



## 2.4.3 最小化DFA

正规式—NFA—DFA—最小DFA

引入一个“可区分”的概念：

定义2.7 对于DFA中的任何两个状态 $t$ 和 $s$ ，若从一状态出发接受输入字符串 $w$ ，而从另一状态出发不接受 $w$ ，则称 $w$ 区分状态 $t$ 和 $s$ 。如果存在某个能够区分状态 $s$ 和状态 $t$ 的串，那么它们就是可区分的。 ■

反方向思考定义2.7：

设想任何输入序列 $w$ 对 $s$ 和 $t$ 均是不可区分的，则说明从 $s$ 出发和从 $t$ 出发，分析任何输入序列 $w$ 均得到相同结果。

因此， $s$ 和 $t$ 可以合并成一个状态。

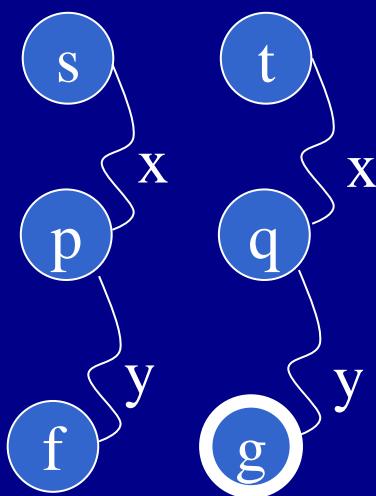
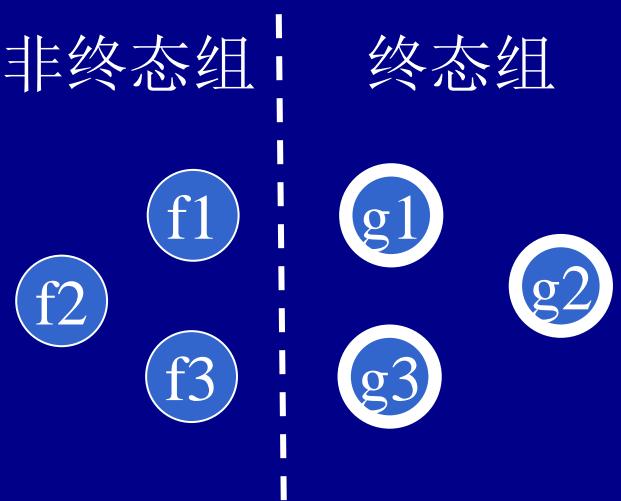
最小化DFA的本质：

将DFA中的状态分成不同的组，使得同一组中的状态之间不可区分，不同组的状态之间是可区分的。



给定一个DFA,

- DFA的终态和非终态是可区分的;
- 如果分别从 $s$ 和 $t$ 出发, 沿着标记为 $x$ 的路径到达的两个状态是可区分的, 则 $s$ 和 $t$ 也是可区分的。



基于已区分的非终态组和终态组, 进一步分裂非终态组。例如, 若对于同一字符 $a$ ,  $\text{move}(f_2,a)=f_1$   $\text{move}(f_3,a)=g_1$ , 因为 $f_1$ 和 $g_1$ 可区分, 所以 $f_2$ 和 $f_3$ 可区分。  
终态组的分裂方法类似。



## 算法2.6 最小化DFA的状态数

输入 DFA  $D = \{S, \Sigma, move, s_0, F\}$ 。

输出 等价的  $D' = \{S', \Sigma, move', s_0', F'\}$  ( $D'$  状态数最少)

方法 执行如下步骤：

1. 初始划分  $\Pi = \{S - F, F\}$ ;  $\Pi_{new} = \Pi$ 。  $F$  是终态集，  $S - F$  是非终态集
2. 应用下述过程构造新的划分  $\Pi_{new}$ :

for  $\Pi$  的每一个组  $G$

loop 划分  $G$ ,  $G$  的两个状态  $s$  和  $t$  在同一组中的充要条件是:

$$\forall a \in \Sigma \forall G_i \in \Pi. (move(s, a) \in G_i \leftrightarrow move(t, a) \in G_i)$$

用新划分的组替代  $G$ , 形成新的划分  $\Pi_{new}$ ;

end loop;

3. 若  $\Pi_{new} = \Pi$ , 令  $\Pi_{final} = \Pi$ , 转4; 否则令  $\Pi = \Pi_{new}$  并重复步骤2;

对充要条件的解释：对于任意字母表字符  $a$ ,

$move(s, a)$  和  $move(t, a)$  都在  $\Pi$  的相同分组中，或者都没有下一状态。<sub>3</sub>

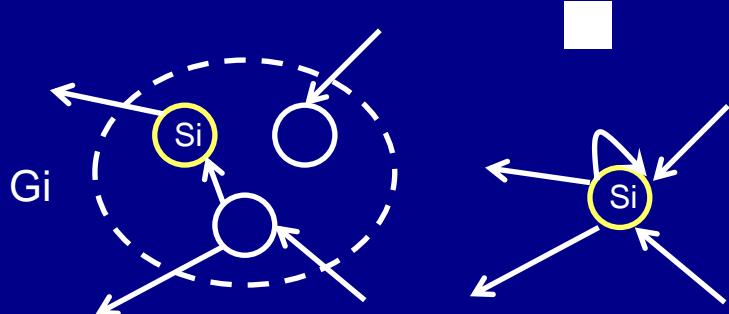


## 2.4.3 最小化DFA (续2)

4. 迭代表并修改状态转移：在  $\Pi_{final}$  每个组  $G_i$  中选一个代表  $s_i'$ ，使得  $D$  中从  $G_i$  所有状态出发的状态转移在  $D'$  中均从  $s_i'$  出发， $D$  中所有转向  $G_i$  中的状态转移在  $D'$  中均转向  $s_i'$ ；  
初态：含有  $D$  中  $s_0$  的状态组  $G_0$  的代表  $s_0'$ ，称为  $D'$  的初态；  
终态： $D$  中所有含  $F$  中状态的  $G_j$  的代表  $s_j'$  构成  $D'$  的终态集  $F'$ ；
5. 删除死状态，即不是终态且对所有输入字符均转向其自身，或从初态不可到达的状态。 ■

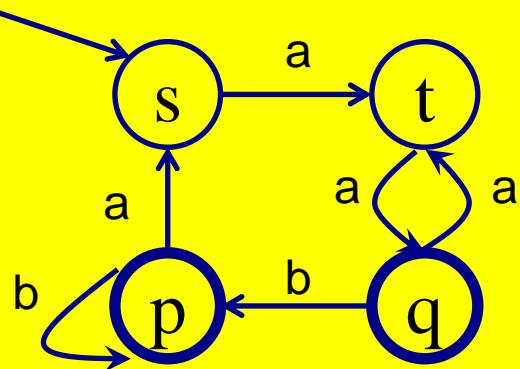
### 最小化DFA算法的主要步骤

1. 初始划分：终态与非终态；
2. 利用可区分的概念，反复分裂划分中的组  $G_i$ ，直到不可再分裂；
3. 由最终划分构造  $D'$ ，关键是迭代表和修改状态转移；
4. 消除可能的死状态和不可达状态。





DFA  $D=(S, \Sigma, \text{move}, s, F)$



1、 $\Pi=\{G1=\{s, t\}, G2=\{p, q\}\}$

G1:

$\text{move}(s, a)=t \in G1 \quad \leftarrow$  a可以区分s和t,  
 $\text{move}(t, a)=q \in G2 \quad \leftarrow$  分裂G1为G11和G12

G2:

$\text{move}(p, a)=s \in G1 \quad \leftarrow$  a不能区分p和q  
 $\text{move}(q, a)=t \in G1 \quad \leftarrow$  a不能区分p和q  
 $\text{move}(p, b)=p \in G2 \quad \leftarrow$  b不能区分p和q  
 $\text{move}(q, b)=p \in G2 \quad \leftarrow$  b不能区分p和q

$\Pi_{\text{new}}=\{G11=\{s\}, G12=\{t\}, G2=\{p, q\}\}$

2、 $\Pi=\{G11=\{s\}, G12=\{t\}, G2=\{p, q\}\}$   
 $G11$ 和 $G12$ 都只含一个状态，所以不会再分裂；  
 $G2$ :

$\text{move}(p, a)=s \in G11 \quad \leftarrow$  a可以区分p和q,  
 $\text{move}(q, a)=t \in G12 \quad \leftarrow$  分裂G2为G21和G22  
 $\text{move}(p, b)=p \in G2 \quad \leftarrow$  b不能区分p和q  
 $\text{move}(q, b)=p \in G2 \quad \leftarrow$  b不能区分p和q

$\Pi_{\text{new}}=\{G11=\{s\}, G12=\{t\}, G21=\{p\}, G22=\{q\}\}$

3、 $\Pi=\{G11=\{s\}, G12=\{t\}, G21=\{p\}, G22=\{q\}\}$

每个分组都只含一个状态，  
所以不会再分裂；

$\Pi_{\text{new}}=\{G11=\{s\}, G12=\{t\}, G21=\{p\}, G22=\{q\}\}$

$= \Pi$

$= \Pi_{\text{final}}$



## 例2.17 用算法2.6化简DFA

1. 初始化划分  $\Pi_1 = \{ABCD, E\}$ 

2. 根据算法中步骤2, 反复分裂划分中的组:

$$\textcircled{1} \because m(D, b) = E \therefore \Pi_2 = \{ABC, D, E\}$$

$$\textcircled{2} \because m(B, b) = D \therefore \Pi_3 = \{AC, B, D, E\}$$

$$\textcircled{3} \Pi_3? \text{ 于是: } \Pi_{final} = \{AC, B, D, E\}$$

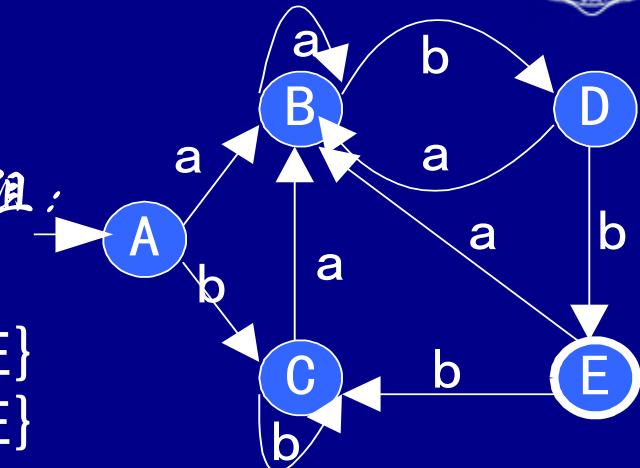
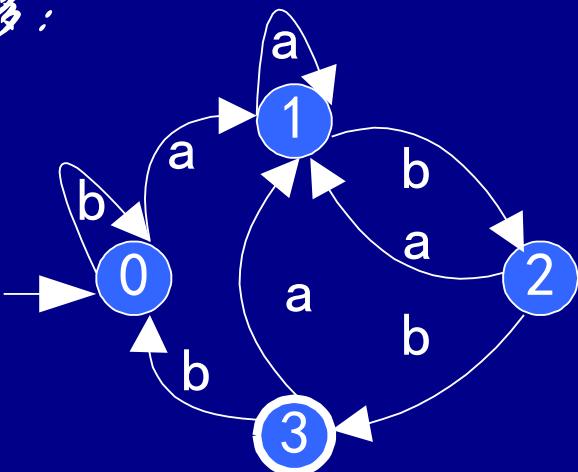
4. 根据  $\Pi_{final}$  构造  $D'$ :

$\textcircled{1}$  选代表, 用A代表AC组;

$\textcircled{2}$  修改状态转移:

用0、1、2、3

代替A、B、D、E:



$$m(A, a) = B, \quad m(A, b) = C$$

$$m(B, a) = B, \quad m(B, b) = D$$

$$m(C, a) = B, \quad m(C, b) = C$$

$$m(D, a) = B, \quad m(D, b) = E$$

$$m(E, a) = B, \quad m(E, b) = C$$

$$m(A, a) = B, \quad m(A, b) = A$$

$$m(B, a) = B, \quad m(B, b) = D$$

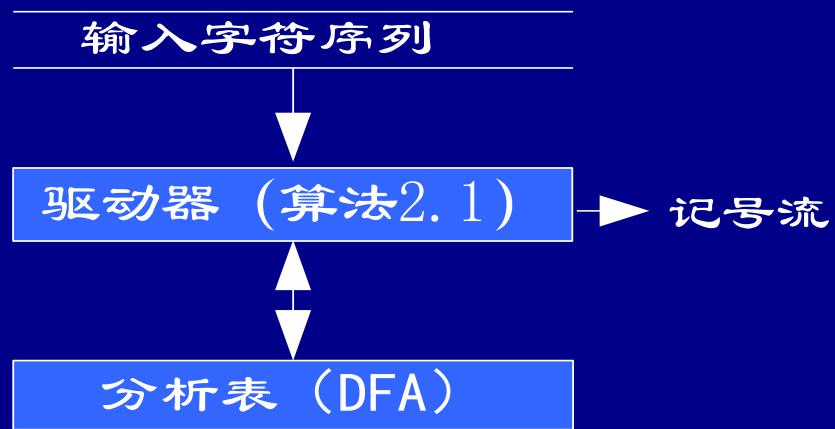
$$m(D, a) = B, \quad m(D, b) = E$$

$$m(E, a) = B, \quad m(E, b) = A$$



## 2.4.4 由DFA构造词法分析器

### <1> 表驱动型的词法分析器



对于输入序列：

result := a + b

正确的识别：id := id + id

错误的识别：

1. 仅识别一个： id (result)

2. 不满足最长匹配： id id ... (r或re或res ... )

其中，需要：

1. 有适当的数据结构存放DFA；
2. 修改算法2.1，以适应实际输入：

- 识别整个文件，而不是一个记号；
- 满足最长匹配原则。



## <2> 直接编码的词法分析器

在表驱动的词法分析器中，DFA是被动的，需要一个驱动器来模拟DFA的行为，以实现对输入序列的分析。

直接编码的词法分析器，将DFA和DFA识别输入序列的过程合并在一起，直接用程序代码模拟DFA识别输入序列的过程。

问题：

如何用程序模拟DFA识别输入序列的过程？即如何用程序模拟DFA的状态和它的状态转移？

1. 状态和状态转移与语句的对应关系

- ① 初态→程序的开始；
- ② 终态→程序的结束（不同终态return不同记号）；
- ③ 状态转移→分情况或者条件语句（case/if）；
- ④ 环→循环语句（loop）；
- ⑤ return满足最长匹配原则。

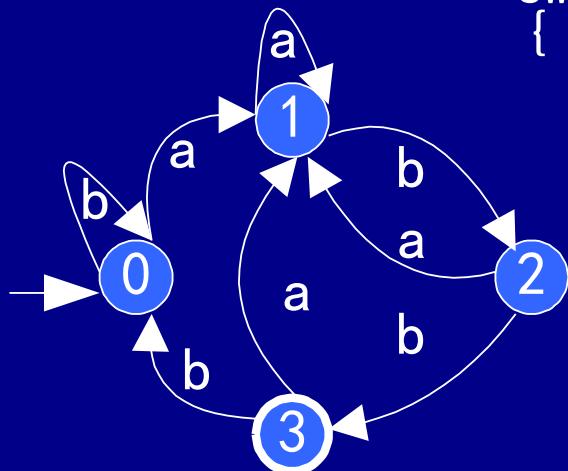


## 2. 识别(a|b)\*abb的程序框架 <2> 直接编码的词法分析器 (续1)

```

void main() { char buf[]="abba#", *ptr=buf;
    while (*ptr]!='#')
    {
I0: while (*ptr=='b') ptr++; // state 0
I1: while (*ptr=='a') ptr++; // state 1
        switch (*ptr)
        { case 'a': goto I1;
          case 'b': ptr++;
            switch (*ptr) // state 2
            { case 'a': goto I1;
              case 'b': ptr++;
                switch (*ptr) // state3
                { case 'a': goto I1;
                  case 'b': goto I0;
                  case '#': cout<<"yes"<<endl;
                  return;
                  default: break;
                }
                default: break;
              }
              break; // 遇到非法字符
            }
            cout << "no" << endl;
        } // 看实例运行
    }
}

```





### <3> 两类分析器的比较

	表驱动	直接编码
分析器的速度	慢	快
程序与模式的关系	无关	有关
分析器的规模	较大	较小
适合的编写方法	工具生成	手工编写

## 2.4.5 词法分析器生成器简介

<1> 构造词法分析器的全过程均有算法：

正规式—NFA—DFA—最小化DFA—词法分析器（分析表）

<2> LEX的基本结构

根据正规式构造的分析表 + 驱动器框架（不变的）

<3> 利用LEX构造词法分析器的关键

① 用LEX提供的正规式集合设计记号的模式；

② 用LEX提供的语义支持识别记号或指出输入中的错误。



## 2.5 本章小结

词法分析的两个重要环节：规定所有合法输入 + 识别合法输入  
重要内容：

<1> 记号、模式与单词

<2> 记号的说明：模式的形式化描述 — 正规式

<3> 记号的识别：有限自动机

NFA：与正规式有对应关系，易于构造，状态数少；

DFA：确定性便于记号识别，不易构造，状态数可能多；

记号识别的方法：

a. 模拟DFA；

b. 模拟NFA（特殊情况下）：需要动态计算状态子集。



#### <4> 从正规式到词法分析器（等价变换的过程）

- 正规式描述模式
- 由正规式构造NFA
- NFA的确定化（子集法：smove,  $\epsilon$ -闭包）
- DFA的最小化（可区分概念）
- 词法分析器：表驱动（自动生成）与直接编码（手工编写）