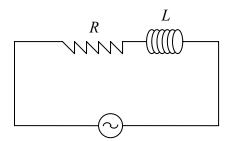
RESOLUCIONES

5.1 En un circuito RL serie, con L = 2 mH y $R = 10 \Omega$, circula una corriente de intensidad I=2 sen 500t (A). Hallar la tensión total aplicada.

RESOLUCIÓN:



$$I = 2 \cdot sen(500t) \Rightarrow \overline{I} = \frac{I_0}{\sqrt{2}} |\phi_0| = \frac{2}{\sqrt{2}} |0^\circ|$$

Al ser un circuito RL en serie:

$$\overline{Z} = R + jX_L$$

$$X_L = L\omega = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 500 = 10\Omega$$

luego:

$$\overline{Z} = 10 + 10j$$

que en forma polar es:

$$Z = |\overline{Z}| = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2}$$

$$\alpha = arctg \frac{10}{10} = 45^{\circ}$$

$$\Rightarrow \overline{Z} = 10\sqrt{2} |\underline{45^{\circ}}|$$

$$\overline{V} = \overline{I} \cdot \overline{Z} = \left(\frac{2}{\sqrt{2}} | \underline{0}^{\circ} \right) \cdot \left(10\sqrt{2} | \underline{45}^{\circ} \right) = 20 | \underline{45}^{\circ} (V)$$

Como:

$$\overline{V} = \frac{V_0}{\sqrt{2}} | \underline{\theta_0} \Rightarrow \begin{cases} \frac{V_0}{\sqrt{2}} = 20 \rightarrow V_0 = 20\sqrt{2} \\ \underline{\theta_0} = 45^{\circ} \end{cases}$$

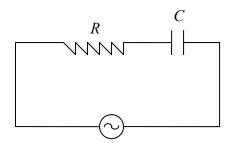
La tensión total aplicada será:

$$V = 20\sqrt{2} \cdot sen(500t + 45^{\circ}) (V)$$

V está adelantado respecto de I.

5.2 En un circuito RC serie, con $C = 20 \,\mu\text{F}$ y $R = 5 \,\Omega$, circula una corriente de intensidad $I=2 \, sen \, 5000t \, (A)$. Hallar la tensión total aplicada.

RESOLUCIÓN:



$$I = 2 \cdot sen(5000t) \Rightarrow \overline{I} = \frac{I_0}{\sqrt{2}} | \underline{\phi_0} = \frac{2}{\sqrt{2}} | \underline{0^{\circ}}$$

$$\overline{Z} = R - jX_C$$

Siendo
$$X_C = \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{20 \cdot 10^{-6} \cdot 5000} = 10\Omega$$

$$\overline{Z} = 5 - 10j \Rightarrow \begin{cases} Z = |\overline{Z}| = \sqrt{5^2 + 10^2} = 11'18 \\ \alpha = arctg \frac{-10}{5} = -63'43^{\circ} \end{cases} \Rightarrow \overline{Z} = 11'18 |\underline{-63'43^{\circ}}$$

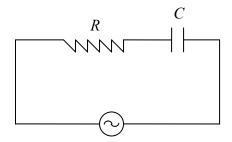
$$\overline{V} = \overline{I} \cdot \overline{Z} = \left(\frac{2}{\sqrt{2}} | \underline{0^{\circ}} \right) \cdot (11'18 | \underline{-63'43}) = 15'81 | \underline{-63'43^{\circ}}$$

luego:

$$V = 15'81\sqrt{2} \cdot sen(5000t - 63'43^{\circ}) (V)$$

V está retrasado respecto de I.

5.3 A un circuito serie RC, con $R = 10 \Omega y C = 40 \mu F$, se le aplica una tensión: $V = 500 sen(2500t - 20^{\circ})$ (V). Hallar la intensidad de la corriente que circula.



$$V = 500 \cdot sen(2500t - 20^{\circ}) \Rightarrow \overline{V} = \frac{500}{\sqrt{2}} \left| -20^{\circ} \right|$$
$$X_{C} = \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{40 \cdot 10^{-6} \cdot 2500} = 10\Omega$$

$$\overline{Z} = 10 - 10j = 10\sqrt{2} | \underline{-45^{\circ}}$$

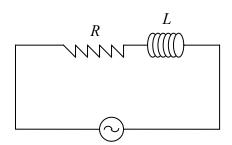
$$\overline{Z} = \frac{\overline{V}}{\overline{I}} \rightarrow \overline{I} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}} = \frac{500/\sqrt{2} | \underline{-20^{\circ}}}{10\sqrt{2} | \underline{-45^{\circ}}} = 25 | \underline{25^{\circ}}$$

$$I = 25 \cdot \sqrt{2} \cdot sen(2500t + 25^{\circ})$$

La intensidad está adelantada respecto del voltaje

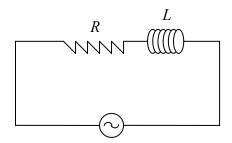
5.4 Una corriente alterna de 50~Hz atraviesa un circuito donde hay una resistencia de 15Ω y una autoinducción colocada en serie de 0'15~mH. ¿Cuál es la intensidad eficaz cuando se aplica al circuito una tensión eficaz de 200~V?

RESOLUCIÓN:



$$\begin{split} \overline{Z} &= R + jX_L \\ X_L &= L\omega = L \cdot 2 \cdot \pi \cdot \nu = 0'15 \cdot 10^{-3} \cdot 2\pi \cdot 50 = 0'047\Omega \\ \overline{Z} &= 15 + j \cdot 0.047 \\ \text{luego:} \\ \overline{Z} \middle| &= \sqrt{15^2 + 0'047^2} \approx 15\Omega \\ I_e &= \frac{V_e}{|\overline{Z}|} = \frac{200}{15} = 13'33 \ (A) \end{split}$$

5.5 En un circuito serie RL la autoinducción vale $L = 21'1 \, mH$. A la frecuencia de $v = 60 \, Hz$ la corriente está retrasada 53'1° respecto a la tensión. Calcular el valor de la resistencia R.



$$X_L = L\omega = 2 \cdot \pi \cdot \nu = 21'1 \cdot 10^{-3} \cdot 2\pi \cdot 60 = 8\Omega$$

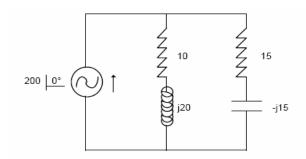
Sabemos que la *I* está retrasada *53'1º* respecto de *V*, luego:

$$\begin{split} & \overline{V} = V_{ef} \Big| \underline{\alpha} \\ & \overline{I} = I_{ef} \Big| \underline{\beta} \end{split} \right\} \Rightarrow \overline{Z} = Z \Big| \underline{\varphi} = \frac{V_{ef} \Big| \underline{\alpha}}{I_{ef} \Big| \underline{\beta}} \Rightarrow \varphi = \alpha - \beta = 53'1^{\circ} \end{split}$$

Por tanto:

$$tg\varphi = \frac{X_L - X_C}{R} \Rightarrow tg(53'1^\circ) = \frac{8 - 0}{R} \Rightarrow R = \frac{8}{tg(53'1^\circ)} = 6 \Omega$$

5.6 Hallar la impedancia equivalente y la intensidad de corriente que circula por cada rama del circuito de la figura.



$$\overline{Z}_{1} = 10 + 20j \Rightarrow \begin{cases}
Z_{1} = \sqrt{10^{2} + 20^{2}} = 22'36 \\
\alpha = arctg\left(\frac{20}{10}\right) = 63'43^{\circ}
\end{cases} \Rightarrow \overline{Z}_{1} = 22'36|\underline{63'43^{\circ}}|$$

