# מועד חורף מאוחר

סוג הבחינה: בגרות מועד הבחינה: **חורף נ** 

מספר השאלון: 035582

נספח: דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד

**חורף מאוחר**, תשפ"א, 2021

מתמטיקה ז יחידות לימוד – שאלון שני

## הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.

ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

מעריכיות ולוגריתמיות חזקה, פונקציות ודעיכה, בדילה דעיכה, בדילה אני – גדילה ביק פונקציות חזקה, ביק שני

עליך לענות על <u>שלוש</u> שאלות לבחירתך  $33\frac{1}{3} \times 3$  – 100 נקודות.

#### ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
  - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

#### ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, <u>גם</u> כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשוֹם "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

## השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על <u>שלוש</u> מן השאלות 5-1 (לכל שאלה  $\frac{1}{3}$  33 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

# פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- .(p > 0)  $y^2 = 4px$  נמצאת על הפרבולה K נתון: נקודה .1
  - . 12 אוא K של נקודה y שיעור ה־
- . 20 ובין מוקד הפרבולה הוא K המרחק בין נקודה
  - מצא את g (מצא את שתי האפשרויות).

.  $p_1\!<\!p_2$  .  $p_2$  ו־ וי בסעיף שמצאת מסמן את נסמן את הערכים של

, A ,חותך את הפרבולה ( $m \neq 0$ ) אייטר מן הצירים ובנקודה ( $m \neq 0$ ) אייטר מן הצורה ( $m \neq 0$ ) אייטר מן הצורה ישר מן הצורה

. B בראשית ובנקודה נוספת,  $y^2 = 4p_2x$  ואת הפרבולה

. ב-ג. על סעיפים על שמצאת, וענה על  $p_2$ ו ב-ג.  $p_1$  הערכים את הצב הצב את הערכים ב-ג.

 $oldsymbol{m}$ ואת שיעורי נקודה  $oldsymbol{B}$ , ואת שיעורי נקודה  $oldsymbol{A}$ , ואת שיעורי נקודה

. המתואר האופן המתואר AB את אמצע הקטע ( $m \neq 0$ ) את המוצר באופן בעבור כל ישר

(m + 1)האלה M המקום הגאומטרי שעליו נמצאות הנקודות (m + 1)האלה המקום הגאומטרי שעליו נמצאות הנקודות

. ABCDA'B'C'D' נתונה התיבה **.2** 

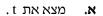
. CC' נמצאת על המקצוע K הנקודה K

. (ראה סרטוט) A'D' המקצוע המקצוע E הנקודה

. (א סקלר) 
$$\overrightarrow{CK} = t \cdot \overrightarrow{CC'}$$
 ;  $\overrightarrow{AB} = u$  ;  $\overrightarrow{AD} = v$  ;  $\overrightarrow{AA'} = w$ 

, 
$$|\underline{\mathbf{u}}| = 3\sqrt{2}$$
 ;  $|\underline{\mathbf{v}}| = 6$  ;  $|\underline{\mathbf{w}}| = 6\sqrt{2}$  :נתון:

$$. \le EKB = 90^{\circ}$$

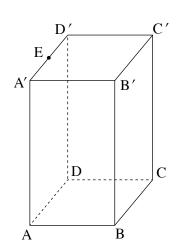


. CDA'B' את המישור  $\pi$  את מסמן בי

- $\pi$  מאונך למישור BK הוכח כי הישר
- $\pi$  מקביל למישור EK הסבר מדוע הישר (2)

, 
$$K(4,5,-1)$$
;  $B(-1,0,1)$ ;  $w = (2,2,-8)$ 

 $\pi$  מצא את משוואת המישור  $\pi$ 



.  $z^2 - (1+i)z + 2i + 2 = 0$  : מתור את המשוואה. 3

. אחד הפתרונות של המשוואה שפתרת נמצא ברביע הרביעי והוא מיוצג על ידי הנקודה  $\, {
m A} \,$  במישור גאוס.

. במישור בשני B במישור אוס. אפתרון השני מיוצג על ידי הנקודה

. D ו C חותך את המעגל את חותך AO וו הישר הצירים בראשית בנקודות בראשית עובר מעגל בנקודות B אדרך הנקודה וו  ${\rm B}$ 

במעגל חסום מצולע משוכלל בעל n צלעות.

או המצולע. B , C , D נתון כי הנקודות B , C , D

- ב. מהו ה־ n האפשרי הקטן ביותר? נמק את תשובתך.
  - בעבור הערך של n שמצאת בסעיף ב:
- (1) רשום את המספרים המרוכבים המתאימים לקודקודי המצולע.
- (2) כתוב משוואה שפתרונותיה הם כל המספרים המרוכבים המתאימים לקודקודי המצולע.

# פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני שנקציות מעריכיות ולוגריתמיות

בראשית הצירים בלבד. x מוגדרת וגוירה לכל x. הגרף שלה חותך את ציר ה־ x בראשית הצירים בלבד.

נקודות הקיצון של הפונקציה g(x) הן (1, 1) ו־ (1, -1) בלבד.

בלבד. x = -1 ור x = 1 מתאפסת מתאפסת בעבור x = 1 ור בלבד.

. שואף למינוס אינסוף x שואף לאינסוף בעבור x שואף לאינסוף בעבור בער הפונקציה g(x)

- g(x) סרטט סקיצה אפשרית של גרף הפונקציה (1) א.
- (g(x) של הנגזרת הנגזרת פונקציית הנגזרת של (g'(x)).

.  $f(x) = e^{g(x)} - g(x)$  נתונה הפונקציה

- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1)
- f(x) מצא את האסימפטוטה האופקית של הפונקציה (2)
- , וקבע את סוגן, f(x) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (3)
  - f(x) סרטט סקיצה אפשרית של גרף הפונקציה (4)
  - - f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה
- . הבע את הפונקציה (f(x) את שיעורי נקודת הקיצון את את את את מ הבע את הבע הבע הבע הבע מ

נתון כי הפונקציה f(x) חותכת את ציר ה־ x בשתי נקודות שונות.

f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה

. f(x) הפונקציה (g(x)=f'(x) המוגדרת באותו תחום שבו מוגדרת הפונקציה (g(x)=f'(x) נתון: a>0 נתון: 0

, x וציר ה־  $x=\frac{2}{a}$  , הישר המוגבל על ידי גרף הפונקציה , g(x) מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה . a .

### בהצלחה!