מדינת ישראל

משרד החינוך

סוג הבחינה: בגרות

317,035807,035582 מספר השאלון:

מועד הבחינה:

דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד נספח:

חורף תשע"ח, 2018

מתמטיקה ז יחידות לימוד – שאלון שני 5 הוראות לנבחן

משך הבחינה: שעתיים ורבע.

מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב,

נקודות 66 $\frac{2}{3}$ - 33 $\frac{1}{3}$ ×2 -מספרים מרוכבים

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – 33 $\frac{1}{3}$ א נקודות נקודות מעריכיות ולוגריתמיות סה"כ — 100 נקודות

חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

:הוראות מיוחדות

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.

הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

(3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה.

שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד. בהצלחה!

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

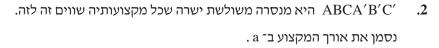
פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק ראשון — מספרים מרוכבים מחוכבים מספרים מחוכבים מחוכבים ($\frac{2}{3}$)

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- . D(9,0) ר B(19,0), A(0,0) נתונות הנקודות:
- א. מצא את משוואת המקום הגאומטרי שעליו נמצאות הנקודות CD , שעבורן , מצא את משוואת המקום הגאומטרי במשולש . ABC במשולש
 - א? שנבנה באופן המתואר בסעיף א? ABC ביותר של משולש
- גאומטרי שאת ABC שעבורן הצלע C שעבורן הגאומטרי שתי הנקודות מצא את שיעורי שתי הנקודות C שעבורן הצלע משוואתו מצאת בסעיף א.

תוכל להשאיר שורש בתשובתך.



, Carline בציור, ABCK היא פירמידה DK הוא ישרה. אפרמידה ABCK היא פירמידה , DK = t \cdot AA $^{\prime}$ נתון:

. ABCK מנפח הפירמידה אדול פי 4.5 גדול אדול ABCA'B'C' נפח המנסרה

- א. חשב את t.
- . ABC למישור ABK מצא את הזווית בין המישור

. 12 $\sqrt{3}$ הוא ABCK נתון: נפח הפירמידה

. a מצא את a ...

, ב היובי של ציר החלק החלק ממצא על הקודקוד 'A' ממצא בראשית הצירים, הקודקוד בראשית ממצא בראשית הצירים, הקודקוד

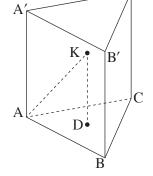
. y נמצא על החלק החיובי של ציר ה־ C והקודקוד

שיעורי הקודקוד B הם חיוביים.

. B' מצא את שיעורי הקודקוד מצא את מצא (1) au

תוכל להשאיר שורש בתשובותיך.

. AB'K מצא את משוואת המישור (2)





. $z^2 + (-5 + 2i)z + 7 + i = 0$ א. פתור את המשוואה .3

. נסמן את פתרון המשוואה מסעיף א, המייצג את הנקודה שקרובה יותר לראשית הצירים. עסמן ב־ את פתרון המשוואה מסעיף א

הוא איבר בסדרה וגם 1 הוא איבר בסדרה שבונית. א הוא איבר בסדרה וגם $a_{\rm n}$

- ב. b . $a_n=1+b\cdot i$ הסבר ממשי. b . $a_n=1+b\cdot i$ הסבר ממשי.
- , (1,0) החבר מדוע כל הנקודות במישור גאוס המייצגות את איברי הסדרה מחוץ מן הנקודה במישור גאוס המייצגות מחוץ למעגל היחידה.

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על אחת מן השאלות 5-4.

שים לב! אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

- . $f(x) = \frac{e^x}{e^x + 1}$ נתונה הפונקציה .4
- . f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- . (אם יש כאלה) f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (2)
- (אם יש כאלה). f(x) מצא את שיעורי נקודות הפיתול של הפונקציה (x)
- מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה f(x) המאונכות לצירים.
 - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (5)
- a+1 . תוכל להיעזר בסרטוט. $\int\limits_a^{a+1}f(x)\,\mathrm{d}x < 1$. תוכל להיעזר בסרטוט.
 - . $f(x) = g(x) + \frac{1}{2}$:היא פונקציה המקיימת g(x) (1) ...

היא אי־זוגית. g(x) היא שהפונקציה אי־זוגית.

מתקיים: 0 < b < c הסבר מדוע לכל שני מספרים b ור מתקיים:

$$\int_{-c}^{-b} f(x) dx + \int_{b}^{c} f(x) dx = c - b$$

בתשובתך תוכל להיעזר בסרטוט מתאים ובשיקולי סימטריה.

- . נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{(\ln x)^n}{\sqrt{x}}$ הוא מספר טבעי.
- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- . (אם יש כאלה) עם הצירים f(x) עם הצירים (אם יש כאלה).

 $x=e^2$ ו x=1 ועל ידי הישרים x ועל ידי את השטח המוגבל או הפונקציה ווה הפונקציה החליד את השטח המוגבל אווה לי הפונקציה ווה לי $\frac{32\pi}{2n+1}$. נפח גוף הסיבוב שהתקבל שווה לי

. n מצא את

הצב בפונקציה f(x) את שמצאת בסעיף ב וענה על הסעיפים ג-ה.

- וקבע את סוגן. f(x) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (1) מצא את מצא את העורי נקודות הקיצון את מצא את מצא את שיעורי נקודות הקיצון את הפונקציה (1) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (1) מצא את היעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (1) מצא את היעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (1) מצא את היעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (1) מצא את שיעורי נקודות הפונקציה (1) מצא את של הפונקציה (1) מצי את מצי את של הפונקציה (1) מצי את מצי את של הפונקציה (1) מצי את
- \mathbf{x} המאונכת לציר ה' \mathbf{x} מצא את משוואת האסימפטוטה של הפונקציה (2)

. y=0 יש אסימפטוטה שמשוואתה היא f(x)

- f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה . f(x)
- הוא פרמטר. $m \neq 0$, g(x) = f(x) + m מקיימת: g(x) הפונקציה g(x) משיק לציר ה־ x .
 - . m מצא את (1)
 - פתרון יחיד? g(x) = k יש למשוואה k פתרון יחיד?