



# Technique numérique

Vandeville Michelle

Cette synthèse est le résultat de mon travail personnel et de ma compréhension du sujet.

Bien que j'aie pris soin de fournir des informations exactes et à jour, il est possible qu'il y ait des erreurs ou des inexactitudes dans cette synthèse.

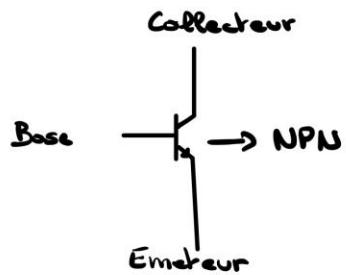
Il est donc recommandé de ne pas se fier uniquement à cette synthèse et de consulter d'autres sources et documents pour obtenir une compréhension complète du sujet.

En outre, cette synthèse ne remplace en aucun cas l'étude du cours et ne doit être utilisée que comme un outil complémentaire.

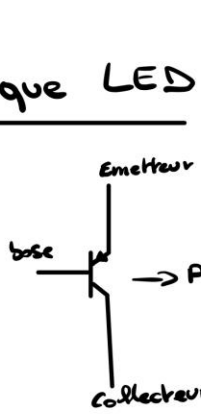
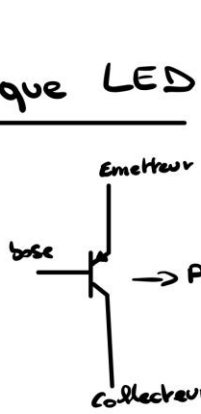
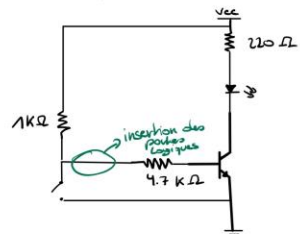
## Avertissement

# Bases d'électronique

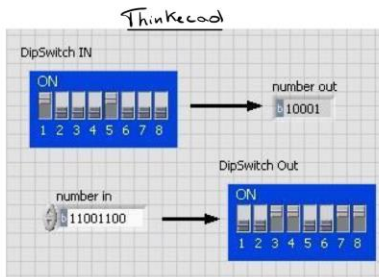
## Montage classique LED



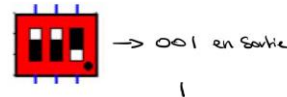
Exemple schéma



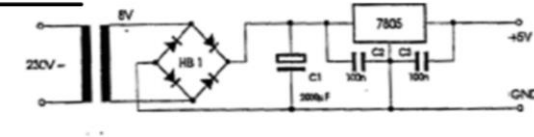
Résistance : LED  $\rightarrow 220 \Omega$   
Transist  $\rightarrow 4,7 k \Omega$



Multisim

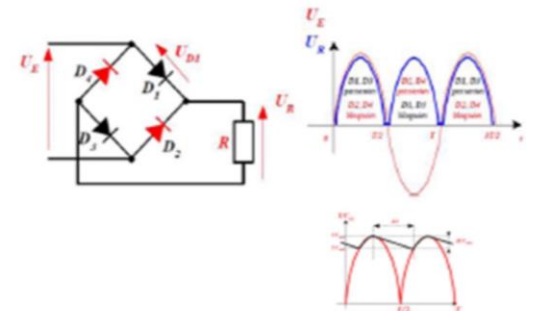


## Alim stabilisée



Le transformateur a deux rôles: il isole galvaniquement le montage du réseau et abaisse la tension.

Un pont redresseur HB1 suit la tension ondulée



C1 condensateur de lissage ou de filtrage

Le régulateur de tension intégré produit une tension stabilisée à 5 V.(tension continue).

C2 et C3 : 2 condensateurs de découplage de 100 nF sont disposés à proximité du circuit intégré, afin de les protéger d'éventuelles pointes de tension parasites de haute fréquence amenées par les alimentations.

Nous vivons dans un monde **Analogique**.

Avec  **$n$  entrées** on peut former  **$2^n$  fonctions** où  **$V=2^n$** .

**1 logique  $\rightarrow 2-5V$  et 0 logique  $\rightarrow 0-0,8V$**

Synthèse réalisée par Ika?


**Lire le TP1 est recommandé**


# Annexe: code couleur résistances

**Ne pas connaître par <3  
Mais avoir une idée de l'ordre  
des couleurs peut aider**

|   |   |                  |
|---|---|------------------|
|   | 0 | $\times 1$       |
| 1 | 1 | $\times 10$      |
| 2 | 2 | $\times 100$     |
| 3 | 3 | $\times 1000$    |
| 4 | 4 | $\times 10000$   |
| 5 | 5 | $\times 100000$  |
| 6 | 6 | $\times 1000000$ |
| 7 | 7 |                  |
| 8 | 8 |                  |
| 9 | 9 |                  |

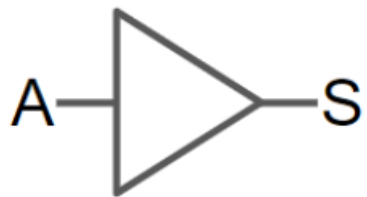
Tolérance (4ème anneau) :  
or :  $\pm 5\%$     argent :  $\pm 10\%$

  
4 7  $\times 10 = 470 \Omega \pm 5\%$

  
2 2  $\times 100 = 2200 \Omega = 2,2 \text{ k}\Omega \pm 5\%$

# YES (oui)

$$F=A$$



| A | S |
|---|---|
| 0 | 0 |
| 1 | 1 |

# NOT (pas/non/complément)

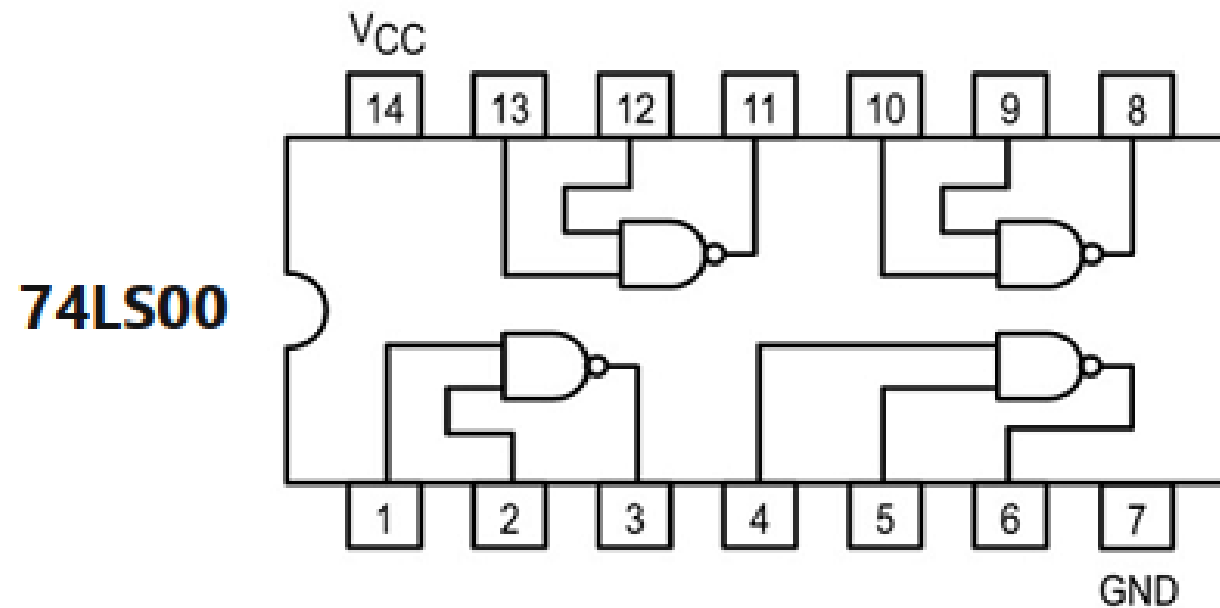
$$F = \bar{A}$$



| A | S |
|---|---|
| 0 | 1 |
| 1 | 0 |

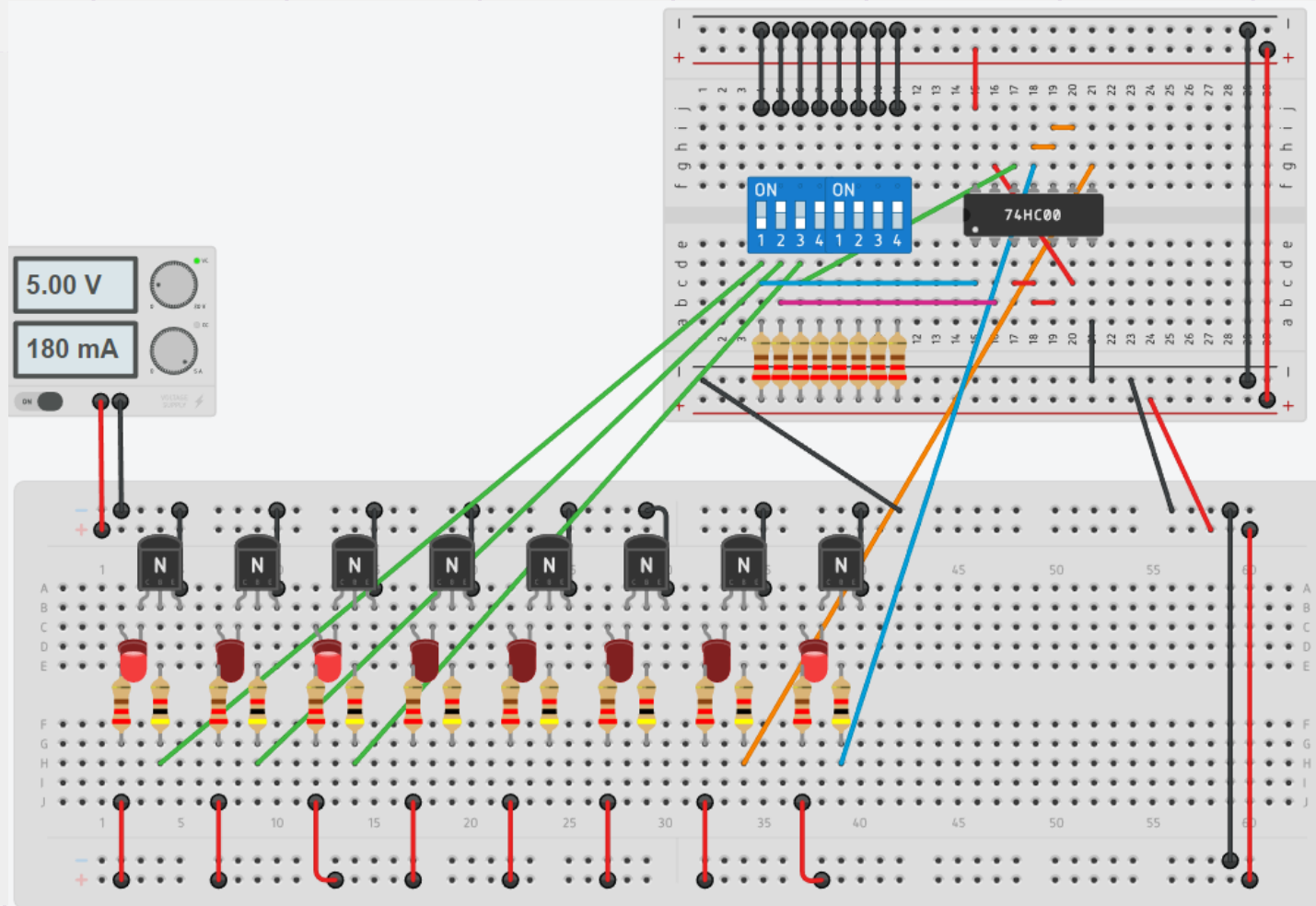


# Brochage d'un **CI** (circuit intégré)



→ CI contenant 4 portes NAND

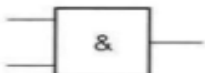
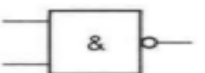
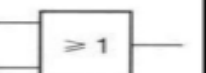
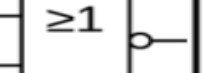
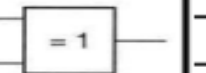
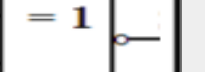








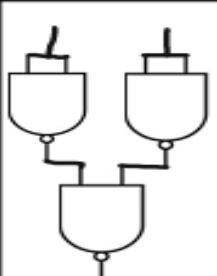
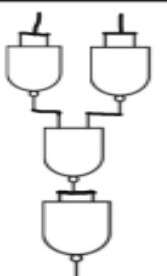
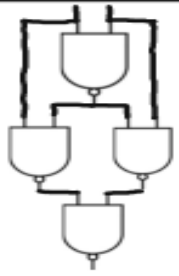
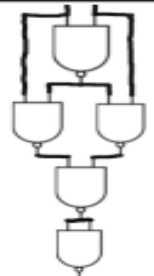
# Exemple de montage Tinkercad



Synthèse réalisée par Ika?



# Toutes les portes en NANDs

| A               | B | AND  | NAND  | OR   | NOR  | XOR  | XNOR   |
|-----------------|---|--|---|--|--|--|--|
| 0               | 0 | 0  | 1   | 0  | 1  | 0  | 1  |
| 1               | 0 | 0  | 1   | 1  | 0  | 1  | 0  |
| 0               | 1 | 0  | 1   | 1  | 0  | 1  | 0  |
| 1               | 1 | 1  | 0   | 1  | 0  | 0  | 1  |
| SYMBOLE EURO    |   |   |   |   |   |   |   |
| SYMBOLE USA     |   |   |   |   |   |   |   |
| Schéma en NAND2 |   |  |  |  |  |  |  |
| Equations       |   | $A.B$  | $\overline{A.B}$  | $A+B$  | $\overline{A+B}$   | $A \oplus B$<br>$\overline{A}.B + A.\overline{B}$                                    | $\overline{A \oplus B}$<br>$\overline{A}.\overline{B} + A.B$                         |

# Lois de l'**algèbre** de Boole

Commutativité

$$\mathbf{A.B = B.A \text{ et } A+B = B+A}$$

Associativité

$$\mathbf{A.(B.C) = (A.B).C \text{ et } A+(B+C) = (A+B)+C}$$

Distributivité

$$\mathbf{A.(B+C) = (A.B)+(A.C) \text{ et } A+(B.C) = (A+B).(A+C)}$$

Idempotence

$$\mathbf{A+A = A \text{ et } A.A = A}$$

Identités remarquables

$$\mathbf{1.A = A \text{ et } 1+A = 1 \text{ et } 0+A = A \text{ et } 0.A = 0}$$

Distributivité interne

$$\mathbf{A+(B.C) = (A+B).(A+C) \text{ et } A.(B.C) = (A.B).(A.C)}$$

Complémentarité

$$\mathbf{A+\bar{A} = 1 \text{ et } A.\bar{A} = 0}$$

# Relations particulières

→  **$A + A.B = A$**

→  $A + A.B = A.(1+B)$  (mise en évidence)

→  $A + A.B = A.1$  ( $1+B = 1$  identité remarquable)

→  **$A + \bar{A}.B = A+B$**

→  $A + \bar{A}.B = A + A.B + \bar{A}.B$  (car  $A + A.B = A$ )

→  $A + \bar{A}.B = A + B.(A + \bar{A})$  (mise en évidence)

→  $A + \bar{A}.B = A + B.1$  ( $A + A = 1$  complémentarité)

→  **$A.(A+B) = A$**

→  $A.(A+B) = A.A + A.B$  (distributivité)

→  $A.(A+B) = A + A.B$  (idempotence)

→  $A.(A+B) = A$  (car  $A + A.B = A$ )

# Théorème de **De Morgan**

On « casse » la barre et on change d'opération

$$\overline{(A+B)} = \bar{A}.\bar{B}$$

$$\overline{A.B} = \bar{A}+\bar{B}$$

# Dualité de l'algèbre de Boole

En remplacement les + par des . et les . par des + ainsi que les 0 par des 1 et les 1 par des 0, on peut obtenir d'autres règles d'algèbre

Exemple:

$$A.B + A.\bar{B} = A \rightarrow (A+B).(A+\bar{B}) = A$$

# Formes canoniques d'une fonction

Exemple:

$F(C,B,A)=(0,1,2,6)$

| C | B | A | F |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 0 |

**1<sup>ère</sup> forme canonique** (somme des produits):

$$\rightarrow F = \bar{A}.\bar{B}.\bar{C} + A.\bar{B}.\bar{C} + \bar{A}.B.\bar{C} + \bar{A}.B.C$$

**2<sup>e</sup> forme canonique** (produit des sommes):

$$\rightarrow F = (A+B+\bar{C}).(\bar{A}+\bar{B}+C).(A+\bar{B}+C).(A+B+C)$$

# Table de **Karnaugh**

$\bar{B}\bar{A}$     $\bar{B}A$     $BA$     $B\bar{A}$

| $\bar{C}$ | $\begin{array}{c} BA \\ \diagdown \\ C \end{array}$ | 00                        | 01                        | 11                        | 10                        |
|-----------|---|---------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 0         |   | 1<br><small>000=0</small> | 0<br><small>001=1</small> | 0<br><small>011=3</small> | 1<br><small>010=2</small> |
| 1         |   | 1<br><small>100=4</small> | 0<br><small>101=5</small> | 0<br><small>111=7</small> | 0<br><small>110=6</small> |

