מועד מיוחד

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: מועד מיוחד, קיץ תשפ"א, 2021

מספר השאלון: 35582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

מתמטיקה 5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.
- ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

פרק שני – גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות שני – גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות שעריכיות ולוגריתמיות עליך לענות על שלוש שאלות לבחירתך – $33\frac{1}{3}$ אונ בחירתך שלוש שאלות לבחירתך שלוש שאלות לבחירתך אונגריתמיות

חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

۲.

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- 2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשוֹם "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מן השאלות 1-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- נתון פרמטר a שונה מאפס.
- שווה למרחק שלהן מן הנקודה (a,-1) שווה למרחק שלהן מל כל הנקודות שהמרחק שלהן מן הראה כי המקום הגאומטרי של כל הנקודות שהמרחק שלהן מו (-a,1) הוא קו ישר. הבע את משוואת הישר באמצעות (-a,1)

. y = -ax נתון הישר

ב. מצא לאַילו ערכים של a , הישר הנתון והישר שמצאת בסעיף א ניצבים זה לזה.

הישר שני המעגלים שני המעגלים והישר הנתון ניצבים אונחים לשני מעגלים, M ו־ N מרכזי שני המעגלים מונחים על . y משמאל לציר ה־ y המעגל המעגל M נמצא מימין לציר ה־ y המעגל המעגל M נמצא מימין לציר ה־ א המעגל והמעגל והמעגל המעגל שניר ה־ א המעגל והמעגל שניר ה־ א המעגל והמעגל המעגל שניר ה־ א המעגל והמעגל והמעגל והמעגל והמעגל א המעגל והמעגל ומעגל ומ

1.00 נתון כי המרחק בין מרכזי המעגלים הוא 1.00, והרדיוס של המעגל אדול פי בין מרכזי המעגלים הוא 1.00

N ו־ M ו־ M מצא את המשוואות של המעגלים

. N רו M בישר משיק לשני המעגלים . $-x + \sqrt{17} \, y - 8 = 0$ נתון הישר

ד. מצא משוואה של ישר המשיק לשני המעגלים, נוסף על הישרים המשיקים המתוארים בשאלה. נמק את תשובתך.

- , ABCA'B'C' בסרטוט שלפניך מתוארת מנסרה ישרה
 - . ABC שהבסיס שלה הוא המשולש

,
$$\overrightarrow{AA'} = (k-1, k-7, k+1)$$
 נתון המספר k שבעבורו:

$$\overrightarrow{AB} = (k-1, k, 3)$$
, $\overrightarrow{AC} = (k+1, 0, k-3)$

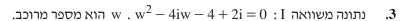
. k את ערכו של

.2

:בהתאמה ו־ אברים פר בהתאמה ו־ BC בהתאמה אמקצועות בהתאמה ו־ BC ו־ אברים וי

$$\ell_{AC}$$
: $\underline{x} = (8, -1, -1) + t(k+1, 0, k-3)$
 ℓ_{BC} : $\underline{x} = (4, 0, 2) + m(k, -k, -4)$

- A'B'C' מצא את משוואת המישור
 - . C'A'B' חשב את גודל הזווית
- . נמק. A'B'C' מצא את מרכז המעגל החוסם את ממכז ממכז מצא את מרכז מעגל



א. פתור את משוואה I.

. נתונה משוואה: $z \cdot z^3 = a + bi$ הם מספרים ממשיים.

ידוע כי אחד מפתרונות משוואה זו מתאים לנקודה הנמצאת במישור גאוס על הציר המדומה, בחלקו השלילי.

- ב. אחת מן הטענות 1–3 שלפניך נכונה. קבע איזו ונמק את קביעתך.
 - a = 0 , b > 0 .1
 - a < 0 , b = 0 .2
 - $a \neq 0$, $b \neq 0$.3

. I הם הפתרונות של הם א \mathbf{w}_1 ור \mathbf{w}_2 , $\mathbf{z}^3 = 2(\mathbf{w}_1 + \mathbf{w}_2): \mathbf{II}$ הם הפתרונות נתונה

. II פתור את משוואה

. מייצגים משולש של קודקודים מייצגים וו מייצגים משולש משולש מייצגים מייצגים וו מייצגים משולש משולש מייצגים וו

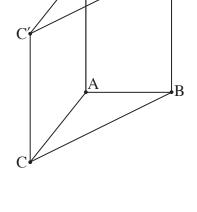
ד. סרטט את המשולש שהתקבל במישור גאוס.

. ממשי מדומה d , $\mathbf{u}=\mathrm{d} i$ מדומה מחפר מתון מספר

מוסיפים את u לכל אחד מן הפתרונות של משוואה II כך שהמספרים שמתקבלים מייצגים משולש חדש.

הצירים. מצא את הערך של $\,\mathrm{d}\,$ שבעבורו המעגל החוסם את המשולש החדש עובר דרך ראשית הצירים.

מצא את שתי האפשרויות.



פרק שני – גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

- . $f(x) = \frac{e^x e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$: נתונה הפונקציה:
- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- (אם יש כאלה). מצא את המשוואות של האסימפטוטות של הפונקציה (f(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - (אם יש כאלה). f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (3)
 - היא אי־זוגית. f(x) הוכח כי הפונקציה (4)
 - . f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה

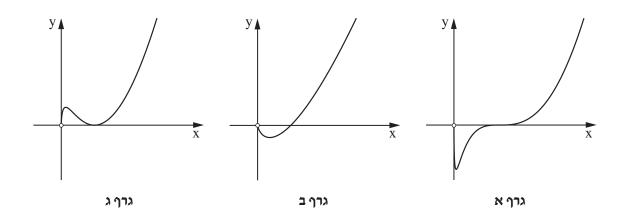
. הוא פרמטר a , $g(x) = a \cdot x$: נתון הישר

g(1) = f(1) ידוע כי

- .a מצא את a.
- f(x) חשב את השטח הכלוא בין גרף הפונקציה לבין הישר (2)

- . הוא מספר טבעי. $n \ge 1$, $f(x) = x \cdot (\ell n(x))^n$ הוא מספר טבעי.
- . n אי־זוגי. אם יש צורך, בטא את תשובותיך באמצעות n אוגי ובעבור n זוגי ובעבור n זוגי ובעבור
 - (ו) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.
 - מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה.
 - מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוגן. (3)
 - ב. כל אחד מן הגרפים א–ג שלפניך מתאר פונקציה במשפחה.

. n=3 איזה ארף יכול להתאים ל- n=2 איזה ארף יכול להתאים ל- n=1 איזה ארף יכול להתאים ל- n=3 נמק את קביעותיר.



. g(x) =
$$\frac{1}{x \cdot (\ln(x))^2}$$
 נתונה הפונקציה:

- . g(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה . ${f x}$
- . $x = \frac{1}{e^2}$ ו $x = \frac{1}{e}$ ועל ידי איר הישרים x ועל ידי גרף הפונקציה ק(x), על ידי איר הישרים את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה ידי איר הישרים x