

## HOJA DE REGLAS DE INFERENCIAS LÓGICAS

**Nota:** Cada regla es un razonamiento válido con premisas  $P_i$  y conclusión  $Q$ , tal que  $P_1, P_2, \dots, P_n \Rightarrow Q$ . Alguna premisa  $P_i$  puede ser a su vez una deducción, subdeducción o supuesto, que escribiremos entre paréntesis.

REGLAS DE CONJUNCIÓN	
<b>IC</b> (Introducción conjunción)	$A, B \Rightarrow A \wedge B$
<b>EC</b> (Eliminación conjunción)	$A \wedge B \Rightarrow A; \quad A \wedge B \Rightarrow B$
<b>ECQ</b>	$A \wedge \neg A \Rightarrow C$

REGLAS DE DISYUNCIÓN	
<b>ID</b> (Introducción disyunción)	$A \Rightarrow A \vee B$
<b>ED</b> (Prueba por casos)	$A \vee B, (A \Rightarrow C), (B \Rightarrow C) \Rightarrow C$

REGLAS DE IMPLICACIÓN / CONDICIONAL	
<b>TD</b> (Teorema de Deducción)	$(A \Rightarrow B) \Rightarrow A \rightarrow B$
<b>MP</b> (modus ponens)	$A \rightarrow B, A \Rightarrow B$
<b>MT</b> (modus tollens)	$A \rightarrow B, \neg B \Rightarrow \neg A$
<b>ECO</b> (Eliminación bicondicional)	$(A \leftrightarrow B) \Leftrightarrow (A \rightarrow B) \wedge (B \rightarrow A)$

REGLAS DE NEGACIÓN	
<b>IN</b> (Reducción al absurdo)	$(A \Rightarrow B \wedge \neg B) \Rightarrow \neg A$
<b>EN</b> (Eliminación negación)	$\neg \neg A \Rightarrow A$
<b>IDN</b> (Introducción de doble negador)	$A \Rightarrow \neg \neg A$

SILOGISMOS	
<b>SH</b> (Silogismo Hipotético)	$A \rightarrow B, B \rightarrow C \Rightarrow A \rightarrow C$
<b>SD</b> (Silogismo Disyuntivo)	$A \vee B, \neg B \Rightarrow A$

DILEMAS	
<b>Dil<sub>1</sub></b>	$\neg A \vee \neg B, C \rightarrow A, C \rightarrow B \Rightarrow \neg C$
<b>Dil<sub>2</sub></b>	$A \vee B, A \rightarrow C, B \rightarrow D \Rightarrow C \vee D$
<b>Dil<sub>3</sub></b>	$\neg A \vee \neg B, C \rightarrow A, D \rightarrow B \Rightarrow \neg C \vee \neg D$

REGLAS DE EQUIVALENCIA	
<b>(DI<math>\wedge</math>)</b> (Definición implicador conjunción)	$A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg(A \wedge \neg B)$
<b>(DI<math>\vee</math>)</b> (Definición implicador disyunción)	$A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg A \vee B$
<b>Cp</b> (Contrapositivo)	$A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg B \rightarrow \neg A$
<b>De Morgan</b>	<b>(M<math>\wedge</math>)</b> $\neg(A \vee B) \Leftrightarrow \neg A \wedge \neg B$ ; <b>(M<math>\vee</math>)</b> $\neg(A \wedge B) \Leftrightarrow \neg A \vee \neg B$
<b>Idempotencia</b>	<b>(Idc)</b> $A \wedge A \Leftrightarrow A$ ; <b>(Idd)</b> $A \vee A \Leftrightarrow A$
<b>Absorción</b>	<b>(AbsC)</b> $A \wedge (A \vee B) \Leftrightarrow A$ ; <b>(AbsD)</b> $A \vee (A \wedge B) \Leftrightarrow A$
<b>Distributiva</b>	<b>(DD)</b> $A \wedge (B \vee C) \Leftrightarrow (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ <b>(DC)</b> $A \vee (B \wedge C) \Leftrightarrow (A \vee B) \wedge (A \vee C)$
<b>(<math>\neg</math>U)</b> $\neg \forall x P(x) \Leftrightarrow \exists x \neg P(x)$ <b>(U<math>\neg</math>)</b> $\forall x \neg P(x) \Leftrightarrow \neg \exists x P(x)$	<b>(<math>\neg</math>E)</b> $\neg \exists x \neg P(x) \Leftrightarrow \forall x P(x)$ <b>(E<math>\neg</math>)</b> $\neg \forall x \neg P(x) \Leftrightarrow \exists x P(x)$
<b>Equivalencias semánticas</b>	<b>E<sub>1</sub></b> : $p \wedge \neg p = F$ ; <b>E<sub>2</sub></b> : $p \vee \neg p = V$ ; <b>E<sub>3</sub></b> : $p \wedge V = p$ ; <b>E<sub>4</sub></b> : $p \vee V = V$ ; <b>E<sub>5</sub></b> : $p \wedge F = F$ ; <b>E<sub>6</sub></b> : $p \vee F = p$ ;