellt. OBS! Ändra i testklassen så att du importerar FifoQueue från rätt paket.

Du bör börja med att implementera och testa metoderna offer och size. När du känner dig säker på att insättning fungerar kan du gå vidare till metoderna peek och poll.

D4. I denna uppgift ska iterator() implementeras. Metoden ska returnera ett objekt av en klass som implementerar interfacet Iterator<E>. En skiss över hur detta kan göras följer:

```
public class FifoQueue<E> extends AbstractQueue<E> implements Queue<E> {
    ...
    public Iterator<E> iterator () {
        return new QueueIterator();
    }

    private class QueueIterator implements Iterator<E> {
        private QueueNode<E> pos;
        ...
        /* Konstruktor */
        private QueueIterator() {...}

        public boolean hasNext() {...}

        public E next() {...}
}
```

Lägg märke till att i förslaget ovan är klassen QueueIterator en privat inre klass i klassen FifoQueue. Det innebär att man i QueueIterator har tillgång till alla attribut i sitt omgivande objekt av typen FifoQueue. Man kan alltså inne i ett objekt av typen QueueIterator använda attributen i klassen FifoQueue. Klassen QueueIterator och dess konstruktor kan vara privata eftersom det bara är den omgivande klassen som kommer att använda dem.

Läs specifikationen för metoderna i interfacet Iterator<E> i Javas dokumentation på nätet. Lägg in klassen QueueIterator i klassen FifoQueue enligt ovan och implementera konstruktorn, hasNext och next.

Testa!

D5. Ibland behöver man slå samman (konkatenera) två köer q1 och q2 till en kö bestående av alla element i q1 följda av alla element i q2. Om man bara har tillgång till de befintliga metoderna på listan kan man successivt ta ut elementen ur q2 med metoden pol1 och sätta in dem i q1 med metoden offer. Om det finns n element i q2 anropas alltså båda metoderna n gånger.

OBS: Du ska göra en effektivare lösning genom att i stället utföra konkateneringen i en metod i klassen FifoQueue. Utnyttja den interna datastrukturen hos FifoQueue istället för att använda metoderna offer och poll.

Implementera följande metod i FifoQueue:

```
/**
 * Appends the specified queue to this queue
 * post: all elements from the specified queue are appended
 * to this queue. The specified queue (q) is empty after the call.
 * @param q the queue to append
 * @throws IllegalArgumentException if this queue and q are identical
 */
public void append(FifoQueue<E> q);
```

I kommentaren står att IllagalArgumentException ska genereras som queue och q1 är identiska. Med det menas att man inte ska kunna slå ihop en kö med sig själv:

```
q1.append(q1);
```

Det betyder alltså *inte* att köernas innehåll ska jämföras. Tips! Utnyttja this i den jämförelse som behövs.

- D6. Skapa i paketet testqueue en fil TestAppendFifoQueue.java genom att i menyn File välja New -> JUnit TestCase. Ange gärna i dialogen att den klass som ska testas är queue.FifoQueue så får du automatiskt inlagt en importsats i filen. (Om du inte anger detta kan du manuellt lägga till import queue_singlelinkedlist.FifoQueue i början av testklassen). Lägg i denna fil in test för append-metoden. Testen ska åtminstone täcka in följande fall för konkatenering:
 - två tomma köer
 - tom kö som konkateneras till icke-tom kö
 - icke-tom kö som konkateneras till tom kö
 - två icke-tomma köer
 - försök att slå ihop en kö med sig själv

I testen ska du både kontrollera storlek *och* att elementen hamnat i rätt ordning. Glöm inte att kontrollera att den andra kön är tom efter sammanslagningen.

Kör testen och korrigera eventuella fel i append-metoden tills alla test lyckas.

- D7. Fundera igenom följande, och diskutera med din handledare.
 - Skulle du lika gärna kunna använda ArrayList för att lagra elementen i FifoQueue i uppgift D1?
 - Jämför de två olika sätten att implementera FifoQueue (uppgift D1 resp. uppgift D3). Fördelar/nackdelar?
 - Istället för att implementera en egen kö-klass skulle man helt enkelt kunna använda någon av kö-klasserna i java.util (LinkedList eller ArrayDeque). Ofta är det klokt att återanvända en befintlig implementering på detta sätt. I vilka situationer kan det vara olämpligt?
 - Vid testning av dina klass FifoQueue får du grönt ljus. Kan du då vara säker på att din klass är felfri?

Laboration 5 – rekursion

Mål: Att ge träning i att skriva program med rekursiva algoritmer.

