

UNIVERSITATEA "ALEXANDRU-IOAN CUZA" DIN IAȘI

FACULTATEA DE INFORMATICĂ



LUCRARE DE LICENȚĂ

**Implementarea unui algoritm de tip greedy ce
rezolva problema bancnotelor in Dafny**

propusă de

Veronica Elisa Chicoș

Sesiunea: iunie, 2022

Coordonator științific

Conf. Dr. Ciobaca Stefan

UNIVERSITATEA "ALEXANDRU-IOAN CUZA" DIN IAȘI

FACULTATEA DE INFORMATICĂ

**Implementarea unui algoritm de tip
greedy ce rezolva problema bancnotelor
in Dafny**

Veronica Elisa Chicoș

Sesiunea: iunie, 2022

Coordonator științific

Conf. Dr. Ciobaca Stefan

Avizat,
Îndrumător lucrare de licență,
Conf. Dr. Ciobaca Stefan.

Data: Semnătura:

Declarație privind originalitatea conținutului lucrării de licență

Subsemnatul **Chicoș Veronica Elisa** domiciliat în **România, jud. Galați, com. Matca, str. 1 decembrie 1918, nr. 7**, născut la data de **09 decembrie 2000**, identificat prin CNP **6001209171714**, absolvent al Facultății de informatică, **Facultatea de informatică** specializarea **informatică**, promoția 2022, declar pe propria răspundere cunoscând consecințele falsului în declarații în sensul art. 326 din Noul Cod Penal și dispozițiile Legii Educației Naționale nr. 1/2011 art. 143 al. 4 și 5 referitoare la plagiat, că lucrarea de licență cu titlul **Implementarea unui algoritm de tip greedy ce rezolva problema bancnotelor in Dafny** elaborată sub îndrumarea domnului **Conf. Dr. Ciobaca Stefan**, pe care urmează să o susțin în fața comisiei este originală, îmi aparține și îmi asum conținutul său în întregime.

De asemenea, declar că sunt de acord ca lucrarea mea de licență să fie verificată prin orice modalitate legală pentru confirmarea originalității, consimțind inclusiv la introducerea conținutului ei într-o bază de date în acest scop.

Am luat la cunoștință despre faptul că este interzisă comercializarea de lucrări științifice în vederea facilitării falsificării de către cumpărător a calității de autor al unei lucrări de licență, de diplomă sau de disertație și în acest sens, declar pe proprie răspundere că lucrarea de față nu a fost copiată ci reprezintă rodul cercetării pe care am întreprins-o.

Data:

Semnătura:

Declarație de consimțământ

Prin prezenta declar că sunt de acord ca lucrarea de licență cu titlul **Implementarea unui algoritm de tip greedy ce rezolva problema bancnotelor în Dafny**, codul sursă al programelor și celelalte conținuturi (grafice, multimedia, date de test, etc.) care însoțesc această lucrare să fie utilizate în cadrul Facultății de informatică.

De asemenea, sunt de acord ca Facultatea de informatică de la Universitatea "Alexandru-Ioan Cuza" din Iași, să utilizeze, modifice, reproducă și să distribuie în scopuri necomerciale programele-calculator, format executabil și sursă, realizate de mine în cadrul prezentei lucrări de licență.

Absolvent **Veronica Elisa Chicoș**

Data:

Semnătura:

Cuprins

| | |
|--|-----------|
| Motivație | 2 |
| Intentie | 3 |
| Introducere | 4 |
| 1 Paradigma Greedy | 5 |
| 1.1 Ce este o problema de optimizare si cum lucreaza metoda Greedy cu aceasta? | 5 |
| 1.2 Algoritmi Greedy | 6 |
| 1.2.1 Problema selectiei activitatilor | 6 |
| 1.2.2 Problema Codurilor Huffman | 7 |
| 1.2.3 Problema Bin-packing | 7 |
| 1.2.4 Algoritmul Dijkstra | 7 |
| 1.2.5 Problema arborelui partial de cost minim | 7 |
| 1.3 Avantaje si dezavantaje ale algoritmilor Greedy | 7 |
| 2 Problema Bancnotelor | 8 |
| 2.1 Ce este Problema Bancnotelor? | 8 |
| 2.1.1 Formularea problemei | 8 |
| 2.2 Titlul secțiunii 2 | 8 |
| 2.3 Titlul secțiunii 3 | 8 |
| 3 Titlul celui de-al treilea capitol | 9 |
| 3.1 Titlul secțiunii 1 | 9 |
| 3.2 Titlul secțiunii 2 | 10 |
| Concluzii | 11 |

Motivație

Motivul alegerii acestei teme deriva din dorinta de a aprofunda subiectul optimizarii. In timpul facultatii, am invatat ca un cod trebuie sa fie optimizat pentru a creste eficienta acestuia. Drept urmare, consider ca orice actiune, cat de simpla, poate fi optimizata astfel incat sa se realizeze intr-un timp cat mai scurt si cu un numar minim de resurse.

Intentie

In cadrul lucrarii voi face o scurta intorducere in paradigma de programare Greedy, urmata de mai multe probleme care se rezolva cu ajutorul acesteia, printre care si Problema Bancnotelor.

Totodata, voi prezenta limbajul Dafny cat si implementarea algoritmului pentru rezolvarea problemei alese de mine.

Introducere

Lucrarea va fi structurata in felul urmator:

1. Paradigma Greedy - in acest capitol voi prezenta paradigma Greedy impreuna cu cateva probleme si aplicatiile acestora
2. Problema Bancnotelor - in acest capitol voi descrie problema pe care am ales-o pentru licenta
3. Limbajul de programare Dafny - in acest capitol voi prezenta o introducere in limbajul Dafny
4. Detalii de implementare - in acest capitol voi prezenta in detaliu algoritmul implementat

Chapter 1

Paradigma Greedy

Greedy este o strategie de rezolvare a problemelor de optimizare. Metoda presupune luarea unei decizii definitive la fiecare pas in functie de informatiile cunoscute in prezent fara a ne ingrijora de efectul acesteia in viitor.

1.1 Ce este o problema de optimizare si cum lucreaza metoda Greedy cu aceasta?

O problema de optimizare este o problema care are un input oarecare dar output-ul ei trebuie sa fie o valoare maxima sau minima. In functie de ce ne cere problema, aceasta poate fi de doua feluri:

1. Problema de minimizare

Please make sure you send in your completed forms by January 1st next year, or the penalty clause 2(a) will apply.

2. Problema de maximizare

Please make sure you send in your completed forms by January 1st next year, or the penalty clause 2(a) will apply.

In functie de decizia facuta de metoda Greedy, vom crea solutii posibile. O solutie posibila este o submultime care satisface cerintele problemei, in timp ce o solutie optima respecta cerintele date si are cost minim sau castig maxim.

Dacă mai multe soluții îndeplinesc criteriile date, atunci acele soluții vor fi considerate ca fiind posibile, in timp ce solutia optima este cea mai buna dintre toate solutiile.

Drept urmare, aceasta metoda este folosita pentru a determina solutia oprima si a rezolva corect problema de optimizare.

1.2 Algoritmi Greedy

1.2.1 Problema selectiei activitatilor

Problema activitatilor este o problema de maximizare care presupune alegerea cat mai multor activitati care pot fi realizate intr-un anumit interval de timp fara ca acestea sa se suprapuna.

O posibila formulare a acestei probleme este:

Input:

- n - numarul de activitati,
- $aStart[0..n-1]$ - vector care contine timpul la care incep activitatile,
- $aSfarsit[0..n-1]$ - vector ce contine timpul la care se termina activitatile astfel incat $aStart[i] < aSfarsit[i]$ pentru orice $0 \leq i \leq n-1$

Output:

- $A \subseteq \{0, \dots, n-1\}$, unde A este o multime de activitati care nu se suprapun si este de cardinal maxim;

Spre exemplu putem avea aceste multimi de activitati reprezentate in tabelul de mai jos:

| Nr | Activitate | Inceput | Final |
|----|------------------|---------|-------|
| 1 | Curs ML | 8 | 10 |
| 2 | Seminar AI | 10 | 12 |
| 3 | Curs Pian | 11 | 1 |
| 4 | Antrenament Inot | 12 | 17 |
| 5 | Curs CN | 16 | 18 |
| 6 | Consultatii RPA | 17 | 19 |
| 7 | Laborator CN | 18 | 20 |

Solutia optima este $A = \{1, 2, 4, 6\}$

1.2.2 Problema Codurilor Huffman

1.2.3 Problema Bin-packing

1.2.4 Algoritmul Dijkstra

1.2.5 Problema arborelui partial de cost minim

1.3 Avantaje si dezavantaje ale algoritmilor Greedy

Chapter 2

Problema Bancnotelor

2.1 Ce este Problema Bancnotelor?

Problema bancnotelor este o problema de minimizare de care ne lovim zilnic. Stiind ca avem o multime de bancnote $B = \{b_1, b_2, b_3\}$ si o suma S de platit, rezultatul problemei va fi multimea de bancnote cu cardinal minim pe care o putem folosi pentru a plati suma S .

2.1.1 Formularea problemei

In limbaj natural, Problema Bancnotelor poate fi formulata astfel:

Se da o multime de bancnote $B = \{b_1, b_2, b_3\}$ si o suma S pe care trebuie sa o platim. Se cere sa se afiseze o multime de bancnote care trebuie sa indeplineasca urmatoarele conditii:

- cardinalul multimii sa fie minim,
- suma elementelor multimii sa fie egata cu S ;

2.2 Titlul secțiunii 2

2.3 Titlul secțiunii 3

Chapter 3

Titlul celui de-al treilea capitol

Amet venenatis urna cursus eget. Quam vulputate dignissim suspendisse in est ante. Proin nibh nisl condimentum id. Egestas maecenas pharetra convallis posuere morbi. Risus viverra adipiscing at in. Vulputate eu scelerisque felis imperdiet. Cras adipiscing enim eu turpis egestas pretium aenean pharetra. In aliquam sem fringilla ut morbi tincidunt augue. Montes nascetur ridiculus mus mauris. Viverra accumsan in nisl nisi scelerisque eu ultrices vitae. In nibh mauris cursus mattis molestie a iaculis. Interdum consectetur libero id faucibus nisl tincidunt eget. Gravida in fermentum et sollicitudin ac orci. Suscipit adipiscing bibendum est ultricies. Etiam non quam lacus suspendisse. Leo urna molestie at elementum eu facilisis sed odio morbi. Egestas congue quisque egestas diam in arcu cursus. Amet consectetur adipiscing elit ut aliquam purus.

3.1 Titlul secțiunii 1

Eros donec ac odio tempor. Facilisi morbi tempus iaculis urna id volutpat. Faucibus in ornare quam viverra orci sagittis eu. Amet tellus cras adipiscing enim eu turpis egestas. Integer feugiat scelerisque varius morbi. Platea dictumst vestibulum rhoncus est pellentesque elit ullamcorper dignissim. Bibendum arcu vitae elementum curabitur. Eu nisl nunc mi ipsum faucibus. Id aliquet lectus proin nibh nisl condimentum id venenatis a. Cras adipiscing enim eu turpis egestas pretium. Quisque non tellus orci ac auctor augue mauris augue. Malesuada pellentesque elit eget gravida cum. Ut lectus arcu bibendum at. Massa id neque aliquam vestibulum morbi blandit. Posuere ac ut consequat semper viverra nam. Viverra adipiscing at in tellus integer

feugiat scelerisque varius morbi. Morbi enim nunc faucibus a pellentesque sit amet porttitor eget. Eu feugiat pretium nibh ipsum consequat nisl vel. Nisl purus in mollis nunc sed.

3.2 Titlul secțiunii 2

Elementum sagittis vitae et leo duis ut diam quam nulla. Purus sit amet volutpat consequat mauris nunc. Tincidunt augue interdum velit euismod in pellentesque massa. Nunc sed augue lacus viverra vitae congue. Porttitor leo a diam sollicitudin. Faucibus pulvinar elementum integer enim. Adipiscing bibendum est ultricies integer quis auctor elit. Blandit aliquam etiam erat velit scelerisque in. A iaculis at erat pellentesque adipiscing commodo elit at. Erat nam at lectus urna duis. Consequat ac felis donec et. Fermentum posuere urna nec tincidunt praesent semper feugiat nibh sed. Proin gravida hendrerit lectus a. Pretium viverra suspendisse potenti nullam ac tortor vitae purus. Arcu cursus euismod quis viverra nibh cras pulvinar mattis. Gravida arcu ac tortor dignissim convallis aenean. Quam nulla porttitor massa id neque aliquam vestibulum morbi. Sed viverra ipsum nunc aliquet. Quis enim lobortis scelerisque fermentum dui faucibus in.

Concluzii

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Nunc mattis enim ut tellus elementum sagittis vitae et. Placerat in egestas erat imperdiet sed euismod. Urna id volutpat lacus laoreet non curabitur gravida. Blandit turpis cursus in hac habitasse platea. Eget nunc lobortis mattis aliquam faucibus. Est pellentesque elit ullamcorper dignissim cras tincidunt lobortis feugiat. Viverra maecenas accumsan lacus vel facilisis volutpat est. Non odio euismod lacinia at quis risus sed vulputate odio. Consequat ac felis donec et odio pellentesque diam volutpat commodo. Etiam sit amet nisl purus in. Tortor condimentum lacinia quis vel eros donec. Phasellus egestas tellus rutrum tellus pellentesque eu tincidunt. Aliquam id diam maecenas ultricies mi eget mauris pharetra. Enim eu turpis egestas pretium.

Bibliografie

- Author1, *Book1*, 2018
- Author2, *Boook2*, 2017