# CHAPTER 06 화소처리 (2)

# contents

- 6.3 히스토그램 평활화
- 6.4 컬러 공간 변환

- 이퀄라이저
  - 주파수 특성을 균등하게 보정하는 기기
  - 주파수 특성을 어느 특정의 목적에 맞추어 임의로 변화시켜 원하는 음색



〈그림 6.3.4〉 MP3 플레이어의 이퀄라이저의 예

- 평활화 알고리즘
  - 히토그램 평활화의 사전적 의미인 "분포의 균등"이라는 방법을 이용해 명암 대비 증가
  - · → 영상의 인지도 높이며, 영상의 화질 개선

- ① 영상의 히스토그램을 계산한다.
- ② 히스토그램 빈도값에서 누적 빈도수(누적합)를 계산한다.
- ③ 누적 빈도수를 정규화(정규화 누적합) 한다.
- ④ 결과 화소값 = 정규화 누적합 \* 최대 화소값

- 평활화 과정 예시
  - 균일하지 않은 분포의 히스토그램을 균일하게 만드는 것
  - 히스토그램의 비선형적인 누적 분포 함수를 선형적인 형태로 변형



그림 3-9. 히스토그램 평활화의 개념

- 히스토그램 평활화 과정
  - i번째 화소 값 x의 히스토그램  $H \leftarrow x_i$ 의 발생 빈도  $n_i$ 로 정의  $H(x_i) = n_i$ 
    - 비트심도가 8인 경우 i의 범위는 0~255
  - $x_i$ 의 확률 밀도 함수 p (정규화)

$$p(x_i) = \frac{n_i}{n}, i = 0, 1, 2, ..., 255$$

•  $x_i$ 에 대한 히스토그램 평활화 결과 값  $s_i$ 

$$s_k = 255 \times \sum_{i=0}^k p(x_i) = 255 \times \sum_{i=0}^k \frac{n_i}{n}, k = 0, 1, 2, ..., 255$$

### • 평활화 과정 예시

0	2	2	1
1	2	3	2
1	2	3	2
1	3	1	7

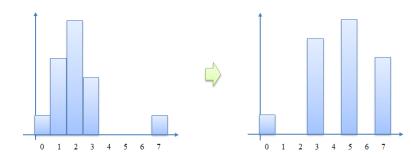
입력	영상	화소값
----	----	-----

0	5	5	3
3	5	7	5
3	5	7	5
3	7	3	7

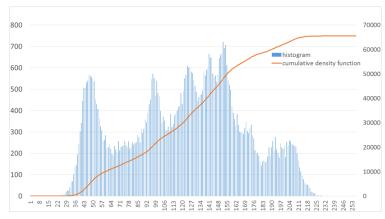
평활화 완료 영상 화소값

화소값	0	1	2	3	4	5	6	7
빈도수	1	5	6	3	0	0	0	1
누적 빈도수	1	6	12	15	15	15	15	16
정규화누적합	1/16	6/16	12/16	15//16	15//16	15/16	15/16	16/16
311시구역합	0.0625	0.375	0.75	0.9375	0.9375	0.9375	0.9375	1
누적합 *최댓값	0.4375	2.625	5.25	6.5625	6.5625	6.5625	6.5625	7
평활화 결과	0	3	5	7	7	7	7	7

