# Calculs de base en R

Sophie Baillargeon, Université Laval 2019-01-16

### Table des matières

Fonctionnement vectoriel et règle de recyclage	2
Fonctions et opérateurs pour des calculs mathématiques	4
Opérateurs mathématiques	4
Opérateurs arithmétiques	4
Opérateurs de comparaison	5
Opérateurs logiques	6
Fonctions mathématiques agissant de façon vectorielle	7
Fonctions mathématiques combinant des éléments	8
Fonctions d'opérations sur des ensembles	9
Mots-clés mathématiques	10
Fonctions pour le calcul de statistiques descriptives	10
Fonctions retournant une seule statistique	10
Traitement des observations manquantes et argument na.rm	11
Fonctions pouvant retourner plusieurs statistiques	12
Fonctions retournant un vecteur de statistiques	14
Fonctions de calcul de fréquences	15
Fonctions pour le traitement des observations dupliquées	18
Fonctions de la famille des apply	19
Fonction apply	20
Fonctions raccourcies: rowSums, colSums, rowMeans et colMeans	21
Fonctions lapply, sapply et mapply	21
Fonctions tapply, by et aggregate	23
Choix de la fonction de la famille des apply à utiliser	26
Écriture de conditions logiques	27
Opérateurs et fonctions retournant toujours un logique de longueur 1	28
Comparaison de deux objets R	28
Synthèse	31
Références	33

R est un environnement spécialisé dans les calculs statistiques. Voyons comment réaliser de tels calculs en R, en se limitant pour l'instant à des calculs simples. Des fonctionnalités de R permettant de réaliser des calculs plus avancés (ex. réaliser des tests statistiques, ajuster des modèles, générer des observations aléatoires, faire de l'algèbre linéaire, etc.) seront vues dans un autre cours. Je présente ici des fonctionnalités utiles pour :

<sup>•</sup> implanter une formule mathématique,

<sup>•</sup> effectuer une transformation mathématique de variables dans un jeu de données,

<sup>•</sup> calculer des statistiques descriptives, par exemple dans le cadre d'une analyse exploratoire de données.

### Fonctionnement vectoriel et règle de recyclage

Tous les opérateurs et plusieurs des fonctions qui sont présentées dans cette fiche agissent de façon vectorielle. Ils appliquent un calcul terme à terme entre deux objets atomiques (vecteurs, matrices ou arrays) ou data frames contenant uniquement des éléments numériques.

Par exemple, si les deux matrices suivantes sont additionnées avec l'opérateur +,

```
matrix(1:6 , nrow = 2, ncol = 3)
        [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
           1
                 3
## [2,]
           2
matrix(6:1, nrow = 2, ncol = 3)
##
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           6
                 4
                      2
## [2,]
            5
                 3
```

l'élément en position (i,j) dans la première matrice sera additionné à l'élément à la même position dans la deuxième matrice, et ce, pour toutes les positions. Le résultats cette addition terme à terme est donc le suivant :

```
matrix(1:6 , nrow = 2, ncol = 3) + matrix(6:1 , nrow = 2, ncol = 3)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 7 7 7
## [2,] 7 7 7
```

Si les deux objets intervenant dans l'opération ne sont pas de mêmes dimensions, la **règle de recyclage** s'applique. Cette règle avait déjà été mentionnée dans les notes sur les structures de données en R. Étant donné son importance, revoyons-là plus en profondeur ici.

```
c(5, 6) + c(2, 5, 3, 1)
## [1] 7 11 8 7
```

L'instruction précédente effectue 4 additions, une pour chacun des 4 éléments du plus long des deux vecteurs dans l'opération, soit ici le deuxième. Le premier vecteur est plutôt de longueur 2. R répète donc ses éléments pour créer un vecteur aussi long que le deuxième

```
rep(c(5, 6), 4/2)
```

```
## [1] 5 6 5 6
```

et effectue en réalité l'opération suivante :

```
c(5, 6, 5, 6) + c(2, 5, 3, 1)
```

```
## [1] 7 11 8 7
```

Cette règle de recyclage est exploitée, souvent sans que l'utilisateur en soit pleinement conscient, lorsque l'un des deux vecteurs impliqués dans une opération est de longueur 1. Par exemple, la commande suivante impliquant un exposant,

```
c(2, 5, 3, 1)<sup>2</sup>
```

```
## [1] 4 25 9 1
```

est en fait traduite par R en la commande suivante :

```
c(2, 5, 3, 1) rep(2, 4)
## [1] 4 25 9 1
```

#### Règle de recyclage avec des objets à plus d'une dimension

Cette règle ne s'applique pas seulement avec des vecteurs. Par exemple, pour additionner le même vecteur, disons

```
3:1
```

```
## [1] 3 2 1
```

à chacune des colonnes d'une matrice, disons

```
matrix(1:12 , nrow = 3, ncol = 4)

## [,1] [,2] [,3] [,4]
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 4 7 10
## [2,] 2 5 8 11
## [3,] 3 6 9 12
```

il suffit de lancer la commande suivante

```
matrix(1:12 , nrow = 3, ncol = 4) + 3:1
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
                  7
                       10
                             13
## [2,]
             4
                  7
                       10
                             13
## [3,]
             4
                  7
                       10
                             13
```

au lieu de la suivante, qui retourne exactement le même résultat.

```
matrix(1:12 , nrow = 3, ncol = 4) + matrix(rep(3:1, 4), nrow = 3, ncol = 4)
```

Dans cette dernière commande, les deux arguments fournis à l'opérateur + sont réellement de mêmes dimensions, car la deuxième matrice est la suivante

```
matrix(rep(3:1, 4), nrow = 3, ncol = 4)
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 3 3 3 3
## [2,] 2 2 2 2
## [3,] 1 1 1 1
```

Une règle de recyclage utilisée pour former une matrice de dimension appropriée va donc remplir la matrice une colonne à la fois, comme le fait la fonction matrix par défaut.

# Règle de recyclage lorsque la longueur de l'objet le plus long n'est pas multiple de la longueur de l'objet le plus court

Lorsque la longueur de l'objet le plus long n'est pas multiple de la longueur de l'objet le plus court, la règle de recyclage fonctionne quand même. R recycle l'objet le plus court assez de fois pour arriver à un objet de longueur égale ou supérieure à l'objet le plus long. Ensuite, si l'objet recyclé est plus long que l'autre objet, il est tronqué de façon à ce que les deux objets aient la même longueur.

Supposons par exemple que la commande suivante soit soumise en R.

```
1:12 + 5:1
```

L'objet de gauche dans l'addition est de longueur 12 et l'objet de droite de longueur 5. L'objet de droite sera donc recyclé 3 fois,

```
objet_recycle <- rep(5:1, 3)
objet_recycle

## [1] 5 4 3 2 1 5 4 3 2 1 5 4 3 2 1

puis sa longueur sera réduite à la longueur de l'objet de gauche.

length(objet_recycle) <- length(1:12)
objet_recycle

## [1] 5 4 3 2 1 5 4 3 2 1 5 4

Ensuite l'addition terme à terme sera effectuée.

1:12 + objet_recycle

## [1] 6 6 6 6 6 11 11 11 11 11 16 16

Cependant, R émettra un avertissement pour nous informer qu'il a dû faire cet ajustement de longueur.

1:12 + 5:1

## Warning in 1:12 + 5:1: longer object length is not a multiple of shorter

## object length

## [1] 6 6 6 6 6 11 11 11 11 11 16 16
```

### Fonctions et opérateurs pour des calculs mathématiques

#### Opérateurs mathématiques

#### Opérateurs arithmétiques

Voici une liste d'opérateurs arithmétiques disponibles en R :

- + : addition,
- -: soustraction,
- \*: multiplication,
- / : division,
- ^: puissance,
- %/% : division entière,
- %: modulo = reste de la division entière.

Les premiers opérateurs sont usuels et ne requièrent aucune explication. Expliquons cependant brièvement les deux derniers opérateurs de cette liste.

#### Division entière et modulo

L'opérateur %/% réalise une division entière. Pour illustrer ce type de division, prenons l'exemple suivant.

