Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования

БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ   
ИНФОРМАТИКИ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

Факультет компьютерных систем и сетей

Кафедра информатики

Дисциплина: Методы защиты информации

ОТЧЁТ

к лабораторной работе №6

на тему

на тему «Цифровая подпись»

Выполнил: Е.А. Киселева

Проверил: А. В. Герчик

Минск 2024

**СОДЕРЖАНИЕ**

[1 Постановка задачи 3](#_Toc181565713)

[2 Краткие теоретические сведения 4](#_Toc181565714)

[3 Результаты выполнения лабораторной работы 6](#_Toc181565715)

[Выводы 7](#_Toc181565716)

[Приложение А (обязательное) Листинг программного кода 8](#_Toc181565717)

# **ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ**

Целью выполнения данной лабораторной работы является изучение теоретических сведений и реализация программного средства формирования и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП) на базе алгоритма ГОСТ3410.

# **КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ** **СВЕДЕНИЯ**

В стандарте *ГОСТ 3410* используется хэш-функция ГОСТ 3411, которая создает хэш-код длиной 256 бит. Это во многом обуславливает требования к выбираемым простым числам p и q:

1 р должно быть простым числом в диапазоне 2509 < p < 2512либо 21020 < p < 21024.

2 q должно быть простым числом в диапазоне 2254 < q < 2256, q также должно быть делителем (р-1).

3 Аналогично выбирается и параметр g. При этом требуется, чтобы gq (mod p) = 1. В соответствии с теоремой Ферма это эквивалентно условию в *DSS*, что g = h(p-1)/q mod p.

Закрытым ключом является произвольное число х: 0 < x < q. Открытым ключом является число y: y = gx mod p. Для создания подписи выбирается случайное число k: 0 < k < q.

Подпись состоит из двух чисел (r, s), вычисляемых по следующим формулам:

r = (gk mod p) mod q

s = (k H(M) + xr) mod q

Обратим внимание на отличия *DSS* и *ГОСТ 3410*.

1 Используются разные хэш-функции: в *ГОСТ 3410* применяется отечественный стандарт на хэш-функции ГОСТ 3411, в *DSS* используется SHA-1, которые имеют разную длину хэш-кода. Отсюда и разные требования на длину простого числа q: в *ГОСТ 3410* длина q должна быть от 254 бит до 256 бит, а в *DSS* длина q должна быть от 159 бит до 160 бит.

2 По-разному вычисляется компонента s подписи. В *ГОСТ 3410* компонента s вычисляется по формуле s = (k H(M) + xr) mod q. В *DSS* компонента s вычисляется по формуле s = [k-1 (H(M) + xr)] mod q.

Последнее отличие приводит к соответствующим отличиям в формулах для проверки подписи. Получатель вычисляет w = H(M)-1 mod q

u1 = w s mod q

u2 = (q-r) w mod q

v = [(gu1 yu2) mod p] mod q

Подпись корректна, если v = r.

Структура обоих алгоритмов довольно интересна. Заметим, что значение r совсем не зависит от сообщения. Вместо этого r есть функция от k и трех общих компонент открытого ключа. Мультипликативная инверсия k (mod p) (в случае *DSS*) или само значение k (в случае ГОСТ 3410) подается в функцию, которая, кроме того, в качестве входа имеет хэш-код сообщения и закрытый ключ пользователя. Эта функция такова, что получатель может вычислить r, используя входное сообщение, подпись, открытый ключ пользователя и общий открытый ключ.

В силу сложности вычисления дискретных логарифмов нарушитель не может восстановить k из r или х из s.

Другое важное замечание заключается в том, что экспоненциальные вычисления при создании подписи необходимы только для gk mod p. Так как это значение от подписываемого сообщения не зависит, оно может быть вычислено заранее. Пользователь может заранее просчитать некоторое количество значений r и использовать их по мере необходимости для подписи документов. Еще одна задача состоит в определении мультипликативной инверсии k-1 (в случае *DSS*). Эти значения также могут быть вычислены заранее.**3 РЕЗУЛЬТАТЫ ВЫПОЛНЕНИЯ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ**

В ходе выполнения лабораторной было реализовано программное средство формирования и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП) на базе алгоритма ГОСТ3410.

