מדינת ישראל

משרד החינוך

סוג הבחינה:

קיץ תש"ף, 2020, **מועד ב** מועד הבחינה:

035582 מספר השאלון:

דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד נספח:

בגרות

מתמטיקה 5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

משך הבחינה: שעתיים ורבע. א.

מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים. ב.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים $-33\frac{1}{3}$ כל נקודות טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות $\frac{1}{3} \times 1$ – $\frac{1}{3}$ 33 נקודות סך הכול — סך הכול — סך הכול

חומר עזר מותר בשימוש: ۲.

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

:הוראות מיוחדות ٦.

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק ראשון — מספרים מרוכבים מספרים מרוכבים מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$)

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ 3 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

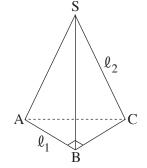
- - . a הבע את משוואת המעגל באמצעות

. K מנקודה למעגל למעגל, העבירו המשיק למעגל בנקודה , G

שווה למרחק שלהן GK שבעבורן שבעבורן G שבעבורן המחק הגאומטרי של כל הנקודות את משוואת משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות $\mathbf{K} = -3$ צייר סקיצה שלו.

נתון: אורך הקטע GK הקצר ביותר האפשרי הוא

- . נמק. GK מה הם שיעורי הנקודה G שבעבורה אורך הקטע מה הם שיעורי הנקודה G מה הם שיעורי הנקודה אורך הקטע
 - .a מצא את ערכו של הפרמטר a מצא את (2)



$$\ell_1: \underline{\mathbf{x}} = (6,10,-7) + \mathbf{k}(3,5,-4)$$
 נתונים שני ישרים: .2
$$\ell_2: \underline{\mathbf{x}} = (15,0,6) + \mathbf{t}(9,0,13)$$

. $\underline{\mathbf{u}} = (6, 0, -8)$ ונתון הווקטור

. $\overrightarrow{AC} = \underline{\mathbf{u}}$ כך ש־ ℓ_2 כך של C והנקודה והנקודה ℓ_1 כך של A הנקודה א

. C ו A מצא את שיעורי הנקודות את מצא את שיעורי הנקודות אור מ

. (${<\!\!\!/}\,ABC=90^{\rm o}$ היא ישר זווית , ABC היא בסיסה, אבסיסה, הוא פרמידה ישרה שבסיסה. . ℓ_1 הנקודה B נמצאת על הישר הישר א נמצאת על הישר במצאת אל הישר

- .B מצא את שיעורי הנקודה
- . ABC מצא את משוואת המישור

. ABC מן הנקודה C העלו אנך למישור

. ℓ_2 חשב את הזווית שבין האנך ובין הישר au

.3 הוא מספר מרוכב z

 $z^5 = 2^5$ פתור את המשוואה

. הוא מספר טבעי). במישור אוס מתאימות במישור אוס במישו

. ויצרו מצולע משוכלל קמור. \mathbf{A}_{n} , ..., \mathbf{A}_{2} , \mathbf{A}_{1} חיברו את חיברו חיברו

. n נתון כי שטח המצולע שהתקבל שווה ל־

. n מצא את

ענה על הסעיפים ג-ד בעבור הערך של $\, n \,$ שמצאת בסעיף ב.

. [Re(w) • Im(w) > 0 :כלומר מי $a \cdot b > 0$ כך ש־ $z^n = 2^n$ הוא פתרון של המשוואה w = a + bi

?. באילו רביעים נמצאים פתרונות w כאלה?

ארבע הנקודות הנמצאות ברביעים שמצאת בסעיף ג הן קודקודיו של מלבן.

אם מכפילים כל אחד מן המספרים המתאימים לארבע הנקודות הללו

. מתקבל מלבן חדש, שצלעותיו מקבילות לצירים. ($0^{0} \le \theta \le 90^{0}$) במספר במספר במספר במספר ט $z_{0} = \cos \theta + i \sin \theta$

 θ . נמק. מצא את הזווית

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על <u>אחת</u> מן השאלות 5-4.

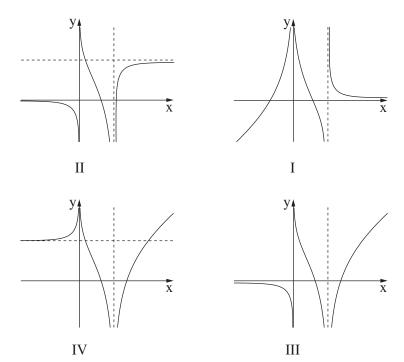
שים לב: אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

. מרונה הפונקציה
$$a$$
 . $f(x) = \frac{2e^{2x}}{e^{2x} - ae^x + 3}$ הוא פרמטר.

. $\mathbf{x} = \mathbf{0}$ אינה מוגדרת בעבור $\mathbf{f}(\mathbf{x})$

- . f(x) מצא את a ואת תחום ההגדרה של מצא את (1) א.
- . f(x) מצא את משוואות האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציה (2)
 - . f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של מצא את (3)
 - . f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה
- f(x) אחד מן הגרפים IV-I שבסוף השאלה מתאר פונקציה קדומה לפונקציה , f(x) , המוגדרת בתחום ההגדרה של f(x) איזה מהם מתאר אותה? נמק.

, נמק. ? $\mathbf{x}=0$ יש לפונקציה ($\mathbf{k}\neq 0$ אסימפטוטה שמשוואתה היא לפונקציה (עבור איזה ערך אי



- . x מוגדרות וגזירות $g(x) = \ell n(f(x))$ ר f(x) הפונקציות.
- א. הראה כי לפונקציה (x) ולפונקציה $\ln(f(x))$ יש נקודות קיצון באותם שיעורי (x) ושנקודות הקיצון הללו הראה כי לפונקציה (מינימום/מקסימום).

. x מוגדרות וגזירות לכל $g(x) = \ell n(f(x))$ ר f(x) ר כך של פונקציה פונקציה לכל מתואר גרף של פונקציה וגזירות לכל

f(x), יש נקודת קיצון יחידה ששיעוריה f(x)

ושתי אסימפטוטות:

, y = 1 אסימפטוטה שמשוואתה היא . y = $\frac{2}{3}$ ואסימפטוטה נוספת שמשוואתה היא

. y = 1 כאשר y כאשר הפונקציה f(x) חותך הפונקציה

ענה על סעיף ב בהסתמך על הגרף המתואר בציור.

- . מהו תחום ההגדרה של הפונקציה g(x) ? נמק.
- g(x) מה הם שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה (2)
- מה הן משוואות האסימפטוטות של הפונקציה g(x) מה האסימפטוטות משוואות האסימפטוטות (3)
 - . נמק. g(x) מצא את תחומי החיוביות והשליליות של הפונקציה (4)
 - g(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (5)

. h(x) = f(x) - g(x) : נגדיר

. h(x) לפניך סרטוט של גרף הפונקציה

- . h(x) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה מצא את שיעורי נקודות הקיצון של קבע את סוגן בעזרת הגרף.
 - f(x) הנקודה A נמצאת על גרף הפונקציה (2 g(x) הנקודה B נמצאת על גרף הפונקציה AB כך שהקטע AB מאונך לציר ה־

? 1 הוא AB שבעבורו אורך הקטע ${\bf x}$ הוא

נמק.