5/2

```
## [1] 2.5
```

L'opérateur de division ordinaire / retourne un nombre réel. L'opérateur %/% retourne la partie entière du résultat obtenu avec /. La partie décimale est tronquée.

```
5%/%2
```

## [1] 2

L'opérateur modulo % retourne le reste de la division entière. Dans l'exemple traité ici, ce reste vaut 1 car 5 - 2\*2 = 1.

#### 5%%2

#### ## [1] 1

Astuces : Cet opérateur est pratique pour tester si des nombres sont pairs ou impairs. Les nombres pairs sont des multiples de 2. Alors x %% 2 retourne 0 pour les nombres pairs et 1 pour les nombres impairs. L'opérateur modulo peut aussi servir à tester si un nombre stocké sous le type double est en réalité un entier. S'il s'agit d'un entier, x %% 1 retournera 0.

#### Opérateurs de comparaison

Les opérateurs de comparaison permettent de comparer des valeurs. Ils retournent TRUE ou FALSE. Il s'agit des opérateurs suivants :

- == : égalité,
- != : non-égalité,
- > : plus grand,
- >= : plus grand ou égal,
- < : plus petit,
- <= : plus petit ou égal.

Supposons a et b les deux vecteurs numériques suivants.

```
a <- c(2, 5, 7, 3)
b <- c(3, 5, 6, 4)
```

Comparons ces vecteurs à l'aide d'un opérateur de comparaison. Est-ce que les valeurs contenues dans a sont supérieures ou égales aux valeurs contenues dans b?

```
a >= b
```

```
## [1] FALSE TRUE TRUE FALSE
```

L'opérateur fonctionne de façon vectorielle, donc la comparaison est effectuée terme à terme. Les valeurs dans le résultat retourné sont de type logique.

Les valeurs dans un vecteur peuvent aussi être comparées à une seule valeur, auquel cas la règle de recyclage s'applique.

```
a != 5
```

```
## [1] TRUE FALSE TRUE TRUE
```

#### Comparaison de valeurs non numériques

Les opérateurs de comparaison ne fonctionnent pas seulement avec des valeurs numériques. Ils peuvent aussi être utilisés pour comparer des valeurs logiques ou caractères. Dans ce cas, il faut savoir que R considère que FALSE est inférieure à TRUE.

```
FALSE < TRUE
```

```
## [1] TRUE
```

Quant aux caractères, les opérateurs de comparaison utilisent l'ordre de classement des caractères pour déterminer, entre deux valeurs, celle qui est inférieure. Cet ordre dépend des paramètres régionaux de la session R. D'une langue à l'autre, cet ordre peut varier.

Pour connaître l'ordre utilisé dans une session R, les instructions suivantes sont utiles :

J'ai obtenu le résultat suivant, qui sera peut-être différent sur votre ordinateur si vous n'avez pas les mêmes paramètres régionaux que moi.

"'-!\"#\$%&()\*,./:;?@[\\]^\_{|}~+<=>0123456789aAàÀâÂbBcCçÇdDeEéÉèÈêÊëËfFgGhHiIîÎïÏjJkKlLmMnNoOôÔpPqQrRsStTuUùÙûÜüÜvVwWxXyYzZ"

Ainsi, dans ma session R:

- les caractères spéciaux sont inférieurs aux chiffres et aux lettres,
- les chiffres sont inférieurs aux lettres,
- les lettres sont classées en ordre aphabétique et
  - les lettres minuscules sont inférieures aux lettres majuscules,
  - les lettres non accentuées sont inférieures aux lettres accentuées.

Pour des chaînes à plus d'un caractère, la comparaison s'effectue caractère par caractère (premiers caractères comparés entre eux, puis deuxièmes en cas d'égalité, puis troisièmes en cas d'égalités aux deux premières positions, etc.).

```
"arborescence" < "arbre"
```

#### ## [1] TRUE

Aussi, l'absence de caractères vaut moins que la présence.

```
"a" < "aa"
```

## [1] TRUE

Remarque : Afin de correctement ordonner des nombres, il faut s'assurer de les stocker sous un format numérique.

```
2 < 10
```

## [1] TRUE

S'ils sont stockés sous forme de chaînes de caractères, les résultats obtenus ne seront pas toujours ceux attendus.

```
"2" < "10"
```

## [1] FALSE

#### Opérateurs logiques

Les opérateurs logiques prennent en entrée un ou deux vecteurs de logiques et retournent un vecteur de logiques. Il s'agit des opérateurs suivants.

- ! : négation,
- | et | | : ou,
- & et && : et.

De plus, le « ou » exclusif est implémenté par la fonction xor.

L'opérateur ! n'a qu'un seul argument, alors que les autres opérateurs logiques en ont deux. Il effectue une négation. Il transforme les TRUE en FALSE et les FALSE en TRUE.

```
! c(TRUE, FALSE)
```

```
## [1] FALSE TRUE
```

## [4,]

Les opérateurs | et & appliquent de façon vectorielle les tables de vérité<sup>1</sup> des opérateurs logiques « ou » et « et » respectivement.

Rappel : table de vérité de « ou »

Ainsi, l'opération « a ou b » retourne faux uniquement si a et b sont faux.

TRUE

Rappel: table de vérité de « et »

TRUE

TRUE

Ainsi, l'opération « a et b » retourne vrai uniquement si a et b sont vrais.

Les opérateurs | | et && appliquent ces mêmes tables de vérité, mais ils ne travaillent pas de façon vectorielle. Ils retournent toujours un seul TRUE ou un seul FALSE. Si, par inadvertance, | | ou && reçoit en entrée des vecteurs, il effectuera une opération seulement sur les premiers éléments de ces vecteurs, comme dans cet exemple.

```
c(TRUE, FALSE, TRUE) && c(TRUE, FALSE, FALSE)
## [1] TRUE
```

#### Fonctions mathématiques agissant de façon vectorielle

R offre aussi plusieurs fonctions de calculs mathématiques, travaillant de façon vectorielle, dont les suivantes :

- racine carrée : sqrt;
- logarithmes et exponentiels : exp, log (= logarithme naturel), log10, log2;
- fonctions trigonométriques : sin, cos, tan, acos, asin, atan, atan2;
- fonctions relatives aux signes : abs, sign;
- fonctions d'arrondissement : ceiling, floor, round, trunc, signif;
- fonctions reliées aux fonctions mathématiques bêta et gamma : beta, gamma, factorial, choose, etc.

Ces fonctions font un calcul pour tous les éléments de l'objet fourni en entrée et retournent un résultat de même dimension que l'objet en entrée. Voici quelques exemples.

 $<sup>^{1}</sup> https://fr.wikipedia.org/wiki/Table\_de\_v\%C3\%A9rit\%C3\%A9$ 

```
x < -5:4
Х
   [1] -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4
exp(x)
##
    [1]
         0.006737947 0.018315639 0.049787068 0.135335283 0.367879441
         1.000000000 2.718281828
                                   7.389056099 20.085536923 54.598150033
xMat <- matrix(x, nrow = 2)</pre>
xMat
##
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
          -5
               -3
                    -1
                           1
## [2,]
          -4
               -2
                      0
                           2
sign(xMat)
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
          -1
               -1
                    -1
                           1
## [2,]
          -1
               -1
                      0
                           1
```

### Fonctions mathématiques combinant des éléments

Certaines fonctions mathématiques en R effectuent des calculs faisant intervenir plus d'un élément de l'objet donné en entrée, plutôt que d'effectuer un calcul distinct pour chacun des éléments. C'est le cas des fonctions suivantes :

- somme ou produit de tous les éléments (retourne une seule valeur) : sum, prod;
- somme ou produit cumulatif des éléments (retourne un vecteur de même longueur que le vecteur en entrée) : cummsum, cumprod;
- différences entre des éléments : diff.

