מדינת ישראל

סוג הבחינה: בגרות

משרד החינוך משר"ט, 2019 משרד החינוך משר"ט, 2019

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

## מתמטיקה

## 5 יחידות לימוד – שאלון שני

## הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים – 33 $\frac{1}{3}$ ×2 – מספרים מרוכבים נקודות

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – 13 $\frac{1}{3}$  א נקודות פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות – 100 פונקציות סה"כ – 100 נקודות

#### ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
  - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

#### ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- 2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.
  - (3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה.

שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

#### בהצלחה!

### השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

## פרק האונומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק האומטריה מספרים מרוכבים מספרים מספרים מספרים מחוכבים ( $\frac{2}{3}$

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה  $\frac{1}{3}$  נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

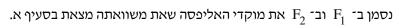
תתן את החלק החיובי איר ה־ y בנקודה M חותך את החלק החיובי של איר ה־ y מעגל שמרכזו M חותך את החיובי של איר ה־ y ממרכז המעגל העבירו אנך לציר ה־ y החותך את הציר בנקודה בנקודה ה

. AE = 6 נתון כי

מהאורק הוא מחצית מן מראשית מרחק הנקודה M מראשית כי מרחק מחצית מן נתון גם כי מרחק הנקודה

של רדיוס המעגל.

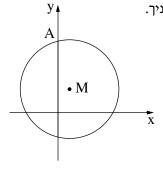
הוכח כי המקום הגאומטרי של כל הנקודות M המקיימות את נתוני השאלה נמצא על אליפסה, ומצא את משוואתה.



הנקודות על האליפסה. בקודות ח<br/>ב $\mathbf{D}_{2}$ ור  $\mathbf{D}_{1}$ הנקודות הנקודות ח

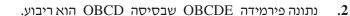
שלילי.  $\mathbf{D}_2$  של  $\mathbf{y}$ היובי ושיעור חיובי של  $\mathbf{D}_1$  של  $\mathbf{y}$  שלילי.

- . נמק. .  $F_1D_1F_2D_2$  מצא את השטח הגדול ביותר האפשרי עבור המרובע (1) מצא את מא
  - . נמק. גדול ביותר? בעל היקף גדול בעל  $F_1D_1F_2D_2$  בעל מרובי מרובע (2)



Z

Е



המקצוע OE מאונך למישור הבסיס.

מיקמו את הפירמידה במערכת צירים כך שהנקודה  $\, \mathrm{O} \,$  היא ראשית הצירים

. (כמתואר בציור). בהתאמה (כמתואר בציור). בהנקודות ל מצאות על הצירים באירים E, B

. EC מצא את ההצגה הפרמטרית של הישר

מורידים אנך N מורידים אנך. EC מורידים על מצאת אנקודה N

. אות y הוא F מציר הנקודה F מרחק הנקודה אותו בנקודה Y מציר ה־

- ב. מצא את שיעורי הנקודה N
- . OBCD ובין בסיס הפירמידה BCN מצא את גודל הזווית שבין המישור

. בסיס הפירמידה (OBCD) היא פירמידה על המקצוע בסיס בסיס הפירמידה (CBCD) היא נקודה על המקצוע K

. K מצא את ההצגה הפרמטרית של הישר שעליו מונח הגובה לבסיס מן הנקודה

## . מצא את כל הפתרונות של המשוואה z . $z \neq 0$ , $z^3 = \overline{z}$ הוא מספר מרוכב. 3

- .  $z^2 \cdot (\overline{z})^2 = 1$  מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות במישור מצא את משוואת המקום הגאומטרי מל כל הנקודות במישור מצא את משוואת המקום הגאומטרי מל כל הנקודות במישור מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות במישור מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות במישור מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות במישור המקום המקום
  - (2) הראה כי כל הפתרונות של המשוואה בסעיף א נמצאים על המקום הגאומטרי שמצאת בתת־סעיף ב(1).
- ג. (1) את הנקודות שמתאימות לפתרונות המשוואה שמצאת בסעיף א מסובבים בזווית (1) גת (1) נגד כיוון השעון). נתון שכל אחת מן הנקודות המתקבלות לאחר הסיבוב מתאימה למספר המקיים את המשוואה  $z^4=a$

. a מצא את

(נגד  $\alpha$  את הנקודות שמתאימות לפתרונות המשוואה שמצאת בסעיף א מסובבים בזווית (2) כיוון השעון).

