# Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

# «Методи оптимізації та планування експерименту» Лабораторна робота №5

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів (центральний ортогональний композиційний план)»

Виконала:

студентка групи ІО-91

Тимошенко Діана

Варіант: 123

Перевірив Регіда П. Г.

Київ

2021 p.

**Мета роботи**: Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

### Завдання

- 1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
- 2. Скласти матрицю планування для ОЦКП
- 3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку

знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$\begin{split} y_{max} &= 200 + x_{cp\;max} \\ y_{min} &= 200 + x_{cp\;min} \\ x_{cp\;max} &= \left(x_{1max} + x_{2max} + x_{2max}\right) / \ 3 \\ x_{cp\;min} &= \left(x_{1min} + x_{2min} + x_{2min}\right) / \ 3 \end{split}$$

- 4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
- 5. Провести 3 статистичні перевірки.

<b>№</b> варианта	$X_1$		$X_2$		$X_3$	
	min	max	min	max	min	max
123	-4	6	-1	2	-4	2

## Роздруківка тексту програми:

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from math import sqrt
from pyDOE2 import *

x_range = [(-4, 6), (-1, 2), (-4, 2)]
xcp_min = round(sum([x_range[i][0] for i in range(len(x_range))]) / 3)
xcp_max = round(sum([x_range[i][1] for i in range(len(x_range))]) / 3)
y_min, y_max = 200 + xcp_min, 200 + xcp_max

def regression(x, b):
    return sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])

def matrix(m, n):
    y = np.zeros(shape=(n, m), dtype=np.float64)
    for i in range(n):
```

```
for j in range(m):
        y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)
no = 1
x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
for i in range(4, 11):
    x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
1 = 1.215
for i in range(len(x_norm)):
    for j in range(len(x_norm[i])):
        if x norm[i][j] < -1:</pre>
            x_norm[i][j] = -1
        elif x_norm[i][j] > 1:
            x_norm[i][j] = 1
def inter_matrix(x):
    for i in range(len(x)):
        x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
        x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
        x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
        x[i][7] = x[i][1] * x[i][2] * x[i][3]
        x[i][8] = x[i][1] * x[i][1]
        x[i][9] = x[i][2] * x[i][2]
        x[i][10] = x[i][3] * x[i][3]
inter_matrix(x_norm)
x_natur = np.ones(shape=(n, len(x_norm[0])), dtype=np.float64)
for i in range(8):
    for j in range(1, 4):
        if x_norm[i][j] == 1:
            x_natur[i][j] = x_range[j-1][1]
            x_natur[i][j] = x_range[j-1][0]
x0 = [(x_range[i][1] + x_range[i][0]) / 2 for i in range(3)]
dx = [x_range[i][1] - x0[i]  for i in range(3)]
for i in range(8, len(x_norm)):
    for j in range(1, 4):
        if x_norm[i][j] == 0:
            x_natur[i][j] = x0[j-1]
        elif x_norm[i][j] == 1:
            x_{natur}[i][j] = 1 * dx[j-1] + x0[j-1]
        elif x_norm[i][j] == -1:
            x_natur[i][j] = -1 * dx[j-1] + x0[j-1]
inter matrix(x natur)
y_aver = [sum(y[i]) / m for i in range(n)]
for i in range(len(x norm)):
    for j in range(len(x_norm[i])):
        print(round(x_norm[i][j], 3), end=' ')
    print()
print("\nНатуралізована матриця X\n")
for i in range(len(x_natur)):
    for j in range(len(x natur[i])):
```

```
print(round(x_natur[i][j], 3), end=' ')
        print()
    print("\nMaтриця Y\n", y)
    print("\nСередні значення функції відгуку за рядками:\n", [round(elem, 3) for
elem in y_aver])
    coef(x_natur, y_aver, y, x_norm)
def coef(x, y_aver, y, x_norm):
    skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
    skm.fit(x, y_aver)
    b = skm.coef_
    b = [round(i, 3) for i in b]
    print(b)
    print("\nPезультат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n", np.dot(x, b))
    cohren(m, y, y_aver, x_norm, b)
def cohren(m, y, y_aver, x_norm, b):
    dispersion = []
    for i in range(n):
        for j in range(m):
            z += (y[i][j] - y_aver[i]) ** 2
        dispersion.append(z / m)
    print("Дисперсія:", [round(elem, 3) for elem in dispersion])
    Gp = max(dispersion) / sum(dispersion)
    f1 = m - 1
    f2 = n
    q = 0.05
    Gt = f.ppf(q=(1 - q / f1), dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
    if Gp < Gt:</pre>
        print("Gp < Gt\n{0:.4f} < {1} => дисперсія однорідна".format(Gp, Gt))
        student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b)
        print("Gp > Gt n{0:.4f} > {1} => дисперсія неоднорідна => m+=1".format(Gp,
Gt))
       matrix(m, n)
def student(m, dispersion, y_aver, x_norm, b):
    sb = sum(dispersion) / n
    s_beta = sqrt(sb / (n * m))
    k = len(x norm[0])
    beta = [sum(y_aver[i] * x_norm[i][j] for i in range(n)) / n for j in range(k)]
    t_t = [abs(beta[i]) / s_beta for i in range(k)]
    qq = (1 + 0.95) / 2
    t_table = t.ppf(df=f3, q=qq)
    b_impor = []
    for i in range(k):
        if t t[i] > t table:
```