[1] 2 7 10 14 20 25 29 32 33 35 44 52

Voici quelques exemples.

```
mat \leftarrow matrix(c(2,5,3,4,6,5,4,3,1,2,9,8), nrow = 3, ncol = 4)
mat
         [,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
                 4
                       4
                             2
## [2,]
            5
                 6
                       3
                             9
## [3,]
            3
                 5
                       1
                             8
prod(mat)
## [1] 6220800
cumsum(mat)
```

#### Fonction diff

Pour une matrice, diff calcule les différences terme à terme des éléments composant les lignes. Par défaut, il compare une ligne à la ligne en dessous.

```
diff(mat)
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 3 2 -1 7
## [2,] -2 -1 -2 -1
```

La commande suivante retourne donc le même résultat que la précédente.

```
mat[-1, ] - mat[-nrow(mat), ]
```

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 3 2 -1 7
## [2,] -2 -1 -2 -1
```

Pour un vecteur, la fonction diff retourne les différences entre un terme et le terme précédent.

```
diff(c(2,5,3,4))
```

```
## [1] 3 -2 1
```

La fonction diff peut calculer des différences entre des termes séparés par plus d'une position grâce à l'argument lag.

```
diff(c(2,5,3,4), lag = 2)
```

```
## [1] 1 -1
```

### Fonctions d'opérations sur des ensembles

Les fonctions R d'opération sur des ensembles sont les suivantes :

- union: union,
- intersect : intersection,
- setdiff : différence,
- setequal : test d'égalité,
- is.element : test d'inclusion.

Voici quelques exemples utilisant les deux ensembles suivants

```
x <- c("M", "S", "A", "F", "M")
y <- c("M", "A", "H", "B")
```

Union de tous les éléments des ensembles x et y, en retirant les doublons :

```
union(x, y)
```

```
## [1] "M" "S" "A" "F" "H" "B"
```

Identification des éléments communs dans x et y, en retirant les doublons :

```
intersect(x, y)
```

```
## [1] "M" "A"
```

Identification des éléments de x ne se retrouvant pas dans y, en retirant les doublons :

```
setdiff(x, y)
```

```
## [1] "S" "F"
```

Test sur l'égalité entre les ensembles x et y:

```
setequal(x,y)
```

#### ## [1] FALSE

Test sur la présence de "A" et "B" dans l'ensemble x :

```
is.element(el = c("A", "B"), set = x)
```

```
## [1] TRUE FALSE
```

### Mots-clés mathématiques

Le nombre  $\pi$  est représenté en R par le mot-clé pi.

рi

```
## [1] 3.141593
```

Inf est le symbole en R pour l'infini  $\infty$ .

-5/0

```
## [1] -Inf
```

NaN est un mot-clé signifiant *Not A Number*. Ce mot-clé est retourné par R lorsqu'un utilisateur lui demande d'effectuer une opération mathématique impossible.

```
log(-1)
```

```
## Warning in log(-1): NaNs produced
```

## [1] NaN

**Rappel** : Attention de ne pas confondre le mot-clé NaN avec le mot-clé NA qui signifie plutôt *Not Available* et qui sert à représenter les données manquantes.

# Fonctions pour le calcul de statistiques descriptives

#### Fonctions retournant une seule statistique

Certaines fonctions de calcul de statistiques descriptives prennent en entrée un objet atomique (vecteur, matrice ou array) contenant uniquement des éléments numériques et retournent en sortie une seule valeur, soit une statistique.

- minimum et maximum : min, max;
- mesures de tendance centrale : mean, median;
- mesures de variabilité : sd (écart-type).

Utilisons le jeu de données cars du package datasets pour faire quelques exemples.

```
str(cars)
```

```
## 'data.frame': 50 obs. of 2 variables:
## $ speed: num    4 4 7 7 8 9 10 10 10 11 ...
## $ dist : num    2 10 4 22 16 10 18 26 34 17 ...
mean(cars$speed)
```

```
## [1] 15.4
```

Si l'objet en entrée a plus d'une dimension, la sortie est tout de même de longueur 1. Donc tous les éléments contenus dans l'objet sont mis en commun pour faire le calcul.

```
sd(as.matrix(cars))
```

## [1] 23.12142

#### Fonctions which.max et which.min

Les fonctions min et max retournent respectivement la valeur la plus petite et la valeur la plus grande parmi les éléments d'un objet.

```
max(cars$dist)
```

## [1] 120

Les fonctions which.max et which.min retournent pour leur part la position dans l'objet du maximum ou du minimum

```
which.max(cars$dist)
```

## [1] 49

Ainsi, nous pourrions par exemple afficher la ligne de cars contenant la plus grande observation pour la variable dist comme suit.

```
cars[which.max(cars$dist), ]
```

```
## speed dist
## 49 24 120
```

#### Traitement des observations manquantes et argument na.rm

Les fonctions min, max, mean, median et sd, ainsi que quelques autres fonctions vues dans ces notes, ont un argument en commun nommé na.rm. Cet argument spécifie le comportement de la fonction en présence de données manquantes (NA). Par défaut, na.rm prend la valeur FALSE pour ces fonctions. Cette valeur signifie que les données manquantes ne doivent pas être retirées avant d'effectuer le calcul. Cependant, en présence de données manquantes, ces fonctions ne sont pas en mesure de calculer des statistiques. Par exemple, supposons que nous voulions calculer la médiane des données dans le vecteur suivant.

```
x \leftarrow c(3, 6, NA, 8, 11, 15, 23)
```

Si nous ne retirons pas la donnée manquante, nous obtenons le résultat suivant.

```
median(x)
```

```
## [1] NA
```

Ce résultat s'explique par le fait que la valeur de la médiane dépend de toutes les observations, incluant l'observation manquante, qui est inconnue. La valeur de la médiane est donc elle aussi inconnue.

Pour calculer plutôt la médiane des observations non manquantes, il faut donner la valeur TRUE à l'argument na.rm comme suit.

```
median(x, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 9.5
```

Notons que la fonction na.omit permet de retirer les observations manquantes d'un objet R. Si l'objet est un vecteur, les éléments contenant NA sont retirés.

```
na.omit(x)
## [1] 3 6 8 11 15 23
## attr(,"na.action")
## [1] 3
## attr(,"class")
## [1] "omit"
La fonction na.omit ajoute un attribut à l'objet pour identifier les observations retirées.
Remarquons que les deux commandes suivantes retournent le même résultat.
median(x, na.rm = TRUE)
## [1] 9.5
median(na.omit(x))
## [1] 9.5
Si la fonction na.omit reçoit en entrée une matrice ou un data frame, elle retire toutes les lignes contenant
au moins un NA.
exJeu \leftarrow data.frame(x, y = c(2, NA, 8, 9, 6, NA, 2))
exJeu
      х у
##
## 1 3 2
## 2 6 NA
## 3 NA 8
## 4 8 9
## 5 11 6
## 6 15 NA
## 7 23 2
na.omit(exJeu)
##
      х у
## 1 3 2
## 4 8 9
```

### Fonctions pouvant retourner plusieurs statistiques

D'autres fonctions peuvent retourner plus d'une statistique.

- mesures de localisation : range, quantile;
- résumé comprenant plusieurs mesures : summary ;
- variance, covariance et corrélations : var, cov, cor.

### Fonctions range et quantile

La fonction range retourne à la fois le minimum est le maximum.

```
range(cars$speed)
```

```
## [1] 4 25
```

## 5 11 6 ## 7 23 2

La fonction quantile calcule des quantiles empiriques. Par défaut, elle retourne le minimum, le maximum et les quartiles.

#### quantile(cars\$speed)

```
## 0% 25% 50% 75% 100%
## 4 12 15 19 25
```

L'argument probs permet de demander n'importe quels quantiles.

