מדינת ישראל

סוג הבחינה: בגרות

משרד החינור: קיץ תשע"ח, 2018 משרד החינור: קיץ תשע"ח, 2018

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

מתמטיקה

5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים – 33 $\frac{1}{3}$ 2
 – מספרים מרוכבים טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – 13 $\frac{1}{3}$ – 33 $\frac{1}{3}$ – 33 $\frac{1}{3}$ נקודות סה"כ – 100 נקודות

. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
 - (3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה.

שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק ראשון — מספרים מרוכבים מחוכבים מספרים מחוכבים מחוכבים ($\frac{2}{3}$

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- .1 הוא פרמטר a > 0 . B (3, 0) ו־ A(- 3a, 0) הוא פרמטר.
- . $\frac{PA}{PB}=1$ המקיימות P הבע באמצעות את המקום הגאומטרי של כל הנקודות את המקום הא
- ם את a הראה שהמקום הגאומטרי של כל הנקודות Q המקיימות $Q = \frac{QA}{QB}$ הוא מעגל, והבע באמצעות Q שיעורי מרכז המעגל הזה ואת הרדיוס שלו.
- **ג.** נתבונן באוסף כל המעגלים אשר משיקים למקום הגאומטרי שמצאת בסעיף א ועוברים דרך מרכז המעגל שמצאת בסעיף ב.

נתון כי מרכזי המעגלים האלה מהווים מקום גאומטרי העובר דרך ראשית הצירים.

- והה את המקום הגאומטרי הזה. (1)
- . מצא את a, וכתוב את משוואתו של המקום הגאומטרי הזה. (2)

D'

D

В

P

ע ר' א א ירים על הצירים על הצירים בציור שלפניך נתונה התיבה 'ABCDA'B'C'D' המקצועות בציור שלפניך נתונה התיבה 'ABCDA'B'C'D' בהתאמה, כמתואר בציור.

C'



נסמן: a>0 . AB=a נסמן:

ור א נמצאות על L , N , P הנקודות

בהתאמה, A'B' בהתאמה, BC , DC , AA' מקצועות התיבה

, AP = 2PA' כך שמתקיים:

, BC היא אמצע המקצוע L

$$\overrightarrow{A'K} = \frac{4}{5}\overrightarrow{DN}$$

- . PNK את משוואת המישור
- .a אם צריך, הבע באמצעות NK מצא הצגה פרמטרית של הישר NK מצא הצגה פרמטרית של הישר
 - ור PL ו NK הסבר מדוע הישרים מצטלבים. (2)
- . עבור איזה ערך של PC'C = $82.1^{\rm o}$ פתשובתך השאר שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית.
 - . נמק. ? $\angle PC'C = 90^{\circ}$ נמק. (2)
 - . $\arg z_1 + \arg z_2 = 90^\circ$, $|z_1| = |z_2| = r$ מרוכבים המקיימים מרוכבים מרוכבים בי z_1 מרוכבים מרוכבים מרוכבים המקיימים .3
 - . r הוכח כי תוצאת המכפלה ב $\mathbf{z}_1 \cdot \mathbf{z}_2$ היא מספר מדומה טהור, והבע אותו באמצעות הוכח .

. z_3 ו z_2 , z_1 במישור גאוס מייצגות בהתאמה את המספרים המרוכבים z_1 ו z_2 ו z_3 ו z_4 . z_5 במישור גאוס מייצגות בהתאמה את המספרים המרוכבים z_5 ו z_5 אינן נמצאות על ישר אחד, והנקודה z_5 נתנון: הנקודות z_5 ו z_5 אינן נמצאות על ישר אחד, והנקודה

ב. הסבר מדוע המשולש ABC הוא משולש שווה שוקיים.

. במישור גאוס מתאימה למספר המרוכב D במישור גאוס מתאימה למספר במישור D הנקודה

$$z_1 + z_2 = 7 + 7i$$
 :נתון:

$$z_1 - z_2 = 1 - i$$

$$(z_3)^2 = 2i$$

- (מצא את שתי האפשרויות) בי C מצא את שיעורי הנקודות מצא את שיעורי הנקודות את מצא את שיעורי הנקודות מצא את שיעורי הנקודות את שיעורי הנקודות מצא את שליבות מצורי הנקודות מצי הנקודות מצורי הנקודות מצי הנקודות מצי הנקודות מצורי הנקודות מציר הנקודות מצורי הנקודות מצורי הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מצורי הנקודות מציר הנקודות מצורי הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מציר הנקודות מצ
- . עבור הנקודה C הנמצאת ברביע BDAC חשב את שטח המרובע (2)

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על אחת מן השאלות 5-4.

שים לב: אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

- . הוא פרמטר m>0 . $f(x)=e^{2mx}-e^{mx}$ הוא פרמטר .4
 - . m ענה על סעיף א. אם צריך, הבע באמצעות
 - f(x) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה (1) f(x)
- עם הצירים (אם יש כאלה). מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (f(x)
- מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה f(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - . מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה f(x) (אם יש כאלה), וקבע את סוגן (4)
- עבור m=2 ועבור m=1 עבור m=1 עבור הגרפים של הפונקציות אחת גרפים של החת גרפים של הפונקציות (m=1 התאם בין הגרפים שסרטטת ובין ערכי m הנתונים.
 - . f(x) משיק לגרף הפונקציה y=k
- . y=k ועל ידי הישר y ועל ידי איר ה־ y ועל ידי הישר y את השטח המוגבל על ידי ארף הפונקציה (1) הבע באמצעות השטח המוגבל או הישר א
 - .(m = 1 הוא השטח עבור א השטח (1) בי S_m (1) בי תת־סעיף את השטח עבור את השטח (1) את השטח מתקיים: . $S_m = \frac{S_1}{m}$ מתקיים: (2)

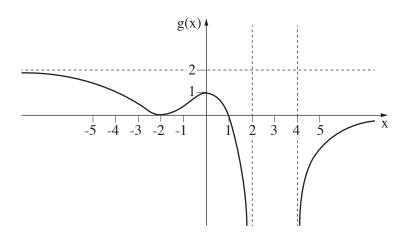
 $g(x) = \ln(f(x))$ נסמן . x נחון: f(x) היא פונקציה רציפה וגזירה לכל . נחון: 5.

. ורק שם, x < 2 ולכל x > 4 מוגדרת מוגדרת פונקציה g(x)

. x = 3 רק עבור f'(x) = 0 , $2 \le x \le 4$ בתחום

. g(x) בציור שלפניך מתואר גרף הפונקציה

. $\mathbf{x} = -2$ ו $\mathbf{x} = 1$ הפונקציה $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ מתאפסת רק בנקודות שבהן



- f(1) ר f(0) , f(-2) א.
- נמק. f(x) מה הפונקציה f(x)? נמק.
- . מה הם שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (f(x) עם כל אחד מן הצירים? נמק.
 - . לפונקציה f(x) יש שתי אסימפטוטות אופקיות. כתוב את משוואותיהן f(x)
 - . מה הם תחומי העלייה ותחומי הירידה של הפונקציה f(x)? נמק.
 - . f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה .
 - $\int_{-2}^{1} f(x) dx > 3$. הסבר מדוע: