

## Équation discrétisée de la quantité de mouvement *Discretized momentum equation*

$$\frac{\partial U}{\partial t} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x} + \frac{\partial}{\partial z} \left( \nu \frac{\partial U}{\partial z} + l_{gm}^2 \left| \frac{\partial U}{\partial z} \right| \frac{\partial U}{\partial z} \right)$$

$$\frac{\partial U}{\partial t} = forcing + \frac{\partial}{\partial z} \left( K_z \frac{\partial U}{\partial z} \right)$$

Avec/ *with*

$$l_{gm} = \left( \kappa z \left( 1 - \frac{z}{h} \right)^{0.5} \right)$$

$$K_z = \nu + l_{gm}^2 \left| \frac{\partial U}{\partial z} \right|$$

$$K_{zk} = \nu + l_{gm,k}^2 \frac{|U_k^{t-1} - U_{k-1}^{t-1}|}{\Delta z} \quad (\text{pour } k \text{ de } 1 \text{ à } nz-1)$$

$$kdudz_k = K_{zk} \frac{(U_k^{t-1} - U_{k-1}^{t-1})}{\Delta z} \quad (\text{pour } k \text{ de } 1 \text{ à } nz-1)$$

$$U_k^t = U_k^{t-1} + \Delta t \quad (\text{pour } k \text{ de } 0 \text{ à } nz-1)$$

### Conditions aux limites

En surface :  $kdudz_{nz} = 0$

Au fond, dans la couche limite turbulente on a :  $K_z \frac{\partial U}{\partial z} = u_{\tau}^2$

et avec l'hypothèse d'un profil logarithmique de vitesse

$$K_z \frac{\partial U}{\partial z} = \left[ \frac{\kappa u}{\log\left(\frac{z}{z_0}\right)} \right]^2$$