מדינת ישראל

משרד החינור

בגרות סוג הבחינה:

חורף תשפ"א, 2021 מועד הבחינה:

מספר השאלון: 035582

דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד נספח:

מתמטיקה 5 יחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

משך הבחינה: שעתיים ורבע. א.

מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, ובהם חמש שאלות.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

עליך לענות על <u>שלוש</u> שאלות לבחירתך $-33\frac{1}{3}$ 3 ב 100 נקודות.

חומר עזר מותר בשימוש: ۲.

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

:הוראות מיוחדות

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, \underline{ko} כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב במחברת הבחינה בלבד. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

В

 \mathbf{C}

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

ענה על שלוש מן השאלות 5-1 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ 33 נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים

- . (AB \parallel DC) הוא טרפז ABCD.
- , $\sqrt{2}$ הוא DC ווא AB , בסיסי הטרפז, בין בסיסי הטרפז,

. x + y - 4 = 0 נמצא על הישר ABCD קטע האמצעים של הטרפז

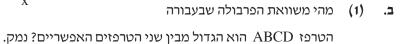
א. מצא את משוואות הישרים שבסיסי הטרפז נמצאים עליהם.

. x נתון: השוק BC נמצאת על ציר ה־

(p > 0) $y^2 = 2px$ מעבירים פרבולה קנונית

כך שהקודקודים א ו־ D של הטרפז נמצאים על מדריך הפרבולה, בר שהקודקודים א ו־

. C או על הקודקוד או א B ומוקד על נמצא על הקודקוד



- ?בירה הטרפזים האפשריים? מהי משוואת הפרבולה שבעבורה הטרפז ABCD מהי משוואת הפרבולה שבעבורה הטרפז
- . F יו E וחותך את שתי הפרבולות שמצאת בסעיף ב בשתי נקודות, \mathbf{z} וי \mathbf{z} מעבירים ישר המקביל לציר הי \mathbf{z} וי \mathbf{z} ווחותך את משוואת המקום הגאומטרי שעליו מונחים אמצעי הקטעים EF מצא את משוואת המקום הגאומטרי

ABC .2 הוא משולש.

$$\overrightarrow{AC} = \underline{v}$$
 , $\overrightarrow{AB} = \underline{u}$:נסמן

,
$$B(-3,2,2)$$
 , $A(0,2,-1)$:נתון

$$\overrightarrow{AD} = \frac{2}{3} \underline{\mathbf{u}} + \frac{1}{3} \underline{\mathbf{v}}$$
 כך שר BC מצאת על הקטע D $(-2,3,1)$ הנקודה

- א. את שיעורי הנקודה C והוכח כי המשולש ABC א. (1) מצא את שיעורי הנקודה
 - . ABC מצא את משוואת המישור (2)

הנקודה M היא מפגש האלכסונים במלבן כך ש־ ABC מצאת במישור E הנקודה במלבן הוא כך כך ש־

. ABEC מאונך למישור MS היא נקודה כך ש־ S

- ב. (1) מצא הצגה פרמטרית לישר MS, והסבר מדוע לכל נקודה S כזו SABEC היא פירמידה ישרה.
 - תן דוגמה לשיעורים של נקודה S כמתואר בתת־סעיף ב(1). (2) בעבור הנקודה S שמצאת, חשב את הזווית SAB בעבור הנקודה
- בעבורה ישרה פירמידה אם PABEC כך ש־ PABEC מתקיים אם קיימת נקודה נוספת, P כך ש־ SAB אם פירמידה ישרה שבעבורה מתקיים S = 4 PAB כן, מצא את שיעוריה. אם לא, נמק.
 - .(בב). נתונה המשוואה $i \cdot z^6 = \frac{1}{64}$ מחובה מספר מרוכב).
 - א. מצא את כל פתרונות המשוואה הנתונה.

פתרונות המשוואה הנתונה מתאימים לקודקודים של מצולע קמור במישור גאוס.

ב. הראה שלכל אחד מקודקודי המצולע קיים קודקוד אחד בדיוק כך שהישר שמחבר ביניהם עובר דרך ראשית הצירים.

. w כופלים כל אחד מפתרונות המשוואה הנתונה במספר מרוכב קבוע,

ל. הסבר מדוע סכום המספרים שהתקבלו הוא אפס.

. w =
$$\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i$$
 :נתון:

7. כתוב משוואה שפתרונותיה הם 12 המספרים: פתרונות המשוואה הנתונה בתחילת השאלה והמספרים שהתקבלו לאחר ההכפלה ב־w . w

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני שנקציות מעריכיות ולוגריתמיות

.
$$f(x) = \frac{-4}{e^{2x} - 4e^x + 3}$$
 נתונה הפונקציה .4

- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) מצא את
- מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה f(x) המאונכות לצירים.
- (אם יש כאלה), f(x) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (f(x)), וקבע את סוגן
 - f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (4)
 - . f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (5)
 - . $\int\limits_{b-3}^{b}\!f(x)dx<\!-4$ מתקיים: b<0 מתקיים.

. הוא פרמטר א הפונקציה k . f(x) , $g(x) = \frac{k}{f(x)}$ הוא פרמטר, שתחום הגדרתה אונה הפונקציה , $g(x) = \frac{k}{f(x)}$

נתון כי לפונקציה g(x) יש נקודת מינימום.

- מהו תחום הערכים האפשרי בעבור ? k מק.
 - . $f(x) = \frac{1}{(\ln(x))^3 1} + 1$ נתונה הפונקציה. 5.
- f(x) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה (1) א.
- המאונכות לצירים. מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה (2)
 - (אם יש כאלה) f(x) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (f(x)
- . (אם יש כאלה) עם הצירים (f(x) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (4)
 - f(x) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (5)
 - . נמק. k אינו חותך את גרף הפונקציה (ג א הוא פרמטר). מצא את את y = k אינו הישר y=k

.
$$e^{-1} \le x \le e$$
 $T(x) = \int_{e^{-1}}^{x} f(x) dx$ נגדיר ...

. נמק. (מק. T(x) לפניך שלושה ערכי (III-I), ג בעבור איזה מהם הערך של לפניך שלושה ערכי (1)

$$x = 2$$
 (III $x = 1$ (II $x = \frac{1}{2}$ (I

. T(x) < 1 מתקיים: $e^{-1} \le x < e$ מתקיים: (2)

בהצלחה!