$$\overline{Z}_{2} = 15 - 15j \Rightarrow \begin{cases}
Z_{2} = \sqrt{15^{2} + 15^{2}} = 22'21 \\
\alpha = arctg\left(-\frac{15}{15}\right) = -45^{\circ}
\end{cases} \Rightarrow \overline{Z}_{2} = 22'21|\underline{-45^{\circ}}|$$

$$\overline{Z}_{2} = 15 - 15j \Rightarrow \begin{cases} Z_{2} = \sqrt{15^{2} + 15^{2}} = 22'21 \\ \alpha = arctg\left(-\frac{15}{15}\right) = -45^{\circ} \end{cases} \Rightarrow \overline{Z}_{2} = 22'21 | \underline{-45^{\circ}}$$

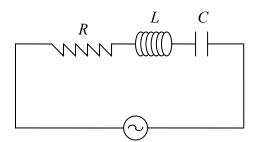
$$\overline{Z_e} = \frac{\overline{Z_1} \cdot \overline{Z_2}}{\overline{Z_1 + Z_2}} = \frac{22'36 |\underline{63'43^\circ} \cdot 22'21| - 45^\circ}{(10 + 20j) + (15 - 15j)} = \frac{474'25 |\underline{18'43}|}{25 + 5j} = \frac{474'25 |\underline{18'43^\circ}|}{25'49 |\underline{11'3^\circ}|} = 18'60 |\underline{7'13^\circ}| (\Omega)$$

$$\overline{I_1} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_1}} = \frac{200|\underline{0^{\circ}}}{22'36|\underline{63'43^{\circ}}} = 8'94|\underline{-63'43^{\circ}} (A)$$

$$\overline{I_2} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_2}} = \frac{200|\underline{0^{\circ}}}{22'21|\underline{-45^{\circ}}} = 9'43|\underline{45^{\circ}} (A)$$

- 5.7 En un circuito *RLC* serie, $R = 10 \Omega$, L = 20 mH, $C = 40 \mu F$, se aplica la tensión $V = 300 sen(500t 10^{\circ})$ (V). Hallar:
- a) Impedancia equivalente.
- b) Intensidad de la corriente que circula.

RESOLUCIÓN:



(a)

$$\overline{Z} = R + j(X_L - X_C)$$

 $X_L = L\omega = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 500 = 10 \Omega$
 $X_C = \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{40 \cdot 10^{-6} \cdot 500} = 50 \Omega$

Luego:

$$\overline{Z} = 10 - 40j \Rightarrow \begin{cases} \left| \overline{Z} \right| = \sqrt{10^2 + 40^2} = 41'23 \\ \alpha = arctg\left(-\frac{40}{10} \right) = -75'96^{\circ} \end{cases} \Rightarrow \overline{Z} = 41'23 \left| -\frac{75'96^{\circ}}{2} \right| (\Omega)$$

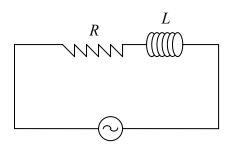
$$\bar{I} = \frac{\bar{V}}{\bar{Z}} = \frac{300/\sqrt{2} |-10^{\circ}|}{41'23|-75'96^{\circ}} = 5'145|\underline{65'96^{\circ}}| (A)$$

Por tanto:

$$I = 5'145\sqrt{2} \cdot sen(500t + 65'96^{\circ}) (A)$$

5.8 Un circuito de corriente alterna está formado por una bobina de $10~\Omega$ de resistencia óhmica y $710~\Omega$ de inductancia. Calcular la intensidad eficaz para una tensión eficaz de 220~V, y la potencia disipada.

