

Algorithmen und Komplexität
TIF 21A/B
Dr. Bruno Becker

Übungsblatt 5: Graphen

Übungsblatt 5 – Aufgabe 1

Gegeben sei eine Adjazenz-Liste A , die Graphen mit maximal n Knoten abspeichern kann.

Die verkettete Liste mit den Nachbarn eines Knoten sei einfach verkettet und unsortiert, d.h. $A[i]$ zeigt auf den ersten Nachbarn von i (oder ist *null*).

a) Erstellen Sie eine Methode *InsertNode(int i)*, die einen Knoten mit dem Schlüssel i ($i < n$) in die Adjazenzliste A einfügt.

b) Erstellen Sie eine Methode *InsertEdge(int i, j)*, die eine Kante $\langle i, j \rangle$ in den Graphen einfügt. Wie oft kommt die Kante der Adjazenzliste vor?

a)

```
public void insert node (int i);
```

```
{ a[i] = null; // Nichts zu tun
```

```
}
```

b) public void insert edge (int i,j);

```
{ // Füge j in Adjazenzliste von i als 1. Element ein
```

```
    Private help = new node();
```

```
    help.key = j;
```

```
    help.next = a[i]; // zeigt auf 1. Nachbarn von i oder ist NULL
```

```
    a[i] = help; // Einfügen von j am Anfang
```

```
// Füge i in Adjazenzliste von j als 1. Element ein
```

```
    help = new node();
```

```
    help.key = i;
```

```
    help.next = a[j]; // zeigt auf 1. Nachbarn von j oder ist NULL
```

```
    a[j] = help; // Einfügen von i am Anfang
```

```
}
```

Übungsblatt 5 – Aufgabe 1

Gegeben sei eine Adjazenz-Liste A , die Graphen mit maximal n Knoten abspeichern kann.

Die verkettete Liste mit den Nachbarn eines Knoten sei einfach verkettet und unsortiert, d.h. $A[i]$ zeigt auf den ersten Nachbarn von i (oder ist *null*).

- c) Erstellen Sie eine Methode *DeleteNode(int i)*, die einen Knoten und alle angrenzenden Kanten aus dem Graphen löscht.
- d) Welchen Aufwand haben die Operationen im mittleren und schlechtesten Fall?
- e) Was ändert sich am Aufwand, wenn die Nachbarlisten der Knoten sortiert gehalten werden?

c) Hilfsmethode:

```
public void deletefromadjlist (int i,j);
```

```
{ // Löscht i aus Adjazenzliste von j – Annahme i ist in Liste enthalten
```

```
    private node h1 = a[j];
```

```
    private node h2 = a[j].next;
```

```
    while (h2.key  $\neq$  i)
```

```
    { h1 = h1.next;
```

```
      h2 = h2.next;
```

```
    } // h2 zeigt auf das zu löschende Element, h1 auf das Element davor
```

```
    h1.next = h2.next;
```

```
    h2.next = Null;
```

```
}
```

d) $O(1)$, $O(1)$, $O(|V|^2)$

e) $O(1)$, $O(|V|)$, $O(|V|^2)$

```
public void deletenode (int i);
```

```
{ // Für jeden Nachbarn j von i wird i mit der  
  Hilfsmethode aus der Adjazenzliste von j gelöscht
```

```
    private node help = a[i];
```

```
    while (help  $\neq$  Null)
```

```
    { deletefromadjlist (i, help.key);
```

```
      help = help.next;
```

```
    }
```

