

Министерство образования Республики Беларусь  
Учреждение образования «Белорусский государственный университет  
информатики и радиоэлектроники»

Факультет компьютерных систем и сетей  
Кафедра информатики  
Дисциплина «Методы защиты информации»

**ОТЧЕТ**  
к лабораторной работе № 3  
на тему «Асимметричная криптография. Криптосистема Рабина»

Выполнил

Е. А. Киселева

Проверил

А. В. Герчик

Минск 2024

## СОДЕРЖАНИЕ

1 Постановка задачи.....	3
2 Краткие теоретические сведения.....	4
3 Результаты выполнения лабораторной работы.....	5
Выводы .....	6
Список использованных источников .....	7
Приложение А (обязательное) Листинг исходного кода .....	8

## **1 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ**

Целью выполнения данной лабораторной работы является реализация программных средств шифрования и дешифрования текстовых файлов при помощи криптосистемы Рабина.

## 2 КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

Криптосистема Рабина – это криптографический алгоритм, предложенный Майклом Рабином в 1979 году. Рабиновская криптосистема является асимметричной и основана на сложности задачи факторизации больших чисел, аналогично RSA, но с некоторыми ключевыми отличиями.

Принципы криптосистемы Рабина:

1 Основная математическая идея: криптосистема основана на сложности извлечения квадратного корня по модулю произведения двух простых чисел. Этот процесс сложен, если простые числа достаточно велики, что делает криптосистему безопасной.

2 Шифрование: чтобы зашифровать сообщение, получатель использует закрытый ключ, который состоит из  $p$  и  $q$ , чтобы восстановить исходное сообщение из шифротекста. Для этого решается задача извлечения квадратного корня по модулю числа  $n$ .

Особенности криптосистемы Рабина:

1 Сложность: одним из недостатков системы является то, что на каждый шифротекст может приходиться несколько потенциальных расшифрованных сообщений (обычно 4 возможных значения). Чтобы устранить эту неопределенность, необходимо использовать дополнительные методы для отбора правильного сообщения.

2 Безопасность: если задача факторизации больших чисел остается сложной, криптосистема Рабина безопасна. На практике, если кто-то способен разложить  $n$  на простые множители, он может взломать систему.

3 Скорость: Рабиновская криптосистема работает быстрее, чем RSA, потому что операция шифрования проще (квадратирование вместо возведения в степень).

Таким образом, криптосистема Рабина является интересной альтернативой RSA с высокой теоретической безопасностью, хотя и с некоторыми практическими трудностями, связанными с неоднозначностью расшифровки.

### 3 РЕЗУЛЬТАТЫ ВЫПОЛНЕНИЯ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ

В ходе выполнения лабораторной было реализовано программное средство шифрования и дешифрования текстовых файлов при помощи криптосистемы Рабина.

Начальный текст находится в файле input.txt, однако пользователь может создать и выбрать другой. После запуска программа дает возможность выбрать, что пользователь хочет сделать: сгенерировать ключи, зашифровать файл, дешифровать файл или выйти. В зависимости от выбора программа запрашивает дополнительную необходимую информацию и выводит результат работы в файлы с теми названиями, которые ввел пользователь. Полная работа программы представлен на рисунке 3.1.

```
Выберите действие:
1. Сгенерировать ключи
2. Зашифровать файл
3. Расшифровать файл
4. Выйти
Введите номер действия: 1
Введите размер ключа (например 512): 512
Ключи сгенерированы.
Ключи сохранены в файл 'key.txt'
Выберите действие:
1. Сгенерировать ключи
2. Зашифровать файл
3. Расшифровать файл
4. Выйти
Введите номер действия: 2
Введите путь к файлу для шифрования: input.txt
Введите путь для сохранения зашифрованного файла: decrypted.txt
Файл зашифрован и сохранен как decrypted.txt
Выберите действие:
1. Сгенерировать ключи
2. Зашифровать файл
3. Расшифровать файл
4. Выйти
Введите номер действия: 3
Введите путь к файлу для расшифрования: decrypted.txt
Введите путь для сохранения расшифрованного файла: output.txt
Файл расшифрован и сохранен как output.txt
Выберите действие:
1. Сгенерировать ключи
2. Зашифровать файл
3. Расшифровать файл
4. Выйти
Введите номер действия: 4
Выход
```

Рисунок 3.1 – Вывод консоли

Таким образом, в ходе данной лабораторной работы было реализовано программное средство шифрования и дешифрования текстовых файлов при помощи криптосистемы Рабина.