RESOLUCIÓN:



En este caso:

$$X_L = 710 \ (\Omega) \ y \ R = 10 \ (\Omega)$$

$$\overline{Z} = 10 + 710j \rightarrow |\overline{Z}| = \sqrt{10^2 + 710^2} = 710'07 \ (\Omega)$$

La intensidad eficaz será:

$$I_{ef} = \frac{V_{ef}}{|\overline{Z}|} = \frac{200}{710'07} = 0'31 \ (A)$$

Y la potencia disipada en el circuito:

$$P_d = I_{ef}^2 \cdot R = (0'31)^2 \cdot 10 = 0'96 \ (W)$$

También podemos calcular la potencia disipada del siguiente modo:

$$P_d = V_{ef} \cdot I_{ef} \cdot \cos \varphi$$

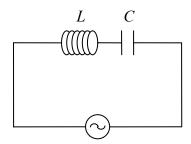
siendo $\varphi = arctg \left(\frac{710}{10}\right) = 89'19^\circ$

por tanto:

$$P_d = 220 \cdot 0'31 \cdot \cos(89'19^\circ) = 0'96 \ (W)$$

5.9 Calcular la frecuencia de resonancia de un circuito con una autoinducción de 2 mH y una capacidad de 150 pF.

RESOLUCIÓN:



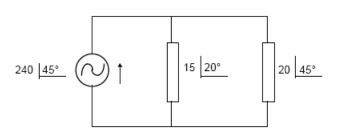
El circuito entrará en resonancia cuando la impedancia sea mínima, es decir:

$$Z(\omega_r)=0$$

En nuestro caso, como R=0, tendremos que:

$$Z(\omega_r) = R + jX \Rightarrow 0 = 0 + jX \Rightarrow X = 0 \xrightarrow{X = X_L - X_C} X_L = X_C$$

- 5.10 Dado el circuito de la figura determinar:
- a) Impedancia equivalente.
- b) Intensidad de corriente en cada rama.
- c) Potencia total consumida.



a)
$$\overline{Z_{1}} = 15 | \underline{20^{\circ}} \Rightarrow \begin{cases}
R_{1} = 15 \cdot \cos(20^{\circ}) = 14'09 \ (\Omega) \\
X_{1} = 15 \cdot sen(20^{\circ}) = 5'13 \ (\Omega)
\end{cases} \rightarrow \overline{Z_{1}} = 14'09 + 5'13j$$

$$\overline{Z_2} = 20 |\underline{45^{\circ}} \Rightarrow \begin{cases} R_2 = 20 \cdot \cos(45^{\circ}) = 10\sqrt{2} \ (\Omega) \\ X_2 = 20 \cdot sen(45^{\circ}) = 10\sqrt{2} \ (\Omega) \end{cases} \rightarrow \overline{Z_2} = 10\sqrt{2} + 10\sqrt{2}j$$

$$\overline{Z}_{e} = \frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}} = \frac{15|\underline{20^{\circ}} \cdot 20|\underline{45^{\circ}}}{(14'09 + 5'13j) + (10\sqrt{2} + 10\sqrt{2}j)} = \frac{300|\underline{65^{\circ}}}{38'18|\underline{34'30^{\circ}}} = 8'77|\underline{30'7^{\circ}} \ (\Omega)$$

b)
$$\overline{I}_{1} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_{1}} = \frac{240|\underline{45^{\circ}}}{15|\underline{20^{\circ}}} = 16|\underline{25^{\circ}} (A)$$

$$\overline{I}_{2} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_{2}} = \frac{240|\underline{45^{\circ}}}{20|\underline{45^{\circ}}} = 12|\underline{0^{\circ}} (A)$$

c) Como la potencia total consumida es:

$$P_C = V_{ef} \cdot I_{ef} \cdot \cos \varphi$$

Siendo φ el desfase entre la V y la I, o lo que es lo mismo la fase de la Z_e . Necesitamos, por tanto, conocer la I_{ef} total:

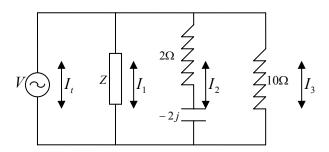
$$I_{ef} = \frac{V_{ef}}{Z_e} = \frac{240}{8'77} = 27'37 \ (A)$$

Por tanto:

$$P_C = 240 \cdot 27'37 \cdot \cos(30'7^{\circ}) = 5648'2 \ (W)$$

5.11 En el circuito de la figura $I_t = 50'2 \mid \underline{102'5^{\circ}}$ (A) y $V = 100 \mid \underline{90^{\circ}}$ (V). Hallar el valor de la impedancia Z.

