



# Compilerbau

LL(K)-Parser Teilfolien

Prof. Dr. Franz-Karl Schmatzer  
[schmatzf@dhbw-loerrach.de](mailto:schmatzf@dhbw-loerrach.de)

- C.Wagenknecht, M.Hielscher; Formale Sprachen, abstrakte Automaten und Compiler; 3.Aufl. Springer Vieweg 2022;
- U.Meyer; Grundkurs Compilerbau; Rheinwerkverlag, 1. Aufl. 2021
- A.V.Aho, M.S.Lam,R.Savi,J.D.Ullman, *Compiler – Prinzipien,Techniken und Werkzeuge*. 2. Aufl., Pearson Studium, 2008.
- Güting, Erwin; *Übersetzerbau –Techniken, Werkzeuge, Anwendungen*, Springer Verlag 1999

# Top-Down-Analyse

## Agenda

- Prinzip der Top-Down-Analyse
- Beseitigen von Linksrekursionen

# Top-Down-Analyse

## Prinzip – Beispiel Grammatik

- Betrachte folgende Grammatik (Ausschnitt)

stmt → assignment | cond | loop

assignment → id :=expr

cond → if boolexp then stmt fi |  
if boolexp then stmt else stmt fi

Loop → while boolexp do stmt od

expr → boolexp | numexpr

boolexp → numexpr cop numexpr

numexpr → numexpr + term | term

term → term\*factor | factor

factor → id | const | (numexpr)

- Damit lassen sich Ausdrücke formulieren wie:

- if b > 0 then a:=1 fi

- while i<n then ... do

# Einleitung

## Top-down-Analyse

```
if id[1] cop[>] const[2] then id[2] := const[1] end
```

- Bei Beginn zeigt der Zeiger des nächsten Tokens auf **if**
- Start mit der Start Regel: **stmt: assignment | cond**
- Dann errät man cond: **if ... | if ...**
- Nun erhält man eine match mit **if**
- Der Zeiger rutscht eins weiter und zeigt nun auf **id[1]**
- Problem:
  - wie weiß man, welche Regeln man anwenden soll?
  - Man möchte nicht Raten!

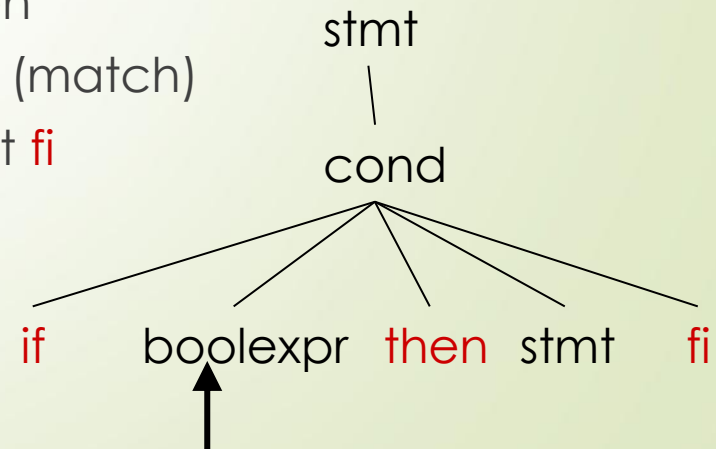
```
if id[1] cop[>] const[2] then id[2] := const[1] end
```



# Top-Down-Analyse

Prinzip – Start mit stmt

- Der Ausdruck `if b>0 then a:=1 fi` wird nach dem Lexer zu:  
`if id cop const then id:= const fi`
- Start mit stmt
  - Zeiger zeigt auf das erste Token
- `stmt ≠ if` ⇒
  - expandieren von stmt → `assignment` | `cond` | `loop`
  - Auswahl `assignment`: `assignment ≠ if` ⇒ expandieren
  - `id :=expr` ⇒ `id ≠ if` Terminal ≠ Token (**Sackgasse** ⇒ backtracking)
  - Auswahl `cond`: `cond ≠ if` ⇒ expandieren
  - Auswahl `if boolexp then stmt fi` ⇒ `if = if` (match)
  - Weitermachen mit `if boolexp then stmt fi`
  - Zeiger rückt auf das nächste Token