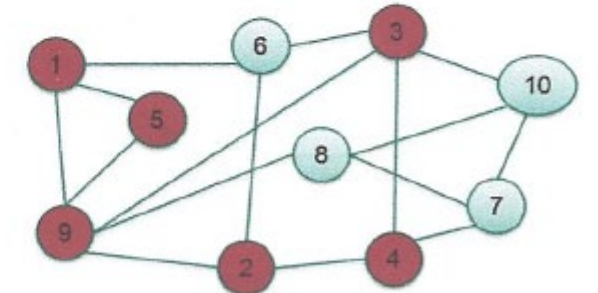
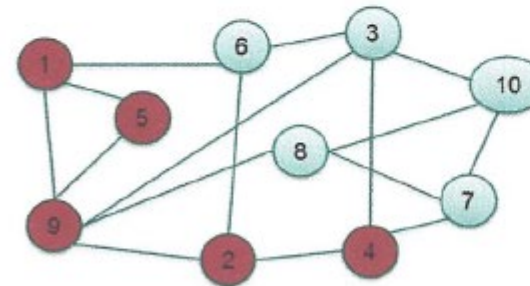
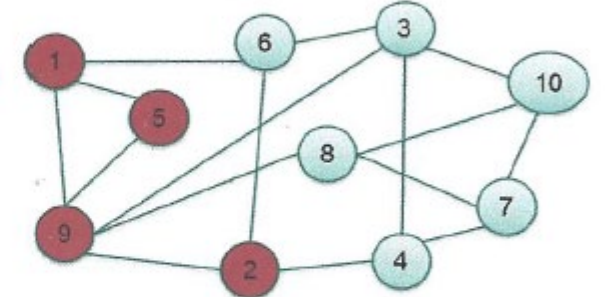
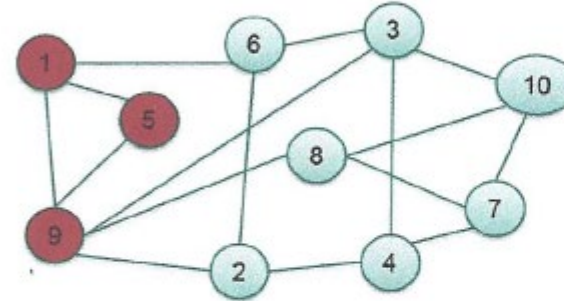
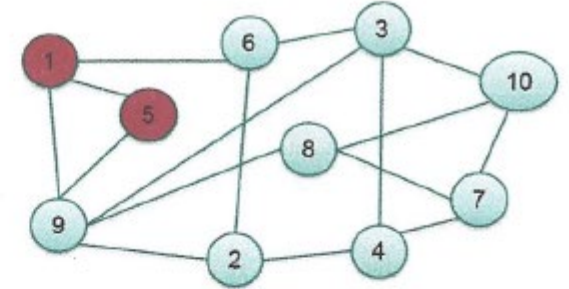
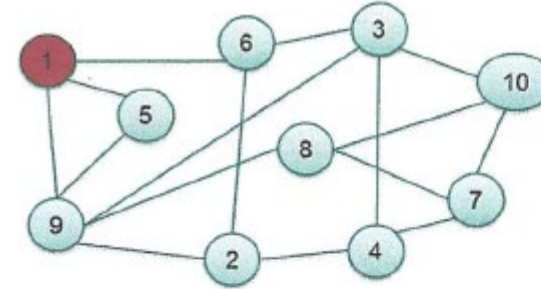
```
    a[i] = Null;
```

```
}
```

