# Задача А. Окна

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На экране расположены прямоугольные окна, каким-то образом перекрывающиеся (со сторонами, параллельными осям координат). Вам необходимо найти точку, которая покрыта наибольшим числом из них.

## Формат входных данных

В первой строке входного файла записано число окон n ( $1 \le n \le 50\,000$ ). Следующие n строк содержат координаты окон  $x_{(1,i)}$   $y_{(1,i)}$   $x_{(2,i)}$   $y_{(2,i)}$ , где ( $x_{(1,i)},y_{(1,i)}$ ) — координаты левого верхнего угла i-го окна, а ( $x_{(2,i)},y_{(2,i)}$ ) — правого нижнего (на экране компьютера y растет сверху вниз, а x — слева направо). Все координаты — целые числа, по модулю не превосходящие  $10^6$ .

## Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите максимальное число окон, покрывающих какую-либо из точек в данной конфигурации. Во второй строке выведите два целых числа, разделенных пробелом — координаты точки, покрытой максимальным числом окон. Окна считаются замкнутыми, т. е. покрывающими свои граничные точки.

стандартный ввод	стандартный вывод
2	2
0 0 3 3	1 3
1 1 4 4	
1	1
0 0 1 1	0 1
4	4
0 0 1 1	1 1
0 1 1 2	
1 0 2 1	
1 1 2 2	
5	5
0 0 1 1	1 1
0 1 1 2	
0 0 2 2	
1 0 2 1	
1 1 2 2	

## Задача В. Мобильные телефоны

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В области Тампере существуют станции обслуживания мобильных телефонов четвертого поколения, которые работают следующим образом. Вся область разделена на квадраты. Квадраты формируют матрицу  $S \times S$ , строки и столбы которой нумеруются с 0 до S-1. Каждый квадрат содержит одну станцию обслуживания. Количество активных мобильных телефонов внутри квадрата может меняться, потому что телефон может перемещаться из одного квадрата в другой или выключаться. Временами каждая станция обслуживания передает сведения об изменении в количестве активных телефонов на главную станцию обслуживания (вместе с номером строки и столбца матрицы).

Напишите программу, которая принимает эти сведения и отвечает на запросы о текущем количестве активных мобильных телефонов в любой прямоугольной области.

## Формат входных данных

Каждый запрос к программе задан на отдельной строке и состоит из одного целого числа, описывающего команду, и последовательности чисел, являющиеся параметрами команды.

Команда	Параметры	Значение
		Инициализирует матрицу размером $S \times S$ , состоящую только из нулей.
0	S	Эта команда поступает один раз и является самой первой командой.
		Добавить число $A$ к количеству активных мобильных телефонов в квадрате
1	XYA	(X;Y). Число $A$ может быть как положительным, так и отрицательным.
		Выдать текущую сумму количеств активных мобильных телефонов
2	LBRT	во всех квадратах $(X; Y)$ , таких что $L \leqslant X \leqslant R, B \leqslant Y \leqslant T$ .
		Означает конец входных данных. Эта команда поступает ровно один раз
3	Ø	и является самой последней командой.

S не превосходит 1024, количество команд —  $60\,002$ , значение ячейки в любой момент времени —  $2^{15}$ , количество активных телефонов во всей таблице —  $2^{30}$ . Величина обновления не превосходит по модулю  $2^{15}$ , также ни в один момент времени число активных телефонов в квадрате не становится меньше нуля.

Все индексы нумеруются начиная с нуля.

#### Формат выходных данных

На запросы типов 0, 1, 3 отвечать не надо. Для каждого запроса второго типа выведите строку, содержащую одно целое число — ответ на него.

стандартный ввод	стандартный вывод
0 4	3
1 1 2 3	4
2 0 0 2 2	
1 1 1 2	
1 1 2 -1	
2 1 1 2 3	
3	

# Задача С. Перестановки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вася выписал на доске в каком-то порядке все числа от 1 по N, каждое число ровно по одному разу. Количество чисел оказалось довольно большим, поэтому Вася не может окинуть взглядом все числа. Однако ему надо всё-таки представлять эту последовательность, поэтому он написал программу, которая отвечает на вопрос — сколько среди чисел, стоящих на позициях с x по y, по величине лежат в интервале от k до l. Сделайте то же самое.

#### Формат входных данных

В первой строке лежит два натуральных числа —  $1 \le N \le 100\,000$  — количество чисел, которые выписал Вася и  $1 \le M \le 100\,000$  — количество вопросов, которые Вася хочет задать программе. Во второй строке дано N чисел — последовательность чисел, выписанных Васей. Далее в M строках находятся описания вопросов. Каждая строка содержит четыре целых числа  $1 \le x \le y \le N$  и  $1 \le k \le l \le N$ .

## Формат выходных данных

Выведите M строк, каждая должна содержать единственное число — ответ на Васин вопрос.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2	1
1 2 3 4	3
1 2 2 3	
1 3 1 3	

# Задача D. K-я порядковая статистика на отрезке

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 4 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив из N неотрицательных чисел, строго меньших  $10^9$ . Вам необходимо ответить на несколько запросов о величине k-й порядковой статистики на отрезке [l,r].

## Формат входных данных

Первая строка содержит число  $N~(1\leqslant N\leqslant 450\,000)$  — размер массива.

Вторая строка может быть использована для генерации  $a_i$  — начальных значений элементов массива. Она содержит три числа  $a_1$ , l и m ( $0 \le a_1$ , l,  $m < 10^9$ ); для i от 2 до N

$$a_i = (a_{i-1} \cdot l + m) \mod 10^9$$
.

В частности,  $0 \le a_i < 10^9$ .

Третья строка содержит одно целое число B ( $1 \le B \le 1000$ ) — количество групп запросов.

Следующие B строк описывают одну группу запросов. Каждая группа запросов описывается 10 числами. Первое число G обозначает количество запросов в группе. Далее следуют числа  $x_1,\ l_x$  и  $m_x$ , затем  $y_1,\ l_y$  и  $m_y$ , затем,  $k_1,\ l_k$  и  $m_k$  ( $1\leqslant x_1\leqslant y_1\leqslant N,\ 1\leqslant k_1\leqslant y_1-x_1+1,\ 0\leqslant l_x,m_x,l_y,m_y,l_k,m_k<10^9$ ). Эти числа используются для генерации вспомогательных последовательностей  $x_g$  и  $y_g$ , а также параметров запросов  $i_g,\ j_g$  и  $k_g$  ( $1\leqslant g\leqslant G$ )

$$\begin{array}{rcl} x_g & = & ((i_{g-1}-1)\cdot l_x + m_x) \bmod N) + 1, & 2 \leqslant g \leqslant G \\ y_g & = & ((j_{g-1}-1)\cdot l_y + m_y) \bmod N) + 1, & 2 \leqslant g \leqslant G \\ i_g & = & \min(x_g,y_g), & 1 \leqslant g \leqslant G \\ j_g & = & \max(x_g,y_g), & 1 \leqslant g \leqslant G \\ k_g & = & (((k_{g-1}-1)\cdot l_k + m_k) \bmod (j_g - i_g + 1)) + 1, & 2 \leqslant g \leqslant G \end{array}$$

Сгенерированные последовательности описывают запросы, g-й запрос состоит в поиске  $k_g$ -го по величине числа среди элементов отрезка  $[i_g, j_g]$ .

Суммарное количество запросов не превосходит 600 000.

## Формат выходных данных

Выведите единственное число — сумму ответов на запросы.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	15
1 1 1	
5	
1	
1 0 0 3 0 0 2 0 0	
1	
2 0 0 5 0 0 3 0 0	
1	
1 0 0 5 0 0 5 0 0	
1	
3 0 0 3 0 0 1 0 0	
1	
1 0 0 4 0 0 1 0 0	

## Задача Е. Откат

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Сергей работает системным администратором в очень крупной компании. Естественно, в круг его обязанностей входит резервное копирование информации, хранящейся на различных серверах и «откат» к предыдущей версии в случае возникновения проблем.

В данный момент Сергей борется с проблемой недостатка места для хранения информации для восстановления. Он решил перенести часть информации на новые сервера. К сожалению, если чтото случится во время переноса, он не сможет произвести откат, поэтому процедура переноса должна быть тщательно спланирована.

На данный момент у Сергея хранятся n точек восстановления различных серверов, пронумерованных от 1 до n. Точка восстановления с номером i позволяет произвести откат для сервера  $a_i$ . Сергей решил разбить перенос на этапы, при этом на каждом этапе в случае возникновения проблем будут доступны точки восстановления с номерами  $l, l+1, \ldots, r$  для некоторых l и r.

Для того, чтобы спланировать перенос данных оптимальным образом, Сергею необходимо научиться отвечать на запросы: для заданного l, при каком минимальном r в процессе переноса будут доступны точки восстановления не менее чем k различных серверов.

Помогите Сергею.

## Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа n и m, разделенные пробелами — количество точек восстановления и количество серверов ( $1 \le n, m \le 100\,000$ ). Вторая строка содержит n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  — номера серверов, которым соответствуют точки восстановления ( $1 \le a_i \le m$ ).

Третья строка входного файла содержит q — количество запросов, которые необходимо обработать ( $1 \leqslant q \leqslant 100\,000$ ). В процессе обработки запросов необходимо поддерживать число p, исходно оно равно 0. Каждый запрос задается парой чисел  $x_i$  и  $y_i$ , используйте их для получения данных запроса следующим образом:  $l_i = ((x_i + p) \bmod n) + 1, \ k_i = ((y_i + p) \bmod m) + 1 \ (1 \leqslant l_i, x_i \leqslant n, 1 \leqslant k_i, y_i \leqslant m)$ . Пусть ответ на i-й запрос равен r. После выполнения этого запроса, следует присвоить p значение r.

## Формат выходных данных

На каждый запрос выведите одно число — искомое минимальное r, либо 0, если такого r не существует.

стандартный ввод	стандартный вывод
7 3	1
1 2 1 3 1 2 1	4
4	0
7 3	6
7 1	
7 1	
2 2	

## Задача F. Intercity Express

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Андрей разрабатывает систему для продажи железнодорожных билетов. Он собирается протестировать ее на Междугородней Экспресс линии, которая соединяет два больших города и имеет n-2 промежуточных станций, то есть в итоге есть n станций, пронумерованных от 1 до n.

В Междугороднем Экспресс поезде есть s мест, пронумерованных с 1 до s. В тестирующем режиме система имеет доступ к базе данных, содержащей проданные билеты в направлении от станции 1 до станции n и должна отвечать на вопросы, можно ли продать билет от станции a до станции b, и если да, нужно найти минимальный номер места, которое свободно на протяжении всего пути между a и b.

Изначально система имеет только доступ на чтение, то есть даже если есть свободное место, она должна сообщить об этом, но не должна изменять данные.

Помогите Андрею протестировать его систему написанием программы, которые будет находить ответы на вопросы.

## Формат входных данных

Первая строка содержит число n — количество станций, s — количество мест и m — количество уже проданных билетов ( $2 \le n \le 10^9, 1 \le s \le 100\,000, 0 \le m \le 100\,000$ ).

В следующих m строках описаны билеты, описание каждого билета состоит из трех чисел:  $c_i, a_i, b_i$  — номер места, которое занимает владелец билета, номер станции, с которой продан билет и номер станции, до которой продан билет  $(1 \le c_i \le s, 1 \le a_i < b_i \le n)$ .

Следующие строки содержат число q — количество запросов ( $1 \leqslant q \leqslant 100\,000$ ). Специальное значение p должно поддерживаться в течение считывания запросов. Изначально p=0.

Следующие 2q строк описывают запросы. Каждый запрос описывается двумя числами:  $x_i$  и  $y_i$   $(x_i \leq y_i)$ .

Чтобы получить города a и b, между которыми нужно проверить наличие места, используется следующая формула:

 $a=x_i+p, b=y_i+p.$  Ответ на запрос — число 0, если нет места на каждом отрезке между a и b, или минимальный номер свободного места.

После ответа на запрос, надо приравнять число p полученному ответу на запрос.

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него.

# ЛКШ.2019.Июль.А'.День 03.Фыр-фыр Фенвик и друзья-структуры Россия, база отдыха "Стёпаново", 3 июля 2019

# Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 3 5	1
1 2 5	2
2 1 2	2
2 4 5	3
3 2 3	0
3 3 4	2
10	0
1 2	0
1 2	0
1 2	0
2 3	
-2 0	
2 4	
1 3	
1 4	
2 5	
1 5	

## Замечание

Обратите внимание, что запросы выглядят так: (1,2),(2,3),(3,4),(4,5),(1,3),(2,4),(3,5),(1,4),(2,5),(1,5).

## Задача G. Урны и шары

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 4 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пусть у вас есть n урн, в каждой из которых лежит по одному шарику. Урна с номером i содержит шарик под номером i. У вас есть специальное устройство, которое позволяет перемещать шарики. Им чрезвычайно просто пользоваться: сначала вы выбираете некоторый отрезок последовательных урн. После этого вы выбираете некоторый другой отрезок последовательных урн такой же длины, как и исходный, и затем шарики из урн первого отрезка перемещаются в соответствующие урны второго отрезка.

Дана последовательность перемещений. Установите, в какой урне окажется каждый шарик.

## Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит два числа n и m — число урн и число перемещений, соответственно ( $1 \le n \le 100\,000$ ,  $1 \le m \le 50\,000$ ). Каждая из следующих m строк содержит три числа  $count_i$ ,  $from_i$  и  $to_i$ , которые означают одновременное перемещение всех шариков из урны  $from_i$  в урну  $to_i$ , всех шариков из урны  $from_i+1$  в урну  $to_i+1$ , ..., всех шариков из урны  $from_i+1$  в урну  $to_i+1$ , ..., всех шариков из урны  $from_i+1$  в урну  $to_i+1$ , ...,  $to_i+1$ , ...,  $to_i+1$ .

## Формат выходных данных

Выведите n чисел — итоговые позиции каждого шарика.

стандартный ввод	стандартный вывод
2 3	1 1
1 1 2	
1 2 1	
1 2 1	