# Top-Down-Analyse

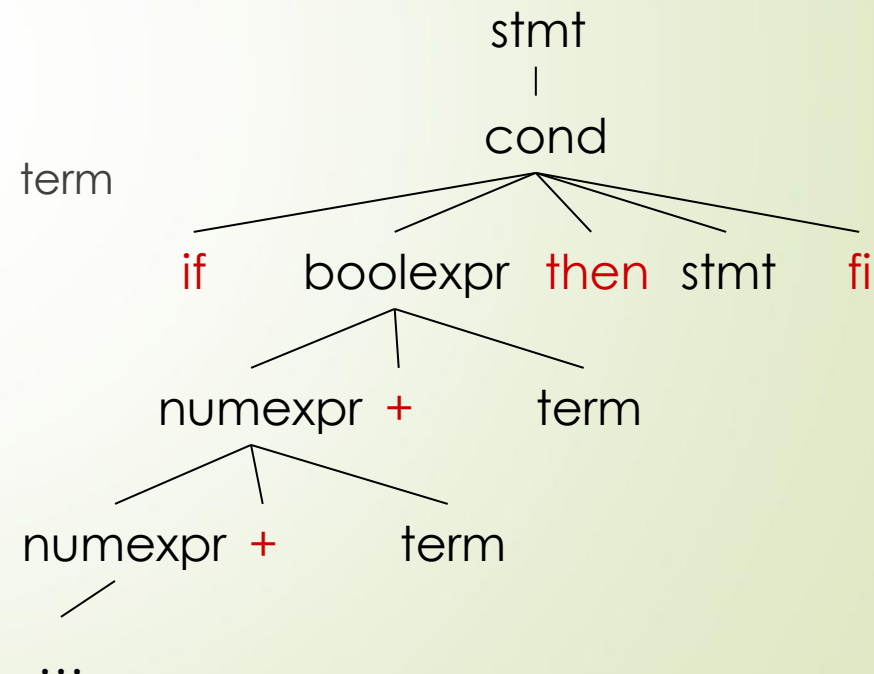
## Prinzip – Problem Endlosschleife

Weitermachen mit **if** boolexp **then** stmt **fi**

- Expandieren von boolexp zu numexpr **cop** numexpr
- numexpr expandieren zu numexpr + term
- numexpr expandieren zu numexpr + term
- ...
- **Endlosschleife!**

Die Regel:  $\text{numexpr} \rightarrow \text{numexpr} + \text{term} \mid \text{term}$   
ist linksrekursiv

Top-Down-Analyse kann  
linksrekursive Regeln einer Grammatik  
nicht managen.



