

# Actividad 1.2 Algoritmos de decrements-y-venceras

Victor Misael Escalante Alvarado, A01741176

## Ordenamiento Topológico

### Foto del codigo

```
def topological_sort(graph):
    """
    Ordena un grafo dirigido (sin ciclos) topológicamente.
    """
    # Inicialización
    in_degree = {node: 0 for node in graph} # Grado de entrada de cada nodo
    for node in graph:
        for neighbor in graph[node]:
            in_degree[neighbor] += 1

    # Cola de nodos con grado de entrada cero
    queue = deque([node for node in graph if in_degree[node] == 0])
    top_order = []

    while queue:
        node = queue.popleft()
        top_order.append(node)

        for neighbor in graph[node]:
            in_degree[neighbor] -= 1
            if in_degree[neighbor] == 0:
                queue.append(neighbor)

    return top_order

# Ejemplo
graph = {
    'A': ['B', 'C'],
    'B': ['D'],
    'C': ['D'],
    'D': []
}
print(topological_sort(graph)) # Deberia salir: ['A', 'B', 'C', 'D']
```

### Foto del resultado

```
(.venv) misa_v@MacBook-Pro-de-Victor-7 Algoritmos_ % "/Users/misa_v/Libra
Monterrey/Sem 5/Algoritmos_/Scripts/Python/Act1.2Decreaseandconquer.py"
['A', 'B', 'C', 'D']
```

## Fake Coin

### Foto del código

```
# Algoritmo para Fake-Coin usando Decrease-and-Conquer
# Complejidad del peor caso:  $O(\log n)$ , donde n es el número de monedas.
def find_fake_coin(coins):
    """
    Encuentra la moneda falsa usando una balanza de comparación.
    """

    start, end = 0, len(coins) - 1
    while start < end:
        mid = (end - start + 1) // 2
        left = coins[start:start + mid]
        right = coins[start + mid:end + 1]

        result = compare(left, right)
        if result == -1: # Izquierda es más ligera
            end = start + mid - 1
        elif result == 1: # Derecha es más ligera
            start += mid
        else: # Moneda falsa está en el lado sobrante
            return end

    return start

# Ejemplo de uso
coins = [1, 1, 1, 0.5, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
print(find_fake_coin(coins)) # Deberia salir: 3
```

### Resultados

```
(.venv) misa_v@MacBook-Pro-de-Victor-7 Algoritmos_ % "/Users/misa_v/Libra
Monterrey/Sem 5/Algoritmos_/Scripts/Python/Act1.2Decreaseandconquer.py"
['A', 'B', 'C', 'D']
3
3
(.venv) misa_v@MacBook-Pro-de-Victor-7 Algoritmos_ %
```

## Quick select

### Foto del codigo

```
# Para la particion
def partition(low, high):
    pivot = arr[high]
    i = low
    for j in range(low, high):
        if arr[j] <= pivot:
            arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i]
            i += 1
    arr[i], arr[high] = arr[high], arr[i]
    return i

# Quick-Select usando Decrease-and-Conquer
# Complejidad del peor caso:  $O(n^2)$  (aunque promedio es  $O(n)$ ).
def quick_select(arr, k):
    """
    Encuentra el k-ésimo elemento más pequeño en una lista.
    """

    low, high = 0, len(arr) - 1
    while low <= high:
        pivot_index = partition(low, high)
        if pivot_index == k - 1:
            return arr[pivot_index]
        elif pivot_index < k - 1:
            low = pivot_index + 1
        else:
            high = pivot_index - 1

# Ejemplo de uso
arr = [3, 2, 1, 5, 4]
print(quick_select(arr, 3)) # Salida: 3
```

### Resultados

```
(.venv) misa_v@MacBook-Pro-de-Victor-7 Algoritmos_ % "/Users/misa_v/Librar
Monterrey/Sem 5/Algoritmos_/Scripts/Python/Act1.2Decreaseandconquer.py"
['A', 'B', 'C', 'D']
3
3
```

## Preguntas

**¿Los algoritmos para generar todas las permutaciones y subconjuntos de  $n$  elementos (vistos en la clase anterior) son o no algoritmos decrease-and-conquer?**

No, cuando buscamos generar todas las permutaciones se usan todas las posibilidades con lo que no terminan por decrementar el problema completo

**¿Porqué si? ¿Porque no? Si tu respuesta es si, ¿qué factor de decremento tienen?**

**Entonces ¿estos algoritmos son también búsqueda exhaustiva o no?**

No, en estos casos se evita hacer una búsqueda exhaustiva gracias a que diferimos nuestra búsqueda al momento de decrementar el espacio de búsqueda para cada uno de nuestros algoritmos.

Enlace a codespaces:

[https://codespaces.new/ElingeMisa/Algoritmos\\_?quickstart=1](https://codespaces.new/ElingeMisa/Algoritmos_?quickstart=1)