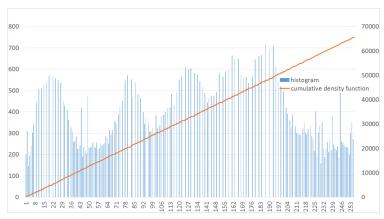
<그림 6.3.5> 평활화 계산 과정 예시







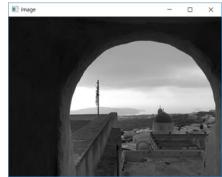


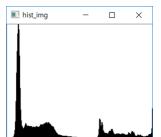


24

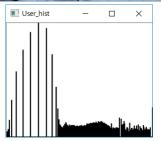
```
예제 6.3.6
            히스토그램 평활화 - histogram_equalize.py
    import numpy as np, cv2
    from Common.histogram import draw histo
                                             # 히스토그램 그리기 함수 임포트
03
    image = cv2.imread("images/equalize test.jpg", cv2.IMREAD_GRAYSCALE) # 영상 읽기
    if image is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
06
    bins, ranges = [256], [0, 256]
    hist = cv2.calcHist([image], [0], None, bins, ranges) # 히스토그램 계산
09
   ## 히스토그램 누적합 계산
    accum hist = np.zeros(hist.shape[:2], np.float32)
    accum_hist[0] = hist[0]
    for i in range(1, hist.shape[0]):
14
        accum hist[i] = accum hist[i - 1] + hist[i]
15
    accum hist = (accum hist / sum(hist)) * 255
                                               # 누적합의 정규화
    dst1 = [[accum_hist[val] for val in row] for row in image] # 화소값 할당
    dst1 = np.array(dst1, np.uint8)
19
    ##numpy 함수 및 OpenCV 룩업 테이블 사용
    # accum hist = np.cumsum(hist)
                                                            # 누적합 계산
    # cv2.normalize(accum hist, accum hist, 0, 255, cv2.NORM MINMAX)
                                                             # 정규화
   # dst1 = cv2.LUT(image, accum_hist.astype('uint8')) # 룩업 테이블로 화소값 할당
```

```
# OpenCV 히스토그램 평활화
26 hist1 = cv2.calcHist([dst1], [0], None, bins, ranges) # 히스토그램 계산
27 hist2 = cv2.calcHist([dst2], [0], None, bins, ranges)
28 hist_img = draw_histo(hist)
29 hist_img1 = draw_histo(hist1)
30 hist_img2 = draw_histo(hist2)
31
32 cv2.imshow("image", image); cv2.imshow("hist_img", hist_img)
33 cv2.imshow("dst1_User", dst1); cv2.imshow("User_hist", hist_img1)
34 cv2.imshow("dst2_OpenCV", dst2); cv2.imshow("OpenCV_hist", hist_img2)
35 cv2.waitKey(0)
```

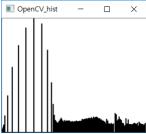










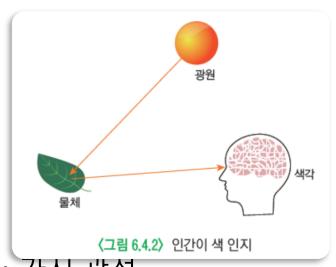


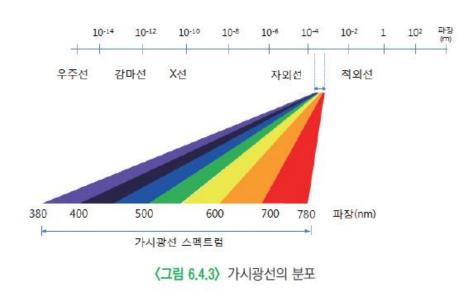
# 6.4 컬러 공간 변환

- 6.4.1 컬러 및 컬러 공간
- 6.4.2 RGB 컬러 공간
- 6.4.3 CMY(K) 컬러 공간
- 6.4.4 HSI 컬러 공간
- 6.4.5 기타 컬러 공간

