

ADT Abstract Data Type

Astratto = descritto prescindendo dalla sua implementazione

- attraverso:
- la collezione di dati
 - le operazioni
 - la complessità

Implementazione concreta:
struttura dati + procedure

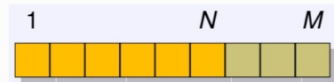
PILE / STACK → struttura LIFO

PUSH = inserimento

POP = estrazione

TOP = restituisce l'elemento in cima

IMPLEMENTAZIONE CON ARRAY



- gli elementi in pila occupano sempre le prime posizioni dell'array
- quando ci sono N elementi, il prossimo elemento da estrarre è in posizione N

```
PUSH(S, t)
if S.N ≠ S.M then
    S.N ← S.N + 1
    S[N] ← t
else
    error overflow
```

→ definito se e solo se $SIZE(S) < M$ (numero max di elementi)

```
SIZE(S)
return S.N
```

```
EMPTY(S)
if S.N == 0 then
    return true
return false
```

```
TOP(S)
if S.N == 0 then
    error underflow
else
    return S[S.N]
```

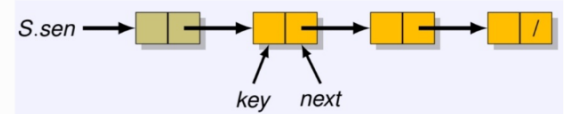
```
POP(S)
if S.N == 0 then
    error underflow
else
    S.N ← S.N - 1
    return S[S.N + 1]
```

Complessità temporale: $O(1)$

Complessità spaziale: $O(M)$

IMPLEMENTAZIONE CON LISTA

- conviene lista semplice con sentinella
- teniamo conto del numero di elementi (S.N)



```
PUSH(S, t)
  S.N ← S.N + 1
  t.next ← S.sen.next
  S.sen.next ← t
```

```
SIZE(S)
  return S.N
```

```
EMPTY(S)
  if S.N == 0 then
    return true
  return false
```

```
TOP(S)
  if S.N == 0 then
    error underflow
  else
    return S.sen.next
```

```
POP(S)
  if S.N == 0 then
    error underflow
  else
    S.N ← S.N - 1
    t ← S.sen.next
    S.sen.next ← S.sen.next.next
    return t
```

Complessità temporale: $O(1)$

Complessità spaziale: $O(N)$

CODE / QUEUE → struttura FIFO

ENQUEUE = inserimento

DEQUEUE = estrazione

FRONT = restituisce il primo elemento nella coda

IMPLEMENTAZIONE CON ARRAY

- array usato in maniera circolare tenendo conto di dove stanno head e tail
- Q.head indica dove estrarre l'elemento successivo
- Q.tail indica dove inserire l'elemento successivo
- Q.head = Q.tail \Leftrightarrow coda vuota (con N celle posso gestire al massimo $N-1$ elementi)

```

SIZE(Q)
  if  $Q.tail \geq Q.head$  then
    return  $Q.tail - Q.head$ 
  return  $Q.M - (Q.head - Q.tail)$ 

```

```

EMPTY(Q)
  if  $Q.tail == Q.head$  then
    return true
  return false

```

```

NEXTCELL(Q, c)
  if  $c \neq Q.M$  then
    return  $c + 1$ 
  return 1

```

```

FRONT(Q)
  if  $SIZE(Q) == 0$  then
    error underflow
  else
    return  $Q[Q.head]$ 

```

```

ENQUEUE(Q, t)
  if  $SIZE(Q) \neq Q.M - 1$  then
     $Q[Q.tail] \leftarrow t$ 
     $Q.tail \leftarrow NEXTCELL(Q, Q.tail)$ 
  else
    error overflow

```

```

DEQUEUE(Q)
  if  $SIZE(Q) == 0$  then
    error underflow
  else
     $t \leftarrow Q[Q.head]$ 
     $Q.head \leftarrow NEXTCELL(Q, Q.head)$ 
  return t

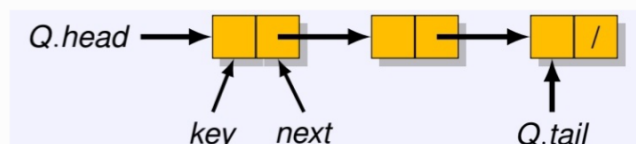
```

Complessità temporale: $O(1)$

Complessità spaziale: $O(M)$

IMPLEMENTAZIONE CON LISTA

- lista semplice, aggiungendo un puntatore all'ultimo elemento



$Q.head$ = elem. da estrarre

$Q.tail$ = ultimo inserito

- $Q.head == null \iff$ coda vuota
- teniamo conto del numero di elementi $Q.N$

```

ENQUEUE(Q, t)
  if  $Q.N == 0$  then
     $Q.head \leftarrow t$ 
     $Q.tail \leftarrow t$ 
  else
     $Q.tail.next \leftarrow t$ 
     $Q.tail \leftarrow t$ 
   $Q.N \leftarrow Q.N + 1$ 

```

```

SIZE(Q)
  return  $Q.N$ 

```

```

EMPTY(Q)
  if  $Q.N == 0$  then
    return true
  return false

```

```

FRONT(Q)
  if  $Q.N == 0$  then
    error underflow
  else
    return  $Q.head$ 

```

```

DEQUEUE(Q)
  if  $Q.N == 0$  then
    error underflow
  else
     $t \leftarrow Q.head$ 
     $Q.head \leftarrow Q.head.next$ 
     $Q.N \leftarrow Q.N - 1$ 
  return t

```

Complessità temporale: $O(1)$

Complessità spaziale: $O(N)$