# TD3 Fonctions - Récursion

## **Exercice 1**

- 1. Écrire une fonction récursive qui prend comme argument une valeur entière n et qui calcule la somme des n premiers entiers. Appeler cette fonction pour qu'elle calcule la somme des entiers allant de 0 à 100.
- 2. Transformer cette fonction afin qu'elle admette 2 arguments debut et fin et qu'elle calcule la somme des entiers variant de la valeur entière debut à la valeur entière fin. Appeler cette fonction pour calculer la somme des entiers variant de 50 à 100.

## Exercice 2

La suite de Fibonacci est définie par :

$$Fib(0) = 0 \tag{1}$$

$$Fib(1) = 1 \tag{2}$$

$$\forall n \ge 2, \ \operatorname{Fib}(n) = \operatorname{Fib}(n-1) + \operatorname{Fib}(n-2) \tag{3}$$

- 1. Programmer une fonction itérative calculant le *n*-ième nombre de Fibonacci.
- 2. Programmer une fonction récursive calculant le *n*-ième nombre de Fibonacci.
- 3. A l'aide de la bibliothèque time et de sa fonction time (), comparer les temps de calcul de ces deux fonctions pour n=35 puis n=70. Que constatez-vous ?
- 4. Écrire et programmer une nouvelle fonction récursive ne faisant que *n* appels récursifs seulement. Mesurer le temps de calcul pour n=35 puis n=70. Que constatez-vous ?

## Exercice 3

Écrire une fonction récursive qui prend en argument une liste d'entiers t et qui calcule et affiche un entier de la façon suivante : à partir de t, on calcule la liste des différences de 2 éléments consécutifs de t (à savoir t[i+1]-t[i]), et on recommence sur cette liste des différences jusqu'à obtenir une liste d'un seul élément. Par exemple, partant de la liste [3,5,10], la fonction doit afficher 3 (en passant par le calcul de la liste intermédiaire [2,5]).

# **Exercice 4**

- 1. Écrire une fonction prenant un entier a et un entier positif n et qui retourne  $a^n$  de manière itérative.
- 2. Écrire une fonction récursive calculant cette même puissance.
- 3. Sachant que  $a^0 = 1$  et

$$a^n = \begin{cases} (a^{(n/2)})^2 & \text{si } n \text{ est pair} \\ a \times (a^{(n-1)/2})^2 & \text{si } n \text{ est impair} \end{cases}$$

écrire une deuxième fonction récursive plus maline calculant cette même puissance.

4. Afficher les puissances de 2 de  $2^0$  à  $2^{30}$  en appelant les deux fonctions récursives ci-dessus. On affichera également pour chaque puissance le nombre d'appels à chaque fonction, comptabilisés à l'aide d'une variable globale.