מדינת ישראל

משרד החינוך

בגרות סוג הבחינה:

קיץ תשע"ח, 2018, **מועד ב** מועד הבחינה:

035582 מספר השאלון:

דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד נספח:

מתמטיקה

5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

משך הבחינה: שעתיים ורבע. ۸.

מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים. ב.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים – 33 $\frac{1}{3}$ ×2 – מספרים מרוכבים נקודות

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – 33 $\frac{1}{3}$ – 33 $\frac{1}{3}$ בקודות מעריכיות ולוגריתמיות סה"כ — 100 נקודות

חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

:הוראות מיוחדות

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
 - (3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה. שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק ראשון — מספרים מרוכבים מחוכבים מספרים מחוכבים מחוכבים ($\frac{2}{3}$

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

.1 הוא פרמטר. p > 0 . $y^2 = 2px$ הוא פרמטר.

. מצאות על הפרבולה או נמצאות וו
 $B(\boldsymbol{x}_2\,,\boldsymbol{y}_2)$ ו ה $A(\boldsymbol{x}_1\,,\boldsymbol{y}_1)$ הנקודות

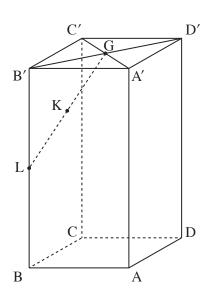
 $\frac{4}{3}$ נתון: שיפוע הישר AB נתון

.9 אוא AB של אמצע הקטע y שיעור ה־

א. מצא את משוואת הפרבולה.

נתון: המשיקים לפרבולה דרך הנקודות $\, \mathbf{A} \,$ ו־ $\, \mathbf{B} \,$ מאונכים זה לזה.

- ברביע הראשון). A ור A (הנקודה A נמצאת ברביע הראשון).
- **ג.** מצא עוד זוג נקודות על הפרבולה שהמשיקים דרכן לפרבולה מאונכים זה לזה.



, BB' היא אמצע המקצוע ABCDA'B'C'D' בתיבה בתיבה A'B'C'D' הנקודה G היא מפגש האלכסונים של הפאה היא מפגש היא מפגש האלכסונים הפאה היא מפגש האלכסונים של הפאה היא מפגש היא מפגש האלכסונים של הפאה היא מפגש הי

.(ראה ציור) LG היא אמצע הקטע K

.
$$\overrightarrow{AA'} = \underline{w}$$
 , $\overrightarrow{AB} = \underline{v}$, $\overrightarrow{AD} = \underline{u}$:נסמן:

- \overrightarrow{DK} את \overrightarrow{W} ו \overrightarrow{V} את \overrightarrow{V} , \overrightarrow{U} את
- , DB' נמצאת על האלכסון K הוכח שהנקודה .:

$$rac{\mathrm{DK}}{\mathrm{DB}'}$$
 ומצא את היחס

 ${
m .F}$ חותך את המישור ${
m BCC'B'}$ בנקודה AK ההמשך של הקטע

$$\overrightarrow{AF} = s \cdot \underline{u} + \underline{v} + t \cdot \underline{w}$$
 :נתון:

- נמצאת F והראה כי הנקודה, t את s את מצא את (1) א. אל מצא את $\mathrm{B'C'}$ על המקצוע
 - $\frac{B'F}{B'C'}$ מצא את היחס (2)
- המייצגים מרוכבים שונים המ $\,z_{\rm C}$ ו ב $\,z_{\rm B}$, $\,z_{\rm A}\,$.3 את הנקודות $\,$ B , A הנקודות את הנקודות את הנקודות אוס, בהתאמה.

,
$$|z_A| = |z_B| = |z_C| = \sqrt{65}$$
 :נתון:

, ומצאת ברביע הראשון, A

. (8 – i) ב (8 + i) \overline{z} מקיימים את המשוואה: $z_{\rm C}$ ז ב $z_{\rm A}$

- z_{C} ואת את מצא את (1) מצא את

. AB = BC נתון:

מצא את שתי האפשרויות). ב. מצא את \mathbf{z}_{B}

נתון: הנקודה B נמצאת ברביע השני.

. $\mathbf{a}_2 = \mathbf{z}_B$ ו $\mathbf{a}_1 = \mathbf{z}_A$ היא סדרה הנדסית שבה \mathbf{a}_n

.0 הוא \boldsymbol{a}_n הסדרה של הראשונים האיברים האיברים שסכום סבעי כך מחנון: \boldsymbol{m} הוא

הסבר מדוע m מתחלק ב־ 4 ללא שארית.

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{2}$ 33 נקודות)

.5-4 ענה על אחת מן השאלות

שים לב: אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

.
$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x}$$
 נתונה הפונקציה .4

.
$$g(x) = e^x - x$$
 :נסמן

- g(x) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מהו מהו
- . $e^x x \ge 1$ מתקיים: $x \ge 1$ מתקיים: $x \ge 1$ מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה (2)
 - ב. מהו תחום ההגדרה של הפונקציה (f(x))? נמק.
 - (אם יש כאלה). מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה (f(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - . (אם יש כאלה) עם הצירים f(x) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (3)

.
$$f'(x) = \frac{2e^x - xe^x - 1}{(e^x - x)^2}$$
 הראה כי

 $x-1 \le x \le 1$ וחיובי בתחום אוגדר לכל מוגדר לפל 2e^x - xe^x - 1 ידוע כי הביטוי

- $1-1 \le x \le 1$ בתחום 1 בתחום בתחום (1) הפונקציה של גרף הפונקציה (1) האת ואת f(-1) העב את (1) .
- ההגדרה קיצון פחות שתי נקודות שתי לפונקציה ($\mathbf{r}(\mathbf{x})$ יש לפונקציה הסדמים הקודמים הקודמים הסתמך על הסעיפים שלה כולו.
 - f(x) ועל ידי גרף הפונקציה x=-1, על ידי איר ה־ x, על ידי את השטח המוגבל על ידי את השטח המוגבל על ידי איר ה־ x=-1.

- . נתונה הפונקציה: b > 0 . $f(x) = \ln(e^{2x} + b)$ הוא פרמטר.
 - f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- (אם יש כאלה). f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (מ)

.
$$g(x) = \ln(e^x + be^{-x})$$
 נתונה הפונקציה:

- $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה
 - . f(x) g(x) = x הוכח: (1) ...
- .(b אם צריך, הבע באמצעות g(x) ו־ f(x) מצא את שיעורי נקודת החיתוך של הגרפים של הפונקציות (2)

f(x) מצאת של האסימפטוטה של הפונקציה g(x) נמצאת של הפונקציה של הפונקציה נתון כי נקודת המינימום של

- . b מצא את ערך הפרמטר
- f(x) ו־ f(x) ו־ f(x) ו־ f(x) ו־ f(x) ו־ הצב f(x) ו־ f(x) ו־ f(x) ו־ f(x) ו־ f(x)