RESOLUCIÓN:



La impedancia de la rama 1 será:

$$\overline{Z} = \frac{\overline{V}}{\overline{I_1}}$$

Calculando la intensidad de dicha rama como: $\overline{I_1} = \overline{I_t} - \overline{I_2} - \overline{I_3}$

$$\overline{I_t} = 50'2 | \underline{102'5^\circ} = -10'86 + 49'01j$$

$$\overline{I_2} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_2}} = \frac{100|\underline{90^\circ}}{2 - 2j} = \frac{100|\underline{90^\circ}}{2\sqrt{2}|\underline{-45^\circ}} = \frac{50}{\sqrt{2}} | \underline{135^\circ} = -25 + 25j \ (A)$$

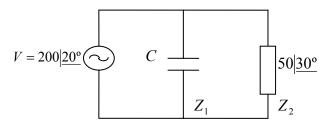
$$\overline{I_3} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_3}} = \frac{100|\underline{90^\circ}}{10|\underline{0^\circ}} = 10|\underline{90^\circ} = 10j \ (A)$$

$$\overline{I_1} = \left(-10'86 + 49'01j\right) - \left(-25 + 25j\right) - 10j = 14'14 + 14'01j = 19'9 \left| \underline{44'7^\circ} \right|$$

Obtenemos:

$$\overline{Z} = \frac{100|90^{\circ}}{19'9|44'7^{\circ}} = 5'025|-45'3^{\circ} (\Omega)$$

5.12 En el circuito de la figura la frecuencia del generador de alterna es de 50 Hz. Hallar el valor de la capacidad del condensador para que el factor de potencia sea de 0'5 en adelanto.



RESOLUCIÓN:

Con el factor de potencia, hallamos el argumento de la impedancia:

$$\cos \varphi = 0'5 \Rightarrow \varphi = \pm 60$$

Como la I_t va adelantada $\rightarrow \varphi = -60^{\circ}$

siendo φ el argumento de la impedancia total.

$$\overline{Z}_{1} = X_{C} | \underline{-90^{\circ}}$$

$$\overline{Z}_{2} = 50 | \underline{30^{\circ}} = 43'3 + 25j$$

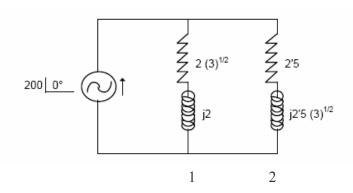
$$\overline{Z}_{T} = \frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}} = \frac{X_{C} | \underline{-90^{\circ}} \cdot 50 | \underline{30^{\circ}}}{43'3 + (25 - X_{C})j} = Z_{T} | \underline{-60^{\circ}}$$

Como el argumento de Z_T debe ser (-60°) y el argumento del numerador coincide con este valor \Rightarrow el argumento del denominador tiene que ser (0°):

$$43'3 + (25 - X_C)j \Rightarrow \alpha = arctg\left(\frac{25 - X_C}{43'3}\right) = 0 \Rightarrow \frac{25 - X_C}{43'3} = 0 \Rightarrow X_C = 25 \text{ } (\Omega)$$

Como
$$X_C = \frac{1}{C\omega} \Rightarrow C = \frac{1}{X_C\omega} = \frac{1}{25 \cdot 2\pi \cdot 50} = 1'27 \cdot 10^{-4} \ (F) = 127 \ (\mu F)$$

5.13 Hallar las potencias activa, reactiva y aparente para cada una de las ramas del circuito y comprobar la relación que existe entre ellas. Determinar la potencia consumida por el circuito.



