OʻZBEKISTON ALOQA VA AXBOROTLASHTIRISH AGENTLIGI

TOSHKENT AXBOROT TEXNOLOGIYALARI UNIVERSITETI

TELEKOMMUNIKATSIYA FAKULTETI

"Oliy matematika" kafedrasi

DISKRET MATEMATIKA FANIDAN ORALIQ NAZORATLARI UCHUN TOPSHIRIQLAR VA ULARNI BAJARISH UCHUN USLUBIY KOʻRSATMALAR.



Toshkent 2011

KIRISH

Hozirgi kunda diskret matematikaga boʻlgan qiziqish oshib bormoqda. Oliy oʻquv yurtlari majburiy dasturlariga toʻplamlar nazariyasi, kombinatorika elementlari, matematik mantiq, graflar nazariyasi kurslari kiritilmoqda. Zamonaviy kompyuter texnologiyalari mutaxassislari matematikaning ushbu boʻlimlari axborot texnik tizimlar uchun zarur matematik taʻminot nazariyasini yaratishda asos boʻlishini anglab yetishdi.

Ushbu qoʻllanmaning birinchi boʻlimida Sermello aksiomatikasiga asoslangan toʻplamlar nazariyasi tushunchalariga oid topshiriqlar keltirilgan. Ushbu aksiomatika nuqtai nazaridan toʻplamlar nazariyasining asosiy amallari va ularning xossalari, munosabat, funksiya, toʻplamlar quvvatini baholash usullari, ularni qurish va tartiblashtirish tushunchalariga oid topshiriqlar keltirilgan.

ikkinchi bo'limida Ushbu qo'llanmaning kombinatorika elementlari: kombinatorikaning asosiy qoidalari, guruhlash, oʻrin almashtirish, joylashtirish, takrorlanuvchi takrorlanuvchi o'rin almashtirish, guruhlash ushbu tushunchalarni mustahkamlash uchun kombinator tenglamalar keltirilgan, topshiriqlar berilgan.

Ushbu qoʻllanmaning oxirida foydalanilgan adabiyotlar, internet saxifalari roʻyxati keltirilgan boʻlib, talaba ushbu adabiyotlardan va internet saxifalaridan qoʻshimcha ma'lumotlar olishi mumkin. Ushbu qoʻllanma electron variantidan universitet elektron kutubxonasida ham foydalanish mumkin.

Talaba mustaqil ravishda berilgan topshiriqlarni bajarishi uchun har bir topshiriqlar turiga oid nolinchi variant topshiriqlar ishlab koʻrsatilgan.

Ushbu qoʻllanmadan 5840200 – Почта хизмати; 5140900 – Касб таълими;

5521900 - Информатика ва ахборот технологиялари;

5320200 – Ахборотлаштириш ва кутубхонашунослик;

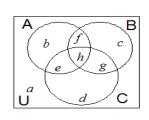
5523500 – Ахборот хавфсизлиги; 5523600 – Электрон тижорот;

5811200 — Сервис (ахборот сервиси) 5811300 — Сервис (электрон ва компьютер техника) 5522000 — Радиотехника; 5522100 — Телевидение, радиоалока ва радиоэшиттириш; 5524400 — Мобил алока тизимлари;

5522200 — Телекоммуникация; 5140900 — Касб таълими (Телекоммуникация) йуналишлари talabalari foydalanishlari mumkin.

1. TO'PLAMLAR NAZARIYASI.

1.1. Toʻplamlar ustida amallar

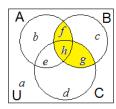


Quyidagi misollarnig shartlarida Universal toʻplam U={ a, b, c, d, e, f, g, h } da X va Y toʻplamlar berilgan boʻlib, $\overline{X \cup Y}$, \overline{Y} , $\overline{X} \triangle Y$, $X \cap \overline{Y}$, $\overline{X} \setminus \overline{Y}$ toʻplamlarni A, B, C lar orqali ifodalang va Eyler-Venn diagrammalrida tasvirlang.

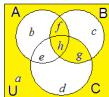
1.1.0	$X=\{a,b,c,d\},$	1.1.10	$X=\{c,d,e,f\},$	1.1.20	$X=\{e,f,g,h\},$
	$Y=\{b,c,d,e\}$		$Y=\{e,f,g,h\}$		$Y=\{h,a,b,c\}$
1.1.1	$X=\{b,c,d,e\},$	1.1.11	$X=\{d,e,f,g\},$	1.1.21	$X=\{f,g,h,a\},$
	$Y=\{c,d,e,f\}$		$Y=\{f,g,h,a\}$		$Y=\{a,b,c,d\}$
1.1.2	$X=\{c,d,e,f\},$	1.1.12	$X=\{e,f,g,h\},$	1.1.22	$X=\{g,h,a,b\},$
	$Y=\{d,e,f,g\}$		$Y=\{g,h,a,b\}$		$Y=\{b,c,d,e\}$
1.1.3	$X=\{d,e,f,g\},$	1.1.13	$X=\{f,g,h,a\},$	1.1.23	$X=\{h,a,b,c\},$
	$Y=\{e,f,g,h\}$		$Y=\{h,a,b,c\}$		$Y=\{c,d,e,f\}$
1.1.4	$X=\{e,f,g,h\},$	1.1.14	$X=\{g,h,a,b\},$	1.1.24	$X=\{a,b,e,f\},$
	$Y=\{a,f,g,h\}$		$Y=\{a,b,c,d\}$		$Y=\{c,d,e,f\}$
1.1.5	$X=\{a,f,g,h\},$	1.1.15	$X=\{h,a,b,c\},$	1.1.25	$X=\{b,c,f,g\},$
	$Y=\{a,b,g,h\}$		$Y=\{b,c,d,e\}$		$Y=\{d,e,f,g\}$
1.1.6	$X=\{a,b,g,h\},$	1.1.16	$X=\{a,b,c,d\},$	1.1.26	$X=\{c,d,g,h\},$
	$Y=\{a,b,c,h\}$		$Y=\{d,e,f,g\}$		$Y=\{e,g,h,a\}$
1.1.7	$X=\{a,b,c,h\},$	1.1.17	$X=\{b,c,d,e\},$	1.1.27	$X=\{d,e,h,a\},$
	$Y=\{a,b,c,d\}$		$Y=\{e,f,g,h\}$		$Y=\{g,h,a,b\}$
1.1.8	$X=\{a,b,c,d\},$	1.1.18	$X=\{c,d,e,f\},$	1.1.28	$X=\{e,f,a,b\},$
	$Y=\{c,d,e,f\}$		$Y=\{f,g,h,a\}$		$Y=\{h,a,b,c\}$
1.1.9	$X=\{b,c,d,e\},$	1.1.19	$X=\{d,e,f,g\},$	1.1.29	$X=\{f,g,b,c\},$
	$Y=\{d,e,f,g\}$		$Y=\{g,h,a,b\}$		$Y=\{a,b,c,d\}$

0-topshiriqnig ishlanishi

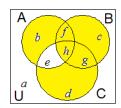
1.1.0. U={ a, b, c, d, e, f, g, h } da X={a,b,c,d} va Y={b,c,d,e} to 'plamlar berilgan bo 'lib, $\overline{X \cup Y}$, \overline{Y} , $\overline{X} \triangle Y$, $X \cap \overline{Y}$, $\overline{X} \setminus \overline{Y}$ to 'plamlarni A, B, C lar orqali ifodalang va Eyler-Venn diagrammalrida tasvirlang.



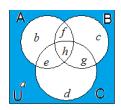
$$\overline{X \cup Y} = \overline{\{a, b, c, d\} \cup \{b, c, d, e\}} = \overline{\{a, b, c, d, e\}} = \overline{\{f, g, h\}} = A \cap B \cup \overline{A} \cap B \cap C$$



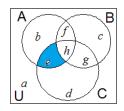
$$\overline{Y} = \overline{\{b,c,d,e\}} = \{a,f,g,h\} = \overline{A \cup B \cup C} \cup A \cap B \cup \overline{A} \cap B \cap C$$



$$\overline{X}\Delta Y = \overline{\{a,b,c,d\}}\Delta\{b,c,d,e\} = \{e,f,g,h\}\Delta\{b,c,d,e\} = \{b,c,d,f,g,h\} = B \cup A\Delta C$$



$$X \cap \overline{Y} = \{a, b, c, d\} \cap \overline{\{b, c, d, e\}} = \{a, b, c, d\} \cap \{a, f, g, h\} = \{a\} = \overline{A \cup B \cup C}$$



$$\overline{X} \setminus \overline{Y} = \overline{\{a,b,c,d\}} \setminus \overline{\{b,c,d,e\}} = \{e,f,g,h\} \setminus \{a,f,g,h\} = \{e\} = A \cap \overline{B} \cap C$$

1.2. Murakkab toʻplamlarni soddalashtirish

- 1.2.0 $(A \cup B \cap \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A \cap B)$
- 1.2.15 $\bar{A} \cap \bar{B} \cap \bar{C} \cup \bar{A} \cap B \cap \bar{C} \cup A \cap \bar{B} \cap \bar{C} \cup A \cap B \cap \bar{C}$
- 1.2.1 $\overline{X} \cup \overline{Y} \cap \overline{\overline{X}} \cup \overline{Y} \cup \overline{X} \cap \overline{Y}$
- 1.2.16 $(A \cup B \cup C) \cap (A \cup B \cup \overline{C})$
- 1.2.2 $\overline{A \cap B \cup \overline{A}} \cap \overline{B \cap \overline{A} \cup \overline{B}}$
- 1.2.17 $(A \cup B \cup C) \cap (\overline{A} \cup B \cup C)$

1.2.3 $(A \setminus B \cup A \cap B) \cap \overline{A}$

1.2.18 $(A \cup B \cup C) \cap (A \cup \overline{B} \cup C)$

1.2.4 $(B\backslash A)\cap (\overline{A} \cup B\backslash A)$

 $1.2.19 \quad \overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cup \overline{A} \cap \overline{B} \cap C \cup A \cap \overline{B} \cap \overline{C} \cup A \cap B \cap \overline{C}$

1.2.5 $\overline{\overline{A} \cup \overline{B}} \setminus \overline{C} \cup \overline{\overline{A} \cup \overline{B}} \setminus C$

1.2.20 $\overline{A} \cap B \cup A \cap \overline{B} \cup A \cap B$

1.2.6
$$\overline{A} \cap \overline{B} \setminus \overline{C} \cup \overline{A} \cap \cup \overline{B} \setminus C$$

1.2.21 $\overline{A} \cap B \cup \overline{A} \cap \overline{B} \cup A \cap B$

1.2.22 $\overline{A} \cap \overline{B} \cup A \cap B$

1.2.23 $\overline{A} \cap \overline{B} \cup A \cap \overline{B} \cup A \cap B$

1.2.24 $\overline{A} \cap \overline{B} \cup A \cap \overline{B} \cup \overline{A} \cap B \cap C \cup A \cap B \cap \overline{C} \cup A \cap B \cap C \cup A \cap B \cap C$

Yuqorida keltirilgan soddalashtirishlarni amalga oshirish uchun quyida keltirilgan toʻplamlar ustida amallar xossalaridan foydalaning:

U-univyersal to'plamning A, B, C to'plam ostilari uchun quyidagi xossalar o'rinli.

1.
$$A \cup B = B \cup A$$
 Kommutativlik 11. $A \cap A = A$
2. $A \cap B = B \cap A$ 12. $A \cup \overline{A} = U$ 0 va 1 qonunlari
3. $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ Assotsiativlik 13. $A \cap \overline{A} = \emptyset$
4. $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$ 14. $A \cup \emptyset = A$
5. $(A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$ distributivlik 15. $A \cap U = A$
6. $(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C)$ 16. $A \cup U = U$
7. $A \cap (A \cup B) = A$ Yutilish qonunlari 17. $A \cap \emptyset = \emptyset$
8. $A \cup (A \cap B) = A$ 18. $\overline{U} = \emptyset$
9. $\overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$ De Morgan qonunlari 19. $\overline{\emptyset} = U$
10. $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$

Ikkilangan rad etish qonuni

1.2.0-variant

21.

$$(A \cup B \cap \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A \cap B) = 6 - xossaga _ko'ra = (A \cup B) \cap (A \cup \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A) \cap (\overline{A} \cup B) = 6 - xossaga _ko'ra = (A \cup B) \cap (A \cup \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A) \cap (\overline{A} \cup B) = 6 - xossaga _ko'ra = (A \cup B) \cap (A \cup \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A) \cap (\overline{A} \cup A) \cap (\overline{A} \cup B) = 6 - xossaga _ko'ra = (A \cup B) \cap (A \cup \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A) \cap ($$

 $\overline{\overline{A}} = A$

=12-xossaga koʻra 2,3-qavslar U gat eng, 15-xossaga koʻra esa 1- va 4-qavslarning oʻzlari qoladi.= $(A \cup B) \cap (\overline{A} \cup B)$ =6-xossaga koʻra= $A \cap \overline{A} \cup B$ =13 va 14-xossalarga koʻra=B

Shunday qilib soddalashtirish natijasi quyidagicha: $(A \cup B \cap \overline{A}) \cap (\overline{A} \cup A \cap B) = B$

1.3. Toʻplam tartibini topish

- **1.3.0.** 100 ta talaba sessiya topshirishdi. Tarixni 48 kishi, falsafani 42 kishi, matematikani 37 kishi topshirdi. Tarix va falsafani 76 kishi, tarix va matematikani ham 76 kishi, falsafa va matematikani 66 kishi topshirdi. Hamma imtihonlarni 5 kishi topshirdi. Necha kishi bittadan, ikkitadan imtixon topshirgan, necha kishi birorta ham imtixon topshira olmagan?
- **1.3.1.** Shahardagi 110 ta qandalotchilik sexlaridan 40 tasi A mahsulotni, 30 tasi B mahsulotni, 48 tasi C mahsulotni, 10 tasi A va B, 13 tasi B va C, 12 tasi A va C, 14 tasi faqat 2 xil mahsulot ishlab chiqarsa, ushbu mahsulotlarni ishlab chiqarmayatgan sexlar nechta?
- **1.3.2.** 30 ta turistdan 19 tasi ingliz, 18 tasi nemis tilini biladi. Ulardan nechtasi faqat ingliz tilini biladi?
- **1.3.3.** 42 turistdan 25 tasi ingliz, 28 tasi nemis tilini biladi. Ulardan nechtasi faqat nemis tilini, nechtasi faqat ingliz tilini, nechtasi ikkala tilni ham biladi?
- **1.3.4.** Guruxda 40 talaba bolib, ulardan 25 tasi yigitlar, qolgani qizlar. Imtixonda ulardan 18 tasi "4", 22 tasi "5" baho olgan. Agar qizlardan 9 tasi "5" olgan bolsa, "4" olgan yigitlar nechta?
- **1.3.5.** Guruxdagi talabalardan 17 tasi volleybol, 16 tasi futbol, 18 tasi tennis boyicha togaraklarga qatnashadi. Ulardan 5 tasi futbol va voleybol 7 tasi voleybol, tennis, 6 tasi futbol va tennis, 2 tasi esa 3 ta togarakka ham qatnaydi. Guruhda nechta talaba bor?
- **1.3.6.** Tumanda 32 ta fermer bolib, ular paxta, bugdoy va kartoshka yetishtirishadi. Ulardan 26 tasi paxta, bugdoy yetishtirishi ma'lum bolsa, faqat kartoshka yetishtiradigan fermer nechta?