Förberedelser

- F1. Läs igenom texten under rubriken "Bakgrund".
- F2. Antag att följande anrop görs: fractalLine(4, 810, 0);
 - a) Hur många gånger nås basfallet, dvs. hur många linjer ritas? Svar: 256

b) Hur långa är linjerna?

Svar: 256
Svar: 10

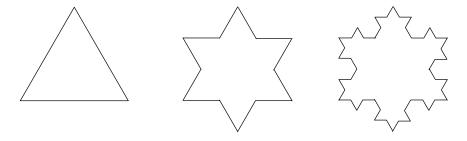
- F3. Lös uppgift D1, D2, D3 och D4.
- F4. Läs igenom de övriga uppgifterna.

Bakgrund

Uppgiften i denna laboration är att skriva ett program som ritar fraktala figurer. Fraktal, en term som myntades av Mandelbrot 1975, är benämningen på bilder som i motsats till t.ex räta linjer, cirklar och trianglar är starkt sönderbrutna. De är uppbyggda av olika element med samma struktur.

Det finns många exempel på fraktaler i naturen såsom berglandskap, kustlinjer och virvelbilning i vattenfall. Inom matematiken använder man fraktaler för att beskriva sådana verkliga fenomen.

Studera fig 1 som visar fraktalen Kochs snöflinga (uppkallad efter den svenska matematikern Helge von Koch).



Figur 1: Kochs fraktal av ordning 0, 1 och 2.

Varje ny figur har åstadkommits genom att varje linje ersatts med en figur bestående av fyra nya linjer.

För att rita fraktalen Kochs snöflinga utgår man från en liksidig triangel. För att få en figur av ordning 1 ersätter man var och en av de tre linjerna med fyra nya linjer enligt fig 2. För att få en figur av ordning 2 ersätts varje linje i figuren av ordning 1 med fyra nya linjer osv.



Figur 2: En linje ersätts med fyra nya linjer.

En linje med längden length och riktningen alpha (vinkeln mellan linjen och x-axeln) ersätts alltså med fyra nya linjer som har följande längd och riktning:

- length/3, alpha
- length/3, alpha 60°
- length/3, alpha + 60°
- length/3, alpha

Följande metod och tillhörande rekursiva hjälpmetod (i pseudokod) ritar Kochs snöflinga av en godtycklig ordning:

```
public void draw(int order, double length) {
    fractalLine(order, length, 0);
    fractalLine(order, length, 120);
    fractalLine(order, length, 240);
}

private void fractalLine(int order, double length, double alpha) {
    if (order == 0) {
        "rita en linje med längden length och riktningen alpha"
    } else {
        fractalLine(order-1, length/3, alpha);
        fractalLine(order-1, length/3, alpha-60);
        fractalLine(order-1, length/3, alpha+60);
        fractalLine(order-1, length/3, alpha);
    }
}
```

För att kunna rita olika fraktaler och fraktaler av olika ordning (grad av sönderbrytning) under laborationen finns det ett grafiskt användargränssnitt. Avsikten är att man som användare av det färdiga programmet ska kunna välja vilken fraktal man vill se ur en meny och kunna påverka fraktalens ordning genom att klicka på knappar. Användargränssnittet är i stora delar färdigt. Dock finns det bara en enda typ av fraktal att välja i menyn. Under laborationen kommer gränssnittet att behöva kompletteras så att man kan välja ytterligare en fraktaltyp.

D1. I projektet för laborationen finns tre paket: fractal, koch och mountain. I paketet fractal finns klasser för det grafiska användargränssnittet. Där finns bland annat en abstrakt klass Fractal som ska vara superklass till de egna "fraktalklasser" du skapar. Vidare finns klassen TurtleGraphics med metoder för att rita linjer i användargränssnittets fönster. De övriga klasserna i paketet beskriver användargränssnittets fönster med dess meny och knappar.

Huvudprogrammet finns i klassen FractalApplication. Kör detta program. Då öppnas ett fönster på skärmen:

- Fönstret har en meny med namnet Fraktaler och texten "Kochs triangel ordning 0" syns på fönstret.
- Om du öppnar menyn så syns det ett val: Kochs triangel. Om du väljer detta alternativ ur menyn så händer det ingenting. Det beror på att programmet vid detta val försöker rita Kochs fraktal av ordning 0, men denna metod gör ingenting förrän du själv kompletterat koden (uppgift D2).
- Fönstret har också knappar för att öka resp. minska den valda fraktalens ordning och rita den på nytt. Klicka på knappen pil uppåt. Texten i fönstret ändras då till "Kochs triangel ordning 1" men fortfarande ser man ingen fraktal av de skäl som nämnts ovan.