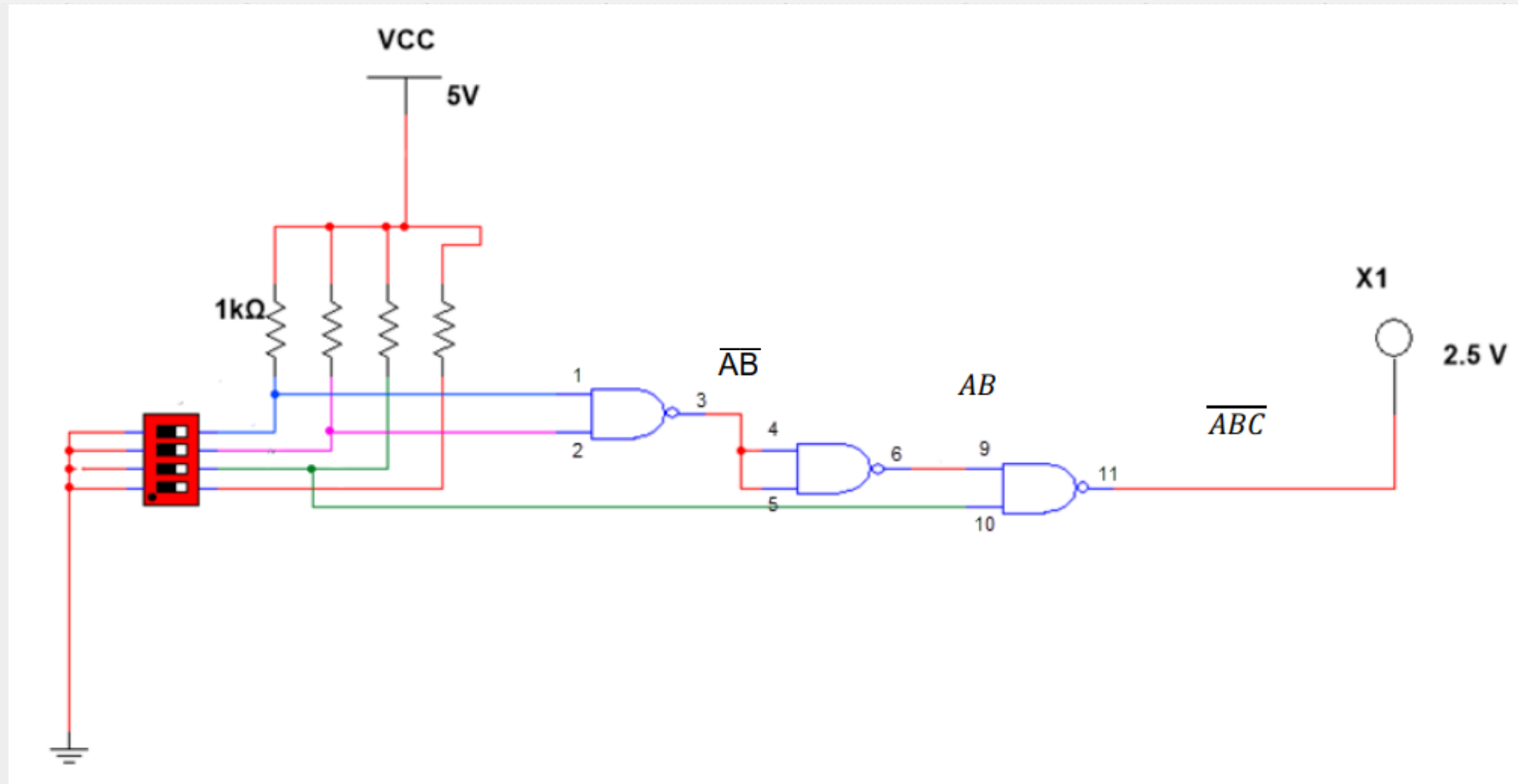
| $\begin{array}{c} BA \\ \diagdown \\ DC \end{array}$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--|----|----|----|----|
| 00   | 0  | 0  | 1  | 0  |
| 01   | 1  | 1  | 1  | 1  |
| 11   | 1  | 1  | 0  | 0  |
| 10   | 0  | 0  | 0  | 0  |

$$Y = \bar{D}.B.A + C.\bar{B} + \bar{D}.C$$

Synthèse réalisée par Ika?

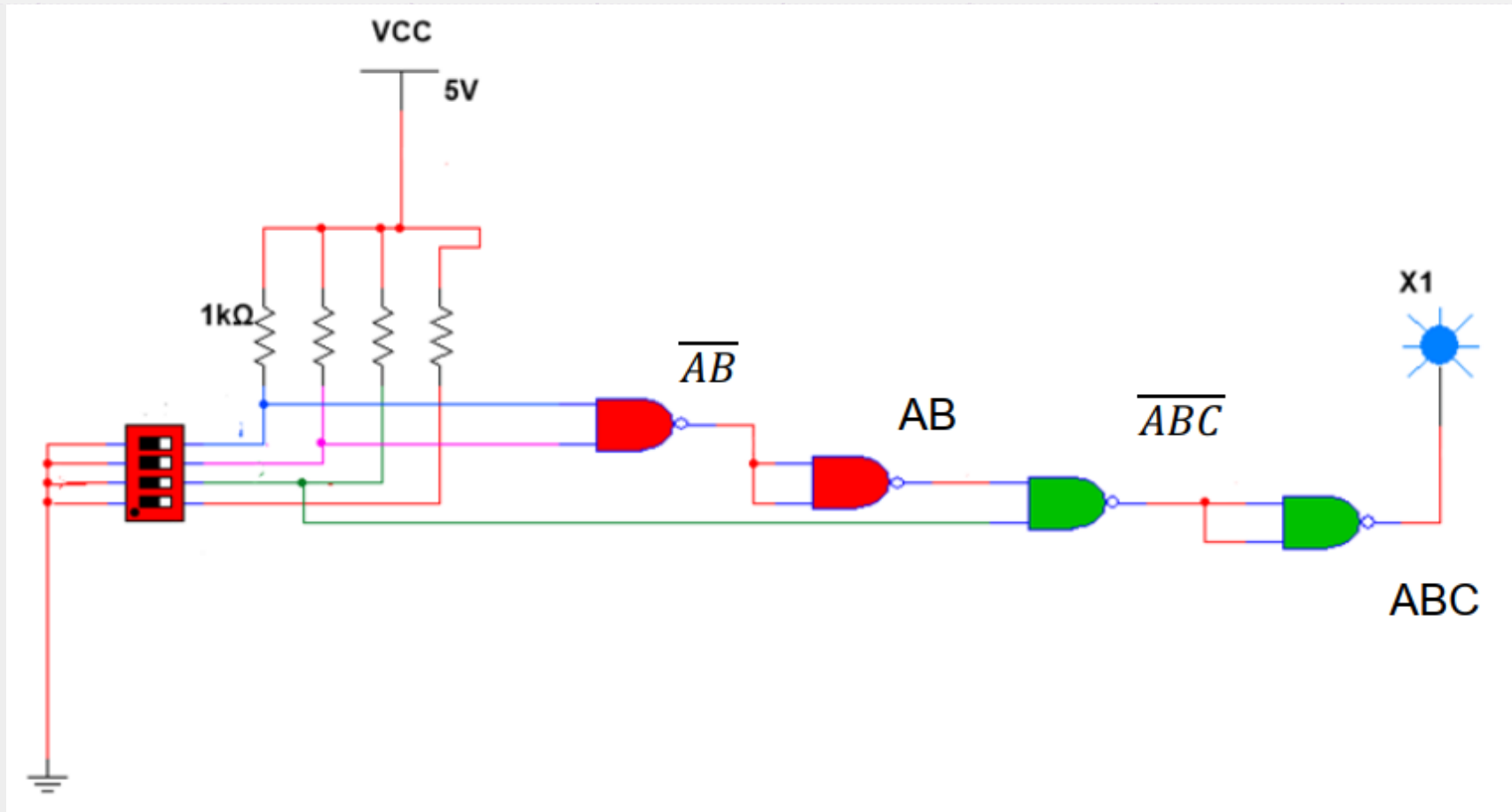
On note les éléments *inchangés* sur le groupement sélectionné

# NAND3

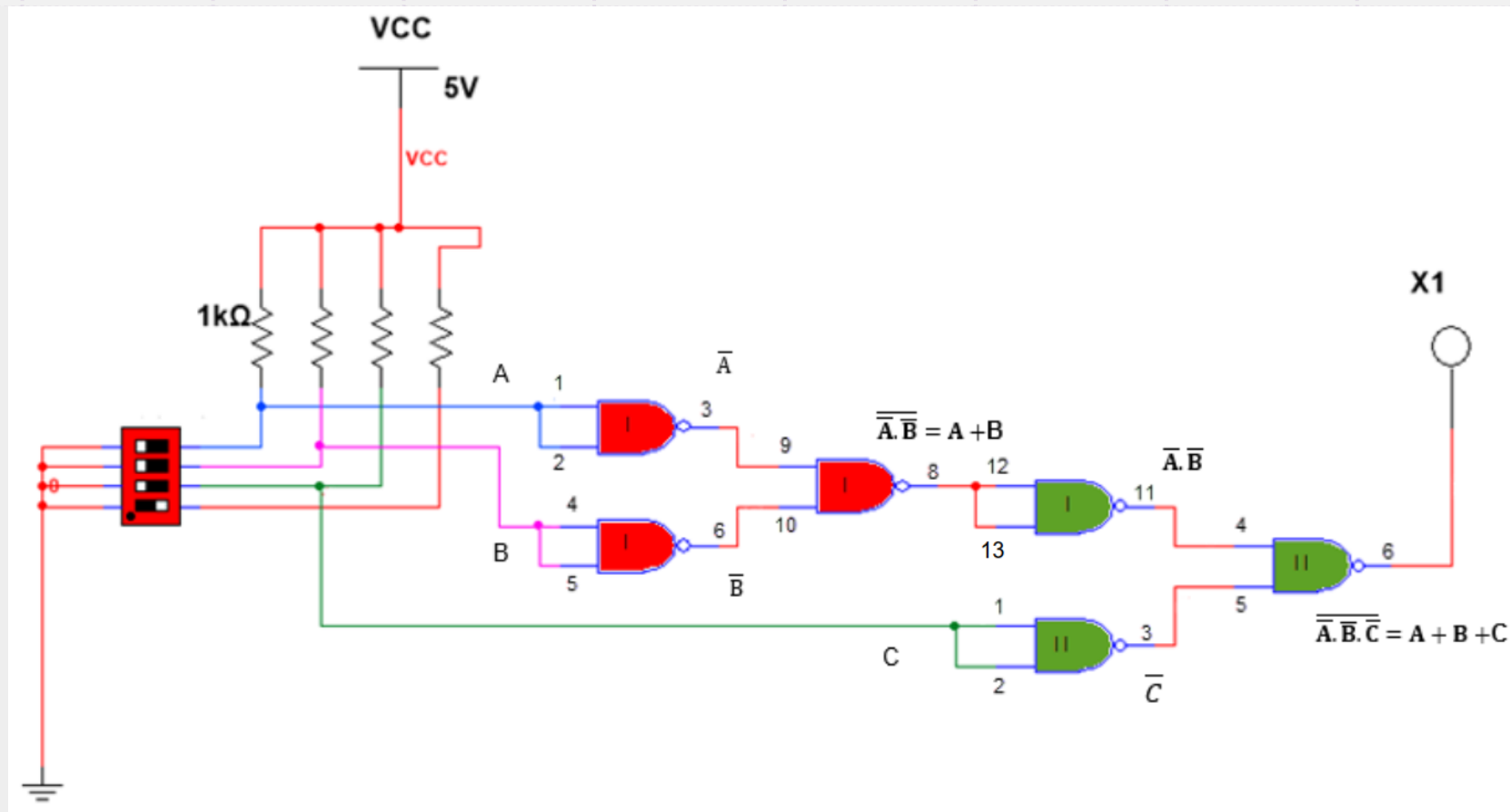




# AND3



# OR3

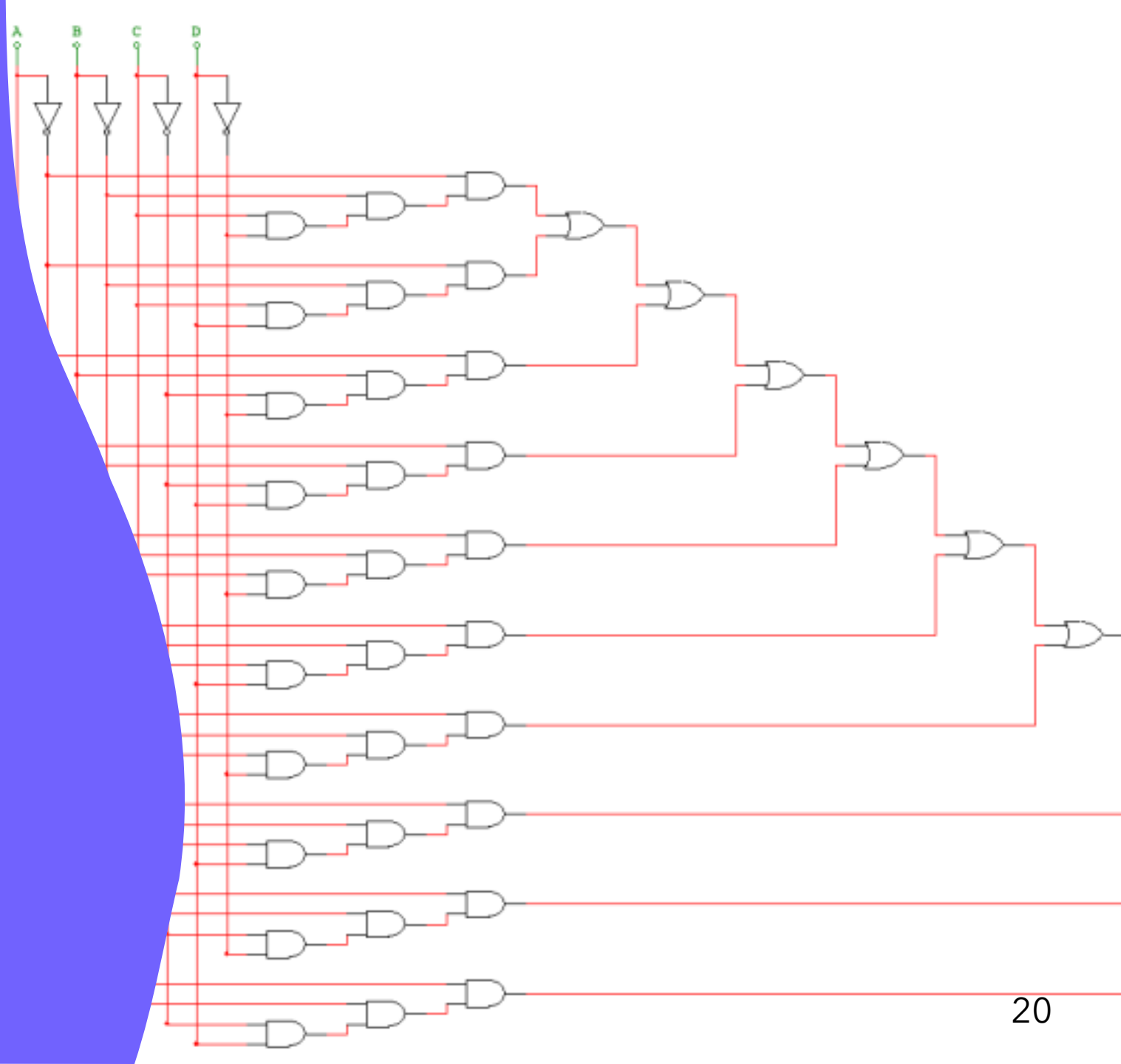


# Toutes les fonctions à 2 variables (surtout pour info)

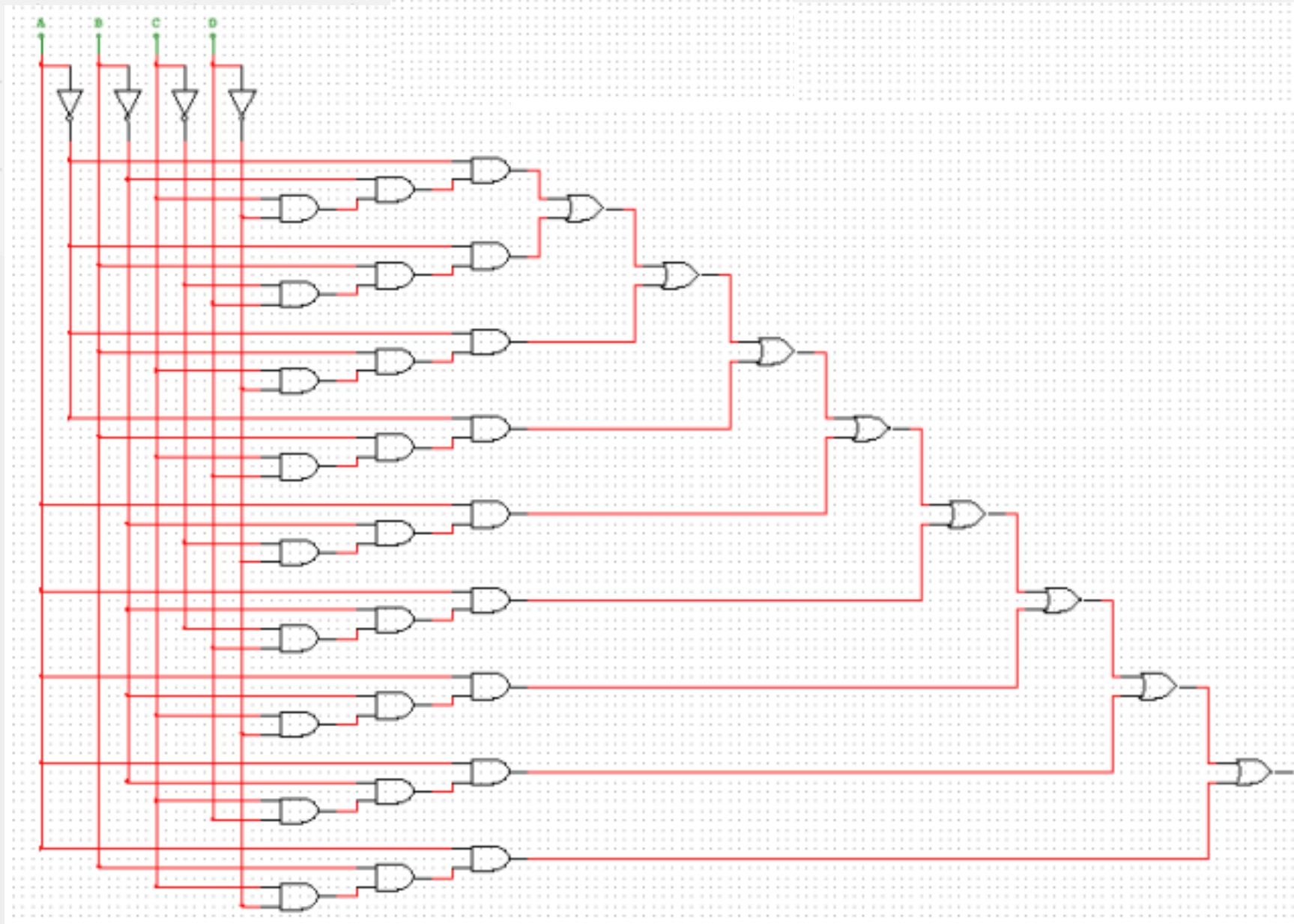
| X                  | Y | F <sub>0</sub> | F <sub>1</sub>   | F <sub>2</sub> | F <sub>3</sub>             | F <sub>4</sub> | F <sub>5</sub>             | F <sub>6</sub>           | F <sub>7</sub>  | F <sub>8</sub> | F <sub>9</sub>        | F <sub>10</sub> | F <sub>11</sub>   | F <sub>12</sub> | F <sub>13</sub>   | F <sub>14</sub>        | F <sub>15</sub> |
|--------------------|---|----------------|------------------|----------------|----------------------------|----------------|----------------------------|--------------------------|-----------------|----------------|-----------------------|-----------------|-------------------|-----------------|-------------------|------------------------|-----------------|
| 0                  | 0 | 0              | 1                | 0              | 1                          | 0              | 1                          | 0                        | 1               | 0              | 1                     | 0               | 1                 | 0               | 1                 | 0                      | 1               |
| 0                  | 1 | 0              | 0                | 1              | 1                          | 0              | 0                          | 1                        | 1               | 0              | 0                     | 1               | 1                 | 0               | 0                 | 1                      | 1               |
| 1                  | 0 | 0              | 0                | 0              | 0                          | 1              | 1                          | 1                        | 1               | 0              | 0                     | 0               | 0                 | 1               | 1                 | 1                      | 1               |
| 1                  | 1 | 0              | 0                | 0              | 0                          | 0              | 0                          | 0                        | 0               | 1              | 1                     | 1               | 1                 | 1               | 1                 | 1                      | 1               |
| Equation Booléenne |   | $F_0 = 0$      | $F_1 = X', Y'$   | $F_2 = X', Y$  | $F_3 = X'$                 | $F_4 = X, Y'$  | $F_5 = Y'$                 | $F_6 = X \oplus Y$       | $F_7 = (X, Y)'$ | $F_8 = X, Y$   | $F_9 = X \odot Y$     | $F_{10} = Y$    | $F_{11} = X' + Y$ | $F_{12} = X$    | $F_{13} = X + Y'$ | $F_{14} = X + Y$       | $F_{15} = 1$    |
| NOM de la fonction |   | null           | NON OU<br>NOR    | Inhibiti       | PAS                        | Inhibiti       | PAS                        | OU EXCLUSIF<br>(dilemme) | NAND<br>NON ET  | ET             | Equivale              |                 | Implicati         |                 | Implicati         | OU INCLUSIF<br>(union) | unité 1         |
|                    |   |                | $F_1 = (X + Y)'$ |                | Négation d'une<br>variable |                | Négation d'une<br>variable | $F_6 = X', Y + X, Y'$    | $F_7 = X' + Y'$ |                | $F_9 = X, Y + X', Y'$ |                 | $X - Y$           |                 | $Y - X$           |                        |                 |

# Exemples d'exercices

(exercices reprenant la  
matière du Q1)



# 1)



$$F = A'.B'.C.D' + A'.B.C'.D + A'.B.C.D' + A'.B.C.D + A.B'.C'.D' + A.B'.C'.D + A.B'.C.D' + A.B'.C.D + A.B.C.D'$$

Synthèse réalisée par Ika?

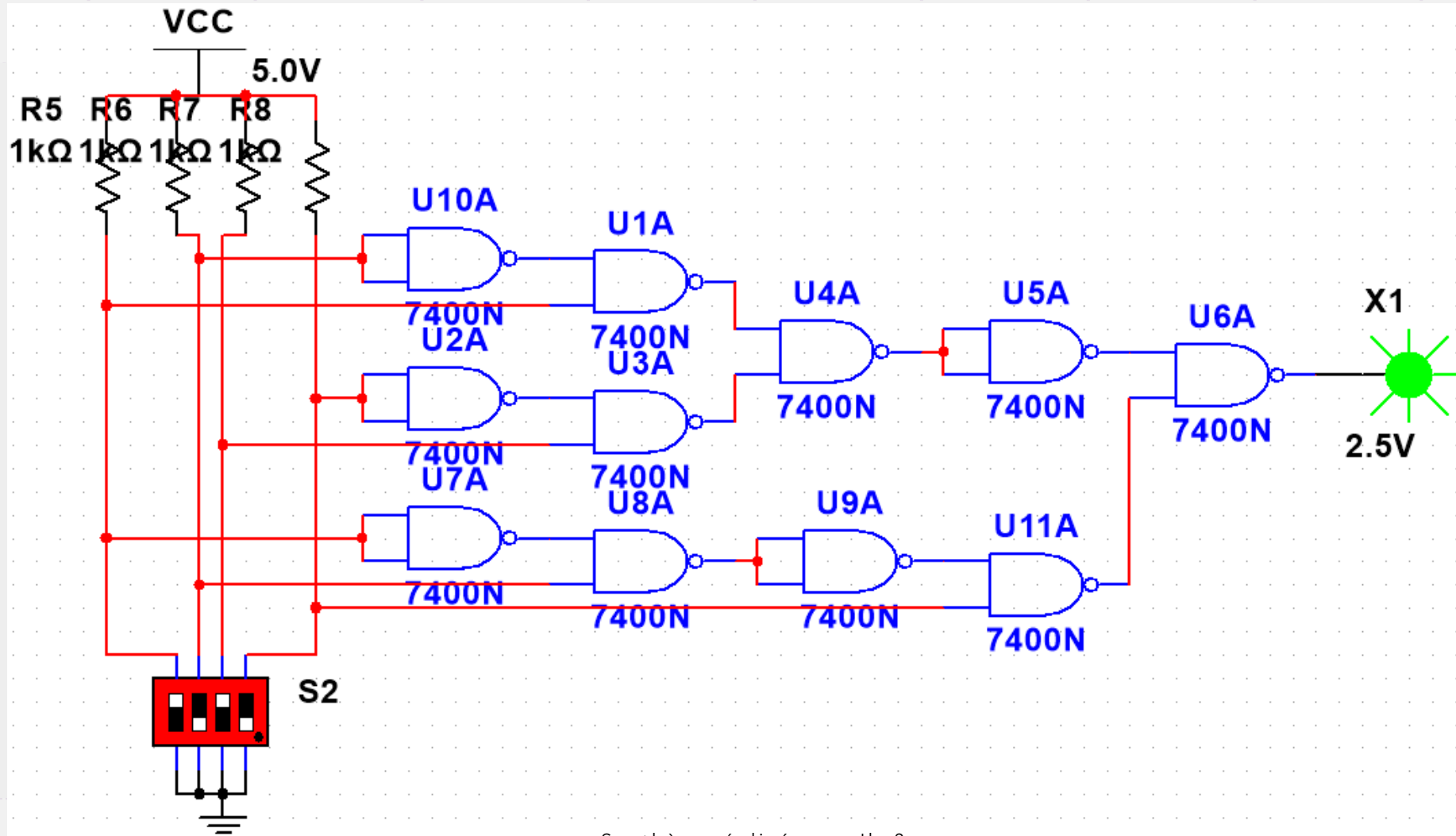
$$F=A'.B'.C.D'+A'.B.C'.D+A'.B.C.D'+A'.B.C.D+A.B'.C'.D'+A.B'.C'.D+A.B'.C.D'+A.B'.C.D+A.B.C.D'$$

| <div> <div> <div></div> <div> <div>B</div> <div>A</div> </div> </div> <div> <div>D</div> <div>C</div> </div> </div> | 0 0 | 0 1 | 1 1 | 1 0 |
|---|-----|-----|-----|-----|
| 0 0   | 0   | 1   | 0   | 0   |
| 0 1   | 1   | 1   | 1   | 1   |
| 1 1   | 0   | 1   | 0   | 1   |
| 1 0   | 0   | 1   | 0   | 1   |

$$F=\overline{B}.A+\overline{D}.C+B.\overline{A}.D$$

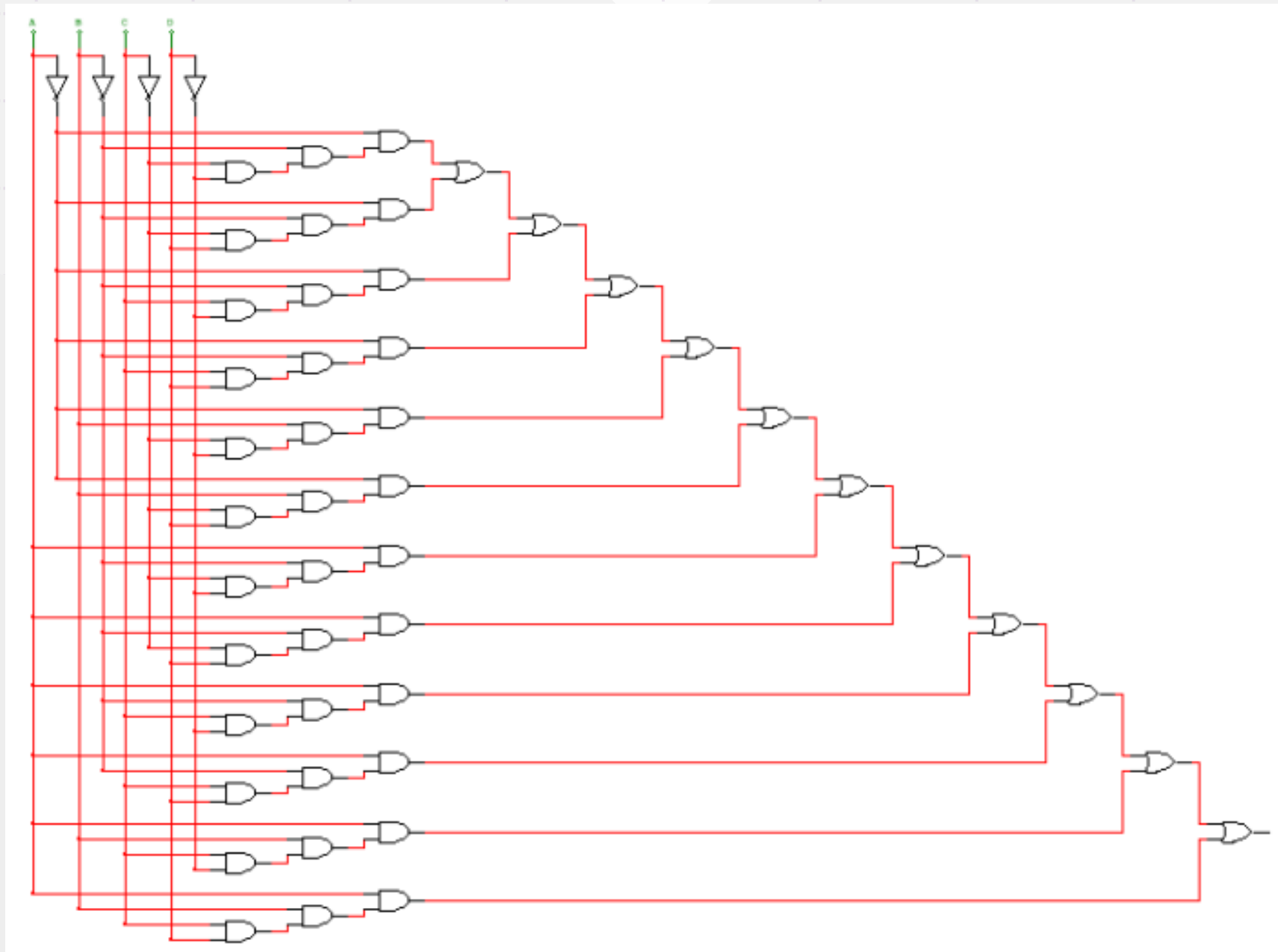
$$= \overline{\overline{\overline{B}.A.\overline{D}.C.B.\overline{A}.D}}$$

$$F = \overline{\overline{B} \cdot A \cdot \overline{D} \cdot C \cdot B \cdot \overline{A} \cdot D}$$



Synthèse réalisée par Ika?

# 2)



$$F = A'.B'.C'.D' + A'.B'.C'.D + A'.B'.C.D' + A'.B'.C.D + A'.B.C.D' + A'.B.C'.D + A.B'.C'.D' + A.B'.C'.D + A.B'.C.D' + A.B'.C.D + A.B.C.D' + A.B.C.D$$

Synthèse réalisée par Ika?



$$F=A'.B'.C'.D'+A'.B'.C'.D+A'.B'.C.D'+A'.B'.C.D+A'.B.C.D'+A'.B.C'.D+A.B'.C'.D'+A.B'.C'.D+A.B'.C.D'+A.B'.C.D+A.B.C.D'+A.B.C.D$$

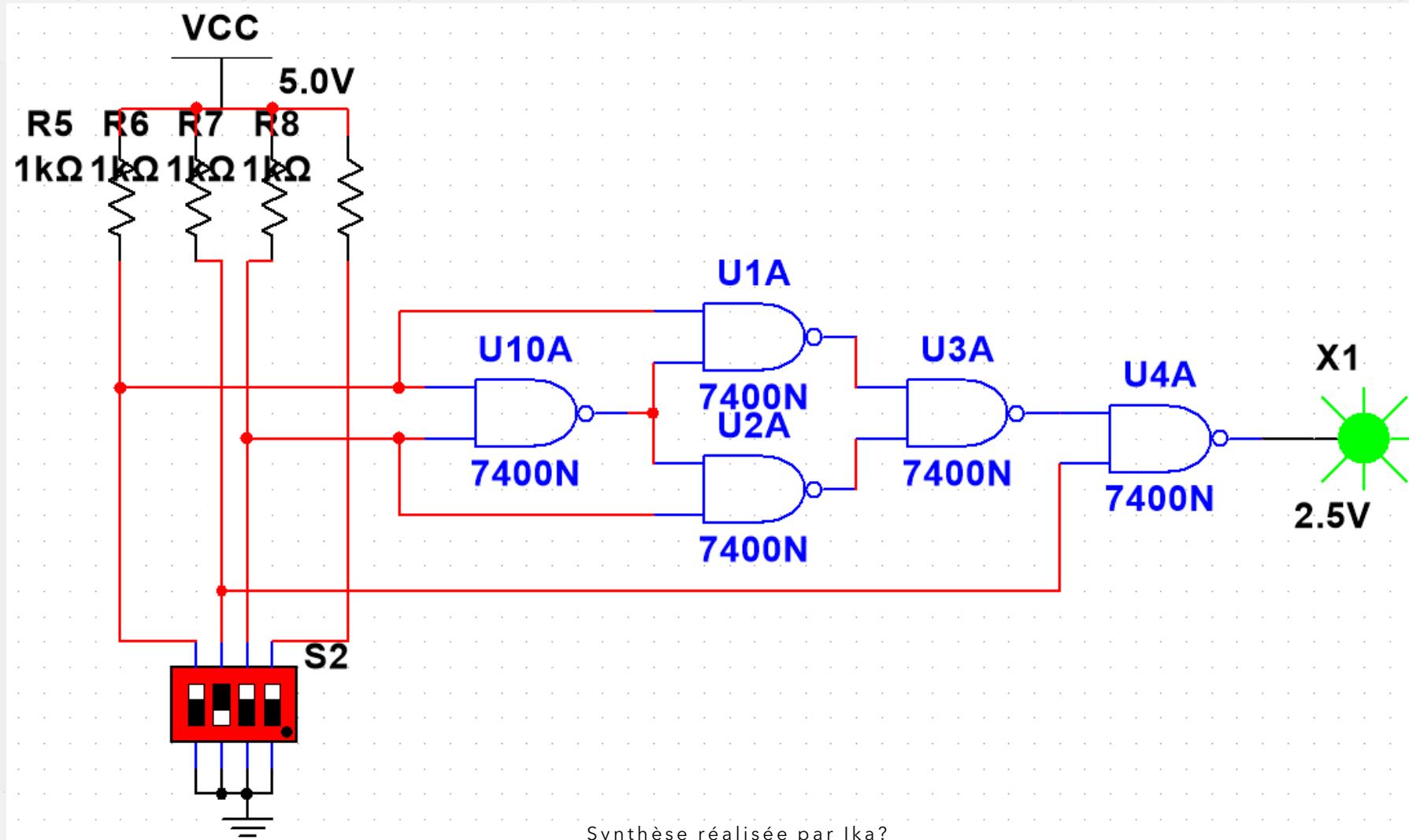
| <div> <div></div> <div>B A</div> </div> <div> <div>D C</div> <div></div> </div> | 0 0 | 0 1 | 1 1 | 1 0 |
|---|-----|-----|-----|-----|
| 0 0   | 1   | 1   | 0   | 1   |
| 0 1   | 1   | 1   | 1   | 0   |
| 1 1   | 1   | 1   | 1   | 0   |
| 1 0   | 1   | 1   | 0   | 1   |

$$F=\overline{B}+\overline{A}.\overline{C}+A.C$$

$$= \overline{B}+\overline{A\oplus C}$$

$$= \overline{B.A\oplus C}$$

$$F = \overline{B.A \oplus C}$$

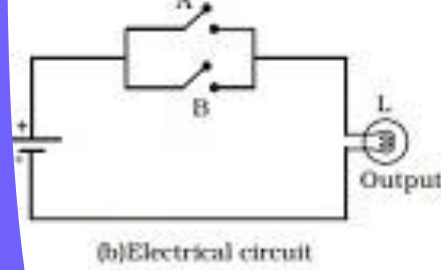


Synthèse réalisée par Ika?

