

Εξηγήστε περιεκτικά και επαρκώς την εργασία σας. Επιτρέπεται προαιρετικά η συνεργασία εντός ομάδων των 2 ατόμων. Κάθε ομάδα 2 ατόμων υποβάλλει μια κοινή αναφορά που αντιπροσωπεύει μόνο την προσωπική εργασία των μελών της. Αν χρησιμοποιήσετε κάποια άλλη πηγή εκτός του βιβλίου και του εκπαιδευτικού υλικού του μαθήματος, πρέπει να το αναφέρετε. Η παράδοση της αναφοράς και του κώδικα της εργασίας θα γίνει ηλεκτρονικά στη σελίδα του μαθήματος: <https://helios.ntua.gr/course/view.php?id=872>. Στη σελίδα αυτή, στην ενότητα 'Απορίες Εργαστηρίων', μπορείτε επίσης να υποβάλετε απορίες και ερωτήσεις δημιουργώντας issues.

Επισημαίνεται ότι απαγορεύεται η ανάρτηση των λύσεων των εργαστηριακών ασκήσεων στο github, ή άλλες ιστοσελίδες. Η σχεδίαση και το περιεχόμενο των εργαστηριακών projects αποτελούν αντικείμενο πνευματικής ιδιοκτησίας της διδακτικής ομάδας του μαθήματος.

Θέμα: Εισαγωγή στην Ψηφιακή Επεξεργασία Σημάτων με Python και Εφαρμογές σε Ακουστικά Σήματα

Μέρος 1ο - Φασματική Ανάλυση και Ανίχνευση Ημιτονοειδών με τον Διακριτό Μετ/σμό Fourier (DFT)

Στην φασματική ανάλυση, η **διακριτική ικανότητα** ενός συστήματος ορίζεται ως η ικανότητα ανίχνευσης δύο διαφορετικών σημάτων όταν οι συχνότητές τους βρίσκονται αρκετά κοντά. Επιπλέον, ο Διακριτός Μετασχηματισμός Fourier (DFT) $X[k]$ N -σημείων ενός σήματος $x[n]$ προκύπτει από δειγματοληψία (στο πεδίο της Συχνότητας) του Μετ/σμού Fourier Διακριτού Χρόνου (DTFT) $X(e^{j\omega})$ στις συχνότητες $\omega = \frac{2\pi}{N}k$, όπου $0 \leq k \leq N-1$ και N το μήκος του DFT. Αναλυτικά:

$$X[k] = \sum_{n=0}^{N-1} x[n]e^{-j\frac{2\pi}{N}nk}, \text{ όπου } 0 \leq k \leq N-1.$$

Για την φασματική ανάλυση ενός σήματος εισόδου $x[n]$ συνήθως χρησιμοποιείται ένα παράθυρο $w[\cdot]$, ώστε η ανάλυση να πραγματοποιηθεί στο παραθυρωμένο σήμα $y[n] = w[n] \cdot x[n]$. Το παράθυρο $w[\cdot]$ καθορίζει αφενός το μέρος εκείνο του αρχικού σήματος $x[n]$ που θα χρησιμοποιηθεί κατά την ανάλυση και αφετέρου την διακριτική ικανότητα του Μετ/σμού Fourier.

Το παράθυρο Hamming $w_{\text{hamm}}[\cdot]$ ορίζεται ως:

$$w_{\text{hamm}}[n] = 0.54 - 0.46 \cos\left(\frac{2\pi n}{N}\right), \quad 0 \leq n \leq N.$$

Το παράθυρο αυτό δίνεται από την συνάρτηση **hamming()** στην numpy.

