



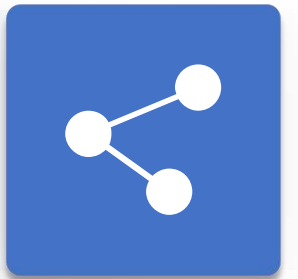
浙江大学物理实验教学中心

TEACHING CENTER FOR EXPERIMENTAL PHYSICS OF ZHEJIANG UNIVERSITY

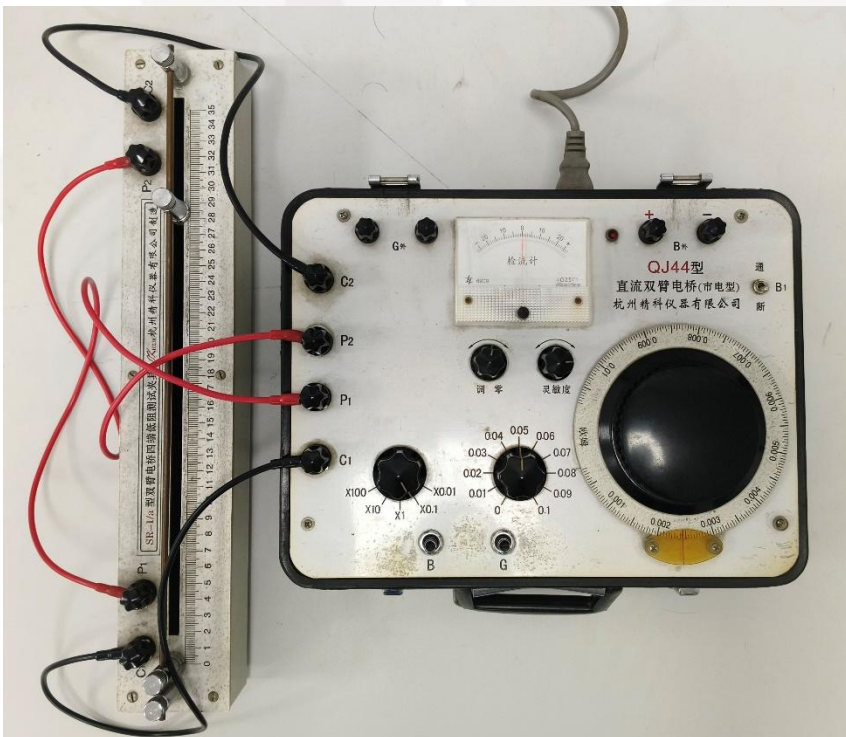
直流双臂电桥

Kalvin Double Bridge

浙江大学 物理实验教学中心



用直流双臂电桥测量金属导体电阻



实验要求:

- 1、熟悉双臂电桥按钮功能;
- 2、根据电路图, 接入待测金属导体, 选择适当倍率, 测量其阻值。

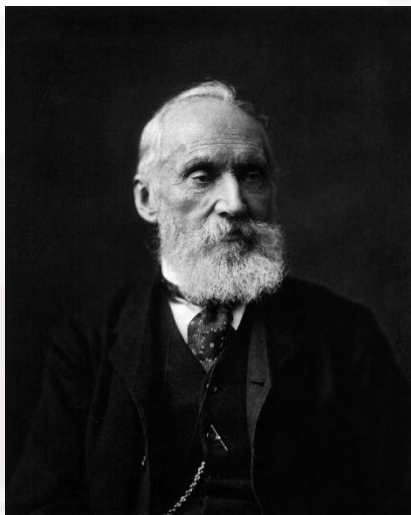
1

EXPERIMENT BACKGROUND 实验背景



惠斯登

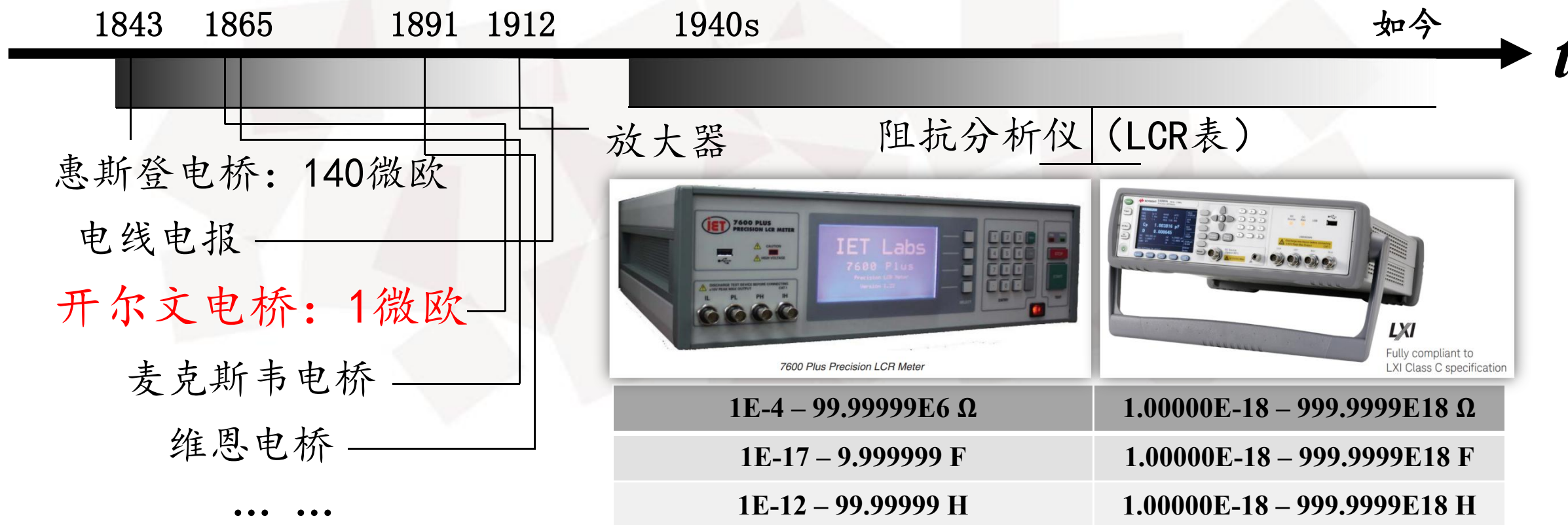
C. Wheatstone
1802-1875



开尔文

W. Thomson
1824-1907

1862年英国的W. 汤姆孙在研究利用单臂电桥测量小电阻遇到困难时，发现引起测量产生较大误差的原因是引线电阻和连接点处的接触电阻。这些电阻值可能远大于被测电阻值。因此，他提出了新的桥路，想办法消除或减小接线电阻和接触电阻对测量结果的影响，被称为汤姆孙电桥。后因他晋封为开尔文勋爵，故又称开尔文电桥。



2

EXPERIMENT OBJECTIVE 实验目的



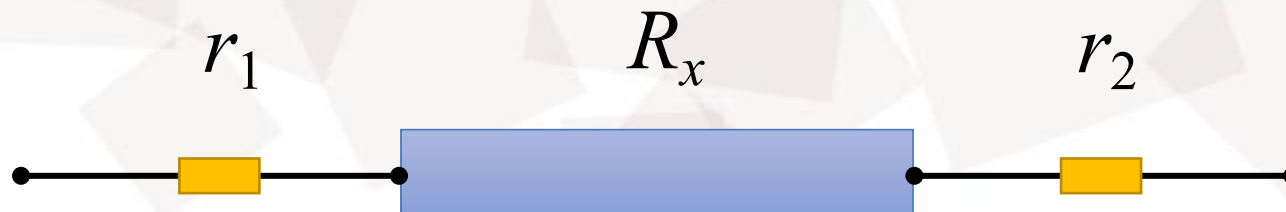
- 掌握双臂电桥测量低电阻的原理和使用方法
- 了解单臂电桥与双臂电桥的关系和区别

3

EXPERIMENT PRINCIPLE 实验原理

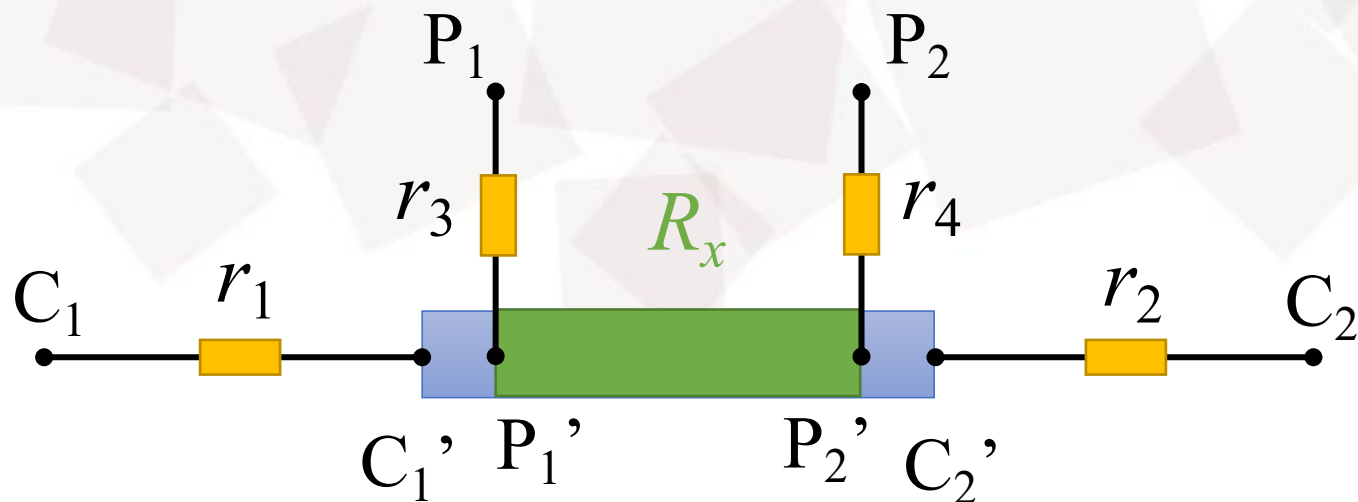
接触电阻与导线电阻的影响

r_1 和 r_2 代表接触电阻和导线电阻，一般在 $0.01-1\ \Omega$ 的数量级。由图可见，当测量电阻时 r_1 和 r_2 会包含于内，实际测得的阻值为 $R_x+r_1+r_2$ ，当 R_x 与 r_1 、 r_2 同数量级时引入的误差就很大。

