

Модели на софтуерни системи

доц. Олга Георгиева

СУ ФМИ

катедра “Софтуерни технологии”

Модели на софтуерни системи

Лекция 6: Машини на състоянието - основи

Олга Георгиева

СУ, Факултет по Математика и информатика,
Катедра СТ

Z нотацията и машините на състоянието

- **Инвариантата на състоянието се приема да е валидна по време на операциите.**
 - so don't have to prove as it is maintained
- **Операциите извън предварителните условия водят да “хаос”**
 - so always want final precondition to be "true"
- **Pre- и post-условиата не са разграничени синтактично**
 - but may be derived
- **Фокусира се върху състояния, а не върху трасета**
- **Входовете, изходите, изключенията са просто нотирани конвенции**

Проблеми на подхода

- Ок за прости машини на състоянието, но ...
- ако системата има безкрайно много състояния?
- Глобалните променливи не са скалируеми
- А параметрите на системата?
- А изключенията?

Основни видове формални методи за спецификация на софтуер

- **Model-based notations**

Z (Sprivey, 1989), *Vienna Development Method (VDM)* (Jones, 1990), *B method*

- **Process algebras-based notations**

Communicating Sequential Processes (CSP) (Hoare, 1985),
CCS (Milner, 1989) and *LOTOS* (Bjorner, 1987)

Машина на състоянието (МС) – основна идея

- Машината на състоянието описва идеята, че **движението на системата преминава през множество от състояния, които реализират/отговарят на множество от действия.**
- Две ключови концепции
 - **Състояния (States)**
 - **Действия (Actions)**
- Машината на състоянието трябва да може да формулира:
 - възможните състояния;
 - кое е възможното начално състояние(я);
 - възможните действия;
 - как се променят състоянията, когато има дадено действие;

Машины на състоянието (МС) - представяне

- **Начини за описание на машини на състоянието (state machines)**
 - **графично**
 - **като наредени 4-ки**
 - (1) изброяване
 - (2) използване на предикати
 - **чрез специфична нотация**
 - (1) pre- & post-условия
 - (2) вход (input), изход (output), изключения (exceptions)
- **Начини за разсъждение**
 - удовлетворение на инвариант
 - достижимост

МС като инструмент за моделиране

Как се моделира системата чрез **Модели на състоянието**.
Основни теми:

- **МС – основи (State Machine Basics)**
- **МС – вариации (State Machine Variations)**
моделиране на сложни системи, променливи и действия, недетерминизъм)
- **Разсъждения с МС (Reasoning about State Machines)**
инварианти и ограничения)
- **Графично представяне (Statecharts)**
специфичен, популярен графичен подход).

Машина на състоянието (МС) – основна идея

- **МС е прост математически модел** – основен и широко разпространен в КН.
- **Цел:** Представянето на сложните машини с **по-прости (абстрактни) машини**, използвайки определени техники за:
 - *нотация*: стандартна и специфична;
 - *абстракция*: ниво на детайлизиране;
 - *модуляризация*: композиция и декомпозиция.
- **Не съществува единен (общ) модел за описание** с МС в КН или СИ. Прилагат се варианти, съобразени със спецификата на решавания проблем.
- **Нивото на точност** в специфицирането зависи от нуждите на описанието и субективното отношение на разработчика.

Машина на състоянието (МС) – основна идея

Както всеки модел, МС разглежда само тези детайли, които са моделирани!

“If a state machine doesn’t let you model the cost of the system, then you won’t be able to reason about how expensive or cheap it will be to build.”

Използване:

- Когато лесно могат да се резюмират и отделят (несвързани) детайли, които да описват определен брой състояния;
- За изследване и оценка на всяка възможност чрез проверка с модел;
- **Примери:** При описание на комуникационни протоколи; сложни разпределени алгоритми; интерфейси.

Какво е състоянието – илюстративни примери

Всички компютърни системи са машини на състоянието!

- Моментното състояние на системата: *стойности на паметта и регистрите*;
- Множество от стойности на променливите – *моментните стойности на данните на текущата програма*;
- Управляваща локация/и – *моментно място на програмата в своята последователност на изпълнение*;
- Съдържание на комуникационните канали – *моментното състояние на комуникацията*.

Машина на състоянието: основен модел

- *Определение:*

Машина на състоянието M е **наредена четворка** (S, A, I, δ) , където:

S е множество от възможни състояния (крайно или безкрайно);

$I, I \subseteq S$ е множество от начални състояния (крайно);

A е множество от действия (крайно или безкрайно(!));

$\delta \subseteq S \times A \times S$ е *релация* на преходите.

- *Пример:*



Car's State Transition Diagram

Ако колата се разглежда като черна кутия, то как ще се формира интерфейст ѝ с околната среда?

Множеството **A** понякога се нарича **азбука на M**, а действията - “събития”, “преходи”, “етикети” (LTS);

Частни случаи:

а) Ако **S** е крайно множество, то **M** е **крайна машина на състоянието**;

б) **I** и/или **A** са безкрайни множества.

в) δ е функция:

Когато δ е **релация, то** $\delta: S \times A \leftrightarrow S$

Когато δ е **функция, то** $\delta: S \times A \rightarrow S$

Допълнения

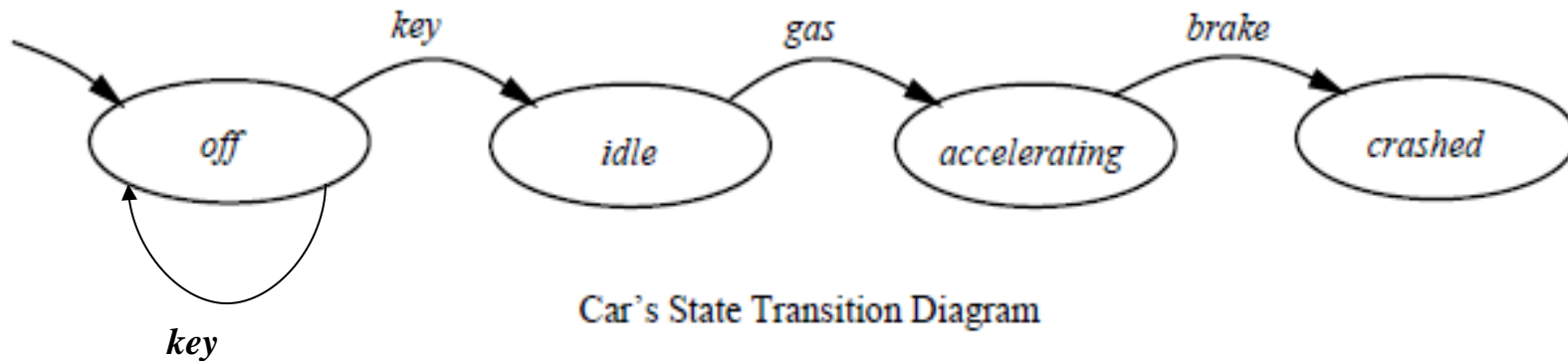
Преход (стъпка): Ако $(s1, a, s2)$ е в δ . Тогава съществува отбелязана стрелка с етикет **a** от **s1** до **s2**;

Недетерминизъм

Едно действие може да причини **непредсказуеми** алтернативни преходи от едно и също състояние – **недетерминизъм**

Когато δ е **релация** $\delta: S \times A \leftrightarrow S$ **недетерминистична МС**

Когато δ е **функция** $\delta: S \times A \rightarrow S$, то **М** е **детерминистична МС**



Прилагайки определението по-горе дефинирайте МС Car:

```
Car = ( { ...  
    {  
    { ...  
    { ...  
    )
```

Машина на състоянието: Основни дефиниции

За машината на състояние $M = (S, I, A, \delta)$:

- **Стъпка** в M : всяка тройка (s, a, s') в δ на M ;
- **Изпълнителен фрагмент** е крайна или безкрайна *последователност (редица)* на редуващи се състояние и действие $\langle s_0, a_1, s_1, a_2, s_3, \dots \rangle$, така че за всеки индекс i , тройката (s_i, a_{i+1}, s_{i+1}) е стъпка на M .
- **Изпълнение (execution)** е изпълнителен фрагмент, започващ с начално състояние s_0 на машината M .

Примери: Дефинирайте фрагмент или изпълнение са?

$\langle \text{off, key, idle, gas, accelerating, brake, crashed} \rangle$

$\langle \text{off, key, idle} \rangle$

$\langle \text{accelerating, brake, crashed} \rangle$

- За **крайно изпълнение** се дефинира и **крайно състояние** на M ;
- Състоянието е **достижимо**, ако е крайно състояние при някое крайно изпълнение;

Машина на състоянието: Основни дефиниции

- **Event-based пътека** (trace) (или **action-based пътека**) е последователност от действия на изпълнението.
 - $\langle \text{key, gas, brake} \rangle$
 - $\langle \text{key} \rangle$
- **State-based пътека** е последователност от състояния на изпълнение или последователност $\langle s_i \rangle$ за всяко начално състояние $s_i \in I$.
 - $\langle \text{off, idle, accelerating, crashed} \rangle$
 - $\langle \text{off} \rangle$

Кой е предпочитаният вид?...

- **Поведението (режим на работа) $\text{Beh}(\mathbf{M})$** на машината \mathbf{M} е множеството от всички пътеки на \mathbf{M} .

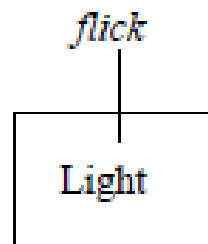
Поведенията (в нашите разглеждания) са **prefix-closed**: а) Празната пътека $\in \text{Beh}(\mathbf{M})$ б) ако пътека е в $\text{Beh}(\mathbf{M})$, то всеки префикс на това трасе е в $\text{Beh}(\mathbf{M})$.

За всяка МС \mathbf{M} са възможни *две алтернативни определения* на $\text{Beh}(\mathbf{M})$

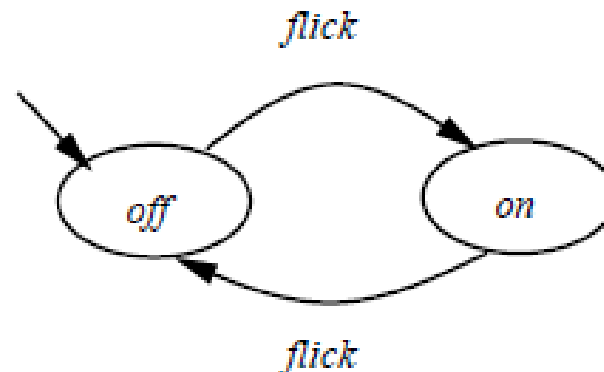
Пр. $\text{Beh}(\text{Car}) = ?$

Безкрайни машини на състоянието - пример

Може ли крайна МС да има безкрайно изпълнение; а безкрайно поведение?
Може ли безкрайна МС да има крайно поведение?



Light's Interface



Light's State Transition Diagram

Някои от изпълненията на МС Light:

$\langle \text{off}, \text{flick}, \text{on} \rangle$

$\langle \text{off}, \text{flick}, \text{on}, \text{flick}, \text{off} \rangle$

$\langle \text{off}, \text{flick}, \text{on}, \text{flick}, \text{off}, \text{flick}, \text{on} \rangle$

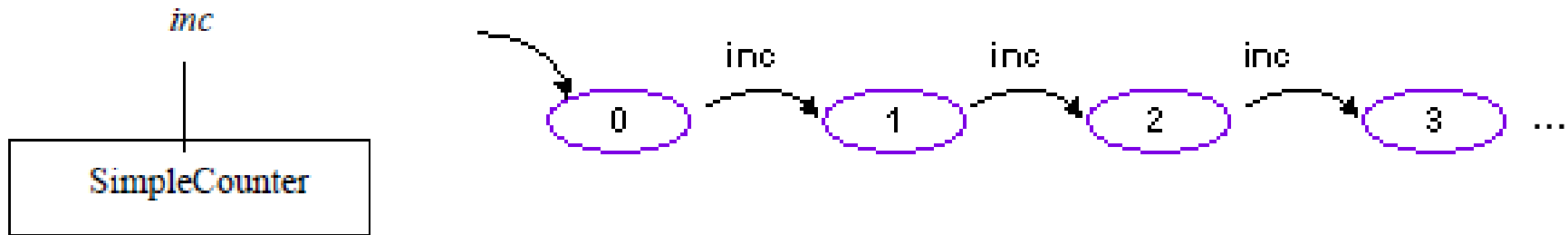
...

$\langle \text{off}, \text{flick}, \text{on}, \text{flick}, \text{off}, \text{flick}, \text{on}, \text{flick}, \text{off}, \dots, \rangle$

Безкрайни машини на състоянието

- Машините на състоянието може да нямат краен брой състояния т.е. са безкрайни. Защо повечето софтуерни системи са безкрайни?

Пр.: Запишете граф на преходите на Бряч (integer counter)



SimpleCounter's Interface

Отг.: Възможен запис на машината:

```
SimpleCounter = (  
    {0, 1, 2, ...}  
    {0},  
    {inc}  
    {(0,inc,1), (1,inc,2), (2,inc,3), ...}  
)
```

- Но "..." е твърде неточно.

Използване на множества и логика за описание на машини на състоянието:

- Множеството на състоянията: **S** се дефинира по-педантично чрез предикатната логика:

$$\mathbf{S} = \{ x: \mathbf{Z} \mid x \geq 0 \}$$

и начално състояние

$$\mathbf{S}_0 = \{ x: \mathbf{Z} \mid x = 0 \}$$

- Преходът за **inc** може да бъде описан с:

$$\delta_{inc} = \{ (s, a, s'): \mathbf{S} \times \{inc\} \times \mathbf{S} \mid s' = s + 1 \}$$

Най-общо: $\delta = \bigcup_{a \in A} \delta_a$

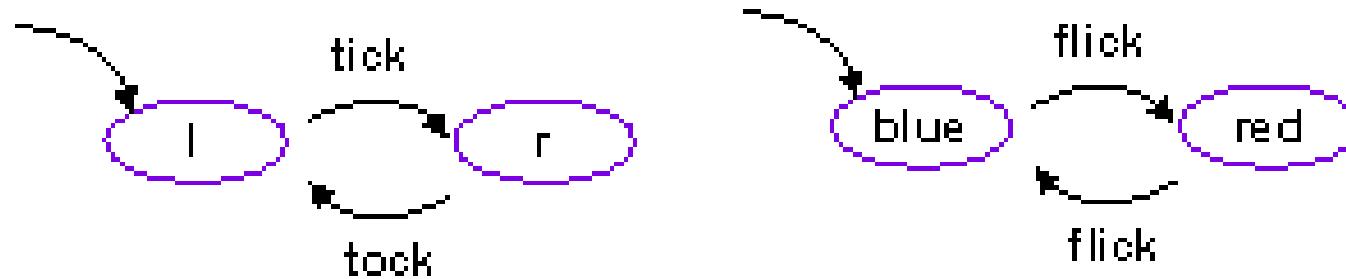
- Пр.: Компактен запис **SimpleCounter** =
$$= (\{ \mathbf{S} \}, \{ \mathbf{S}_0 \}, \{ inc \}, \\ \{ (s, a, s'): \mathbf{S} \times \{inc\} \times \mathbf{S} \mid s' = s + 1 \})$$

Интерфейс и среда

- Много модели на МС се различават само по това какво “наблюдават” в средата.
 - Средата също може да бъде моделирана като МС
 - *Интерфейс на системата:*
 - наблюдаемо поведение на взаимодействието на системата със средата:
- “Кое е наблюдаемото поведение на системата?” – ТОВА трябва да се моделира.

Входни и изходни действия

- Каква е разликата в тези две машини на състоянието? Какви са действията им? Кой са предпочитаните трасета за тях?



- Машината работи в околна среда като може или **да наблюдава** събитията или самат тя **да предизвиква** събитие.
- Съществува два вида взаимодействия между средата и системата - **входни и изходни действия**. (Пр. Граф на преходите на МС за разпознаване на "010")

Абстракция

1. Представяме само някое/част от поведението на системата (пр. Flickr MC, Car MC).

“Може ли средата да наблюдава това различие?”

Пр. “Ябълка, портокал, патладжан” – система за разпознаване.

“Accelerating” в “Car” модел

2. Решението, какво да бъде обект на абстракция зависи от различни фактори като:

- taste
- what will fit on a page
- what you want to communicate to others
- what you want to reason about
- what can be checked by tools
- experience and practice

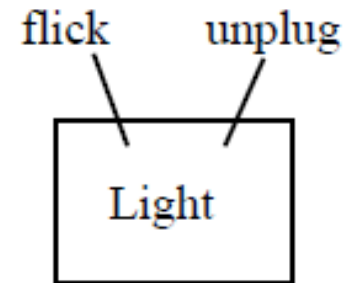
3. Външни и вътрешни действия. Класификация.

Неочаквани действия

Действие, което не може да се случи не е част от интерфейса или е, но не се реализира преход.

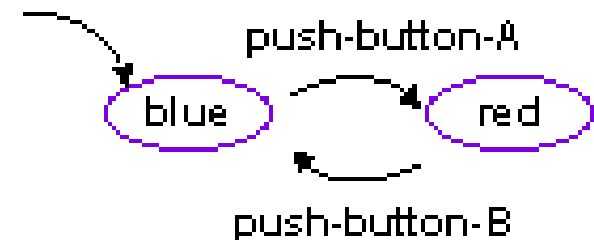
Какво ще се случи, ако натисна бутон **B** (също и **unplug**), когато машината е в състояние “**blue**”?

- 1) Нищо
- 2) Не е дефинирано – всичко може да се случи
(състояние “**bottom**” \perp)
- 3) Това е **грешка** (и хаос може да настъпи).
- 4) Не може да се случи.



An Unpluggable Light?

Дефинирайте разликата между 2) и 3). Изобразете съответните графи за четирите случая.



Развитие

- Състоянията могат да бъдат огромен брой дори и за много проста система;
- Често се налага по-компактно представяне на състоянията:
 - Да се опишат като предикат множеството от състояния, от които съществува преход;
 - Да се опише “целта” чрез промените на източника;
 - Използване на текст, а не илюстрации (подпомагане на етапа на кодиране);
 - Фокусиране върху специални аспекти (като пътеки на събития).