- **1.3.7.** Guruxdagi 28 talabadan 11 kishi futbol, 15 kishi kurash, 15 kishi basketbol toʻgaraklariga qatnashadi. 5 kishi ham futbol ham kurash, 4 kishi ham futbol ham basketbol, 7 kishi ham kurash ham basketbol, 7 kishi esa faqat 2 tadan sport turiga qatnashadi. Necha kishi umuman bu toʻgaraklarga qatnashmaydi? Necha kishi faqat bitta toʻgarakka, necha kishi uchchala toʻgarakka ham qatnashadi?
- **1.3.8.** Potokda 100 talabadan 61 tasi ingliz tilini, 48 tasi fransuz tilini, 56 kishi kishi nemis tilini oʻrganishadi. 24 kishi ingliz va fransuz, 36 kishi ingliz va nemis, 30 kishi fransuz va nemis tilini oʻrganishadi. Faqat 2 tadan til oʻrganadiganlar 24 kishi boʻlsa, umuman til oʻrganmayatganlar nechta? Faqat bittadan til oʻrganayatganlar nechta? Uchchala tilni ham necha kishi oʻrganayapti?
- **1.3.9.** Oktyabr oyida 10 kun sovuq, 20 kun yomgʻrli, 16 kun shamolli kun boʻldi. Agar 2 kun faqat sovuq, 7 kun faqat yomgʻir, 5 kun faqat shamol, 4 kun sovuq, yomgʻir, shamolli kun boʻlgan boʻlsa, necha kun quyosh charaqlab turgan?
- **1.3.10.** Sessiyada 100 ta talaba matematika, fizika, tarixdan imtixon topshirdi. Matematikani 54 kishi, fizikani 59 kishi, tarixni 50 kishi topshirdi. Matematika va fizikani 29 kishi, matematika va tarixni 22 kishi, fizika va tarixni 28 kishi, uchchala fanni ham 12 kishi topshirgan boʻlsa, necha kishi birorta ham fanni toshira olmagan? Nechta kishi faqat bitta fanni, nechta kishi faqat ikkita fanni topshirgan?
- **1.3.11.** 1 dan 100 gacha sonlar ichida 3 ga boʻlinadiganlari 33 ta, 4 ga boʻlinadiganlari 25 ta, 12 ga boʻlinadiganlari 8 ta boʻlsa, faqat 3 ga, faqat 4 ga, 3 ga ham 4 ga ham boʻlinmaydiganlar sonlar nechta?
- **1.3.12.** Potokdagi 85 talaba universitetga yetib kelish uchun metro, avtobus, tramvay kabi jamoat transportlaridan foydalanishadi va piyoda kelishadi. Agar 31 kishi metrodan, 33 kishi avtobus, 23 kishi tramvaydan, 10 kishi metro va avtobusdan, 13 kishi metro va tramvaydan, 12 kishi avtobus va tramvaydan, 21 kishi kamida 2 ta transportdan foydalansa, nechta kishi yotoqxonadan piyoda

- keladi? Nechta kishi faqat bitta, faqat ikkita, uchchala transportdan ham foydalanishadi?
- **1.3.13.** Guruhdagi 17 ta talaba sportga, 22 tasi matematikaga qiziqadi. Komil, Baxodir, Nodir, Dilnoza va Shaxnoza sportga ham matematikaga ham qiziqishadi. Bitta talaba sportga ham matematikaga ham qiziqmaydi. Guruxda nechta talaba bor?
- **1.3.14.** Guruxdagi 25 talabadan 8 tasi quvnoqlar va zukkolar oʻyinida raqs nomerlarida, 11 tasi turli xil sahna koʻrinishlarida, 4 tasi ham raqs ham sahna koʻrinishlarida qatnashishdi. Necha kishi quvnoqlar va zukkolar oʻyinida ishtirok etishmadi?
- **1.3.15.** 1 dan 100 gacha sonlar ichida 2 ga boʻlinadiganlari 50 ta, 3 ga boʻlinadiganlari 33 ta, 17 toqlari 3 ga boʻlinadi. Nechta son 6 ga boʻlinadi? Nechta son 3 ga boʻlinmaydi? Nechta son 2 ga ham 3 ga ham boʻlinmaydi?
- **1.3.16.** Guruxdagi 29 talabadan 18 tasi matematika, fizika, informatika boʻyicha oʻtqazilgan olimpiadalardan birortasiga ham qatnashishni xoxlashmadi. Matematika boʻyicha olimpiadada 8 ta talaba, fizika boʻyicha olimpiadada 4 ta talaba, ximiya boʻyicha olimpiadada 4 ta, faqat matematikani oʻziga 3, faqat fizikaga 1, faqat ximiyaga 2 kishi qatnashdi. Uchchala olimpiadaga ham biror kishi qatnashmadi. Matematika va fizika, fizika va informatika boʻyicha oʻtqazilgan olimpiadalar bir vaqtda oʻtishi mumkinmi?
- **1.3.17.** 1 dan 100 gacha sonlar ichida 3 ga boʻlinadiganlari 33 ta, 5 ga boʻlinadiganlari 20 ta, 15 ga boʻlinadiganlari 6 ta boʻlsa, faqat 3 ga, faqat 5 ga boʻlinadigan, 3 ga ham 5 ga ham boʻlinmaydiganlar sonlar nechta?
- **1.3.18**. Uch xonali sonlar ichida 3 ga boʻlinadiganlari 300 ta, 4 ga boʻlinadiganlari 225 ta boʻlsa, u holda 12 ga boʻlinadigan sonlar nechta? 3 ga ham 4 ga ham boʻlinmaydigan sonlar nechta?

- **1.3.19.** Ma'lum vaqt kuzatish natijasida bozordan 16 kishi behi, 24 kishi olma, 15 kishi nok, 11 kishi behi va olma, 8 kishi behi va nok, 12 kishi olma va nok, 6 kishi behi, olma va nok, 5 kishi gilos olib chiqqan bo'lsa, bozordan necha kishi chiqqan?
- **1.3.20.** Qizil, sariq va koʻk boʻyoqlarning barchasi 28 kg. Ushbu boʻyoqlarning bir qismi quyidagi boʻyoqlarni olish uchun ishlatilgan: binafsha (qizil va koʻk) 2 kg, yashil (koʻk va sariq) 4 kg, zargʻaldoq (qizil va sariq) 3 kg, jigar (qizil, sariq, koʻk) 1 kg. Qizil, binafsha, zargʻaldoq va jigar boʻyoqlarning umumiy ogʻirligi koʻk, binafsha, yashil va jigar boʻyoqning umumiy ogʻirligiga, hamda sariq, zargʻaldoq, yashil va jigar boʻyoqlarning umumiy ogʻirligiga teng. Faqat qizil, faqat koʻk, faqat sariq boʻyoqlardan necha kg. dan qoldi?
- **1.3.21.** Potokda talabalar yoki grant yoki shartnoma asosida oʻqishadi. Potokda 32 ta oʻgʻil bola, barcha shartnoma boʻyicha oʻqiyatganlar 48 ta. Grant asosida oʻqiyatgan qizlar shartnoma asosida oʻqiyatgan oʻgʻil bolalar soniga teng boʻlsa, potokda nechta talaba bor?
- **1.3.22.** Qoplarga solingan qum, shagʻal, tsementni tashish uchun 120 ta mashina ajratilgan. Qum uchun 55 ta, shagʻal uchun 50 ta, tsement uchun 45 ta, qum va shagʻal uchun 15 ta, qum va tsement uchun 20 ta, shagʻal va tsement uchun 10 ta, ixtiyoriy ikki xil material tashish uchun 35 ta mashina ajratilgan boʻlsa, nechta mashina ushbu yuklarni tashishda qatnashmagan?
- **1.3.23.** Kutubxonaning oʻqish zalida A, B, C jurnallarni buyurtma berishadi. A va B ni 65%, A va C ni 70%, B va C ni 80%, A va C jurnallarni 10% oʻquvchi, A va B ni hech kim buyurtma bermasa, kamida ikkita jurnalni 15% oʻquvchi buyurtma bersa, necha foiz oʻquvchilar faqat bitta, faqat ikkita jurnalni buyurtma berishgan?

1.3.24. Uchta stanokda bir xil miqdordagi detallar qayta ishlanadi. Ulardan 30 ta detal 1 ta stanokda, 30 tasi faqat ikkita stanokda, 10 tasi qayta ishlanmagan boʻlib, jami 80 ta detal ekanligi aniq boʻlsa, uchchala stanokda ham nechta detal qayta ishlangan?

1.3.25. Sayohatda birinchi va iikinchi kurs talabalari boʻlishdi. Ularning barchasi yoki a'lochi yoki yaxshi baholarda oʻqiydigan talabalar boʻlib, ularning 16 tasi oʻgʻil bolalar, 24 tasi a'lochi, yaxhi bahoda oʻqiydigan qizlar a'lochi oʻgʻil bolalar soniga teng boʻlsa, sayohatda nechta talaba boʻlgan?

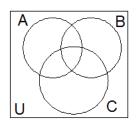
1.3.26. 120 ta detaldan 82 tasi 1-stanokda, 23 tasi 2-stanokda, 42 tasi 3-stanokda, 18 tasi 1- va 2-stanoklarda, 17 tasi 1- va 3-stanokda, 15 tasi 2- va 3-stanoklarda, 10 tasi uchchala stanokda qayta ishlov berildi. Nechta detal birorta ham stanokda qayta ishlanmagan?

1.3.27. Boshqarma 150 ta korxonadan iborat boʻlib, ularning 80 tasi A mahsulotni, 60 tasi B mahsulotni, 50 tasi C mahsulotni, 20 tasi A va B mahsulotni, 30 tasi B va C mahsulotni, 10 tasi A va C mahsulotni, 50 tasi kamida ikkita mahsulotni ishlab chiqaradi. Nechta korxona A, B, C mahsulotlarni ishlab chiqarmaydi?

1.3.28. Qishki sessiyada 40 talabadan 18 tasi "3" baholar, 20 tasi "4" baholar, 23 tasi "5" baholar olgan. Ulardan 3 tasida 3, 4, 5 baholar, 6 tasida faqat 4, 5 baholar, 9 tasida esa faqat 5 baholar bolgan bolsa, sessiyada faqat 3 baho olgan, faqat 4 baho olgan talabalar nechta?

0-topshiriqning ishlanishi.

1.3.0. Quyidagicha belgilashlar kiritamiz: A={Tarixni topshirganlar},



B={falsafani topshirganlar}, C={matyematikani topshirganlar}

$$n(A) = 48$$
, $n(B) = 42$, $n(C) = 37$, $n(A \cup B) = 76$,

$$n(A \cup C) = 76$$
, $n(B \cup C) = 66$, $n(A \cap B \cap C) = 5$

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B) = 48 + 42 - 76 = 14$$
 kishi

$$n(A \cap C) = n(A) + n(C) - n(A \cup C) = 48 + 37 - 76 = 11$$
 kishi

$$n(B \cap C) = n(B) + n(C) - n(B \cup C) = 42 + 37 - 66 = 13$$
 kishi

Faqat ikkitadan fanni topshirganlar

 $n(A \cap B \cap \overline{C}) = n(A \cap B \setminus A \cap B \cap C) = n(A \cap B) - n(A \cap B \cap C) = 14 - 5 = 9 \text{ kishi}$ faqat tarix va falsafani,

 $n(A \cap \overline{B} \cap C) = n(A \cap C \setminus A \cap B \cap C) = n(A \cap C) - n(A \cap B \cap C) = 11 - 5 = 6 \text{ kishi}$ faqat tarix va matematikani,

 $n(\overline{A} \cap B \cap C) = n(B \cap C \setminus A \cap B \cap C) = n(B \cap C) - n(A \cap B \cap C) = 13 - 5 = 8$ kishi faqat falsafa va matematikani topshirishgan.

