מדינת ישראל

בגרות קיץ תשע"ט, 2019, **מועד ב** מועד הבחינה:

> 035582 מספר השאלון:

סוג הבחינה:

דפי נוסחאות ל־5 יחידות לימוד נספח: משרד החינוך

## מתמטיקה 5 יחידות לימוד – שאלון שני

### הוראות לנבחן

- משך הבחינה: שעתיים ורבע. א.
- מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים. ב.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב, מספרים מרוכבים  $-33\frac{1}{3}$ 23 נקודות

פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות  $\frac{1}{3} \times 1$  –  $\frac{1}{3}$  33 נקודות סה"כ — סה"כ – סה"כ

#### חומר עזר מותר בשימוש: ۲.

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.
  - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

#### :הוראות מיוחדות ٦.

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון. הסבר את <u>כל</u> פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

כתוב <u>במחברת הבחינה בלבד</u>. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה. כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

### השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

## פרק האשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב, פרק האשון — מספרים מרוכבים מחוכבים מספרים מחוכבים מחוכבים ( $\frac{2}{3}$

ענה על שתיים מן השאלות 3-1 (לכל שאלה  $\frac{1}{3}$  3 נקודות).

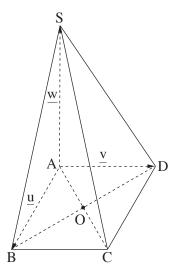
שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- - את משוואת המעגל שהתקבל. a את באמצעות
- של מרכז המעגל . y שיעור ה־ x של מרכז המעגל בסעיף א ומשיק גם לציר ה־ y שבונים מעגל המשיק מבחוץ למעגל שהתקבל בסעיף א ומשיק גם לציר ה־ y

מצא את משוואת המקום הגאומטרי שעליו נמצאים מרכזי המעגלים הנבנים כך (אם יש צורך, השתמש ב־ a).

בסעיף ב. אמוואתו מצאת משוואתו למקום הגאומטרי  $\mathbf{M}$  משיק בנקודה  $\mathbf{M}$ 

- . a מצא את מ
- **ד.** רשום את שיעורי נקודת ההשקה של שני המעגלים האלה:
  - ו. המעגל שהתקבל בסעיף א.
- .M המעגל שנבנה כמתואר בסעיף ב ומרכזו הוא בנקודה II.



. (ראה ציור), ABCD , שבסיסה, SABCD , נתונה פירמידה  $^{\circ}$ 

הנקודה O היא נקודת חיתוך אלכסוני הבסיס.

. t > 0  $\overrightarrow{SP}$  = t  $\cdot \overrightarrow{SD}$  היא מקיימת SD, והיא על הקטע P הנקודה P הנקודה

. 
$$\overrightarrow{AS} = \underline{w}$$
 ,  $\overrightarrow{AD} = \underline{v}$  ,  $\overrightarrow{AB} = \underline{u}$  :נסמן

- $\overrightarrow{OP}$  ו־ w , v , u א. הבע את הווקטור
- . SAB מקביל למישור הפאה OP , t מקביל למישור הפאה ב. נתוו: אורך צלע הריבוע ABCD הוא t

. AS = 4  $\sqrt{2}$  מאונך לבסיס הפירמידה, AS

הנקודה A היא ראשית הצירים. הנקודות B ו־ S נמצאות על החלק החיובי של הצירים A ו־ B בהתאמה.

. SAD איצר בעבור אילו ערכים של t, הישר OP ווצר אווית אילו ערכים של t, הישר אילו ערכים של TABCD בר מצאת על הקטע t בר מצאת על הקטע

- . TABCD מצא את נפח הפירמידה
- נתונה סדרה הנדסית שהאיבר הראשון שלה הוא 1 והאיבר השני שלה הוא z) iz נתונה סדרה הנדסית שהאיבר הראשון שלה הוא z0 והאיבר השני שלה הוא z1 נתון כי הסדרה איננה קבועה.
  - ענים אורך, הבע באמצעות (אם יש צורך, הבע באמצעות גורך). אור, הבע באמצעות אור (אם יש צורך, הבע באמצעות צור).
    - .  $\frac{z^5 + i}{z + i}$  הוכח כי סכום חמשת האיברים הראשונים בסדרה שווה ל- (2)
    - ב. (1) מצא את כל הפתרונות של המשוואה  $z^5=-i$  מצא את כל הפתרונות של המשוואה
- . (ב) מספר מחונות z )  $1+iz-z^2-iz^3+z^4=0$  מצא את כל הפתרונות של המשוואה (2)