# Top-Down-Analyse

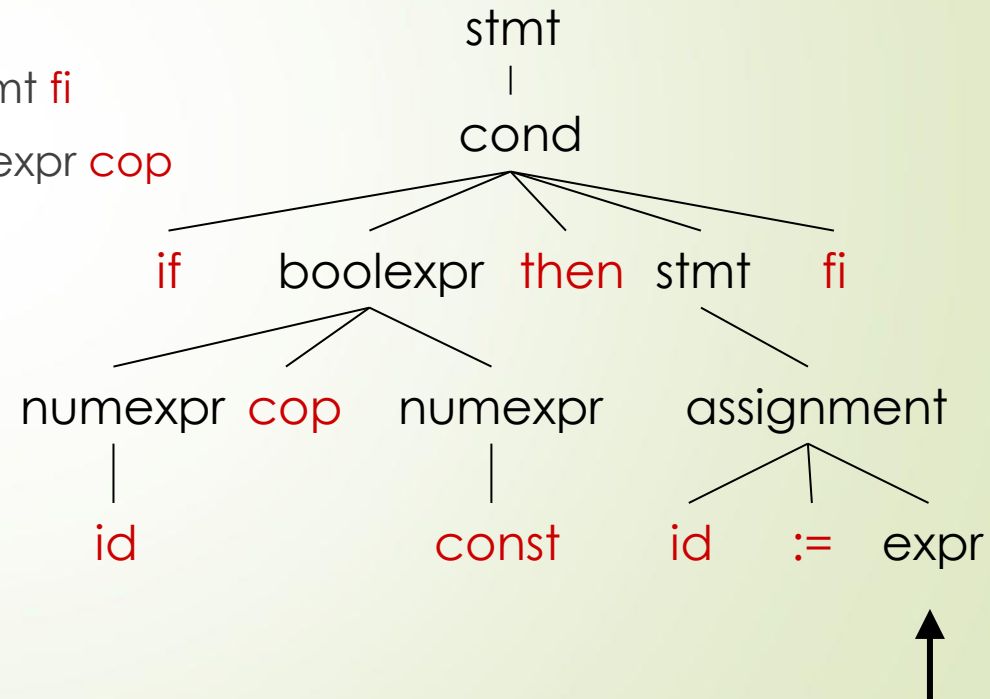
Prinzip - Mitte in der Analyse

if id cop const then id:= const fi (Token Strom)

- Wir setzen im Folgenden die Regel numexpr durch: numexpr  $\rightarrow$  id | const

Weitermachen mit if boolexp then stmt fi

- Expandieren von boolexp zu numexpr cop
- numexpr zu id,  $\Rightarrow$  match
- Zeiger rückt eins weiter
- ...
- Der Zeiger befindet sich nun
- über expr





# Top-Down-Analyse

Prinzip - Problem Sackgasse

if id cop const then id:= const fi  
(Token Strom)

const muss gefunden werden !