Faqat bitta fanni topshirganlar:

 $n(A \cap \overline{B} \cap \overline{C}) = n(A \setminus A \cap B \setminus A \cap \overline{B} \cap C) = n(A) - n(A \cap B) - n(A \cap \overline{B} \cap C) = 48 - 14 - 6 = 28 \text{ kishi}$ faqat tarixni topshirishgan,

 $n(\overline{A} \cap B \cap \overline{C}) = n(B \setminus \overline{A} \cap B \cap \overline{C}) = n(B) - n(A \cap B) - n(\overline{A} \cap B \cap C) = 42 - 14 - 8 = 20$ kishi faqat falsafani topshirishgan,

 $n(\overline{A} \cap \overline{B} \cap C) = n(C \setminus \overline{A} \cap C \setminus \overline{A} \cap B \cap C) = n(C) - n(A \cap C) - n(\overline{A} \cap B \cap C) = 37 - 11 - 8 = 18$ kishi faqat matematikani topshirishgan.

Umuman topshirmaganlar:

$$n(\overline{A \cup B \cup C}) = n(U \setminus (A \cup B \cup C)) = n(U) - n(A \cup B \cup C) =$$

$$= n(U) - (n(A) + n(B) + n(C) - n(A \cap B) - n(A \cap C) - n(B \cap C) + n(A \cap B \cap C)) =$$

=100-(48+42+37-14-11-13+5)=100-94=6 kishi umuman imtixon topshira olmagan.

1.4. Munosabat . Ekvivalent munosabatlar

1.4.0. A= $\{1, 2, 3\}$ to planning dekart kvadratida aniqlangan R= $\{(1,1), (2,2), (3,3), (1,2), (2,1)\}$ munosabat ekvivalent munosabat ekanligi isbotlansin.

- **1.4.1.** Birdan farqli natural sonlar toʻplami dekart kvadratida aniqlangan $R = \{(x,y): x \text{ va } y \text{ lar birdan farqli umumiy boʻluvchiga ega} \}$ munosabat ekvivalent munosabat boʻladimi?
- **1.4.2.** Odamlar oʻrtasidagi "yaxshi koʻrish" munosabati ekvivalent munasabat boʻladimi?
- **1.4.3.** Odamlar oʻrtasidagi "qarindoshlik" munosabati ekvivalent munosabat boʻladimi?
- **1.4.4.** A= $\{a, b, c\}$ toʻplam dekart kvadratida Refleksiv boʻlgan, simmetrik, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.5.** $A=\{a, b, c\}$ to plam dekart kvadratida simmetrik bo lgan, refleksiv, tranzitiv bo lmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.6.** A= $\{a, b, c\}$ toʻplam dekart kvadratida tranzitiv boʻlgan, refleksiv, simmetrik boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.7.** A= $\{a, b, c\}$ toʻplam dekart kvadratida refleksiv, simmetrik boʻlgan, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.8.** A= $\{a, b, c\}$ toʻplam dekart kvadratida refleksiv, tranzitiv boʻlgan, simmetrik boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.9.** A= $\{a, b, c\}$ to plam dekart kvadratida simmetrik, tranzitiv bo lgan, refleksiv bo lmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.10.** A= $\{a, b, c\}$ to plam dekart kvadratida refleksiv, simmetrik, tranzitiv bo lmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.11.** A= $\{a, b, c\}$ to 'plam dekart kvadratida ekvivalent munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.12.** $A=\{a, b, c\}$ to plam dekart kvadratida refleksiv bo lgan, simmetrik, tranzitiv bo lmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.13.** Kutubxonadagi kitoblar toʻplamida R munosabat quyidagicha aniqlangan: *a* va *b* kitoblar R munosabatga tegishli, agar ushbu kitoblarda bir xil adabiyotlar manbasiga murojaat qilingan boʻlsa. R munosabat 1) Refleksiv munosabat; 2) Simmetrik munosabat; 3) Ekvivalent munosabat boʻladimi?

- **1.4.14.** Internetda qidirish uchun kalit soʻzlar toʻplamida R munosabat quyidagicha aniqlansin: a va b kalit soʻzlar juftligi R munosabatga tegishli agar ular bir xil simvoldan boshlansa. R munosabat ekvivalent munosabat boʻladimi?
- **1.4.15.** K-kalit soʻzlar, P- web sahifalar toʻplami boʻlsin, R munosabat ushbu toʻplamlar dekart koʻpaytmasida aniqlangan boʻlsin. (*x*,*y*) juftlik R munosabatga tegishli boʻlsin, agar *x* kalit soʻz *y* web-sahifada boʻlsa. R munosabat ekvivalent munosabat boʻladimi?
- **1.4.16.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida Refleksiv boʻlgan, simmetrik, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.17.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida simmetrik boʻlgan, refleksiv, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.18.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida tranzitiv boʻlgan, refleksiv, simmetrik boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.19.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida refleksiv, simmetrik boʻlgan, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.20.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida refleksiv, tranzitiv boʻlgan, simmetrik boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.21.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida simmetrik, tranzitiv boʻlgan, refleksiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.22.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida refleksiv, simmetrik, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.23.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida ekvivalent munosabatga misol keltiring va isbotlang.
- **1.4.24.** A={1,2,3,4} toʻplam dekart kvadratida refleksiv boʻlgan, simmetrik, tranzitiv boʻlmagan munosabatga misol keltiring va isbotlang.

0-topshiriqning ishlanishi.

- **1.4.0.** Munosabat ekvivalent bo'lishi uchun quyidagi uchta shart bajarilishi lozim:
 - 1. Refleksivlik sharti: $\forall x \in A$ uchun $(x, x) \in R$ (xRx) boʻlsa;

$$1 \in A \Rightarrow (1,1) \in R$$

$$2 \in A \Rightarrow (2,2) \in R$$

$$3 \in A \Rightarrow (3,3) \in R$$

2. Simmetriklik sharti: $\forall (x, y) \in R \Rightarrow (y, x) \in R$;

$$(1,2)\in \mathbb{R} \implies (2,1)\in \mathbb{R};$$

$$(2,1)\in \mathbb{R} \implies (1,2)\in \mathbb{R}.$$

3. Tranzitivlik sharti: $(x, y) \in R$, $(y,z) \in R \Rightarrow (x,z) \in R$.

$$(2,1) \in \mathbb{R}, (1,2) \in \mathbb{R} \Rightarrow (2,2) \in \mathbb{R}$$

$$(1,2) \in \mathbb{R}, (2,1) \in \mathbb{R} \Rightarrow (1,1) \in \mathbb{R}$$

Demak A= $\{1, 2, 3\}$ to 'planning dekart kvadratida aniqlangan R= $\{(1,1), (2,2), (3,3), (1,2), (2,1)\}$ munosabat ekvivalent munosabat bo 'ladi.

1.5. Munosabatlarning aniqlanish sohasi, qiymatlar sohasi, ularni martitsalarda ifodalash

A={a,b,c,d,e}, B={1,2,3,4} to 'plamlarda quyidagicha munosabatlar berilgan: $R_1 \subseteq A \times B$ \bowtie $R_2 \subseteq B \times B = B^2$

- 1) R_1 , R_2 grafik koʻrinishda ifodalansin, ularning aniqlanish va qiymatlar sohasi topilsin.
- 2) $R_1, R_2, R_1^{-1}, R_2^{-1}, R_2^2, R_2 \cap R_2^{-1}$ munosabatlar matritsasi topilsin.
- 3) R_2 munosabatni refleksivlik, simmetriklik, antisimmetriklik, tranzitivlik xossalariga tekshirilsin.

1.5.0

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 1 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 3 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 3 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.1.

$$R_1 = \{ < a; 3 >, < b; 1 >, < b; 3 >, < c; 2 >, < c; 4 >, < d; 3 >, < e; 1 >, < e; 2 >, < e; 3 >, < e; 4 > \},$$

$$R_2 = \{ < 1; 4 >, < 2; 1 >, < 2; 2 >, < 2; 3 >, < 3; 2 >, < 3; 3, < 4; 1 >, < 4; 3 > \}.$$

1.5.2.

$$R_1 = \{ < a; 1 >, < a; 3 >, < a; 4 >, < d; 3 >, < c; 1 >, < c; 3 >, < c; 4 >, < d; 1 >, < d; 3 >, < e; 4 > \},$$

$$R_2 = \{ < 1; 1 >, < 1; 4 >, < 2; 1 >, < 2; 3 >, < 3; 2 >, < 4; 1, < 4; 3 >, < 4; 4 > \}.$$

1.5.3.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 1 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

 $R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 2 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$

1.5.4

$$R_1 = \{ \langle a; 3 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 2 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 3 \rangle \}.$$

1.5.5.

$$R_1 = \{ \langle a; 3 \rangle, \langle a; 4 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 3 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 3, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 3 \rangle \}.$$

1.5.6.

$$R_1 = \{ \langle a;4 \rangle, \langle b;2 \rangle, \langle b;3 \rangle, \langle b;4 \rangle, \langle c;2 \rangle, \langle c;4 \rangle, \langle d;2 \rangle, \langle d;3 \rangle, \langle d;4 \rangle, \langle e;2 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1;2 \rangle, \langle 1;4 \rangle, \langle 2;2 \rangle, \langle 2;3 \rangle, \langle 3;1 \rangle, \langle 3;2,0 \rangle, \langle 4;1 \rangle, \langle 4;2 \rangle \}.$$

1.5.7.

$$R_1 = \{ \langle b; 1 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 1 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 2, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 2 \rangle \}.$$

1.5.8.

$$R_1 = \{ \langle b; 1 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 1, \langle 4; 3 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.9.

$$R_1 = \{ \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 3 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1, \langle 3; 2 \rangle, \langle 4; 1 \rangle \}.$$

1.5.10.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 3 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 2, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 2 \rangle \}.$$

1.5.11.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle e; 1 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 2 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 3; 3 \rangle, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 3 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.12.

$$R_1 = \{ \langle b; 1 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle d; 1 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 2 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 3, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.13.

$$R_1 = \{ \langle a; 2 \rangle, \langle b; 1 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 1 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 3 \rangle, \langle 4; 1, \langle 4; 3 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.14.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 3 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 3, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.15.

$$R_1 = \{ \langle a; 3 \rangle, \langle b; 1 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle e; 1 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 3, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 3 \rangle \}.$$

1.5.16.

$$R_1 = \{ \langle b; 1 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 1 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 2 \rangle, \langle 1; 3 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.17.

$$R_1 = \{ \langle b; 1 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 4 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 4, \langle 4; 2 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.18.

$$R_1 = \{ < b; 1 >, < b; 4 >, < c; 1 >, < c; 4 >, < d; 1 >, < d; 4 >, < e; 1 >, < e; 2 >, < e; 3 >, < e; 4 > \},$$

$$R_2 = \{ < 1; 2 >, < 1; 3 >, < 2; 2 >, < 2; 3 >, < 3; 2 >, < 3; 3, < 4; 1 >, < 4; 4 > \}.$$

1.5.19.

$$R_1 = \{ < b; 1 >, < b; 2 >, < b; 3 >, < b; 4 >, < c; 3 >, < c; 4 >, < d; 3 >, < d; 4 >, < e; 3 >, < e; 4 > \},$$

$$R_2 = \{ < 1; 2 >, < 1; 3 >, < 2; 1 >, < 2; 2 >, < 2; 3 >, < 3; 2, < 3; 3 >, < 3; 4 > \}.$$

1.5.20.

$$R_1 = \{ < b; 1 >, < b; 2 >, < b; 3 >, < b; 4 >, < c; 4 >, < d; 4 >, < e; 1 >, < e; 2 >, < e; 3 >, < e; 4 > \},$$

$$R_2 = \{ < 1; 1 >, < 1; 4 >, < 2; 2 >, < 2; 3 >, < 3; 2 >, < 3; 3, < 4; 1 >, < 4; 4 > \}.$$

1.5.21.

$$R_1 = \{ \langle a; 2 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle d; 1 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 4; 1, \langle 4; 2 \rangle, \langle 4; 3 \rangle \}.$$

1.5.22.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 3 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle d; 1 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 3 \rangle, \langle e; 2 \rangle, \langle e; 4 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 2 \rangle, \langle 1; 3 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 4, \langle 4; 2 \rangle, \langle 4; 3 \rangle \}.$$

1.5.23.

$$\begin{split} R_1 &= \big\{ < a; 2>, < a; 3>, < a; 4>, < c; 2>, < c; 3>, < c; 4>, < d; 2>, < d; 3>, < e; 2>, < e; 3> \big\}, \\ R_2 &= \big\{ < 1; 2>, < 2; 1>, < 2; 3>, < 2; 4>, < 3; 1>, < 3; 2, < 3; 4>, < 4; 3> \big\}. \end{split}$$

1.5.24.

$$R_1 = \{ \langle a; 2 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle a; 4 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 2 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 1 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 1 \rangle, \langle 1; 2 \rangle, \langle 2; 1 \rangle, \langle 2; 3 \rangle, \langle 3; 2 \rangle, \langle 3; 4 \rangle, \langle 4; 3 \rangle, \langle 4; 4 \rangle \}.$$

1.5.25.

$$R_1 = \{ \langle a; 1 \rangle, \langle a; 3 \rangle, \langle b; 2 \rangle, \langle b; 4 \rangle, \langle c; 1 \rangle, \langle c; 3 \rangle, \langle d; 2 \rangle, \langle d; 4 \rangle, \langle e; 1 \rangle, \langle e; 3 \rangle \},$$

$$R_2 = \{ \langle 1; 3 \rangle, \langle 1; 4 \rangle, \langle 2; 2 \rangle, \langle 2; 4 \rangle, \langle 3; 1 \rangle, \langle 3; 2, \langle 4; 1 \rangle, \langle 4; 2 \rangle \}.$$