Übungsblatt 5 – Aufgabe 2

Tiefensuche

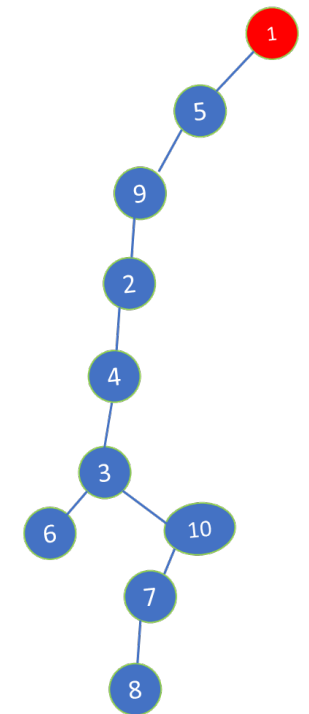
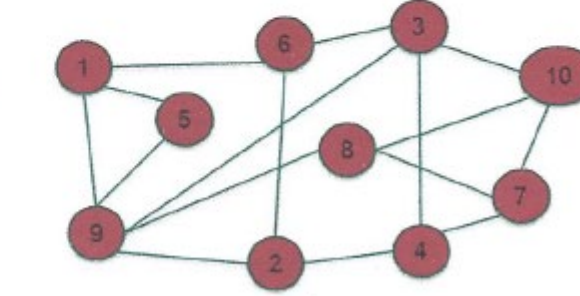
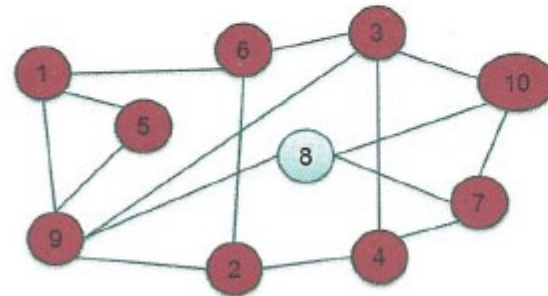
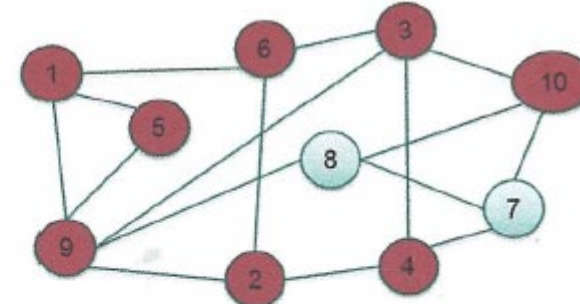
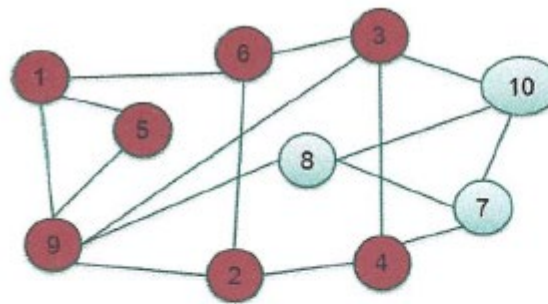
Schritt	Knoten	Nachbarn	markiert
1	1	5 6 9	1
2	5	1 9	1 5
3	9	1 2 3 5 8	1 5 9
4	2	4 6 9	1 5 9 2
5	4	2 3 7	1 5 9 2 4
6	3	4 6 9 10	1 5 9 2 4 3



Übungsblatt 5 – Aufgabe 2

Tiefensuche

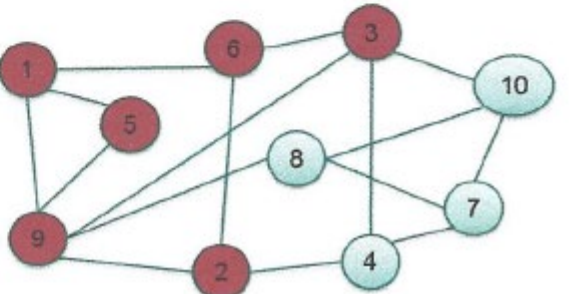
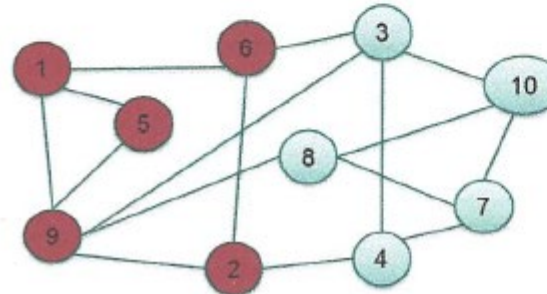
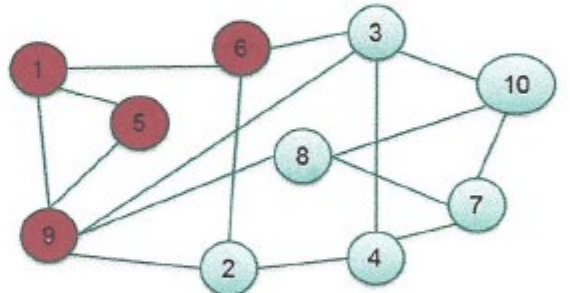
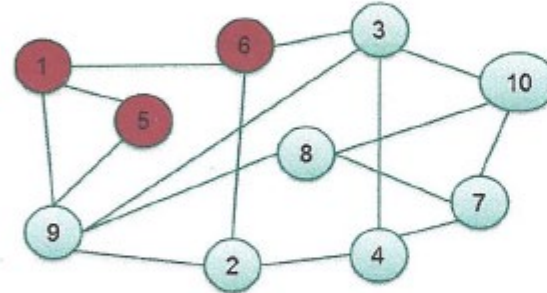
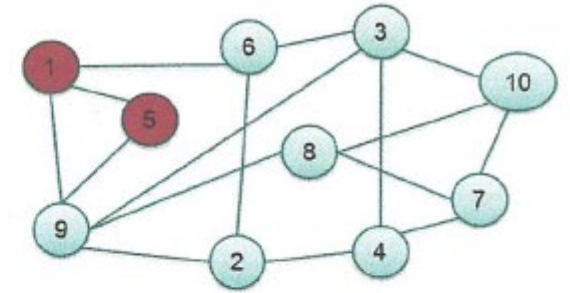
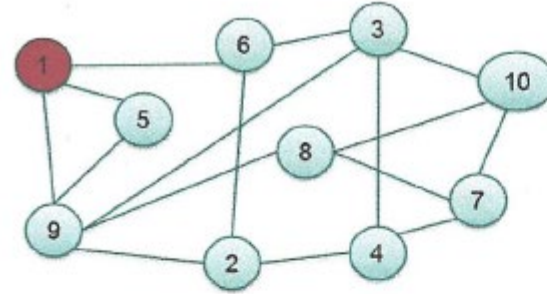
Schritt	Knoten	Nachbarn	markiert
1	1	5 6 9	1
2	5	1 9	1 5
3	9	1 2 3 5 8	1 5 9
4	2	4 6 9	1 5 9 2
5	4	2 3 7	1 5 9 2 4
6	3	4 6 9 10	1 5 9 2 4 3
7	6	1 2 3	1 5 9 2 4 3 6
8	3	4 6 9 10	1 5 9 2 4 3 6
9	10	3 7 8	1 5 9 2 4 3 6 10
10	7	4 8 10	1 5 9 2 4 3 6 10 7
11	8	7 9 10	alle