# Technique Numérique

## Travaux pratiques avancés

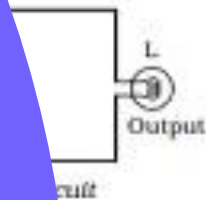
Matière du cours du Q2



OR gate

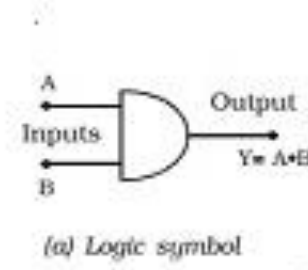
Truth table of OR gate

| Inputs |   | Output      |
|--------|---|-------------|
| A      | B | $Y = A + B$ |
| 0      | 0 | 0           |
| 0      | 1 | 1           |
| 1      | 0 | 1           |
| 1      | 1 | 1           |

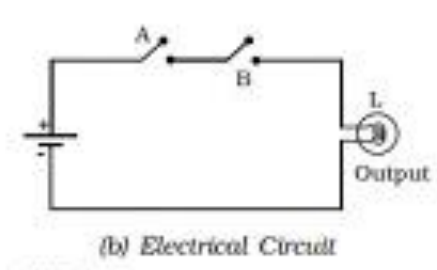


Truth Table of OR gate

| Output        |
|---------------|
| $Y = \bar{A}$ |
| 1             |
| 0             |



AND gate



AND gate

Table Truth table of AND gate

| Inputs |   | Output          |
|--------|---|-----------------|
| A      | B | $Y = A \cdot B$ |
| 0      | 0 | 0               |
| 0      | 1 | 0               |
| 1      | 0 | 0               |
| 1      | 1 | 1               |

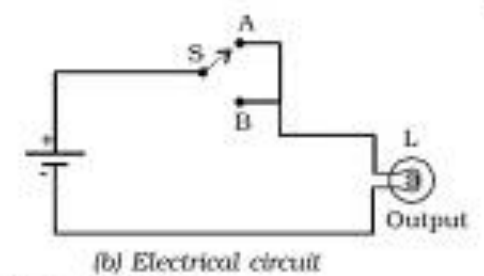
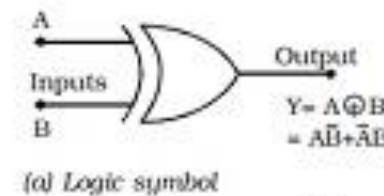
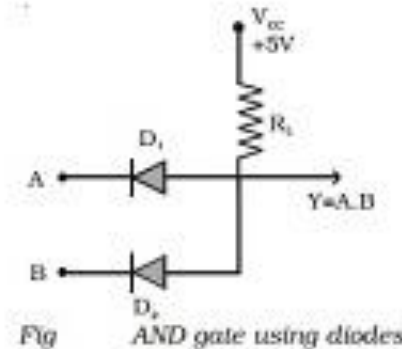
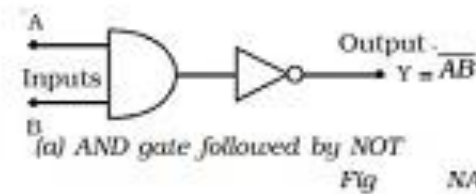
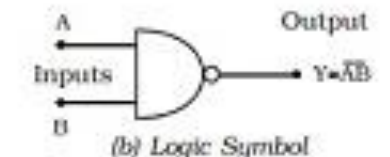


Fig Exclusive OR gate



Fig

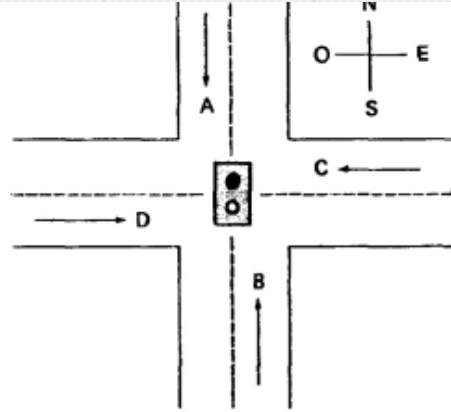
NAND gate



# Exemple d'exercice

## Exercice 1

La figure suivante nous montre l'intersection entre une route principale et une route secondaire. Des capteurs de voitures ont été placés le long des voies C et D (route principale) et des voies A et B (route secondaire). Les sorties de ces capteurs sont à 0 quand il n'y a pas de voiture et à 1 quand il y en a. Le feu de circulation se trouvant à cette intersection est commandé par les règles de décision suivantes:



1. Le feu E-O est vert quand il y a des voitures dans les 2 voies C et D.
2. Le feu E-O est vert quand il y a des voitures dans C ou D et quand il y en a dans A ou dans B mais pas dans les deux.
3. Le feu N-S est vert quand il y a des voitures dans les voies A et B et qu'il y en a dans C ou dans D mais pas dans les deux.
4. Le feu N-S est aussi vert quand il y a des voitures dans A ou B et qu'il n'y a pas de voiture dans C et D.
5. Le feu E-O est vert quand il n'y a pas de voiture du tout.

## Étape 1 : réaliser la TDV

| D | C | B | A | N-S | E-O |
|---|---|---|---|-----|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1   | 0   |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1   | 0   |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0   | 1   |

# Exemple d'exercice (suite)

## Étape 2: Réaliser le(s) tableau(x) de Karnaugh et en tirer les équations

| D | C | B | A | N-S | E-O |
|---|---|---|---|-----|-----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1   | 0   |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1   | 0   |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1   | 0   |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 0   | 1   |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0   | 1   |

Equations N-S

| BA \ DC | 00 | 01 | 11 | 10 |
|---------|----|----|----|----|
| 00      | 0  | 1  | 1  | 1  |
| 01      | 0  | 0  | 1  | 0  |
| 11      | 0  | 0  | 0  | 0  |
| 10      | 0  | 0  | 1  | 0  |

13 portes

$$\begin{aligned}
 N-S &= \overline{D}.\overline{C}.A + \overline{D}.\overline{C}.B + B.A.\overline{D} + B.A.\overline{C} = \overline{D}.\overline{C}.(A+B) + B.A.(\overline{D} + \overline{C}) \\
 &= \overline{D}.\overline{C}.\overline{B}.\overline{A} + B.A.\overline{D}.\overline{C} \\
 &= \overline{D}.\overline{C}.\overline{B}.\overline{A} + B.A.\overline{D}.\overline{C}
 \end{aligned}$$

Equations E-O

| BA \ DC | 00 | 01 | 11 | 10 |
|---------|----|----|----|----|
| 00      | 1  | 0  | 0  | 0  |
| 01      | 1  | 1  | 0  | 1  |
| 11      | 1  | 1  | 1  | 1  |
| 10      | 1  | 1  | 0  | 1  |

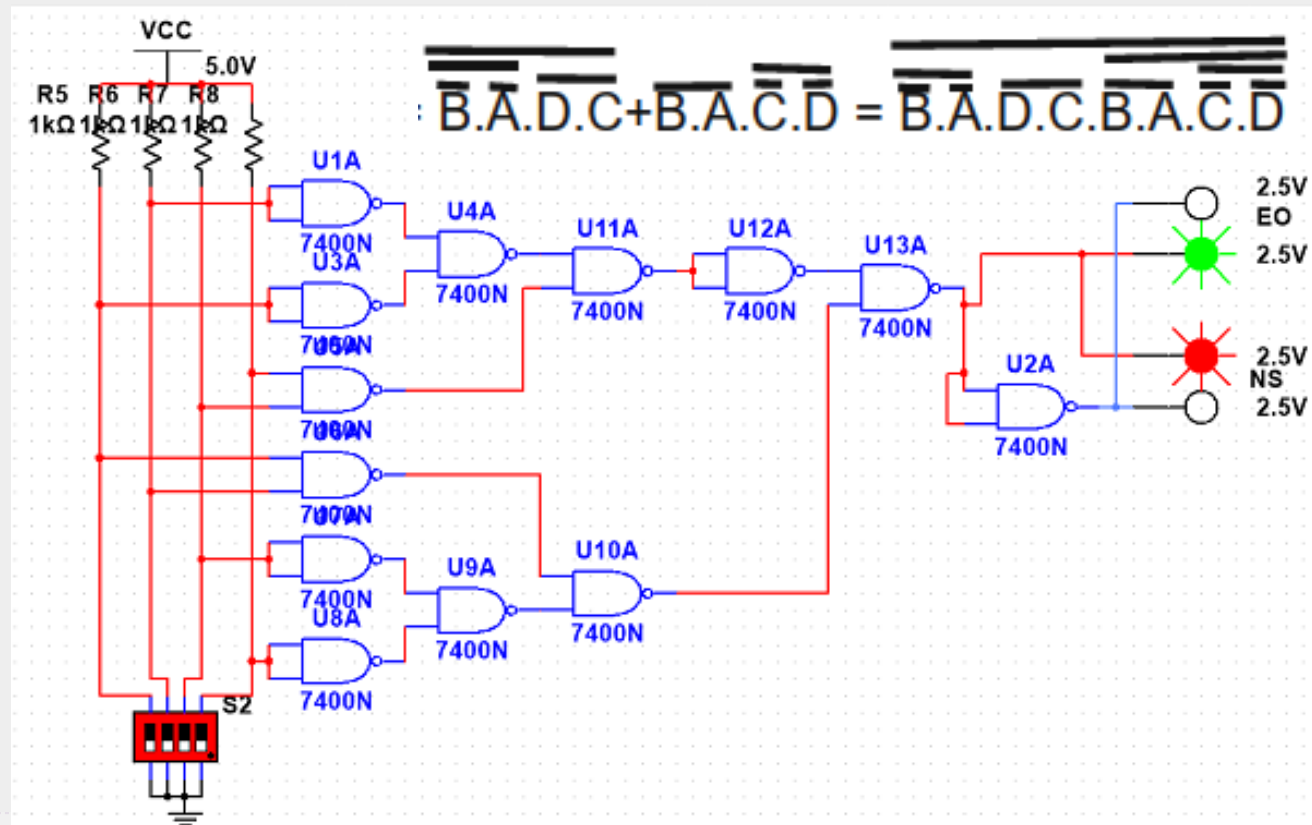
12 portes

$$\begin{aligned}
 E-O &= \overline{B}.\overline{A} + D.C + \overline{B}.C + \overline{B}.D + \overline{A}.C + \overline{A}.D = \overline{B}.\overline{A} + D.C + \overline{B}.(C+D) + \overline{A}.(C+D) \\
 &= \overline{B}.\overline{A} + D.C + (\overline{B} + \overline{A}).(C+D) \\
 &= \overline{B}.\overline{A}.\overline{D}.\overline{C} + B.A.\overline{C}.\overline{D} = \overline{B}.\overline{A}.\overline{D}.\overline{C} + B.A.\overline{C}.\overline{D}
 \end{aligned}$$

## Étape 3: Simplifier les équations à l'aide de l'algèbre de Boole

# Exemple d'exercice (fin)

## Étape 4: Implémenter le circuit



# Semi additionneur (half adder)

Circuit d'addition qui **ajoute 2 éléments** binaires de **même rang**.

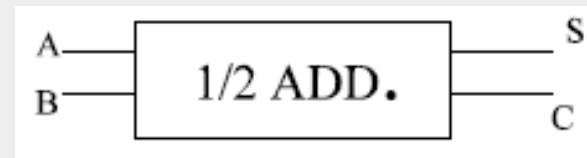
- Table de vérité :

| A | B | S | C |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |

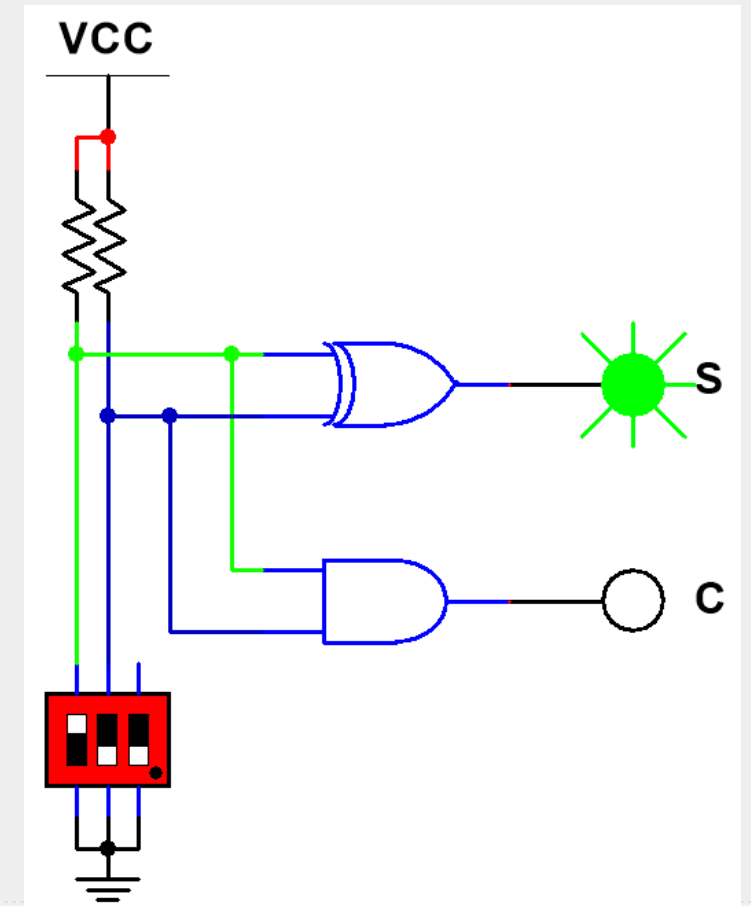
- Équations :

$$S = A \oplus B$$

$$C = A \cdot B$$



(**C** est le « **carry** », le report au rang suivant)



# Additionneur (full adder)

Circuit d'addition qui **ajoute 2 éléments** binaires de **même rang**, mais qui tient également compte du **report** éventuel du **rang précédent**.