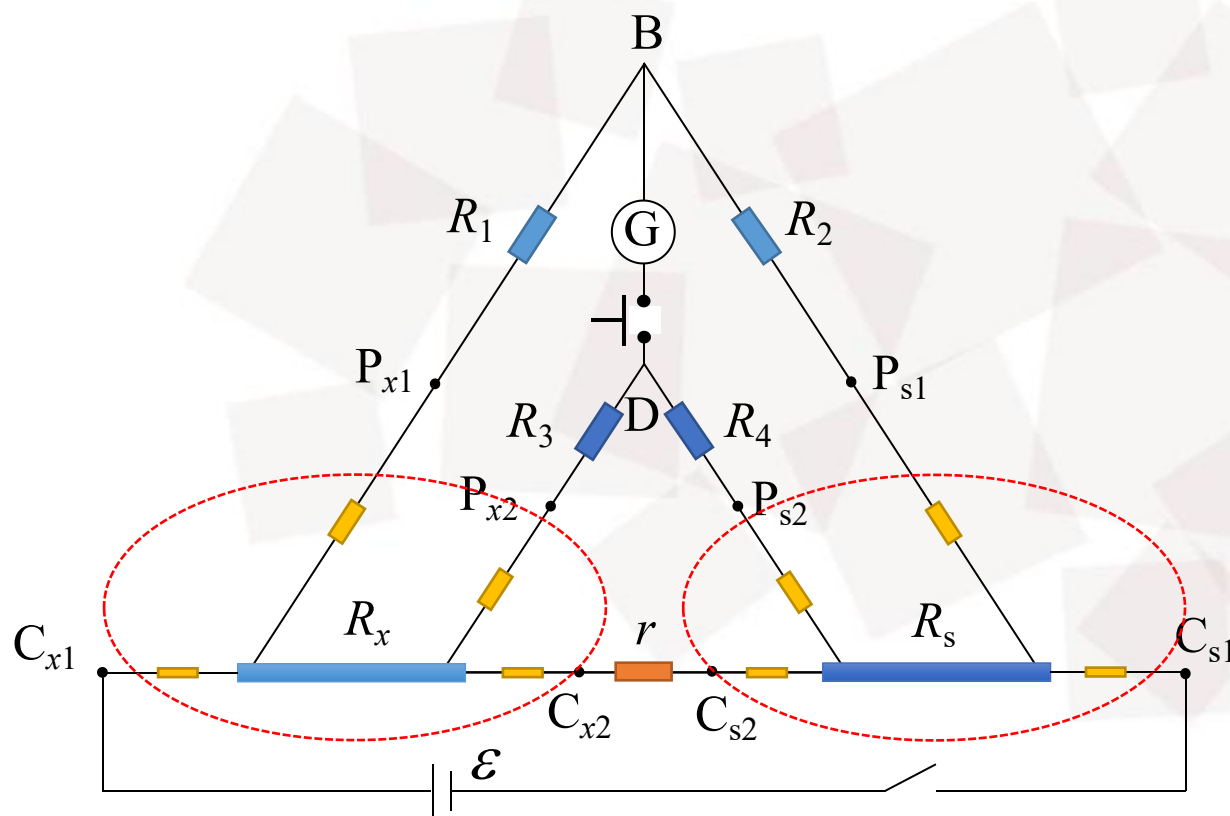


四端接入法减小误差

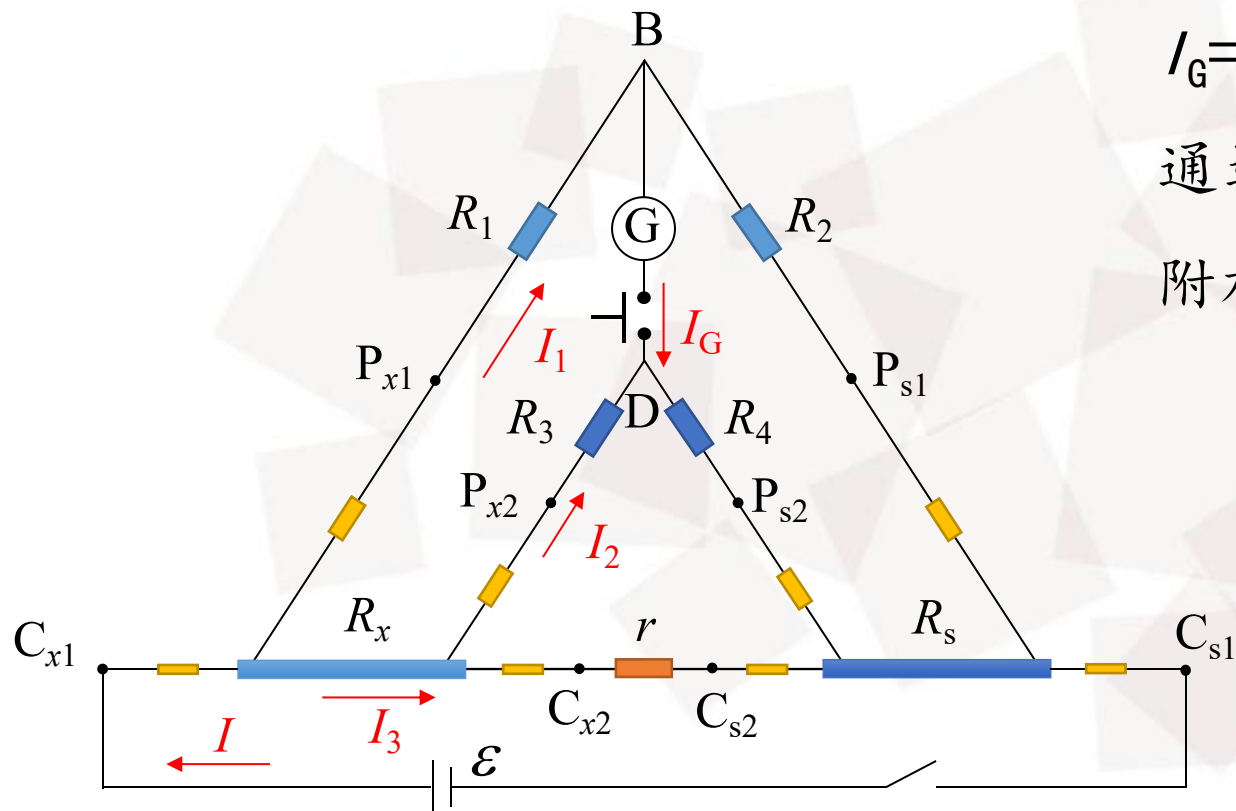
为了消除（或减小）接线电阻对测量结果的影响，用四端接入法进行电阻连接。与两端接入法相比，四端接入法“转移”了附加电阻相对于待测电阻的位置。如图所示， C_1' 、 P_1' 、 P_2' 、 C_2' 是一个完整的低值电阻，其中 C_1' 和 C_2' 称为电流接头， P_1' 和 P_2' 称为电位接头，介于电位接头间绿色的部分才是实测电阻 R_x ，附加电阻 r_1 、 r_2 已被“转移”到被测电阻之外，而新增的附加电阻 r_3 、 r_4 并不与 R_x 直接串联，因此不会改变待测电阻的阻值。



双臂电桥原理

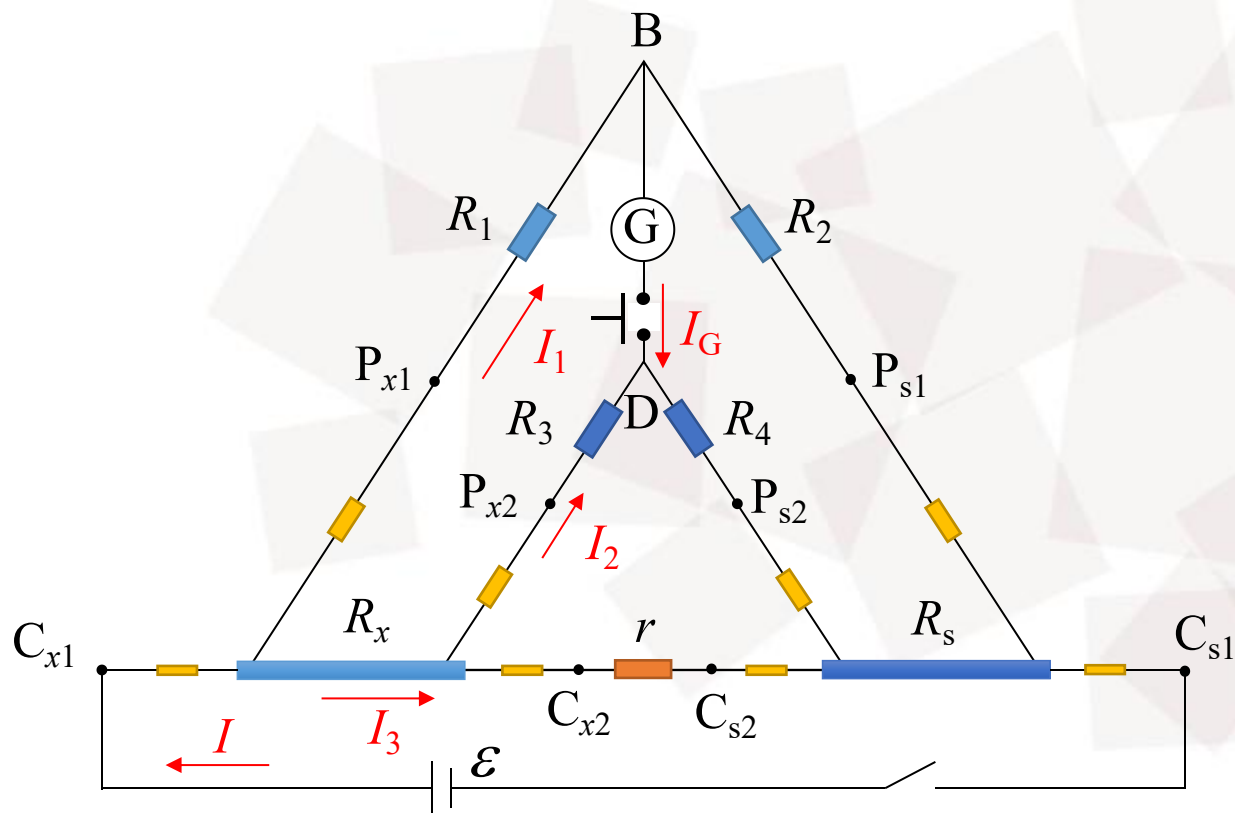


把采用四端接入法的低电阻接入原惠斯登（单臂）电桥，演变成双臂电桥，其等效电路如左图所示。为了消除附加电阻的影响，分别接入阻值均大于 $10\ \Omega$ 的标准电阻 R_3 和 R_4 ，且为考虑电桥平衡时 R_1/R_2 与 R_3/R_4 的差别对测量结果的影响，用阻值小于 $0.001\ \Omega$ 的粗导线 r 来连接电阻 R_x 和 R_s 。此外，电路中加接一放大电路，用以增加灵敏度，使不平衡电流 I_G 通过放大后再由检流计指示。



当电桥平衡时，检流计指示为零， $I_G=0$ 。这时通过 R_1 和 R_2 的电流相等，记为 I_1 ，通过 R_3 和 R_4 的电流也相等，记为 I_2 ，忽略附加电阻的影响，根据基尔霍夫定律，有：

$$\left\{ \begin{array}{l} R_1 I_1 = R_3 I_3 + R_3 I_2 \\ R_2 I_1 = R_s I_3 + R_4 I_2 \\ (R_3 + R_4) I_2 = r(I_3 - I_2) \end{array} \right.$$



解放程组得：

$$R_x = \frac{R_1}{R_2} R_s + \frac{R_4 \cdot r}{R_3 + R_4 + r} \left(\frac{R_1}{R_2} - \frac{R_3}{R_4} \right)$$

若在电桥使用过程中始终确保 $R_1/R_2 = R_3/R_4$ 成立，则上式中第二项为零，公式转化为：

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4} \quad R_x = \frac{R_1}{R_2} R_s$$