Übungsblatt 5 – Aufgabe 3

Breitensuche

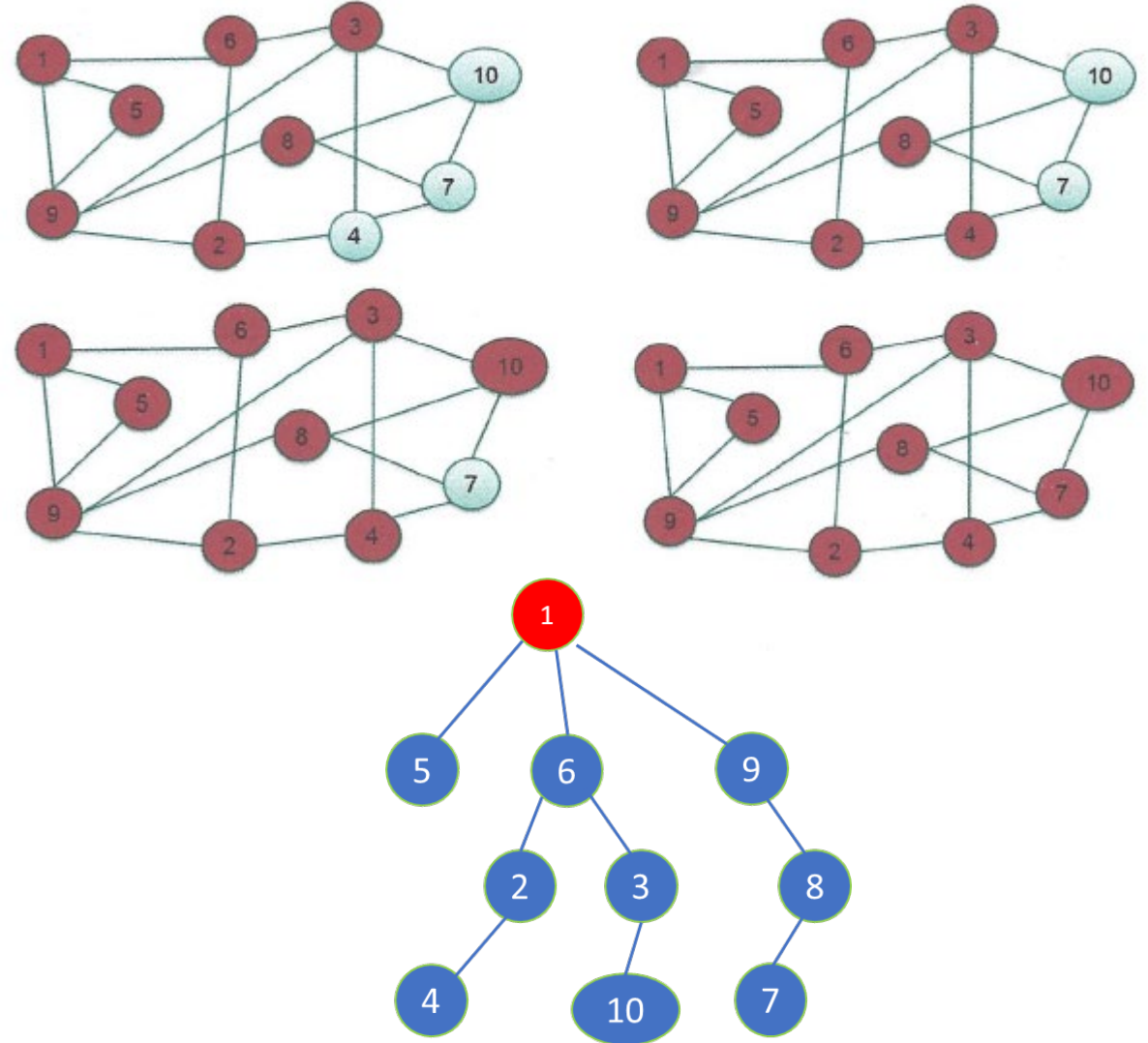
Schritt	Knoten	Nachbarn	markiert
1	1	5 6 9	1
2	5	1 9	1 5
3	6	1 2 3	1 5 6
4	9	1 2 3 5 8	1 5 6 9
5	2	4 6 9	1 5 6 9 2
6	3	4 6 9 10	1 5 6 9 2 3