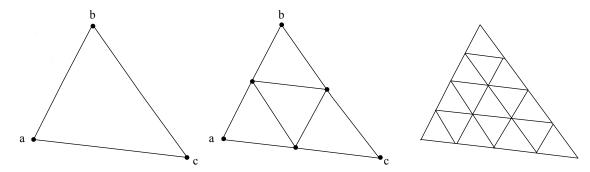
Om du inte ser några knappar längst ned i fönstret så justera fönstrets höjd (attributet fractalHeight i klassen FractalApplication).

D2. I paketet koch finns en påbörjad klass Koch med metoder för att rita Kochs snöflinga. Fyll i de rader som saknas i metoden fractalLine.

Observera att koden för att rita Kochs snöflinga här i texten är pseudokod och att du i den riktiga koden även behöver ha med ett objekt av klassen TurtleGraphics som parameter för att rita linjer.

Kör huvudprogrammet. Nu ska du se Kochs fraktal av ordning 0 på fönstret då programmet startar och du ska kunna se samma fraktal av högre ordningar genom att använda knapparna.

D3. I denna uppgift ska du lägga till ännu en fraktal till ditt tidigare program. Denna fraktal ska åskådliggöra ett bergsmassiv. En figur av ordning 0 utgörs av en triangel (gärna något sned). För att få nästa ordning ersätts varje triangel av fyra nya trianglar enligt fig 3.



Figur 3: Bergfraktal av ordning 0, 1 och 2.

I paketet mountain ska du lägga till en klass (liknande Koch i paketet koch) med metoder för att rita bergsfraktalen. Lämpliga parametrar till konstruktorn kan vara de tre startpunkterna. Till din hjälp finns den färdiga klassen Point, som beskriver en punkt.

OBS! Bergsfraktalen ritas på liknande sått som Kochs snöflinga, men det finns ett par viktiga skillnader. Kochs snöflinga byggs upp av tre linjer. I varje rekursiv nivå ersätts en linje av fyra nya. En linje har en längd och en riktning. Bergsfraktalen består av en triangel. I varje rekursiv nivå ersätts en triangel av fyra nya trianglar. En triangel beskrivs av tre punkter.

För att din nya fraktal ska synas i användargränsnittets meny och kunna ritas upp behöver du bara ändra i main-metoden i klassen FractalApplication. Öka vektorn fractals storlek och lägg in ett objekt av din nya fraktalklass i den. När du provkör programmet kommer du att se att det i menyn dyker upp ett alternativ till med det namn som metoden getTitle() i den nya fraktalklassen returnerar. Välj detta alternativ för att testa ritning av bergsmassiv. Tips! Lägg in det nya fraktalobjektet först i vektorn så kommer det att visas när programmet startar. Du kommer nog att provköra det en hel del gånger.

D4. Fraktalen i föregående uppgift blir för regelbunden för att likna ett bergsmassiv. Inför uppdelningen av en triangel i fyra nya, mindre trianglar ska därför mittpunkten förskjutas i y-led. Se fig. 4.

Förskjutningens storlek bestäms av funktionen randFunc som ger ett slumptal enligt en viss fördelning med avvikelsen dev:

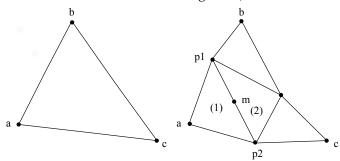
```
public static double randFunc(double dev) {
   double t = dev * Math.sqrt(-2 * Math.log(Math.random()));
   if (Math.random() < 0.5) {
        t = -t;
   }
   return t;
}</pre>
```

För varje nivå ska parametern dev till randFunc halveras. Om man glömmer att halvera denna parameter blir figuren för taggig. Låt gärna startvärdet på dev vara parameter till Mountains kontruktor.

De förskjutna mittpunkterna kommer att tillsammans med triangelns ursprungliga hörn att utgöra hörn i de fyra nya trianglarna.

Metoden randFunc är färdig att använda och finns i klassen RandomUtilities.

Berget kommer nu att ha lite mer oregelbundna former och se mer naturligt ut. Men det kommer att finnas vita fält här och var i figuren (löses i nästa deluppgift).



Figur 4: Bergfraktal av ordning 0 och 1. Mittpunkterna förskjuts - y-led innan en triangel delas upp i fyra nya trianglar.

D5. Av den högra figuren i fig. 4 ser vi att en speciell svårighet uppstår genom att trianglarna har vissa sidor gemensamma. När triangel (1) ska delas in i fyra mindre trianglar så ska mittpunkten m förskjutas. När senare triangel (2) ska delas in får inte m förskjutas en gång till. Så här kan man göra för att klara av denna svårighet:

Implementera först en klass Side som håller reda på en triangelsidas ändpunkter.

