NTNU Norges teknisk-naturvitenskapelige universitet Fakultet for informasjonsteknologi, matematikk og elektroteknikk

Institutt for datateknikk og informasjonsvitenskap



# KONTINUASJONSEKSAMEN I EMNE TDT4195 BILDETEKNIKK MANDAG 6. AUGUST 2007 KL. 09.00 – 13.00

## Kontakter under eksamen:

 Jørn Hokland
 tlf. 91844/995 06 322

 Torbjørn Hallgren
 tlf. 93679/986 17 341

### Hjelpemidler:

Ingen trykte eller håndskrevne hjelpemidler tillatt. Bestemt enkel kalkulator tillatt.

#### **Sensurfall:**

27. august 2007

Besvar alle 5 oppgavene! Maksimal samlet poengsum er 600.

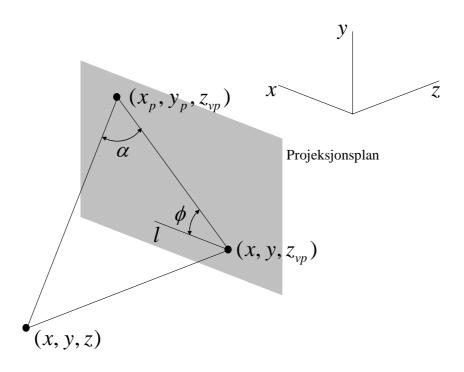
#### Gode råd:

- Les gjennom hele oppgavesettet før du begynner på besvarelsen! Da øker du sjansen din til å utnytte tida godt samtidig som du kan ha flere spørsmål klare når faglærer kommer på runden sin
- Svar kort og konsist
- Spørsmålene i deloppgavene kan i stor grad besvares uavhengig av hverandre

### OPPGAVE 1 Grafikk – Parallellprojeksjoner

(150 poeng)

Figur 1 viser et objektpunkt (x, y, z) som avbildes i punktet  $(x_p, y_p, z_{vp})$  gjennom en skjev parallellprojeksjon. Projeksjonsplanet står normalt på z-aksen. Punktet  $(x, y, z_{vp})$  er den ortografiske projeksjonen av objektpunktet. Linjen l er parallell med x-aksen.



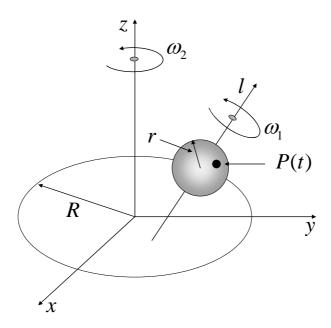
Figur 1

- a) Gitt et objekt. Hvilke enkle, grunnleggende bestemmelser må taes for at en generell parallellprojeksjon skal være entydig definert?
- b) Uttrykk enhetsvektoren i projeksjonsretningen ved hjelp av vinklene  $\alpha$  og  $\phi$ .
- c) Finn uttrykk for de projiserte koordinatene  $x_p$  og  $y_p$ .
- d) Bruk resultatene fra deloppgave c) til å stille opp en generell matrise for avbildning i projeksjonsplanet.

#### OPPGAVE 2 Grafikk – Geometriske transformasjoner

(150 poeng)

Ei kule beveger seg med konstant vinkelhastighet  $\omega_2$  i en sirkulær bane med radius R. Banen ligger i planet z=0 og har sentrum i origo. Kula har en egenrotasjon med vinkelhastighet  $\omega_1$  om aksen l, som har fast orientering i rommet uavhengig av kulas banebevegelse. Enhetsvektoren langs aksen l er  $\begin{bmatrix} l_x & l_y & l_z & 0 \end{bmatrix}^T$ . Kulas radius er r. Et fast punkt på kula er  $P(t) = \begin{bmatrix} x(t) & y(t) & z(t) & 1 \end{bmatrix}^T$ . Ved tidspunktet t=0 befinner kulas sentrum seg på den positive delen av x-aksen i avstanden R fra origo og P befinner seg i punktet  $P_0 = \begin{bmatrix} x_0 & y_0 & z_0 & 1 \end{bmatrix}^T$ .



Figur 2

Vinkelhastighet: Dersom vinkelhastigheten er  $\omega$ , er vinkelen som "tilbakelegges" i løpet av tiden t, produktet  $\omega t$ .

- a) Forutsett først at vinkelhastigheten  $\omega_2$  er 0 mens vinkelhastigheten  $\omega_1$  er forskjellig fra 0. Det vil si at kula spinner om aksen l mens kulas sentrum forblir i utgangsposisjonen. Still opp de transformasjonsmatrisene som skal til for å beregne posisjonen til punktet P ved tiden t. Rett rekkefølge for konkatenering skal angies.
- b) Forutsett nå at begge vinkelhastighetene  $\omega_1$  og  $\omega_2$  er forskjellige fra 0. Still opp de transformasjonsmatrisene som skal til for å beregne posisjonen til punktet P ved tiden t. Rett rekkefølge for konkatenering skal angies. Der det eventuelt er aktuelt, kan det vises til svarene i deloppgave a).
- c) Hvordan benyttes resultatene fra deloppgavene a) og b) når P(t) skal beregnes?
- d) Hvilket problem oppstår dersom punktet *P* ligger på rotasjonsaksen *l*?

## OPPGAVE 3 Bildebehandling - Fouriertransformen (100 poeng)

Vi trenger å forstørre et 100x100 bilde, uten å endre frekvenssammensetning, til størrelse 512x512. Forklar hvordan dette kan gjøres ved hjelp av Fouriertransformen. Gi alle nødvendige algoritmer.

# OPPGAVE 4 Bildebehandling – Homomorf restaurering (100 poeng)

Et observert digitalt fotografi f(i,j) kan modelleres som produktet mellom et refleksjonsbilde r(i,j) og et belysningsbilde b(i,j). Under antagelse om romlig lavfrekvent variasjon i belysningen b(i,j), utled algoritmen for homomorf restaurering; det vil si estimering av r(i,j) fra f(i,j). Gi et eksempel på anvendelse av algoritmen; det vil si en fotosituasjon med belysning som beskrevet.

# OPPGAVE 5 Bildebehandling – Segmentering (100 poeng)

- a) Om du hadde et stillestående kamera som filmet biler på veien, hvordan ville du segmentere bilene som kjørte forbi?
- b) Hvilken metode ville du anvendt for å segmentere bilskiltene på bilene?
- c) Forklar prinsippet i watershed-segmenteringen.