

Практическая работа № 3

Хэш-таблицы

Цель работы: Изучить способы применения Хэш-таблиц

Оборудование: Windows 10, Visual Studio, Microsoft Word.

1. КРАТКАЯ ТЕОРИЯ

Существует два основных вида хеш-таблиц: с цепочками и открытой адресацией. Хеш-таблица содержит некоторый массив НН, элементы которого есть пары (хеш-таблица с открытой адресацией) или списки пар (хеш-таблица с цепочками).

Выполнение операции в хеш-таблице начинается с вычисления хеш-функции от ключа. Хеш-код $i=h(\text{key})$ играет роль индекса в массиве НН, а зная индекс, мы можем выполнить требующуюся операцию (добавление, удаление или поиск).

Количество коллизий зависит от хеш-функции; чем лучше используемая хеш-функция, тем меньше вероятность их возникновения.

					АиСД.09.03.02.110000.0000ПР										
Изм	Лист	№ докум.	Подпись	Дата											
Разраб.		Куличенко Е.В.			Практическая работа №3 Хэш-таблицы					Лит		Лист		Листов	
Провер.		Береза А.Н.										1			
										ИСОuП(ф) ДГТУ ИСТ-Тb21					
Н.контр.															
Утв.															

Пусть хеш-таблица имеет размер len и в нее добавляют n элементов. Рассмотрим $p'(n)$ — вероятность того, что не возникнет ни одной коллизии. Добавим два любых элемента в нашу хеш-таблицу. Вероятность того, что они не попадут в одну и ту же ячейку таблицы равна $1 - \frac{1}{len}$. Возьмем еще один элемент. Тогда вероятность того, что третий элемент не попадет в одну из уже занятых ячеек равна $1 - \frac{2}{len}$.

получим формулу: $p'(n) = (1 - \frac{1}{len}) \cdot (1 - \frac{2}{len}) \cdot \dots \cdot (1 - \frac{n-1}{len}) = \frac{len \cdot (len-1) \cdot \dots \cdot (len-n+1)}{len^n} = \frac{len!}{len^n \cdot (len-n)!}$

Тогда $p(n)$ — вероятность возникновения коллизии равна: $p(n) = 1 - p'(n)$, что в общем случае $> \frac{1}{2}$

Способ разрешения коллизий — важная составляющая любой хеш-таблицы. Полностью избежать коллизий для произвольных данных невозможно в принципе, и хорошая хеш-функция в состоянии только минимизировать их количество. Но, в некоторых специальных случаях их удаётся избежать. Если все ключи элементов известны заранее, либо меняются очень редко, то можно подобрать хеш-функцию, с помощью которой, все ключи будут распределены по хеш-таблице без коллизий. Это хеш-таблицы с прямой адресацией; в них все операции, такие как: поиск, вставка и удаление работают за $O(1)$.

Если мы поделим число хранимых элементов на размер массива N (число возможных значений хеш-функции), то узнаем коэффициент заполнения хеш-таблицы (англ. load factor). От этого параметра зависит среднее время выполнения операций.

Исходный код

```
#include <iostream>
#include <string>
```

					АиСД.09.03.02.110000.0000ПР	Лист
						2
Изм	Лист	№ докум.	Подпись	Дата		

```

#include <map>
using namespace std;

struct data1 {
int group, age, scholarship; // группа, возраст, стипендия

data1(void) { group = age = scholarship = 0; }

data1(int group, int age, int scholarship = 0)
: group(group), age(age), scholarship(scholarship) {}

data1(const data1& d) :
group(d.group), age(d.age), scholarship(d.scholarship) {}

inline friend ostream& operator <<(ostream& out, const data1& obj) {
return out << "[" << obj.group << " : " << obj.age
<< " : " << obj.scholarship << " ]";
}
};
// это и есть наша таблица, журнал деканата, ФИО здесь - ключ:
typedef map< string, data1 > faculty;

int main(void) {
setlocale(LC_ALL, "rus");

faculty filology;
// заполняем поочерёдно 3 записи в журнал:
filology.insert(pair< string, data1 >("Иванов Н.И.", data1(16, 19, 1000)));
filology.insert(pair< string, data1 >("Николаев В.П.", data1(15, 23)));
filology.insert(pair< string, data1 >("Петров А.П.", data1(10, 21)));
// вывод на экран ФИО и учётных данных
for (auto i = filology.begin(); i != filology.end(); i++) {
cout << i->first << " : " << i->second << endl;
}

data1 d1(filology["Иванов Н.И."]);
data1 d2 = filology["Иванов Н.И."];
cout << d2 << endl;
}

```