Начальный текст находится в файле input.txt. Программа сперва генерирует хеш с помощью алгоритма ГОСТ 34.11 для текста, находящегося в исходном файле, и выводит сгенерированный хеш в файл hash.txt. После этого программа генерирует ЭЦП и выводит ее в консоль. Далее происходит проверка сгенерированной подписи, информация о результате которой также выводится в консоль.

Результат выполнения лабораторной работы представлен на рисунке 3.1.

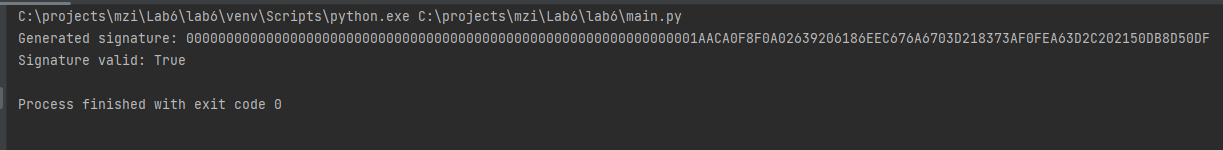


Рисунок 3.1 – Результат выполнения лабораторной работы

Таким образом результатом лабораторной работы является программа, которую можно использовать для формирования и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП) на базе алгоритма ГОСТ3410.

# **ВЫВОДЫ**

В ходе данной лабораторной работы были изучены теоретические сведения и реализовано программное средство формирования и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП) на базе алгоритма ГОСТ3410.

## **ПРИЛОЖЕНИЕ А**

## **(обязательное)**

## **Листинг программного кода**

Листинг 1 – Программный код файла main.py

import random

from gost3411 import GOST3411 # Подключение класса gost3411

from math import isqrt

from pathlib import Path

class Gost3410Signature:

@staticmethod

def generate\_prime\_q():

# Генерация 256-битного случайного числа и приведение его к форме, подходящей для простого числа q

q = random.getrandbits(256)

q = q % (2 \*\* 256) + 2 \*\* 254

return q

@staticmethod

def is\_prime(n):

if n <= 1:

return False

for i in range(2, isqrt(n) + 1):

if n % i == 0:

return False

return True

@staticmethod

def generate\_p(q):

# Генерация числа p на основе q

return 2 \* q - 2

@staticmethod

def generate\_g(p, q):

# Поиск генератора g

for g in range(1, p):

if pow(g, q, p) == 1:

return g

return -1

@staticmethod

def hash\_message(message):

# Хеширование сообщения с помощью алгоритма ГОСТ

message\_bytes = message.encode('utf-8')

hash\_gost = GOST3411.hash(message\_bytes)

# Преобразуем hash\_gost (list) в bytes

return bytes(hash\_gost)

@staticmethod

def generate\_signature(message, p, q, g, x):

k = Gost3410Signature.generate\_random\_k(q)

r = pow(g, k, p) % q

h = int.from\_bytes(Gost3410Signature.hash\_message(message), byteorder='big')

s = (k \* h + x \* r) % q

return r, s

@staticmethod

def verify\_signature(message, p, q, g, y, r, s):

if r >= q or s >= q:

return False

h = int.from\_bytes(Gost3410Signature.hash\_message(message), byteorder='big')

w = h % q

u1 = (w \* s) % q

u2 = ((q - r) \* w) % q

v = (pow(g, u1, p) \* pow(y, u2, p)) % p % q

return v == r

@staticmethod

def generate\_random\_k(q):

# Генерация случайного числа k, меньшего q

k = random.randint(1, q - 1)

return k

@staticmethod

def main():

q = Gost3410Signature.generate\_prime\_q()

p = Gost3410Signature.generate\_p(q)

g = Gost3410Signature.generate\_g(p, q)

x = 43

y = pow(g, x, p)