Expandieren von expr zu  
boolexpr

boolexpr zu numexpr **cop**  
numexpr

numexpr zu id  $\Rightarrow$  kein match

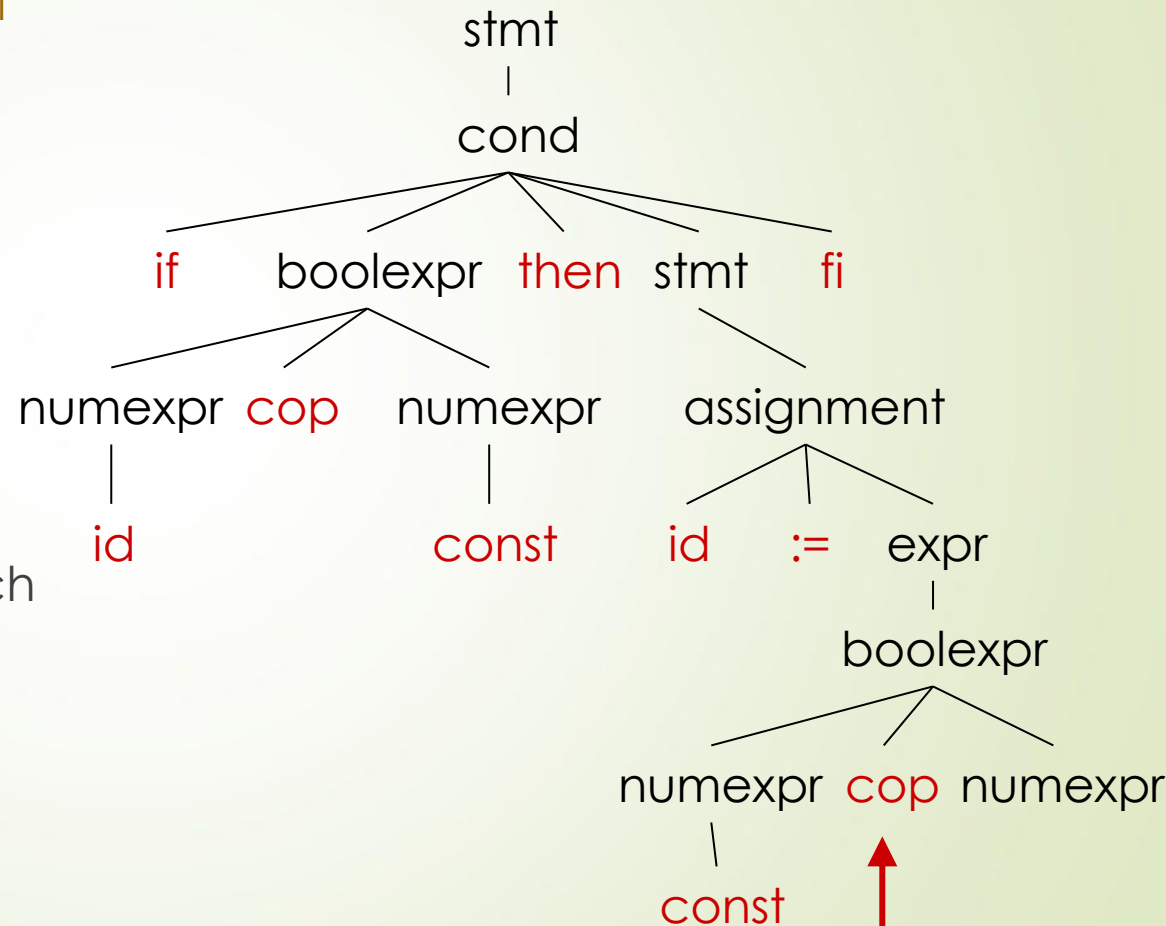
numexpr zu const  $\Rightarrow$  match

Zeiger rückt eins weiter.

