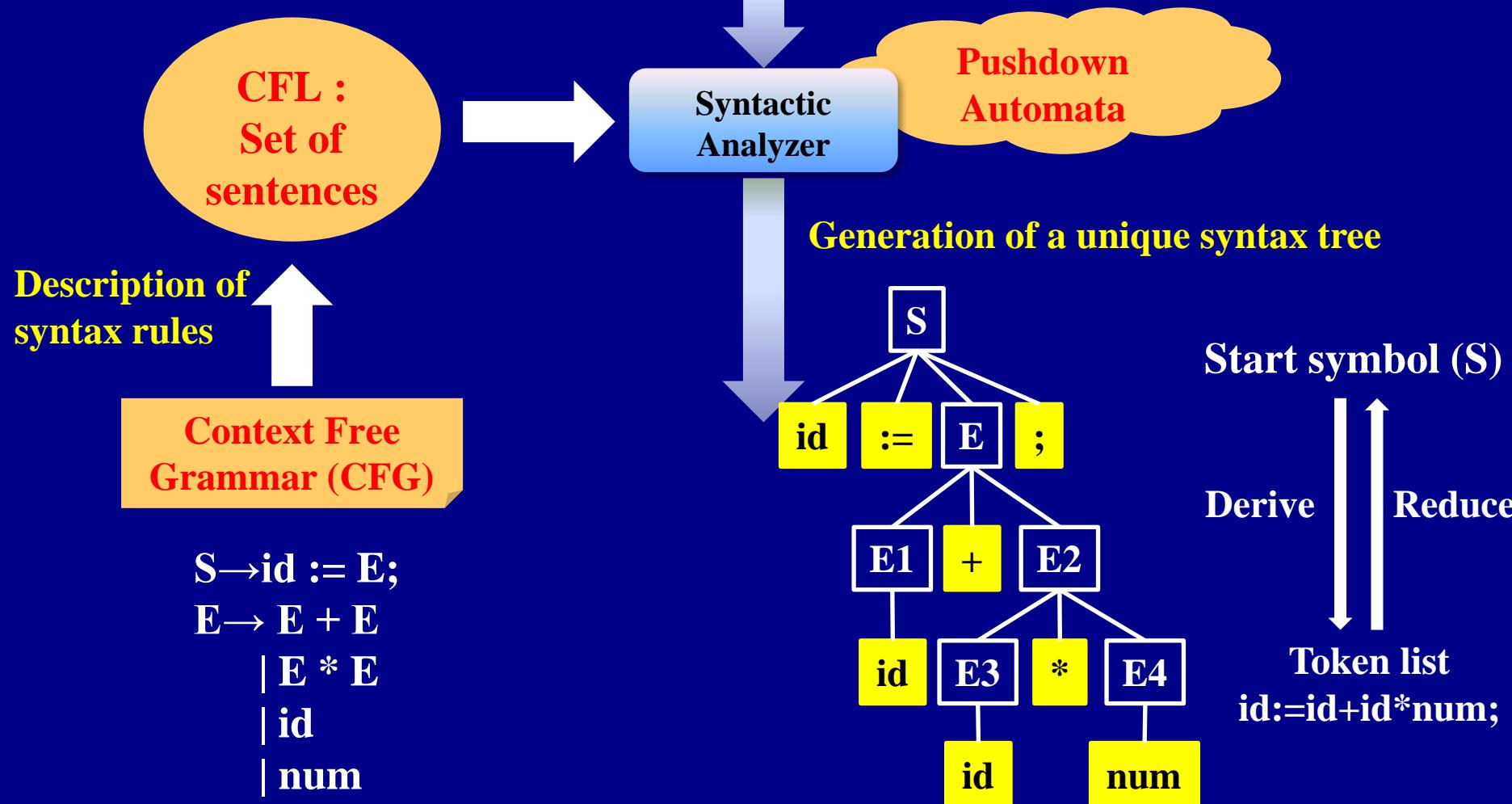




第三章 语法分析

Identifier	Operator	Identifier	Operator	Identifier	Operator	Literal	Separator
x	:=	y	+	z	*	60.0	;