Έστω ότι τα δύο αρχικά σήματα ανάλυσης $x_1[n]$ και $x_2[n]$ είναι τα εξής:

$$x_1[n] = A_1 e^{j(\omega_1 n + \phi_1)} \text{ και } x_2[n] = A_2 e^{j(\omega_2 n + \phi_2)},$$

όπου $A_1 = 1$ και $A_2 = 0.9$ τα πλάτη των ημιτόνων, $n = 0, \dots, L-1$ και $\Delta\omega = |\omega_1 - \omega_2|$ η **παράμετρος υπό εξέταση**. Θεωρήστε τυχαίες τις φάσεις, με τιμές $\phi_1, \phi_2 \in [0, 2\pi]$. **Σαν σήμα ανάλυσης θεωρήστε το άθροισμα $y[n] = w[n] \cdot (x_1[n] + x_2[n])$.**

1.1. Αρχικά, θεωρήστε μήκος $L = 256$ δείγματα και γωνιακές συχνότητες $\omega_1 = \pi/10$, $\omega_2 = \pi/7$ για το σήμα ανάλυσης $y[n]$. Υπολογίστε τον DFT (συνάρτηση numpy: **numpy.fft.fft()**)

μήκους $N = 256$ δειγμάτων του σήματος και σχεδιάστε το πλάτος του. Μετακινώντας με μικρά βήματα την συχνότητα ω_2 του δεύτερου σήματος x_2 προς την ω_1 , βρείτε πόσο μικρή μπορεί να γίνει η διαφορά $\Delta\omega$ ώστε να ξεχωρίζουν οι δύο κορυφές. Τί παρατηρείτε;

- 1.2. Επαναλάβετε το παραπάνω πείραμα αλλά ο DFT θα έχει μήκος $N=512$ και 1024 δείγματα (μετά από την διαδικασία του zero-padding). Εξετάστε την ευκρίνεια φάσματος του σήματος και την δυνατότητα φασματικής διάκρισης των δύο ημιτόνων για τα διαφορετικά μήκη του DFT. Τί παρατηρείτε για τις διαφορετικές τιμές του N ; Εξηγήστε τα αποτελέσματά σας.
- 1.3. Για τις συχνότητες στις οποίες παρατηρήσατε οριακή δυνατότητα φασματικής διάκρισης, σχεδιάστε ξανά το πλάτος του DFT, θεωρώντας τώρα μήκος σήματος $L = 512$ και $L = 1024$ δείγματα. Τί παρατηρείτε τώρα; Βρείτε το νέο όριο φασματικής διάκρισης $\Delta\omega$ για τις νέες τιμές του L , όμοια με το ερώτημα 1.1. Εξηγήστε τα αποτελέσματά σας.
- 1.4. Θεωρήστε τώρα τα σήματα $x_1[n]$, $x_2[n]$ με συχνότητες $\omega_1 = 0.25\pi$ και $\omega_2 = 0.3\pi$, πλάτη $A_1 = 1$ και $A_2 = 0.05$ και τυχαίες φάσεις. Θεωρήστε ως σήμα ανάλυσης το $y[n] = w[n](x_1[n] + x_2[n])$. Για μήκος σήματος $L = 256$, σχεδιάστε το πλάτος του DFT μήκους $N = 1024$: (i) για τετραγωνικό παράθυρο $w[n] = 1$, $n = 1, \dots, L$ και (ii) για παράθυρο Hamming $w[n] = w_{\text{hamm}}[n]$. Τί παρατηρείτε; Εξηγήστε τα αποτελέσματά σας.

Μέρος 2ο - Σύστημα Εντοπισμού Τηλεφωνικών Τόνων (Telephone Touch – Tones)

