

cette attaque marche théoriquement par le résultat (4.15).  
 du paradoxe des anniversaires, appliqué ici,

Coulien de message  $(x_1, \dots, x_t)$  doit produire Oscar  
 tel que  $h(x_i) = h(x_j)$ .  $n$  message de taille  $n$ :

$$\mathbb{P}(\text{pas collision}) = \prod_{i=1}^{t-1} \left(1 - \frac{i}{2^n}\right)$$

$$\begin{aligned} \text{D'où } \lambda &= 1 - \mathbb{P}(\text{pas collision}) \\ &\approx 1 - e^{-t(t-1)/2^{n+1}} \end{aligned}$$

$$t \gg 1 \Rightarrow \boxed{t \approx 2^{(n+1)/2} \cdot \left(\ln \left(\frac{1}{1-\lambda}\right)\right)^{1/2}} \quad (1)$$

Par ex:  $n = 80$  bits.

$$t \approx 2^{80/2} \cdot \ln 2 \text{ bits. } \square$$

Exercice. Montrer en détail (1).

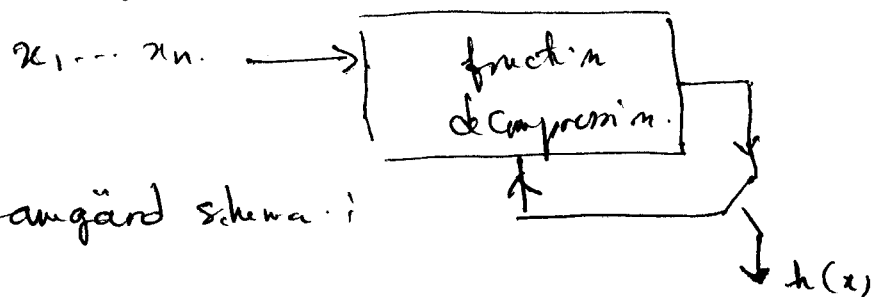
### §. 4.2.2. Construction de fonctions de hachage.

Deux manières:

(A) Fonctions dédiées: fonctions spécifiques pour le hachage.

(B) Fonctions Basées sur le B-cryptage: DES, AES,

Comme point:  $x = \text{message} = x_1 \dots x_n$  divisé en bloc.



Merkle-Damgård schéma: