华中农业大学本科课程考试试卷

考试课程与试卷类型: 大学物理学 A(A 卷) 姓名:

学年学期: 2020-2021-1

考试时间: 2020-11-21 班级:

题 号	_	11	Ξ	四	五	六	七	总 分
得 分								
评卷人								

本題 得分 一、判断题(判断下列命题正误,正确的画" \checkmark ",错误的画" \times ". 每小题 2 分, 共 10 分.)

学号:

1. 选择不同的参考系描述同一运动时, 可以得出不同的运动学方程. 【 ↓】

2. 刚体定轴转动的转动惯量 J 是矢量,不但有大小,还有方向. 【×】

3. 平面简谐波中处于平衡位置的质元的动能和势能同时达到最大. 【 √ 】

4. 两种理想气体的温度相等,则它们的内能必然相等. 【×】

5. 任何热力学过程, 熵永不减少. 【×】

本題 得分

二、单项选择题(从下列各题的四个备选答案中选出一个最佳答案, 并将答案代号写在试卷相应的位置.每小题3分,共计30分.)

- 1. 一个质点在做匀速率圆周运动时【B】.
 - A. 切向加速度改变, 法向加速度也改变. B. 切向加速度不变, 法向加速度改变.
 - C. 切向加速度不变, 法向加速度也不变. D. 切向加速度改变, 法向加速度不变.
- 2. 某质点作直线运动的运动学方程为 $x = 3t 5t^3 + 6(SI)$,该质点做【 B 】.
 - A. 匀速直线运动.

B. 变加速直线运动.

C. 匀加速直线运动.

- D. 无法判断.
- 3. 一圆盘绕过盘心且与盘面垂直的轴 O 以角速度 ω 按图示方向转动,若射来两颗完全相同的子弹,方向相反并在同一条直线上,子弹射入圆盘并留在其中,则子弹射入后的

瞬间,盘的角速度 ω 【 C 】.

- A. 增大
- B. 不变
- C. 减小
- D. 无法确定

4. 长为l质量为m的均匀细棒,绕一端点在水平面内作匀速率转动,已知棒中心点的线速率为v,则细棒的转动动能为【 B 】.



A.
$$\frac{1}{2}mv^2$$

B.
$$\frac{2}{3}mv^2$$

C.
$$\frac{1}{6}mv^2$$

D.
$$\frac{1}{24}mv^2$$

5. 两个质点各自作简谐振动,它们的振幅相同、周期相同. 第一个质点的振动方程为 $x_1 = A\cos(\omega t + \alpha)$. 当第一个质点从相对于其平衡位置的正位移处回到平衡位置时,第 二个质点正在最大正位移处. 则第二个质点的振动方程为【 A 】.

A.
$$x_2 = A\cos(\omega t + \alpha - \frac{1}{2}\pi)$$

B.
$$x_2 = A\cos(\omega t + \alpha + \frac{1}{2}\pi)$$

C.
$$x_2 = A\cos(\omega t + \alpha - \frac{3}{2}\pi)$$

D.
$$x_2 = A\cos(\omega t + \alpha + \pi)$$

6. 两相干波源 S1 和 S2 相距 $\lambda/4$,S1 的相位比 S2 的相位超前 $\pi/2$,在 S1 和 S2 的连线 上有一点 P 如下图,则在 P 点两波引起的振动的相位差是多少, P 点的振幅如何变化?

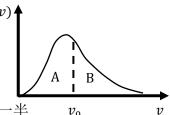
[C]

- A. 0,P点振增大 B. $\pi/2$,P点振幅减小

- C. π , P 点振幅减小 D. π , P 点振幅增大
- 7. 驻波的波长为 λ , 则相邻两个波节之间相距【 A 】.
- A. $\lambda/2$ B. λ C. $\lambda/4$ D. 2λ

8. 三个容器 $A \times B \times C$ 装有同种理想气体,其分子数密度n相同,而方均根速率之比为 $(\overline{v_A^2})^{1/2}:(\overline{v_B^2})^{1/2}:(\overline{v_C^2})^{1/2}=1:2:3$,则其压强之比 $p_A:p_B:p_C$ 为【 D 】.

