

Ejercicio Transformacion Resueltos...



Duvan02



Metodología de la Programación



1º Grado en Ingeniería Informática



**Escuela Superior de Ingeniería
Universidad de Cádiz**



Estamos de
Aniversario

De la universidad al
mercado laboral:
especialízate con los posgrados
de EOI y marca la diferencia.



EOI Escuela de
organización
industrial



saber más



¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTIIIIIRA TUS MOMENTOS



Ejercicio 10.

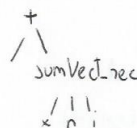
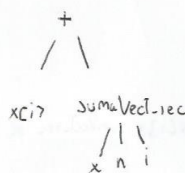
- Tupla de parámetros formales $\bar{x} = x, n, i$
- casibase = $i = 0$
- solc \bar{x} = 0
- succ \bar{x} = $x, n, i-1$
- comb(\bar{x}, j) = $x[i] + j$

a) Generalización

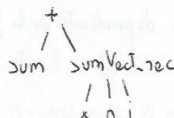
- Función sumergida

$$\text{sumaVect_rec}(x, n, i) = x[i] + \text{sumaVect_rec}(x, n, i-1)$$

- Árbol sintáctico (función sumergida)



- Árbol sintáctico con los parámetros de inmersión.



- Función inmersora: $\text{sumaVectRec}(x, n, i, \text{sum}) = \text{sum} + \text{sumaVect_rec}(x, n, i)$
- Valores iniciales: Elemento neutro de la suma = 0
- Llamada inicial: $\text{sumaVectRec}(x, n, i, 0) = 0 + \text{sumaVect_rec}(x, n, i)$
- Función llamada inicial.

// Cabeza: entero: sum ($\in \text{Vect } x$, $\in \text{entero: } n$, $\in \text{entero: } i$)

// Precondición: $x: A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i \leq n$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

entero: sum ($\in \text{Vect } x$, $\in \text{entero: } n$, $\in \text{entero: } i$)

inicio

WUOLAH

devolver sumVectRec(x, n, i, 0);

fin. función

b) Desplegado

- Siguiendo la definición de fun. recFinal obtenida en la generalización y siguiendo el mismo análisis de casos que en la función recursiva no final, diseñar la función inmersora:

// Cabeza: $\text{Entero: sumVectRec}(\text{E Vect: } x, \text{ E Entero: } x, \text{ E Entero: } i, \text{ E Entero: sum})$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i \leq n$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

Entero: sumVectRec(E Vect: x, E Entero: x, E Entero: i, E Entero: sum)

inicio

si $i = 0$ entonces

• devolver sum + 0

si no

devolver sum + $x[i]$ + $\text{sumaVect-rec}(x, n, i-1)$

fin-si

fin. función.

- Reorganización del caso general:

$(\text{sum} + x[i]) + \text{sumaVect-rec}(x, n, i-1)$

Lo único que hemos hecho ha sido reorganizar los términos.

- Función recursiva final (aún dependiente de la función recursiva no final):

// Cabeza: $\text{Entero: sumVectRec}(\text{E Vect: } x, \text{ E Entero: } n, \text{ E Entero: } i, \text{ E Entero: sum})$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i \leq n$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

Entero: sumVectRec(E Vect: x, E Entero: x, E Entero: i, E Entero: sum)

inicio

si $i = 0$ entonces

devolver sum + 0

si no

devolver $(\text{sum} + x[i]) + \text{sumaVect-rec}(x, n, i-1)$

fin-si

fin. función

c) Pegado

• Sucesores: $\text{suc}(\text{sum}) = \text{sum} + x[i]$

• Versión Recursiva Final

// Cabeza: $\text{Entero} : \text{sumVectRec} (\text{E Vect } x, \text{E Entero } n, \text{E Entero } i, \text{E Entero } \text{sum})$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i \leq n$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

$\text{Entero} : \text{sumVectRec} (\text{E Vect } x, \text{E Entero } n, \text{E Entero } i, \text{E Entero } \text{sum})$

inicio

si $i = 0$ entonces

devolver $\text{sum} + 0$

si no

devolver $\text{sumVectRec}(x, n, i-1, \text{sum} + x[i])$

fin si

fin función

Transformación de función recursiva no final (RNF) a Iterativa

// Cabeza: $\text{Entero} : \text{sumIter} (\text{E Vect } x, \text{E Entero } n, \text{E Entero } i)$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i \leq n$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

Var

$\text{Entero } c, res$

inicio

$c \leftarrow 0$

mientras $\neg(i=0)$ hacer

$c \leftarrow c+1$

$i \leftarrow i-1$

fin mientras

$res \leftarrow 0$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c-1$

$i \leftarrow i+1$

$res \leftarrow res + x[i]$

fin mientras

devolver res

fin función



¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTIIIIIRA TUS MOMENTOS



optimización del código

//Cabecera: Entero sumIter (E Vect: x, E Entero: x, E Entero: i)

//Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i < n$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

Entero: sumIter (E Vect: x, E Entero: x, E Entero: i)

var:

Entero: c, res

inicio

$c \leftarrow n - i$

$i \leftarrow 0$

$res \leftarrow 0$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c - 1$

$i \leftarrow i + 1$

$res \leftarrow res + x[i]$

fin. mientras

devolver res

fin. función

// Para optimizar la función lo que hemos hecho es eliminar el primer bucle, además hemos inicializado c al valor n-i y i a 0, para que la función se ejecute de manera correcta.

Transformación de Recursiva Final (RF) a Iterativa.

//Cabecera: Entero: sum (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i)

//Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i < n$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

Entero: sum (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i)

inicio

devolver sumIter(x, n, i, 0)

fin. función

//Cabecera: Entero: sumIter (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum)

//Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i < n$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i x[\alpha]$

WUOLAH

Entero: sumIter (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum)

inicio

mientras $\neg (i=0)$ hacen

sum = sum + x[i]

i = i - 1

fin-mientras

devolver sum + 0

fin-función

Optimización del código

//Cabecera: Entero: sumIter (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum)

//Precondición: $x = A[1..n] \wedge n > 0 \wedge 0 \leq i < n$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{i=1}^n x[i]$

Entero: sumIter (E Vect: x, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum)

inicio

sum \leftarrow 0

i \leftarrow n - 1

mientras $\neg (i=0)$ hacen

sum = sum + x[i]