Vergleich von **cop** mit fi

$\Rightarrow$  kein match

**Backtracking** bis zu expr

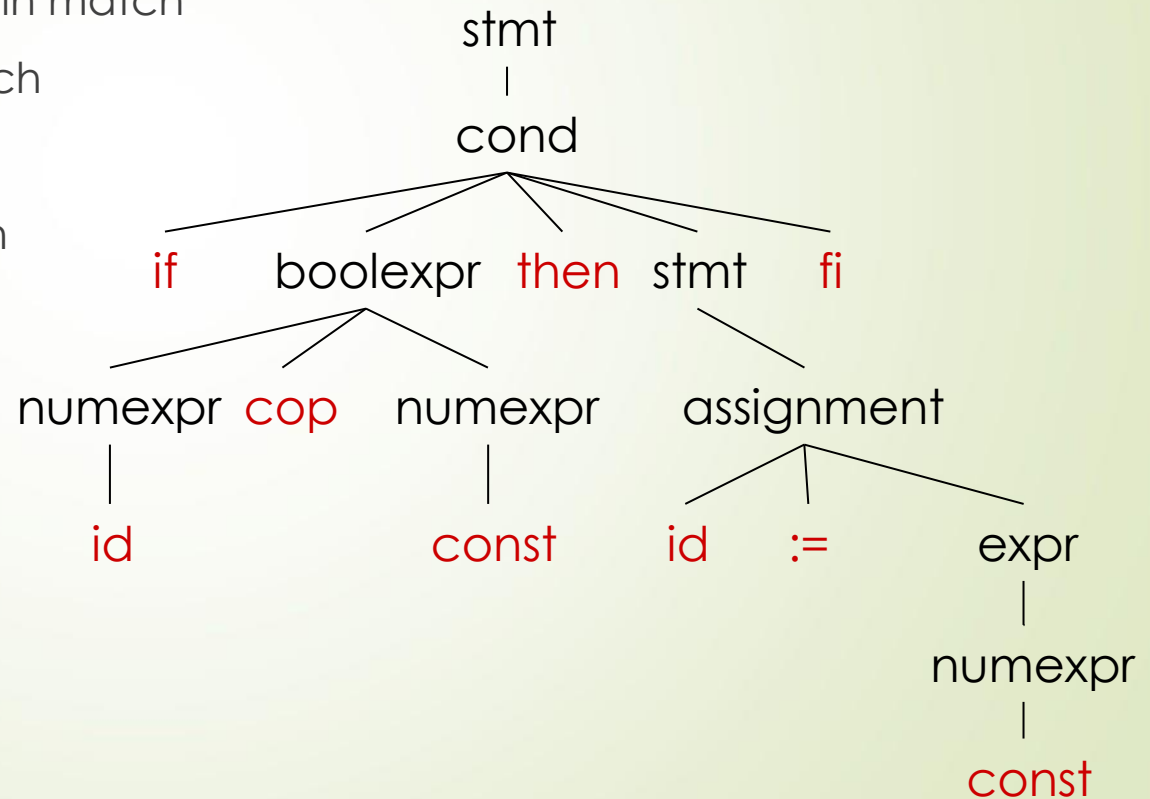


# Top-Down-Analyse

## Prinzip – Ende der Analyse

if id cop const then id:= const fi (Token Strom)

- Expandieren expr zu numexpr
- numexpr dann zu id  $\Rightarrow$  kein match
- numexpr zu const  $\Rightarrow$  match
- Zeiger rückt eins weiter.
- Vergleich fi mit fi  $\Rightarrow$  match
- Ende der Analyse

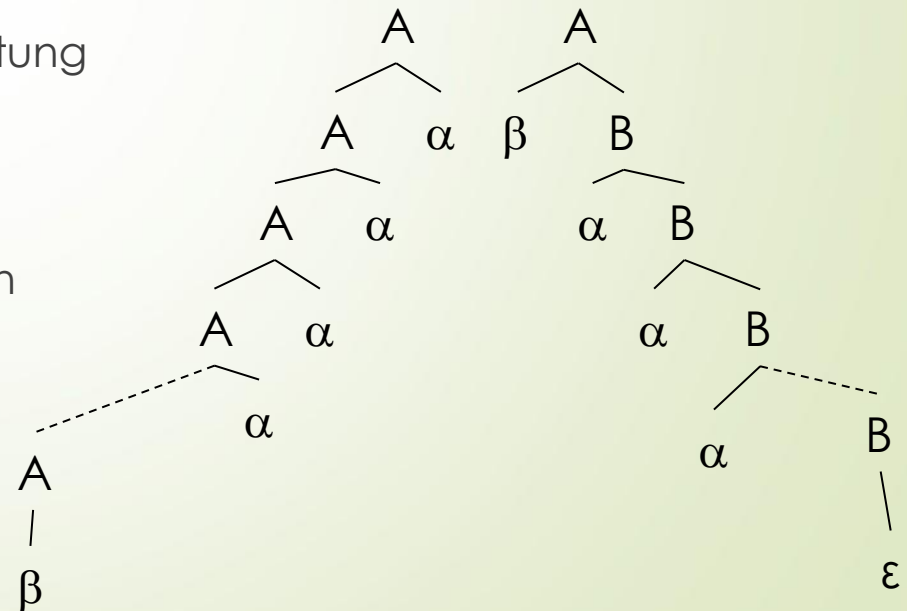


# Top-Down-Analyse

## Prinzip – Probleme

- Bei der Top-Down-Analyse sind 2 Probleme aufgetreten
  - Endlosschleifen durch linksrekursive Grammatiken und
  - Verlauf in Sackgasse
- Beide Probleme lassen sich beheben
  - Linksrekursive Grammatiken kann man so umschreiben, dass keine Linksrekursionen mehr vorkommen, ohne die Sprache zu ändern.
  - Den Verlauf in Sackgassen, kann man beheben indem man eine vorausschauende Syntaxanalyse betreibt. Dies führt zu den LL(K) Grammatiken

- $$\begin{array}{lcl} A & \rightarrow & \beta B \\ B & \rightarrow & \alpha B \mid \varepsilon \end{array}$$