#### 6.4.1 컬러 및 컬러 공간

- 색
  - 색각으로 느낀 빛에서 주파수(파장)의 차이에 따라 다르게 느껴지는 색상





• 가시 광선

• 전체 전자기파 중에서 인간이 인지할 수 있는 약 380 nm~780 nm사이의 파장

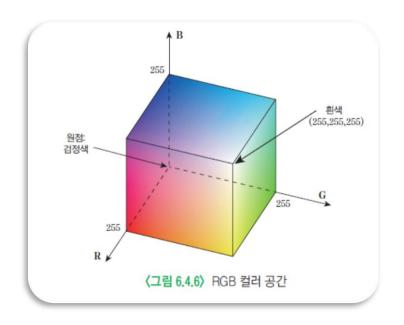
#### 6.4.1 컬러 및 컬러 공간

- 컬러 공간(color space)
  - 색 표시계(color system)의 모든 색들을 색 공간에서 3차원 좌표로 표현한 것
     색 표시계 RGB, CMY, HSV, LAB, YUV 등의 색 체계
  - 공간상의 좌표로 표현 <del>></del> 어떤 컬러와 다른 컬러들과의 관계를 표현하는 논리 적인 방법제공
- 영상처리에서 컬러 공간 다양하게 활용
  - 어떤 영상에서 각각의 색상이 다른 객체를 분리하기 위해서 적절한 컬러 공간을 이용해 전체 영상을 컬러 영역별 분리
  - 전선의 연결 오류 검사를 위해 기준 색상과 비슷한 색상의 전선인지를 체크위 해 사용
  - 내용 기반 영상 검색에서 색상 정보를 이용하여 원하는 물체를 검색하기 위해 특정 컬러 공간 이용

#### 6.4.2 RGB 컬러 공간

- RGB 컬러 공간
  - 가산 혼합(additive mixture) 빛을 섞을 수록 밝아짐
  - 빛을 이용해서 색 생성
  - 빛의 삼원색(빨강 빛, 초록 빛, 파랑 빛) 사용
  - 모니터, 텔레비전, 빔 프로젝터와 같은 디스플레이 장비들에서 기본 컬러 공간 으로 사용





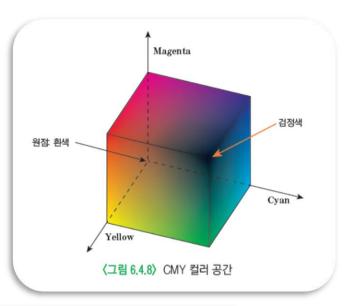
# 6.4.2 RGB 컬러 공간

〈표 6.4.1〉 대표적인 색상에 대한 RGB 표현

RGB 화소값	색상	RGB 화소값	색상
255, 255, 255	white	240, 230, 140	khaki
0, 0, 0	black	238, 130, 238	violet
128, 128, 128	gray	255, 165, 0	orange
192, 192, 192	silver	255, 215, 0	gold
255, 0, 0	red	0, 0, 128	navy
0, 255, 0	green	160, 32, 240	purple
0, 0, 255	blue	0, 128, 128	olive
255, 255, 0	yellow	75, 0, 130	indigo
255, 0, 255	magenta	255, 192, 203	pink
0, 255, 255	cyan	135, 206, 235	skyblue

- CMY 컬러 공간
  - 감산 혼합(subtractive mixture) 섞을 수록 어두워지는 방식
  - 색의 삼원색(청록색(Cyan), 자홍색(Magenta), 노랑색(Yellow))으로 색 만듦
  - RGB 컬러 공간과 보색 관계





$$C = 255 - R$$
  $R = 255 - C$   
 $M = 255 - G$   $G = 255 - M$   
 $Y = 255 - R$   $B = 255 - Y$ 

- CMYK 컬러공간
  - 순수한 검정색 사용
    - 뛰어난 대비를 제공, 검정 잉크가 컬러 잉크보다 비용이 적은 장점

```
blacK = min(Cyan, Magenta, Yellow)
```

Cyan = Cyan - blacK

Magenta = Magenta- blacK

Yellow = Yellow - blacK

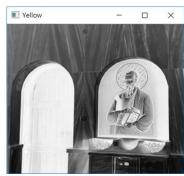
```
예제 6.4.1
             컬러 공간 변환(BGR→CMY) - convert_CMY.py
    import numpy as np, cv2
02
    BGR_img = cv2.imread("images/color_model.jpg", cv2.IMREAD_COLOR) # 컬러 영상 읽기
03
    if BGR_img is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
05
    white = np.array([255, 255, 255], np.uint8)
    CMY_img = white - BGR_img
    Yellow, Magenta, Cyan = cv2.split(CMY_img)
                                                                 # 채널 분리
09
    titles = ['BGR_img', 'CMY_img', 'Yellow', 'Magenta', 'Cyan']
    for t in titles: cv2.imshow(t, eval(t))
12 cv2.waitKey(0)
```





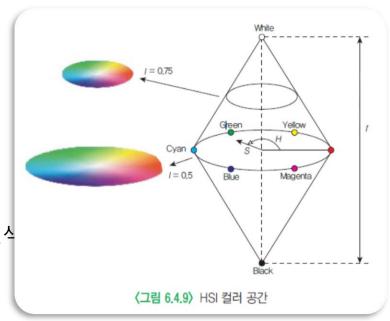






```
예제 6.4.2
             컬러 공간 변환(BGR→CMYK) - 14.conver_CMYK.py
    import numpy as np, cv2
02
    BGR_img = cv2.imread("images/color model.jpg", cv2.IMREAD_COLOR)
                                                                  # 컬러 영상 읽기
    if BGR img is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
                                                                               E Cyan
05
                                                                                                     Magenta
                                                                                                                                     white = np.array([255, 255, 255], np.uint8)
    CMY_img = white - BGR_img
    CMY = cv2.split(CMY_img)
                                                       # 채널 분리
09
    black = cv2.min(CMY[0], cv2.min(CMY[1], CMY[2]))
                                                       # 원소 간의 최솟값 저장
    Yellow, Magenta, Cyan = CMY - black
                                                       # 3개 행렬 화소값 차분
12
    titles = ['black', 'Yellow', 'Magenta', 'Cyan']
                                                                                                               ■ black
                                                                               Yellow
    [cv2.imshow(t, eval(t)) for t in titles]
                                                       # 리스트 생성 방식 활용
    cv2.waitKey(0)
```

- 인간이 컬러 영상 정보를 인지하는 방법
  - 색상(Hue), 채도(Saturation), 명도(Intensity, Value)라는 세 가지 지각 변수로 분류
- HSI 컬러 공간
  - 인간이 색상을 인식하는 3가지 요인인 색상, 채도, 명도를 컬러 공간으로 옮긴 것
  - 색상 원판의 0~360도까지 회전
    - 0도: 빨간색, 60도: 노란색,
    - 120도: 녹색, 180도: 청록(Cyan),
    - 240도: 파란색, 300도: 다홍(Magenta)
  - 채도 색의 순수한 정도
    - 흰색의 혼합 비율에 따라서 0~100까지의 값
  - 명도 빛의 세기, 색의 밝고 어두운 정도
    - 가장 아래쪽 0이 검은색, 가장 위쪽이 100으로 흰식



• RGB → HSI 변환 수식

$$\theta = \cos -1 \left[ \frac{((R-G)+(R-B))*0.5}{\sqrt{(R-G)^2+(R-B)\cdot(G-B)}} \right]$$

$$H = \begin{cases} \theta &, \text{ if } B \le G \\ 360-\theta, \text{ otherwise} \end{cases}$$

$$S = 1 - \frac{3 \cdot \min(R, G, B)}{(R+G+B)}$$

$$I = \frac{1}{3}(R+G+B)$$

• OpenCV HSV 변환 수식

$$H = \begin{cases} \frac{(G-B)*60}{S} &, & \text{if } V = R \\ \frac{(G-B)*60}{S} + 120, & \text{if } V = G \\ \frac{(G-B)*60}{S} + 240, & \text{if } V = B \end{cases}$$

$$S = \begin{cases} V - \frac{\min(R, G, B)}{V}, & \text{if } V \neq 0 \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

$$V = \max(R, G, B)$$

```
예제 6.4.3
            컬러 공간 변환(BGR→HSV) - 15.conver_HSV.py
01 import numpy as np, cv2, math
02
                                                                # 한 화소 hsi 계산 함수
    def calc hsi(bgr):
04
        # B, G, R = bgr.astype(float)
                                                                # float 형 변환
05
         B, G, R = float(bgr[0]), float(bgr[1]), float(bgr[2])
                                                                # 속도면에 유리
06
        bgr sum = (R + G + B)
07
        ## 색상 계산
        tmp1 = ((R - G) + (R - B)) * 0.5
98
        tmp2 = math.sqrt((R - G) * (R - G) + (R - B) * (G - B))
09
10
         angle = math.acos(tmp1 / tmp2) * (180 / np.pi) if tmp2 else 0
                                                                        # 각도
11
12
         H = angle if B \leftarrow G else 360 - angle
                                                                # 색상
         S = 1.0 - 3 * min([R, G, B]) / bgr sum if bgr sum else 0 # 채도
13
        I = bgr_sum / 3
14
                                                                # 명도
15
        return (H/2, S*255, I)
                                                                #3 원소 튜플로 반환
16
17
    ## BGR 컬러→HSI 컬러 변환 함수
    def bgr2hsi(image):
18
         hsv = [[calc hsi(pixel) for pixel in row] for row in image] # 2차원 배열 순회
19
20
        return cv2.convertScaleAbs(np.array(hsv))
21
```

```
22 BGR img = cv2.imread("images/color space.jpg", cv2.IMREAD COLOR)
                                                                       # 컬러 영상 읽기
    if BGR_img is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
24
25
    HSI_img = bgr2hsi(BGR_img)
                                                                 # BGR→ HSI 변환
    HSV img = cv2.cvtColor(BGR img, cv2.COLOR BGR2HSV)
                                                                 # OpenCV 함수
    Hue, Saturation, Intensity = cv2.split(HSI_img)
                                                                 # 채널 분리
    Hue2, Saturation2, Intensity2 = cv2.split(HSV_img)
                                                                 # 채널 분리
29
    titles = ['BGR img', 'Hue', 'Saturation', 'Intensity']
    [cv2.imshow(t, eval(t)) for t in titles]
                                                               # User 구현 결과 영상표시
31
    [cv2.imshow('OpenCV_'+t, eval(t+'2')) for t in titles[1:]]
                                                                # OpenCV 결과 영상 표시
    cv2.waitKey(0)
```

• 실행결과



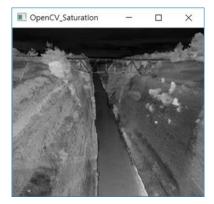












- YCbCr 컬러 공간
  - 색차 신호(Cr, Cb) 성분을 휘도(Y) 성분보다 상대적으로 낮은 해상도로 구성
    - 인간의 시각에서 화질의 큰 저하 없이 영상 데이터의 용량 감소, 효과적인 영상 압축 가능
    - JPEG이나 MPEG에서 압축을 위한 기본 컬러 공간

- YUV 컬러 공간
  - TV 방송 규격에서 사용하는 컬러 표현 방식
  - PAL 방식의 아날로그 비디오를 위해 개발

$$Y = 0.299 \cdot R + 0.587 \cdot G + 0.114 \cdot B$$
  
 $Cb = (R - Y) \cdot 0.564 + 128$   
 $Cr = (B - Y) \cdot 0.713 + 128$   
 $R = Y + 1.403 \cdot (Cr - 128)$   
 $G = Y - 0.714 \cdot (Cr - 128) - 0.344(Cb - 128)$   
 $B = Y + 1.773 \cdot (Cb - 128)$ 

 $Y = +0.2160 \cdot R + 0.7152 \cdot G + 0.0722 \cdot B$  $U = -0.0999 \cdot R - 0.3360 \cdot G + 0.4360 \cdot B$ 

$$V = +0.6150 \cdot R - 0.5586 \cdot G - 0.05639 \cdot B$$
  
 $R = Y + 1.28033 \cdot V$   
 $G = Y - 0.21482 \cdot U - 0.38059 \cdot V$   
 $B = Y + 2.12798 \cdot U$ 

〈표 6.4.2〉 컬러 공간 변환을 위한 옵션 상수(cv2. 생략)

옵션 상수	값	옵션 상수	값	옵션 상수	값
COLOR_BGR2BGRA	0	COLOR_BGR2YCrCb	36	COLOR_HSV2BGR	54
COLOR_BGRA2BGR	1	COLOR_RGB2YCrCb	37	COLOR_HSV2RGB	55
COLOR_BGRA2RGB	2	COLOR_YCrCb2BGR	38	COLOR_LAB2BGR	56
COLOR_RGBA2BGR	3	COLOR_YCrCb2RGB	39	COLOR_LAB2RGB	57
COLOR_BGR2RGB,	4	COLOR_BGR2HSV	40	COLOR_LUV2BGR	58
COLOR_BGRA2RGBA	5	COLOR_RGB2HSV	41	COLOR_LUV2RGB	59
COLOR_BGR2GRAY	6	COLOR_BGR2LAB	44	COLOR_HLS2BGR	60
COLOR_RGB2GRAY	7	COLOR_RGB2LAB	45	COLOR_HLS2RGB	61
COLOR_GRAY2BGR	8	COLOR_BayerBG2BGR	46	COLOR_BGR2YUV	82
COLOR_GRAY2BGRA	9	COLOR_BayerGB2BGR	47	COLOR_RGB2YUV	83
COLOR_BGRA2GRAY	10	COLOR_BayerRG2BGR	48	COLOR_YUV2BGR	84
COLOR_RGBA2GRAY	11	COLOR_BayerGR2BGR	49	COLOR_YUV2RGB	85
COLOR_BGR2XYZ	32	COLOR_BGR2LUV	50	COLOR_BayerBG2GRAY	86
COLOR_RGB2XYZ	33	COLOR_RGB2LUV	51	COLOR_BayerGB2GRAY	87
COLOR_XYZ2BGR	34	COLOR_BGR2HLS	52	COLOR_BayerRG2GRAY	88
COLOR_XYZ2RGB	35	COLOR_RGB2HLS	53	COLOR_BayerGR2GRAY	89

cv2.waitKey(0)

```
예제 6.4.4
              다양한 컬러 공간 변환 - convert_others.pv
01 import cv2
02
    BGR_img = cv2.imread("images/color_space.jpg", cv2.IMREAD_COLOR) # 컬러 영상 읽기
    if BGR img is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
05
    Gray_img = cv2.cvtColor(BGR_img, cv2.COLOR_BGR2GRAY)
                                                                       # 명암도 영상 변환
    YCC img = cv2.cvtColor(BGR img, cv2.COLOR BGR2YCrCb)
                                                                       # YCbCr 컬러 공간 변환
    YUV_img = cv2.cvtColor(BGR_img, cv2.COLOR_BGR2YUV)
                                                                       # YUV 컬러 공간 변환
    LAB img = cv2.cvtColor(BGR img, cv2.COLOR BGR2LAB)
                                                                       # La*b* 컬러 공간 변환
10
    YCC_ch = cv2.split(YCC_img)
                                                                       # 채널 분리
12 YUV ch = cv2.split(YUV img)
    Lab ch = cv2.split(LAB img)
14
    cv2.imshow("BGR img", BGR img)
    cv2.imshow("Gray_img", Gray_img)
17
    sp1, sp2, sp3 = [\Upsilon', \Upsilon', \Upsilon'
    for i in range(len(ch1)):
20
          cv2.imshow("YCC_img[%d]-%s" %(i, sp1[i]), YCC_ch[i])
         cv2.imshow("YUV img[%d]-%s" %(i, sp2[i]), YUV_ch[i])
21
22
          cv2.imshow("LAB_img[%d]-%s" %(i, sp3[i]), Lab_ch[i])
```

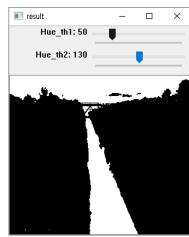
# • 실행 결과



```
심화예제 6.4.5
               Hue 채널을 이용한 객체 검출 - 17.hue_threshold.py
   import numpy as np, cv2
02
    def onThreshold(value):
         th[0] = cv2.getTrackbarPos("Hue th1", "result")
04
05
         th[1] = cv2.getTrackbarPos("Hue th2", "result")
06
07
         ## 이진화- 화소 직접 접근 방법
08
         # result = np.zeros(hue.shape, np.uint8)
09
         # for i in range(result.shape[0]):
         # for j in range(result.shape[1]):
10
               if th[0] <= hue[i, j] < th[1] : result[i, j] = 255
11
12
         ## 이진화- 넘파이 함수 활용 방식
13
         # result = np.logical and(hue < th[1], hue >= th[0])
14
15
         # result = result.astype('uint8') * 255
16
17
         ## OpenCV 이진화 함수 이용- 상위 값과 하위 값 제거
18
         _, result = cv2.threshold(hue, th[1], 255, cv2.THRESH_TOZERO_INV)
         cv2.threshold(result, th[0], 255, cv2.THRESH BINARY, result)
19
         cv2.imshow("result", result)
20
21
```

```
BGR_img = cv2.imread("images/color_space.jpg", cv2.IMREAD_COLOR)
                                                                    # 컬러 영상 읽기
    if BGR_img is None: raise Exception("영상파일 읽기 오류")
24
    HSV_img = cv2.cvtColor(BGR_img, cv2.COLOR_BGR2HSV) # 컬러 공간 변환
    hue = np.copy(HSV_img[:, :, 0])
                                                       # hue 행렬에 색상 채널 복사
27
    th = [50, 100]
                                                        # 트랙바로 선택할 범위 변수
    cv2.namedWindow("result")
    cv2.createTrackbar("Hue_th1", "result", th[0], 255, onThreshold)
    cv2.createTrackbar("Hue_th2", "result", th[1], 255, onThreshold)
    onThreshold(th[0])
                                                        # 이진화 수행
    cv2.imshow("BGR img", BGR img)
   cv2.waitKey(0)
```





