

1. Die Bedeutung des Datenmanagements
2. Datenbank-Architektur
3. Modellierung und Entwurf von DB-Systemen
4. Relationale Algebra und Normalisierung
5. Definition und Abfrage von Datenbank-Systemen
6. Dateiorganisation und Zugriffsstrukturen
- 7. Optimierung von Anfragen**
8. Transaktionen
9. weitere Aspekte der Datenbanken

## 7.1 Grundprinzipien der Optimierung

2. Logische/Algebraische Optimierung
3. Beispiel einer Optimierung

# 7.1 Grundprinzipien der Optimierung

### Ziel der Optimierung

- Verarbeitung von **möglichst wenigen Seiten** (Datensätze)
- **Selektion möglichst früh** → kleines Zwischenergebnis
- Basisoperationen (wie Selektion, Projektion) **ohne Zwischenspeicherung von Zwischenergebnissen**
- nur „sinnvolle“ Berechnungen: z.B. keine Vereinigung mit sich selbst, keine leeren Zwischenrelationen
- **Zusammenfassen gleicher Teilausdrücke** → Wiederverwendung von Zwischenergebnissen

### Phasen einer Optimierung

1. Umformung der Anfrage → **logische Optimierung**  
(wird näher betrachtet)
2. Erzeugung von **Zugriffsplänen** (konkrete Algorithmen) →  
**physische Optimierung**  
(wird *nicht* näher betrachtet)
3. **Kostenbasierte Auswahl** eines Zugriffsplans aus  
**statistischen Infos**  
(wird *nicht* näher betrachtet)

## 7.2. Logische/Algebraische Optimierung

### Beispieltabellen

- **Produkt**(ProdNr, Preis, Bezeichnung)
- **Kunde**(KNr, Nachname)
- **Bestellung**(BestNr, ProdNr, KNr, Datum)

### Logische (= Algebraische) Optimierung

- basiert auf der **Ersetzung von Termen der relationalen Algebra** durch Algebraäquivalenzen

→ **Ersetzungsregeln:** Umformung von Anfragen

- Verschiebung von **Operationen**, um **kleinere Zwischenergebnisse** zu erhalten
- Erkennung von **Redundanzen**



# Regel: Entfernen redundanter Operationen (1)

- Beispiel

- Gegeben sei folgende „Zwischenrelation“ oder Sicht  
(`current_date` steht hierbei für „heute“):

$AKT\_PRODUKTE = PRODUKT * \pi_{ProdNr}(\sigma_{Datum=current\_date}(BESTELLUNG))$

- Anfrage: die Sicht `AKT_PRODUKTE` wird mit der Basisrelation `PRODUKTE` verbunden:

$\pi_{Preis}(PRODUKT * AKT\_PRODUKTE)$

### Regel: Entfernen redundanter Operationen (2)

- Ersetzung der Sicht: durch Sichtexpansion entsteht

$$\pi_{\text{Preis}}(\text{PRODUKT} * \text{AKT\_PRODUKTE}) = \\ \pi_{\text{Preis}}(\text{PRODUKT} * \\ \text{PRODUKT} * \pi_{\text{ProdNr}}(\sigma_{\text{Datum=current\_date}}(\text{BESTELLUNG})))$$

- Die natürliche Verbundoperation ist idempotent ( $R * R = R$ ):  
→ die doppelte Relation **PRODUKT** kann weggelassen werden

### Regel: Verschieben von Selektionen

- Beispiel: Selektion über einen natürlichen Verbund

$$\sigma_{\text{Preis} > 100}(\text{BESTELLUNG} * \text{PRODUKT})$$

zunächst Berechnung des Verbunds, anschließend Selektion  
→ eventuell sehr großes Zwischenergebnis

- günstiger ist folgende Berechnung

$$\text{BESTELLUNG} * \sigma_{\text{Preis} > 100}(\text{PRODUKT})$$

### Regel: Reihenfolge von Verbunden

- Mehrfachverbunde: Reihenfolge der Berechnung beeinflusst Größe der Zwischenergebnisse
- Keine eindeutig Regel anwendbar → Statistikinformationen des Data Dictionary verwenden
- Beispiel:  $(\text{KUNDE} * \text{PRODUKT}) * \text{BESTELLUNG}$
- Umformung anhand der Regel:  $*$  ist assoziativ und kommutativ, jedoch keine Vorzugsrichtung gegeben:

$$\text{KUNDE} * (\text{PRODUKT} * \text{BESTELLUNG})$$

### Optimierungsregeln (1)

- **KommJoin**: \* ist kommutativ:  $r_1 * r_2 \Leftrightarrow r_2 * r_1$
- **AssozJoin**: \* ist assoziativ:  $(r_1 * r_2) * r_3 \Leftrightarrow r_1 * (r_2 * r_3)$
- **ProjProj**: die äußere Projektion dominiert die innere, falls die äußere nur Spalten der inneren enthält:

$$\pi_{YX}(\pi_{XX}(r_1)) \Leftrightarrow \pi_{YX} r_1 \quad \text{falls } X \subseteq Y$$

- **SelSel**: Selektionen können vertauscht werden:

$$\sigma_{F_1}(\sigma_{F_2}(r_1)) \Leftrightarrow \sigma_{F_1 \wedge F_2}(r_1) \Leftrightarrow \sigma_{F_2}(\sigma_{F_1}(r_1))$$

### Optimierungsregeln (2)

- **SelProj:** Selektion und Projektion kommutieren

$$\sigma_F(\pi_{XX}(r)) \Leftrightarrow \pi_{XX}(\sigma_F(r)) \text{ falls } \text{dom}(F) \subseteq XX$$

- **SelJoin:** Selektion und Verbund kommutieren

$$\sigma_F(r_1 * r_2) \Leftrightarrow \sigma_F(r_1) * r_2 \text{ falls } \text{dom}(F) \subseteq RR_1$$

$$\sigma_F(r_1 * r_2) \Leftrightarrow \sigma_{F_1}(r_1) * \sigma_{F_2}(r_2) \text{ falls } \text{dom}(F_1) \subseteq RR_1 \text{ und } \text{dom}(F_2) \subseteq RR_2$$

$$\sigma_F(r_1 * r_2) \Leftrightarrow \sigma_{F_2}(\sigma_{F_1}(r_1) * r_2) \text{ falls } \text{dom}(F_1) \subseteq RR_1 \text{ und } \text{dom}(F_2) \subseteq RR_1 \cup RR_2$$

### Optimierungsregeln (3)

- **SelUnion**: Kommutieren von Selektion und Vereinigung

$$\sigma_F(r_1 \cup r_2) \Leftrightarrow \sigma_F(r_1) \cup \sigma_F(r_2)$$

- **SelDiff**: Kommutieren von Selektion und Differenzmenge

$$\sigma_F(r_1 - r_2) \Leftrightarrow (\sigma_F(r_1) - \sigma_F(r_2))$$

$$\sigma_F(r_1 - r_2) \Leftrightarrow \sigma_F(r_1) - r_2$$

- **ProjJoin**: Kommutieren von Projektion und Verbund

$$\pi_{XX}(r_1 * r_2) \Leftrightarrow \pi_{XX}(\pi_{Y_1} r_1 * \pi_{Y_2} r_2) \quad \text{mit } Y_1 = (X \cap R_{R_1}) \cup (R_{R_1} \cap R_{R_2})$$

$\text{und } Y_2 = (X \cap R_{R_2}) \cup (R_{R_1} \cap R_{R_2})$

### Optimierungsregeln (4)

- **ProjUnion:** Kommutieren von Projektion + Vereinigung

$$\pi_{XX}(r_1 \cup r_2) \Leftrightarrow \pi_{XX}(r_1) \cup \pi_{XX}(r_2)$$

- weitere Regeln wie z.B.

$$r \cup r \Leftrightarrow r$$

$$r \cap r \Leftrightarrow r$$

$$r * r \Leftrightarrow r$$

$$r - r \Leftrightarrow \emptyset$$

$$r \cup \emptyset \Leftrightarrow r$$

$$r \cap \emptyset \Leftrightarrow \emptyset$$

$$r * \emptyset \Leftrightarrow \emptyset$$

$$r - \emptyset \Leftrightarrow r$$

$$\emptyset - r \Leftrightarrow \emptyset$$



# Ein einfacher Optimierungsalgorithmus

- liefert bereits brauchbare Ergebnisse
- Schritte
  - Auflösung komplexer Selektionsprädikate: Regel **SelSel**
  - Selektionen möglichst früh anwenden: Regeln **SelJoin**, **SelProj**, **SelUnion** und **SelDiff**
  - Projektionen möglichst früh anwenden: Regeln **ProjProj**, **ProjJoin** und **ProjUnion**

### Beispiel (1)

- Gegeben sei folgende unoptimierte Anfrage

$$\pi_{\text{BestNr}, \text{KNr}}(\sigma_{\text{Datum} > '18.2.15' \wedge \text{Bezeichnung} = 'ArabicaBlack'} \\ \left( \pi_{\text{BestNr}, \text{KNr}, \text{Datum}, \text{Bezeichnung}} \left( ((\text{PRODUKT}) * (\text{BESTELLUNG})) * (\text{KUNDE}) \right) \right))$$

es gilt: Datum ist Attribut von Bestellung  
Bezeichnung ist Attribut von Produkt