Übungsblatt 5 – Aufgabe 3

Breitensuche

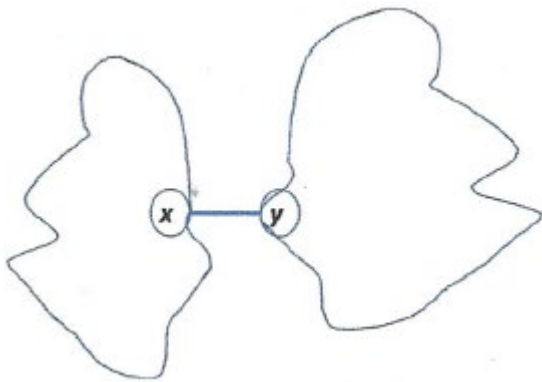
Schritt	Knoten	Nachbarn	markiert
1	1	5 6 9	1
2	5	1 9	1 5
3	6	1 2 3	1 5 6
4	9	1 2 3 5 8	1 5 6 9
5	2	4 6 9	1 5 6 9 2
6	3	4 6 9 10	1 5 6 9 2 3
7	8	7 9 10	1 5 6 9 2 3 8
8	4	2 3 7	1 5 6 9 2 3 8 4
9	10	3 7 8	1 5 6 9 2 3 8 4 10
10	7	4 8 10	alle



Übungsblatt 5 – Aufgabe 4

Eine Kante in einem zusammenhängenden, ungewichteten Graphen heißt **Brücke**, wenn das Entfernen dieser Kante den Graphen in zwei Teile zerfallen lässt.

Entwerfen Sie einen möglichst effizienten Algorithmus, der zu einem gegebenen Graphen G und einer Kante $\langle i, j \rangle$ ermittelt, ob die Kante $\langle i, j \rangle$ eine Brücke ist.



$a = \langle x, y \rangle$ ist Brücke von $G \Leftrightarrow G' = (V, E \setminus \{a\})$ besteht aus 2 Zusammenhangskomponenten

Idee: DFS mit Start x auf G' :

If ($y \in \text{DFS}(G', x)$)

Ausgabe („ a ist keine Brücke“)

else

Ausgabe („ a ist Brücke“)