

$$X \sim \text{Ber}(p) \quad g_X(s) = \mathbb{E} S^X = s^0 \cdot q + s^1 \cdot p = q + ps$$

$$q + ps$$

6. Биномиальное распределение с параметрами n и p возникает.

X_1, X_2, \dots, X_n и образуют $X = \sum_{j=1}^n X_j$ для n независимых и одинаковых

$$X \in \text{Bi}(n, p)$$

Функция Мена $X \in \text{Bi}(n, p)$. Имеем:

$$a) g_X(s) = (q + ps)^n$$

$$b) \mathbb{E} X = np; \quad D X = npq$$

$$b) \begin{array}{c|c|c|c} X & 0 & k & n \\ \hline P & & p^k \cdot q^{n-k} \cdot \binom{n}{k} & \end{array}$$

$$\text{Доказательство} \quad a) X = \sum_{j=1}^n X_j \implies g_X(s) = \prod_{j=1}^n g_{X_j}(s) = (q + ps)^n$$

$$b) \mathbb{E} X = \mathbb{E} \sum_{j=1}^n X_j = \sum_{j=1}^n \mathbb{E} X_j = np$$

$$D X = D \sum_{j=1}^n X_j \stackrel{\text{незав.}}{=} \sum_{j=1}^n D X_j = npq$$

$$b) k! P(X=k) = g_X^{(k)}(0), \quad 0 \leq k \leq n$$

$$\frac{d^k}{ds^k} (q + ps)^n \Big|_{s=0} = n(n-1)\dots(n-k+1)(q+ps)^{n-k} p^k \Big|_{s=0}$$

$$= n(n-1)\dots(n-k+1) q^{n-k} p^k =$$

$$= k! P(X=k)$$

⊕ $X \sim \text{Bi}(100000, 0.01)$ для зараженных больных се

В. Геометрическое распределение

Функция $X \in \text{Ge}(p)$ и $X = \min \{j \geq 1 : \sum_{i=1}^j X_i = 1\}$ или для независимых до первого успеха (геометрическое распределение)