### Beispiel (2)

- algebraischen Umformungsregeln
  1. Regel **SelSel**:  $\rightarrow$  Aufteilung in zwei Bedingungen
  2. Selektionen nach innen verschieben:
    - Regel **SelProj**:  $\sigma_{\text{Datum} > '18.2.15'}$  unter  $\pi_{\text{BestNr,KNr,Datum,Bezeichnung}}$
    - Regel **SelProj**:  $\sigma_{\text{Bezeichnung} = 'AAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAA'}$  unter  $\pi_{\text{BestNr,KNr,Datum,Bezeichnung}}$
    - Regel **SelJoin**:  $\sigma_{\text{Datum} > '18.2.15'}$  vor **BESTELLUNG**
    - Regel **SelJoin**:  $\sigma_{\text{Bezeichnung} = 'AAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAA'}$  vor **PRODUKT**
  3. Regel **ProjProj** erlaubt die Zusammenfassung der beiden Projektionen

### Beispiel (3)

- Ergebnis der Umformungen

$$\pi_{\text{BestNr}, \text{KNr}} \left( \sigma_{\text{Bezeichnung} = \text{'ArabicaBlack'}} \left( \text{Produkt} \right) \right)$$

## 7.3 Beispiel einer Optimierung

### Beispiel (1)

- Natürlicher Verbund über das Schlüsselattribut  $KN_r$ , sowie Projektion und Selektion

```
SELECT KUNDE.KNr, KUNDE.Nachname
```

```
FROM KUNDE, BESTELLUNG
```

```
WHERE KUNDE.KNr = BESTELLUNG.KNr AND
```

```
BESTELLUNG.Datum = date('22-NOV-15')
```

### Beispiel (2)

- in der Relation `KUNDE` seien 100 Datensätze gespeichert, auf eine Seite bzw. einen Block passen dabei 5 Datensätze
- in der Relation `BESTELLUNG` seien 10.000 Datensätze gespeichert, auf eine Seite passen jeweils 10 Datensätze
- 3 Datensätze des Kreuzprodukts  $(\text{KUNDE}) \times (\text{BESTELLUNG})$  passen auf eine Seite.
- 50 Datensätze von  $(\text{KUNDE}.\text{KNr}, \text{KUNDE}.\text{Nachname})$  passen auf 1 Seite
- Ca. 50 Bestellungen pro Tag werden aufgegeben

### Beispiel (3)

- Vereinfachungen:
  - für jeden Ausführungsschritt wird eine Zwischenrelation mit dem Ergebnis angelegt
  - der Puffer für jede Relation hat die Größe 1 (also eine Seite bzw. ein Block)
  - auf Seiten werden nur ganze Datensätze abgespeichert
  - Kosten für die Berechnungen in der CPU können ignoriert werden.
  - l / s: Kosten für lesende / schreibende Seitenzugriffe



# 1. Variante: Direkte Auswertung (1)

- Vorgehen
  - **Kombination aller Datensätze** der ersten Relation mit allen Datensätzen der zweiten Relation
  - Test auf **Zugehörigkeit zum natürlichen Verbund**
  - Test der **Selektionsbedingung**
  - Berechnung der **Ergebnisprojektion**
- Interne Realisierung: **geschachtelte Schleifen**

### 1. Variante: Direkte Auswertung (2)

**FROM** KUNDE, BESTELLUNG

- $\text{I: } (100/5 \cdot 10.000/10) = 20.000$  Seitenzugriffe  
Datensätze beider Relationen werden seitenweise eingelesen;  
aufgrund der Puffergröße muss für jede Seite der KUNDE-Relation  
jeweils jede Seite der BESTELLUNG-Relation erneut eingelesen werden
- $\text{s: } (100 \cdot 10.000)/3 = 333.333$  (ca.) Seitenzugriffe  
alle Seiten des Zwischenergebnisses werden gespeichert  
(3 Datensätze des Kreuzprodukts (KUNDE)  $\times$  (BESTELLUNG) passen auf  
eine Seite)

### 1. Variante: Direkte Auswertung (3)

**WHERE** KUNDE.KNr = BESTELLUNG.KNr **AND**  
BESTELLUNG.Datum = date('22-NOV-15')

- bei der Selektion muss erst das Zwischenergebnis des vorigen Schrittes gelesen werden; geschrieben werden alle Datensätze, die das Prädikat erfüllen, also insgesamt 50, die auf 17 Seiten passen:
  - /:  $1000000/3 = 333.333$  (ca.) Seitenzugriffe
  - s:  $50/3 = 17$  (ca.) Seitenzugriffe