```
b_impor.append(b[i])
            b_impor.append(0)
    print("Незначні коефіцієнти регресії")
    for i in range(k):
       if b[i] not in b_impor:
            print("b{0} = {1:.3f}".format(i, b[i]))
   y_impor = []
    for j in range(n):
        y_impor.append(regression([x_norm[j][i] for i in range(len(t_t))], b_impor))
   print("Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами\n", [round(elem, 3)
for elem in y_impor])
    fisher(m, y aver, b impor, y impor, sb)
def fisher(m, y_aver, b_impor, y_impor, sb):
    print("\nКритерій Фішера")
   for i in b_impor:
        if i:
   s_ad = sum((y_impor[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(n)) * m / f4
   Fp = s ad / sb
   Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)
    if Fp < Ft:</pre>
        print("Fp < Ft => {0:.2f} < {1}".format(Fp, Ft))</pre>
        print("Отримана математична модель при рівні значимості 0.05 адекватна
        print("Fp > Ft => {0:.2f} > {1}".format(Fp, Ft))
if __name__ == '__main__':
   m = 3
   matrix(m, n)
```

### Рез<u>ультат виконання програми:</u>

```
Нормована матриця Х
1.0 -1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 1.0 -1.0 -1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 -1.0 1.0 1.0 -1.0 -1.0 1.0 -1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
1.0 -1.215 0.0 0.0 -0.0 -0.0 0.0 -0.0 1.476 0.0 0.0
1.0 1.215 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 1.476 0.0 0.0
1.0 0.0 -1.215 0.0 -0.0 0.0 -0.0 -0.0 0.0 1.476 0.0
1.0 0.0 1.215 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 1.476 0.0
1.0 0.0 0.0 -1.215 0.0 -0.0 -0.0 -0.0 0.0 0.0 1.476
1.0 0.0 0.0 1.215 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 1.476
1.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0
Натуралізована матриця Х
1.0 -4.0 -1.0 -4.0 4.0 16.0 4.0 -16.0 16.0 1.0 16.0
1.0 6.0 -1.0 -4.0 -6.0 -24.0 4.0 24.0 36.0 1.0 16.0
1.0 -4.0 2.0 -4.0 -8.0 16.0 -8.0 32.0 16.0 4.0 16.0
1.0 6.0 2.0 -4.0 12.0 -24.0 -8.0 -48.0 36.0 4.0 16.0
1.0 -4.0 -1.0 2.0 4.0 -8.0 -2.0 8.0 16.0 1.0 4.0
1.0 6.0 -1.0 2.0 -6.0 12.0 -2.0 -12.0 36.0 1.0 4.0
1.0 -4.0 2.0 2.0 -8.0 -8.0 4.0 -16.0 16.0 4.0 4.0
1.0 6.0 2.0 2.0 12.0 12.0 4.0 24.0 36.0 4.0 4.0
1.0 -5.075 0.5 -1.0 -2.538 5.075 -0.5 2.538 25.756 0.25 1.0
1.0 7.075 0.5 -1.0 3.538 -7.075 -0.5 -3.538 50.056 0.25 1.0
1.0 1.0 -1.323 -1.0 -1.323 -1.0 1.323 1.323 1.0 1.749 1.0
1.0 1.0 2.323 -1.0 2.323 -1.0 -2.323 -2.323 1.0 5.394 1.0
1.0 1.0 0.5 -4.645 0.5 -4.645 -2.323 -2.323 1.0 0.25 21.576
1.0 1.0 0.5 2.645 0.5 2.645 1.323 1.323 1.0 0.25 6.996
1.0 1.0 0.5 -1.0 0.5 -1.0 -0.5 -0.5 1.0 0.25 1.0
```

```
Матриця Ү
 [199. 198. 198.]
[202. 198. 199.]
[201. 199. 201.]
 [198. 197. 198.]
 [199. 203. 201.]
 [199. 202. 198.]
 [203. 197. 203.]
 [202. 200. 197.]
 [197. 198. 197.]
 [197. 200. 199.]
 [203. 197. 203.]
 [201. 201. 199.]
 [203. 200. 198.]
 [202. 200. 201.]]
Середні значення функції відгуку за рядками:
[199.667, 198.333, 199.667, 200.333, 197.667, 201.0, 199.667, 201.0, 199.667, 197.333, 198.667, 201.0, 200.333, 200.333, 201.0]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[199.877, 0.149, 0.438, 0.061, -0.022, 0.056, 0.022, -0.022, -0.036, 0.001, 0.038]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
             197.75
[199.88
                          200.141
                                       199.991
                                                     197.786
                                      198.6630725 198.9182225
              200.027
                          200.597
200.336
 199.36258901 200.88255401 200.47467395 200.77356395 200.11925 ]
Критерій Кохрена
Дисперсія: [5.556, 0.222, 2.889, 0.889, 0.222, 2.667, 2.889, 8.0, 4.222, 0.222, 1.556, 8.0, 0.889, 4.222, 0.667]
Gp < Gt
0.1856 < 0.7410730084501662 => дисперсія однорідна
Критерій Стюдента
Незначні коефіцієнти регресії
b1 = 0.149
b2 = 0.438
b3 = 0.061
b4 = -0.022
b5 = 0.056
b6 = 0.022
b7 = -0.022
Значення функції відгуку зі значущими коефіцієнтами
[199.88, 199.88, 199.88, 199.88, 199.88, 199.88, 199.88, 199.88, 199.824, 199.824, 199.878, 199.878, 199.933, 199.933, 199.877]
Критерій Фішера
Fp < Ft => 1.96 < 2.125558760875511
Отримана математична модель при рівні значимості 0.05 адекватна експериментальним даним
```