# Beseitigen von direkten Linksrekursionen

- Anwenden dieser Technik auf die Regel:

numexpr  $\rightarrow$  numexpr + term | term

$A \rightarrow A\alpha \mid \beta$

**ergibt:**

numexpr  $\rightarrow$  term nexpr | term

$A \rightarrow \beta B$

nexpr  $\rightarrow$  + term nexpr |  $\epsilon$

$B \rightarrow \alpha B \mid \epsilon$

- Anwenden dieser Technik auf die Regel:

term  $\rightarrow$  term \* factor | factor

**ergibt:**

term  $\rightarrow$  factor nterm | factor

nterm  $\rightarrow$  \* factor nterm |  $\epsilon$

# Beseitigen von direkten Linksrekursionen

- Diese Regel lässt sich verallgemeinern zu:

- Sei:

$$A \rightarrow A\alpha_1 \mid A\alpha_2 \mid A\alpha_3 \mid \dots \mid A\alpha_n \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \beta_3 \dots \mid \beta_k$$

Dies wird ersetzt zu:

$$A \rightarrow \beta_1 B \mid \beta_2 B \mid \beta_3 B \mid \dots \mid \beta_k B$$

$$B \rightarrow \alpha_1 B \mid \alpha_2 B \mid \alpha_3 B \mid \dots \mid \alpha_n B \mid \varepsilon$$

# Beseitigen aller Linksrekursionen

- Algorithmus nach Aho et al.
  - Bringe alle Nichtterminale in eine Reihenfolge  $A_1, \dots, A_n$
  - For( für jedes  $i$  von 1 bis  $n$ ) {
    - For( für jedes  $k$  von 1 bis  $i-1$ ) {
      - Ersetze jede Produktion der Form  $A_i \rightarrow A_k \gamma$  durch  $A_i \rightarrow \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid \dots \mid \delta_k \gamma$ , wobei  $A_k \rightarrow \delta_1 \mid \delta_2 \mid \dots \mid \delta_k$  alle aktuellen  $A_k$  Produktionen sind.
  - }
  - Eliminiere die unmittelbaren Linksrekursionen.
- }

# Beseitigen aller Linksrekursionen

## Beispiel

- Gegeben:  $S \rightarrow Aa \mid b$ ,  $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \varepsilon$ 
  - Diese Produktion hat keine direkte Linksrekursion in  $S$ , jedoch eine unmittelbare Rekursion  $S \rightarrow Aa \rightarrow Sda$
- Nach dem Algorithmus der vorherigen Seite:
  - Ordnen der Produktionen:  $S, A$
  - ( $i=1$ , d.h. Produktion  $S$ )  $S$  hat keine unmittelbare Linksrekursion, d.h. für  $i=1$  der äußeren Schleife passiert nichts.
  - ( $i=2$ , d.h. Produktion  $A$ ) Hier muss man nun  $S$  in der Regel  $A \rightarrow Sd$  ersetzen durch  $S \rightarrow Aa \mid b$  und man erhält nun  $A \rightarrow Ac \mid Aad \mid bd \mid \varepsilon$
  - Eliminieren der unmittelbaren Linksreduktionen in  $A$  ergibt nun folgende Produktionsregeln

$S \rightarrow Aa \mid b$ ,

$A \rightarrow bdB \mid B$ ,

$B \rightarrow cB \mid adB \mid \varepsilon$



# Aufgabe Linksrekursion

- Entfernen Sie die Linksrekursionen aus folgenden Grammatiken
- $G1 = (\{S, A\}, \{a, b, c, d\}, \{S \rightarrow Aa \mid b, A \rightarrow Ac \mid Ad \mid b\}, S)$
- $G2 = (\{E, T, F\}, \{a, +, *, (, )\}, \{E \rightarrow E+T \mid T, T \rightarrow T * F \mid F, F \rightarrow (E) \mid a\}, E)$
- Erstellen Sie die Grammatiken  $G1$  mit und ohne Linksrekursion in FLACI und nehmen Sie das Wort  $w = bcddcdca$  für  $G1$ . Wie sehen die Ableitungsbäume aus.
- Erstellen Sie die Grammatiken  $G2$  mit und ohne Linksrekursion in FLACI und nehmen Sie das Wort  $w = a^*(a+a^*a+a+a)^*a^*a$  für  $G2$ . Wie sehen die Ableitungsbäume aus.