RESOLUCIÓN:

La potencia alterna es, $\overline{S} = P + jQ$, donde:

$$\left| \overline{S} \right| = V_{\rm ef} \cdot I_{\rm ef} \equiv Potencia \ aparente$$

$$P = V_{ef} \cdot I_{ef} \cdot \cos \varphi \equiv Potencia \ activa$$

$$Q = V_{ef} \cdot I_{ef} \cdot sen \varphi \equiv Potencia \ reactiva$$

En primer lugar hallamos las impedancias de las ramas y la equivalente:

$$\overline{Z}_1 = 2\sqrt{3} + 2j = 4|30^\circ$$

$$\overline{Z}_2 = 2'5 + 2'5\sqrt{3}j = 5|\underline{60^\circ}$$

$$\overline{Z}_{e} = \frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}} = \frac{4|30^{\circ} \cdot 5|60^{\circ}}{(2\sqrt{3} + 2j) + (2'5 + 2'5\sqrt{3}j)} = \frac{20|90^{\circ}}{5'96 + 6'33j} = \frac{20|90^{\circ}}{8'69|46'7^{\circ}} = 2'3|43'3^{\circ} (\Omega)$$

Hallamos las intensidades de las ramas 1 y 2 y la total:

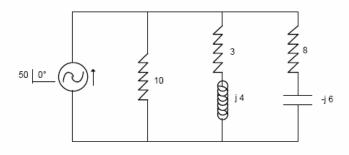
$$\overline{I_1} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_1} = \frac{200|\underline{0}^{\circ}}{4|\underline{30}^{\circ}} = 50|\underline{-30}^{\circ} \ (A)$$

$$\overline{I_2} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_2} = \frac{200|\underline{0}^{\circ}}{5|\underline{60}^{\circ}} = 40|\underline{-60}^{\circ} (A)$$

$$\overline{I_T} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_e} = \frac{200|\underline{0}^{\circ}}{2'3|\underline{43'3}^{\circ}} = 86'96|\underline{-43'3}^{\circ} (A)$$

	S(V.A)	P(W)	Q(V.A.R.)
Rama 1	10000	8660	5000
Rama 2	8000	4000	6928
Total	17392	12660	11925

5.14 Hallar la impedancia equivalente y la intensidad que circula por cada una de las ramas del circuito de la figura. Calcular también la intensidad total.



RESOLUCIÓN:

Hallamos la impedancia equivalente, a partir de las impedancias de cada rama:

$$\overline{Z}_{1} = 10$$

$$\overline{Z}_{2} = 3 + 4j$$

$$\overline{Z}_{3} = 8 - 6j$$

$$\overline{Z}_{12} = \frac{\overline{Z}_{1} \cdot \overline{Z}_{2}}{\overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{2}} = \frac{10|\underline{0}^{\circ} \cdot 5|\underline{53'13}^{\circ}}{13 + 4j} = \frac{50|\underline{53'13}^{\circ}}{13'6|\underline{17'1}^{\circ}} = 3'68|\underline{36^{\circ}} = 2'97 + 2'16j$$

$$\overline{Z}_{e} = \frac{\overline{Z}_{12} \cdot \overline{Z}_{3}}{\overline{Z}_{12} + \overline{Z}_{3}} = \frac{3'68|\underline{36^{\circ}} \cdot 10|\underline{-36'87^{\circ}}}{(2'97 + 2'16j) + (8 - 6j)} = \frac{36'8|\underline{0'87^{\circ}}}{10'97 - 3'84j} = \frac{36'8|\underline{0'87^{\circ}}}{11'62|\underline{-19'29^{\circ}}} = 3'17|\underline{18'42^{\circ}}$$

Las intensidades de cada rama son:

$$\overline{I_1} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_1}} = \frac{50|\underline{0}^{\circ}}{10} = 5|\underline{0}^{\circ} = 5 (A)$$

$$\overline{I_2} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_2}} = \frac{50|\underline{0}^{\circ}}{5|\underline{53'13^{\circ}}} = 10|\underline{-53'13^{\circ}} = (6 - 8j) A$$

$$\overline{I_3} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z_3}} = \frac{50|\underline{0}^{\circ}}{10|\underline{-36'87^{\circ}}} = 5|\underline{36'87^{\circ}} = (4 + 3j) A$$