第三章 语法分析

词法分析：元素是字母表，组成字符串，线性结构，单词的集合

语法分析：元素是终结符，组成句子，树结构，句子的集合

语法的双重含意：

1. 语法规则：上下文无关文法（子集—LL文法或LR文法）
2. 语法分析：下推自动机（LL或LR分析器），自上而下和自下而上分析

本章主要内容：

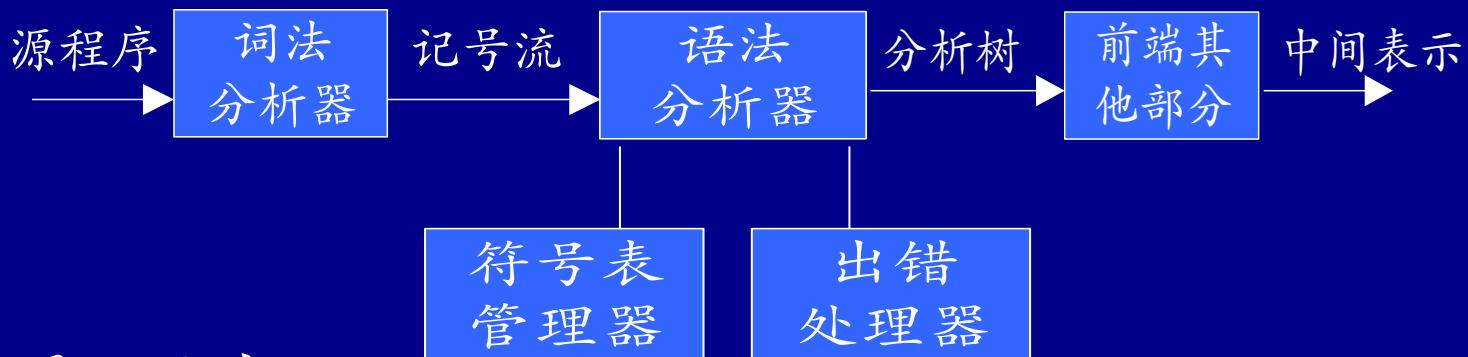
1. 与语法分析有关的基本概念和相关问题
2. 上下文无关文法
3. 自上而下分析
4. 自下而上分析



3.1 语法分析的基本术语

3.1.1 语法分析器的作用

语法分析器是编译器前端的重要组成部分，许多编译器，特别是由自动生成工具构造的编译器，往往其前端的中心部件就是语法分析器。语法分析器在编译器中的位置和作用下：



它的主要作用有两点：

- <1> 根据词法分析器提供的记号流，为语法正确的输入构造语法树，这是本章的重点，在以后各节中详细讨论；
- <2> 检查输入中的语法（可能包括词法）错误，并调用出错处理器进行适当处理，下边简单介绍语法错误处理的基本原则，而在以后的讨论中忽略此问题。



3.1.2 语法错误的处理原则

<1> 源程序中可能出现的错误

两类：语法错误和语义错误

① 语法错误如非法字符或拼写错关键字、标识符等

@ integer 20times

② 语法错误是指语法结构出错，如少分号、begin/end不配对等

begin x:=a+b y:=x;

③ 静态语义错误：如类型不一致、参数不匹配等

a, b: integer; x: array[1..10] of integer;

x:=a+b;

④ 动态语义错误(逻辑错误)：如无穷递归、变量为零时作除数等

while (t) { ... }; a:=a/b;

大多数错误的诊断和恢复集中在语法分析阶段。一个原因是大多数错误是语法错误，另一个原因是语法分析方法的准确性，它们能以非常有效的方法诊断语法错误。

编译时想要准确诊断动态语义或逻辑错误有时是很困难的。



<2> 语法错误处理的目标

3.1.2 语法错误的处理原则（续1）

对语法错误的处理，一般希望达到以下基本目标：

1. 清楚而准确地报告错误的出现，地点正确、不漏报、不错报也不多报；
2. 迅速地从每个错误中恢复过来（以便分析继续进行）；
3. 不应使对语法正确源程序的分析速度降低太多。

<3> 语法错误的基本恢复策略

1. 紧急方式恢复：抛弃若干输入，直到遇到同步记号。
2. 短语级恢复：采用串替换的方式对剩余输入进行局部纠正（抛弃+插入）。
3. 出错产生式：用出错产生式捕捉错误（预测错误）。
预置型的短语级恢复方式。
4. 全局纠正：对错误输入序列 X ，找相近序列 Y ，使得 X 变换为 Y 所需的修改、插入、删除次数最少。



例3.1 下述两条是有语法错误的语句，其中第一条赋值句结束时忘记加分号，采用紧急恢复方式和短语级恢复方式的可能结果分别如下所示。

x := a + b

y := c + d;

1. 紧急方式: x := a + b + d;

-- 丢弃b后若干记号，直到遇到+

2. 短语级恢复: x := a + b;

-- 加入分号，使之成为一个赋值句

y := c + d;



3.2 上下文无关文法 (Context Free Grammar, CFG)

3.2.1 CFG的定义与表示

定义3.1 CFG是一个四元组 $G = (N, T, P, S)$ ，其中

- (1) N 是非终结符 (Nonterminals) 的有限集合；
- (2) T 是终结符 (Terminals) 的有限集合，且 $N \cap T = \emptyset$ ；
- (3) P 是产生式 (Productions) 的有限集合，
 $A \rightarrow a$ ，其中 $A \in N$ (左部)， $a \in (N \cup T)^*$ (右部)，
若 $a = \varepsilon$ ，则称 $A \rightarrow \varepsilon$ 为**空产生式** (也可以记为 $A \rightarrow$)；
- (4) S 是非终结符，称为文法的开始符号 (Start symbol)。 ■

例3.2 简单算术表达式的上下文无关文法可表示如下：

$$N = \{E\} \quad T = \{+, *, (,), -, \text{id}\} \quad S = E$$

$$P: \quad E \rightarrow E + E \quad (1)$$

$$E \rightarrow E * E \quad (2)$$

$$E \rightarrow (E) \quad (3) \quad (\text{G3. 1})$$

$$E \rightarrow -E \quad (4)$$

$$E \rightarrow \text{id} \quad (5)$$



<1> 由产生式集表示CFG

3.2.1 CFG的定义与表示（续1）

前提：若文法正确，第一个产生式的左部是文法开始符号S

则： N 是可以出现在产生式左边符号的集合，

T 是绝不出现在产生式左边符号的集合（记号）

$$P: E \rightarrow E + E \quad (1)$$

$$E \rightarrow E * E \quad (2) \quad S=E$$

$$E \rightarrow (E) \quad (3) \quad N=\{E\}$$

$$E \rightarrow -E \quad (4) \quad T=\{+, *, (,), -, id\}$$

$$E \rightarrow id \quad (5)$$

<2> 产生式的一般读法

可以将产生式中的记号 \rightarrow 读作“定义为”或者“可导出”。

更一般的，“ $E \rightarrow E + E$ ”可用自然语言表述为“算术表达式定义为两个算术表达式相加”，

或者“一个算术表达式加上另一个算术表达式，仍然是一个算术表达式”。



3.2.1 CFG的定义与表示 (续2)

<3> 终结符与非终结符书写上的区分

(a) 用大小写区分: $E \rightarrow id$

(b) 用“”区分: $E \rightarrow "id"$ $E \rightarrow E "+" E$

(c) 用<>区分: $\langle E \rangle \rightarrow \langle E \rangle + \langle E \rangle$

约定: 大写英文字母A、B、C表示非终结符;

小写英文字母a、b、c表示终结符;

小写希腊字母 α 、 β 、 δ 表示任意文法符号序列。



3.2.1 CFG的定义与表示 (续3)

<4> 产生式的缩写形式

当若干个产生式具有相同的左部非终结符时，可以将它们简写为以下形式：

该产生式的左部是此非终结符，

右部是所有原来的右部用“|”分隔开，

例3.3 G3.1可以重写为如下形式：

$$E \rightarrow E + E \quad (1)$$

$$| \quad E * E \quad (2)$$

$$| \quad (E) \quad (G3.2) \quad (3)$$

$$| \quad -E \quad (4)$$

$$| \quad id \quad (5)$$

$$P: E \rightarrow E + E \quad (1)$$

$$E \rightarrow E * E \quad (2)$$

$$E \rightarrow (E) \quad (3)$$

$$E \rightarrow -E \quad (4)$$

$$E \rightarrow id \quad (5)$$

严格的巴克斯范式(BNF)写法：

$$E ::= E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid id$$

用“|”连接的每个右部称为一个候选项，具有平等的权利。即id是一个表达式，-E也是一个表达式。



3.2.2 CFG产生语言的基本方法—推导

CFG（产生式）通过推导的方法产生语言。

通俗地讲，产生式产生语言的过程是从开始符号S开始，对产生式左部的非终结符反复地使用产生式：

将产生式左部的非终结符替换为右部的文法符号序列（展开产生式，用标记 \Rightarrow 表示），直到得到一个终结符序列。

例3.4 用(G3.2)产生终结符序列-(id+id) 可如下：

$E \rightarrow E + E$	(1)	$E \Rightarrow -E$	by (4)
$ $	$E * E$	$\Rightarrow - (E)$	by (3)
$ $	(E)	$\Rightarrow - (E+E)$	by (1)
$ $	$-E$	$\Rightarrow - (id+E)$	by (5)
$ $	id	$\Rightarrow - (id+id)$	by (5)



定义3.2 利用产生式产生句子的过程中，将产生式 $A \rightarrow \gamma$ 的右部代替文法符号序列 $\alpha A \beta$ 中的 A 得到 $\alpha \gamma \beta$ 的过程，称为 $\alpha A \beta$ 直接推导出 $\alpha \gamma \beta$ ，记作： $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ 。

若对于任意文法符号序列 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ ，均有 $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ ，则称此过程为零步或多步推导，记为 $\alpha_1 =^* \alpha_n$ ，其中， $n=1$ 时称为零步推导。

若 $\alpha_1 \neq \alpha_n$ ，即推导过程中至少使用一次产生式，则称此过程为至少一步推导，记为 $\alpha_1 =^+ \alpha_n$ 。 ■

定义3.2强调了两点：

- 对于任意文法符号序列 α ，有 $\alpha =^* \alpha$ ，即推导具有自反性；
- 若 $\alpha =^* \beta$ ， $\beta =^* \gamma$ ，则 $\alpha =^* \gamma$ ，即推导具有传递性。



3.2.2 CFG产生语言的基本方法—推导（续2）

定义3.3 由CFG G所产生的语言 $L(G)$ 被定义为：

$$L(G) = \{ \omega \mid S \xrightarrow{*} \omega \text{ and } \omega \in T^* \},$$

$L(G)$ 称为上下文无关语言(Context Free Language, CFL)， ω 称为句子。

若 $S \xrightarrow{*} a$, $a \in (N \cup T)^*$, 则称 a 为G的一个句型。 ■

定义3.4 在推导过程中，若每次直接推导均替换句型中最左边的非终结符，则称为最左推导，由最左推导产生的句型被称为左句型。 ■

类似的可以定义最右推导与右句型，最右推导也被称为规范推导。



再考察 $\vdash (\text{id} + \text{id})$ 的推导过程（这是一个最左推导）：

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(id+E) \Rightarrow -(id+id)$$

a 1	a 2	a 3	a 4	a 5	a 6
-----	-----	-----	-----	-----	-----

其中， a_1 是文法开始符号， a_6 是句子，其他 a_i
($i=2, 3, 4, 5$)均是句型。

句型是一个相当广泛的概念，根据定义3.3可知， α_1 和 α_6 同样也是句型。

$E \rightarrow E + E$	(1)
$E * E$	(2)
(E)	(3) (G3. 2)
$-E$	(4)
id	(5)



3.2.3 推导与语法树

对于推导：

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(id+E) \Rightarrow -(id+id)$$

它产生句子的方式很不直观，看起来十分困难。

语法树是推导的图形表示，它的表示很直观，并且同时反映语言结构的实质和推导过程。

定义3.5 对CFG G的句型，语法树被定义为具有下述性质的一棵树。

- (1) 根由开始符号所标记；
- (2) 每个叶子由一个终结符，或一个非终结符，或 ϵ 标记；
- (3) 每个内部结点由一个非终结符标记；
- (4) 若A是某内部节点的标记，且 X_1, X_2, \dots, X_n 是该节点从左到右所有孩子的标记，则 $A \rightarrow X_1X_2\dots X_n$ 是一个产生式。若 $A \rightarrow \epsilon$ ，则标记为A的结点可以仅有有一个标记为 ϵ 的孩子。





3. 2. 3 推导与语法树 (续1)

语法树与语言和文法的关系：

- 与文法的关系：每一直接推导（每个产生式），对应一棵仅有父子关系的子结构，即产生式左部非终结符“长出”右部的孩子；
- 与语言的关系：语法树的叶子，从左到右构成G的一个句型。若叶子仅由终结符标记，则构成一个句子。

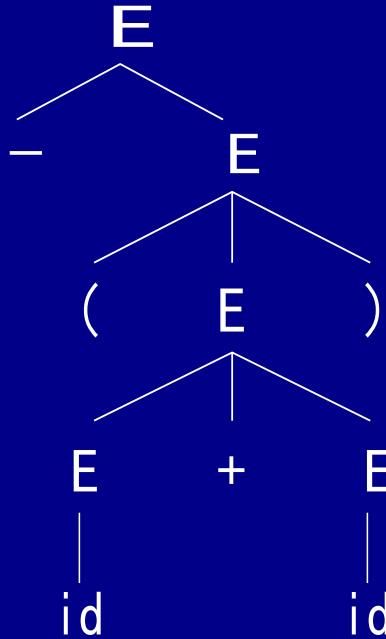


3.2.3 推导与语法树 (续2)

例3.5 再考察 $-(\text{id}+\text{id})$ 的推导过程。

$$E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E+E) \Rightarrow -(id+E) \Rightarrow -(id+id)$$

用语法树的方式如下：

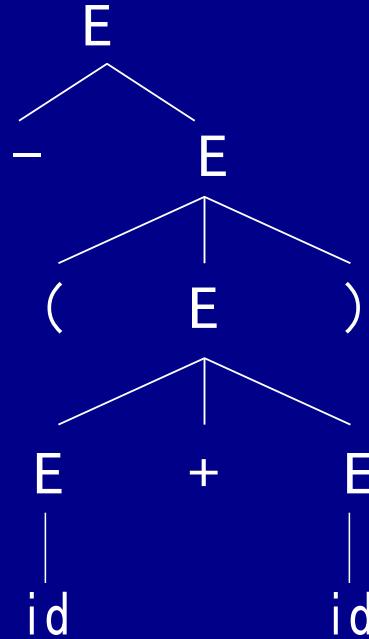


$$E \rightarrow -E$$

$$E \rightarrow (E)$$

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow id$$



- 最左推导和最右推导的中间过程对应的语法树可能不同，因为句型不同： $-(\text{id}+E)$ 或 $-(E+\text{id})$
- 但是最终的语法树相同，因为最终是同一个句子： $-(\text{id}+\text{id})$
- 语法树既反映了产生句型的推导过程，又反映了句型的结构。



更多的情况下，仅关注句型结构，而忽略推导过程。

定义3.6 对CFG G的句型，表达式的抽象语法树被定义为具有下述性质的一棵树：

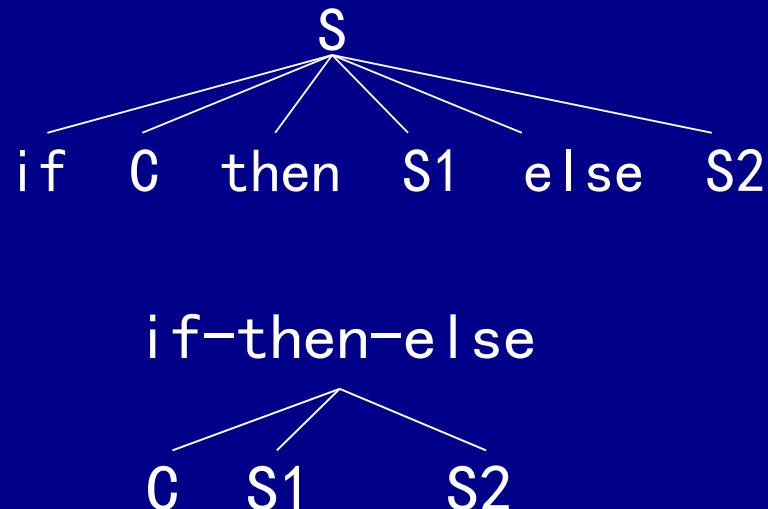
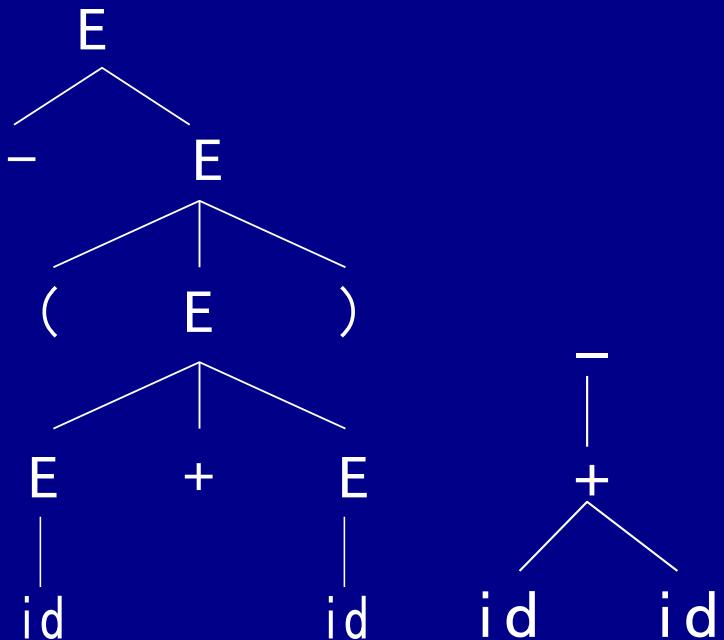
- (1) 根与内部节点由表达式中的操作符标记；
- (2) 叶子由表达式中的操作数标记；
- (3) 用于改变运算优先级和结合性的括弧，被隐含在语法树的结构中。 ■

实质上，语法树与抽象语法树的最根本区别在于它们的内部节点（包括根节点）：

- 语法树的内部节点是非终结符；
- 抽象语法树的内部节点是操作符（运算符）；
- 或者说抽象语法树中省略了反映分析过程的非终结符。



例3.6 句子 $\underline{-(\text{id}+\text{id})}$ 和句型 $\underline{\text{if } C \text{ then } s_1 \text{ else } s_2}$:



语法树：左部非终结符“产生”右部文法符号序列；

抽象语法树：操作符（运算）“作用于”操作数（运算对象）；

习惯上：它们分别被称为具体语法树和抽象语法树。