```
quantile(cars$speed, probs = c(0.1,0.9))
```

```
## 10% 90%
## 8.9 23.1
```

Remarque : Il existe plusieurs façons de calculer des quantiles. La fonction quantile implémente 9 algorithmes de calcul de quantiles (voir help(quantile)).

### Fonction summary

La fonction summary retourne les statistiques suivantes selon l'entrée qu'elle reçoit :

- vecteur numérique : minimum, premier quartile, médiane, moyenne, troisième quartile, maximum;
- facteur : fréquences des modalités (comme la fonction table vue plus loin);
- matrice ou data frame : la fonction summary est appliquée séparément à chacune des colonnes.

Voici quelques exemples.

Vecteur numérique en entrée :

```
summary(cars$speed)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 4.0 12.0 15.0 15.4 19.0 25.0
```

Facteur en entrée :

```
summary(Puromycin$state)
```

```
## treated untreated
## 12 11
```

Data frame en entrée :

#### summary(cars)

```
speed
##
                        dist
                             2.00
##
   Min.
          : 4.0
                   Min.
                           :
    1st Qu.:12.0
                   1st Qu.: 26.00
##
##
  Median:15.0
                   Median : 36.00
  Mean
           :15.4
                   Mean
                           : 42.98
                   3rd Qu.: 56.00
##
    3rd Qu.:19.0
    Max.
           :25.0
                   Max.
                           :120.00
```

#### Fonctions var, cov et cor

La fonction var peut prendre en entrée un vecteur ou un objet à deux dimensions. Si elle reçoit en entrée un vecteur, elle calcule la variance empirique de toutes les valeurs.

```
var(cars$speed)
```

```
## [1] 27.95918
```

Cependant, si elle reçoit en entrée une matrice ou un data frame de valeurs numériques, elle considère que chaque colonne contient les observations d'une variable aléatoire. Elle va calculer une matrice de variance-covariance.

```
var(cars)
```

```
## speed dist
## speed 27.95918 109.9469
## dist 109.94694 664.0608
```

La fonction cov fait exactement le même calcul par défaut.

```
cov(cars)
```

```
## speed dist
## speed 27.95918 109.9469
## dist 109.94694 664.0608
```

Elle peut cependant calculer des covariances de Kendall ou de Spearman (toutes deux des statistiques non paramétriques basées sur les rangs des observations) au lieu de la covariance classique de Pearson. La fonction cor calcule des corrélations plutôt que des covariances.

```
cor(cars, method = "spearman")

## speed dist
## speed 1.0000000 0.8303568
## dist 0.8303568 1.0000000
```

#### Fonctions retournant un vecteur de statistiques

Certaines fonctions retournent autant de statistiques qu'il y a d'éléments dans l'objet donné en entrée.

- minimum et maximum : cummin, cummax, pmin, pmax;
- rangs : rank.

#### Fonctions cummin et cummax

Les fonctions cummin et cummax calculent le minimum et le maximum cumulatif.

```
x \leftarrow c(-2, 4, -3, 4, 7, -6, 0)
cummin(x)
```

```
## [1] -2 -2 -3 -3 -3 -6 -6
```

La valeur en position i est la valeur minimale dans le sous-vecteur x[1:i].

### Fonctions pmin et pmax

Les fonctions pmin et pmax calculent le minimum et le maximum élément par élément, entre des vecteurs.

```
pmax(x, 1:7)
```

```
## [1] 1 4 3 4 7 6 7
```

Elle est utile pour tronquer des valeurs. Par exemple, l'instruction suivante permet de tronquer à zéro les valeurs dans le vecteur  $\mathbf{x}$ .

```
pmax(x, 0)
```

```
## [1] 0 4 0 4 7 0 0
```

#### Fonction rank

Certains tests statistiques non paramétriques utilisent des statistiques basées sur les rangs des observations. Voici comment obtenir ces rangs :

```
rank(x)
```

```
## [1] 3.0 5.5 2.0 5.5 7.0 1.0 4.0
```

Par défaut, en cas d'égalité, le rang moyen est utilisé. Pour changer cette option, il faut modifier la valeur de l'argument ties.method.

```
rank(x, ties.method = "min")
## [1] 3 5 2 5 7 1 4
```

### Fonctions de calcul de fréquences

Les fonctions table, xtabs et ftable permettent de calculer des fréquences.

Voici un petit jeu de données pour illustrer l'utilisation de ces fonctions. Il contient des observations concernant 7 individus fictifs : leur sexe, la couleur de leurs yeux et la couleur de leurs cheveux.

```
##
     yeux cheveux sexe
## 1 brun
             brun
## 2 brun
             noir
                      М
## 3 bleu
                      F
            blond
                      F
## 4 brun
             brun
## 5 vert
             brun
                      М
## 6 brun
                      F
            blond
## 7 bleu
             brun
                      Μ
```

#### Fonctions table

La fonction table permet de compter le nombre d'occurrences de chacune des modalités d'une variable catégorique dans des observations.

```
table(sondage$yeux)
##
```

```
## bleu brun vert
## 2 4 1
```

Elle produit un tableau de fréquences à une variable si elle reçoit les observations d'une seule variable. Elle peut aussi produire des tableaux de fréquences croisées à deux variables ou plus.

```
table(sondage$yeux, sondage$cheveux)
```

```
##
##
           blond brun noir
##
                1
                      1
                           0
     bleu
##
     brun
                1
                      2
                            1
##
                0
                           0
     vert
                      1
```

#### table(sondage)

```
, , sexe = F
##
##
##
          cheveux
## yeux
           blond brun noir
##
     bleu
                1
                     0
                           0
                     2
                           0
##
     brun
                1
##
               0
                     0
                           0
     vert
##
##
   , , sexe = M
##
##
          cheveux
## yeux
           blond brun noir
                           0
##
     bleu
               0
                     1
##
     brun
                0
                           1
##
     vert
               0
                     1
                           0
```

#### Fonctions xtabs

La fonction xtabs fait le même calcul, mais prend en entrée une formule.

```
xtabs(~ yeux + cheveux, data = sondage)
### cheveux
```

```
##
          cheveux
## yeux
           blond brun noir
##
     bleu
               1
                     2
##
     brun
               1
                           1
##
     vert
               0
                           0
```

#### Fonctions ftable

Finalement, la fonction ftable retourne le résultat sous la forme d'une table « plate » (en anglais flat, d'où le f dans le nom de la fonction) plutôt que d'un array dans le cas d'un croisement de 3 variables ou plus.

#### ftable(sondage)

```
sexe F M
##
## yeux cheveux
## bleu blond
                       1 0
##
                       0 1
        brun
##
        noir
                       0 0
                       1 0
## brun blond
##
        brun
                       2 0
##
                       0 1
        noir
                       0 0
##
  vert blond
##
        brun
                       0 1
                       0 0
##
        noir
```

#### Autres fonctions relatives au calcul de fréquences

Les fonctions margin.table, addmargins et prop.table permettent de calculer des fréquences marginales ou relatives à partir d'un tableau de fréquences.

Voici quelques exemples avec le tableau de fréquences suivant.

## \$dimnames[[2]]

## ##

## \$class ## [1] "table"

## [1] "blond" "brun" "noir"

```
freq <- table(sondage$yeux, sondage$cheveux)</pre>
freq
##
##
           blond brun noir
##
     bleu
               1
                     1
##
               1
                     2
                          1
     brun
##
     vert
               0
                     1
                          0
Fréquences marginales en colonnes :
margin.table(freq, margin = 2)
##
## blond brun noir
##
       2
              4
Fréquences marginales ajoutées au tableau :
addmargins(freq)
##
##
           blond brun noir Sum
##
     bleu
               1
                     1
                          0
##
     brun
               1
                     2
                          1
##
     vert
               0
                     1
                          0
                              1
     Sum
Fréquences relatives :
prop.table(freq)
##
##
               blond
                           brun
                                      noir
##
     bleu 0.1428571 0.1428571 0.0000000
     brun 0.1428571 0.2857143 0.1428571
##
##
     vert 0.0000000 0.1428571 0.0000000
Transformation du format d'un objet de classe "table"
Les fonctions table et xtabs attribuent à l'objet qu'ils retournent en sortie la classe "table".
attributes(freq)
## $dim
## [1] 3 3
##
## $dimnames
## $dimnames[[1]]
## [1] "bleu" "brun" "vert"
##
```

```
str(freq)
## 'table' int [1:3, 1:3] 1 1 0 1 2 1 0 1 0
```

```
## - attr(*, "dimnames")=List of 2
## ..$ : chr [1:3] "bleu" "brun" "vert"
## ..$ : chr [1:3] "blond" "brun" "noir"
```

Il est parfois utile de transformer un objet de classe "table" en un array (matrice si la table croise deux variables) ou un data frame. Pour la transformation en array, il suffit de retirer l'attribut class avec la fonction unclass.