### 1. Variante: Direkte Auswertung (4)

**SELECT** KUNDE.KNr, KUNDE.Nachname

- bei der abschließenden Projektion müssen alle 17 Zwischenergebnisseiten gelesen und die eine Seite mit dem Endergebnis zurückgeschrieben werden
  - /:  $50/3 \approx 17$  Seitenzugriffe
  - s:  $50/50 = 1$  Seitenzugriff
- Insgesamt werden ca. 353.350 Seitenzugriffe lesend und ca. 333.018 Seiten zur Zwischenspeicherung benötigt

### 2. Variante: Optimierte Auswertung (1)

- Direkte Auswertung: **sinnlose Berechnung des vollen Kreuzprodukts** beider Relationen
- Alternativer Ansatz mit einer Unterabfrage für die Kunden, die eine Bestellung haben, welche die **Selektionsbedingung**  
`Datum = date('22-NOV-15')` erfüllt.

```
SELECT KNr, Nachname
```

```
FROM KUNDE
```

```
WHERE KNr IN (SELECT KNr FROM BESTELLUNG
```

```
WHERE Datum = date('22-NOV-15'))
```

### 2. Variante: Optimierte Auswertung (2)

**WHERE** Datum = date('22-NOV-15')

- hier erfolgt eine **Vorselektion**, um die Mengenzugehörigkeit (**IN...**) mit einer kleineren Relation durchführen zu können; alle Seiten werden gelesen, und die 50 Bestelleinträge des Tages geschrieben
  - /:  $10.000/10 = 1.000$  Seitenzugriffe
  - s:  $50/10 = 5$  Seitenzugriffe
- (die Kosten für das Schreiben des Ergebnisses der Unterabfrage sind aufgrund der Projektion eigentlich geringer)

### 2. Variante: Optimierte Auswertung (3)

**WHERE** KN<sub>r</sub> **IN** (**SELECT** KN<sub>r</sub> **FROM** BESTELLUNG ...

- die Ermittlung der Kunden, die zu der Menge aus der Unterabfrage gehören, ergibt:

l:  $100/5 * 50/10 = 100$  Seitenzugriffe

s:  $50/3 \approx 17$  Seitenzugriffe

### 2. Variante: Optimierte Auswertung (4)

**SELECT** KNr, Nachname

- abschließend wird die Ergebnisprojektion berechnet:
  - /: 17 Seitenzugriffe
  - s: 1 Seitenzugriffe

Insgesamt werden ca. 1.140 Seitenzugriffe benötigt



### 3. Variante: Indexausnutzung (1)

- **interne Zugriffsstrukturen: Senkung** der Ausführungszeit um eine weitere Größenordnung
- Gegeben sind **zwei Indexe**:  $I(\text{BESTELLUNG}(\text{Datum}))$  und  $I(\text{KUNDE}(\text{KNr}))$ , die **baumstrukturiert** sind, so dass eine **Sortierreihenfolge** ermöglicht wird

### 3. Variante: Indexausnutzung (2)

**WHERE** Datum = date('22-NOV-15')

- die Vorselektion für die Verbundberechnung erfolgt über den Index  $I(\text{BESTELLUNG}(\text{Datum}))$ ; der tatsächliche Aufwand hängt von der Organisation des Indexes ab (Primär- versus Sekundärindex)

$l$ : minimal 5, falls alle Bestellungen des Tages optimal zusammen liegen; maximal 50, wenn beim Zugriff über Sekundärindex alle 50 Bestellungen auf verschiedenen Seiten gespeichert sind

$s$ :  $50/10 = 5$  Seitenzugriffe

### 3. Variante: Indexausnutzung (3)

- Sortierung nach  $KN_r$ 
  - als Vorbereitung wird das Zwischenergebnis sortiert  
/ + s:  $5 \cdot \log_2 5 = 15$  (ca.) Seitenzugriffe  
(Hinweis:  $\log_2 5$  zur Basis 2  $\approx 2,3$ ; aufgerundet 3)

### 3. Variante: Indexausnutzung (3)

**WHERE**  $KN_r$  **IN** (**SELECT**  $KN_r$  **FROM** BESTELLUNG ...

- der Verbund wird als Join über den Index  $I(KUNDE(KN_r))$  und der sortierten Relation  $r_2$  realisiert; der Index  $I(KUNDE(KN_r))$  ist ein baumstrukturierter Primärindex über  $KN_r$  und erlaubt daher ein effizientes Auslesen in Sortierreihenfolge

l:  $100/5 + 5 = 25$  Seitenzugriffe

s:  $50/3 = 17$  Seitenzugriffe

### 3. Variante: Indexausnutzung (4)

**SELECT** KNr, Nachname

- Berechnung der Ergebnisprojektion ergibt:
  - /: 17 Seitenzugriffe
  - s: 1 Seitenzugriffe

Insgesamt werden maximal ca. 130 und minimal ca. 85  
Seitenzugriffe benötigt

Durch weitere Optimierungsverfahren, kann man noch weitere  
Zugriffe sparen