i = i - 1

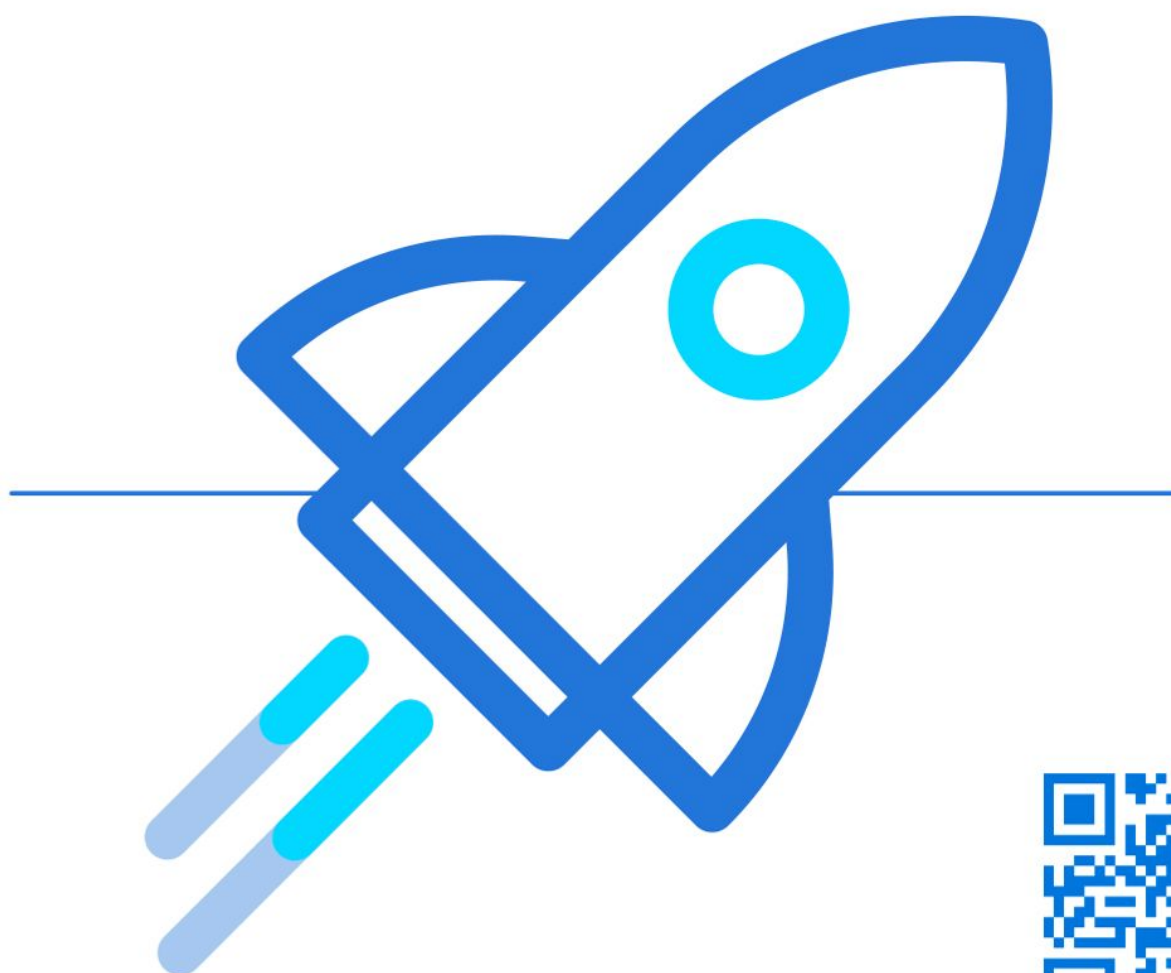
fin-mientras

devolver sum + 0

fin-función

//Para optimizar la función lo que hemos hecho ha sido inicializar los parámetros sum a 0 e i a n-1 para que la función funcione correctamente.

deja de imaginar
que trabajarás de
lo tuyo
hazlo posible.



encuentra curro



randstad

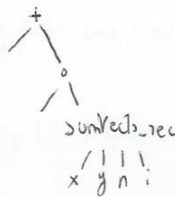
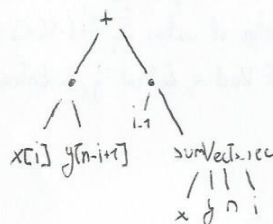
partner for talent.

Ejercicio 11.

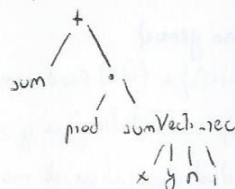
- Tupla de parámetros fórmula $\bar{x} = x, y, n, i$
- caso base (\bar{x}) = $i = n$
- $\text{sol}(\bar{x}) = x[i] \cdot y[n-i+1]$
- $\text{suc}(\bar{x}) = x, y, n, i+1$
- $\text{comb}(\bar{x}, i) = x[i] \cdot y[n-i+1] + (i-1) \cdot f$

a) Generalización

- Función sumergida: $\text{sumVects_rec}(x, y, n, i) = x[i] \cdot y[n-i+1] + (i-1) \cdot \text{sumVects_rec}(x, y, n, i+1)$
- Árbol sintáctico (función sumergida)



- Árbol sintáctico con los parámetros de inmersión



- Función inmersora: $\text{sumVectRec}(x, y, n, i, \text{sum}, \text{prod}) = \text{sum} + \text{prod} \cdot \text{sumVects_rec}(x, y, n, i)$

- Valores iniciales: Elemento neutro de la suma = 0

Elemento neutro del producto = 1

- Llamada inicial: $\text{sumVectRec}(x, y, n, i, 0, 1) = 0 + 1 \cdot \text{sumVects_rec}(x, y, n, i)$

- Función llamada inicial

// Cabeza: Entero: llamada (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: llamada (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i)

inicio



¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTIIIIIRA TUS MOMENTOS



devuelve: sumVectRec(x, y, n, i, 0, 1)
fin-función

b) Desplegado

- Siguiendo la definición de sumRecFinal obtenida en la generalización y siguiendo el mismo análisis de casos que en la función recursiva no final, diseñar inmersora;

// Cabezera: Entero sumVectRec(E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero sumVectRec(E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

inicio

si son entonces

devolver sum + prod * x[i] * y[n-i+1]

si-no

devolver sum + prod (x[i] * y[n-i+1] + (i+1) * sumVectRec(x, y, n, i+1))

fin-si

fin-función

- Reorganización del caso general

(sum + prod * x[i] * y[n-i+1]) + (i+1) * prod * sumVectRec(x, y, n, i+1)

Se le aplica la propiedad distributiva y se reorganizan los términos, aplicando la propiedad asociativa, de manera similar al caso general. De esta manera se obtienen los sucesores de los parámetros de inmersión.