```
unclass(freq)
```

```
##
           blond brun noir
##
##
     bleu
                1
                     1
                     2
##
     brun
                1
                           1
##
     vert
                0
                           0
str(unclass(freq))
```

```
## int [1:3, 1:3] 1 1 0 1 2 1 0 1 0
## - attr(*, "dimnames")=List of 2
## ..$ : chr [1:3] "bleu" "brun" "vert"
```

..\$ : chr [1:3] "blond" "brun" "noir"

La transformation en data frame transforme la table en format « plat ».

```
as.data.frame(freq)
```

```
Var1 Var2 Freq
##
## 1 bleu blond
## 2 brun blond
## 3 vert blond
## 4 bleu brun
                   1
## 5 brun
           brun
                   2
## 6 vert
           brun
                   1
## 7 bleu noir
## 8 brun noir
                   1
## 9 vert noir
                   0
str(as.data.frame(freq))
```

```
## 'data.frame': 9 obs. of 3 variables:
## $ Var1: Factor w/ 3 levels "bleu","brun",..: 1 2 3 1 2 3 1 2 3
## $ Var2: Factor w/ 3 levels "blond","brun",..: 1 1 1 2 2 2 3 3 3
## $ Freq: int 1 1 0 1 2 1 0 1 0
```

#### Fonctions pour le traitement des observations dupliquées

Il est parfois utile de gérer les observations dupliquées dans un jeu de données. En R, les fonctions suivantes sont utiles avec des observations dupliquées :

- pour tester la présence d'observations dupliquées : duplicated,
- pour retirer les observations dupliquées : unique.

Une observation est ici définie par l'ensemble des valeurs observées de toutes les variables pour un individu (ou une unité) de la population statistique à l'étude. Donc une observation dupliquée est une ligne répétée (donc deux lignes ou plus complètement identiques) dans une matrice ou un data frame. Dans le cas d'une

seule variable, stockée dans un vecteur, une observation dupliquée est une valeur présente plus d'une fois dans le vecteur.

Pour illustrer l'emploi des fonctions duplicated et unique, réutilisons le jeu de données sondage. Ce jeu de données contient une observation dupliquée.

#### sondage

```
##
     yeux cheveux sexe
## 1 brun
             brun
                      F
## 2 brun
             noir
                      М
## 3 bleu
            blond
## 4 brun
             brun
                      F
## 5 vert
             brun
## 6 brun
                      F
            blond
## 7 bleu
             brun
                      M
```

En effet, les lignes 1 et 4 sont identiques. La fonction duplicated identifie la 4e observation comme une duplication d'une autre observation.

```
duplicated(sondage)
```

```
## [1] FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE
```

L'observation peut être retirée avec la fonction unique comme suit.

### unique(sondage)

```
##
     yeux cheveux sexe
## 1 brun
             brun
                     F
## 2 brun
             noir
                     M
## 3 bleu
            blond
                     F
## 5 vert
             brun
                     М
## 6 brun
            blond
                     F
## 7 bleu
             brun
```

Si elles reçoivent un vecteur en entrée, les fonctions duplicated et unique réagissent comme suit.

```
duplicated(c(1, 3, 2, 1, 2, 1))
```

```
## [1] FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE
unique(c(1, 3, 2, 1, 2, 1))
## [1] 1 3 2
```

## Fonctions de la famille des apply

R propose plusieurs fonctions, dites « de la famille des apply », qui ont pour but d'appliquer itérativement une autre fonction sur des sous-sections d'un objet. Les grandes étapes de traitement de ces fonctions sont les suivantes :

- séparer un objet en sous-objets;
- répéter la même action pour tous les sous-objets : appeler une fonction en lui donnant comme premier argument le sous-objet ;
- combiner les résultats obtenus.

Ces fonctions cachent en fait une boucle, mais avec une syntaxe allégée.

Les fonctions de la famille des apply sont utiles pour :

- les calculs sur les marges d'une matrice ou d'un array,
- appliquer le même traitement à tous les éléments d'une liste,
- le calcul de statistiques descriptives selon les niveaux de facteurs,
- les calculs en parallèle (nous y reviendrons plus tard),
- etc.

Nous verrons ici les fonctions: apply, lapply, sapply, mapply, tapply, by et aggregate.

#### Fonction apply

La fonction apply applique une fonction sur toutes les lignes ou toutes les colonnes d'un array (souvent une matrice).

Voici un exemple.

```
mat <- matrix(1:12, nrow = 3, ncol = 4, byrow = TRUE)</pre>
mat[2,3] <- NA
mat
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
            1
                  2
                       3
## [2,]
            5
                  6
                             8
                      NA
## [3,]
            9
                 10
                      11
                            12
```

Calcul sur chaque ligne:

```
apply(mat, MARGIN = 1, FUN = mean)
```

```
## [1] 2.5 NA 10.5
```

Calcul sur chaque colonne :

```
apply(mat, MARGIN = 2, FUN = mean)
```

```
## [1] 5 6 NA 8
```

Pour ajouter un argument à envoyer à la fonction FUN, il suffit de l'ajouter à la liste des arguments fournis, préférablement en le nommant. C'est l'argument . . . qui permet ce transfert d'arguments entre une fonction principale et une fonction présente dans le corps de la fonction principale.

```
apply(mat, 2, mean, na.rm = TRUE)
```

```
## [1] 5 6 7 8
```

La fonction retourne une liste si FUN retourne plus d'une valeur.

```
apply(mat, 1, summary)
```

```
## [[1]]
##
      Min. 1st Qu.
                      Median
                                 Mean 3rd Qu.
                                                   Max.
##
      1.00
               1.75
                        2.50
                                 2.50
                                          3.25
                                                   4.00
##
##
   [[2]]
##
      Min. 1st Qu.
                      Median
                                 Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
                                                           NA's
                                                 8.000
##
     5.000
              5.500
                       6.000
                                6.333
                                         7.000
                                                               1
##
## [[3]]
      Min. 1st Qu.
##
                     Median
                                Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
      9.00
##
               9.75
                       10.50
                                10.50
                                         11.25
                                                 12.00
```

Elle peut aussi prendre en entrée un array à plus de deux dimensions.

```
arr \leftarrow array(1:12, dim = c(2, 3, 2))
arr
## , , 1
##
         [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
            1
                 3
## [2,]
            2
                  4
                       6
##
   , , 2
##
##
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
            7
                 9
                      11
## [2,]
            8
                10
                      12
apply(arr, MARGIN = c(1, 2), FUN = sum)
         [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
            8
                12
                      16
## [2,]
           10
                14
                      18
```

Si elle reçoit en entrée un data frame, elle le transformera en matrice avant d'effectuer les calculs.

#### Fonctions raccourcies: rowSums, colSums, rowMeans et colMeans

Pour le calcul de sommes et de moyennes, il existe des fonctions raccourcies un peu plus rapides qu'un appel à la fonction apply : rowSums, colSums, rowMeans, colMeans. Par exemple :

```
rowMeans(mat, na.rm = TRUE)

## [1] 2.500000 6.333333 10.500000

est équivalent à apply(mat, 1, mean, na.rm = TRUE) et

colSums(mat, na.rm = TRUE)

## [1] 15 18 14 24

est équivalent à apply(mat, 2, sum, na.rm = TRUE).
```

Ces fonctions spécialisées ont été optimisées en termes de temps d'exécution.

#### Fonctions lapply, sapply et mapply

Les fonctions lapply, sapply et mapply prennent en entrée un vecteur ou une liste (qui peut aussi être un data frame). Elles appliquent une fonction sur chaque élément du vecteur ou de la liste (ou chaque colonne du data frame).

Voici une liste qui sera utilisée pour illustrer l'emploi de ces fonctions. Cette liste contient les mots formant trois courtes phrases (ponctuation omise).

```
phrases <- list(
   phrase1 = c("regarde", "la", "belle", "neige"),
   phrase2 = c("allons", "skier"),
   phrase3 = c("non", "il", "fait", "trop", "froid")
)</pre>
```

#### Fonction sapply:

Supposons que nous voulons isoler le dernier mot de chaque phrase dans la liste phrases. L'action que nous souhaitons réaliser revient à extraire le dernier élément d'un vecteur. Elle doit être réalisée pour tous les vecteurs qui sont des éléments de la liste phrases.

Nous pourrions réaliser cette tâche avec la commande suivante.