Y la intensidad total es:

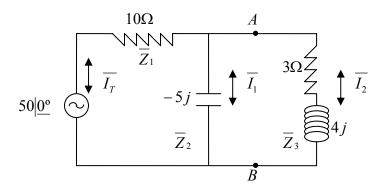
$$\overline{I_T} = \frac{\overline{V}}{\overline{Z}_e} = \frac{50|\underline{0}^{\circ}}{3'17|\underline{18'42^{\circ}}} = 15'77|\underline{-18'42^{\circ}} = (15 - 5j) A$$

También podemos hallar la I_T , como:

$$\overline{I_T} = \overline{I_1} + \overline{I_2} + \overline{I_3} = 5 + (6 - 8j) + (4 + 3j) = (15 - 5j) A$$

5.15 Hallar la potencia suministrada por el generador de tensión del circuito de la figura, y las potencias disipadas en las resistencias.

RESOLUCIÓN:



En primer lugar calculamos las impedancias tanto de las ramas como la total del circuito:

$$\overline{Z}_{1} = 10$$

$$\overline{Z}_{2} = -5j = 5|\underline{-90^{\circ}}$$

$$\overline{Z}_{3} = 3 + 4j = 5|\underline{53'13^{\circ}}$$

$$\overline{Z}_{23} = \frac{\overline{Z}_{2} \cdot \overline{Z}_{3}}{\overline{Z}_{2} + \overline{Z}_{3}} = \frac{5|\underline{-90^{\circ}} \cdot 5|\underline{53'13^{\circ}}}{(-5j) + (3+4j)} = 7'9|\underline{-18'44^{\circ}} = 7'49 - 2'5j$$

$$\overline{Z}_{T} = \overline{Z}_{1} + \overline{Z}_{23} = 17'49 - 2'5j = 17'67|\underline{-8'14^{\circ}}$$

Con la impedancia total podemos obtener la intensidad que pasa por el generador:

$$\overline{I_T} = \frac{50|\underline{0^{\circ}}}{17'67|\underline{-8'14^{\circ}}} = 2'83|\underline{8'14^{\circ}} = (2'8 + 0'4j) A$$

Por tanto la potencia suministrada por el generador será:

$$P_{ac} = V_{ef} \cdot I_{T_{ef}} \cdot \cos \varphi = 50 \cdot 2'83 \cdot \cos(8'14) = 140 \ (W)$$

Y la potencia disipada en la resistencia de 10Ω :

$$P_{10} = I_{T_{ef}}^{2} \cdot R = (2'83)^{2} \cdot 10 = 80 \ (W)$$

Para calcular la potencia que es disipada en $R=3\Omega$, necesitamos conocer la intensidad eficaz que circula por ella:

$$\overline{V}_{R_{10}} = \overline{I}_{T} \cdot \overline{Z}_{1} = 28'3 | \underline{8'14^{\circ}} = 28 + 4j$$

$$\overline{V}_{A} - \overline{V}_{B} = \overline{V} - \overline{V}_{R_{10}} = 50 - (28 + 4j) = 22 - 4j = 22'36 | \underline{-10'3^{\circ}} (V)$$

De modo que la intensidad será:

$$\overline{I_2} = \frac{\overline{V}_A - \overline{V}_B}{\overline{Z}_3} = \frac{22'36 | -10'3^{\circ}}{5 | \underline{53'13^{\circ}}} = 4'47 | -63'43^{\circ} = (2-4j) A$$

Y la potencia disipada en la resistencia de 3Ω :

$$P_3 = I_{2_{ef}}^2 \cdot R = (4'47)^2 \cdot 3 = 60 \ (W)$$

Podemos comprobar que la potencia total disipada en las resistencias del circuito, coincide con la suministrada por el generador:

$$P_T = P_{10} + P_3 = 140 \ (W)$$