# Пути к файлам

message\_file\_path = Path("input.txt")

hash\_file\_path = Path("hash.txt")

signature\_file\_path = Path("signature.txt")

# Чтение сообщения из файла

message = message\_file\_path.read\_text(encoding='utf-8')

# Генерация хеша сообщения и запись в файл

hash\_value = Gost3410Signature.hash\_message(message).hex()

hash\_file\_path.write\_text(hash\_value, encoding='utf-8')

# Генерация подписи и запись в файл

r, s = Gost3410Signature.generate\_signature(message, p, q, g, x)

signature = f"{r:064X}{s:064X}"

signature\_file\_path.write\_text(signature, encoding='utf-8')

print(f"Generated signature: {signature}")

# Проверка подписи

is\_valid = Gost3410Signature.verify\_signature(message, p, q, g, y, r, s)

print(f"Signature valid: {is\_valid}")

if \_\_name\_\_ == "\_\_main\_\_":

Gost3410Signature.main()

Листинг 2 – Программный код файла gost3411.py

class GOST3411:

#Таблица подстановок

Pi = [

252, 238, 221, 17, 207, 110, 49, 22, 251, 196, 250, 218, 35, 197, 4,

77, 233, 119, 240, 219, 147, 46, 153, 186, 23, 54, 241, 187, 20, 205, 95,

193, 249, 24, 101, 90, 226, 92, 239, 33, 129, 28, 60, 66, 139, 1, 142,

79, 5, 132, 2, 174, 227, 106, 143, 160, 6, 11, 237, 152, 127, 212, 211,

31, 235, 52, 44, 81, 234, 200, 72, 171, 242, 42, 104, 162, 253, 58, 206,

204, 181, 112, 14, 86, 8, 12, 118, 18, 191, 114, 19, 71, 156, 183, 93,

135, 21, 161, 150, 41, 16, 123, 154, 199, 243, 145, 120, 111, 157, 158, 178,

177, 50, 117, 25, 61, 255, 53, 138, 126, 109, 84, 198, 128, 195, 189, 13,

87, 223, 245, 36, 169, 62, 168, 67, 201, 215, 121, 214, 246, 124, 34, 185,

3, 224, 15, 236, 222, 122, 148, 176, 188, 220, 232, 40, 80, 78, 51, 10,

74, 167, 151, 96, 115, 30, 0, 98, 68, 26, 184, 56, 130, 100, 159, 38,

65, 173, 69, 70, 146, 39, 94, 85, 47, 140, 163, 165, 125, 105, 213, 149,

59, 7, 88, 179, 64, 134, 172, 29, 247, 48, 55, 107, 228, 136, 217, 231,

137, 225, 27, 131, 73, 76, 63, 248, 254, 141, 83, 170, 144, 202, 216, 133,

97, 32, 113, 103, 164, 45, 43, 9, 91, 203, 155, 37, 208, 190, 229, 108,

82, 89, 166, 116, 210, 230, 244, 180, 192, 209, 102, 175, 194, 57, 75, 99, 182

]

t = [

0, 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56,

1, 9, 17, 25, 33, 41, 49, 57,

2, 10, 18, 26, 34, 42, 50, 58,

3, 11, 19, 27, 35, 43, 51, 59,

4, 12, 20, 28, 36, 44, 52, 60,

5, 13, 21, 29, 37, 45, 53, 61,

6, 14, 22, 30, 38, 46, 54, 62,

7, 15, 23, 31, 39, 47, 55, 63

]