```
dernier_mot <- sapply(phrases, FUN = tail, n = 1)
dernier_mot</pre>
```

```
## phrase1 phrase2 phrase3
## "neige" "skier" "froid"
```

Décortiquons maintenant cette commande. L'instruction sapply(phrases, FUN = tail, n = 1) permet d'appliquer la fonction tail à chaque élément de la liste phrases, qui sont tous des vecteurs. L'argument n = 1 est passé à la fonction tail. Ainsi, seul le dernier élément de chaque vecteur est extrait. C'est comme si nous avions soumis la commande

```
tail(phrases[[1]], n = 1)
```

```
## [1] "neige"
```

séparément pour tous les éléments (fait pour l'élément 1 seulement dans la commande ci-dessus), puis que nous avions rassemblé les résultats.

#### Utilisation d'un opérateur comme valeur de l'argument FUN:

Si nous cherchions plutôt à isoler le deuxième mot de chaque phrase dans la liste phrases, nous pourrions réaliser cette extraction avec la commande suivante.

```
sapply(phrases, FUN = '[', 2)

## phrase1 phrase2 phrase3
## "la" "skier" "il"
```

Dans cet exemple, la fonction à appliquer est en fait l'opérateur d'extraction du crochet simple. Rappelons que les opérateurs sont en fait des fonctions. Donc, pour un vecteur quelconque, disons

```
x <- phrases[[1]]
```

les commandes suivantes sont équivalentes.

```
x[2]
```

```
## [1] "la"
'['(x, 2)
```

```
## [1] "la"
```

Ainsi, l'objet duquel nous voulons extraire est le premier argument à fournir à l'opérateur [. L'identifiant de l'élément à extraire (ici un entier représentant une position) est le deuxième argument à fournir à l'opérateur [. Si l'objet avait plus d'une dimension, il suffirait d'ajouter des arguments.

Lorsque l'argument FUN d'une fonction de la famille des apply est un opérateur, il faut toujours l'encadrer de guillemets (simples ou doubles).

#### Fonction lapply:

La fonction lapply fait exactement le même calcul que la fonction sapply, mais retourne le résultat sous la forme d'une liste plutôt que sous une forme simplifiée.

```
reslapply <- lapply(phrases, FUN = tail, n = 1) reslapply
```

```
## $phrase1
## [1] "neige"
##
## $phrase2
## [1] "skier"
##
## $phrase3
## [1] "froid"
```

#### Fonction mapply:

Il aurait aussi été possible de solutionner le problème de l'extraction des derniers mots des phrases dans phrases en utilisant la fonction mapply. La différence entre cette fonction et les fonctions sapply et lapply est qu'elle peut fournir à la fonction FUN plusieurs (ou de multiples, d'où le m dans mapply) arguments qui sont des vecteurs ou des listes.

Par exemple, nous pourrions extraire les derniers mots en appliquant l'opérateur [ à chaque élément de la liste phrases, mais en spécifiant comme argument pour l'opérateur d'extraction la position du dernier élément. Cette position diffère un peu d'un élément à l'autre. Elle est égale à la longueur de l'élément.

Nous pourrions donc, dans un premier temps, calculer la longueur de chaque élément de phrases comme suit :

```
longueurs_phrases <- sapply(phrases, length)
longueurs_phrases</pre>
```

```
## phrase1 phrase2 phrase3
## 4 2 5
```

## "neige" "skier" "froid"

Ayant en main un vecteur contenant les longueurs, le vecteur longueurs\_phrases, nous pouvons utiliser mapply pour extraire les derniers éléments des vecteurs dans phrases. L'appel à la fonction mapply est le suivant :

```
mapply(FUN = "[", phrases, longueurs_phrases)
## phrase1 phrase2 phrase3
```

La boucle cachée derrière cet appel à la fonction mapply est la suivante : pour i allant de 1 à 3, soit le nombre total d'éléments dans la liste phrases, l'extraction suivante est effectuée.

```
"["(phrases[[i]], longueurs_phrases[[i]])
```

#### Fonctions tapply, by et aggregate

Ces fonctions appliquent encore la même fonction à plusieurs sous-objets. Ce qui les distingue des autres fonctions de la famille des apply est la formation des sous-objets selon les niveaux de facteurs.

Nous allons utiliser le jeu de données Puromycin du data frame datasets pour illustrer l'utilisation de ces fonctions.

#### str(Puromycin)

```
## 'data.frame': 23 obs. of 3 variables:
## $ conc : num 0.02 0.02 0.06 0.06 0.11 0.11 0.22 0.22 0.56 0.56 ...
## $ rate : num 76 47 97 107 123 139 159 152 191 201 ...
## $ state: Factor w/ 2 levels "treated", "untreated": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## - attr(*, "reference") = chr "A1.3, p. 269"
```

#### Fonction tapply:

Par exemple, nous pourrions calculer la moyenne de la variable rate selon les niveaux du facteur state comme suit.

```
tapply(Puromycin$rate, INDEX = Puromycin$state, FUN = mean)

## treated untreated
## 141.5833 110.7273

L'argument INDEX pourrait être une liste de plusieurs facteurs.
```

```
tapply(Puromycin$rate, INDEX = Puromycin[, c("conc", "state")], FUN = mean)
```

```
##
          state
## conc
           treated untreated
##
     0.02
              61.5
                         59.0
                         85.0
##
     0.06
             102.0
##
     0.11
             131.0
                        106.5
##
     0.22
             155.5
                        127.5
##
     0.56
             196.0
                        151.0
             203.5
                        160.0
##
     1.1
```

Dans l'exemple ci-dessous, nous avons fourni à INDEX un data frame, mais rappelons-nous que les data frames sont des cas particulier de listes. De plus, un élément de ce data frame n'est pas un facteur. Il s'agit de la variable conc. Cela n'a pas posé problème parce que lapply est arrivé à transformer l'élément en facteur.

#### Fonction by:

La fonction by prend comme objet en entrée un data frame et permet d'effectuer un calcul sur des sous-objets qui sont aussi des data frames. Par exemple, nous pourrions calculer la matrice de corrélations entre les observations des variables conc et rate selon les niveaux du facteur state comme suit.

```
by(Puromycin[, c("conc", "rate")], INDICES = Puromycin$state, FUN = cor)
```

```
## Puromycin$state: treated
## conc rate
## conc 1.0000000 0.8310362
## rate 0.8310362 1.0000000
## -------
## Puromycin$state: untreated
## conc rate
## conc 1.0000000 0.8207311
## rate 0.8207311 1.0000000
```

#### Fonction aggregate:

Finalement, la fonction aggregate prend aussi en entrée un data frame, mais elle applique la fonction séparément pour chaque colonne du data frame.

```
aggregate(Puromycin[, c("conc", "rate")], by = list(Puromycin$state), FUN = mean)
##
       Group.1
                     conc
                              rate
## 1
       treated 0.3450000 141.5833
## 2 untreated 0.2763636 110.7273
L'argument by doit obligatoirement être une liste. Nommer les éléments de la liste modifie le nom des colonnes
dans la sortie.
aggregate(Puromycin[, c("conc", "rate")], by = list(state = Puromycin$state), FUN = mean)
##
         state
                     conc
                              rate
       treated 0.3450000 141.5833
## 1
## 2 untreated 0.2763636 110.7273
La fonction aggregate accepte aussi des formules en entrée, comme dans les exemples ci-dessous.
aggregate(cbind(conc, rate) ~ state, data = Puromycin, FUN = mean)
##
                     conc
         state
                              rate
## 1
       treated 0.3450000 141.5833
## 2 untreated 0.2763636 110.7273
aggregate(rate ~ conc + state, data = Puromycin, FUN = median)
##
      conc
               state rate
## 1
      0.02
             treated 61.5
## 2
      0.06
             treated 102.0
## 3
      0.11
             treated 131.0
## 4
      0.22
             treated 155.5
## 5
     0.56
             treated 196.0
## 6
     1.10
             treated 203.5
## 7
      0.02 untreated 59.0
     0.06 untreated 85.0
## 9 0.11 untreated 106.5
## 10 0.22 untreated 127.5
## 11 0.56 untreated 151.0
## 12 1.10 untreated 160.0
```

### Comparaison entre les fonctions tapply, by et aggregate et la fonction ave :

Tout comme les fonctions tapply, by et aggregate, la fonction ave permet de calculer une statistique selon des combinaisons de niveaux de facteurs. Cependant, plutôt que de retourner une valeur par combinaison distincte, elle retourne un objet de même dimension que le premier argument qu'elle reçoit en entrée. Dans cet objet, chaque valeur est remplacée par la valeur de la statistique calculée sur toutes les valeurs associées à la même combinaison de facteurs que la valeur en question. L'exemple suivant devrait aider à clarifier cette phrase.