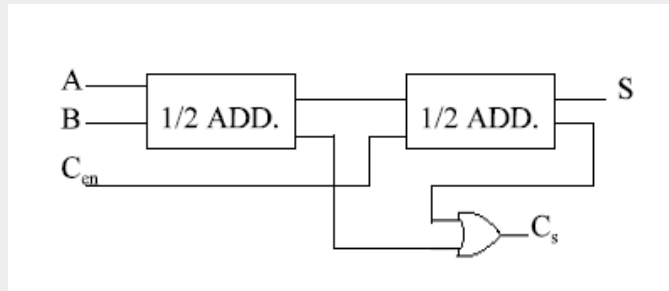
- Table de vérité :

| A | B | C <sub>en</sub> | S | C <sub>s</sub> |
|---|---|-----------------|---|----------------|
| 0 | 0 | 0               | 0 | 0              |
| 0 | 0 | 1               | 1 | 0              |
| 0 | 1 | 0               | 1 | 0              |
| 0 | 1 | 1               | 0 | 1              |
| 1 | 0 | 0               | 1 | 0              |
| 1 | 0 | 1               | 0 | 1              |
| 1 | 1 | 0               | 0 | 1              |
| 1 | 1 | 1               | 1 | 1              |

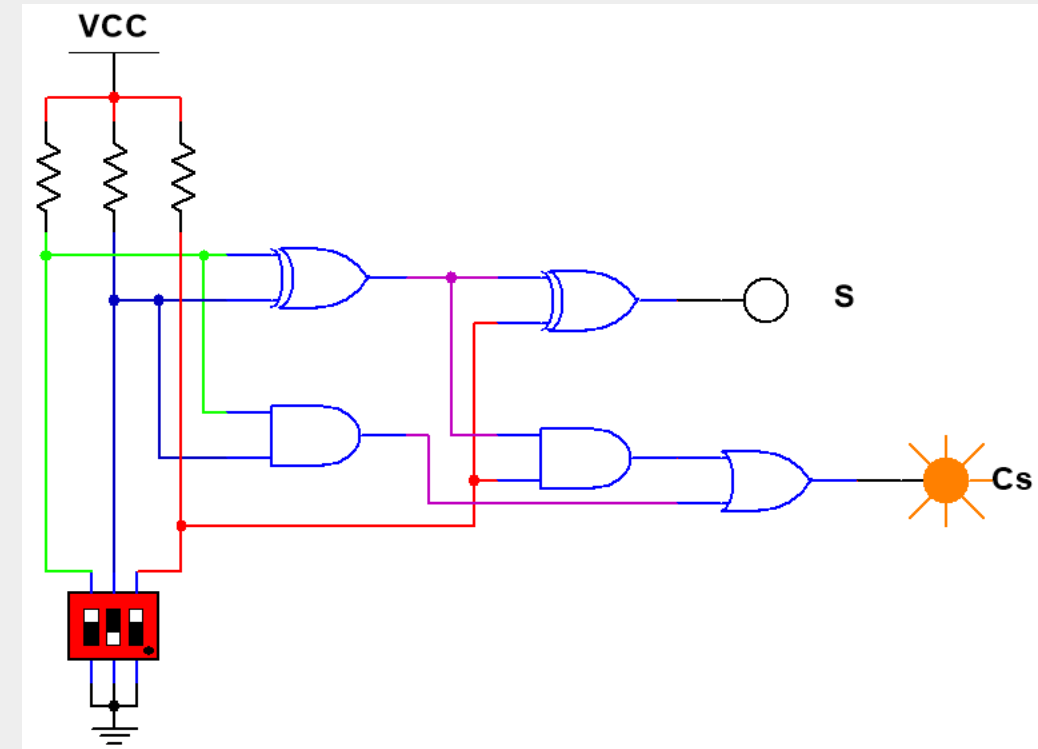
- Équations :

$$S = A \oplus B \oplus C_{en}$$

$$C_s = A \cdot B + (A \oplus B) \cdot C_{en}$$



C<sub>en</sub> est l'entrée de report  
C<sub>s</sub> est la sortie de report





# Démonstration des équations

- Équations :

$$S = A \oplus B \oplus C_{en}$$

$$C_s = A . B + (A \oplus B) . C_{en}$$

$$S = \bar{A}.\bar{B}.C_{en} + \bar{A}.B.\bar{C}_{en} + A.\bar{B}.\bar{C}_{en} + A.B.C_{en} \text{ (voir TDV)}$$

$$= C_{en}.(\bar{A}.\bar{B} + A.B) + \bar{C}_{en}.(\bar{A}.B + A.\bar{B}) \text{ (mise en évidence)}$$

$$= C_{en}.(\overline{A \oplus B}) + \bar{C}_{en}.(A \oplus B) \text{ (simplification des XOR et XNOR)}$$

Si  $X = A \oplus B$

$$\rightarrow C_{en}.\bar{X} + \bar{C}_{en}.X = C_{en} \oplus X \rightarrow C_{en} \oplus A \oplus B$$

$$C_s = \bar{A}.B.C_{en} + A.\bar{B}.C_{en} + A.B.\bar{C}_{en} + A.B.C_{en} \text{ (voir TDV)}$$

$$= A.B.(\bar{C}_{en} + C_{en}) + C_{en}.(\bar{A}.B + A.\bar{B}) \text{ (mise en évidence)}$$

$$= A.B.1 + C_{en}.(A \oplus B) = A.B + (A \oplus B).C_{en}$$

(simplification des XOR et complémentarité)

| A | B | C <sub>en</sub> | S | C <sub>s</sub> |
|---|---|-----------------|---|----------------|
| 0 | 0 | 0               | 0 | 0              |
| 0 | 0 | 1               | 1 | 0              |
| 0 | 1 | 0               | 1 | 0              |
| 0 | 1 | 1               | 0 | 1              |
| 1 | 0 | 0               | 1 | 0              |
| 1 | 0 | 1               | 0 | 1              |
| 1 | 1 | 0               | 0 | 1              |
| 1 | 1 | 1               | 1 | 1              |

# Semi soustracteur (half subtractor)

Circuit de soustraction qui **soustrait** un élément binaire d'un autre de **même rang**.

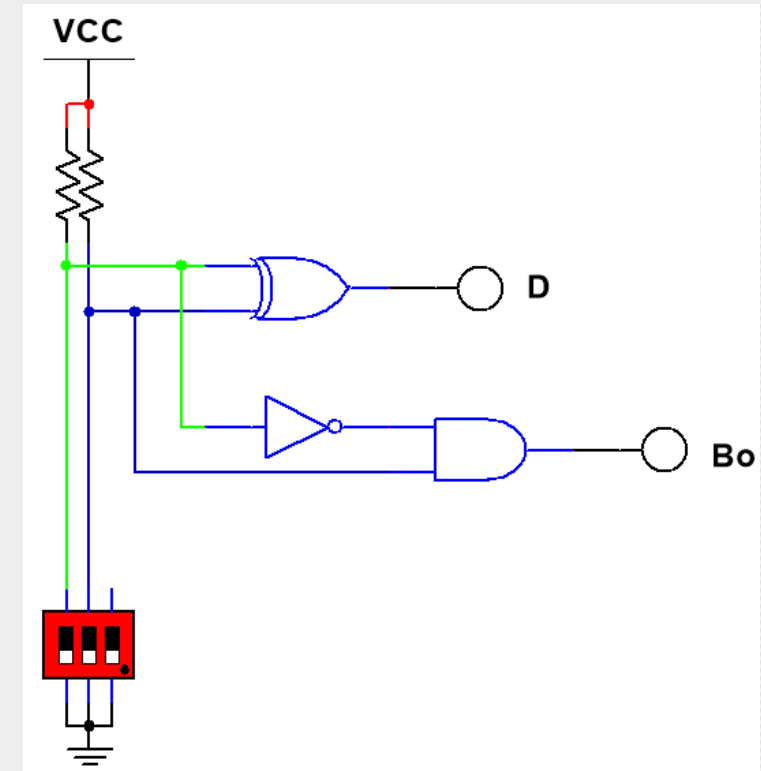
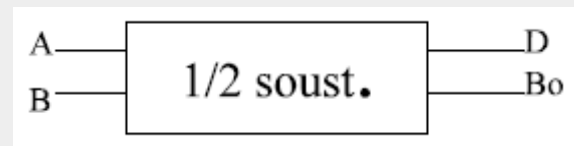
- Table de vérité :

| A | B | D | Bo |
|---|---|---|----|
| 0 | 0 | 0 | 0  |
| 0 | 1 | 1 | 1  |
| 1 | 0 | 1 | 0  |
| 1 | 1 | 0 | 0  |

- Équations :

$$D = A \oplus B$$

$$Bo = \bar{A} \cdot B$$



(**Bo** est le « **Borrow** », l'emprunt au rang supérieur)

# Soustrateur (full subtractor)

Circuit de soustraction qui **soustrait** un élément binaire d'un autre de **même rang**, mais qui tient compte du **retrait** éventuel d'un **emprunt du rang précédent**.

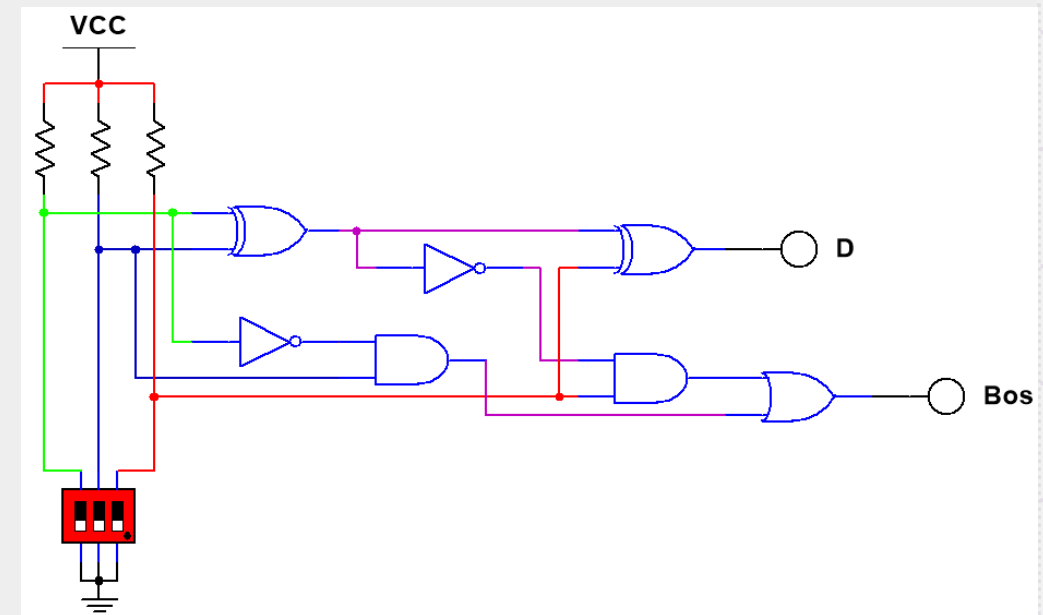
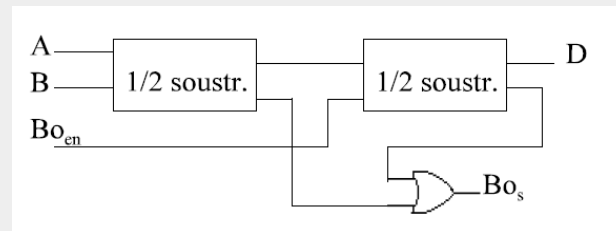
- Table de vérité :

| A | B | Bo <sub>en</sub> | D | Bo <sub>s</sub> |
|---|---|------------------|---|-----------------|
| 0 | 0 | 0                | 0 | 0               |
| 0 | 0 | 1                | 1 | 1               |
| 0 | 1 | 0                | 1 | 1               |
| 0 | 1 | 1                | 0 | 1               |
| 1 | 0 | 0                | 1 | 0               |
| 1 | 0 | 1                | 0 | 0               |
| 1 | 1 | 0                | 0 | 0               |
| 1 | 1 | 1                | 1 | 1               |

- Équations :

$$D = A \oplus B \oplus Bo_{en}$$

$$Bo_s = \bar{A}.B + (\bar{A} \oplus B).Bo_{en}$$



Bo<sub>en</sub> est le retrait de l'emprunt du rang précédent  
Bo<sub>s</sub> est l'emprunt

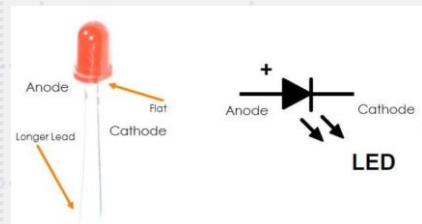
# Démonstration des équations

Comme pour les soustracteurs, on peut démontrer les équations en utilisant les **règles de l'algèbre de Boole**.

Après avoir écrit l'équation de base depuis la TDV, on met (généralement) en évidence puis on regarde si d'autres règles peuvent être appliquées

$$\begin{aligned} D &= A \oplus B \oplus Bo_{en} & \text{En effet, } D &= \overline{A}\overline{B}Bo_{en} + \overline{A}B\overline{Bo_{en}} + A\overline{B}\overline{Bo_{en}} + ABBo_{en} \\ & & &= Bo_{en}(\overline{A}\overline{B} + AB) + \overline{Bo_{en}}(\overline{A}B + A\overline{B}) \\ & & &= Bo_{en}(\overline{A \oplus B}) + \overline{Bo_{en}}(A \oplus B) = A \oplus B \oplus Bo_{en} \end{aligned}$$
  
$$\begin{aligned} Bo_S &= \overline{A.B} + \overline{(A \oplus B)}..Bo_{en} & \text{En effet, } Bo_S &= \overline{A}\overline{B}Bo_{en} + \overline{A}B\overline{Bo_{en}} + A\overline{B}\overline{Bo_{en}} + ABBo_{en} \\ & & &= Bo_{en}(\overline{A}\overline{B} + AB) + \overline{A}B(\overline{Bo_{en}} + Bo_{en}) \\ & & &= Bo_{en}(\overline{A \oplus B}) + \overline{A}B \end{aligned}$$

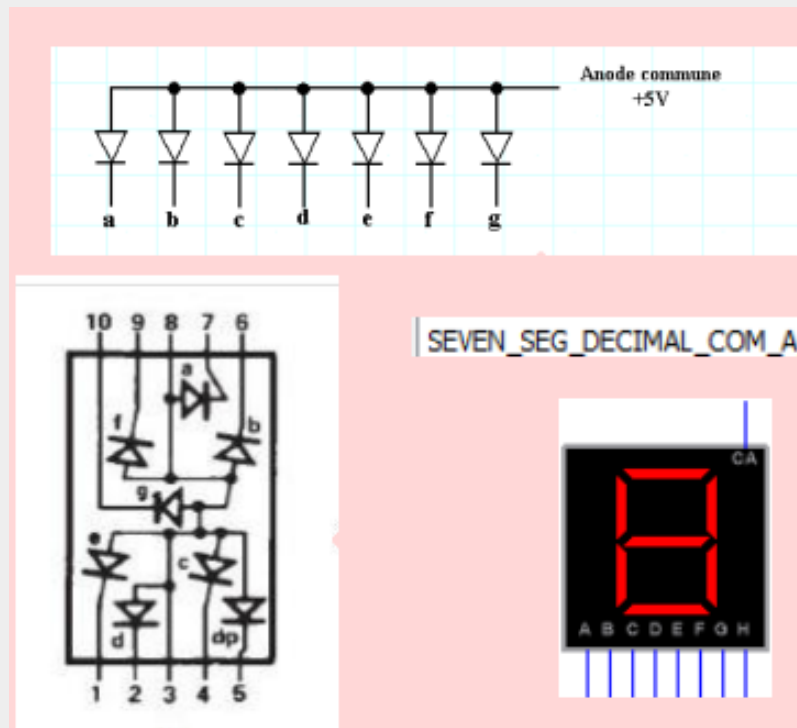
Rappel :