Skapa i klassen Mountain en map av typen HashMap<Side, Point> där Side-objekt kan lagras tillsammans med sin beräknade mittpunkt.

När en mittpunkt ska beräknas söker man först i mappen efter en sida med ändpunkterna p1, p2. Om en sådan sida finns använder man den redan beräknade mittpunkten. I annat fall beräknar man mittpunkten på samma sätt som tidigare och lagrar sidan med p1, p2 i mappen tillsammans med den beräknade mittpunkten.

Eftersom en sida bara används högst två gånger (första gången då mittpunkten beräknas och andra gången då den hittas i mappen) kan man ta bort sid-mittpunktsparet från mappen när man använt den. Sökningen blir snabbare då.

I mappen används klassen Side som nyckel. För att det ska fungera måste man där skugga metoderna equals och hashCode i klassen Side. Dessa två metoder används för att hitta nyckeln i mappen. (Hur mappen är implementerad och hur dessa två metoder används kommer att behandlas senare i kursen. När du tidigare har använt klassen HashMap har någon av Javas standardklasser används som nyckel. I dessa klasser är redan equals och hashCode skuggade.)

Metoden hashCode kan se ut så här:

```
@Override
public int hashCode() {
    return p1.hashCode() + p2.hashCode();
}
```

Inuti metoden equals är det sidornas ändpunkter som ska jämföras. Tänk på att man inte säkert vet ordningen på sidans ändpunkter.

Tips! @Override är ett direktiv till kompilatorn att kontrollera så att man skuggar en metod som verkligen finns i en superklass. Lägg till det före metoden equals så försäkrar du dig om att metodnamnet är rättstavat och att parametern har rätt typ.

Laboration 6 – binära sökträd 29

Laboration 6 – binära sökträd

Mål: Att ge träning i att implementera rekursiva algoritmer, speciellt för träd.

Förberedelser

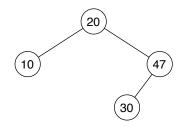
- F1. Betrakta trädet i fig. 1 och besvara följande frågor:
 - a) Vad skrivs ut ut om trädets element skrivs ut i inorder? **Svar:** 10, 20, 47, 30

b) Vilken höjd har trädet?

Svar: 3

c) Vilken höjd får trädet om 42 sätts in?

Svar: 3



Figur 1: Binärt sökträd.

- F2. I uppgift D2 kommer du att skriva en rekursiv metod för att beräkna trädets höjd.
 - a) Den rekursiva algoritmen kan uttryckas i pseudokod. Komplettera algoritmen:

Om trädet är tomt är höjden 0

annars är höjden 1 + max(depth(left subtree),depth(right subtree))

- b) Sök i dokumentationen av klassen Math på nätet. Med vilken metod kan man få det största värdet av två heltal?

 Svar: Math.max
- F3. Repetera algoritmen för binärsökning från föreläsningen om rekursion. I uppgift D7 kommer du i att kunna hämta inspiration från den algoritmen. Den rekursiva metoden har parametrar first och last för att hålla reda på i vilken del av vektorn man söker. Hur beräknar man mitten i intervallet [first, last]?

int mid = first + ((last - first) / 2)

- F4. Läs igenom texten under rubriken "Bakgrund".
- F5. Lös uppgifterna D1- D5.
- F6. Läs igenom övriga uppgifter.

Bakgrund

Under denna laboration kommer delar av en klass för hantering av binära sökträd att implementeras.

I projektet för laborationen finns ett paket bst med en fil BinarySearchTree. java. Här finns en påbörjad implementering för hantering av binära sökträd.

Noderna i trädet representeras av en statisk nästlad klass BinaryNode.

Datorarbete

D1. Börja med att implementera konstruktorerna i klassen BinarySearchTree.

Tanken med de två konstruktorerna är att den som skapar träd-objekt ska kunna välja hur elementen i trädet ska jämföras. Väljer man att använda konstruktorn utan parameter måste klassen som ersätter typparametern E implementera Comparable. Väljer man den andra konstruktorn ska man istället skicka med ett lambdauttryck.

D2. Implementera metoden

```
public int height();
```

som beräknar trädets höjd med rekursiv teknik.

Tips! Det är lämpligt att skriva en rekursiv privat metod som anropas i den publika metoden.

D3. I denna uppgift ska en metod med följande rubrik implementeras i klassen BinarySearch-Tree:

```
public boolean add(E x);
```

Metoden ska lägga in elementet x i trädet om det inte redan finns. Metoden ska returnera true om insättningen kunde utföras, annars false. Implementeringen ska vara rekursiv. Tänk noga efter hur du ska jämföra två element för att upptäcka dubbletter resp. för att se om det nya elementet ska sättas in till vänster eller till höger.