- A. 1:2:3
- B. 3:2:1
- C. 9:4:1
- D. 1:4:9
- 9. 麦克斯韦速率分布曲线如图所示,图中A、B两部分 面积相等,则图中的 v_0 表示【 D 】.

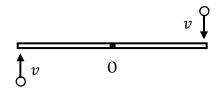


- A. 最概然速率 B. 平均速率
- C. 方均根速率 D. 速率大于 v_0 和小于 v_0 的分子各占一半
- 10. 下列说法正确的是【 C 】.
 - A. 孤立系统内工质的状态不能发生变化.
 - B. 系统在相同的初、终态之间的可逆过程中做功相同.
 - C. 经过一个不可逆过程后,工质可以恢复到原来的状态.
 - D. 质量相同的物体 A 和 B, A 的温度较高, 所以 A 具有更多的热量.

本題 得分

三、 计算题(答案写在试卷相应位置, 每题 16 分, 共 48 分)

- 1. 有一长为2*l*、质量为*m*的匀质细杆,可绕其中点的固定轴0在水平桌面上自由转动. 初期杆静止,桌面上有两个质量均为*m*的小球,各自在垂直于杆的方向上,正对着杆的一端,以相同的速率*v*相向运动,如图所示. 当两小球同时与杆两端发生完全非弹性碰撞后与杆粘在一起转动,求:
- 1)碰撞之前杆的转动惯量以及碰撞之后杆和两个小球一起的转动惯量。
- 2) 这一系统碰撞后的角速度。
- 3) 这一系统碰撞后的转动动能。



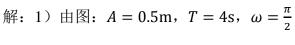
解: 1) $J_{\text{H}} = \frac{1}{12}m(2l)^2 = \frac{1}{3}ml^2$

$$J_{\mathcal{B}} = \frac{1}{3}ml^2 + ml^2 + ml^2 = \frac{7}{3}ml^2 \tag{5 \%}$$

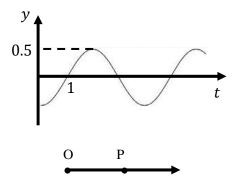
2) 系统角动量守恒:
$$mvl + mvl = \frac{7}{3}ml^2\omega$$
, $\omega = \frac{6v}{7l}$ (6分)

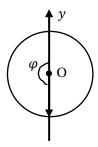
3) 系统的转动动能:
$$\frac{1}{2}J_{\vec{e}}\omega^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{7}{3}ml^2 \cdot \left(\frac{6v}{7l}\right)^2 = \frac{6}{7}mv^2$$
 (5分)

- 2. 一平面简谐波沿x轴正向传播,波长为 $\lambda = 2m$, P点处质点的振动规律如图:
- 1) 求出 P 点处质点的振动方程.
- 2) 如果 P 点是波源, 写出此波的波动方程.
- 3) 如果距离 P 点为 $x = \lambda/2$ 的 O 点为波源,写出此波的波动方程.



又 $\lambda = 2m$,所以u = 0.5m/s,





由旋转矢量图: $\varphi = \pi$,

因此 P 点处质点的振动方程为: $y = 0.5\cos\left(\frac{\pi}{2}t + \pi\right)$. (5分)

2) 简谐波沿x轴正向传播, 因此波动方程为:

$$y = A\cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right] = 0.5\cos\left[\frac{\pi}{2}(t - 2x) + \pi\right]$$
 (5 \(\frac{\psi}{2}\))

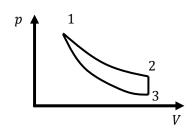
3) O 点为波源, x轴上一点与 P 点之间的距离为 $x - \lambda/2$,

则波动方程为:
$$y = A = 0.5 \cos \left[\frac{\pi}{2} [t - 2(x - 1)] + \pi \right].$$
 (6分)

【A卷第3页共5页】

3. 理想双原子分子气体开始处于 $T_1=300$ K, $p_1=3\times 10^5$ Pa, $V_1=4$ m³状态,先等温膨胀至 $16m^3$,接着经过一等体过程达到某一压强,再经过绝热压缩回到初态(如图). 设全部过程都是准静态可逆过程

- 1) 求3处的压强.
- 2) 求各分过程的吸热和放热量.
- 3) 求此循环构成的热机效率.



解: 1) 1-3 是绝热过程,根据过程方程有: $p_3V_3^{\gamma}=p_1V_1^{\gamma}$, $\gamma=1.4$ (2分)

可得:
$$p_3 = \frac{p_1 V_1^{\gamma}}{V_2^{\gamma}} = 0.43 \times 10^5 \text{Pa}, \ T_3 = 172.3 \text{K}$$
 (2分)

	p	V	Т
1	$3 \times 10^5 Pa$	4m ³	300K
2	$\frac{3}{4} \times 10^5 \text{Pa}$	16m³	300K
3	$0.43 \times 10^{5} Pa$	16m ³	172.3K

2)
$$pV = \frac{m}{M}RT$$
,因此 $\frac{m}{M}R = \frac{pV}{T}$ (2分)

1-2 是等温过程:
$$Q_{12} = \frac{m}{M}RT ln \frac{V_2}{V_1} = p_1 V_1 ln \frac{V_2}{V_1} = 1.66 \times 10^6 J$$
 (3分)

2-3 是等体过程:
$$Q_{23} = \frac{m}{M}C_{v,m}(T_3 - T_2) = \frac{i}{2}\frac{m}{M}R(T_3 - T_2) = \frac{5}{2}\frac{p_1V_1}{T_1}(T_3 - T_2) = \frac{5}{2$$

$$-1.28 \times 10^6$$
J (3分)

3-1 是绝热过程:
$$Q_{21} = 0$$
. (1分)

3) 热机效率:
$$\eta = 1 - \left| \frac{Q_2}{Q_1} \right| = 1 - \frac{1.28 \times 10^6}{1.66 \times 10^6} = 22.89\%$$
 (3分)

本題 得分

四、应用题(答案写在试卷相应位置,本题12分)

两绝热容器 A, B 中各有理想气体 ν mol, A, B 中气体的初状态分别为 V_1 , p_1 , T 和 V_2 , p_2 , T。此后将两容器连通使其达到平衡,

气体混合后温度不变,仍然为T. 求下列情况下系统的熵变

- 1) A.B 中为同种气体.
- 2) A.B 中为不同种气体.

3) 熵变有何区别,说明了什么? (从微观角度去考虑)解:理想气体求熵公式:

$$\Delta S = \nu \left[C_{V,m} \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right) + R \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) \right]$$

1)若 A 和 B 中为同种气体,连通前状态为 V_1 , p_1 , T 和 V_2 , p_2 , T 连通后,A 和 B 中的气体温度不变仍为 T,压强相同为 p, A 和 B 中的气体各占总体积的一半(V_1 + V_2)/2

$$\Delta S = \Delta S_A + \Delta S_B = \nu R \ln \frac{V_1 + V_2}{2V_1} + \nu R \ln \frac{V_1 + V_2}{2V_2}$$

$$= \nu R \ln \frac{(V_1 + V_2)^2}{4V_1 V_2}$$

(4分)

2)若 A 和 B 中为不同种气体,连通前状态为 V_1 , p_1 , T 和 V_2 , p_2 , T 连通后,A 和 B 中的气体温度不变仍为 T, 压强相同为 p/2, 体积均扩展为为 V_1+V_2

$$\Delta S = \Delta S_A + \Delta S_B = \nu R \ln \frac{V_1 + V_2}{V_1} + \nu R \ln \frac{V_1 + V_2}{V_2}$$

$$= \nu R \ln \frac{(V_1 + V_2)^2}{V_1 V_2}$$

(4分)

3)不同气体的熵变更大,证明任何逻辑上不可逆的信息操纵过程,一定伴随着外部环境或者是信息存储载体以外的自由度的熵增(能分辨本身就是熵增的,类似言之有理都给分)。 (4分)