# Afficheur 7 segments

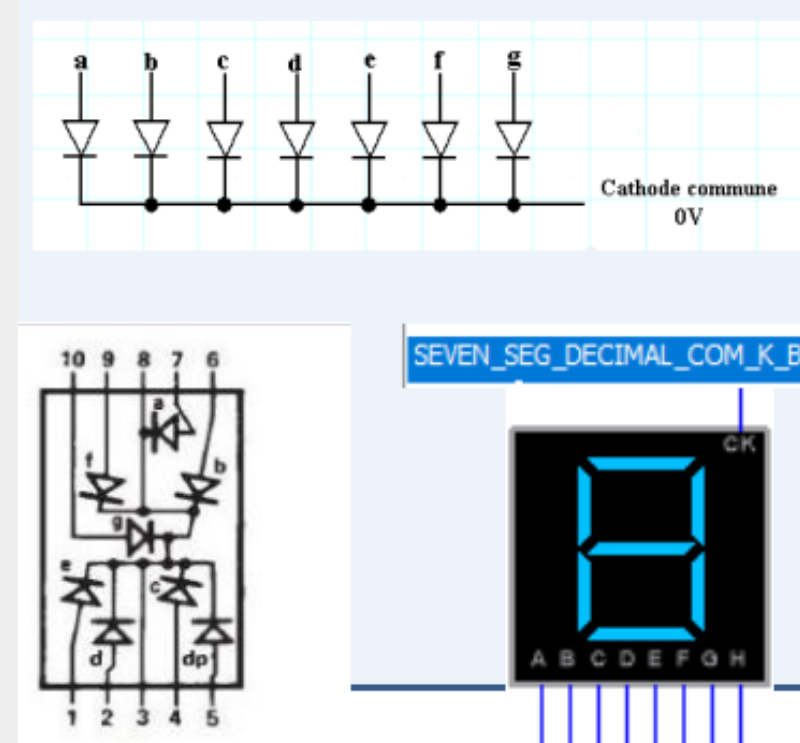
## Anodes communes

Toutes les anodes reliées au **+VCC**

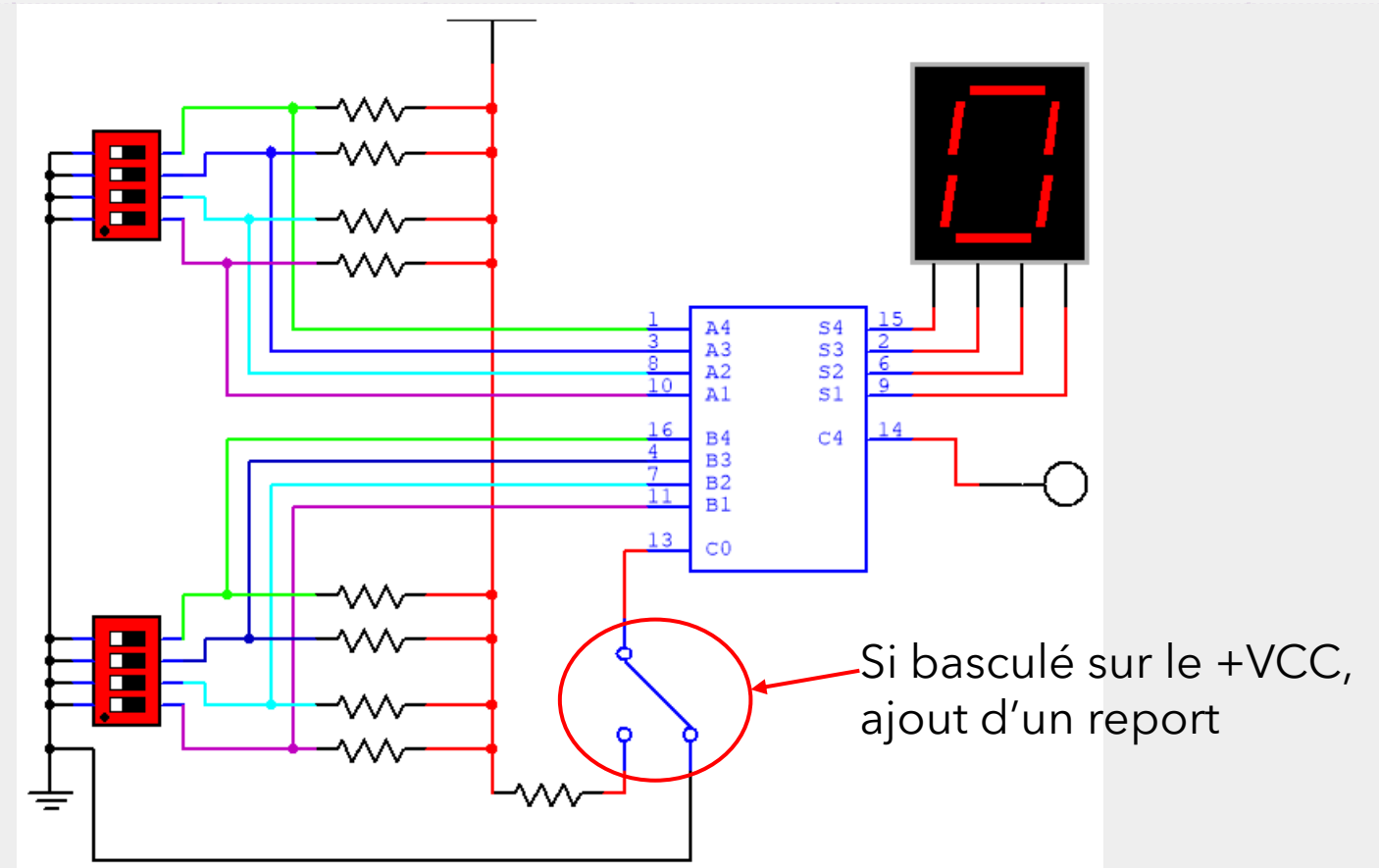
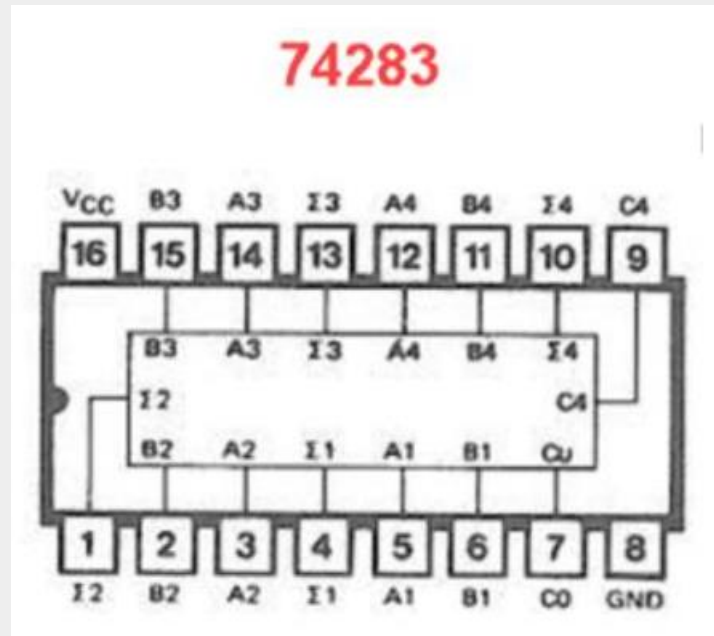


## Cathodes communes

Toutes les cathodes reliées au **GND**

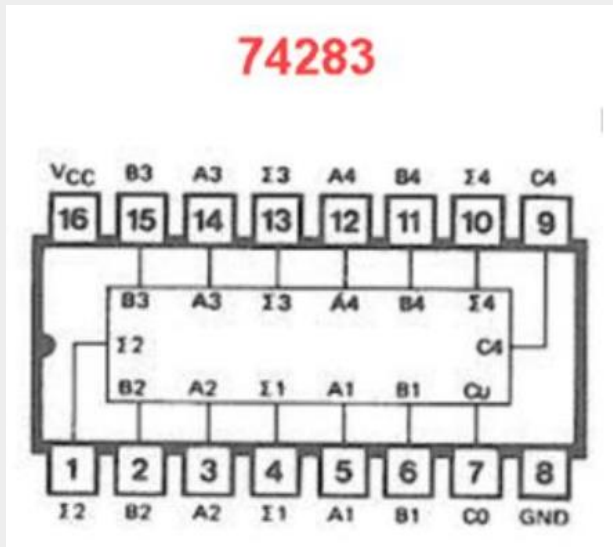


# Additionner 2 quartets



# Soustracteur : méthode du complément à 1

Afin d'effectuer une soustraction, on **additionne le 1<sup>er</sup> nombre au complément à 1 du 2<sup>e</sup>**



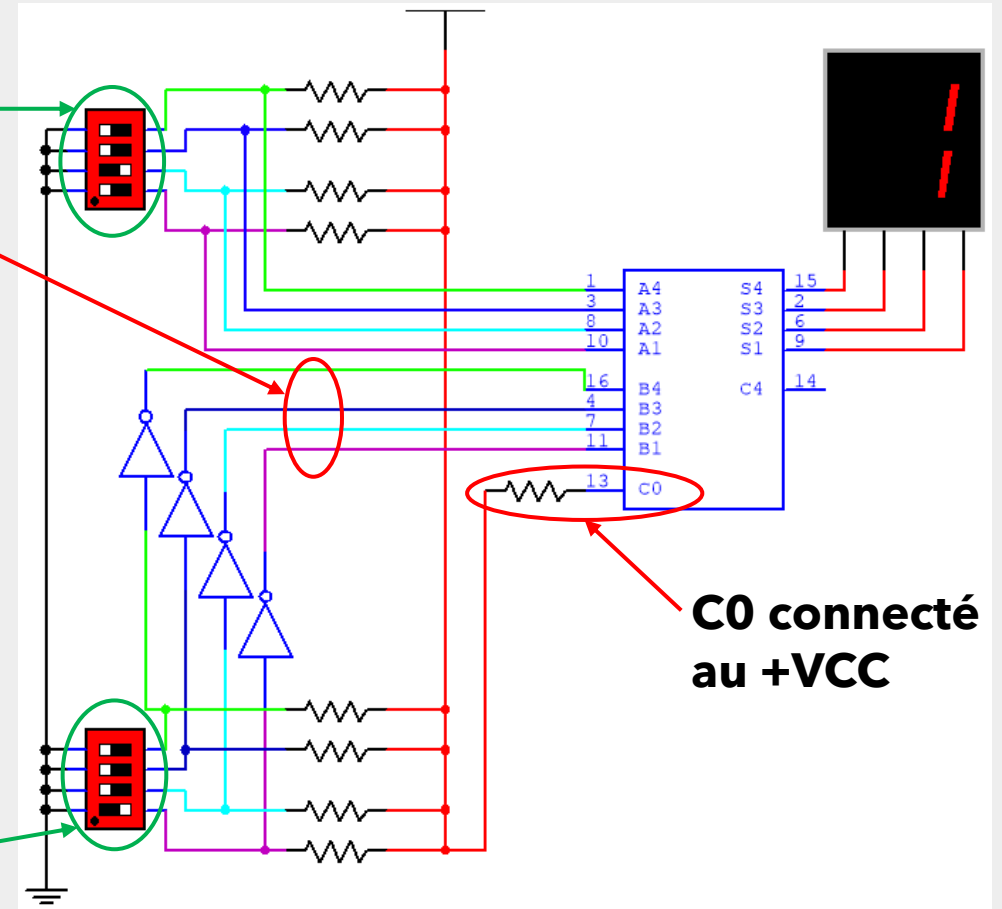
(Les sortie  $\Sigma$  équivalent aux sortie S sur le schéma à droite)

$$\begin{array}{r} 2_d = 0010_b \\ - 1_d = 0001_b \\ \hline 2_d = 0010_b \\ + \overline{1_d} = 1110_b \\ + C0 = 0001_b \\ \hline 1_d = 0001_b \end{array}$$

**Complément à 1**

$2_d = 0010_b$

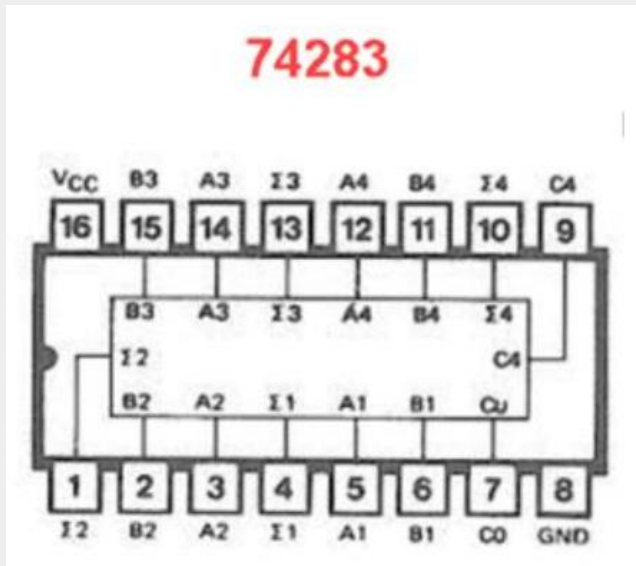
$1_d = 0001_b$



**C0 connecté au +VCC**

# Soustracteur : méthode du complément à 2

Afin d'effectuer une soustraction, on **additionne le 1<sup>er</sup> nombre au complément à 2 du 2<sup>e</sup>**



(Les sortie  $\Sigma$  équivalent aux sortie S sur le schéma à droite)

$$\begin{aligned} 6_d &= 0110_b \\ \text{Complément à 1 :} & \\ &1001_b \\ \text{Complément à 2 :} & \\ &1010_b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 13_d &= 1101_b \\ \text{Complément à 1} & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 13_d &= 1101_b \\ - 6_d &= 0110_b \\ \hline 13_d &= 1101_b \\ + 1010_b & \\ \hline 7_d &= 0111_b \end{aligned}$$

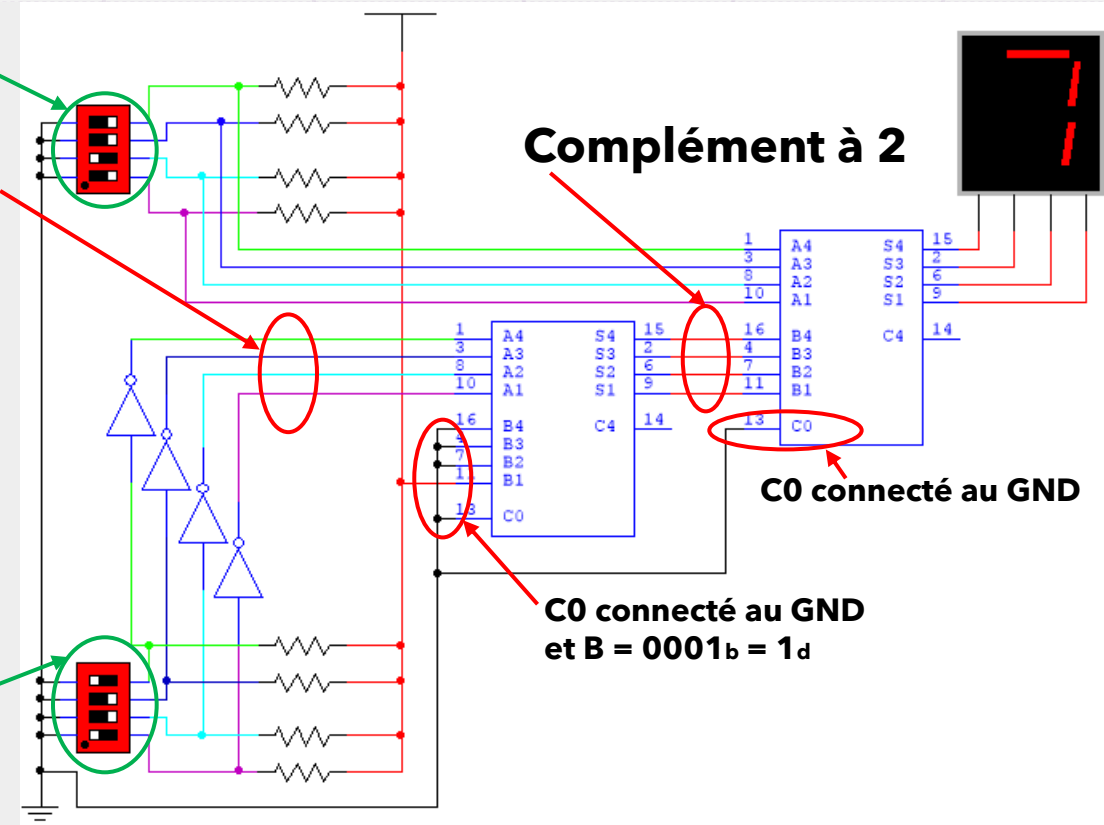
$$6_d = 0110_b$$

**Rappel:**

Complément à 1 : on inverse tout les bits

Complément à 2 : on ajoute 1 au complément à 1

Synthèse réalisée par Ika?

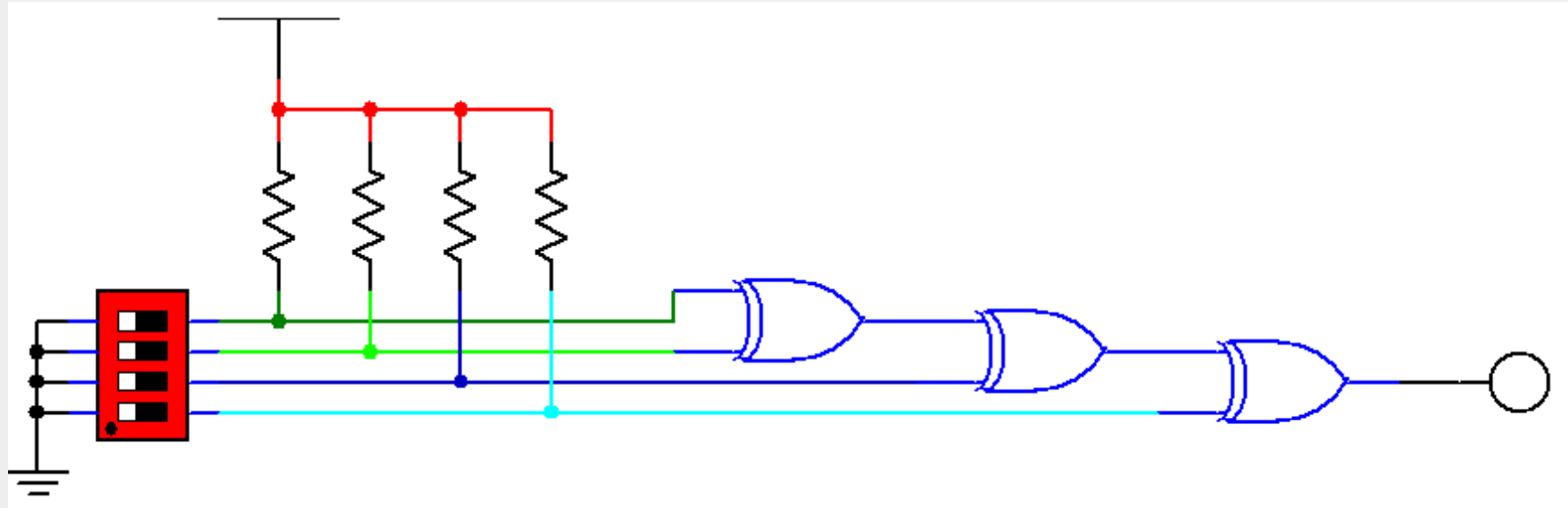




# Générateur de parité

| D | C | B | A | P | I |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |

$$P = \bar{I} = A \oplus B \oplus C \oplus D$$

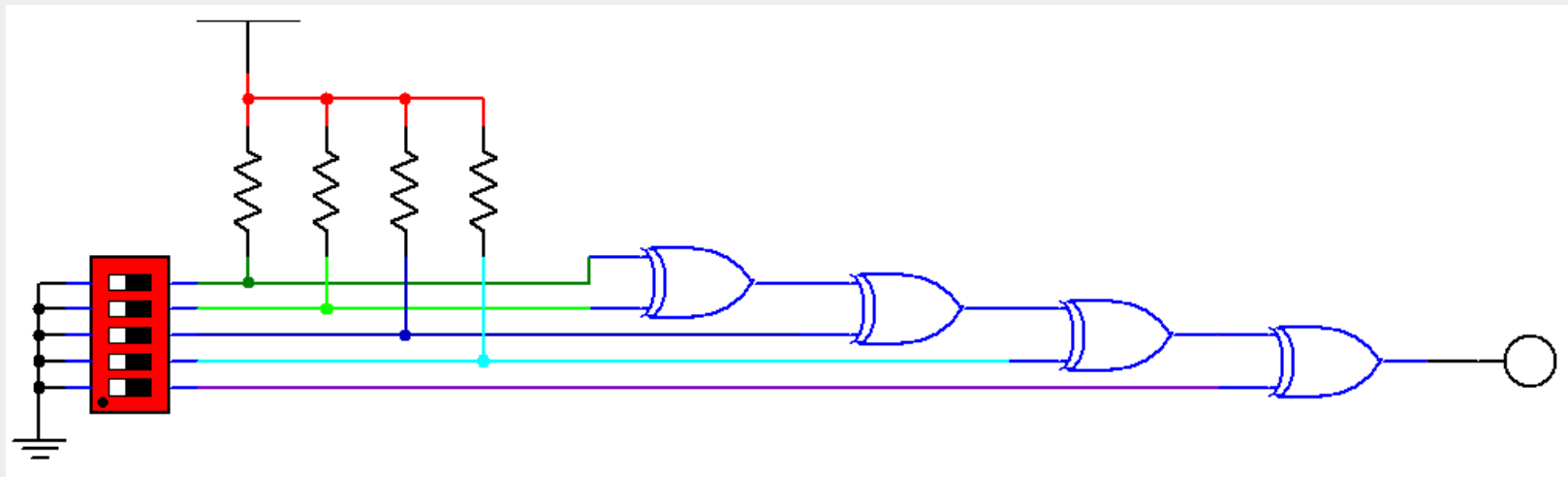


# Détecteur/Contrôleur de parité

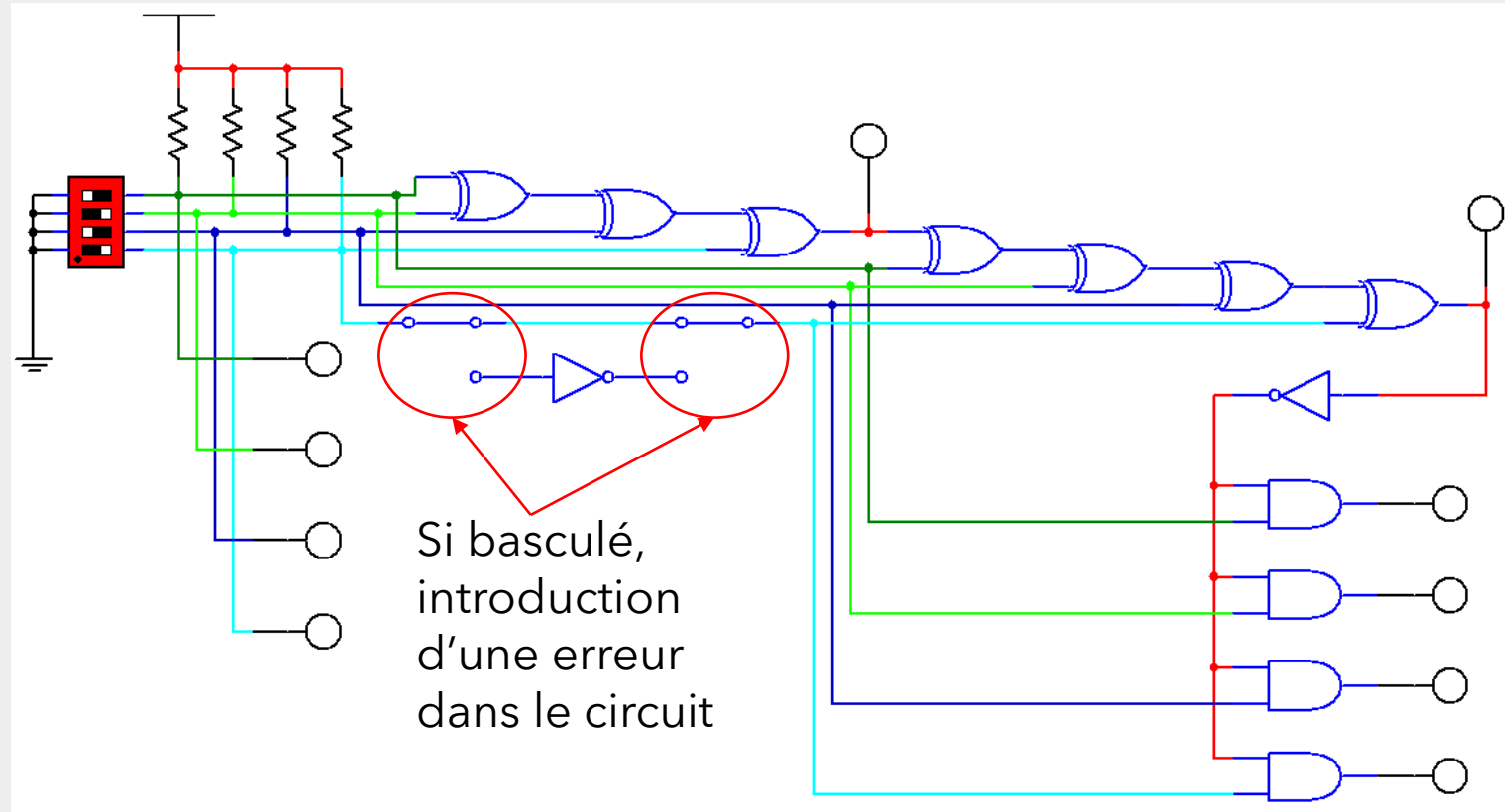
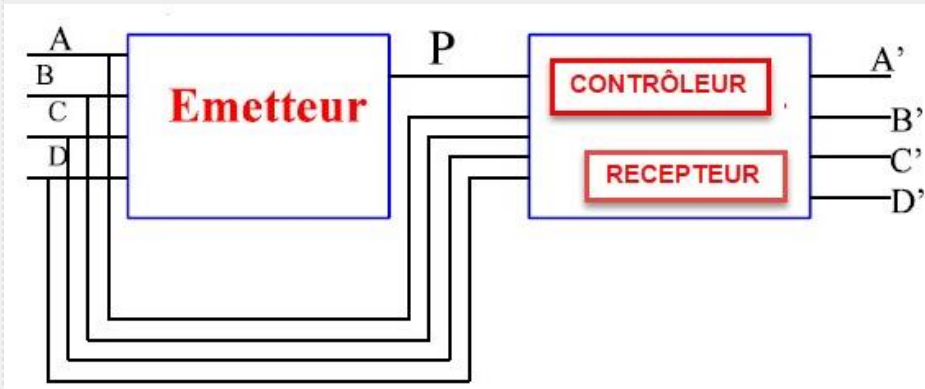
| ENTREES |   |   |   |   | Sortie |
|---------|---|---|---|---|--------|
| D       | C | B | A | P | Erreur |
| 0       | 0 | 0 | 0 | 0 | 0      |
| 0       | 0 | 0 | 0 | 1 | 1      |
| 0       | 0 | 0 | 1 | 0 | 1      |
| 0       | 0 | 0 | 1 | 1 | 0      |
| 0       | 0 | 1 | 0 | 0 | 1      |
| 0       | 0 | 1 | 0 | 1 | 0      |
| 0       | 0 | 1 | 1 | 0 | 0      |
| 0       | 0 | 1 | 1 | 1 | 1      |
| 0       | 1 | 0 | 0 | 0 | 1      |
| 0       | 1 | 0 | 0 | 1 | 0      |
| 0       | 1 | 0 | 1 | 0 | 0      |
| 0       | 1 | 0 | 1 | 1 | 1      |
| 0       | 1 | 1 | 0 | 0 | 0      |
| 0       | 1 | 1 | 0 | 1 | 1      |
| 0       | 1 | 1 | 1 | 0 | 1      |
| 0       | 1 | 1 | 1 | 1 | 0      |

...

$$E = A \oplus B \oplus C \oplus D \oplus P$$

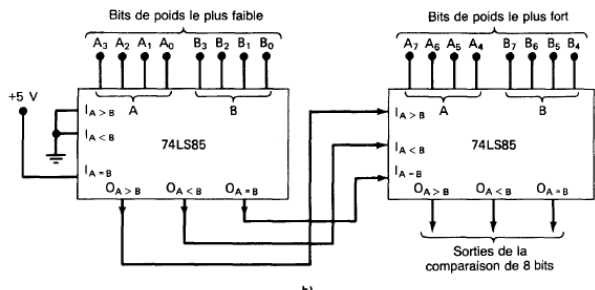


# Générateur et détecteur de parité



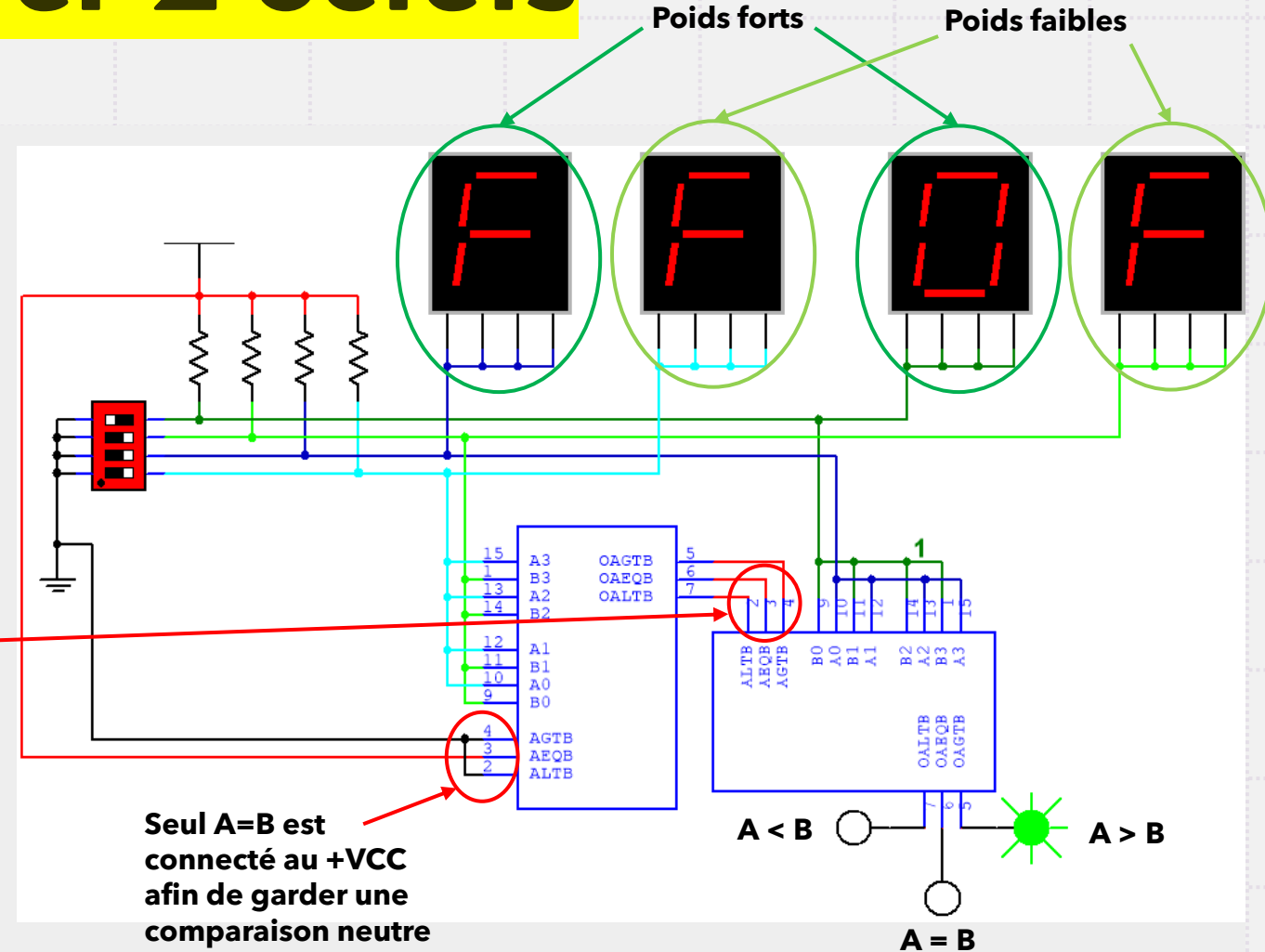
# Comparer 2 octets

On **compare d'abord** les **poids forts** et **s'il sont égaux**, on compare les **poids faibles**.



(Attention : sur ce circuit, les entrées A et B se suivent contrairement à l'exemple à droite)

**Cette connexion permet de récupérer la comparaison des poids faibles. Celle-ci n'entre en jeu que si les poids forts sont égaux**



**Seul A=B est connecté au +VCC afin de garder une comparaison neutre**

# Transcodeur Gray-Binaire

Le transcodeur est un **circuit logique** qui **passé d'un code à un autre**

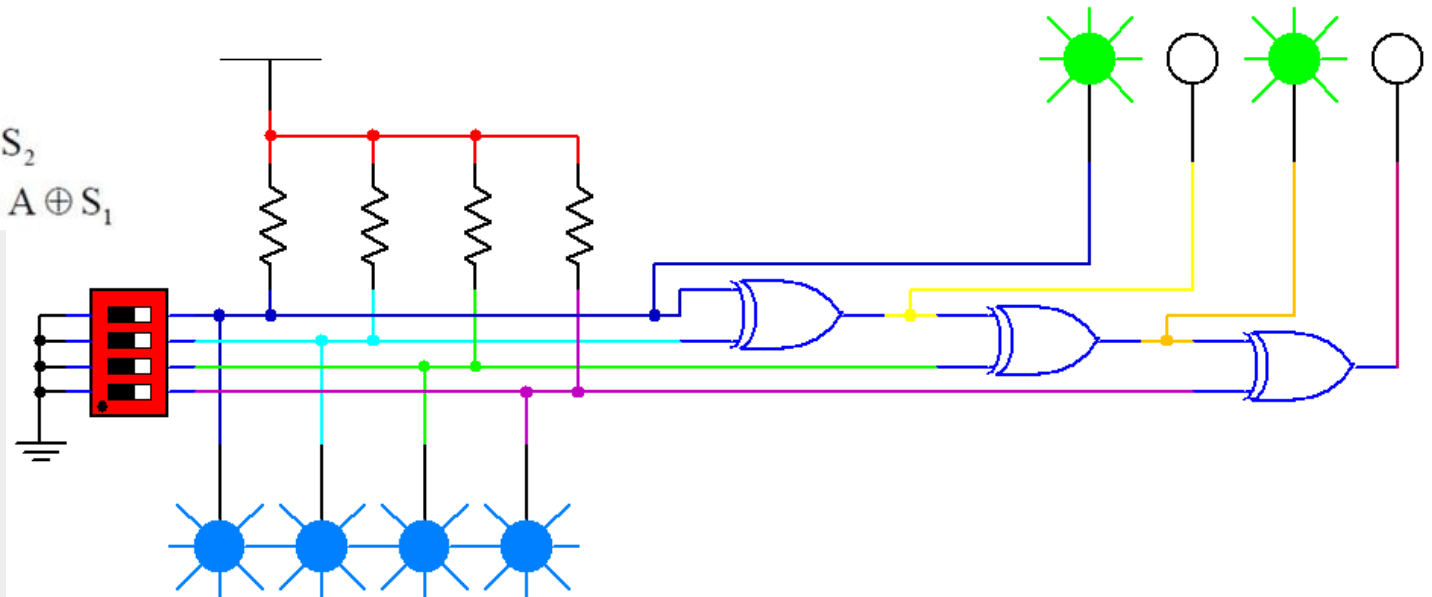
| décimal | GRAY |   |   |   | BINAIRE        |                |                |                |
|---------|------|---|---|---|----------------|----------------|----------------|----------------|
| N       | D    | C | B | A | S <sub>3</sub> | S <sub>2</sub> | S <sub>1</sub> | S <sub>0</sub> |
| 0       | 0    | 0 | 0 | 0 | 0              | 0              | 0              | 0              |
| 1       | 0    | 0 | 0 | 1 | 0              | 0              | 0              | 1              |
| 2       | 0    | 0 | 1 | 1 | 0              | 0              | 1              | 0              |
| 3       | 0    | 0 | 1 | 0 | 0              | 0              | 1              | 1              |
| 4       | 0    | 1 | 1 | 0 | 0              | 1              | 0              | 0              |
| 5       | 0    | 1 | 1 | 1 | 0              | 1              | 0              | 1              |
| 6       | 0    | 1 | 0 | 1 | 0              | 1              | 1              | 0              |
| 7       | 0    | 1 | 0 | 0 | 0              | 1              | 1              | 1              |
| 8       | 1    | 1 | 0 | 0 | 1              | 0              | 0              | 0              |
| 9       | 1    | 1 | 0 | 1 | 1              | 0              | 0              | 1              |
| 10      | 1    | 1 | 1 | 1 | 1              | 0              | 1              | 0              |
| 11      | 1    | 1 | 1 | 0 | 1              | 0              | 1              | 1              |
| 12      | 1    | 0 | 1 | 0 | 1              | 1              | 0              | 0              |
| 13      | 1    | 0 | 1 | 1 | 1              | 1              | 0              | 1              |
| 14      | 1    | 0 | 0 | 1 | 1              | 1              | 1              | 0              |
| 15      | 1    | 0 | 0 | 0 | 1              | 1              | 1              | 1              |

$$S_3 = D$$

$$S_2 = C \oplus D$$

$$S_1 = B \oplus C \oplus D = B \oplus S_2$$

$$S_0 = A \oplus B \oplus C \oplus D = A \oplus S_1$$



# Transcodeur Binaire-Gray

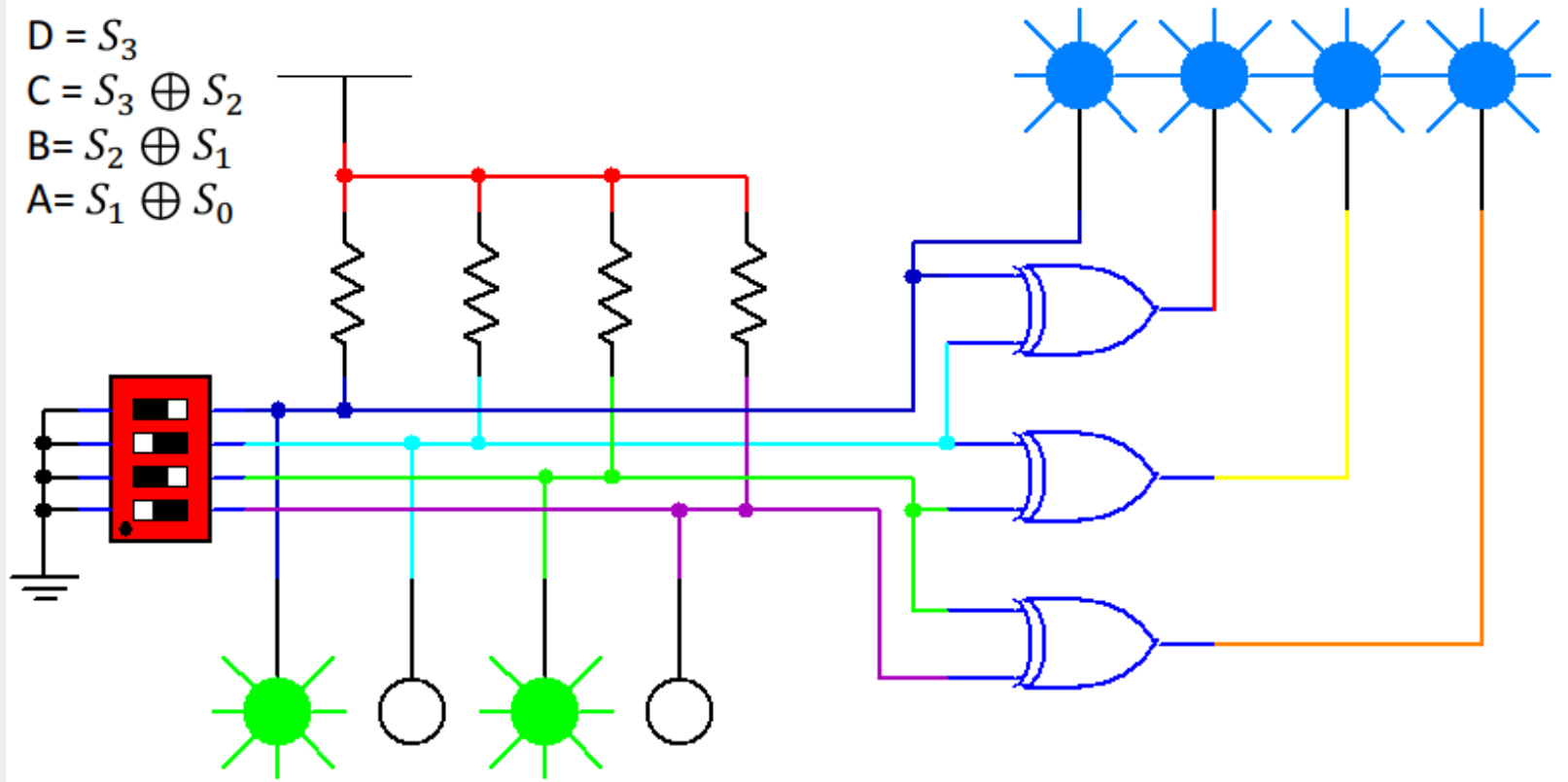
| décimal | BINAIRE        |                |                |                | GRAY |   |   |   |
|---------|----------------|----------------|----------------|----------------|------|---|---|---|
| N       | S <sub>3</sub> | S <sub>2</sub> | S <sub>1</sub> | S <sub>0</sub> | D    | C | B | A |
| 0       | 0              | 0              | 0              | 0              | 0    | 0 | 0 | 0 |
| 1       | 0              | 0              | 0              | 1              | 0    | 0 | 0 | 1 |
| 2       | 0              | 0              | 1              | 0              | 0    | 0 | 1 | 1 |
| 3       | 0              | 0              | 1              | 1              | 0    | 0 | 1 | 0 |
| 4       | 0              | 1              | 0              | 0              | 0    | 1 | 1 | 0 |
| 5       | 0              | 1              | 0              | 1              | 0    | 1 | 1 | 1 |
| 6       | 0              | 1              | 1              | 0              | 0    | 1 | 0 | 1 |
| 7       | 0              | 1              | 1              | 1              | 0    | 1 | 0 | 0 |
| 8       | 1              | 0              | 0              | 0              | 1    | 1 | 0 | 0 |
| 9       | 1              | 0              | 0              | 1              | 1    | 1 | 0 | 1 |
| 10      | 1              | 0              | 1              | 0              | 1    | 1 | 1 | 1 |
| 11      | 1              | 0              | 1              | 1              | 1    | 1 | 1 | 0 |
| 12      | 1              | 1              | 0              | 0              | 1    | 0 | 1 | 0 |
| 13      | 1              | 1              | 0              | 1              | 1    | 0 | 1 | 1 |
| 14      | 1              | 1              | 1              | 0              | 1    | 0 | 0 | 1 |
| 15      | 1              | 1              | 1              | 1              | 1    | 0 | 0 | 0 |

$$D = S_3$$

$$C = S_3 \oplus S_2$$

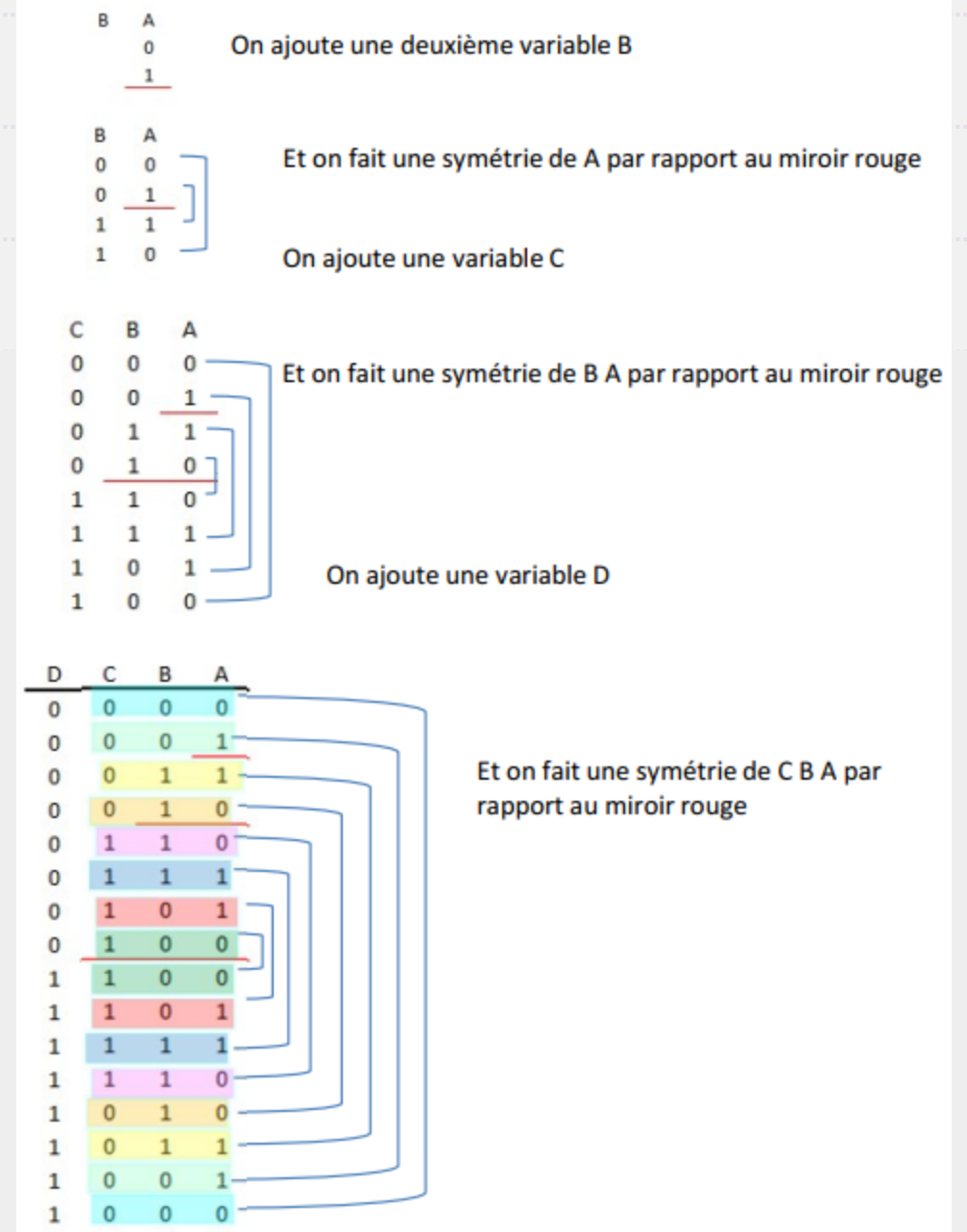
$$B = S_2 \oplus S_1$$

$$A = S_1 \oplus S_0$$



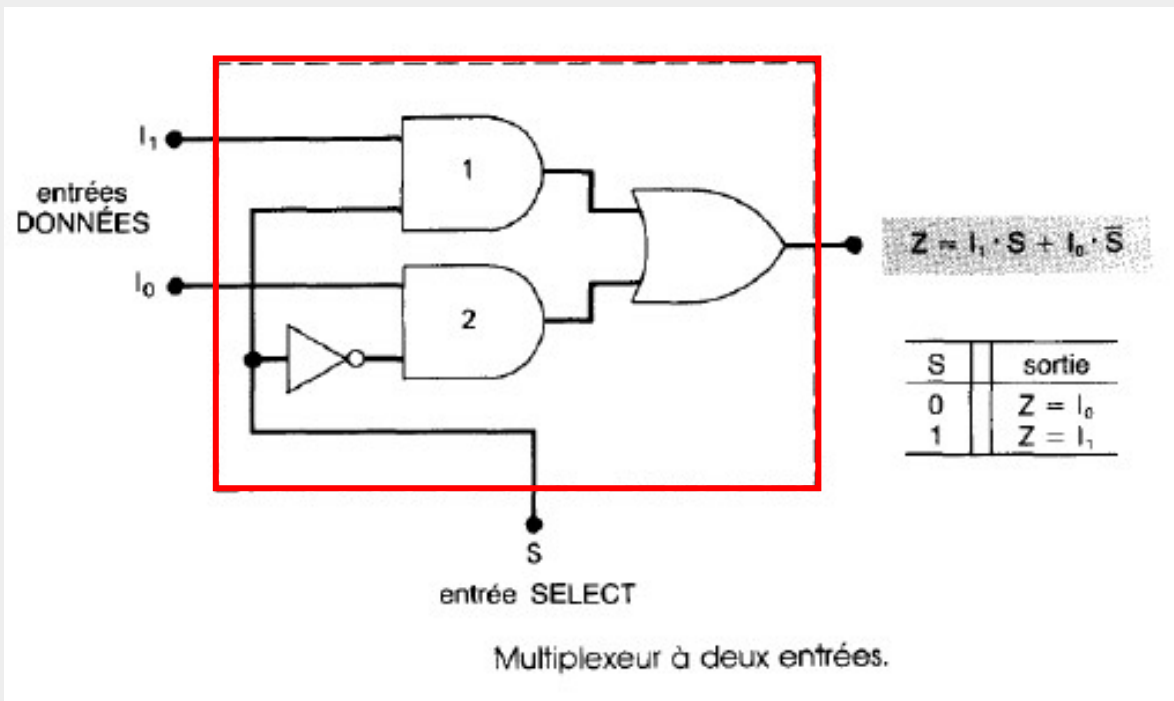
# Annexe : Création d'un code Gray

Le **code Gray** ou "**binaire réfléchi**" permet de coder une valeur numérique en cours d'évolution en une suite de configurations binaires se différenciant l'une de l'autre par le **changement d'état d'un seul bit à la fois**.



# Multiplexeur

Un **multiplexeur** ou **sélecteur de données** est un **circuit logique** ayant **plusieurs entrées** de données, mais **seulement une sortie** qui communique les données



$$Z = I_0 \bar{S} + I_1 S$$

Si  $S = 0 \longrightarrow Z = I_0$

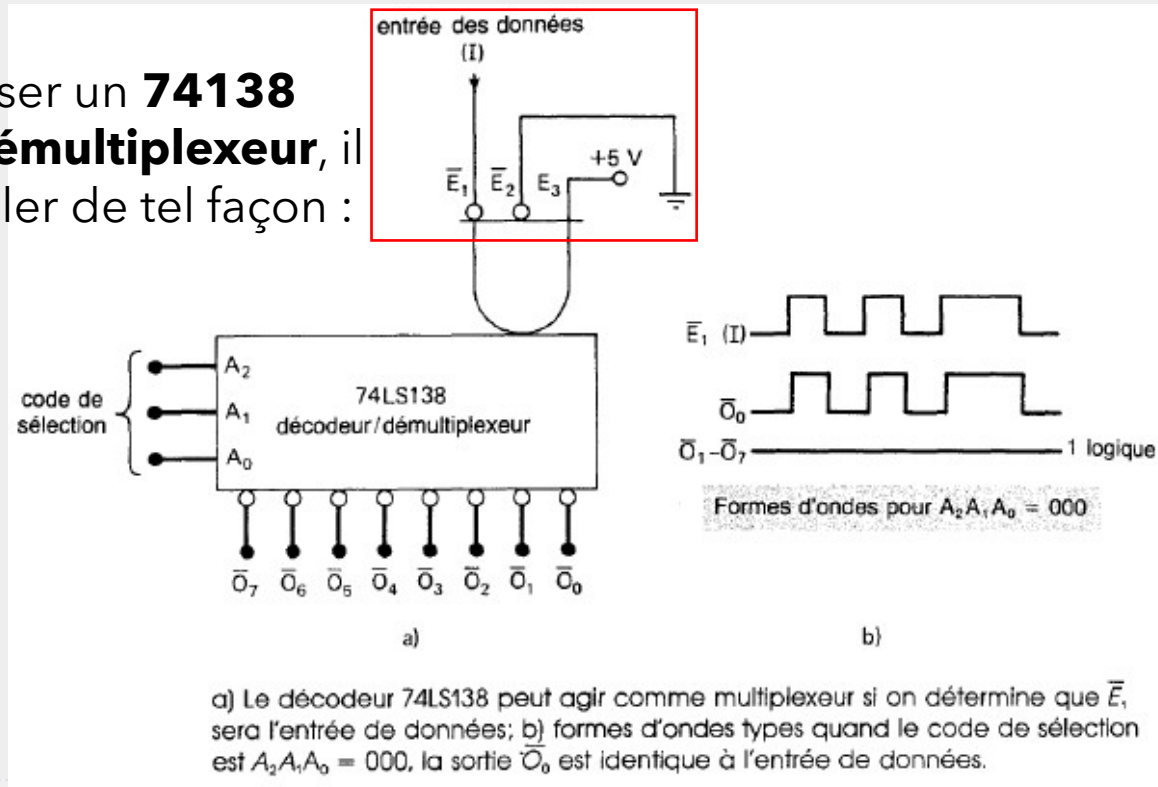
Si  $S = 1 \longrightarrow Z = I_1$



# Démultiplexeur

Un **démultiplexeur** effectue l'opération inverse: il n'a **qu'une entrée** et **dirige** celle-ci vers une sortie parmi **plusieurs sorties**.

Afin d'utiliser un **74138** comme **démultiplexeur**, il faut le câbler de tel façon :



# Bonne chance 🙌

Synthèse réalisée par **Ika?**

Si tu souhaite me remercier :

- [Faire un don sur Ko-fi \(lien\)](#)
- tu peux aussi m'offrir un verre 🥰

