

Séance 11: RÉSEAU SOCIAL

Université de Paris Cité

Objectifs:

- Manipulation des listes de listes d'entiers
- Boucles imbriquées

Nous voulons dans ce TP modéliser un réseau social dans lequel plusieurs utilisateurs sont inscrits. Les utilisateurs sont nommés avec les numéros $0, 1, 2 \dots n$. Nous allons représenter le réseau par une liste de listes d'entiers R (une matrice de deux dimensions) où chaque case $R[i][j]$ vaut :

- 1 si l'utilisateur i est ami avec l'utilisateur j
- 0 sinon.

Par exemple, un réseau R dans lequel il y a quatre utilisateurs peut valoir la liste de listes suivante :

```
1  [[0,0,0,1], [0,0,0,1], [0,0,0,0], [1,1,0,0]]
2
```

On pourrait formater le code pour qu'il ressemble à une matrice de deux dimensions :

```
1  [[0,0,0,1],
2   [0,0,0,1],
3   [0,0,0,0],
4   [1,1,0,0]]
5
```

Les utilisateurs 0 et 1 sont amis avec l'utilisateur 3 (car $R[0][3]=1$ et $R[3][0]=1$, et $R[1][3]=1$ et $R[3][1]=1$), mais pas entre eux, l'utilisateur 2 n'est ami avec personne et l'utilisateur 3 est ami de 0 et 1, mais pas de 2.

Notez qu'il y a un *invariant*, c'est-à-dire une propriété qui doit être satisfaite par toutes les listes de listes qui représentent un réseau social :

1. un utilisateur n'est jamais ami avec lui-même
2. pour chaque couple d'utilisateurs i et j : si i est l'ami de j alors j est aussi l'ami de i .

Toutes les fonctions et procédures qui créent des réseaux sociaux ou qui les modifient doivent conserver cet invariant.

Exercice 1 (Les fonctionnalités de base, ★ – ★★)

1. Vous connaissez `[0]*n` qui permet de créer un tableau de longueur n . Dire pourquoi le code ci après ne permet pas de créer un tableau de tableaux permettant de gérer un réseau social :

```
1 def blank_graph_wrong(n):
2     return [[0]*n]*n
```

2. Écrivez une fonction `random_graph(n)` qui renvoie un réseau sous la forme de liste de listes comme vu ci-dessus. Il y aura dans cette liste un nombre `n` d'utilisateurs et l'amitié entre deux utilisateurs est aléatoire (disons une chance sur deux). Rappelez-vous la fonction `randint(a,b)` des TP précédents. Rappelez-vous aussi que la liste des listes renvoyée par `random_graph` doit respecter les invariants 1 et 2 décrits ci-dessus.
3. Écrivez une fonction `nb_friends(R,a)` qui, pour un réseau `R` et un utilisateur `a`, renvoie le nombre d'amis que possède `a` dans le réseau. Par exemple, si `R` est le réseau donné en exemple ci-dessus, `nb_friends(R,2)` renvoie 0, alors que `nb_friends(R,3)` renvoie 2.
4. Écrivez une fonction `ls_friends(R,a)` qui, pour un réseau `R` et un utilisateur `a`, renvoie une liste contenant tous les amis de `a` dans le réseau et une liste vide s'il n'en possède aucun. Par exemple, si `R` est le réseau donné en exemple ci-dessus, `ls_friends(R,2)` renvoie la liste vide, alors que `ls_friends(R,3)` renvoie `[0,1]` (ou la liste `[1,0]`, l'ordre de ses éléments n'ayant pas d'importance).
5. Écrivez une fonction `popular(R)` qui renvoie l'utilisateur le plus populaire du réseau : c'est l'utilisateur avec le plus grand nombre d'amis dans le réseau. S'il y a plusieurs utilisateurs qui sont le plus populaire il suffit d'en renvoyer un de votre choix. Sur le réseau `R` donné en exemple ci-dessus, l'appel `popular(R)` renvoie 3.
6. Écrivez une fonction `nb_common_friends(R,a,b)` qui renvoie pour un réseau `R` et deux utilisateurs `a` et `b` le nombre d'amis qu'ils ont en commun. Par exemple, si `R` est le réseau donné en exemple ci-dessus, `nb_common_friends(R,0,1)` renvoie 1, alors que `nb_common_friends(R,0,3)` renvoie 0.
7. Écrivez une fonction `ls_common_friends(R,a,b)` qui renvoie pour un réseau `R` et deux utilisateurs `a` et `b` une liste contenant les amis qu'ils ont en commun. Par exemple, si `R` est le réseau donné en exemple ci-dessus, `ls_common_friends(R,0,1)` renvoie `[3]`, alors que `ls_common_friends(R,0,3)` renvoie la liste vide.
8. Écrivez une fonction `add_user(R)` qui renvoie un nouveau réseau qui est comme `R`, sauf qu'il y a un utilisateur en plus qui n'a pas d'amis.
9. Écrivez une procédure `register_friends(R,a,frs)` qui modifie un réseau `R` en mettant l'information que tous les utilisateurs de la liste `frs` sont des amis de l'utilisateur `a`. Veillez à l'invariant expliqué en haut.
10. Considérons une liste `noms` qui contient des chaînes de caractères. Pour chaque indice `i` la case `noms[i]` contient le nom de l'utilisateur `i`. Par exemple, si `noms` vaut :

```

1     noms = ['Evan Spiegel', 'Jack Dorsey', 'Mark Zuckerberg', '
2     Kevin Systrom']