## **ВЫВОДЫ**

В ходе данной лабораторной работы было реализовано программное средство шифрования и дешифрования текстовых файлов при помощи криптосистемы Рабина.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

[1] Криптосистема Рабина [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://studfile.net/preview/7880378/page:29/>. – Дата доступа: 28.09.2024.

[2] Криптографическая стойкость криптосистемы Рабина [Электронный ресурс]. – Режим доступа: [https://rep.bntu.by/bitstream/data/37387/1/Kriptograficheskaya\\_stojkost\\_kriptosistemy\\_Rabina.pdf](https://rep.bntu.by/bitstream/data/37387/1/Kriptograficheskaya_stojkost_kriptosistemy_Rabina.pdf). – Дата доступа: 29.09.2024.

# ПРИЛОЖЕНИЕ А

## (обязательное)

### Листинг исходного кода

#### Листинг 1 – Программный код файла main

```
import random
from sympy import isprime

# Генерация ключей для системы Рабина
def generate_keys(bits=512):
    while True:
        p = random.getrandbits(bits)
        if isprime(p) and p % 4 == 3:
            break
    while True:
        q = random.getrandbits(bits)
        if isprime(q) and q % 4 == 3:
            break
    N = p * q
    return (N, p, q)

def encrypt(message, N):
    m = int.from_bytes(message.encode('utf-8'), 'big')
    if m >= N:
        raise ValueError("The message is too large for the key size")
    c = pow(m, 2, N)
    return c

def decrypt(ciphertext, p, q):
    N = p * q
    m_p = pow(ciphertext, (p + 1) // 4, p)
    m_q = pow(ciphertext, (q + 1) // 4, q)
    _, yp, yq = extended_gcd(p, q)

    r1 = (yp * p * m_q + yq * q * m_p) % N
    r2 = N - r1
    r3 = (yp * p * m_q - yq * q * m_p) % N
    r4 = N - r3

    for r in [r1, r2, r3, r4]:
        try:
            decrypted_message = r.to_bytes((r.bit_length() + 7) // 8,
            'big').decode('utf-8')
            return decrypted_message
        except UnicodeDecodeError:
            continue
    raise ValueError("Decryption failed, none of the roots produced a valid message")

# Алгоритм Евклида для нахождения gcd и коэффициентов
def extended_gcd(a, b):
    if a == 0:
        return b, 0, 1
    gcd, x1, y1 = extended_gcd(b % a, a)
    x = y1 - (b // a) * x1
    y = x1
    return gcd, x, y
```



```

def read_file(file_path):
    with open(file_path, 'r', encoding='utf-8') as f:
        return f.read()

def write_file(file_path, data):
    with open(file_path, 'w', encoding='utf-8') as f:
        f.write(data)

def menu():
    print("Выберите действие:")
    print("1. Сгенерировать ключи")
    print("2. Зашифровать файл")
    print("3. Расшифровать файл")
    print("4. Выйти")

    choice = input("Введите номер действия: ")
    return choice

def main():
    N, p, q = None, None, None

    while True:
        choice = menu()

        if choice == "1":
            bits = int(input("Введите размер ключа (например 512): "))
            N, p, q = generate_keys(bits)
            print(f"Ключи сгенерированы.")
            with open('key.txt', 'w') as f:
                f.write(f"{N}\n{p}\n{q}")
            print("Ключи сохранены в файл 'key.txt'")

        elif choice == "2":
            if N is None:
                print("Сначала необходимо сгенерировать ключи!")
                continue
            file_path = input("Введите путь к файлу для шифрования: ")
            try:
                message = read_file(file_path)
                ciphertext = encrypt(message, N)
                enc_file_path = input("Введите путь для сохранения зашифрованного файла: ")
                write_file(enc_file_path, str(ciphertext))
                print(f"Файл зашифрован и сохранен как {enc_file_path}")
            except Exception as e:
                print(f"Ошибка при шифровании: {e}")

        elif choice == "3":
            if p is None or q is None:
                print("Сначала необходимо сгенерировать ключи!")
                continue
            file_path = input("Введите путь к файлу для расшифрования: ")
            try:
                ciphertext = int(read_file(file_path))
                message = decrypt(ciphertext, p, q)
                dec_file_path = input("Введите путь для сохранения расшифрованного файла: ")
                write_file(dec_file_path, message)

```

```
        print(f"Файл расшифрован и сохранен как {dec_file_path}")
    except Exception as e:
        print(f"Ошибка при расшифровании: {e}")

elif choice == "4":
    print("Выход")
    break

else:
    print("Заново")

if __name__ == "__main__":
    main()
```