

Systèmes des Télécommunications

Examen (Options ITR et SSI)

Remarques :

1. Documents non autorisés
2. Durée : 1h15

Exercice 1 :

Cocher les affirmations vraies :

- ☐ Si un signal est à énergie finie, alors sa puissance est nulle.
- ☐ Le produit d'un signal $x(t)$ par l'impulsion de Dirac $\delta(t - t_0)$ revient à décaler le signal $x(t)$ de t_0 .
- ☐ Un signal périodique est, toujours, déterministe, l'inverse est aussi vrai.
- ☐ L'échantillonnage pourrait être obtenu par simple multiplication du signal d'origine $x(t)$ par l'impulsion de Dirac $\delta(t)$.
- ☐ Plus le nombre de niveaux de quantification augmente, plus la valeur du bruit de quantification diminue.
- ☐ On peut réaliser une quantification non uniforme à partir de la quantification uniforme sans changer le nombre de bit de codage.
- ☐ Le pas de quantification uniforme est d'autant plus grand que le nombre de bit de codage est grand.
- ☐ Dans le cas de la quantification non uniforme, la période d'échantillonnage T_e
- ☐ L'opération de codage consiste à coder, directement en binaire, la valeur des échantillons prélevés.
- ☐ Pour la loi A à 13 segments, la quantification est toujours uniforme à l'intérieur de chaque segment.

Exercice 2 :

Soit un signal $x(t)$ périodique de période T_0 , tel que : $x(t) = |t|$ si $t \in \left[-\frac{T_0}{2}, \frac{T_0}{2}\right]$

1. Tracer l'allure du signal $x(t)$.
2. Donner la Décomposition en série de fourrier du signal $x(t)$.
En déduire l'expression de la fondamentale du signal
3. Montrer que le signal pourrait être écrit sous l'expression suivante :

$$x(t) = X_0 + \sum_{n=1}^{\infty} X_n \cos(2\pi n \frac{t}{T_0} + \varphi_n)$$

Déterminer X_0, X_n et φ_n , on s'arrête à $n=7$.

4. En déduire le tracé du spectre d'amplitude et celui de phase correspondant.

Exercice 3 :

On se propose d'échantillonner un signal acoustique $s(t)$, de bande $[0, f_m]$, par un train d'impulsions rectangulaires $r(t)$, de hauteur $= \frac{1}{\tau}$, de largeur τ , et de période $T_e = \frac{1}{F_e} = \frac{1}{2f_m}$.

1. Déterminer l'expression du spectre $R(f)$ de ce train d'impulsions $r(t)$.
2. Montrer que le spectre $S_e(f)$ du signal échantillonné $s_e(t)=s(t).r(t)$ pourrait être écrit sous la forme suivante :

$$S_e(f) = K \sum_n \alpha(n, \tau, T_e) \beta(n, f, T_e)$$

Préciser les limites de la sommation ainsi que l'expression des différents termes de l'équation.

3. Tracer l'allure du spectre $S_e(f)$ pour $f_m = 3,4kHz$ et $\frac{\tau}{T_e} = 0,4$

