מועד ב

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: קיץ תשפ"א, 2021, מועד ב

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

מתמטיקה ז יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק מספרים מרוכבים מרוכבים טריגונומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה מספרים מרוכבים מרוכבים -

מעריכיות ולוגריתמיות חזקה, פונקציות ודעיכה, בדילה דעיכה, בדילה אני – גדילה ביק פונקציות הדעיכה, ביק שני

עליך לענות על שלוש שאלות לבחירתך $-33\frac{1}{3}$ ב 100 נקודות.

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשוֹם "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מן השאלות 5-1 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ 33 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- .0 הוא פרמטר גדול מ־ a . $x^2 + y^2 2ax 2x = 0$ ומשוואת המעגל: $y^2 = 2ax$ הוא פרמטר גדול מ־ .1
 - אם יש צורך. a את שיעורי נקודות החיתוך של הפרבולה והמעגל. הבע באמצעות a, a אם יש צורך.

דרך שתיים מנקודות החיתוך של הפרבולה והמעגל עובר ישר ששיפועו חיובי.

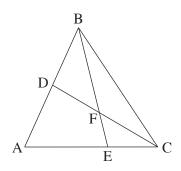
ב. מצא את משוואת הישר. הבע באמצעות a , אם יש צורך.

. $2\sqrt{5}$ ממרכז המעגל מעבירים אנך לישר. אורך האנך הוא

- את מרכז המעגל ואת הרדיוס שלו. (1) הבע באמצעות a את הרדיוס שלו.
 - .a מצא את (2)

מגדירים מעגל חדש שמרכזו זהה למרכז המעגל הנתון והרדיוס שלו קטן ב־ 2 מרדיוס המעגל הנתון.

החדש שווה למרחק שלהן מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות שאורך המשיק מהן למעגל החדש שווה למרחק שלהן x=-4 .



.2 נתון משולש ABC (ראה סרטוט).

. AB הנקודה D היא אמצע הצלע

. AE : EC = 2 : ביחס של AC מחלקת את מחלקת E הנקודה

. CD ו BE הנקודה F היא מפגש הקטעים

$$\overrightarrow{CA} = \mathbf{u}$$
 , $\overrightarrow{CB} = \mathbf{v}$:נסמן

$$\overrightarrow{CF} = k \cdot \overrightarrow{CD}$$
 , $\overrightarrow{BF} = t \cdot \overrightarrow{BE}$: א ו־ז הם מספרים כך ש

.k מצא את ז ואת

4x + 2y + z - 12 = 0 נמצא במישור ABC ממצא המשולש

Cבנקודה yיר ה־ yאת איר את בנקודה בנקודה xרה איר איר מישור מישור מישור מישור או

. הצירים. אית האית O הנקודה B בנקודה בירים. איר איר בנקודה בירים.

- \mathbf{E} ור E מצא את שיעורי הנקודות
- . AOE מצא את משוואת המישור
- . FAOE מצא את נפח הפירמידה

.3 מרוכב מרוכב $z \cdot z^4 - 2z^2 + 4 = 0$ מרוכב.

א. פתור את משוואה I.

פתרונות המשוואה מיוצגים על ידי כל הקודקודים של מצולע במישור גאוס.

מצא את שטח המצולע.

נתונה משוואה ביים ממשיים השונים מספר מרוכב, $a\cdot z \cdot (a\cdot z^2+b)(z+1)=0$: II הם מספרים מאפס. ידוע כי שניים מבין הפתרונות של המשוואה הם מספרים מדומים.

- $a \cdot b > 0$. הוכח כי
- אם יש צורך. a אם יש צורך. I מצא את פתרונות משוואה I הבע באמצעות.

ידוע כי הפתרונות המדומים של משוואה $\,\,{
m II}\,$ מיוצגים על ידי נקודות הנמצאות על מעגל שמרכזו בראשית הצירים והרדיוס שלו גדול פי שניים מן הערך המוחלט של פתרונות משוואה $\,\,{
m I}\,$

 $\frac{b}{a}$ מצא את היחס

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

- .4 הוא פרמטר. $f(x) = e^{(bx^2-2bx)} 1$ הוא פרמטר. b < 0 . x הוא פרמטר. $f(x) = e^{(bx^2-2bx)} 1$ הוא פרמטר.
 - עם הצירים. f(x) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (1) מצא את שיעורי נקודות אינו
- (אם יש כאלה). x את האסימפטוטות של הפונקציה (x) המקבילות לציר ה־
- . (אם יש כאלה), f(x), וקבע את סוגן (אם יש כאלה), מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה
 - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (4)

. y יש נקודת קיצון על ציר ה־ a , g(x)=f(x+a) יש נקודת היצון על ציר ה־ a , g(x)=f(x+a)

- . b באמצעות g(x) באמצעות a, ובטא את הפונקציה (1) באמצעות a
- . האם הפונקציה g(x) היא זוגית, אי־זוגית או לא זוגית ולא אי־זוגית (מק.
 - g(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (3)
- , וקבע את סוגן, g'(x) מצא את שיעור ה־ x של כל אחת מנקודות הקיצון של פונקציית הנגזרת x
- ועל ידי ציר ה־ x , וחשב את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת , g'(x), על ידי ציר ה־ x ועל ידי את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הי א וחשב את השטח הקיצון של , g'(x) ומאונכים לציר ה־ x הישרים העוברים דרך נקודות הקיצון של

- . נתונה הפונקציה: $f(x) = a \cdot x^2 x^3$ המוגדרת לכל 3.
- , אם יש צורך, a , אם ענה על סעיפים א-ג עבור 0 < a . הבע את תשובותיך באמצעות
 - f(x) מצא את תחומי החיוביות והשליליות של הפונקציה (1) א.
 - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (2)
 - . $g(x) = \ell n(f(x))$: נתונה הפונקציה
 - g(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- מצא את האסימפטוטות של הפונקציה g(x) המאונכות לצירים (אם יש כאלה).
 - . מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה g(x), וקבע את סוגה. (3)
 - \mathbf{x} יש נקודת חיתוך אחת בלבד עם ציר ה־ $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ יש נקודת חיתוך אחת בלבד עם ציר ה־
 - g(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (1)
- בנקודה אחת $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ מצא את טווח הערכים האפשריים של \mathbf{a} שעבורם גרף הפונקציה (2) בלבד.

. a = 0 ענה על סעיף ד עבור

מרטט סקיצה של גרף הפונקציה g(x). ציין בגרף את הערכים המספריים של שיעורי נקודת החיתוך של גרף . g(x) .