# LL(K) Grammatiken

## Definition

Sei  $L \subseteq \Sigma^*$  eine beliebige Sprache und sei  $k > 0$ . Dann ist  
 $\text{Start}_k(L) := \{w \mid w \in L \text{ und } |w| < k \text{ oder } \exists wu \in L \text{ und } |w| = k\}$

Für ein Wort  $v \in \Sigma^*$  sei

$\text{start}_k(v) := v$ , falls  $|v| < k$  sonst  $u$ , falls  $v=ut$  mit  $|u| = k$

## Eine kontextfreie Grammatik $G = (N, \Sigma, P, S)$ heißt LL(K) Grammatik, wenn für die Produktionen $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ gilt aus:

$S \Rightarrow^* wA\sigma \Rightarrow w\alpha\sigma \Rightarrow^* wx$  und

$S \Rightarrow^* wA\sigma \Rightarrow w\beta\sigma \Rightarrow^* wy$  und

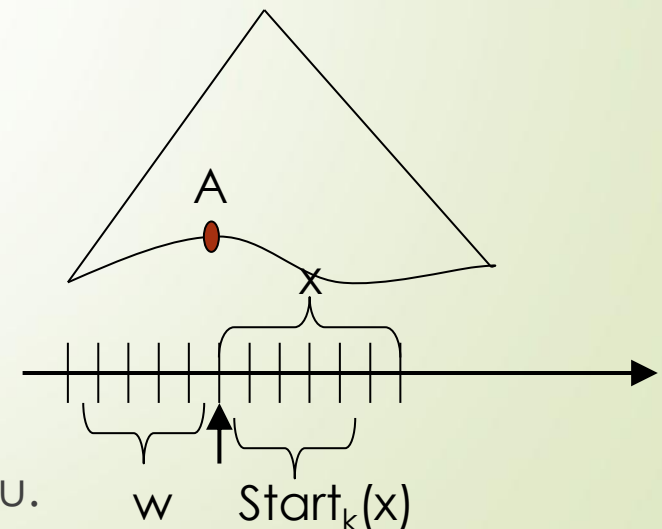
$\text{start}_k(x) = \text{start}_k(y)$

folgt  $\alpha = \beta$

## Bezeichnung LL(k):

Lesen von links nach rechts mit

Linksableitung und  $k$  Token Vorausschau.



# LL(K) Grammatiken

- Eine kontextfreie Grammatik  $G = (N, \Sigma, P, S)$  heißt **starke** LL(K) Grammatik, wenn für die Produktionen  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$  gilt aus:
  - $S \Rightarrow^* wA\sigma \Rightarrow w\alpha\sigma \Rightarrow^* wx$  und
  - $S \Rightarrow^* uA\tau \Rightarrow u\beta\tau \Rightarrow^* uy$  und
  - $\text{start}_k(x) = \text{start}_k(y)$folgt  $\alpha = \beta$
- Bem:
  - Bei der starken LL(K) Grammatik ist die Umgebung von A unerheblich
  - D.h. das gelesene Wort (w bzw. u) wie auch die Nachfolgezeichen ( $\sigma, \tau$ ) sind für die Auswahl der Produktion nicht erheblich.
  - **Sind für den Compilerbau interessant**
- Als nächsten werden die LL(K) Grammatiken näher charakterisiert

# Aufgabe LL(K)-Grammatik

- Zeigen Sie, dass

$G = (\{S\}, \{a,b\}, P, S)$  mit  $P = \{S \rightarrow aSab \mid aSabb \mid b\}$

keine LL(k) Grammatik ist.