### 단원 핵심 요약

- 1. 히스토그램 평활화(histogram equalization)는 특정 부 분에서 한쪽으로 치우친 명암 분포를 가진 영상을 히스토그램의 재분배 과정을 거쳐서 균등한 히스토그램 분포를 갖게 하는 알고리즘이다.
- 2. 컬러 공간이란 색 표시계의 모든 색들을 색 공간에서 3차원 좌표로 표현한 것이다. 따라서 컬러 공간은 공간상의 좌표로 표현되기 때문에 어떤 컬러와 다른 컬러들과의 관계를 표현하는 논리적인 방법을 제공 한다.
- 3.컬러 공간에서는 모니터에서 주로 사용하는 RGB, 프린터에서 사용하는 CMY, 인간시각 시스템과 유사한 HSI 컬러공간이 있다. 또한 JPEG 등의 압축에 주로 사용하는 YCbCr, 방송시스템에 많이 사용하는 YUV 컬러공간이 있다.

### 6. 실습 과제

- (실습 과제) 히스토그램 평활화 구현
  - 피피티와 교과서에 나온 코드를 보지말고 아래 수식만을 이용하여 히스토그 램 평활화를 구현하시오.
    - 히스토그램 평활화 과정
      - i번째 화소 값 x의 히스토그램 H는  $x_i$ 의 발생 빈도  $n_i$ 로 정의  $H(x_i) = n_i$ 
        - 비트심도가 8인 경우 i의 범위는 0~255
      - *x<sub>i</sub>*의 확률 밀도 함수 *p* (정규화)

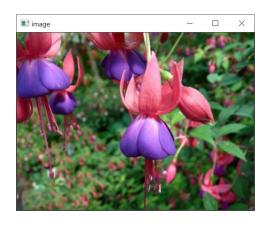
$$p(x_i) = \frac{n_i}{n}, i = 0, 1, 2, ..., 255$$

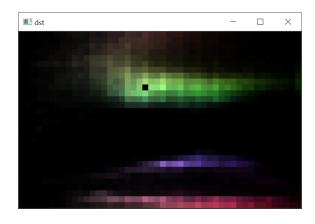
•  $x_i$ 에 대한 히스토그램 평활화 결과 값  $s_i$ 

$$s_k = 255 \times \sum_{i=0}^k p(x_i) = 255 \times \sum_{i=0}^k \frac{n_i}{n}, k = 0, 1, 2, ..., 255$$

# 

- (보너스) draw\_histo() 함수 수정
  - 영상 파일을 읽어들여서 HSV 컬러 공간으로 변환하고, Hue와 Saturation 채널로 2차원 히스토그램을 구하시오. 즉, 2차원 히스토그램의 Hue(세로)와 Saturation(가로)를 2개의 축으로 구성하고, 빈도값을 밝기로 표현해서 오른쪽그림과 같이 2차원 그래프를 그리시오.





# 6. 실습 규칙

- 실습 과제는 실습 시간내로 해결해야 합니다.
  - 해결 못한경우 실습 포인트를 얻지 못합니다.
  - -> 집에서 미리 예습하고 오길 권장합니다.
- 코드 공유/보여주기 금지. 의논 가능.
- 보너스문제까지 해결한 학생은 조기 퇴실 가능