Implementera också metoderna size och clear. Tips! Dessa två metoder blir korta (en respektive två rader var bör räcka).

D4. Implementera i klassen BinarySearchTree metoden

```
public void printTree();
```

som skriver ut nodernas innehåll i inorder.

D5. Testa metoderna height, add, size och clear genom att använda JUnit. Glöm inte att testa att din add-metod fungerar om man försöker sätta in dubbletter och att add alltid returnerar rätt resultat. Glöm inte heller att testa metoderna height och size i ett tomt träd.

Bägge konstruktorerna ska testas. Använd inte samma typ av element i alla testerna.

D6. I klassen BSTVisulizer finns metoden void drawTree(BinarySearchTree<?> bst) som ritar ett binärt träd i ett fönster. (Inuti klassen BSTVisulizer används metoden height från uppgift D1 samt klasser i paketet drawing).

Skriv en main-metod i klassen BinarySearchTree som ritar trädet (anropa drawTree) samt skriver ut det (anropa printTree). Prova att skapa några träd av olika form, t. ex. ett skevt träd resp. träd med mer optimal form.

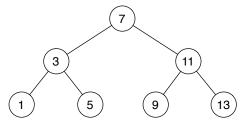
D7. Ett träd kan bli snett (obalanserat) när man gör många insättningar och borttagningar. Ett sätt att undvika detta är att balansera trädet i samband med varje insättning/borttagning enligt den metod som vi gått igenom på föreläsningarna (s.k. AVL-träd). Ett annat sätt kan vara att "bygga om" trädet då och då när det blivit alltför snett förutsatt att detta inte sker alltför ofta. En algoritm som bygger om trädet till ett träd som har maximalt

Laboration 6 – binära sökträd 31

antal noder på alla nivåer utom den som ligger längst bort från roten ska implementeras i denna uppgift.

Om man placerar alla element från trädet i växande ordning i en lista av typen ArrayList är det sedan enkelt att bygga ett träd där antalet noder i vänster respektive höger underträd aldrig skiljer sig med mer än ett och som därför är balanserat. Algoritmen är följande: Skapa en nod som innehåller mittelelementet i listan. Bygg (rekursivt) ett träd som innehåller elementen till vänster om mittelementet och ett träd som innehåller elementen till höger om mittelementet. Låt dessa båda träd bli vänster respektive höger barn till roten.

Antag t.ex. att listan innehåller heltalen 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13. Trädet som byggs får då det utseende som visas i fig. 2.



Figur 2: Binärt sökträd med nycklar 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13 byggt enligt algoritmen i texten.

En metod med följande rubrik ska implementeras i klassen BinarySearchTree:

```
/**
 * Builds a balanced tree from the elements in the tree.
 */
public void rebuild();
```

Metoden ska implementeras så att den går igenom trädet i inorder och bildar en lista med innehållet i växande ordning. Sedan ska trädet byggas enligt algoritmen ovan. Följande rekursiva hjälpmetoder ska implementeras och användas inuti rebuild:

```
/*
 * Adds all elements from the tree rooted at n in inorder to the list sorted.
 */
private void toArray(BinaryNode<E> n, List<E> sorted)

/*
 * Builds a complete tree from the elements from position first to
 * last in the list sorted.
 * Elements in the list are assumed to be in ascending order.
 * Returns the root of tree.
 */
private BinaryNode<E> buildTree(List<E> sorted, int first, int last);
```

Observera att noder ska skapas och ett nytt träd ska byggas upp från scratch inuti buildTree. Metoden add ska inte användas.

Testa genom att skriva en main-metod som bygger ett snett (men inte helt snett) träd genom successiva add-anrop och som sedan anropar rebuild(). Låt sedan main-metoden rita trädet och kontrollera att det blivit ett balanserat träd.

- D8. Fundera igenom följande, och diskutera med din handledare.
 - I vissa av de uppgifter du löst (t ex height och add) finns det en publik metod som anropar motsvarande rekursiva metod. Varför behövs bägge metoderna?
 - I samband med ombyggnaden av trädet används en lista av typen ArrayList för att mellanlagra elementen. Skulle man lika gärna kunna använda en LinkedList?

Liststructuren spelar ingen roll, kune användt et treeSet om man så ville göra det, vilken som helst sorterbar datstruktur duger

Fordi den rekursiva metoden kan ha andra inputs och det kan varra lettare att handtera edge cases utanför den recursiva funktionen