



**Curso:**

**Nome:**

**NºMec:**

ALGORITMO do predict:

$$\text{predict}(A \rightarrow \alpha) = \begin{cases} \text{first}(\alpha) & \varepsilon \notin \text{first}(\alpha) \\ (\text{first}(\alpha) - \{\varepsilon\}) \cup \text{follow}(A) & \varepsilon \in \text{first}(\alpha) \end{cases}$$

ALGORITMO do first:

```

first( $\alpha$ ) {
  if ( $\alpha = \varepsilon$ ) then
    return { $\varepsilon$ }
   $h = \text{head}(\alpha)$     # com  $|h| = 1$ 
   $\omega = \text{tail}(\alpha)$    # tal que  $\alpha = h\omega$ 
  if ( $h \in T$ ) then
    return { $h$ }
  else
    return  $\bigcup_{(h \rightarrow \beta_i) \in P} \text{first}(\beta_i \omega)$ 
}
```

ALGORITMO do follow:

1.  $\$ \in \text{follow}(S)$
2. if ( $A \rightarrow \alpha B \in P$ ) then  
     $\text{follow}(B) \supseteq \text{follow}(A)$
3. if ( $A \rightarrow \alpha B \beta \in P \wedge (\varepsilon \notin \text{first}(\beta))$ ) then  
     $\text{follow}(B) \supseteq \text{first}(\beta)$
4. if ( $A \rightarrow \alpha B \beta \in P \wedge (\varepsilon \in \text{first}(\beta))$ ) then  
     $\text{follow}(B) \supseteq ((\text{first}(\beta) - \{\varepsilon\}) \cup \text{follow}(A))$

1. Sobre o alfabeto  $T_1 = \{\mathbf{t}, \mathbf{b}, \mathbf{z}, \mathbf{w}, \mathbf{a}, \mathbf{o}, \mathbf{v}, \mathbf{n}\}$  considere a gramática  $G_1$  dada a seguir e seja  $L_1$  a linguagem por ela descrita.

```

P → ε | X I t P | X b P z P
X → ε | w C
I → ε | a
C → T | C o T
T → v | n T
```

- [ 1,5 ] (a) Mostre que  $\mathbf{a t w n v b z} \in L_1$ .
- [ 1,5 ] (b) Avalie a veracidade da afirmação:  $\{\mathbf{w}, \mathbf{t}\} \subset \text{first}(\mathbf{X I t P})$ .  
Apresente os passos intermédios e/ou o raciocínio adequados para suportar a sua resposta.
- [ 1,5 ] (c) Avalie a veracidade da afirmação:  $\mathbf{t} \in \text{follow}(\mathbf{T})$ .  
Apresente os passos intermédios e/ou o raciocínio adequados para suportar a sua resposta.
- [ 2,0 ] (d) Calcule o conjunto  $\text{predict}(\mathbf{P} \rightarrow \mathbf{X b P z P})$ .  
Apresente os passos intermédios e/ou o raciocínio adequados para suportar a sua resposta.
- [ 2,0 ] (e) As produções começadas por P e C tornam a gramática  $G_1$  inadequada à implementação de um reconhecedor descendente com *lookahead* de 1. Altere-a de forma a obter uma equivalente que o permita.

2. Considere o alfabeto  $A = \{\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}\}$  e seja  $L_2$  o conjunto de todas as expressões regulares definíveis sobre o alfabeto  $A$ .  $L_2$  é uma linguagem independente do contexto definida sobre o alfabeto  $T_2 = A \cup \{(\,, \,), \,*, \,+\}$ , em que  $*$  representa o operador de fecho e  $+$  o operador de escolha; operação de concatenação tem o operador implícito. Em termos de precedência, da mais alta para a mais baixa, estão as operações de fecho, concatenação e escolha. Os parêntesis podem ser usados para alterar a precedência por defeito.
- [ 3,0 ] (.) Construa uma gramática independente do contexto que represente a linguagem  $L_2$ .

3. Sobre o alfabeto  $T_3 = \{\text{NUM}, \text{BOX}, \text{CIRCLE}, \text{THICKNESS}, \text{COLOR}, \text{'{'}, \text{'}}'\}$ , considere a gramática  $G_3$  dada a seguir e seja  $L_3$  a linguagem por ela descrita.

```

draw  →  seq
seq   →  ε
      |  seq item
item  →  COLOR NUM
      |  THICKNESS NUM
      |  CIRCLE point NUM
      |  BOX point '{' seq '}'
point →  NUM NUM

```

Considere ainda o conjunto de estados (conjuntos de itens) usado na construção de um reconhecedor ascendente parcialmente apresentada a seguir, onde  $\delta(Z_i, a)$  representa a função de transição de estado.

$$\begin{aligned}
Z_0 &= \{ \text{draw} \rightarrow \bullet \text{ seq}, \text{ seq} \rightarrow \bullet, \text{ seq} \rightarrow \bullet \text{ seq item} \} \\
Z_1 &= \delta(Z_0, \text{seq}) = \{ \text{draw} \rightarrow \text{seq} \bullet, \text{ seq} \rightarrow \text{seq} \bullet \text{ item}, \text{ item} \rightarrow \bullet \text{ COLOR NUM}, \text{ item} \rightarrow \bullet \text{ THICKNESS NUM}, \\
&\quad \text{item} \rightarrow \bullet \text{ CIRCLE point NUM}, \text{ item} \rightarrow \bullet \text{ BOX point '{' seq '}' } \} \\
Z_2 &= \delta(Z_1, \text{item}) = \{ \text{seq} \rightarrow \text{seq item} \bullet \} \\
Z_3 &= \delta(Z_1, \text{COLOR}) = \{ \text{item} \rightarrow \text{COLOR} \bullet \text{ NUM} \} \\
Z_4 &= \delta(Z_1, \text{THICKNESS}) = \{ \text{item} \rightarrow \text{THICKNESS} \bullet \text{ NUM} \} \\
Z_5 &= \delta(Z_1, \text{CIRCLE}) = \{ \dots \} \\
Z_6 &= \delta(Z_1, \text{BOX}) = \{ \dots \} \\
Z_7 &= \delta(Z_3, \text{NUM}) = \{ \text{item} \rightarrow \text{COLOR NUM} \bullet \} \\
Z_8 &= \delta(Z_4, \text{NUM}) = \{ \text{item} \rightarrow \text{THICKNESS NUM} \bullet \}
\end{aligned}$$

- [ 2,0 ] (a) Preencha as linhas da tabela de reconhecimento (*parsing*) para um reconhecedor ascendente relativamente aos estados  $Z_0$  a  $Z_4$ .

|       | NUM | BOX | CIRCLE | THICKNESS | COLOR | { | } | \$ | draw | seq | item | point |
|-------|-----|-----|--------|-----------|-------|---|---|----|------|-----|------|-------|
| $Z_0$ |     |     |        |           |       |   |   |    |      |     |      |       |
| $Z_1$ |     |     |        |           |       |   |   |    |      |     |      |       |
| $Z_2$ |     |     |        |           |       |   |   |    |      |     |      |       |
| $Z_3$ |     |     |        |           |       |   |   |    |      |     |      |       |
| $Z_4$ |     |     |        |           |       |   |   |    |      |     |      |       |

- [ 2,0 ] (b) Determine os conjuntos de itens definidores dos estados  $Z_5$ ,  $Z_6$  e de mais três, além dos apresentados.

4. Considere novamente a gramática  $G_3$  dada no exercício anterior. Uma palavra na linguagem dada por  $G_3$  descreve um desenho definido por uma sequência das seguintes operações gráficas (*item*):

- **COLOR** *NUM*, que permite mudar a cor da caneta de desenho para a dada por *NUM*.
- **THICKNESS** *NUM*, que permite mudar a espessura da caneta de desenho para a dada por *NUM*.
- **CIRCLE** *point NUM*, que desenha um circunferência centrada no ponto dado por *point* e com raio dado por *NUM*, usando a caneta de desenho ativa.
- **BOX** *point* '{' *seq* '}', que cria um sub-desenho com um *offset* dado por *point* em relação ao desenho dentro do qual fica. O ponto (0,0) do sub-desenho é o ponto *point* do desenho onde está incluído.

Apenas o símbolo terminal *NUM* tem um atributo associado, designado *v* e que representa um número. O símbolo não terminal *point* representa as coordenadas X e Y de um ponto. A configuração inicial do sistema é caracterizada por cor 0, espessura 1 e *offset* (0,0). Finalmente, considere que dispõe da função **drawCircle**(*x*, *y*, *r*, *c*, *t*) que desenha uma circunferência centrada no ponto (*x*,*y*), com raio *r*, usando uma caneta de desenho com cor *c* e espessura *t*.

[ 1,5 ] (a) Trace a árvore de derivação da palavra

COLOR NUM CIRCLE NUM NUM NUM BOX NUM NUM '{' THICKNESS NUM CIRCLE NUM NUM NUM '}'

Se quiser, ao traçar a árvore, pode abreviar a designação dos símbolos, usando *N*, *CI*, *CO*, *T*, *B*, *s*, *i* e *p* em vez de *NUM*, *CIRCLE*, *COLOR*, *THICKNESS*, *BOX*, *seq*, *item* e *point*, respetivamente.

[ 3,0 ] (b) Complete a gramática de atributos abaixo tal que ela adequadamente invoque a função **drawCircle** para cada circunferência incluída numa descrição em  $L_3$ .

| Production                                     | Semantic rule  |
|--|--|
| $draw \rightarrow seq$                         |  |
| $seq \rightarrow \varepsilon$                  |  |
| $seq_0 \rightarrow seq_1 item$                 |  |
| $item \rightarrow \text{COLOR NUM}$            |  |
| $item \rightarrow \text{THICKNESS NUM}$        |  |
| $item \rightarrow \text{CIRCLE point NUM}$     | <b>drawCircle</b> ( <i>point.x</i> , <i>point.y</i> , <i>NUM.v</i> , ... |
| $item \rightarrow \text{BOX point } \{ seq \}$ |  |
| $point \rightarrow \text{NUM}_1 \text{ NUM}_2$ |  |