可见，当双臂电桥调节平衡时，由比较臂电阻 R_s 和比率臂 R_1/R_2 示数的乘积，便可求得待测低电阻 R_x 的值。

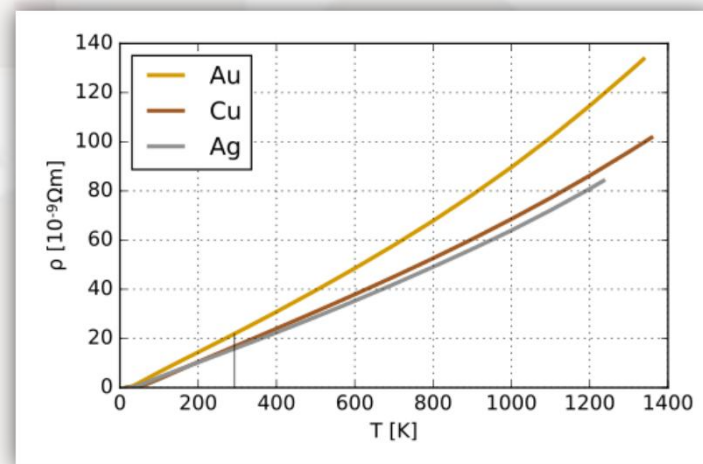


为确保 $R_1/R_2=R_3/R_4$ 在电桥使用过程中始终成立，通常将两对比率臂（ R_1/R_2 ， R_3/R_4 ）选用双十进制电阻箱。它的基本原理是将两个相同十进制电阻器的转臂连接在同一转轴上，这样在转臂的任一位置都将保持 R_1 和 R_3 ， R_2 和 R_4 分别相等。在实际双臂电桥中，很难做到 $R_1/R_2=R_3/R_4$ ，为了减小误差，要求电阻 r 越小越好，因此使用阻值小于 $0.001\ \Omega$ 的粗导线来连接 R_x 和 R_s 。

金属电阻与温度系数

- 金属电阻随温度变化的特性：
 - 高温（线性）：电子声子相互作用主导
 - 低温（幂次）：电声、电电、轨道电子
Bloch-Grüneisen theorem

$$\rho(t) = \rho_0 + A \left(\frac{t}{\Theta} \right)^n \int_0^{\Theta/t} \frac{x^n}{(e^x - 1)(1 - e^{-x})} dx$$