```
Puromycin$median_rate <- ave(Puromycin$rate, Puromycin$state, Puromycin$conc, FUN = median)
Puromycin
```

```
##
      conc rate
                     state median rate
## 1
      0.02
             76
                  treated
                                  61.5
## 2
      0.02
                                  61.5
             47
                  treated
## 3
      0.06
             97
                                 102.0
                  treated
## 4
     0.06
            107
                  treated
                                 102.0
## 5
     0.11
            123
                  treated
                                 131.0
## 6 0.11
            139
                   treated
                                 131.0
```

```
0.22
            159
                                  155.5
                   treated
      0.22
            152
## 8
                                  155.5
                   treated
      0.56
            191
                   treated
                                  196.0
## 10 0.56
            201
                                  196.0
                   treated
## 11 1.10
            207
                   treated
                                  203.5
## 12 1.10
            200
                                  203.5
                   treated
## 13 0.02
             67 untreated
                                   59.0
## 14 0.02
             51 untreated
                                   59.0
## 15 0.06
             84 untreated
                                   85.0
## 16 0.06
             86 untreated
                                   85.0
## 17 0.11
             98 untreated
                                  106.5
## 18 0.11
            115 untreated
                                  106.5
  19 0.22
            131 untreated
                                  127.5
## 20 0.22
            124 untreated
                                  127.5
## 21 0.56
                                  151.0
            144 untreated
## 22 0.56
            158 untreated
                                  151.0
## 23 1.10
            160 untreated
                                  160.0
```

### Choix de la fonction de la famille des apply à utiliser

Les fonctions de la famille des apply servent à appliquer un même calcul sur différentes parties (sous-objets) d'une structure de données R (objet principal).

La structure de données peut être brisée en sous-objets de différentes façons. Par exemple, s'il s'agit d'une matrice, elle peut être séparée en lignes ou en colonnes. S'il s'agit d'une liste, elle peut être séparée en éléments. Il est aussi possible de briser un vecteur ou un data frame en blocs d'observations référant à différents niveaux de facteurs. Dans ces notes, les fonctions de la famille des apply ont été séparées en 3 catégories selon la façon de former les sous-objets.

Le format de la sortie retournée varie aussi d'une fonction à l'autre.

Quand vient le temps de choisir une fonction de la famille des apply à utiliser, il faut donc se demander :

- Quel est le type de l'objet sur lequel appliquer les calculs?
- Comment les sous-objets doivent-ils être formés?
- Quel format de sortie est le plus approprié?

Le tableau suivant permet de facilement comparer les fonctions de la famille des apply présentées en fournissant les réponses aux questions précédentes.

Fonction	ction Objet typique en entrée Formation des sous-objets		Format de la sortie	
apply	array (matrice)	selon une ou des dimensions	vecteur, array, liste	
lapply sapply mapply	vecteur, liste (data frame) vecteur, liste (data frame) vecteurs, listes (data frames)  vecteur data frame data frame	éléments de l'objet en entrée éléments de l'objet en entrée éléments des objets en entrée	liste simplifié par défaut simplifié par défaut	
tapply by aggregate		selon les niveaux de facteurs selon les niveaux de facteurs selon les niveaux de facteurs et par colonne du data frame	array ou liste array ou liste data frame	

# Écriture de conditions logiques

Lors d'une analyse de données, il est fréquent de devoir extraire les observations respectant une certaine condition logique. Cette action est parfois appelée « filtrer » les observations. Pour ce faire, il faut savoir écrire des conditions logiques en R. L'écriture de conditions logiques sera aussi utile pour composer des structures conditionnelles, ce qui sera couvert plus tard.

Les opérateurs de comparaison ==, !=, >, >=, < et <= sont utiles pour écrire des conditions logiques. Par exemple, reprenons le vecteur de lancés d'un dé créé dans le cours sur les structures de données en R.

```
de <- c(2, 3, 4, 1, 2, 3, 5, 6, 5, 4)
```

La condition logique suivante permet d'identifier les valeurs supérieures à 4 dans ce vecteur.

de > 4

```
## [1] FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE
```

En fournissant le vecteur logique obtenu en argument à un opérateur ou une fonction d'extraction appliquée sur de, les valeurs supérieures à 4 dans ce vecteur sont retournées.

```
de[de > 4]
```

```
## [1] 5 6 5
```

La fonction which permet quant à elle de savoir quelles sont les positions dans un vecteur des éléments respectant une condition logique.

```
which(de > 4)
```

```
## [1] 7 8 9
```

Des vecteurs logiques peuvent être combinés avec | (ou) ou & (et). Par exemple, la commande suivante identifie les éléments de de égaux à 1, 4 ou 6.

```
de == 1 | de == 4 | de == 6
```

```
## [1] FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE
```

L'opérateur %in% est cependant plus convivial pour créer ce vecteur logique. Il compare les éléments d'un vecteur (placé avant l'opérateur) aux éléments d'un ensemble présenté sous la forme d'un vecteur (placé après). Il retourne TRUE pour un élément égal à n'importe lequel des éléments de l'ensemble, FALSE sinon.

```
de %in% c(1,4,6)
```

```
## [1] FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE
```

Combiné à un opérateur de négation !, l'opérateur %in% permet de tester si les valeurs dans un vecteur sont différentes des valeurs d'un ensemble.

```
! de %in% c(1,4,6)
```

```
## [1] TRUE TRUE FALSE FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE TRUE FALSE
```

Notons que tester si un ou des éléments sont égaux à NA, NaN ou Inf (constante pour l'infini), ne se fait pas directement avec l'opérateur == comme suit.

```
c(1, 2, NA, 4, 5) == NA
```

```
## [1] NA NA NA NA NA
```

Il faut plutôt utiliser la fonction is.na, is.nan ou is.infinite.

```
is.na(c(1, 2, NA, 4, 5))
```

## [1] FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE

#### Opérateurs et fonctions retournant toujours un logique de longueur 1

Lors de l'écriture d'une condition logique, il faut parfois s'assurer de retourner un vecteur logique de longueur 1. C'est le cas lors de l'écriture d'une condition logique dans une structure de contrôle conditionnelle if...else (que nous verrons plus loin). La condition dans un if doit être obligatoirement de longueur 1. Les opérateurs || et && sont conçus pour écrire de telles conditions logiques. Avec || et &&, il est certain que le résultat est de longueur 1.

```
de == 1 || de == 4 || de == 6
```

## [1] FALSE

Comme il a déjà été mentionné, seuls les premiers éléments des vecteurs impliqués sont comparés avec || ou &&.

De plus, la fonction all indique si tous les éléments d'un vecteur logique sont TRUE.

v1

```
## [1] FALSE FALSE TRUE TRUE
all(v1)
```

## [1] FALSE

La fonction any indique si au moins un élément d'un vecteur logique est TRUE.

any(v1)

## [1] TRUE

Finalement, les fonctions is.numeric, is.character, is.logical, is.vector, is.matrix, is.data.frame, is.factor, is.null, is.function, etc., testent une condition et retournent toujours un logique de longueur unitaire.

# Comparaison de deux objets R

Les opérateurs de comparaison permettent de comparer les éléments d'objets R. Mais comment comparer des objets entiers? Cela dépend de ce qui doit être comparé.

- Pour comparer tous les éléments, mais pas les attributs : all(x == y)
  - retourne TRUE si tous les éléments sont égaux,
  - FALSE sinon,
  - NA si un des deux objets comparés contient au moins une valeur manquante et que l'argument na.rm de la fonction all prend la valeur FALSE.
- Pour comparer les objets dans leur totalité (éléments, attributs, type de l'objet et de ses éléments) : identical(x, y)
  - retourne TRUE si les deux objets comparés sont totalement identiques,
  - FALSE sinon.
- Pour comparer tous les éléments et les attributs, en acceptant des différences dans les valeurs numériques selon une certaine tolérance : all.equal(x, y)
  - retourne TRUE en cas d'égalité respectant la tolérance,
  - sinon retourne des informations sur les différences.

Voici quelques exemples.