#Бинарная матрица для L-преобразования

l = [

0x8e, 0x20, 0xfa, 0xa7, 0x2b, 0xa0, 0xb4, 0x70,

0x47, 0x10, 0x7d, 0xdd, 0x9b, 0x50, 0x5a, 0x38,

0xad, 0x08, 0xb0, 0xe0, 0xc3, 0x28, 0x2d, 0x1c,

0xd8, 0x04, 0x58, 0x70, 0xef, 0x14, 0x98, 0x0e,

0x6c, 0x02, 0x2c, 0x38, 0xf9, 0x0a, 0x4c, 0x07,

0x36, 0x01, 0x16, 0x1c, 0xf2, 0x05, 0x26, 0x8d,

0x1b, 0x8e, 0x0b, 0x0e, 0x79, 0x8c, 0x13, 0xc8,

0x83, 0x47, 0x8b, 0x07, 0xb2, 0x46, 0x87, 0x64,

0xa0, 0x11, 0xd3, 0x80, 0x81, 0x8e, 0x8f, 0x40,

0x50, 0x86, 0xe7, 0x40, 0xce, 0x47, 0xc9, 0x20,

0x28, 0x43, 0xfd, 0x20, 0x67, 0xad, 0xea, 0x10,

0x14, 0xaf, 0xf0, 0x10, 0xbd, 0xd8, 0x75, 0x08,

0x0a, 0xd9, 0x78, 0x08, 0xd0, 0x6c, 0xb4, 0x04,

0x05, 0xe2, 0x3c, 0x04, 0x68, 0x36, 0x5a, 0x02,

0x8c, 0x71, 0x1e, 0x02, 0x34, 0x1b, 0x2d, 0x01,

0x46, 0xb6, 0x0f, 0x01, 0x1a, 0x83, 0x98, 0x8e,

0x90, 0xda, 0xb5, 0x2a, 0x38, 0x7a, 0xe7, 0x6f,

0x48, 0x6d, 0xd4, 0x15, 0x1c, 0x3d, 0xfd, 0xb9,

0x24, 0xb8, 0x6a, 0x84, 0x0e, 0x90, 0xf0, 0xd2,

0x12, 0x5c, 0x35, 0x42, 0x07, 0x48, 0x78, 0x69,

0x09, 0x2e, 0x94, 0x21, 0x8d, 0x24, 0x3c, 0xba,

0x8a, 0x17, 0x4a, 0x9e, 0xc8, 0x12, 0x1e, 0x5d,

0x45, 0x85, 0x25, 0x4f, 0x64, 0x09, 0x0f, 0xa0,

0xac, 0xcc, 0x9c, 0xa9, 0x32, 0x8a, 0x89, 0x50,

0x9d, 0x4d, 0xf0, 0x5d, 0x5f, 0x66, 0x14, 0x51,

0xc0, 0xa8, 0x78, 0xa0, 0xa1, 0x33, 0x0a, 0xa6,

0x60, 0x54, 0x3c, 0x50, 0xde, 0x97, 0x05, 0x53,

0x30, 0x2a, 0x1e, 0x28, 0x6f, 0xc5, 0x8c, 0xa7,

0x18, 0x15, 0x0f, 0x14, 0xb9, 0xec, 0x46, 0xdd,

0x0c, 0x84, 0x89, 0x0a, 0xd2, 0x76, 0x23, 0xe0,

0x06, 0x42, 0xca, 0x05, 0x69, 0x3b, 0x9f, 0x70,

0x03, 0x21, 0x65, 0x8c, 0xba, 0x93, 0xc1, 0x38,

0x86, 0x27, 0x5d, 0xf0, 0x9c, 0xe8, 0xaa, 0xa8,

0x43, 0x9d, 0xa0, 0x78, 0x4e, 0x74, 0x55, 0x54,

0xaf, 0xc0, 0x50, 0x3c, 0x27, 0x3a, 0xa4, 0x2a,

0xd9, 0x60, 0x28, 0x1e, 0x9d, 0x1d, 0x52, 0x15,

0xe2, 0x30, 0x14, 0x0f, 0xc0, 0x80, 0x29, 0x84,

0x71, 0x18, 0x0a, 0x89, 0x60, 0x40, 0x9a, 0x42,

0xb6, 0x0c, 0x05, 0xca, 0x30, 0x20, 0x4d, 0x21,

