



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China



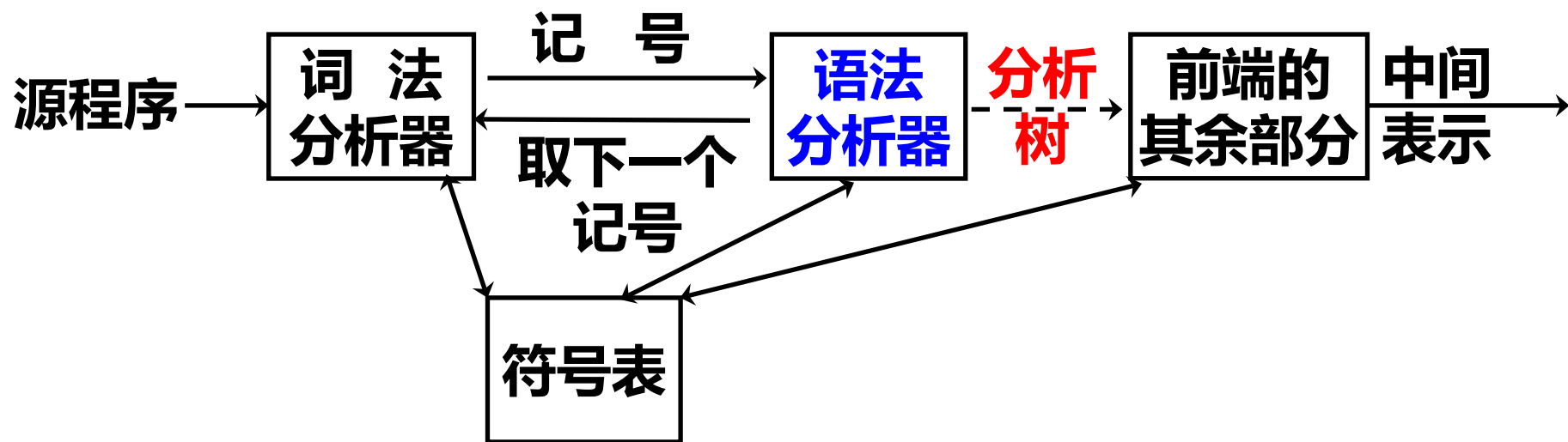
《编译原理与技术》

语法分析IV

计算机科学与技术学院

李 诚

2021-09-22



□LR(k)分析技术

❖LR分析器的简单模型

➤ action, goto 函数

❖简单的LR方法（简称SLR）

➤ 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法

❖规范的LR方法

❖向前看的LR方法（简称LALR）



□ 自顶向下 (Top-down)