הנקודה A נמצאת ברביע השלישי במישור גאוס, והיא מתאימה לאחד מפתרונות המשוואה שפתרת בתת־סעיף ב (2). ABO הוא משולש שווה צלעות במישור גאוס (0) — ראשית הצירים).

מצא את המספר המרוכב המתאים לנקודה B (מצא את שתי האפשרויות).

# פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות חזקה, פרק שני — גדילה ודעיכה פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{2}$ 33 נקודות)

.5-4 ענה על <u>אחת</u> מן השאלות

שים לב: אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

- .  $f(x) = ln(x^2 + ax + 1)$  נתונה הפונקציה .4
  - a < 2 < a < 2. הוא פרמטר, a
- . x מוגדרת לכל מוגדרת לכל f(x) הראה שהפונקציה
- . (a אם יש צורך, הבע באמצעות f(x) עם ציר ה־ x (אם יש צורך, הבע באמצעות f(x)
  - .( a וקבע את סוגה (אם יש צורך, הבע באמצעות f(x) מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה f(x)
  - . a כתלות בפרמטר f(x) הפונקציה (I-III) המתארים את גרף הפונקציה (f(x) כתלות בפרמטר בסוף השאלה מוצגים שלושה גרפים (f(x)) של התחומים (f(x)) של הגרפים מתאים לאחד מן התחומים (f(x)) של האוד מן הגרפים מתאים לאחד מן התחומים (f(x))

$$0 < a < 2$$
 (1)

$$-2 < a < 0$$
 (2)

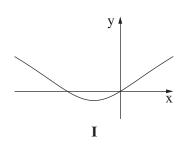
$$a = 0$$
 (3)

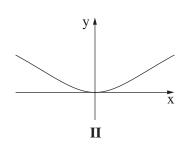
כתוב איזה מתחומי הערכים (1)-(3) מתאים לכל אחד מן הגרפים.

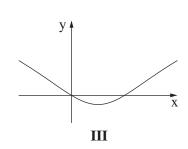
a < 0 ענה על סעיף ה בעבור a המקיים

.  $\boldsymbol{x}$ ה ציר ועל די ועל f(x) הפונקציה על אל אמוגבל על המוגבל S נסמן ב־

.  $\int\limits_0^{-a} \ln(4x^2+4ax+4)\,\mathrm{d}x$  את האינטגרל: א S ון a הבע באמצעות הבע האינטגרל.

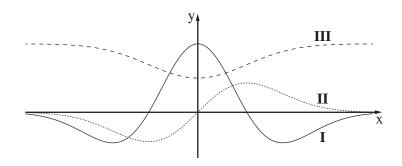






. x המוגדרות לכל , f', f', f'' הפונקציות את הגרפים של הפונקציות לכל .5

. II נמצא כולו מעל הגרף III הגרף



. f , f' , f" לפונקציות I , II , III מן הגרפים אם כל אחד מן התאם כל אחד מ

נמק את קביעתך.

AB נמצאת על גרף הפונקציה f(x), הנקודה f(x) נמצאת על גרף הפונקציה f(x), כך שהקטע f(x), כך שהקטע f(x). על גרף הפונקציה f(x), כך שהקטע הנקביל לציר ה-

.  $f'(x) = x \cdot e^{-x^2}$  נתון כי

יהיה AB אורך הקטע אורך איזה ערך של x אורך הקטע אורך הקטע AB אורך הקטע אורך איזה ערך של x אורך הקטע מפסימלי.

 $1 + \frac{1}{2e}$  שווה ל־ AB נתון כי האורך המקסימלי של הקטע

f(x) מצא את הפונקציה . f(x)