0x5b, 0x06, 0x8c, 0x65, 0x18, 0x10, 0xa8, 0x9e,

0x45, 0x6c, 0x34, 0x88, 0x7a, 0x38, 0x05, 0xb9,

0xac, 0x36, 0x1a, 0x44, 0x3d, 0x1c, 0x8c, 0xd2,

0x56, 0x1b, 0x0d, 0x22, 0x90, 0x0e, 0x46, 0x69,

0x2b, 0x83, 0x88, 0x11, 0x48, 0x07, 0x23, 0xba,

0x9b, 0xcf, 0x44, 0x86, 0x24, 0x8d, 0x9f, 0x5d,

0xc3, 0xe9, 0x22, 0x43, 0x12, 0xc8, 0xc1, 0xa0,

0xef, 0xfa, 0x11, 0xaf, 0x09, 0x64, 0xee, 0x50,

0xf9, 0x7d, 0x86, 0xd9, 0x8a, 0x32, 0x77, 0x28,

0xe4, 0xfa, 0x20, 0x54, 0xa8, 0x0b, 0x32, 0x9c,

0x72, 0x7d, 0x10, 0x2a, 0x54, 0x8b, 0x19, 0x4e,

0x39, 0xb0, 0x08, 0x15, 0x2a, 0xcb, 0x82, 0x27,

0x92, 0x58, 0x04, 0x84, 0x15, 0xeb, 0x41, 0x9d,

0x49, 0x2c, 0x02, 0x42, 0x84, 0xfb, 0xae, 0xc0,

0xaa, 0x16, 0x01, 0x21, 0x42, 0xf3, 0x57, 0x60,

0x55, 0x0b, 0x8e, 0x9e, 0x21, 0xf7, 0xa5, 0x30,

0xa4, 0x8b, 0x47, 0x4f, 0x9e, 0xf5, 0xdc, 0x18,

0x70, 0xa6, 0xa5, 0x6e, 0x24, 0x40, 0x59, 0x8e,

0x38, 0x53, 0xdc, 0x37, 0x12, 0x20, 0xa2, 0x47,

0x1c, 0xa7, 0x6e, 0x95, 0x09, 0x10, 0x51, 0xad,

0x0e, 0xdd, 0x37, 0xc4, 0x8a, 0x08, 0xa6, 0xd8,

0x07, 0xe0, 0x95, 0x62, 0x45, 0x04, 0x53, 0x6c,

0x8d, 0x70, 0xc4, 0x31, 0xac, 0x02, 0xa7, 0x36,

0xc8, 0x38, 0x62, 0x96, 0x56, 0x01, 0xdd, 0x1b,

0x64, 0x1c, 0x31, 0x4b, 0x2b, 0x8e, 0xe0, 0x83

]

C = [

0xb1, 0x08, 0x5b, 0xda, 0x1e, 0xca, 0xda, 0xe9, 0xeb, 0xcb, 0x2f, 0x81, 0xc0, 0x65, 0x7c, 0x1f,

0x2f, 0x6a, 0x76, 0x43, 0x2e, 0x45, 0xd0, 0x16, 0x71, 0x4e, 0xb8, 0x8d, 0x75, 0x85, 0xc4, 0xfc,

0x4b, 0x7c, 0xe0, 0x91, 0x92, 0x67, 0x69, 0x01, 0xa2, 0x42, 0x2a, 0x08, 0xa4, 0x60, 0xd3, 0x15,

0x05, 0x76, 0x74, 0x36, 0xcc, 0x74, 0x4d, 0x23, 0xdd, 0x80, 0x65, 0x59, 0xf2, 0xa6, 0x45, 0x07,

0x6f, 0xa3, 0xb5, 0x8a, 0xa9, 0x9d, 0x2f, 0x1a, 0x4f, 0xe3, 0x9d, 0x46, 0x0f, 0x70, 0xb5, 0xd7,

0xf3, 0xfe, 0xea, 0x72, 0x0a, 0x23, 0x2b, 0x98, 0x61, 0xd5, 0x5e, 0x0f, 0x16, 0xb5, 0x01, 0x31,

0x9a, 0xb5, 0x17, 0x6b, 0x12, 0xd6, 0x99, 0x58, 0x5c, 0xb5, 0x61, 0xc2, 0xdb, 0x0a, 0xa7, 0xca,