- Función recursiva final (aún dependiente de la función recursiva no final)

// Cabezera: Entero sumVectRec(E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero sumVectRec(E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

WUOLAH

Entero: sumVectRec (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i,
E Entero: sum, E Entero: prod)

inicio

si $i = n$ entonces

devuelve $sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$

si-no

devuelve $(sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]) + (i+1) \cdot prod \cdot sumVectRec(x, y, n, i+1)$

fin-si

fin-función

c) Plegado

• Sucesores

$suc(sum) = sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$

$suc(prod) = (i+1) \cdot prod$

• Versión Recursiva Final

// Cabeza: Entero: sumVectRec (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i,
E Entero: sum, E Entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: sumVectRec (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum,
E Entero: prod)

inicio

si $i = n$ entonces

devuelve $sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$

si-no

devuelve $sumVectRec(x, y, n, i+1, sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1], (i+1) \cdot prod)$

fin-si

fin-función

Transformación de Función Recursiva No Final (RNF) a Iterativa

// Cabeza: Entero: sumIter (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: sumIter($E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i$)

Var

Entero c, res

inicio

$c \leftarrow 0$

mientras $i \leq n$ hacer

$c \leftarrow c + 1$

$i \leftarrow i + 1$

fin_mientras

$res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1]$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c - 1$

$i \leftarrow i - 1$

$res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1] + (i+1) \cdot res$

fin_mientras

devolver res

fin_función.

Optimización del código

// Cabezera: Entero: sumIter($E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i$)

// Precondición: $x = A[1..n]$ y $y = B[1..n]$ y $i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^i \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: sumIter($E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i$)

Var

Entero c, res

inicio

$c \leftarrow n - i$

$i \leftarrow n$

$res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1]$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c - 1$

$i \leftarrow i - 1$

$res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1] + (i+1) \cdot res$

fin_mientras

devolver res

fin_función



¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTIIIIIRA TUS MOMENTOS



// Para optimizar el código lo que hemos hecho ha sido eliminar el primer bucle e inicializar los valores de n e i .

Transformación de Recursiva Final (RF) a Iterativa.

//Cabecera: Entero: llamada (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i)

//Precondición: $x = A[1..n]$ y $y = B[1..n]$ $\wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: llamada (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i)

inicio

devuelve sumIter(x, y, n, i, 0, 1)

fin-función

//Cabecera: Entero: sumIter (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

//Precondición: $x = A[1..n]$ y $y = B[1..n]$ $\wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: sumIter (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

inicio

mientras $\neg(i = n)$ hacer

sum \leftarrow sum + prod.x[i].y[n-i+1]

prod \leftarrow (i+1).prod

i \leftarrow i+1

fin-mientras

devuelve sum + prod.x[i].y[n-i+1]

fin-función

Optimización del código.

//Cabecera: Entero: sumIter (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

//Precondición: $x = A[1..n]$ y $y = B[1..n]$ $\wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

//Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n \frac{\alpha!}{i!} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

Entero: sumIter (E Vect: x, E Vect: y, E Entero: n, E Entero: i, E Entero: sum, E Entero: prod)

inicio

sum \leftarrow 0

prod \leftarrow 0

mientras $\neg(i = n)$ hacer

WUOLAH

$sum \leftarrow sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$

$prod \leftarrow (i+1) \cdot prod$

$i \leftarrow i+1$

fin-mientras

devuelve $sum + prod \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$

fin-función

// Para optimizar la función simplemente hemos inicializado a 0 los
parámetros de sum y prod

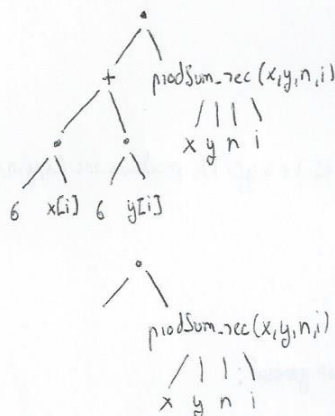
Ejercicio 12.

- Tupla de parámetros formales: x, y, n, i
- Caso base? (\bar{x}): $i > n$
- Sol (\bar{x}): 1
- Suc (\bar{x}): $x, y, n, i+1$
- Comb (\bar{x}, f): $\{6 \cdot x[i] + 6 \cdot y[i]\} \cdot f$

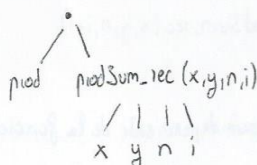
a) Generalización.