Στόχος αυτής της άσκησης είναι να παρουσιάσει πως λειτουργεί το τηλεφωνικό τονικό σύστημα χρησιμοποιώντας σήματα διαφορετικών συχνοτήτων για να εντοπίζει ποιο πλήκτρο έχει πατηθεί. Ο εντοπισμός αυτών των συχνοτήτων μπορεί να γίνει με την χρήση του Διακριτού Μετ/σμού Fourier (DFT) $X[k]$ του τηλεφωνικού σήματος $x[n]$. Με το πάτημα ενός πλήκτρου στο τηλέφωνο ακούγεται ένας ήχος που είναι το άθροισμα 2 ημιτόνων, το υψίσυχο ημίτονο δείχνει την στήλη που ανήκει το πλήκτρο στο touch-pad της τηλεφωνικής συσκευής και το χαμηλόσυχο ημίτονο δείχνει την αντίστοιχη γραμμή του touch-pad σύμφωνα με τον Πίνακα που ακολουθεί. Παραδείγματος χάρη, το πλήκτρο 5 αντιστοιχεί στο σήμα $d_5[n] = \sin(0.5906n) + \sin(1.0247n)$

	Ω_{column}		
Ω_{row}	0.9273	1.0247	1.1328
0.5346	1	2	3
0.5906	4	5	6
0.6535	7	8	9
0.7217		0	

Πίνακας 1: Διακριτές Συχνότητες για Τηλεφωνικούς Τόνους για Συχνότητα Δειγματοληψίας 8192 Hz.

- 2.1. Δημιουργήστε τους 10 διαφορετικούς τόνους σύμφωνα με την παραπάνω εκφώνηση. Κάθε τόνος πρέπει να έχει μήκος 1000 δείγματα. (Υπόδειξη: Μπορείτε να χρησιμοποιήσετε την ρουτίνα **Audio()** από το πακέτο **IPython.display** για να ακούσετε τους ήχους.)
- 2.2. Υπολογίστε τον DFT, $N = 1024$ σημείων, των σημάτων $d_1[n]$, $d_4[n]$ και $d_8[n]$ και δημιουργήστε τις γραφικές παραστάσεις των $|D_1[k]|$, $|D_4[k]|$ και $|D_8[k]|$. Τι παρατηρείτε ως προς τη μορφή τους;

2.3. Δημιουργήστε και αποθηκεύστε σε αρχείο “tone_sequence.wav” ένα σήμα με διαδοχικούς τηλεφωνικούς τόνους ‘μεταφράζοντας’ το άθροισμα των αριθμών μητρώου των μελών της κάθε ομάδας σε τονικά σήματα. Κάθε ένα ψηφίο του αθροίσματος πρέπει να διαχωρίζεται από το προηγούμενο με 100 μηδενικά δείγματα. Για παράδειγμα αν οι αριθμοί μητρώου των δύο μελών είναι $AM_1 = 03092432$ και $AM_2 = 03093543$ τότε τα ζητούμενα ψηφία είναι: 0 6 1 8 5 9 7 5 ($= 03092432 + 03093543$). Αν η εργασία υλοποιείται από ένα άτομο τότε τα ζητούμενα ψηφία είναι ο αριθμός μητρώου. **Concat func here**

Χρήσιμες Συναρτήσεις: **write()** από τη βιβλιοθήκη soundfile, ή από το πακέτο scipy.io.wavfile.

2.4. Χρησιμοποιώντας την συνάρτηση **fft()** της numpy και κατάλληλα χρονικά παράθυρα, (i.) τετραγωνικά, και (ii.) Hamming, μήκους $L = 1000$, υπολογίστε τον Μετ/σμό Fourier των παραθυροποιημένων σημάτων, $N = 1024$ σημείων, όπως προκύπτουν από το προηγούμενο σήμα. (Υπόδειξη: Δημιουργήστε τόσα παραθυροποιημένα σήματα όσοι και οι τόνοι που περιέχονται στο αρχικό σήμα). **for l in range(0, , step) to step prepei na einai**

2.5. Υπολογίστε μια λίστα από δείκτες k και τις αντίστοιχες συχνότητες που θεωρείτε ότι βρίσκονται εγγύτερα στις touch-tone συχνότητες. **$k = \omega * N / 2\pi$**