```
Éléments identiques, mais attributs différents
```

```
x <- 1:5
y <- 1:5
names(x) <- letters[1:5]</pre>
str(x)
## Named int [1:5] 1 2 3 4 5
## - attr(*, "names")= chr [1:5] "a" "b" "c" "d" ...
str(y)
## int [1:5] 1 2 3 4 5
all(x == y)
## [1] TRUE
identical(x, y)
## [1] FALSE
all.equal(x, y)
## [1] "names for target but not for current"
Éléments équivalents, mais de types différents, attributs identiques
x <- as.double(x)
str(x)
## num [1:5] 1 2 3 4 5
str(y)
## int [1:5] 1 2 3 4 5
all(x == y)
## [1] TRUE
identical(x, y)
## [1] FALSE
all.equal(x, y)
## [1] TRUE
Éléments numériques pas tout à fait identiques, attributs et types identiques
y <- 1:5 + 1e-10
str(x)
## num [1:5] 1 2 3 4 5
str(y)
## num [1:5] 1 2 3 4 5
```

Bien que les valeurs numériques dans x et y ne soient pas tout à fait identiques, elles semblent identiques à l'affichage de x et y.

```
all(x == y)
## [1] FALSE
identical(x, y)
## [1] FALSE
all.equal(x, y)
## [1] TRUE
Rappel : Il est possible de contrôler le nombre de chiffres affichés dans un nombre avec l'option digits de la
session R.
optionsDefaut <- options()</pre>
optionsDefaut$digits # valeur par défaut
## [1] 7
options(digits = 11)
## [1] 1 2 3 4 5
у
## [1] 1.0000000001 2.0000000001 3.0000000001 4.0000000001 5.0000000001
L'option digits est remise à sa valeur par défaut comme suit.
options(digits = optionsDefaut$digits)
```

### Synthèse

Fonctions et opérateurs de base pour le calcul mathématique ou de statistiques descriptives

Calcul	opère de façon vectorielle	combine, retourne une valeur	combine, retourne valeur(s)	combine, retourne un vecteur
opérations arithmétiques	+, -, *, /, ^, %%, %/%	sum, prod		cumsum, cumprod, diff
logarithme et exponentiel, trigonométrie, arrondissement, etc.	log, log10, log2, exp, sin, cos, tan, acos, asin, atan, atan2, ceiling, floor, round, trunc, signif, sqrt, abs, sign, beta, gamma, choose, factorial, etc.			
mesures de localisation	pmax, pmin	max, min which.max which.min	quantile, range summary	cummax, cummin rank
centralité		mean, median	summary	
variabilité		sd	var, cov, cor	
fréquences			table, xtabs, ftable	

FIGURE 1 – Vue d'ensemble de plusieurs fonctions et opérateurs mathématiques et statistiques en R

#### Calculs mathématiques:

- fonctionnement vectoriel et règle de recyclage : calculs terme à terme entre deux objets atomiques;
- mots-clés mathématiques : pi, Inf, NaN;
- opérations sur des ensembles : union, intersect, setdiff, setequal, is.element.

### Calcul de statistiques descriptives :

- argument na.rm: spécifie le comportement de la fonction en présence de valeurs manquantes;
- traitement des observations dupliquées : duplicated, unique.

### Fonctions R de la famille des apply

Principe de base derrière ces fonctions (qui cachent des boucles) :

- séparer un objet en sous-objets;
- appeler une fonction en lui donnant comme premier argument tous les sous-objets, un à la fois;
- combiner les résultats obtenus.

Résumé du fonctionnement des fonctions présentées :

Fonction	Objet typique en entrée	Formation des sous-objets	Format de la sortie	
apply	array (matrice)	selon une ou des dimensions	vecteur, array, liste	
lapply sapply mapply	vecteur, liste (data frame) vecteur, liste (data frame) vecteurs, listes (data frames)  vecteur data frame data frame	éléments de l'objet en entrée éléments de l'objet en entrée éléments des objets en entrée	liste simplifié par défaut simplifié par défaut	
tapply by aggregate		selon les niveaux de facteurs selon les niveaux de facteurs selon les niveaux de facteurs et par colonne du data frame	array ou liste array ou liste data frame	

Description des arguments à donner en entrée à ces fonctions :

- 1<sup>e</sup> argument (sauf pour mapply) : objet à séparer et sur lequel appliquer la fonction;
- argument suivant : information pour spécifier comment séparer l'objet en sous-objets (sauf pour les fonctions prenant en entrée une liste, soit pour lapply, sapply et mapply, car dans ce cas les sous-objets sont les éléments de la liste);
- argument suivant (celui nommé FUN) : la fonction à appliquer (les sous-objets lui seront fournis comme premier argument);
- ...: il est possible de passer des arguments supplémentaires à la fonction à appliquer (FUN) simplement en les donnant en argument à la fonction de la famille des apply grâce aux ... (rappel : il s'agit de la deuxième utilité de l'argument ... mentionnée dans les notes sur les concepts de base en R).

Note: La fonction aggregate accepte aussi une formule en entrée.

#### Écriture de conditions logiques

Fonctions opérant de façon vectorielle :

- Opérateurs de comparaison : ==, !=, >, >= , <, <=.
- Opérateur de comparaison à un ensemble de valeurs : %in%.
- Fonctions de comparaison pour caractères spéciaux : is.na, is.nan, is.infinite.
- Opérateurs logiques : ! (négation), | (ou), & (et).

Fonctions retournant toujours un logique de longueur  ${\bf 1}$  :

- Opérateurs logiques (qui utilisent seulement le premier élément des vecteurs) : | | (ou), && (et).
- Fonctions qui condensent un vecteur logique en une seule valeur logique : all, any.
- Fonctions de vérification de type : is.(numeric/character/logical/vector/matrix/array/list/data.frame/factor/null/...) (il en existe beaucoup!).

### Comparaison de deux objets R

- Pour comparer uniquement les valeurs, pas les attributs : all(x == y).
- Pour comparer les objets dans leur totalité (valeurs, attributs, type de l'objet ou des éléments) : identical(x, y).
- Pour comparer les valeurs et les attributs, en acceptant des différences dans les valeurs numériques selon une certaine tolérance : all.equal(x, y).

### Références

- Cotton, R. (2013). Learning R: A Step-by-Step Function Guide to Data Analysis, O'Reilly Media.
- Teetor, P. (2011). R Cookbook. O'Reilly Media. http://www.cookbook-r.com/
- Muenchen, R. A. (2011). R for SAS and SPSS Users. Second edition. Springer.
- Zumel, N. et Mount, J. (2014). Practical Data Science with R. Manning Publications Co.
- Zuur, A. F., Ieno, E. N. et Meesters, E. H.W.G. (2009). A Beginner's Guide to R. Springer.

#### Pour mieux comprendre les fonctions de la famille des apply

• https://www.datacamp.com/community/tutorials/r-tutorial-apply-family

#### Pour aller plus loin

Le package dplyr offre des fonctions permettant de réaliser quelques-unes des manipulations de données vues dans ce cours ainsi que le cours précédent, par exemple :

- alternatives à [ ou subset :
  - sélectionner des lignes avec filter;
  - sélectionner des colonnes avec select;
- alternative à aggregate :
  - créer des jeux de données agrégés avec group\_by et summarise;
- etc.

Ce package est très populaire. Les tutoriels rédigés par des étudiants du cours en 2016, dans le cadre d'un travail pratique, illustrent l'utilisation de diverses fonctions de ce package.