### Лабораторная работа №5. Вероятностные алгоритмы проверки чисел на простоту

Дисциплина: Математические основы защиты информации

и информационной безопасности

Студент: Банникова Екатерина Алексеевна

Группа: НФИмд-02-23

2023, Москва

## Цели и задачи работы —

Цель лабораторной работы

**Целью** данной лабораторной работы является ознакомление с вероятностными алгоритмами проверки чисел на простоту.

#### Задание

Реализовать все рассмотренные в инструкции к лабораторной работе алгоритмы проверки чисел на простоту программно.

# Ход выполнения и результаты

#### Входные данные

```
#ОБЩИЙ СЛУЧАЙ 
#вообще говоря, число а задается случайно (в зависимости от алгоритма) 
a=12 
n=17#должно удовлетворять определенным условиям (в зависимости от алгоритма)
```

**Figure 1:** Входные данные для реализации алгоритмов проверки чисел на простоту

#### Алгоритм, реализующий тест Ферма. Реализация

```
def test_ferma(a,n):
    '''
    Функция, реализующая тест Ферма по соотв. алгоритму
    '''
    r=(a**(n-1))%n
    if r==1:
        print('Число n=',n,', вероятно, ПРОСТОЕ')
    else:
        print('Число n=',n,', вероятно, СОСТАВНОЕ')
    test_ferma(a,n)
```

Figure 2: Реализация алгоритма теста Ферма

#### Алгоритм, реализующий тест Ферма. Результаты

Число n= 17 , вероятно, ПРОСТОЕ

**Figure 3:** Результат реализации алгоритма теста Ферма

#### Алгоритм вычисления символа Якоби. Реализация

```
def primefactors(n):

'''

Функция для расчета k,a1
(предварительно разложить число на множители с использованием 2)

'''

list_2=[]
m=n

while m%2==0:
 list_2.append(2)
 m=m/2
k=len(list_2)
al=int(n/(2**k))
return k,a1
```

**Figure 4:** Реализация алгоритма вычисления символа Якоби 1 часть

#### Алгоритм вычисления символа Якоби. Реализация

```
def Jakobi symbol(a,n):
  . . .
  Функция, реализующая поиск символа Якоби по соотв. алгоритму
  q=1
  while True:
    if a==0:
      res=0
      break
    if a==1:
      res=q
      break
    else:
      k=primefactors(a)[0]
      al=primefactors(a)[1]
      if k%2==0:
        s=1
      if k%2!=0:
        if (((n-1)\$8==0)or((n+1)\$8==0)):
           s=1
        if (((n-3)\$8==0)or((n+3)\$8==0)):
           s = -1
    if a1==1:
      res=q*s
      break
```

**Figure 5:** Реализация алгоритма вычисления символа Якоби 2 часть

#### Алгоритм вычисления символа Якоби. Реализация

```
if ((n-3)%4==0) and ((a1-3)%4==0):
    s=-s
    a=n%a1
    n=a1
    g=g*s
    return res

Jakobi_symbol(a,n)
```

**Figure 6:** Реализация алгоритма вычисления символа Якоби 3 часть

#### Алгоритм вычисления символа Якоби. Результат



**Figure 7:** Результат реализации алгоритма вычисления символа Якоби

### Алгоритм, реализующий тест Соловэя-Штрассена. Реализация

```
def solovey strassen(a,n):
  Функция, реализующая тест Соловэя-Штрассена
  1 1 1
  r=(a**((n-1)/2))%n
  if (r!=1) and (r!=n-1):
    print('Число n=',n,'COCTABHOE')
  s=Jakobi symbol(a,n)
  if ((r-s)%n!=0):
    print('Число n=',n,'COCTABHOE')
  else:
    print('Число n=',n,', вероятно, ПРОСТОЕ')
solovey strassen(a,n)
```

Figure 8: Реализация алгоритма теста Соловэя-Штрассена

Алгоритм, реализующий тест Соловэя-Штрассена. Результат

Число n= 17, вероятно, ПРОСТОЕ

**Figure 9:** Результат реализации алгоритма теста Соловэя-Штрассена

#### Алгоритм, реализующий тест Миллера-Рабина. Реализация

```
def miller rabin(a,n):
  1.1.1
  Функция, реализующая тест Миллера-Рабина
  1 1 1
  s=primefactors(n-1)[0]
  r=primefactors(n-1)[1]
  y=(a**r)%n
  if (y!=1) and (y!=n-1):
    j=1
    while (j \le s-1) and (y!=n-1):
      y=(y**2)%n
      if y==1:
        return'Число n=',n,'COCTABHOE'
      j=j+1
    if (y!=n-1):
      return 'Число n=',n,'COCTABHOE'
  return 'Число n=',n,', вероятно, ПРОСТОЕ'
miller rabin(a,n)
```

#### Алгоритм, реализующий тест Миллера-Рабина. Результат

```
\Box ('Число n=', 17, ', вероятно, ПРОСТОЕ')
```

Figure 11: Результат реализации алгоритма теста Миллера-Рабина

#### Вывод

В результате выполнения данной лабораторной работы нам удалось осуществить программно алгоритмы, рассмотренные в описании к лабораторной работе.