2.6. Δημιουργήστε μια συνάρτηση με το όνομα **ttdecode**, που θα δέχεται σαν όρισμα εισόδου ένα τονικό σήμα (όπως περιγράφηκε στο **Ερωτ. 2.3**) και επιστρέφει ένα διάνυσμα με τα αντίστοιχα ψηφία. Για παράδειγμα αν το σήμα εισόδου **signIn** περιέχει τους τόνους για το νούμερο 210 – 3434120, η έξοδος της συνάρτησης **Vector** θα είναι **Vector = 2 1 0 3 4 3 4 1 2 0**. Επιβεβαιώστε την ορθή λειτουργία της ρουτίνας θέτοντας σαν είσοδο, το σήμα του **Ερωτ. 2.3**. **απομονώνω μια μερια και κανω argmax**

Υπόδειξη: Η συνάρτηση θα πρέπει πρώτα να υπολογίζει την ενέργεια κάθε ενός από τους τόνους του σήματος εισόδου με την χρήση της ρουτίνας **fft()**. Έπειτα να εντοπίζει ποιες είναι εκείνες οι συχνότητες που έχουν την μεγαλύτερη ενέργεια και να τις αντιστοιχίζει στις αρχικές συχνότητες του Πίνακα 1. Με βάση αυτές τις αντιστοιχίσεις, εντοπίστε ποιο είναι το αντίστοιχο ψηφίο. Υπενθυμίζεται ότι η ενέργεια E_k του σήματος γύρω από τη συχνότητα με δείκτη k ισούται με $E_k = |X[k]|^2$.

2.7. Με χρήση της εντολής **load()** της numpy φορτώστε τα αρχεία easy_sig.npy, medium_sig.npy, hard_sig.npy από το συμπληρωματικό υλικό της άσκησης “dsp23.lab1.Data.zip” που βρίσκεται στο Helios, τα οποία και αντιστοιχούν σε τρία διαφορετικά σήματα, τα *easySig*, *mediumSig* και *hardSig*. Προσδιορίστε τα ψηφία στα οποία αντιστοιχούν οι τόνοι των 3 σημάτων με την χρήση της ρουτίνας **ttdecode()**.

Σημειώνεται ότι σε κάθε περίπτωση οι απαντήσεις σας πρέπει να συνοδεύονται με τις σχετικές γραφικές παραστάσεις και σχόλια ώστε να είναι όσο το δυνατό τεκμηριωμένες.

Μέρος 3ο - Χαρακτηριστικά Βραχέος Χρόνου Σημάτων Φωνής και Μουσικής

Οι μετρήσεις βραχέος χρόνου είναι μετρήσεις που γίνονται σε ένα μετακινούμενο παράθυρο του σήματος. Μετρήσεις αυτής της κατηγορίας μπορούν να ληφθούν απευθείας από το πεδίο του χρόνου, όπως η ενέργεια βραχέος χρόνου που ορίζεται ως:

$$E_n = \sum_{m=-\infty}^{\infty} |x[m]|^2 w[n-m], \quad (1)$$

θα το κάνουμε με convol της numpy

όπου w ένα παράθυρο της επιλογής μας, το οποίο συνήθως είναι το Hamming παράθυρο (συνάρτηση **hamming()** στη numpy). Αντίστοιχα, ο ρυθμός εναλλαγής προσήμου (Zero Crossing Rate), για την περίπτωση που χρησιμοποιήσουμε τετραγωνικό παράθυρο N δειγμάτων, με πλάτος $1/2N$, ορίζεται ως:

Θετω **func(m) = διαφορα και κανω μετα convol**

$$Z_n = \sum_{m=-\infty}^{\infty} |\text{sgn}(x[m]) - \text{sgn}(x[m-1])| w[n-m]. \quad (2)$$

Αντίστοιχες μετρήσεις βραχέος χρόνου μπορούν να ληφθούν και στο πεδίο της συχνότητας, όπως για παράδειγμα το φασματικό κέντρο (spectral centroid - SC), το οποίο και ορίζεται ως η μέση συχνότητα ενός σήματος σε ένα χρονικό παράθυρο, και η φασματική ροή (spectral flux - SF), η οποία ορίζεται ως η μεταβολή του φασματικού περιεχομένου ανάμεσα σε δύο διαδοχικά χρονικά παράθυρα. Συγκεκριμένα, αν $|X[k, m]|$ είναι το μέτρο του διακριτού μετασχηματισμού Fourier βραχέος χρόνου (Short Time Fourier Transform - STFT), N σημείων, ενός σήματος $x[n]$, οι παραπάνω μετρήσεις για το m -οστό παράθυρο του σήματος δίνονται από τις εξισώσεις:

$$SC_m = \frac{\sum_{k=0}^{N/2} k |X[k, m]|^2}{\sum_{k=0}^{N/2} |X[k, m]|^2} \cdot \frac{f_s}{N} \quad \text{πρακτικά το κλάσμα είναι } f_s/2/N/2. \quad (3)$$

$$SF_m = \left\| \frac{|X[k, m+1]|^2}{\sum_{k=0}^{N/2} |X[k, m+1]|^2} - \frac{|X[k, m]|^2}{\sum_{k=0}^{N/2} |X[k, m]|^2} \right\|_2, k = 0, 1, \dots, N/2. \quad (4)$$

- 3.1. Θεωρήστε το σήμα φωνής της πρότασης “It helps those people who help themselves” που περιέχεται στο αρχείο “speech_utterance.wav” (συχνότητα δειγματοληψίας: 16 kHz) του συμπληρωματικού υλικού “dsp23_lab1_Data.zip” της άσκησης στο Helios. Απεικονίστε το σήμα στο πεδίο του χρόνου.
- 3.2. Υπολογίστε την ενέργεια βραχέος χρόνου και το ρυθμό εναλλαγής προσήμου του σήματος, βάσει των τύπων (1) και (2). Χρησιμοποιήστε παράθυρα μήκους 20-50 ms. Τί παρατηρείτε μεγάλωνοντας το μήκος του παραθύρου; Μπορείτε να χρησιμοποιήσετε αυτές τις μετρήσεις για να διαχωρίσετε φωνή από σιωπή ή έμφωνους (π.χ. /aa/, /ih/) από άφωνους ήχους (π.χ. /f/, /p/);
- 3.3. Υπολογίστε το μετασχηματισμό Fourier βραχέος χρόνου (συνάρτηση `scipy.signal.stft()`) του σήματος, και από αυτόν τις τιμές των μετρήσεων του φασματικού κέντρου και της φασματικής ροής. Για τον STFT, πειραματιστείτε με το εύρος του παραθύρου (ενδεικτικές τιμές: 20-50 ms) και χρησιμοποιήστε $N = 2048$ σημεία. Τι παρατηρείτε;
- 3.4. Επαναλάβετε την ίδια διαδικασία για το σήμα μουσικής “music.wav” (συχνότητα δειγματοληψίας: 48 kHz) που επίσης βρίσκεται στο συμπληρωματικό υλικό, αφού πρώτα το μετατρέψετε από stereo format σε mono, και σχολιάστε τη μεταβολή των τιμών των χαρακτηριστικών ανά το χρόνο.

ΠΑΡΑΔΟΤΕΑ Ηλεκτρονική παράδοση του κώδικα Python, της ακολουθίας touch-tone υπο μορφή .wav που φτιάξατε στο ερώτημα 2.3 του Μέρους 2, καθώς και συνοπτικής αναφοράς που θα απαντάει στα δοθέντα ερωτήματα και θα περιλαμβάνει τις ζητούμενες γραφικές αναπαραστάσεις. Η αναφορά προτείνεται να είναι σε μορφή .pdf.

Αναφορά μπορεί να γίνει και στο jupyter notebook