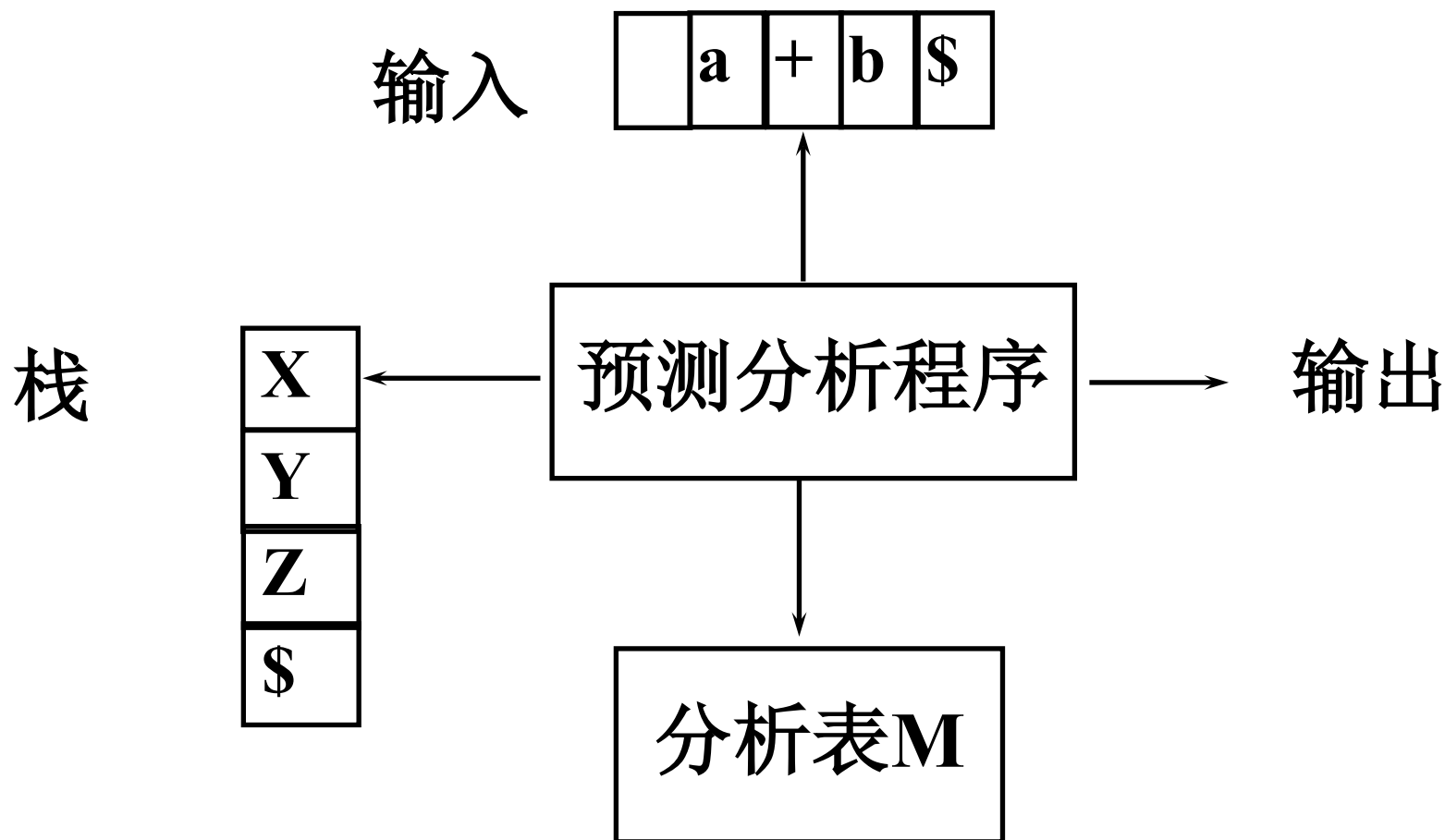
- ❖ 针对输入串，从文法的开始符号出发，尝试根据产生式规则 **推导 (derive)** 出该输入串。
- ❖ **LL(1)** 文法及非递归预测分析方法
- ❖ **left-to-right scan** + **leftmost derivation**

□ 自底向上 (Bottom-up)

- ❖ 针对输入串，尝试根据产生式规则 **归约 (reduce)** 到文法的开始符号。
- ❖ **LR(k)** 文法及其分析器
- ❖ **left-to-right scan** + **rightmost derivation**



复习：LL(1)非递归分析





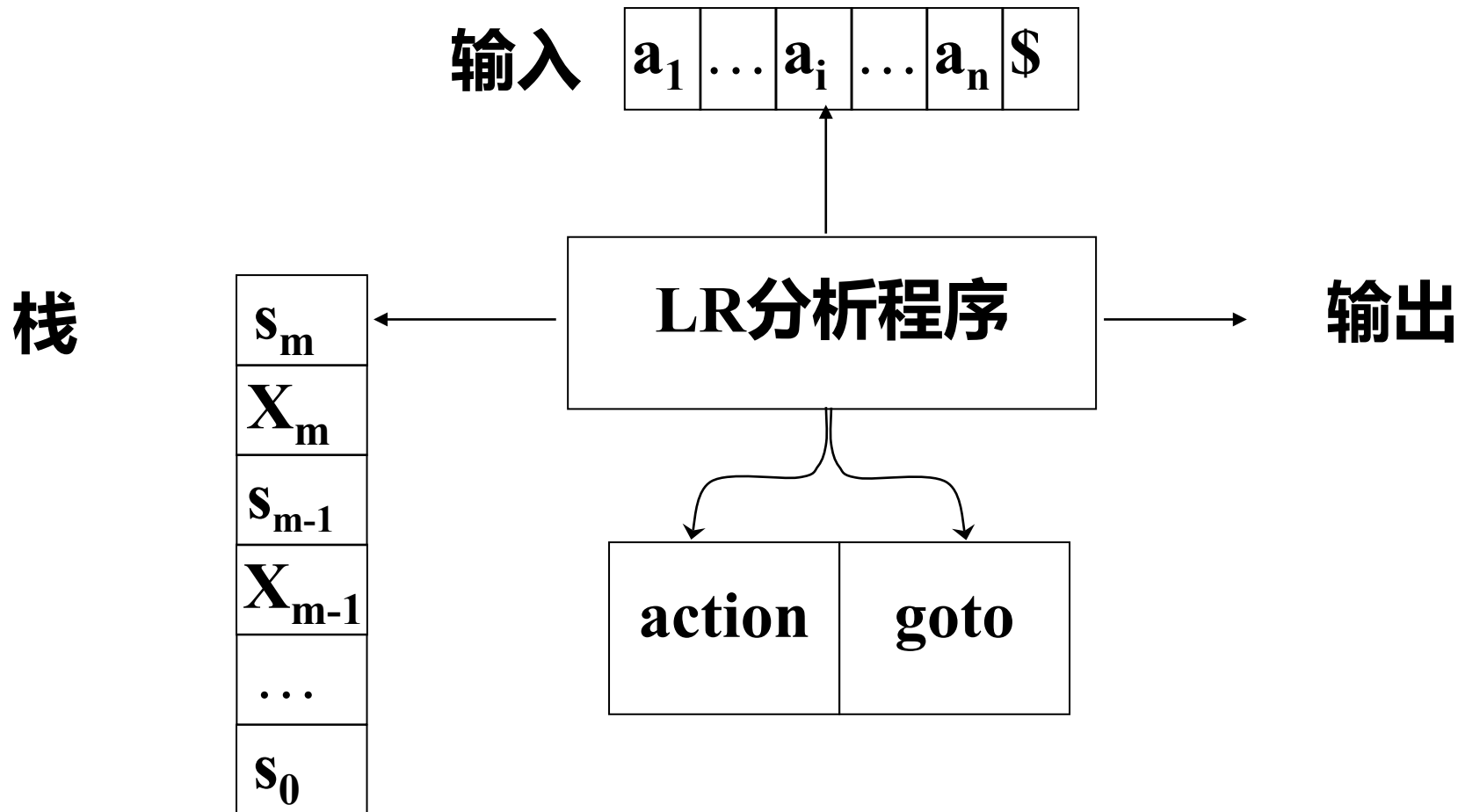
复习：LL(1)非递归分析



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

□行：非终结符；列：终结符或\$；单元：产生式

非终结符	输入符号					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow \text{id}$			$F \rightarrow (E)$		





s_j : 总结了栈中该状态以下的信息

X_i : 代表文法符号

栈

S_m
X_m
S_{m-1}
X_{m-1}
\dots
S_0

输入

a_1	\dots	a_i	\dots	a_n	$\$$
-------	---------	-------	---------	-------	------

LR分析程序

输出

action

goto

$action[s_m, a_i]$: 移进 | 归约 | 接受 | 出错
 $goto[s_{m-r}, A]=s_j$: 移进 A 和 s_j (归约后使用)



LR分析算法：举例



- 例 (1) $E \rightarrow E + T$ (2) $E \rightarrow T$
 (3) $T \rightarrow T * F$ (4) $T \rightarrow F$
 (5) $F \rightarrow (E)$ (6) $F \rightarrow \text{id}$

si 移进当前输入符号和状态 *i*
rj 按第 *j* 个产生式进行归约
acc 接受

状态	动作 action						转移 goto		
	id	+	*	()	\$	<i>E</i>	<i>T</i>	<i>F</i>
0	<i>s5</i>				<i>s4</i>		1	2	3
1		<i>s6</i>				<i>acc</i>			
2		<i>r2</i>	<i>s7</i>			<i>r2</i> <i>r2</i>			
3		<i>r4</i>	<i>r4</i>			<i>r4</i> <i>r4</i>			
4	<i>s5</i>				<i>s4</i>		8	2	3
5		<i>r6</i>	<i>r6</i>			<i>r6</i> <i>r6</i>			
6	<i>s5</i>				<i>s4</i>			9	3



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进 (查action表)



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	



LR分析算法：举例



栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约

1. 查 $\text{action}[5, *]$ => 归约
2. 执行归约($F \rightarrow \alpha$):
 - 从栈中弹出 $|\alpha|$ 个<状态, 符号>对
 - 查 $\text{goto}[0, F]$ => 3
 - 将(F, 3)压入栈



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 <i>F</i> 3	* id + id \$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	



LR分析算法：举例



栈	输入	动作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	按 $T \rightarrow T * F$ 归约



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	按 $T \rightarrow T * F$ 归约
...