1.5.0. Nolinchi variantning ishlanishi

1)
$$D_l(R_1) = \{a, b, c, d, e\}$$
 $D_l(R_2) = \{1, 2, 3, 4\}$ $D_r(R_1) = \{1, 2, 3, 4\}$ $D_r(R_2) = \{2, 3, 4\}$

2) Munosabat martitsalari:
$$[R_1] = \begin{bmatrix} 1010 \\ 0110 \\ 1010 \\ 0111 \\ 1000 \end{bmatrix}, [R_2] = \begin{bmatrix} 0011 \\ 0111 \\ 0110 \\ 0001 \end{bmatrix},$$

$$\left[R_2^2\right] = \left[R_2\right] \times \left[R_2\right],$$

$$\left[R_{2}^{2}\right] = \begin{bmatrix} 0011 \\ 0111 \\ 0110 \\ 0001 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0011 \\ 0111 \\ 0110 \\ 0001 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0111 \\ 0111 \\ 0101 \\ 0001 \end{bmatrix}, \ \left[R_{1}^{-1}\right] = \begin{bmatrix} 10101 \\ 01010 \\ 11110 \\ 00010 \end{bmatrix}, \ \left[R_{2}^{-1}\right] = \begin{bmatrix} 0000 \\ 0110 \\ 1110 \\ 1101 \end{bmatrix},$$

$$\left[R_2 \cap R_2^{-1} \right] = \begin{bmatrix} 0011 \\ 0111 \\ 0110 \\ 0001 \end{bmatrix} \cap \begin{bmatrix} 0000 \\ 0110 \\ 1110 \\ 1101 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0000 \\ 0110 \\ 0110 \\ 0001 \end{bmatrix}$$

3)
$$R_2$$
 refleksiv emas, chunki $\begin{bmatrix} R_2 \end{bmatrix} \neq \begin{bmatrix} E \end{bmatrix}$, bunda $\begin{bmatrix} E \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1000 \\ 0100 \\ 0010 \\ 0001 \end{bmatrix}$.

 R_2 simmetrik emas, chunki $[R_2] \neq [R_2^{-1}]$.

 R_2 antisimmetrik emas, chunki $\left[R_2 \cap R_2^{-1}\right] \not\subseteq \left[E\right]$.

 R_2 tranzitiv emas, chunki $\left[R_2^2\right] \not\subseteq \left[R_2\right]$.

1.6. Munosabatlar kompozitsiyasi

A= $\{a,b,c\}$, B= $\{1,2,3\}$, C= $\{\alpha,\beta,\gamma\}$ to plamlarda aniqlangan $R_1 \subset A \times B$ va $R_2 \subset B \times C$ binar munosabatlarning **kopaytmasi** yoki **kompozitsiyasi** topilsin:

1.6.0.
$$R_1 = \{(a,2),(a,3),(b,1),(c,2)\},$$
 $R_2 = \{(1,\alpha),(2,\alpha),(2,\beta),(3,\gamma)\}$

1.6.1.
$$R_1 = \{(a,3),(b,2),(c,1),(c,2)\},$$
 $R_2 = \{(1,\beta),(2,\alpha),(3,\beta),(3,\gamma)\}$

1.6.2.
$$R_1 = \{(a,1),(a,3),(c,1),(c,3)\},$$
 $R_2 = \{(2,\alpha),(2,\gamma),(1,\beta),(3,\alpha)\}$

1.6.3.
$$R_1 = \{(a,2),(b,1),(c,3)\},$$
 $R_2 = \{(1,\beta),(2,\beta),(3,\alpha)\}$

1.6.4.
$$R_1 = \{(a,3),(b,2),(c,1)\},\$$

 $R_2 = \{(1,\gamma),(2,\alpha),(3,\alpha)\}$

1.6.15.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$
 $R_2 = \{(2,\gamma),(1,\alpha),(1,\beta)\}$

1.6.16.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$
 $R_2 = \{(1,\gamma),(3,\alpha),(1,\beta)\}$

1.6.17.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$
 $R_2 = \{(1,\gamma),(1,\alpha),(3,\beta)\}$

1.6.18.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$

 $R_2 = \{(3,\gamma),(2,\alpha),(2,\beta)\}$

1.6.19.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$

 $R_2 = \{(2,\gamma),(3,\alpha),(2,\beta)\}$

1.6.5.
$$R_1 = \{(a,2),(b,3),(c,1)\},$$

$$R_2 = \{(1,\gamma),(2,\beta),(3,\alpha)\}$$

1.6.6.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(2,\gamma),(2,\alpha),(2,\beta)\}$$

1.6.7.
$$R_1 = \{(a,1),(a,2),(a,3)\},$$

$$R_2 = \{(3,\gamma),(3,\alpha),(3,\beta)\}$$

1.6.8.
$$R_1 = \{(c,3),(c,2),(c,1)\},$$

$$R_2 = \{(1,\gamma),(1,\alpha),(2,\beta)\}$$

1.6.9.
$$R_1 = \{(c,3),(c,2),(c,1)\},$$

$$R_2 = \{(2,\gamma),(2,\alpha),(2,\beta)\}$$

1.6.10.
$$R_1 = \{(c,3),(c,2),(c,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\gamma),(3,\alpha),(3,\beta)\}$$

1.6.11.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$

$$R_2 = \{(1,\gamma),(1,\alpha),(1,\beta)\}$$

1.6.12.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$

$$R_2 = \{(2,\gamma),(2,\alpha),(2,\beta)\}$$

1.6.13.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(1,\gamma),(1,\alpha),(1,\beta)\}$$

1.6.14.
$$R_1 = \{(b,3), (b,2), (b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\gamma),(3,\alpha),(3,\beta)\}$$

1.6.20.
$$R_1 = \{(a,3),(a,2),(a,1)\},$$

$$R_2 = \{(2,\gamma),(2,\alpha),(3,\beta)\}$$

1.6.21.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(1,\alpha),(1,\beta)\}$$

1.6.22.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(1,\alpha),(1,\gamma)\}$$

1.6.23.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(1,\alpha),(1,\beta)\}$$

1.6.24.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(2,\alpha),(2,\beta)\}$$

1.6.25.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(2,\alpha),(2,\gamma)\}$$

1.6.26.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(2,\beta),(2,\gamma),(3,\alpha)\}$$

1.6.27.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(3,\alpha),(2,\gamma)\}$$

1.6.28.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(1,\beta),(3,\alpha),(3,\gamma)\}$$

1.6.29.
$$R_1 = \{(b,3),(b,2),(b,1)\},$$

$$R_2 = \{(3,\beta),(3,\gamma),(2,\beta)\}$$

0-topshiriqning ishlanishi.

1.6.0. $R_1 \subset A \times B$ va $R_2 \subset B \times C$ binar munosabatlarning **kopaytmasi** yoki **kompozitsiyasi**,

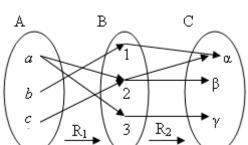
$$R_1 \circ R_2 = \{(x, y) : x \in A, y \in C$$
 ва $\exists z \in B$ topiladiki $(x, z) \in R_1$ va $(z, y) \in R_2 \}$

kabi aniqlanadi, shunga koʻra:

$$R_1 \circ R_2 = \{(a,2);(a,3);(b,1);(c,2)\} \circ \{(1,\alpha);(2,\alpha);(2,\beta);(3,\gamma)\} = \{(a,\beta);(a,\alpha);(a,\alpha);(b,\alpha);(c,\alpha);(c,\beta)\}$$

 $=\{(a,\beta);(a,\alpha);(a,\gamma);(b,\alpha);(c,\alpha);(c,\beta)\}$

2-usul. R₁ quyidagicha



va R₂ munosabatlarni chizmalarda ifodalab olamiz:

A toʻplam elementlarini B toʻplam elementlari orqali C toʻplam elementlari bilan bogʻlash mumkin boʻlgan yoʻllarning uchlaridan iborat boʻlgan toʻplamga R₁ va R₂ munosabatlarning kompozitsiyasini tashkil qiladi.

1.7. Munosabatlarni funksiyaga tekshirish

 $A=\{1,2,3,4\}$, $B=\{a,b,c,d\}$ to plamlar dekart ko paytmasida aniqlangan quyidagicha R munosabatlar funksiya bo ladimi? Agar bo syur'yektiv, biyektiv funksiya bo ladimi?

- **1.7.0.** $R = \{(1,a),(1,b),(2,a),(3,d)\}$ **1.7.15.** $R = \{(3,b),(2,a),(1,c),(4,d)\}$
- **1.7.1.** $R = \{(1,a),(2,b),(3,a),(4,d)\}$ **1.7.16.** $R = \{(4,c),(3,b),(3,a),(4,d)\}$
- **1.7.2.** $R = \{(1,a),(2,c),(3,b),(3,d)\}$ **1.7.17.** $R = \{(4,a),(1,b),(2,a),(3,c)\}$
- **1.7.3.** $R = \{(2,a),(1,b),(2,c),(4,d)\}$ **1.7.18.** $R = \{(3,b),(2,c),(1,a),(4,d)\}$
- **1.7.4.** $R = \{(1,a),(2,b),(3,c),(4,d)\}$ **1.7.19.** $R = \{(2,a),(3,b),(4,b),(3,a)\}$
- **1.7.5.** $R = \{(2,a),(1,b),(3,d),(4,c)\}$ **1.7.20.** $R = \{(1,a),(2,b),(3,a),(4,d)\}$
- **1.7.6.** $R = \{(1,b),(2,c),(3,c),(4,d)\}$ **1.7.21.** $R = \{(4,c),(2,a),(3,a),(3,d)\}$
- **1.7.7.** $R = \{(4,a),(3,b),(2,a),(3,c)\}$ **1.7.22.** $R = \{(3,a),(1,b),(2,c)\}$
- **1.7.8.** $R = \{(3,a),(1,b),(2,a),(4,d)\}$ **1.7.23.** $R = \{(2,a),(1,b),(4,c),(3,d)\}$
- **1.7.9.** $R = \{(1,a),(4,b),(2,d),(3,c)\}$ **1.7.24.** $R = \{(4,b),(1,c),(2,d),(3,c)\}$
- **1.7.10.** $R = \{(4,d),(1,b),(2,c),(3,a)\}$ **1.7.25.** $R = \{(2,a),(1,b),(3,c),(4,d)\}$
- 17.11 D ((1) (01) (2) (41)) 17.00 D ((01) (2) (4) (1)
- **1.7.11.** $R = \{(1,a),(2,b),(3,c),(4,b)\}$ **1.7.26.** $R = \{(2,b),(3,a),(4,c),(1,d)\}$
- **1.7.12.** $R = \{(3,a),(4,b),(2,d),(3,c)\}$ **1.7.27.** $R = \{(4,c),(2,b),(3,a),(1,d)\}$
- **1.7.13.** $R = \{(4,b),(3,a),(2,c),(3,d)\}$ **1.7.28.** $R = \{(3,a),(2,b),(4,a),(1,c)\}$
- **1.7.14.** $R = \{(4,a),(1,b),(2,d),(3,c)\}$ **1.7.29.** $R = \{(4,a),(1,b),(2,c),(3,d)\}$

0-topshiriqning ishlanishi:

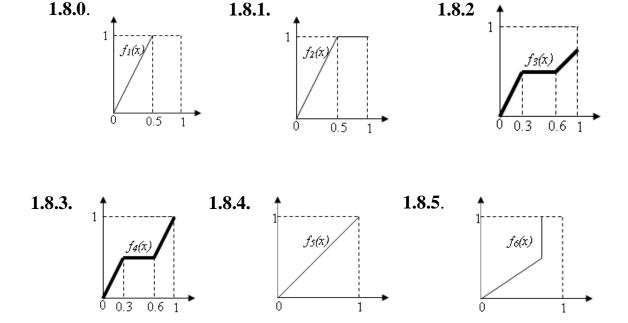
1.7.0. A= $\{1,2,3,4\}$, B= $\{a,b,c,d\}$ to plamlar dekart ko paytmasida aniqlangan R= $\{(1,a),(1,b),(2,a),(3,d)\}$ munosabat funksiya bo ladimi? Agar bo la in yektiv, syur yektiv, biyektiv funksiya bo ladimi?

R⊂AxB munosabat funksiya boʻladi, agar quyidagicha 2 ta shart bajarilsa:

- 1) $D_l(R) = A$, $D_r(f) \subseteq B$,
- 2) $(x, y_1) \in R$, $(x, y_2) \in R$ ekanligidan $y_1 = y_2$ ekanligi kelib chiqsa R munosabatga A toʻplamdan B toʻplamga **funktsiya** yoki **akslantirish** boʻladi, shunga koʻra :
 - 1) $D_t(R) = \{1,2,3\} \subset A$, $D_r(R) = \{a,b,d\} \subset B$;
 - 2) $(1,a) \in \mathbb{R}$, $(1,b) \in \mathbb{R}$ ekanligidan a=b ekanligi kelib chiqishi lozim edi, lekin $a \neq b$, chunki toʻplamda bitta element faqat bir marta qatnashadi, B toʻplamda esa ushbu elementlar alohida-alohida berilgan. Demak R munosabat funksiya boʻla olmaydi.