```

Alors le nom de l'utilisateur numéro 2 est `noms[2]` et donc `'Mark Zuckerberg'`. Quelle est la longueur de cette liste ? Écrire un fonction `popular_name` qui, étant donné un réseau `R` et une liste de noms `noms` pour les utilisateurs de `R`, renvoie le nom de l'utilisateur le plus populaire d'un réseau.

□

Exercice 2 (Événement, ***)

Dans cette partie on souhaite utiliser notre réseau social afin d'améliorer l'alchimie d'une pendaison de crémaillère à venir.

On va tester les exercices suivants avec le réseau social suivant :

```

1     R2 = [[0, 1, 0, 1, 0],
2           [1, 0, 1, 0, 0],
3           [0, 1, 0, 1, 1],
4           [1, 0, 1, 0, 0],
5           [0, 0, 1, 0, 0]]
6

```

1. Une possibilité est d'inviter nos amis avec leurs amis à eux. Programmer une fonction `invite(R,a)` qui, pour un utilisateur `a`, renvoie tous ses amis sur le réseau mais aussi les amis de ses amis. La liste renvoyée ne doit pas contenir `a` et doit être sans répétitions.

Pour cet exercice il peut être utile d'écrire une fonction `est_element_de(e1, l)` qui renvoie `True` si la liste `l` contient l'élément `e1`, et `False` sinon.

Test : `invite(R2, 0)` doit renvoyer `[1, 3, 2]`.

2. Vous êtes prêt à inviter des utilisateurs du réseau même s'ils ne sont pas vos amis. Pour assurer que chacun aura suffisamment matière à conversation vous demandez que chacun des invités ait au moins deux amis communs avec au moins un autre invité.

Pour cela, écrivez une fonction `nb_common_friends_matrix(R)` qui calcule une matrice (une liste de listes d'entiers) qui contient pour chaque paire d'utilisateurs `i` et `j` le nombre de leurs amis communs. Cette matrice se calcule par

$$P[i][j] = \sum_{k=0}^{n-1} R[i][k] * R[k][j]$$

NB : Sur la diagonale, la matrice contiendra le nombre d'amis d'un utilisateur (amis communs avec lui-même).

Écrire une fonction `well_connected` qui prend un réseau `R` en argument, et qui renvoie la liste des utilisateurs du réseau qui ont au moins deux amis communs avec au moins un autre utilisateur du réseau. Cette fonction utilisera `nb_common_friends_matrix`.

Test : `well_connected(R2)` doit renvoyer `[0, 1, 2, 3]`.

□