- Función sumergida: $\text{prodSum-rec}(x, y, n, i) = (6 \cdot x[i] + 6 \cdot y[i]) \cdot \text{prodSum-rec}(x, y, n, i+1)$

- Árbol sintáctico (función sumergida):



- Árbol sintáctico con los parámetros de inmersión:



- Función inmersora: $\text{prodSum-rec}(x, y, n, i, \text{prod}) = \text{prod} \cdot \text{prodSum-rec}(x, y, n, i)$

- Valores iniciales: Elemento neutro del producto $\text{prod} = 1$

- Llamada inicial: $\text{prodSum-rec-F}(x, y, n, i, 1) = 1 \cdot \text{prodSum-rec}(x, y, n, i)$

// Cabeza: entero prod ($\in \text{Vect}$: x , $\in \text{Vect}$: y , $\in \text{entero}$: n , $\in \text{entero}$: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Poscondición: devuelve el valor de $\prod_{\alpha=1}^n 6 \cdot (x[\alpha] + y[\alpha])$

Trident

¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTILIIIRA TUS MOMENTOS



Entero: función prod (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i)

inicio

devolver prodSum-rec-F(x, y, n, i, 1)

fin función

b) Desplegado

- Función inmersora:

// Cabeza: entero: prodSum-rec-F(E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\prod_{i=1}^n (x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum-rec-F(E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

inicio

si i > n entonces

devolver 1. prod

si-no

devolver prod. $(x[i] + y[i])$. prodSum-rec(x, y, n, i+1)

fin-si

fin función.

- Reorganización del caso general:

Usando las propiedades de la multiplicación se puede reorganizar los términos para obtener los nuevos sucesores de los parámetros de inmersión.

$6(\text{prod}(x[i] + y[i]))$. prodSum-rec(x, y, n, i+1)

- Función recursiva final (aún dependiente de la función recursiva no final)

// Cabeza: entero: prodSum-rec-F(E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\prod_{i=1}^n (x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum-rec-F(E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

inicio

Si i > n entonces

devolver 1. prod

si-no

devolver 6. prod $(x[i] + y[i])$. prodSum-rec(x, y, n, i+1)

fin-si

fin función.

WUOLAH

c) Plegado

- Obtener los sucesores de los parámetros de inmersión que deben ir en la llamada Recursiva Final

$$\text{Suc}(\text{prod}) = 6 \text{prod} \cdot (x[i] + y[i])$$

- Versión recursiva Final:

// Cabeza: entero prodSum.recF(E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\prod_{i=1}^n 6(x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum.recF(E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

inicio

si $i > n$ entonces

devolver 1, prod

si no

devolver prodSum.rec(x, y, n, i+1, 6 prod · (x[i] + y[i]))

fin si

fin función

- Transformación de Función Recursiva No Final a Iterativa

// Cabeza: entero prodSum.rec(E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\prod_{i=1}^n 6(x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum.rec(E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i)

Var

Entero c, res

inicio

mientras $\neg(i > n)$ hacer

$c \leftarrow c + 1$

$i \leftarrow i + 1$

fin mientras

$res \leftarrow 1$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c - 1$

$i \leftarrow i - 1$

$res \leftarrow 6(x[i] + y[i]) \cdot res$

fin mientras

devolver res

fin función

- Optimización del código

// Cabeza: entero prodSum-rec (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{i=1}^n 6(x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum-rec (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i)

Var

entero: c, res

inicio

$c \leftarrow n - i$

$i \leftarrow n$

$res \leftarrow 1$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c - 1$

$res \leftarrow 6 \cdot (x[i] + y[i]) \cdot res$

$i \leftarrow i - 1$

fin-mientras

devolver res

fin-función

- Transformación de Recursiva Final a Iterativa

// Cabeza: entero prod (E vect: x, E vect: y, E vect: n, E entero: i)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor de $\sum_{i=1}^n 6(x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum-inicio (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i)

inicio

devolver

fin-función

// Cabeza: entero prodSum-rec (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{i=1}^n 6(x[i] + y[i])$

Entero: función prodSum-rec (E vect: x, E vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)

inicio

mientras $(i > n)$ hacer

$prod \leftarrow 6 \cdot prod \cdot (x[i] + y[i])$

$i \leftarrow i + 1$



¡UNA HORA UN TRIDENT
MÁS Y YA LO TIENES!



ESTIIIIIRA TUS MOMENTOS



```
fin_mientras
devolver prod
fin_funcion

- Optimización del código
// (abstracción: entero prod sum-rec (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: prod)
// Precondición:  $x \in A[1..n] \wedge y \in B[1..n] \wedge 1 \leq i \leq n \wedge n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{i=1}^n (x[i] + y[i])$ 
entero: funcion prod sum-rec (E vec1: x, E vec2: y, E entero n, E entero i, E entero prod)
Var
    entero: prod
inicio
    prod  $\leftarrow 1$ 
    mientras  $n(i \leq n)$  hacen
        prod  $\leftarrow 6 \text{ prod} (x[i] + y[i])$ 
         $i \leftarrow i + 1$ 
    fin_mientras
    devolver prod
fin_mientras.
```

WUOLAH

Ejercicio 13.

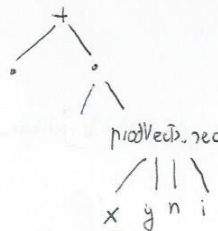
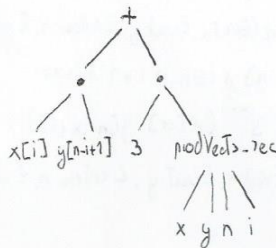
Esquema.

- Tupla de parámetros formales $\vec{x} = x, y, n, i$
- Caso base? $(\vec{x}) = i = n + 1$
- $Sol(\vec{x}) = 0$
- $Suc(\vec{x}) = x, y, n, i + 1$
- $Comb(\vec{x}, y) = x[i] \cdot y[n-i+1] + 3 \cdot prodVects_rec$

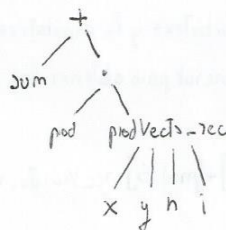
a) Generalización

- Función sumeigida $= x[i] \cdot y[n-i+1] + 3 \cdot prodVects_rec$

- Árbol sintáctico =



- Árbol sintáctico con los parámetros de inversión =



- Función inmersora $prodVects_rec(x, y, n, i, sum, prod) = sum + prod \cdot prodVects_rec(x, y, n, i)$

- Valores iniciales = Elemento neutro de la suma = 0
Elemento neutro del producto = 1

- Llamada inicial: $\text{prodVects_rec.Final}(x, y, n, i, 0, 1) = 0 + 1 \cdot \text{prodVects_rec}(x, y, n, i)$

- Función que realiza la llamada inicial a la función recursiva final (RF):

// Cabeza: $\text{entero: prod}(\text{E Vect: } x, \text{E Vect: } y, \text{E entero: } n, \text{E entero: } i)$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

entero: función $\text{prod}(\text{E Vect: } x, \text{E Vect: } y, \text{E entero: } n, \text{E entero: } i)$

inicio

devuelve $\text{prodVects_rec.Final}(x, y, n, i, 0, 1)$

fin función

b) Desplegado

- Diseñar función inmersora:

// Cabeza: $\text{entero: prodVects_rec.Final}(\text{E Vect: } x, \text{E Vect: } y, \text{E entero: } n, \text{E entero: } i, \text{E entero: } \text{sum}, \text{E entero: } \text{prod})$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

entero: función $\text{prodVects_rec.Final}(\text{E Vect: } x, \text{E Vect: } y, \text{E entero: } n, \text{E entero: } i, \text{E entero: } \text{sum}, \text{E entero: } \text{prod})$

inicio

si $i = n + 1$ entonces

devuelve $\text{sum} + \text{prod} \cdot 0$

si no

devuelve $\text{sum} + \text{prod} \cdot (x[i] \cdot y[n-i+1]) + 3 \cdot \text{prodVects_rec}(x, y, n, i+1)$

fin si

fin función

- Reorganización del caso general:

Se le aplica la propiedad distributiva y la asociativa para luego reorganizarlo de manera similar al caso general para obtener los sucesores de los parámetros de inmersión.

$[\text{sum} + \text{prod} \cdot (x[i] \cdot y[n-i+1])] + [\text{prod} \cdot 3] \cdot \text{prodVects_rec}(x, y, n, i+1)$

- Función recursiva final (aún dependiente de la función recursiva no final)

// Cabeza: $\text{entero: prodVects_rec.Final}(\text{E Vect: } x, \text{E Vect: } y, \text{E entero: } n, \text{E entero: } i, \text{E entero: } \text{sum}, \text{E entero: } \text{prod})$

// Precondición: $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$

// Postcondición: devuelve el valor $\sum_{\alpha=1}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$



desde un curro
de verano
al trabajo de
tu vida.

encuentra empleo



```

entero: función prodVects_rec_Final (E Vect: x, E Vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
inicio
    si i = n + 1 entonces
        devolver sum + prod. 0
    si-no
        devolver [sum + prod. (x[i] · y[n-i+1])] + [prod. 3] · prodVects_rec(x, y, n, i+1)
    fin-si
fin-función.
  
```

c) Plegado

- Sucesores =

- * $\text{suc}(\text{sum}) = \text{sum} + \text{prod} \cdot x[i] \cdot y[n-i+1]$
- * $\text{suc}(\text{prod}) = \text{prod} \cdot 3$

- Versión Recursiva Final =

```

// Cabeza: entero: prodVects_rec_Final (E Vect: x, E Vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
// Precondición:  $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$ 
entero: función prodVects_rec_Final (E Vect: x, E Vect: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
inicio
    si i = n + 1 entonces
        devolver sum + prod. 0
    si-no
        devolver prodVects_rec_Final(x, y, n, i+1, sum + prod. x[i] · y[n-i+1], prod. 3)
    fin-si
fin-función.
  
```

- Transformación de una función Recursiva no Final a Iterativa.

```

// Cabeza: entero: prodVects_rec_Iter (E Vect: x, E Vect: y, E entero: n, E entero: i)
// Precondición:  $x = A[1..n] \wedge y = B[1..n] \wedge i \leq n \wedge i \geq 1 \wedge n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$ 
entero: prodVects_rec_Iter (E Vect: x, E Vect: y, E entero: n, E entero: i)
Var
    entero c, res
inicio
    c ← 0
  
```

```

    mientras  $i \leq n+1$  hacer
         $c \leftarrow c+1$ 
         $i \leftarrow i+1$ 
    fin_mientras
     $res \leftarrow 0$ 

    mientras  $c \neq 0$  hacer
         $c \leftarrow c-1$ 
         $i \leftarrow i-1$ 
         $res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1] + 3 \cdot res$ 
    fin_mientras
    devolver  $res$ 
fin_función

```

• Optimización del código:

// Cabeza: entero prodVects_rec_ITer (E Vect x, E Vect y, E entero n, E entero i)

// Precondición: $x = A[1..n]$ y $y = B[1..n]$ y $1 \leq n$ y $1 \leq i \leq n+1$

// Postcondición: devuelve el valor de $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$

entero: función prodVects_rec_ITer (E Vect x, E Vect y, E entero n, E entero i)

Var

entero c, res

inicio

$c \leftarrow n-i+1$

$i \leftarrow n+1$

$res \leftarrow 0$

mientras $c \neq 0$ hacer

$c \leftarrow c-1$

$i \leftarrow i-1$

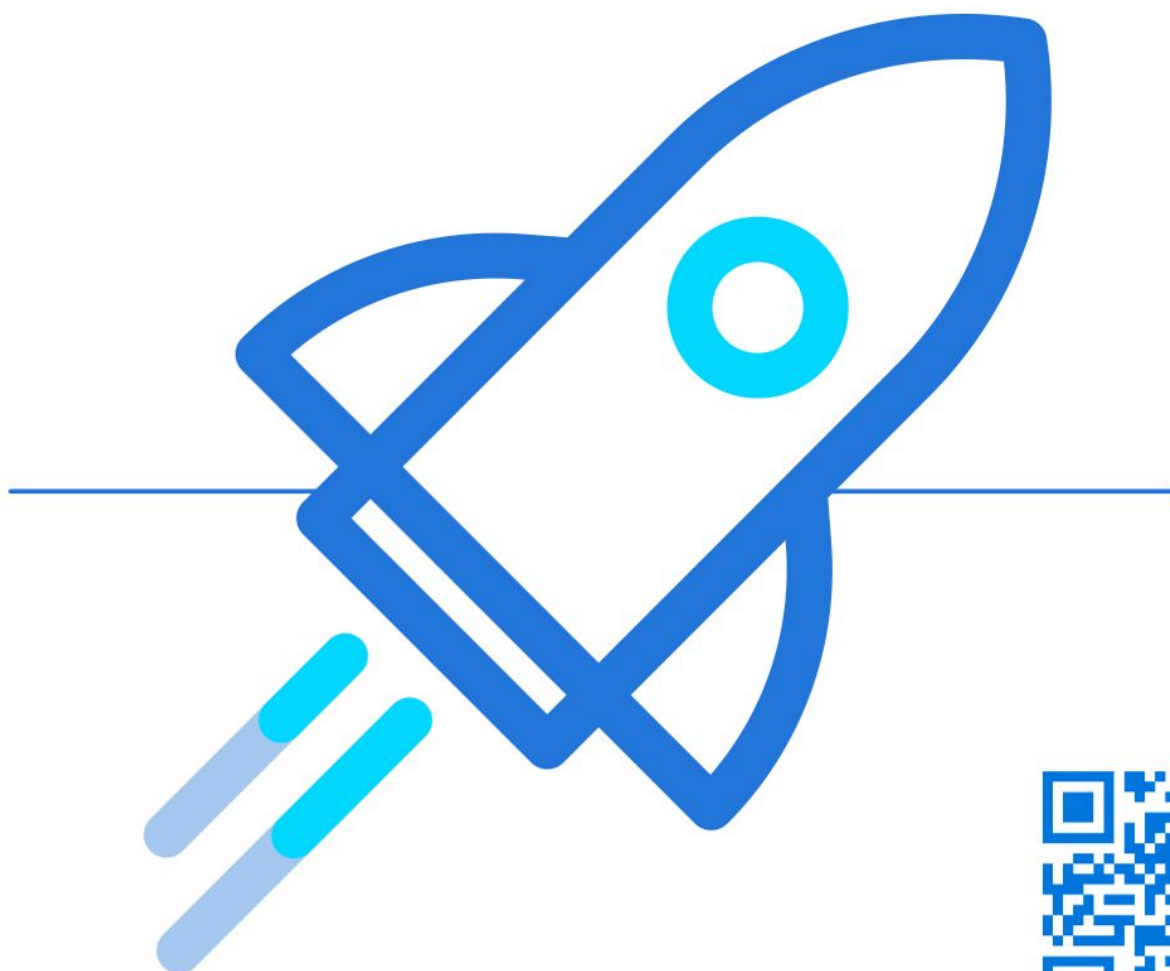
$res \leftarrow x[i] \cdot y[n-i+1] + 3 \cdot res$

fin_mientras

devolver res

fin_función.

deja de imaginar
que trabajarás de
lo tuyo
hazlo posible.



encuentra curro



randstad

partner for talent.

• Transformación de Recursiva Final a Iterativa:

```
// Cabezera: entero: prod (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i)
// Precondición:  $x = A[1..n]$   $\wedge$   $y = B[1..n]$   $\wedge$   $i \leq n$   $\wedge$   $i \geq 1$   $\wedge$   $n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$ 
entero: función prod (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i)
inicio
    devuelve prodVects-rec-I(x, y, n, i, 0, 1)
fin-función
```

```
// Cabezera: entero: prodVects-rec-I (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
// Precondición:  $x = A[1..n]$   $\wedge$   $y = B[1..n]$   $\wedge$   $i \leq n$   $\wedge$   $i \geq 1$   $\wedge$   $n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$ 
Entero: función prodVects-rec-I (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
Inicio
    mientras  $i \leq n$  hacer
        sum  $\leftarrow$  sum + prod  $\cdot$  x[i]  $\cdot$  y[n-i+1]
        prod  $\leftarrow$  prod  $\cdot$  3
        i  $\leftarrow$  i+1
    fin-mientras
    devuelve sum + prod  $\cdot$  0
fin-función
```

• Optimización del código:

```
// Cabezera: entero: prodVects-rec-I (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
// Precondición:  $x = A[1..n]$   $\wedge$   $y = B[1..n]$   $\wedge$   $i \leq n$   $\wedge$   $i \geq 1$   $\wedge$   $n > 0$ 
// Postcondición: devuelve el valor  $\sum_{\alpha=i}^n 3^{\alpha-i} (x[\alpha] \cdot y[n-\alpha+1])$ 
entero: función prodVects-rec-I (E vec1: x, E vec2: y, E entero: n, E entero: i, E entero: sum, E entero: prod)
Var
    entero: sum, prod
inicio
    sum  $\leftarrow$  0
    prod  $\leftarrow$  1
    mientras  $i \leq n$  hacer
        sum  $\leftarrow$  sum + prod  $\cdot$  x[i]  $\cdot$  y[n-i+1]
        prod  $\leftarrow$  prod  $\cdot$  3
        i  $\leftarrow$  i+1
    fin-mientras
    devuelve sum + prod  $\cdot$  0
fin-función
```