מדינת ישראל

משרד החינור

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: חורף נבצרים, תשפ"א, 2021

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

# מתמטיקה ז יחידות לימוד – שאלון שני

### הוראות לנבחן

#### א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק מספרים מרוכבים מרוכבים טריגונומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה מספרים מרוכבים מרוכבים -

מעריכיות ולוגריתמיות חזקה, פונקציות ודעיכה, בדילה דעיכה, בדילה אני – גדילה ביק פונקציות הדעיכה, ביק שני

עליך לענות על שלוש שאלות לבחירתך  $-33\frac{1}{3}$  3 נקודות.

#### ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
  - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

#### ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשוֹם "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

### בהצלחה!

### השאלות

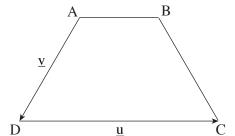
שים לב: הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מן השאלות 5-1 (לכל שאלה  $\frac{1}{3}$  33 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

## פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- . ברביע הראשון  $y^2=36x$  הפרבולה על הפרבולה שונות שונות הנמצאות הן B  $(x_2\,,y_2)$  ר A  $(x_1\,,y_1)$  . 1
  - .  $m = \frac{36}{y_2 + y_1}$  הוא AB הוא המיתר (1) א.
    - . AB הנקודה (x ,  $7\frac{1}{2}$ ) היא אמצע המיתר (2) . m מצא את
- . נתון: המרחק של כל נקודה על הפרבולה הנתונה מן הישר x=a שווה למרחק של נקודה זו מן הנקודה (9,0). מרחק הנקודה x=0.75a הוא x=0.75a הוא
  - מהו הערך של a? נמק. (1)
  - . AB מצא את משוואת הישר (2)



2. נתון טרפז שווה־שוקיים AB | DC ) ABCD (ראה סרטוט).

.  $\angle DAB = 120^{\circ}$  נתון:

(ט הוא סקלר).  $\overrightarrow{AB}=t\underline{u}$  ,  $\overrightarrow{AD}=\underline{v}$  ,  $\overrightarrow{DC}=\underline{u}$  :נסמן:

- .  $|\underline{\mathbf{v}}|$  ר  $|\underline{\mathbf{u}}|$  הבע את באמצעות (1) הבע את
- .  $|\underline{v}|$  ור  $|\underline{u}|$ ,  $\underline{v}$ ,  $\underline{u}$  באמצעות  $\overrightarrow{BC}$  הבע את הווקטור

. v = (-1, y, 0), u = (8, 6, -10) נתון:

- . (מצא את שני הערכים) ע של הווקטור א y של שני הערכים).
- עבור איזה ערך משני הערכים של y שמצאת בתת־סעיף ב(1), הבסיס הוא קוטר במעגל שהטרפז עבור איזה ערך משני הערכים של y שמצאת בתת־סעיף בו? נמק.

.  $z = r \cdot [\cos \theta + i \cdot \sin \theta]$  א. נתון מספר מרוכב 3

.  $\mathbf{r} \cdot [\cos(180^{\circ} + \theta) + \mathbf{i} \cdot \sin(180^{\circ} + \theta)] = -\mathbf{z}$  הסבר מדוע מתקיים:

ישר אחד מספרים במישור גאוס במישור אותם מספרים מרוכבים שונים. הנקודות המייצגות אותם במישור גאוס נמצאות על ישר אחד ב $z_2\,$  ,  $z_1\,$  שעובר דרך ראשית הצירים.

. נמצאת ברביע השלישי נמצאת ברביע הראשון, והנקודה ברביע ברביע ברביע נמצאת ברביע את ברביע את ברביע השלישי. נמצאת ברביע ברביע השלישי

.  $\mathbf{z}_1 = \mathbf{r}_1 (\cos \alpha + \mathbf{i} \cdot \sin \alpha)$  נסמן

ב. הוכח כי המנה  $\frac{z_2 + z_3}{z_1 - z_3}$  היא מספר ממשי.

.  $\frac{z_2+z_3}{z_1-z_3}=\frac{5}{4}$  נמצאות על מעגל היחידה, ו־ נמצאות את המספרים במישור גאוס המייצגות את המספרים בי נמצאות על מעגל היחידה, ו־ נמצאות את המספרים נחוץ גם כי הנקודות במישור גאוס המייצגות את המספרים בי ו־ בי

- .  $\mathbf{z}_2$  חשב את הערך המוחלט של
  - .  $\mathbf{z}_3$  הוא הצמוד של  $\mathbf{z}_4$

. ב $_4$ ,  $z_3$ ,  $z_2$ המספרים את המייצגות גאוס במישור ידי הנקודות על הנוצר על את שטח משטח  $\alpha$ 

## פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

- .  $f(x) = 4e^{\sqrt{x}}$  נתונה הפונקציה .4
- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה

 $\mathbf{x} > 0$  בתחום  $\mathbf{g}(\mathbf{x}) = 2 \cdot \mathbf{f}'(\mathbf{x})$  ,  $\mathbf{h}(\mathbf{x}) = \mathbf{f}(\mathbf{x}^2)$  בתחום

, קבע את סוגה,  $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ , פגא את השיעורים של נקודת הקיצון של הפונקציה ,  $\mathbf{h}(\mathbf{x})$  הראה כי הנקודה הזאת נמצאת על גרף הפונקציה .

(בפעיף ב). וh(x) ר g(x) ור g(x) ו פגשים בנקודה אחת בלבד (הנקודה שמצאת בסעיף ב).

- באותה מערכת צירים. h(x) ו־ g(x) שתי שתי שתי של הגרפים את סרטט את סרטט את הגרפים של הפונקציות
- , a > 1 , x = a ועל ידי הישר h(x) גרף הפונקציה (g(x) גרף הפונקציה על ידי גרף הפונקציה (millon) .  $e^4 + 4e 2 \cdot f(a)$  שווה ל־

.תוכל בתשובתך  $\ell n$  בתשובתך.

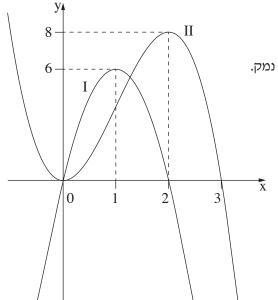
 $1 - 1 \le x \le 4$  שבסרטוט שלפניך מתארים שתי פונקציות המוגדרות בתחום בסרטוט שלפניך מתארים שתי פונקציות המוגדרות של הפונקציה f(x) ,

. f'(x) שלה, שלה, פונקציית הנגזרת שלה,

. נמק. f(x) קבע מי מבין הגרפים I ו־ I הוא הגרף של הפונקציה f(x). נמק. הסתמך על הסרטוט וענה על סעיף ב.



- . g(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1)
  - g(x) מה הן האסימפטוטות של הפונקציה (2) מה המאונכות לציר ה־x?
- מצא את השיעורים של נקודות הקיצון הפנימיות מצא את השיעורים של נקודות של של של של של של פונקציה (אם של הפונקציה g(x)
- g(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (4)
  - g(x) סרטט סקיצה אפשרית של גרף הפונקציה (5)



### בהצלחה!