0x55, 0xdd, 0xa2, 0x1b, 0xd7, 0xcb, 0xcd, 0x56, 0xe6, 0x79, 0x04, 0x70, 0x21, 0xb1, 0x9b, 0xb7,

0xf5, 0x74, 0xdc, 0xac, 0x2b, 0xce, 0x2f, 0xc7, 0x0a, 0x39, 0xfc, 0x28, 0x6a, 0x3d, 0x84, 0x35,

0x06, 0xf1, 0x5e, 0x5f, 0x52, 0x9c, 0x1f, 0x8b, 0xf2, 0xea, 0x75, 0x14, 0xb1, 0x29, 0x7b, 0x7b,

0xd3, 0xe2, 0x0f, 0xe4, 0x90, 0x35, 0x9e, 0xb1, 0xc1, 0xc9, 0x3a, 0x37, 0x60, 0x62, 0xdb, 0x09,

0xc2, 0xb6, 0xf4, 0x43, 0x86, 0x7a, 0xdb, 0x31, 0x99, 0x1e, 0x96, 0xf5, 0x0a, 0xba, 0x0a, 0xb2,

0xef, 0x1f, 0xdf, 0xb3, 0xe8, 0x15, 0x66, 0xd2, 0xf9, 0x48, 0xe1, 0xa0, 0x5d, 0x71, 0xe4, 0xdd,

0x48, 0x8e, 0x85, 0x7e, 0x33, 0x5c, 0x3c, 0x7d, 0x9d, 0x72, 0x1c, 0xad, 0x68, 0x5e, 0x35, 0x3f,

0xa9, 0xd7, 0x2c, 0x82, 0xed, 0x03, 0xd6, 0x75, 0xd8, 0xb7, 0x13, 0x33, 0x93, 0x52, 0x03, 0xbe,

0x34, 0x53, 0xea, 0xa1, 0x93, 0xe8, 0x37, 0xf1, 0x22, 0x0c, 0xbe, 0xbc, 0x84, 0xe3, 0xd1, 0x2e,

0x4b, 0xea, 0x6b, 0xac, 0xad, 0x47, 0x47, 0x99, 0x9a, 0x3f, 0x41, 0x0c, 0x6c, 0xa9, 0x23, 0x63,

0x7f, 0x15, 0x1c, 0x1f, 0x16, 0x86, 0x10, 0x4a, 0x35, 0x9e, 0x35, 0xd7, 0x80, 0x0f, 0xff, 0xbd,

0xbf, 0xcd, 0x17, 0x47, 0x25, 0x3a, 0xf5, 0xa3, 0xdf, 0xff, 0x00, 0xb7, 0x23, 0x27, 0x1a, 0x16,

0x7a, 0x56, 0xa2, 0x7e, 0xa9, 0xea, 0x63, 0xf5, 0x60, 0x17, 0x58, 0xfd, 0x7c, 0x6c, 0xfe, 0x57,

0xae, 0x4f, 0xae, 0xae, 0x1d, 0x3a, 0xd3, 0xd9, 0x6f, 0xa4, 0xc3, 0x3b, 0x7a, 0x30, 0x39, 0xc0,

0x2d, 0x66, 0xc4, 0xf9, 0x51, 0x42, 0xa4, 0x6c, 0x18, 0x7f, 0x9a, 0xb4, 0x9a, 0xf0, 0x8e, 0xc6,

0xcf, 0xfa, 0xa6, 0xb7, 0x1c, 0x9a, 0xb7, 0xb4, 0x0a, 0xf2, 0x1f, 0x66, 0xc2, 0xbe, 0xc6, 0xb6,

0xbf, 0x71, 0xc5, 0x72, 0x36, 0x90, 0x4f, 0x35, 0xfa, 0x68, 0x40, 0x7a, 0x46, 0x64, 0x7d, 0x6e,

0xf4, 0xc7, 0x0e, 0x16, 0xee, 0xaa, 0xc5, 0xec, 0x51, 0xac, 0x86, 0xfe, 0xbf, 0x24, 0x09, 0x54,

0x39, 0x9e, 0xc6, 0xc7, 0xe6, 0xbf, 0x87, 0xc9, 0xd3, 0x47, 0x3e, 0x33, 0x19, 0x7a, 0x93, 0xc9,

0x09, 0x92, 0xab, 0xc5, 0x2d, 0x82, 0x2c, 0x37, 0x06, 0x47, 0x69, 0x83, 0x28, 0x4a, 0x05, 0x04,

0x35, 0x17, 0x45, 0x4c, 0xa2, 0x3c, 0x4a, 0xf3, 0x88, 0x86, 0x56, 0x4d, 0x3a, 0x14, 0xd4, 0x93,

0x9b, 0x1f, 0x5b, 0x42, 0x4d, 0x93, 0xc9, 0xa7, 0x03, 0xe7, 0xaa, 0x02, 0x0c, 0x6e, 0x41, 0x41,

0x4e, 0xb7, 0xf8, 0x71, 0x9c, 0x36, 0xde, 0x1e, 0x89, 0xb4, 0x44, 0x3b, 0x4d, 0xdb, 0xc4, 0x9a,

0xf4, 0x89, 0x2b, 0xcb, 0x92, 0x9b, 0x06, 0x90, 0x69, 0xd1, 0x8d, 0x2b, 0xd1, 0xa5, 0xc4, 0x2f,

0x36, 0xac, 0xc2, 0x35, 0x59, 0x51, 0xa8, 0xd9, 0xa4, 0x7f, 0x0d, 0xd4, 0xbf, 0x02, 0xe7, 0x1e,

0x37, 0x8f, 0x5a, 0x54, 0x16, 0x31, 0x22, 0x9b, 0x94, 0x4c, 0x9a, 0xd8, 0xec, 0x16, 0x5f, 0xde,

0x3a, 0x7d, 0x3a, 0x1b, 0x25, 0x89, 0x42, 0x24, 0x3c, 0xd9, 0x55, 0xb7, 0xe0, 0x0d, 0x09, 0x84,

0x80, 0x0a, 0x44, 0x0b, 0xdb, 0xb2, 0xce, 0xb1, 0x7b, 0x2b, 0x8a, 0x9a, 0xa6, 0x07, 0x9c, 0x54,

0x0e, 0x38, 0xdc, 0x92, 0xcb, 0x1f, 0x2a, 0x60, 0x72, 0x61, 0x44, 0x51, 0x83, 0x23, 0x5a, 0xdb,

0xab, 0xbe, 0xde, 0xa6, 0x80, 0x05, 0x6f, 0x52, 0x38, 0x2a, 0xe5, 0x48, 0xb2, 0xe4, 0xf3, 0xf3,

0x89, 0x41, 0xe7, 0x1c, 0xff, 0x8a, 0x78, 0xdb, 0x1f, 0xff, 0xe1, 0x8a, 0x1b, 0x33, 0x61, 0x03,

0x9f, 0xe7, 0x67, 0x02, 0xaf, 0x69, 0x33, 0x4b, 0x7a, 0x1e, 0x6c, 0x30, 0x3b, 0x76, 0x52, 0xf4,

0x36, 0x98, 0xfa, 0xd1, 0x15, 0x3b, 0xb6, 0xc3, 0x74, 0xb4, 0xc7, 0xfb, 0x98, 0x45, 0x9c, 0xed,

0x7b, 0xcd, 0x9e, 0xd0, 0xef, 0xc8, 0x89, 0xfb, 0x30, 0x02, 0xc6, 0xcd, 0x63, 0x5a, 0xfe, 0x94,

0xd8, 0xfa, 0x6b, 0xbb, 0xeb, 0xab, 0x07, 0x61, 0x20, 0x01, 0x80, 0x21, 0x14, 0x84, 0x66, 0x79,

0x8a, 0x1d, 0x71, 0xef, 0xea, 0x48, 0xb9, 0xca, 0xef, 0xba, 0xcd, 0x1d, 0x7d, 0x47, 0x6e, 0x98,

0xde, 0xa2, 0x59, 0x4a, 0xc0, 0x6f, 0xd8, 0x5d, 0x6b, 0xca, 0xa4, 0xcd, 0x81, 0xf3, 0x2d, 0x1b,

0x37, 0x8e, 0xe7, 0x67, 0xf1, 0x16, 0x31, 0xba, 0xd2, 0x13, 0x80, 0xb0, 0x04, 0x49, 0xb1, 0x7a,

0xcd, 0xa4, 0x3c, 0x32, 0xbc, 0xdf, 0x1d, 0x77, 0xf8, 0x20, 0x12, 0xd4, 0x30, 0x21, 0x9f, 0x9b,

0x5d, 0x80, 0xef, 0x9d, 0x18, 0x91, 0xcc, 0x86, 0xe7, 0x1d, 0xa4, 0xaa, 0x88, 0xe1, 0x28, 0x52,

0xfa, 0xf4, 0x17, 0xd5, 0xd9, 0xb2, 0x1b, 0x99, 0x48, 0xbc, 0x92, 0x4a, 0xf1, 0x1b, 0xd7, 0x20

]

@staticmethod

def modular\_addition(a, b):

result = [0] \* 64

carry = 0

for i in range(64):

carry = a[i] + b[i] + (carry >> 8)

result[i] = carry & 0xff

return result

#X-преобразованрие

@staticmethod

def xor(a, b):

return [a[i] ^ b[i] for i in range(64)]

#S-преобразование

@staticmethod

def S(a):

return [GOST3411.Pi[v] for v in reversed(a)]

# P-преобразование. Для каждой пары байт из входной последовательности происходит замена одного байта другим

@staticmethod

def P(a):

return [a[elem] for elem in reversed(GOST3411.t)]

#L-преобразование

@staticmethod

def L(a):

result = [0] \* 64

for i in range(7, -1, -1):

for n in range(8):

p = 63

for j in range(7, -1, -1):

for k in range(8):

if ((a[i \* 8 + j] >> k) & 1) != 0:

result[i \* 8 + n] ^= GOST3411.l[p \* 8 + n]

p -= 1

return result

#Для ф-ии сжатия

@staticmethod

def LPS(a):

result = GOST3411.S(a)

result = GOST3411.P(result)

result = GOST3411.L(result)

return result

# Для ф-ии сжатия

@staticmethod

def E(K, m):

result = GOST3411.xor(K, m)

for i in range(12):

result = GOST3411.LPS(result)

K = GOST3411.xor(K, GOST3411.C[i \* 64:(i + 1) \* 64])

K = GOST3411.LPS(K)

result = GOST3411.xor(K, result)

return result

#Функция сжатия

@staticmethod

def gN(N, h, m):

result = GOST3411.xor(h, N)

result = GOST3411.LPS(result)

result = GOST3411.E(result, m)

result = GOST3411.xor(result, h)

result = GOST3411.xor(result, m)

return result

@staticmethod

def hash(M):

h = [0] \* 64

N = [0] \* 64

E = [0] \* 64

v512 = [0] \* 64

v512[1] = 0x02

while len(M) >= 64: #64, а не 512, т к в байтах, а не в битах

m = M[-64:]

h = GOST3411.gN(N, h, m)

N = GOST3411.modular\_addition(N, v512)

E = GOST3411.modular\_addition(E, m)

M = M[:-64]

m = [0] \* (64 - len(M)) + list(M)

m[-1] = 0x01

h = GOST3411.gN(N, h, m)

v60 = [0] \* 60

M\_len = len(M) \* 8 # Длина M в битах

N = GOST3411.modular\_addition(N, v60 + list(M\_len.to\_bytes(4, 'little')))

E = GOST3411.modular\_addition(E, m)

h = GOST3411.gN([0] \* 64, h, N)

h = GOST3411.gN([0] \* 64, h, E)

return h