1.8. Analitik, grafik koʻrinishda berilgan funksiyalarni in'yektivlik, syur'yektivlik, biyektivlikka tekshirish.

Quyidagicha aniqlangan $f_i(x)$:[0;+1] \rightarrow [0;+1] funksiyalar in'yektiv bo'ladimi? Syur'yektiv bo'ladimi? Biyektiv bo'ladimi? Javoblaringizni isbotlang?



- **1.8.6.** $(-\infty; +\infty)$ x $(-\infty; +\infty)$ dekart koʻpaytmada aniqlangan inʻyektiv ham, syur'yektiv ham boʻlmagan funksiyaga misol keltiring va isbotlang?
- **1.8.7.** $(-\infty; +\infty)$ x $(-\infty; +\infty)$ dekart koʻpaytmada aniqlangan inʻyektiv boʻlgan, syur'yektiv boʻlmagan funksiyaga misol keltiring va isbotlang?
- **1.8.8.** $(-\infty; +\infty)$ x $(-\infty; +\infty)$ dekart koʻpaytmada aniqlangan inʻyektiv boʻlmagan, syur'yektiv boʻlgan funksiyaga misol keltiring va isbotlang?
- **1.8.9.** $(-\infty; +\infty)$ x $(-\infty; +\infty)$ dekart koʻpaytmada aniqlangan inʻyektiv ham, syur'yektiv ham boʻlgan funksiyaga misol keltiring va isbotlang?

Quyidagicha aniqlangan $f_i(x):(-\infty;+\infty) \rightarrow (-\infty;+\infty)$ funksiyalar in'yektivlik, syur'yektivlik, biyektivlikka tekshirilsin:

1.8.10. $f_I(x) = x^2$	1.8.11. $f_2(x) = lnx$	1.8.12. $f_3(x) = x * sinx$
1.8.13. $f_4(x) = tgx$	1.8.14. $f_5(x)=2x+1$	1.8.15 . $f_6(x) = \sin x$
1.8.16. $f_7(x) = \cos x$	1.8.17. $f_8(x) = ctgx$	1.8.18 . $f_9(x) = a^x$
1.8.19. $f_{10}(x) = log_a x$	1.8.20. $f_{II}(x)=2*x+1$	1.8.21. $f_{12}(x) = x^3$
1.8.22. $f_{13}(x)=1/x$	1.8.23. $f_{14}(x)=1/(x+1)$	1.8.24. $f_{15}(x) = x^3 - 4x$

0- topshiriqlarning ishlanishi:

- **1.8.0.** Topshiriqda grafik koʻrinishda berilgan $f_I(x) \subset [0;1] \times [0;1] = A \times B$ munosabatni funksiyaga tekshiramiz:
 - 1) $D_l(f_l) = [0;0.5] \subset A$, $D_r(f_l) = [0;1] = B$
- 2) $(x, y_1) \in R$, $(x, y_2) \in R$ ekanligidan $y_1 = y_2$ ekanligi kelib chiqadi, ya'ni bitta x qiymatga turli xil y lar mos qo'yilmagan. Demak $f_I(x)$ qisman funksiya bo'ladi.

 $\forall x_1, x_2 \in D_l(f_1)$ uchun $x_1 \neq x_2$ ekanligidan $f_1(x_1) \neq f_1(x_2)$ kelib chiqqanligi, ya'ni turlicha \boldsymbol{x} lar uchun turli xil \boldsymbol{y} lar mos kelganligi uchu bunday funksiya in'yektiv funksiya bo'ladi.

 $D_r(f_I)$ =[0;1]=B funksiyaning qiymatlar sohasi B toʻplamga teng boʻlgani uchun $f_I(x)$ funksiya syur'yektiv funksiya boʻladi.

 $f_I(x)$ in'yektiv emas, syur'yektiv funksiya bo'lgani uchun biyektiv funksiya bo'lmaydi.

1.9. Sanoqsiz toʻplamlar quvvatni toppish.

- **1.9.0.** [1, 5] kesma quvvati aniqlansin?
- **1.9.1**. $B = \{1, 3, 5, ...\}$ to 'plam quvvati topilsin?
- **1.9.2.** $Z = \{..., -2, -1, 0, 1, 2, ...\}$ butun sonlar to 'plami quvvati topilsin?
- **1.9.3.** Q= $\{\frac{m}{n}, n \in \mathbb{N}, m \in \mathbb{Z}\}$ rasional sonlar to plami quvvati topilsin?
- 1.9.4. 3 ga bo'lganda 2 qoldiq beradigan natural sonlar to'plami quvvati topilsin?
- **1.9.5.** $A=\{2, 4, 6, ...\}$ to plam quvvati topilsin?
- **1.9.6.-1.9.30.** misollarda berilgan oraliqlar quvvatlari aniqlansin va berilgan tasdiq isbotlansin.

1.9.11.
$$(2,7)$$
 1.9.12. $(3,6)$ **1.9.13.** $(4,10)$ **1.9.14.** $(0,7)$ **1.9.15.** $(-\infty,0)$

1.9.16.
$$(-\infty, -2)$$
 1.9.17. $(-\infty, +1)$ **1.9.18.** $(-\infty, +2)$ **1.9.19.** $(-\infty, -3)$ **1.9.20.** $(0, +\infty)$

1.9.21.
$$(+4, +\infty)$$
 1.9.22. $(+2, +\infty)$ **1.9.23.** $(+5, +\infty)$ **1.9.24.** $(+3, +\infty)$

1.9.25.
$$(-\infty, -4]$$
 1.9.26. $(-\infty, -1]$ **1.9.27.** $[5, +\infty)$ **1.9.28.** $(-3, +4]$

0-topshiriqning ishlanishi:

1.9.0. [1, 5] kesma quvvati aniqlash uchun [1;5] kesma bilan [0;1] kesma oʻrtasida oʻzaro bir qiymatli moslik oʻrnatish lozim. $f(x) = \frac{x}{4} - \frac{1}{4}$ funksiya [1;5] oraliqni [0;1] oraliqqa akslantiruvchi biyektiv funksiya boʻladi (ushbu tasdiqni isbotlash talabaga vazifa). Shunday qilib, [1;5] kesmaning tartibi [0;1] kesma tartibiga teng, [0;1] kesmaning quvvati esa continuumga teng. $|[1;5]| = |[0;1]| = \hat{c}$ - continuum ga tengligni isbotladik.

1.10. Funksiyalar kompozitsiyasi.

Quyida keltirilgan f, g: $R \rightarrow R$ funksiyalar uchun f*g, g*f kompozitsiyalar aniqlansin?

1.10.0.
$$f(x) = \begin{cases} x^3 & agar |x| > 1bo'lsa \\ -x & agar |x| \le 1 \text{ bo'lsa} \end{cases}$$

1.10.1.
$$f(x) = \begin{cases} 1+x, & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa,} \\ 1-x & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.2.
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa,} \\ x & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.3.
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ e^{-x+1} & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.4.
$$f(x) = \begin{cases} \sin x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.5.
$$f(x) = \begin{cases} x^3, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ -x+2 & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.6.
$$f(x) = \begin{cases} 3x+1, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ x^2+1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2+1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.7.
$$f(x) = \begin{cases} x+1, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x+1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} -x-2 & \text{agar } x < -2 \text{ bo'lsa,} \\ x+2 & \text{agar } x \ge -2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.8.
$$f(x) = \begin{cases} \cos x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} \sin x & \text{agar } x < \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa,} \\ -x + \pi & \text{agar } x \ge \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.9.
$$f(x) = \begin{cases} -|x|, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ x - 2 & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.10.
$$f(x) = \begin{cases} |x|, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ -x + 2 & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} x + 2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.11.
$$f(x) = \begin{cases} -x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ \ln(x+1) & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} x+2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.12.
$$f(x) = \begin{cases} |x+1|, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ |x-1| & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} x^2 & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2 + 1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.13.
$$f(x) = \begin{cases} 1+x, & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa,} \\ 1-x & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 2 \text{ bo'lsa,} \\ 4-x & \text{agar } x \ge 2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

$$g(x) = \begin{cases} x & \text{agar } x > 8 \text{ bo'lsa,} \\ 2 - x & \text{agar } |x| \le 8 \text{ bo'lsa,} \\ 2 + x & \text{agar } x < -8 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} 1+x & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa,} \\ 2*x & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 2 \text{ bo'lsa,} \\ 4 - x & \text{agar } x \ge 2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} \cos x & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa,} \\ 2x + 1 & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 1 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x^2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ \sin x & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2 + 1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 2 & \text{agar } x < -2 \text{ bo'lsa,} \\ x + 2 & \text{agar } x \ge -2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} \sin x & \text{agar } x < \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa,} \\ -x + \pi & \text{agar } x \ge \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x^2 & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa,} \\ -|x-1|+1 & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x+2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x+2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x^2 & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2 + 1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 2 \text{ bo'lsa,} \\ 4 - x & \text{agar } x \ge 2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.14.
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa,} \\ x & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.15.
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ e^{-x+1} & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.16.
$$f(x) = \begin{cases} \sin x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.17.
$$f(x) = \begin{cases} x^3, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ -x+2 & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.18.
$$f(x) = \begin{cases} 3x+1, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ x^2+1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.19.
$$f(x) = \begin{cases} x+1, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x+1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.20.
$$f(x) = \begin{cases} \cos x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.21.
$$f(x) = \begin{cases} -|x|, & \text{agar } x \le 1 \text{ bo'lsa,} \\ x - 2 & \text{agar } x > 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.22.
$$f(x) = \begin{cases} -x, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ \ln(x+1) & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$
 $g(x) = \begin{cases} x^2 & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2 + 1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$

1.10.23.
$$f(x) = \begin{cases} |x+1|, & \text{agar } x \le 0 \text{ bo'lsa,} \\ |x-1| & \text{agar } x > 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.24.
$$f(x) = \begin{cases} 1+x, & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa,} \\ 1-x & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

1.10.25.
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa,} \\ x & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} \cos x & \text{agar } x < 0 \text{ bo'lsa,} \\ 2x + 1 & \text{agar } x \ge 0 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 1 & \text{agar} \quad x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar} \quad x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x^2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ \sin x & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 2 & \text{agar } x < -2 \text{ bo'lsa,} \\ x + 2 & \text{agar } x \ge -2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x^2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ \sin x & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} \sin x & \text{agar } x < \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa,} \\ -x + \pi & \text{agar } x \ge \frac{\pi}{2} \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x+2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x+2 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ x^2 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x^2 & \text{agar } x < 1 \text{ bo'lsa,} \\ -(x-1)^2 + 1 & \text{agar } x \ge 1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} |x| & \text{agar } x < 2 \text{ bo'lsa,} \\ 4 - x & \text{agar } x \ge 2 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 1 & \text{agar } x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar } x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} -x - 1 & \text{agar} \quad x < -1 \text{ bo'lsa,} \\ -x^2 + 1 & \text{agar} \quad x \ge -1 \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

0-topshiriqning ishlanishi

Kompozitsiya – akslantirishlarni birin-ketin qoʻllashdir. 1.10.0. kompozitsiyada birinchi bo'lib f akslantirish, ikkinchi g akslantirish ta'sir qiladi. Shuning uchun ham fakslantirish aniqlanish sohasini qanday sohaga akslantirishini, ya'ni f(X) to'plamni aniq tasavvur qilish lozim. Nafaqat hosil

boʻlgan toʻplam, balki f ning aniqlanish sohasi ham g ning berilishiga qarab qismlarga boʻlinadi.

f ning berilishini modul belgisini olib tashlab yozib olamiz:

$$f(x) = \begin{cases} x^3, & \text{agar } x > 1; \\ -x, & \text{agar } -1 \le x \le 1 \\ x^3, & \text{agar } x < -1. \end{cases}$$

1. agar $x \in (1,+\infty)$ bo'lsa, u holda f akslantirish x^3 qoida bo'yicha ta'sir qilib, $(1,+\infty)$ oraliqni $(1,+\infty)$ oraliqqa akslantiradi. Hosil bo'lgan to'plamda esa g akslantirish yuqori va o'rta qator bilan aniqlanadi, Qachon qaysi qator ta'sir qilishini aniqlash uchun boshlang'ich to'plamni x=2 nuqta bilan ikkita to'plam ostiga ajratamiz: $(1,+\infty)=(1,2]\cup(2,+\infty)$

f((1, 2])=(1,8] ushbu oraliqda esa g(x)=2-x, $f((2,+\infty))=(8,+\infty)$ usbu oraliqda esa g(x)=x. Shunday qilib,

$$(g * f)(x) = \begin{cases} x^3, & \text{agar } x \in (2, +\infty) \text{ bo'lsa;} \\ 2 - x^3, & \text{agar } x \in (1, 2] \end{cases}$$

2. Agar $x \in [-1,+1]$ bo'lsa, u holda f([-1,+1])=[-1,+1] ushbu to'plam esa to'laligicha g ning o'rta qator aniqlanishiga tushadi. Demak,

$$(g * f)(x) = 2 - (-x) = 2 + x$$
, agar $x \in [-1,+1]$ bo'lsa.

3. Agar $x \in (-\infty,-1)$ bo'lsa, u holda $f((-\infty,-1))=(-\infty,-1)$ ushbu to'plamda esa g akslantirish o'rta va quyi qatorlar bilan aniqlanadi, shuning uchun boshlang'ich to'plamni ikki qismga ajratamiz: $(-\infty,-1)=(-\infty,-2)\cup[-2,-1)$. Ushbu bo'laklarning har birini alohida ko'rib chiqamiz:

 $f((-\infty,-2))=(-\infty,-8)$ ushbu oraliqda esa g(x)=2+x kabi aniqlanadi. Demak,

$$(g * f)(x) = 2 + x^3$$
, agar $x \in (-\infty, -2)$ bo'lsa.

f([-2,-1))=[-8,-1) ushbu oraliqda esa g(x)=2-x kabi aniqlanadi. Demak,

$$(g * f)(x) = 2 - x^3$$
, agar $x \in [-2,-1)$ bo'lsa.