- 室温下，温度变化不大时，金属电阻表现为线性：

来源：wikipedia

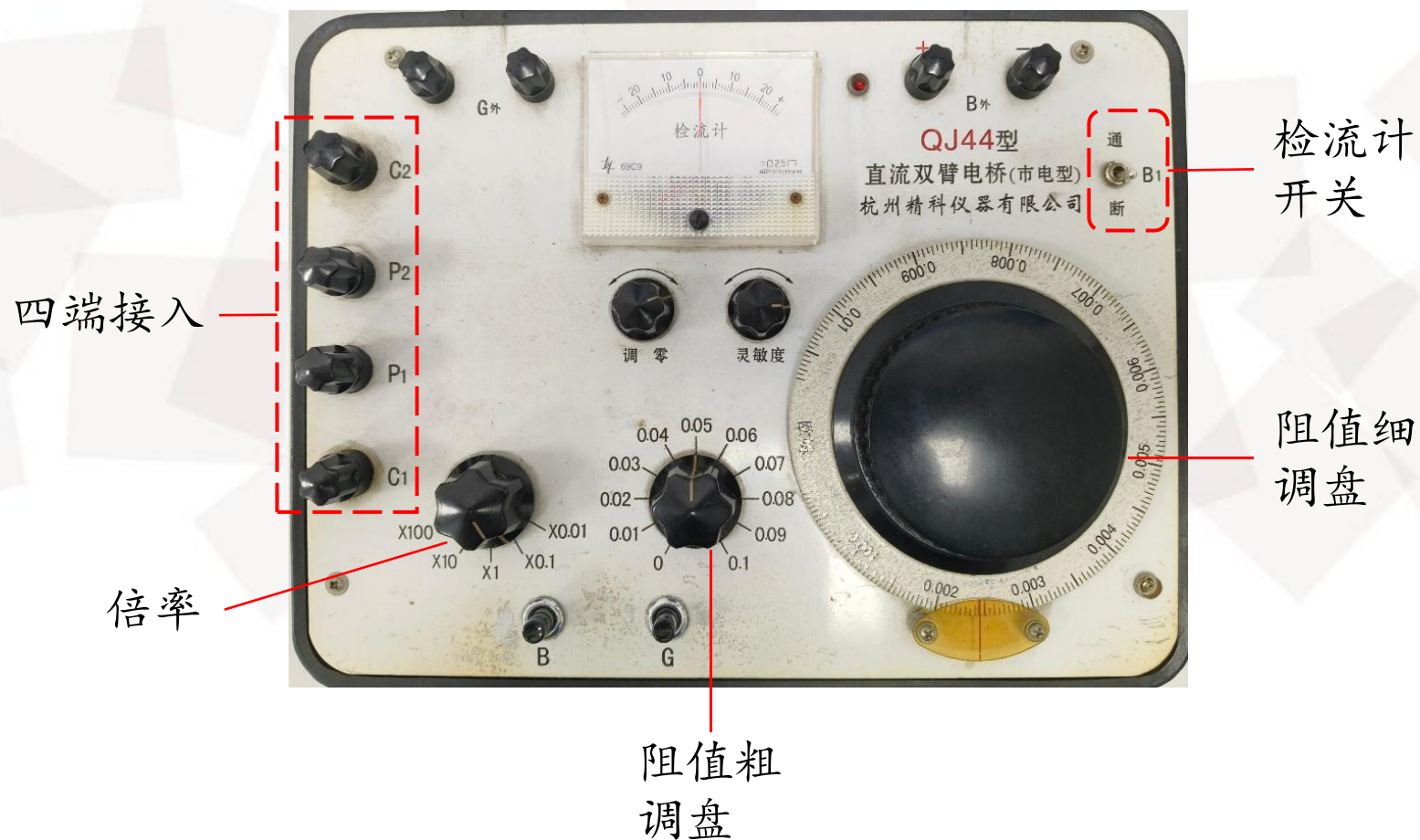
$$R_t = R_0(1 + \alpha t)$$

R_0 为变温电阻 0°C 时的阻值， α 为温度系数 (Ω/K)

4

EXPERIMENT DEVICE 实验仪器

QJ44型直流双臂电桥





温控装置



5

EXPERIMENT CONTENT 实验内容



1、测量金属导体电阻率

- (1) 开启双臂电桥，开启检流计，灵敏度调节至最低，调零检流计；
- (2) 接入待测金属导体，选择适当倍率，先按B通电，后按G检流，调节阻值粗调与细调盘，使检流计偏转减小。逐渐提高电桥灵敏度，调节电桥平衡，在最高灵敏度读数：

$$R_x = \text{倍率} * (\text{阻值粗调} + \text{阻值细调})$$

- (3) 分别测量金属导体的直径和长度。



2、测量金属导体电阻温度系数

- (1) 接入待测金属导体，在双臂电桥检流计灵敏度最高档调节电桥平衡；
- (2) 开启加热装置，设定目标温度；
- (3) 采用加温或降温法，温度每改变 5°C 左右测量电阻及其对应温度，记录10组数据。

6

EXPERIMENT RESULT 实验结果



1、测量金属导体电阻率

(1) 实验数据

	阻值 R	直径 d	长度 L	电阻率 ρ
数值				

(2) 分别求出 R 、 d 、 L 的不确定度，并写出各分量不确定度表达式，利用间接测量计算合成不确定度的方法计算电阻率 ρ 的不确定度；

(3) 写出电阻率的结果表达式： $\rho = \bar{\rho} \pm U(\rho)$



2、测量金属导体电阻温度系数

(1) 实验数据

次数	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
升温 $t/^{\circ}\text{C}$										
降温 $t/^{\circ}\text{C}$										
电阻 R_x/Ω										

(2) 充分利用数据，将数据分别代入 $\alpha = \frac{R_{x2} - R_{x1}}{R_{x1}t_2 - R_{x2}t_1}$ ，求出 α 值，再求出平均值 $\bar{\alpha}$ ，并与理论值($\alpha = 433 \cdot 10^{-5}^{\circ}\text{C}^{-1}$)比较，求相对误差；

(3) 作 R_t-t 特性曲线，根据曲线求出 α 值，与理论值比较，求相对误差。

谢谢！

Kalvin Double Bridge

MANY THANKS

