מדינת ישראל משרד החינור

מועד קיץ

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: קיץ תשפ"א, 2021

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

מתמטיקה ז יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק מספרים מרוכבים מרוכבים טריגונומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה מספרים מרוכבים מרוכבים -

מעריכיות ולוגריתמיות חזקה, פונקציות ודעיכה, בדילה דעיכה, בדילה אני – גדילה ביק פונקציות הדעיכה, ביק שני

עליך לענות על שלוש שאלות לבחירתך $-33\frac{1}{3}$ ב 100 נקודות.

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשוֹם "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מן השאלות 5-1 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ 33 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- a>0 , a נתון פרמטר 1.
- שווה (a , 0) שווה משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות שהמרחק שלהן מן הנקודה (x = a -1 שווה למרחק שלהן מן הישר
- שווה (0 , a) מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות שהמרחק שלהן מן הנקודה y=a-1 . עברחק שלהן מן הישר

(2,2) נתון כי שני המקומות הגאומטריים שמצאת בסעיפים א-ב נחתכים בשתי נקודות. אחת הנקודות היא

- .a מצא את (1) מצא את
- מצא את שיעורי נקודת החיתוך האחרת.

מחברים את שתי נקודות החיתוך של שני המקומות הגאומטריים עם הנקודות $(3a\,,0)$ ו־ $(3a\,,0)$ כך שמתקבל מרובע.

- **ד.** (1) מהו סוג המרובע שהתקבל? נמק.
 - (2) חשב את שטח המרובע.

נתונה פירמידה מרובעת SABCD שבסיסה ABCD מנתונה פירמידה מרובעת.

. נתון:
$$\overrightarrow{SE} = t \cdot \overrightarrow{SC}$$
 , $\overrightarrow{SA} = BA$, $\checkmark BAD = 60^o$ הוא פרמטר. \overrightarrow{SA} מאונך לבסיס הפירמידה,

.
$$\overrightarrow{AB} = \underline{u}$$
 , $\overrightarrow{AD} = \underline{v}$, $\overrightarrow{AS} = \underline{w}$:נסמן:

- t , \underline{u} , \underline{v} , \underline{w} באמצעות \overrightarrow{ED} ור \overrightarrow{EB} באמצעות את הווקטורים
 - . t = $\frac{1}{2}$:נתון
 - \overrightarrow{ED} מאונך ל־ \overrightarrow{EB} מאונך מאונך ל־
- . הוכח כי האנך מן הנקודה E לבסיס עובר דרך נקודת מפגש האלכסונים של המעוין.

נתון: על ציר ה־ y בכיוון מצא על איר ה' B (6
$$\sqrt{3}$$
 , 6 , 0) , A(0 , 0 , 0) נתון:

. גדול מאפס S של הנקודה Z שיעור ה־

- .D ר S ור את שיעורי הקודקודים S ור S.
 - . SAB מצא את משוואת המישור
- .(בב). נתונה המשוואה z = -16 הוא מספר מרוכב).
 - א. פתור את המשוואה.

נתון: פתרונות המשוואה מייצגים קודקודים של מצולע במישור גאוס.

סרטט במערכת הצירים את המצולע שהתקבל.

. כופלים בי לאחד מן המספרים המייצגים את קודקודי המצולע. כופלים בי לאחד מן כל אחד מן כופלים בי

ג. מצא את שיעורי הנקודות המיוצגות על ידי המספרים שהתקבלו בהכפלה.

. הוא מספר טבעי, 11 < n < 17 ור הוא מספר ממשי n

. $z^n = c$ אחד מן המספרים המרוכבים שמצאת בסעיפים הקודמים שמצאת המחולה כל אחד מן המספרים המרוכבים המרוכבים המעופה מ

. c מצא את n ואת **7.**

הנקודות במישור גאוס, המיוצגות על ידי כל הפתרונות של המשוואה $z^n=c$ שמצאת בסעיף ד, יוצרות מצולע בעל n צלעות.

מצא את שטח המצולע.

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

- . a>1 הוא פרמטר, a . a . a . a . a . המוגדרת לכל $f(x)=1+ae^{-2x}$. נתונה הפונקציה בטא את תשובותיך באמצעות a , לפי הצורך.
- (אם יש כאלה). מצא את האסימפטוטות של הפונקציה f(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - . (אם יש כאלה) f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (2)
- עם הצירים (אם יש כאלה). מצא את שיעורי נקודות החיתוך של הפונקציה (f(x)
 - . $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ נתונה הפונקציה
- מצא את האסימפטוטות של הפונקציה g(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
- . $\mathbf{x} = \frac{\ln{(\mathbf{a})}}{2}$ ידוע כי לפונקציה $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ יש נקודת פיתול אחת, המתקבלת כאשר $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ ידוע כי לפונקציה $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ של נקודת הפיתול, וסרטט סקיצה של גרף הפונקציה $\mathbf{g}(\mathbf{x})$
 - . g'(x) מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה (1) מצא את
 - . פרט את שיקוליך. g'(x) הפונקציה גרף הפונקציה סרטט את סרטט את גרף הפונקציה
- . $y=rac{1}{2}$, x=0 ועל ידי הישרים g'(x) ועל ידי גרף הפונקציה מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה .
 - . $f(x) = \ln\left(\frac{x^2 1}{(x + 2)(x 1)}\right)$: מתונה הפונקציה: .5
 - f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1)
 - המאונכות לצירים. מצא את האסימפטוטות של הפונקציה (2)
 - (אם יש כאלה). מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (אם יש כאלה). (מ
 - f(x) סרטט את גרף הפונקציה (4)
 - . g(x) = ln(f(x)) נתונה הפונקציה:

. אוענה על השאבותיך על השאלות בסעיף א וענה על התת־סעיפים (1)-(3) שלפניך היעזר בתשובותיך על השאלות בסעיף א

- g(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1)
- (אם יש כאלה). g(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (g(x)
 - . פרט את שיקוליך. g(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (3)
- , קביעתך. נמק את חיובית. (מק את המכפלה $f(x) \cdot g(x)$ המכפלה , קבע אם המקיים $f(x) \cdot g(x)$ המקיים , קבע אם המכפלה

בהצלחה!