Shunday qilib oxirgi natija quyidagi koʻrinishni oladi:

$$(g * f)(x) = \begin{cases} x^3, & \text{agar } x \in (2, +\infty) \\ 2 - x^3, & \text{agar } x \in [-2, -1) \cup (1, 2] \\ 2 + x, & \text{agar } x \in [-1, +1] \text{ bo'lsa,} \\ 2 + x^3, & \text{agar } x \in (-\infty, -2) \text{ bo'lsa.} \end{cases}$$

f*g kompozitsiya ham shunga oʻxshash prinsipda amalga oshiriladi.

2. KOMBINATORIKA ELEMENTLARI.

2.1. Kombinatorikaning asosiy qoidalari.

Kombinatorikaning 1-qoidasi: Agar qandaydir A tanlashni m usul bilan, bu usullarning har biriga biror bir boshqa B tanlashni n usulda amalga oshirish mumkin boʻlsa, u holda A va B tanlashni (koʻrsatilgan tartibda) $m \times n$ usulda amalga oshirish mumkin.

Kombinatorikaning 2-qoidasi: Aytaylik birin-ketin k ta harakatni amalga oshirish talab qilngan boʻlsin. Agar birinchi harakatni - n_1 usulda, ikkinchi harakatni - n_2 usulda, va hokazo k — harakatni - n_k usulda amalga oshirish mumkin boʻlsa, u holda barcha k ta harakatni

$$n_1 \times n_2 \times n_3 \times ... \times n_k$$

usulda amalga oshirish mumkin boʻladi.

 $p_1, p_2,..., p_n$ – turli sodda sonlar, $\alpha_1, \alpha_2,..., \alpha_n$ qandaydir natural sonlar boʻlgan quyida berilgan son

$$m = p_1^{\alpha_1} \times p_2^{\alpha_2} \times ... \times p_n^{\alpha_n}$$

 $(\alpha_1 + 1) \times (\alpha_2 + 1) \times \times (\alpha_n + 1)$ ta umumiy boʻluvchiga ega;

- **2.1.0.-2.1.10.** 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 raqamlardan quyidagi shartlarni qanoatlantiruvchi nechta toʻrt xonali son tuzish mumkin?
- **2.1.0.** son raqamlari har xil; **2.1.1.** raqamlar takrorlanishi mumkin;
- 2.1.2. sonlar juft; 2.1.3. sonlar 5 ga boʻlinadi; 2.1.4. sonlar 4 ga boʻlinadi;
- 2.1.5. sonning barcha raqamlari toq; 2.1.6. sonlar 3 ga boʻlinadi;
- **2.1.7.** sonlar 6 ga boʻlinadi; **2.1.8.** sonlar 7 ga boʻlinadi;
- 2.1.9. sonlar 11 ga boʻlinadi; 2.1.10. sonalar 10 ga boʻlinadi;

- **2.1.11.** Aholi punktida 1500 ta odam yashaydi. Ularning hech boʻlmaganda ikkitasi bir xil initsiallarga ega boʻlishini isbotlang?
- **2.1.12.** Chapdan oʻngga va oʻngdan chapga qarab oʻqilganda ham bir xil boʻlgan nechta besh xonali son mavjud? (Masalan 67876, 17071)
- **2.1.13.** Togʻ choʻqqisiga 7 ta soʻqmoq olib boradi. Alpinist nechta xil usulda chiqib tushishi mumkin? Chiqqan yoʻlidan tushishi mumkin boʻlmasachi?

Quyida berilgan sonlar nechta turli bo'luvchilarga ega?

- **2.1.14.** 735000; **2.1.15.** 147000; **2.1.16.** 17640; **2.1.17.** 105000;
- **2.1.18.** 2520; **2.1.19.** 5400; **2.1.20.** 126000; **2.1.21.** 12600;
- **2.1.22.** 3360; **2.1.23.** 3780; **2.1.24.** 98784; **2.1.25.** 10584; **2.1.26.** 29400;
- **2.1.27.** 17640; **2.1.28.** 63000; **2.1.29.** 555660; **2.1.30.** 252000;

0-topshiriqning ishlanishi

2.1.0. Son raqamlari har xil.

1-usul. Tuziladigan son 4 xonali son boʻlishi uchun birinchi raqami 1,2,3,4,5,6 olti xil boʻlishga haqqi bor (0 boʻlishga haqqi yoʻq, faraz qilaylik 5 chiqdi deylik), ikkinchi raqam ham olti xil boʻlishga haqqi bor bular: 0 va 1,2,3,4,6 raqamlarning qaysidir biri (faraz qilaylik 2 chiqdi deylik), uchinchi raqam esa besh xil boʻlishga haqqi bor, bular 0,1,3,4,6 raqamlarning qaysidir biri (faraz qilaylik 1 chiqdi deylik), toʻrtinchi raqam esa toʻrt xil boʻlishga haqqi bor, bular 0,3,4,6. Kombinatorikaning ikkinchi asosiy qoidasiga koʻra barcha tanlanishlar soni har bir raqamni tanlashlar sonlarining koʻpaytmalariga teng. Shunday qilib yuqoridagi shartlarni bajaruvchi 4 xonali sonlar 6*6*5*4=720 ta boʻladi.

2-usul. Faraz qilaylik 4 ta gʻildirak berilgan boʻlib bu gʻildiraklarning har biriga 0 dan 6 gacha boʻlgan raqamlar yozilgan boʻlsin. Birinchi gʻildirakdan 0 raqamini oʻchiramiz, chunki birinchi gʻildirakda 0 raqami chiqib qolsa tuzilgan son toʻrt xonali boʻlmay qoladi. Shunda birinchi gʻildirak olti xil boʻishga haqqi bor. Ikkinchi gʻildirakda 0 raqami qoʻshiladi, lekin birinchi gildirakda tushgan qaysidir 0 dan farqli raqam oʻchirib qoʻyiladi. Uchinchi gʻildirakdan esa birinchi va ikkinchi gʻildirakda tushgan raqamlar oʻchiriladi, keyin aylantiramiz u holda uchinchi gʻildirakda 5 xil imkoniyat qoladi. Toʻrtinchi gʻildirakdan birinchi,

ikkinchi, uchinchi gʻildirakda tushgan raqamlar oʻchiriladi, u holda toʻrti gʻildirak aylantirilganda uning uchun 4 xil imkoniyat qoladi. Shunday qilib Kombinatorikaning ikkinchi asosiy qoidasiga koʻra raqamlari 0,1,2,3,4,5,6 raqamlardan iborat va turli xil raqamlardan iborat toʻrt xonali sonlar har bir gʻildirakda chiqishi mumkin boʻlgan imkoniyatlari koʻpaytmasiga teng. Shunday qilib yuqoridagi shartni bajaruvchi toʻrt xonali sonlar 6*6*5*4=720 ta boʻladi.

2.2. Berilgan to planning k-elementli to plam ostilari soni.

n – elementli to 'plamning barcha k – elementli to 'plam ostilar soni

$$C_n^k = \frac{n!}{k! * (n-k)!}$$

teng boʻladi.

n – elementli toʻplamning ixtiyoriy k – elementli toʻplam ostilari n – elementdan k tadan guruhlash deb nomlanadi. Ayrim hollarda guruhlash soʻzining oʻrniga k tadan termini ham ishlatiladi.

- **2.2.0.** 30 ta talabadan 20 tasi oʻgʻil bolalar, tavakkaliga jurnal nomeri boʻyicha 5 talaba chaqirildi, ularning ichida koʻpi bilan 3 tasi oʻgʻil bola boʻladigan qilib necha xil usulda tanlash mumkin?
- **2.2.1.** Xonada n ta chiroq bor. k ta chiroqni yoqib xonani necha xil usulda yoritish mumkin? Xonani hammasi boʻlib necha xil usulda yoritish mukin?
- **2.2.2** *n* ta nuqta berilgan, ularning ixtiyoriy 3 tasi bitta chiziqda yotmaydi. Ixtiyoriy ikkita nuqtani tutashtirib nechta chiziq oʻtqazish mumkin?
- **2.2.3.** Har bir keyingi raqami oldingisidan katta boʻlgan nechta 4 xonali sonni tuzish mumkin?
- **2.2.4.** Har bir keyingi raqami oldingisidan kichik boʻlgan nechta 4 xonali sonni tuzish mumkin?
- **2.2.5.** Xalqaro komissiya 9 kishidan iborat. Komissiya materiallari seyfda saqlanadi. Kamida 6 kishi yigʻilgandagina seyfni ochish imkoni boʻlishi uchun, seyf nechta qulfdan iborat boʻlishi kerak va ular uchun nechta kalit

tayyorlash kerak va ularni komissiya a'zolari o'rtasida qanday taqsimlash kerak?

Masala: Kitob javonida tasodifiy tartibbda 15 ta darslik terilgan boʻlib, ularning 9 tasi oʻzbek tilida, 6 tasi rus tilida. Tavakkaliga 7 ta darslik olindi.

- **2.2.6.** Olingan darsliklarning roppa-rosa 4 tasi oʻzbekcha, 3 tasi ruscha boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.7.** Olingan darsliklarning koʻpchiligi oʻzbekcha boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.8.** Olingan darsliklarning kamchiligi oʻzbekcha boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.9.** Olingan darsliklarning koʻpchiligi ruscha boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.10.** Olingan darsliklarning kamchiligi ruscha boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.11.** Olingan darsliklarning oʻzbekchalari 2 tadan kam boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.12.** Olingan darsliklarning oʻzbekchalari 2 tadan koʻp boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.13.** Olingan darsliklarning oʻzbekchalari koʻpi bilan 2 ta boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.14.** Olingan darsliklarning oʻzbekchalari kamida 2 ta boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.15.** Olingan darsliklarning ruschalari 3 tadan koʻp boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.16.** Olingan darsliklarning ruschalari 3 tadan kam boʻladigan qilib necha xil usulda tanlab olish mumkin?
- **2.2.17.** $C_n^1 + C_n^3 + C_n^5 + \dots$ yigʻindi hisoblansin.
- **2.2.18.** $C_n^0 + C_n^4 + C_n^8 + \dots$ yigʻindi hisoblansin.
- **2.2.19.** Qavariq n burchak dioganallari nechta nuqtada kesishadi, agar ularning

ixtiyoriy 3 tasi bir nuqtada kesishmasa.

- **2.2.20.** Necha xil usulda 5 ta kitobdan 3 tadan qilib tanlab olish mumkin?
- **2.2.21.** Necha xil usulda 7 odamdan 3 kishidan qilib komissiya tuzish mumkin?
- 2.2.22. Turnirda *n* ta shaxmatchi qatnashdi, agar ixtiyoriy 2 ta shaxmatchi oʻzaro faqat bir marta uchrashgan boʻlsa, turnirda nichta partiya oʻyin oʻtqazilgan?

2.2.23.
$$C_n^0 - C_n^1 + C_n^2 - \dots + (-1)^n C_n^n = 0$$
 2.2.24. $C_{n+m}^n = C_{n+m}^m$

2.2.25.
$$C_n^k = C_{n-1}^k + C_{n-1}^{k-1}$$
 2.2.26. $C_{2n}^n = (C_n^0)^2 + (C_n^1)^2 + ... + (C_n^n)^2$

2.2.27.
$$C_n^0 + C_n^1 + ... + C_n^n = 2^n$$
 2.2.28. $C_n^0 = C_n^n$ **2.2.29.** $C_n^1 = C_n^{n-1}$

2.2.30.
$$C_n^k = C_n^{n-k}$$

0-topshiriqning ishlanishi.

2.2.0. Masala shartida qoʻyilgan murakkab toʻplamni sodda toʻplamlar yigʻindisi koʻrinishida yozib olamiz:

A={0 tasi oʻgʻil bola, 5 tasi qiz bola} B={1 tasi oʻgʻil bola, 4 tasi qiz bola} C={2 tasi oʻgʻil bola, 3 tasi qiz bola} D={3 tasi oʻgʻil bola, 2 tasi qiz bola} {\text{Koʻpi bilan 3 tasi oʻgʻil bola}}=A \cup B \cup C \cup D kesidhmaydigan toʻplamlar yigʻindisining quvvati, ushbu toʻplamlar quvvatlari yigʻindisiga teng boʻladi: $n({\text{Koʻpi bilan 3 tasi oʻgʻil bola}})=n(A \cup B \cup C \cup D)=n(A)+n(B)+n(C)+n(D)=\\ =C_{20}^0*C_{10}^5+C_{10}^1*C_{10}^4+C_{20}^2*C_{10}^3+C_{20}^3*C_{10}^2=1*\frac{10!}{5!*5!}+\frac{20!}{1!*19!}*\frac{10!}{4!*6!}+\frac{20!}{2!*18!}*\frac{10!}{3!*7!}+\\ +\frac{20!}{3!*17!}*\frac{10!}{2!*8!}=504+4200+190*120+1140*45=26.478.900 ta usulda tanlash mumkin.$

Turli

 Xil
 Аргументы функции

 kombi
 Число
 25
 = 25

 nator
 Число_выбранных
 18
 = 18

 возвращает количество комбинаций для заданного числа элементов.
 = 480700

 число_выбранных число элементов в каждой комбинации.
 Число_выбранных число элементов в каждой комбинации.

ashda C_n^k larni hisoblash murakkablashsa yoki, koʻp miqdordagi bunday koeffitsiyentlarni hisoblashga toʻgʻri kelsa, ushbu hisoblarni Excel dasturlar paketidagi ЧИСЛКОМБ komandasi orqali hisoblash ham mumkin. Masalan C_{25}^{18} =480700 ni hisoblash hech qanday qiyinchilik tugʻdirmaydi.

