Лабораторная работа №4. Вычисление наибольшего общего делителя

Дисциплина: Математические основы защиты информации

и информационной безопасности

Студент: Банникова Екатерина Алексеевна

2023, Москва

Цели и задачи работы _______

Целью данной лабораторной работы является ознакомление с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя, – а так же реализация алгоритмов на произвольном языке программирования.

Задание

Реализовать все рассмотренные в инструкции к лабораторной работе алгоритмы нахождения наибольшего общего делителя программно.

Ход выполнения и результаты

Входные данные

#ввели числа для поиска НОДа a=27 b=9

Figure 1: Входные данные для реализации алгоритмов по нахождению НОД

Алгоритм Евклида. Реализация

```
#алгоритм Евклида
def algorithm Evklida(a,b):
  . . .
  Расписываем пункты 1-4 для алгоритма Евклида
  . . .
  r=[]
  r.append(a)
  r.append(b)
  i=1
  while r[i]!=0:
    i += 1
    r.append(r[i-2]%r[i-1])
  d=r[i-1]
  print('HOД(',a,',',b,')=',d)
algorithm Evklida(a,b)
```

Figure 2: Реализация алгоритма Евклида для нахождения НОД

Алгоритм Евклида. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

Figure 3: Результат реализации алгоритма Евклида для нахождения НОД

Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Реализация

```
#бинарный алгоритм Евклила
Выпишем два случая реализации программы для бинарного алгоритма Евклида
#1 случай (с использованием алгоритма Евклида и ограничивающих условий)
def bin1 algorithm Evklida(a,b):
  def NOD(a,b):
    Расписываем пункты 1-4 для алгоритма Евклида
    r=[]
    r.append(a)
    r.append(b)
    i=1
    while r[i]!=0:
      i+=1
      r.append(r[i-2]%r[i-1])
    d=r[i-1]
    return d
```

Figure 4: 1 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 1 способом для нахождения НОД

Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Реализация

```
if ((b>0) and (a>=b)):
    ' ' проверка на обязательное условие ' ' '
    if ((a%2==0) and(b%2==0)):
      ' ' проверка на четность ' ' '
      print('HOД(',a,',',b,')=',2*NOD(a//2,b//2))
    if ((a%2!=0)and(b%2==0)):
      '''проверка на то, что а нечетное, а b четное'''
      print('HOII(',a,',',b,')=',NOD(a,b//2))
    if ((a%2!=0)and(b%2!=0)and(a>b)):
      '''проверка на то, что оба нечетные'''
      print('HOД(',a,',',b,')=',NOD(a-b,b))
    if (a==b):
      '''если числа равны друг другу'''
      print('HOII(',a,',',b,')=',a)
  else:
    print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b<=a)')
bin1 algorithm Evklida(a,b)
```

Figure 5: 2 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 1 способом для нахождения НОД

Бинарный алгоритм Евклида. 1 способ. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

Figure 6: Результат реализации бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД (1 способ)

Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Реализация

```
#бинарный алгоритм Евклида
#2 случай (по алгоритму)
def bin2 algorithm Evklida(a,b):
  Выполняем пункты 1-6 по алгоритму
  1.1.1
  g=1
  u=a
  v=b
  while ((a%2==0) and (b%2==0)):
    пока четные выполнять до получения хотя бы одного нечетного
    . . .
    a=a//2
    b=b//2
    a=2*a
```

Figure 7: 1 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 2 способом для нахождения НОД

Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Реализация

```
while (u!=0):
    выполняем пункт 4 алгоритма
    111
    if (u%2==0):
      u=u//2
    else:
      u=u
    if (v%2==0):
      v=v//2
    else:
      v=v
    if u >= v:
      11=11-V
    else:
      v=v-11
  d=g*v
  return d
if ((b>0)and(a>=b)):
  print('HOI(',a,',',b,')=',bin2 algorithm Evklida(a,b))
else:
  print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b=a)')
```

Figure 8: 2 часть программного кода реализации бинарного алгоритма Евклида 2 способом для нахождения НОД

Бинарный алгоритм Евклида. 2 способ. Результаты

$$HOД(27,9)=9$$

Figure 9: Результат реализации бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД (2 способ)

Расширенный алгоритм Евклида. Реализация

```
#расширенный алгоритм Евклида
def rassh algorithm Evklida(a,b):
  выполняем пункты 1-4 по расширенному алгоритму Евклида
  #пункт 1
  r=[]
  x=[]
 y=[]
  r.append(a)
  r.append(b)
  x.append(1)
  x.append(0)
 y.append(0)
 y.append(1)
  i=1
  while r[i]!=0:
    пункт 2
    100
    i+=1
    r.append(r[i-2]%r[i-1])
```

Figure 10: 1 часть программного кода реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Расширенный алгоритм Евклида. Реализация

```
if r(i)=0:

...
...
d=r[i-1]
x=r[i-1]
y=r[i-1]
y=y[i-1]
sless
x.append(y[i-2]-([r[i-2]//r[i-1])*x[i-1]))
y-append(y[i-2]-([r[i-2]//r[i-1])*y[i-1]))
y-append(y[i-2]-([r[i-2]//r[i-1])*y[i-1]))
if ((b0)and(b0));
if ((b0)and(b0));
if ((b0)and(b0));
print('y'', x, x'', x'', x'', x*asab, algorith=b0, ylid(a(a,b))(0)|#x typ unseemes return numes makes owers, xoropol nyxes
print('y'', rasab, algorith=b0, ylid(a(a,b))(1)|#x typ unseemes return numes makes owers, xoropol nyxes
closs
print('y'', rasab, algorith=b0, ylid(a(a,b))(1)|#x typ unseemes return numes makes owers, xoropol nyxes
print('y'', rasab, algorith=b0, ylid(a(a,b))(1)|#x typ unseemes return numes makes owers, xoropol nyxes
print('Nepenposepore manuse gammes: [loxxoo darns: (b<br/>close)' (b<b
```

Figure 11: 2 часть программного кода реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Расширенный алгоритм Евклида. Результаты

Figure 12: Результат реализации расширенного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
#расширенный бинарный алгоритм Евклида
def rassh bin algorithm Evklida(a,b):
  6 пунктов алгоритма к выполнению
  q=1
  11=8
  v=b
  A=1
  B=0
  C=0
  D=1
  while ((a%2==0)and(b%2==0)):
    пока четные выполнять до получения хотя бы одного нечетного
    a=a//2
    b=b//2
    q=2*q
  пока и не равно 0
```

Figure 13: 1 часть программного кода реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
while (u!=0):
  #пока и четное
  if (u%2==0):
    u=u//2
    #если оба А и В четные
    if ((A%2==0)and(B%2==0)):
      A=A//2
      B=B//2
    else:
      A=(A+b)//2
      B=(B-a)//2
  else:
    11=11
  #пока v четное
  if (v%2==0):
    v=v//2
    #если оба С и D четные
    if ((C%2==0) and (D%2==0)):
      C=C//2
      D=D//2
    else:
      C=(C+b)//2
      D=(D-a)//2
  else:
    v=v
```

Figure 14: 2 часть программного кода реализации расширенного

17/20

Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Реализация

```
#пункт 4.3
    if u>=v:
      u=u-v
      A=A-C
      B=B-D
    else:
      v=v-11
      C=C-A
      D=D-B
  #пункт 5
  d=q*v
  x=C
  y=D
  return d.x.v
if ((b>0) and(a>=b)):
  print('HOI(',a,',',b,')=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[0])
  print('x=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[1])
  print('v=',rassh bin algorithm Evklida(a,b)[2])
  print('Перепроверьте входные данные! Должно быть: (0<b<=a)')
```

Figure 15: 3 часть программного кода реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Расширенный бинарный алгоритм Евклида. Результаты

Figure 16: Результат реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида для нахождения НОД

Вывод

Таким образом, была достигнута цель, поставленная в начале лабораторной работы: я ознакомилась с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя, – а так же реализовала данные алгоритмы на языке программирования Python 3.