הוכח שסכום המספרים המתאימים לנקודות המתקבלות לאחר הסיבוב שווה ל־0.

# פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על אחת מן השאלות 5-4.

שים לב: אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

.4 מתונה הפונקציה 
$$a$$
 ,  $f(x) = \frac{e^{ax} - e^x}{e^{ax} - 3e^x + 2}$  הוא פרמטר.

.  $\mathbf{x} = \ell \mathbf{n} \mathbf{2}$  לפונקציה יש אסימפטוטה אנכית

.a מצא את a.

הצב את הערך של a שמצאת, וענה על הסעיפים ב-ה.

- .  $f(x) = \frac{e^x}{e^x 2}$  בתחום מתקיים:  $x \neq 0$  והראה כי עבור כל f(x) והראה של הפונקציה f(x)
  - f(x) מצא את האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציה (1) מצא את האסימפטוטות
  - (אם יש כאלה). f(x) מצא את תחומי העלייה ואת תחומי הירידה של הפונקציה (2)
    - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (3)

. 
$$\mathbf{h}(\mathbf{x}) = \left| \frac{\mathbf{e}^{\mathbf{X}}}{\mathbf{e}^{\mathbf{X}} - 2} - \frac{1}{2} \right|$$
 מגדירים פונקציה

- . h(x) רשום את האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציה (1) . au
  - . h(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (2)
- ${
  m x}=\ell {
  m n}$  ועל ידי הישר  ${
  m x}$  , h(x) ועל ידי גרף הפונקציה את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה ,  ${
  m x}=\ell {
  m n}$  והישר  ${
  m r}$

.  $\mathbf{x} = \ell \mathbf{n} \, \mathbf{2}$  לישר ביחס לישר h(x) נתון: הפונקציה

.  $x=\ell n2$  והן ביחס לישר h(x) הפונקציה ארף הפונקציה B ו- A הנקודות הנקודות אות על הרף הפונקציה

.  $\ell$ n8 הוא A שיעור ה־ x שיעור ה־

.B מצא את שיעורי הנקודה

- היא פונקציה גזירה לכל x בתחום ההגדרה שלה. f(x) .5
- א. הראה שלפונקציה f(x) ולפונקציה  $e^{f(x)}$  יש נקודות קיצון באותם שיעורי x, ונקודות הקיצון האלה הן מאותו הראה שלפונקציה סוג (מינימום או מקסימום).

נתון כי n .  $f(x) = x \ell n(x^n)$  הוא פרמטר טבעי.

- ${f r}$  .  ${f n}$  מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  ${f f}({f x})$  . התייחס לערכים שונים של
- . n עם ציר ה־ x התייחס לערכים שונים של f(x) עם גרף הפונקציה שונים של החיתוך של גרף הפונקציה עם ציר ה־

. בשתי נקודות  $\mathbf{x}$  הרף את ציר ה'  $\mathbf{x}$  בשתי נקודות נתון: גרף הפונקציה

- היא אי־זוגית. f(x) היא אי־זוגית.
- .( n הבע באמצעות הבע את סוגן (אם את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה , f(x)
  - f(x) עבור f(x) אינקציה של גרף הפונקציה סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (3)
- סוגן חוקבע את סוגן היעזר בתשובתך על סעיף א, מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה n ) פ $x\ell n(x^n)$  , וקבע את סוגן היעזר בתשובתך על סעיף א, מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (n ).