2.3. O'rin almashtirishlar. Berilgan to'plamning tartiblashtirilgan to'plam ostilari (joylashtirish)

Teorema. *n* ta elementdan iborat A toʻplam uchun Faqat elementlar tartibi bilan farq qiladigan turli tartiblashtirilgan turli toʻplamlar ushbu toʻplamninig *oʻrin almashtirishi* deyiladi va

$$P_n = n!$$

boʻladi.

Teorema. n ta elementdan iborat toʻplamning tartiblashtirilgan k – elementli toʻplam ostilari soni

$$A_n^k = k! * C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!} = n * (n-1) * (n-2) * * (n-(k-1))$$

ta bo'ladi. n elementli to'plamning tartiblashtirilgan k-elementli to'plam ostilari n ta elementdan k tadan joylashtirish deyiladi.

- **2.3.0.** *n* ta elementdan berilgan ikkita elementi yonma-yon turmaydigan nechta oʻrin almashtirish yasash mumkin.
- 2.3.1. Tokchada 5 ta kitobni necha xil usulda joylashtirish mumkin?
- **2.3.2.** {1, 2, 3, ..., 2*n*} to plam elementlarini juft sonlari juft o rinlarda keladigan qilib necha xil usulda tartiblashtirish mumkin?
- **2.3.3.** 36 ta karta aralashtirilganda 4 ta "Tuz" bir joyda keladigan variantlar soni nechta?
- **2.3.4.** Shaxmat taxtasida 8 xil rangdagi "Toʻra" ni bir-birini urmaydigan qilib nechta xil usulda oʻrin almashtirish mumkin?
- **2.3.5.** 1, 2, 3 raqamlari qatnashgan nechta uch xonali son mavjud?

- **2.3.6.** 36 ta karta aralashtirilganda 4 ta "Tuz" va 4 ta "Valet" bir joyda keladigan variantlar soni nechta?
- **2.3.7.** 36 ta karta aralashtirilganda necha xil variant mavjud?
- **2.3.8.** "Bum-Bum" qabilasi alifbosida 6 ta harf mavjud. Hech boʻlmaganda 2 ta bir xil harfi bor 6 ta harfdan iborat ketma-ketlikgina soʻz hisoblansa, "Bum-Bum" qabilasi tilida nechta soʻz bor?
- **2.3.9.** 1, 2, 3 raqamlari yonma-yon va oʻsish tartibida keladigan qilib $\{1,2,3,...n\}$ toʻplamni tartiblashtirish mumkin?
- **2.3.10.** Stipendiya uchun 5 ta sardor kassaga necha xil usulda navbatga turishlari mumkin?
- **2.3.11.** Majlisda 4 kishi A, B, C, D lar soʻzga chiqishi lozim. Agar B kishi A soʻzga chiqmasdan oldin soʻzga chiqishi mumkin boʻlmasa, Necha xil usulda notiqlar roʻyxatini tuzish mumkin?
- **2.3.12.** Doira shaklidagi stol atrofiga n ta mehmonni necha xil usulda joylashtirish mumkin?
 - **2.3.13.** Talaba 4 ta imtixonni 7 kun davomida topshirishi kerak. Buni necha xil usulda amalga oshirish mumkin? Agar oxirgi imtixon 7-kun topshirilishi aniq boʻlsachi?
 - **2.3.14.** Futbol chempionatida 16 ta jamoa qatnashadi. Jamoalarning oltin, kumush, bronza medallar va oxirgi ikkita oʻrinni egallaydigan variantlari nechta boʻladi?
 - **2.3.15.** 5 ta talabani 10 ta joyga necha xil usulda joylashtirib chiqish mumkin?
 - **2.3.16.** Ikkinchi kurs talabalari 3-semestrda 10 xil fan o'tishadi. Dushanba kuni 4 ta har xil fandan darsni necha xil usulda dars jadvaliga qo'yish mumkin?
 - **2.3.17.** Matbuot do'konida 5xil ko'rinishdagi konvert, 4 xil ko'rinishdagi marka sotilayapti. Necha xil usulda marka va convert sotib olish mumkin?
 - **2.3.18.** Disketalar saqlaydigan quti 12 ta nomerlangan joydan iborat. Talaba 10 ta turli xil disketalarini qutiga necha xil usulda joylashtirishi mumkin? 8 tanichi?
 - **2.3.19.** Futbol jamoasida 11 ta futbolchi ichidan jamoa sardori va sardor oʻrin bosarini necha xil usulda tanlash mumkin?

- **2.3.20.** Agar oq qogʻoz varrogʻini 180 gradusga burilsa o, 1, 8 raqamalri oʻzgarmaydi, 6 va 9 raqamlari bir-biriga oʻtadi, boshqa raqamlar esa ma'nosini yoʻqotadi. 180 gradusga burilganda miqdori oʻzgarmaydigan nechta 7 xonali son mavjud?
- **2.3.21.** Futbol boʻyicha Oliy liga Oʻzbekiston chempionatida 16 ta jamoa qatnashadi, oltin, kumush, bronza medallarni va oily ligani tark etuvchi 2 ta jamoani boʻlishi mumkin boʻlgan nazariy variantlari necha xil boʻlishi mumkin?
- **2.3.22.** Oliy oʻquv yurtining ma'lum bir yoʻnalishiga 10 kishi qabul qilinishi aniq boʻlib, ushbu yoʻnalishga 14 ta abituriyent hujjat topshirgan boʻlsa, oʻqishga kirgan abituriyentlar roʻyxati necha xil boʻlishi mumkin?

Masala: $U=\{a,b,c,d,e\}$ to plamda quyidagicha shartlarni bajaruvchi nechta k ta elementli qism to plam tuzish mumkin?

- **2.3.23.** k=2 elementli takrorlanmaydigan oʻrin almashtirishlar soni?
- **2.3.24.** k=3 elementli takrorlanmaydigan oʻrin almashtirishlar soni?
- **2.3.25.** k=4 elementli takrorlanmaydigan oʻrin almashtirishlar soni? 0-topshiriqning ishlanishi
- **2.3.0.** *n* ta elementdan berilgan ikkita elementi yonma-yon turmaydigan nechta oʻrin almashtirish yasash mumkin?

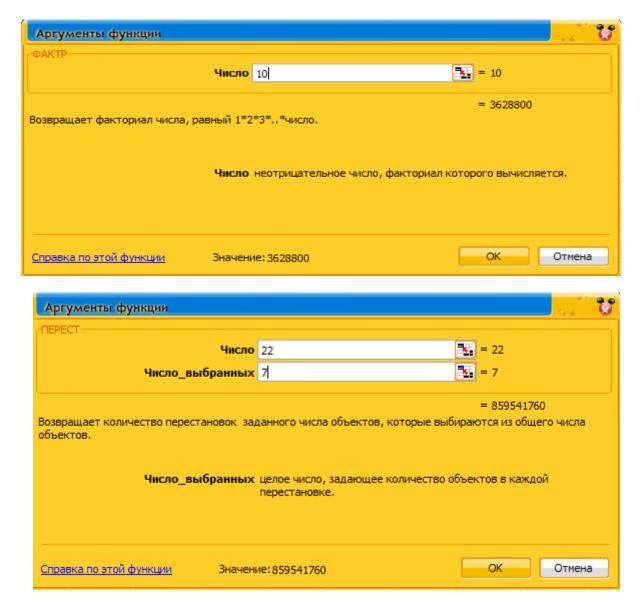
a va b elementlar berilgan boʻlsin. Bu elementlar yonma-yon turgan oʻrin almashtirishlar sonini aniqlaymiz. Bunda birinchi hol a element b elementdan oldin kelishi mumkin, bunda a birinchi oʻrinda, ikkinchi oʻrinda, va hokazo (n-1)-oʻrinda turishi mumkin. Ikkinchi hol b element a elementdan oldin kelishi mumkin, bunday holatlar ham (n-1) ta boʻladi. Shunday qilib a va b elementlar yonma-yon keladigan holatlar soni 2* (n-1) ta boʻladi. Bu usullarning har biriga qolgan (n-2) ta elementning (n-2)! ta oʻrin almashtirishi mos keladi. Demak a va b elementlar yonma-yon keladigan barcha oʻrin almashtirishlar soni 2* (n-1)*(n-2)! =2*(n-1)! ta boʻladi. Shuning uchun ham izlanayotgan oʻrin almashtirishlar soni n! - 2*(n-1)! = (n-1)!*(n-2)!

Shu oʻrinda eslatib oʻtamiz BMI, magistrlik dissertatsiyasi yoki ilmiy ishingizda

$$P_n = n!$$
 va A_n^k

koeffitsiyentlarni hisoblashga toʻgʻri kelsa, unda Excel dasturlar paketidagi mos ravishda ΦΑΚΤΡ va ΠΕΡΕCT komandalaridan foydalanishlariz mumkin:

Masalan: $P_{10}=10!=3628800$ va $A_{22}^{7}=859541760$



ekanligini tezlik bilan hisoblash hech qanday qiyinchilik tugʻdirmaydi.

2.4. Takrorlanuvchi oʻrin almashtirishlar

Teorema. Aytaylik k_1 , k_2 ,..., k_m - butun manfiymas sonlar boʻlib, $k_1 + k_2 + ... + k_m = n$ va A toʻplam n ta elementdan iborat boʻlsin. A ni elementlari mos ravishda k_1 , k_2 ,..., k_m ta boʻlgan B_1 , B_2 ,..., B_m m ta toʻplam ostilar yigindisi koʻrinishida ifodalash usullari soni

$$C_n(k_1,...,k_m) = \frac{n!}{k_1! * k_2! * ... * k_m!}$$

ta boʻladi.

 $C_n(k_1,...,k_m)$ sonlar *polinomial koeffitsiyentlar* deyiladi.

- **2.4.0.** "Matematika" soʻzidagi harflardan nechta soʻz yasash mumkin?
- **2.4.1.** "Kombinatorika" soʻzidagi harflardan nechta soʻz yasash mumkin?
- **2.4.2.** Familiyangizdagi harflardan nechta soʻz yasash mumkin?
- **2.4.3.** *a,b,c* harflaridan *a* harfi koʻpi bilan 2 marta, *b* harfi koʻpi bilan bir marta, *c* harfi koʻpi bilan 3 marta qatnashadigan nechta 5 ta harfli soʻz yasash mumkin?
- **2.4.4.** $(1+x)^n$ yoyilmasida x^5 va x^{12} hadlar oldidagi koeffitsiyentlar teng boʻlsa, n nimaga teng?
- **2.4.5.** $(\sqrt{2} + \sqrt[4]{3})^{100}$ yoyilmasida nechta ratsional had mavjud?
- **2.4.6.** Polinomial teorema yordamida $(x+y+z)^3$ yoyilmani toping?
- **2.4.7.** $(x+y+z)^7$ ning yoyilmasida $x^2y^3z^2$ had oldidagi koeffitsiyent nimaga teng?
- **2.4.8.** 8 ta fanning har biridan 3, 4, 5 baholar olish mumkin. Baholar yigʻindisi 30 ga teng boʻladigan qilib imtixonlarni necha xil usulda topshirish mumkin?
- **2.4.9.** Abituriyent 3 ta fandan imtixon topshirishi lozim. Har bir imtixondan ijobiy baho (3,4,5-baholar) olgandagina, keyingi imtixonga qoʻyiladi. Oʻqishga kirish uchun oʻtish bali 17 ball boʻlgan boʻlsa, abituriyent imtixonlarni necha xil usulda topshirishi mumkin?
- **2.4.10.** $(1+2t-3t^2)^8$ yoyilmasida t^9 oldidagi koeffitsiyent nimaga teng?
- **Masala 2.4.11.-2.4.20** Soʻz oʻzbek alifbosidagi ixtiyoriy chekli harflar ketmaketligidir. Quyida berilgan soʻzlardagi harflardan nechta soʻz yasash mumkin?
- **2.4.11.** BISSEKTRISSA; **2.4.12.** PARABOLA; **2.4.13.** GIPERBOLA;
- **2.4.14.** ELLIPS; **2.4.15.** SIMMETRIK; **2.4.16.** PARALEL;
- 2.4.17. PARALELOGRAM; 2.4.18. PARALELOPIPED; 2.4.19. REFLEKSIV;
- **2.4.20.** TRANZITIV.
- **2.4.21.** Mevalar korzinkasida 2 ta olma, 3ta nok, 4 ta apelsin bor. Har kuni bitta meva yeyish mumkin boʻlsa, buni necha xil usulda amalga oshirish mukin?

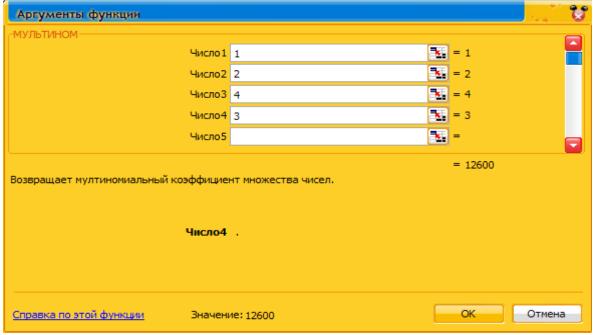
- **2.4.22.** Talabalar turar joyida 1 kishilik, 2, kishilik va 4 kishilik xonalar mavjud. 7 ta talabani necha xil usulda joylashtirish mumkin?
- **2.4.23.** Shaxmat taxtasining birinchi gorizontalida oq shaxmat donalari komplekti: 1ta shox, 1ta farzin, 2 ta ot, 2 ta fil, 2 ta toʻrani necha xil usulda joylashtirish mumkin?
- **2.4.24.** Beshta A harfi va koʻpi bilan 3 ta B harfidan nechta soʻz yasash mumkin?
- **2.4.25.** 7xil gul turidan 3 tadan yoki 5 tadan qilib nechta gul buketi yasash mumkin? 0-topshiriqning ishlanishi.
 - **2.4.0.** Misolning yechilishi. "Matematika" soʻzidagi harflardan nechta soʻz yasash mumkin?

$$k_1$$
=2 ("m"- harfi), k_2 =2 ("a" – harfi), k_3 =2 ("t" - harfi), k_4 =1 ("e" - harfi), k_5 =1 ("i"-harfi), k_6 =1 ("k"- harfi), n =10 (soʻzdagi harflar soni)

$$C_{10}(2,3,2,1,1,1) = \frac{10!}{2!*3!*2!*1!*1!*1!} = 151200$$

Shu oʻrinda eslatib oʻtamiz BMI, magistrlik dissertatsiyasi yoki ilmiy ishingizda koʻp miqdordagi takrorlanuvchi oʻrin almashtirishlarni hisoblashga toʻgʻri kelsa, unda Excel dasturlar paketidagi МУЛЬТИНОМ komandasidan foydalanish

mumkin: Masalan
$$C_{10}(1,2,4,3) = \frac{10!}{1!*2!*4!*3!} = 12600$$
 ekanligini tezlik bilan



hisoblash hech qanday qiyinchilik tugʻdirmaydi.

2.5. Takrorlanuvchi guruhlashlar.

Teorema. n ta elementdan k ta elementli takrorlanuvchi guruhlashlar soni

$$f_n^k = C_{n+k-1}^{n-1} = C_{n+k-1}^k$$

ta boʻladi.

- **2.5.0.** Bogʻdagi besh xil turdagi guldan 3 tadan qilib necha xil usulda buket yasash mumkin?
- **2.5.1.** 0,1,2,3,4,5,6 raqamlaridan iborat DOMINO oʻyini toshlari nechta?
- **2.5.2.** 0,1,2,...,k raqamlaridan iborat DOMINO oʻyini toshlari nechta?
- **2.5.3.** Qandalotchilik sexida 11 turdagi shirinlik mavjud. 6 ta bir xil yoki 6 ta har xil shirinlikni necha xil usulda tanlash mumkin?
- **2.5.4.** Muzqaymoq doʻkonida 8 xil turdagi muzqaymoq sotilayapti. 5 kishiga necha xil usulda muzqaymoq olish mumkin?
- **2.5.5.** Asaka avtomobil zavodi tayyor mahsulotlar maydonchasida 15 xil rangdagi NEXIA avtomobillari turibdi. Mashina tashiydigan trallerga 8 ta mashina sigʻsa, necha xil usulda NEXIA avtomobillarini trallerga yuklash mumkin?
- **2.5.6.** TATU da barcha viloyatlardan talabalar oʻqishadi. 5 ta talabadan iborat guruhni necha xil usulda tuzish mumkin?

Masala: Quyida berilgan tengsizliklar nechta musbat butun yechimga ega?

2.5.7.
$$3 < x + y + z + v + w \le 7$$

2.5.9.
$$5 < x + y + z + v \le 8$$

2.5.11.
$$6 < x + y + z + v + w \le 10$$

2.5.13.
$$8 < x + y + z + v + w + t \le 12$$

2.5.15.
$$4 < x + y + z \le 9$$

2.5.19.
$$2 < x + y + z + v + w + t \le 5$$

2.5.21.
$$5 < x + y \le 9$$

2.5.23.
$$3 < x + y + z + v \le 7$$

2.5.27.
$$11 < x + y + z \le 15$$

2.5.8.
$$6 < x + y + z + v < 10$$

2.5.10.
$$11 < x + y + z + v + w + t \le 14$$

2.5.12.
$$9 < x + y + z \le 12$$

2.5.16.
$$10 < x + y + z \le 14$$

2.5.18.
$$5 < x + y + z + v \le 8$$

2.5.20.
$$6 < x + y + z \le 9$$

2.5.26.
$$3 < x + y + z < 7$$

38

2.5.29.
$$7 < x + y + z + v + w + t + m \le 11$$

2.5.30.
$$9 < x + y + z + v + w + t \le 12$$

0-topshiriqning yechilishi.

2.5.0. Bogʻdagi besh xil turdagi guldan 3 tadan qilib necha xil usulda buket yasash mumkin?

$$f_5^3 = C_{5+3-1}^{5-1} = C_{5+3-1}^3 = C_7^3 = \frac{7!}{3!*4!} = 35$$
 usulda buket yasash mumkin.

2.6. Kombinator tenglamalar

2.6.0.
$$12C_{x+3}^{x-1} = 55A_{x+1}^2$$

2.6.2.
$$(C_x^0)^2 + (C_x^1)^2 + (C_x^2)^2 = 5A_7^2$$

2.6.4.
$$A_x^{x-3} = (C_{x-1}^{x-3} + C_{x-1}^{x-4})\underline{P}_3$$

2.6.6.
$$A_x^3 = P_{x-2} + C_x^4 - P_{x-1} = 39$$

2.6.8.
$$1.5 \cdot C_{r}^{x-2} = 0.5 \cdot A_{r+1}^{x-1}$$

2.6.10.
$$A_x^{x-6} = x \cdot C_{x-1}^{x-6}$$

2.6.12.
$$3 \cdot \underline{P}_x \cdot \underline{P}_5 = x^2 \cdot A_x^{x-4}$$

2.6.14.
$$A_{x+2}^7 \cdot \underline{P}_{x-5} = (\underline{P}_5 - 10) \cdot \underline{P}_x$$

2.6.16.
$$\underline{P}_{x+5} = \underline{P}_2 \cdot \underline{P}_3 \cdot \underline{P}_5 \cdot A_{x+3}^{x-3}$$

2.6.18.
$$C_x^{x-3}: C_x^{x-1} = A_{x-1}^{x-4}: A_{x-2}^{x-4}$$

2.6.20.
$$C_{x+3}^{x+1} = C_{x+1}^{x-1} + C_{x}^{x} + C_{x}^{x-2}$$

2.6.22.
$$A_x^3 + A_{x+1}^4 = \underline{P}_x \cdot C_x^{x-1} \cdot 0.7$$

2.6.24.
$$A_x^{x-1} \cdot C_x^{x-2} \cdot C_x^{x-3} \cdot C_x^{x-4} = (C_x^{x-1} \cdot C_x^{x-3})^2 \cdot \underline{P}_x$$

2.6.1.
$$A_{2x-1}^{x-1} \cdot P_x = x \cdot P_{2x-1}$$

2.6.3.
$$C_{x-2}^{x-3}: C_x^{x-1} = A_{x-1}^{x-4}: 30$$

2.6.5.
$$A_{x+1}^2 \cdot A_x^2 \cdot A_{x-1}^2 = \underline{P}_3 \cdot P_{x+1}$$

2.6.7.
$$A_x^4 \cdot P_{x-4} = 42 \cdot P_{x-2}$$

2.6.9.
$$P_x = C_x^{x-2} \cdot P_4 \cdot 2!$$

2.6.11.
$$120 \cdot A_{2x}^{x} = (\underline{P}_{x})^{2} \cdot C_{2x}^{x}$$

2.6.13.
$$P_{x} \cdot C_{x}^{x-4} = C_{x-2}^{x-4} \cdot C_{x}^{x-2}$$

2.6.15.
$$X \cdot \underline{P}_{x+2} \cdot C_{x-1}^{x-3} = 3 \cdot \underline{P}_x \cdot C_{x+2}^2 \cdot A_{x-1}^2$$

2.6.17.
$$\underline{P}_{2x+1} = A_{2x-1}^3 \cdot \underline{P}_{2x-4} \cdot 110$$

2.6.19.
$$(C_5^x - C_4^x) \cdot A_5^x = x \cdot C_4^x \cdot C_5^x$$

2.6.21.
$$\underline{P}_{x} \cdot C_{x+3}^{x} = A_{x+3}^{x}$$

2.6.23.
$$\underline{P}_{x} + 4P_{x+5} = A_{x}^{2} \cdot C_{x+1}^{x-1}$$

2.6.25.
$$C_x^{x-1} \cdot A_x^{x-3} = \underline{P}_x \cdot C_x^{x-3}$$

0-topshiriqning ishlanishi.

2.6.0. $12C_{x+3}^{x-1} = 55A_{x+1}^2$

Tenglamani yechish uchun $C_n^k = \frac{n!}{k!*(n-k)!}$, $A_n^k = k!*C_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ va x birdan

katta natural son boʻlishi mumkinligini e'tiborga olib, tenglamada qatnashgan mos koeffitsiyentlarni yuqoridagi formulalarga asoslanib yoyib chiqamiz:

$$12 * \frac{(x+3)!}{(x-1)!*(x+3-(x-1))!} = 55 * \frac{(x+1)!}{(x+1-2)!}$$

Soddalashtiramiz, surat va maxrajlarda qisqarishi mumkin boʻlgan faktoriallarni qisqartiramiz.

$$12*\frac{(x+3)*(x+2)*(x+1)*x}{4!} = 55*(x+1)*x$$

Tenglamaning ikkala tomonini $x^*(x+1)$ ga qisqartiramiz, 12 bilan 4!=1*2*3*4=24 ni qisqartirib, tenglamada ayrim shakl almashtirishlarni amalgam oshirib, quyidagi koʻrinishga olib kelamiz:

$$\frac{(x+3)*(x+2)}{2} = 55;$$

$$(x+2)(x+3) = 55 * 2 = 110 = 10 * 11$$
.

Kvadrat tenglama yechimlari x_1 =-13 bizning shartni (x>1) bajarmaydi Ø, x_2 =8 yechim esa kombinator tenglamamiz yechimi boʻladi.

ADABIYOTLAR

- 1. Т.А. Азларов ва бошк. Математикадан кулланма. «Укитувчи» нашриёти, Т., 1990.-352б.
- 2. Ф.А.Новиков. Дискретная математика для программистов. ЗАО Издательский дом «Питер», 2007
- 3. Г.П.Гаврилов, А.А.Сапоженко Задачи и упражнения по дискретной математике. –М.:ФИЗМАТЛИТ, 2005.-416с.
- 4. Я.М. Еруссалимский. Дискретная математика теория, задачи, приложения. –М.: «Вузовская книга», 2002.-268с.
- 5. И.И.Ежов и др. Элементы комбинаторики. –М.: «Наука», 1977.-80с.
- 6. С.Ю. Кулабухов. Дискретная математика. Таганрог, 2001. 150с.
- 7. Г.Г.Асеев и др. Дискретная математика. Учебное пособие.-Ростов н/Д. 2003.-144с.

INTERNET SAXIFALARI

- 1. www.intuit.ru/department/ds/discrmath/
- 2. http://www.uni-dubna.ru/~mazny/kurses/odm/lekcii/
- 3. http://www.lvf2004.com/dop_t2r1part2.html
- 4. http://www.mielt.ru/dir/cat14/subj266/file292.html
- 5. http://window.edu.ru/window/catalog?p_rid=28455
- 6. http://lib.rus.ec/b/259478
- 7. www.doc.ic.ac.uk/~iccp/papers/discrete94.pdf
- 8. http://calvino.polito.it/~tilli/matdiscreta/Discrete%20Mathematics.html

MUNDARIJA

	Kirish	3
I.	TO'PLAMLAR NAZARIYASI.	
1.1.	T'oplamlar ustida amallar	4
1.2.	Murakkab toʻplamlarni soddalashtirish	5
1.3.	Toʻplam tartibini topish	7
1.4.	Munosabat . Ekvivalent munosabatlar	12
1.5.	Munosabatlarning aniqlanish sohasi, qiymatlar sohasi, ularni	15
	martitsalarda ifodalash	
1.6.	Munosabatlar kompozitsiyasi	18
1.7.	Munosabatlarni funksiyaga tekshirish	20
1.8.	Analitik, grafik koʻrinishda berilgan funksiyalarni inyektivlik,	21
	syur'yektivlik, biyektivlikka tekshirish	
1.9.	Sanoqsiz toʻplamlar quvvatni topish	22
1.10.	Funksiyalar kompozitsiyasi	23
II.	KOMBINATORIKA ELEMENTLARI	
2.1.	Kombinatorikaning asosiy qoidalari	27
2.2.	Berilgan to 'plamning k-elementli to 'plam ostilari soni	29
2.3.	Oʻrin almashtirishlar va joylashtirish	32
2.4.	Takrorlanuvchi oʻrin almashtirishlar	35
2.5.	Takrorlanuvchi guruhlashlar	37
2.6.	Kombinator tenglamalar	39
	Adabiyotlar	41
	Mundarija	42

Diskret matematika fanidan oraliq nazoratlari uchun topshiriqlar va ularni bajarish uchun uslubiy koʻrsatmalar.

Oliy matematika kafedrasining majlisida (21.06.2011 39-bayonnoma) muhokama qilindi va Telekommunikatsiya fakulteti ilmiy-uslubiy kengashi (22.06.2011. 52-bayonnoma) tomonidan nashrga tavsiya qilindi

Tuzuvchilar: fiz.-mat.fanlari nomzodlari,
Dotsentlar: Oʻ.N. Qalandarov,
H.A. Abduvaitov,
O.A. Islomova.

Mas'ul muharrir: akademik F.B.Abutaliyev

Muharrir: