Exercícios: Árvores

1. Utilizando os conceitos de TAD crie uma estrutura do tipo Árvore Binária de Busca para armazenar produtos de uma loja de conveniência. A ordenação da árvore será pelo número de matrícula dos produtos, que serão guardados na seguinte estrutura:

```
struct Produto{
   int matricula;
   float preco;
};
```

Executando o seguinte código:

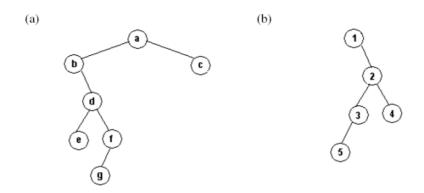
```
int adicionar (No** arv, int matricula, float preco);
int preco(No** arv, int matricula);
int main() {
   No* arv = NULL;
   int errorCode;
   errorCode = adicionar(&arv, 100, 5.90);
   errorCode = adicionar (&arv, 200, 8.40);
   errorCode = adicionar (&arv, 250, 2.20);
   errorCode = adicionar (&arv, 500, 3.80);
   errorCode = adicionar (&arv, 400, 5.60);
   errorCode = adicionar (&arv, 150, 7.90);
   errorCode = preco(&arv, 400);
   errorCode = preco(&arv, 240);
   errorCode = preco(&arv, 150);
}
```

A saída será a seguinte:

```
O produto 400 custa R$5.60.
Erro: Produto 240 nao encontrado!
O produto 150 custa R$7.90.
```

- a) Crie uma *struct* para abrigar um nó da árvore e defina-a como tipo No. Esta *struct* deve conter um produto e os dois ponteiros correspondentes aos nós filhos.
- b) Escreva a função *adicionar*, que cria e insere um nó na árvore binária, indexando o produto pelo número de sua matrícula.
- c) Escreva a função *preco*, que busca na árvore binária pelo número de matrícula do produto desejado e imprime na tela seu preço correspondente.
- d) Escreva uma função que conte o número de nós da árvore.
- e) Escreva uma função que conte o número de folhas da árvore.
- f) Escreva uma função que calcula a altura da árvore.

- g) Escreva uma função para achar o maior preço.
- h) Escreva uma função que receba a matrícula do produto e faça a exclusão do mesmo na árvore.
- 2. Utilizando Suponha que produtos com códigos 770, 875, 007, 059, 068, 682, 588, 067, 234, 411, 191 e 512 sejam inseridos, nesta ordem, em uma estrutura vazia do tipo Árvore Binária de Busca.
 - a) Desenhe a árvore resultante (grafo) após a inserção de todos os itens, representando o código do produto dentro de cada nó.
 - b) Determine em que sequencia esses elementos seriam processados por um algoritmo que execute um percurso em pré-ordem.
 - c) Determine em que sequencia esses elementos seriam processados por um algoritmo que execute um percurso em pós-ordem.
 - d) Determine em que sequencia esses elementos seriam processados por um algoritmo que execute um percurso em ordem simétrica (in-ordem).
- 3. Defina árvore AVL.
- 4. Escreva uma função que verifique se uma árvore é AVL.
- 5. Dada as seguintes árvores binárias abaixo, indique os passos para torná-las uma árvore binária balanceada (AVL).



- 6) Insira os números 35, 39, 51, 20, 13, 28, 22, 32, 25, 33 (nesta ordem) em uma árvore AVL.
- 7) Dê um exemplo de inserção de um elemento em uma árvore AVL que cause rearranjo da estrutura da árvore.
- 8) Dê um exemplo de remoção de um elemento de uma árvore AVL que cause rearranjo da estrutura da árvore.
- 9) Por que nos damos ao trabalho de procurar trabalhar com árvores binárias balanceadas? Justifique.