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	按 $T \rightarrow T * F$ 归约
...
0 E 1	\$	



LR分析算法：举例



栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
0 id 5	* id + id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 F 3	* id + id \$	按 $T \rightarrow F$ 归约
0 T 2	* id + id \$	移进
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow id$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	按 $T \rightarrow T * F$ 归约
...
0 E 1	\$	接受



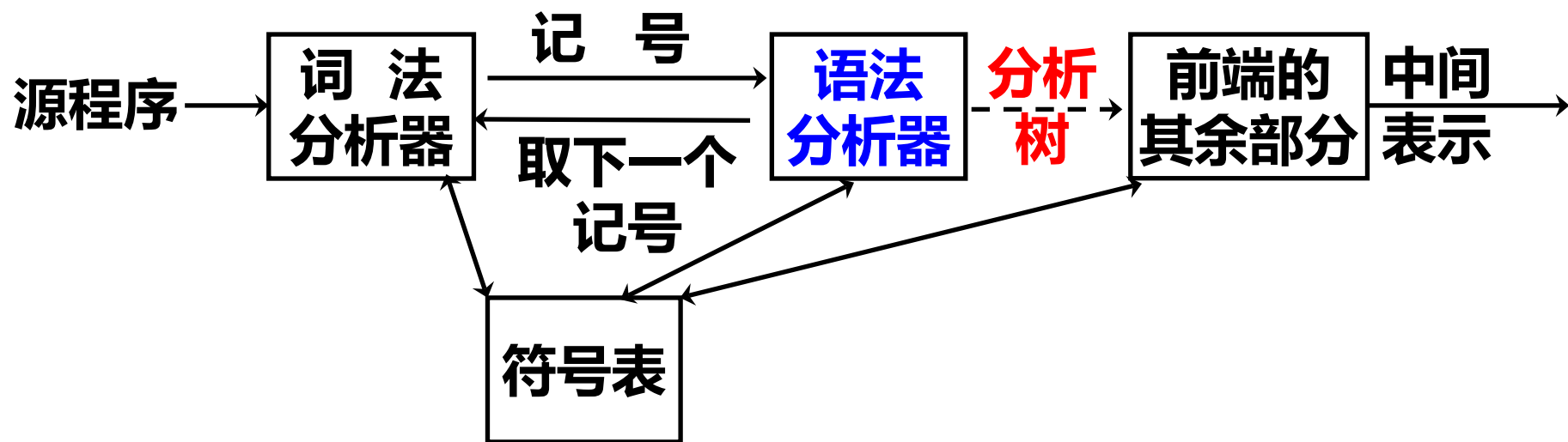
□关键在于构造LR分析表

❖ 计算所有可能的状态

- 每一个状态描述了语法分析过程中所处的位置
- 可确定正在分析的产生式集合
- 可确定句柄形成的中间步骤

❖ 明确状态之前的**跳转关系**

❖ 明确状态与输入之间对应的**移进或者归约操作**



□LR(k)分析技术

❖ LR分析器的简单模型

❖ 简单的LR方法（简称SLR）

➤ 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法

❖ 规范的LR方法

❖ 向前看的LR方法（简称LALR）



□ LR语法分析的每一步都形成一个格局config

$(s_0X_1s_1X_2s_2\cdots X_ms_m, a_ia_{i+1}\cdots a_n\$)$

栈的内容

尚未处理的输入

❖ 代表最右句型 $X_1X_2\cdots X_ma_ia_{i+1}\cdots a_n$

❖ $X_1X_2\cdots X_m$ 是最右句型的一个前缀



□ LR语法分析的每一步都形成一个格局config

$(s_0X_1s_1X_2s_2\cdots X_ms_m, a_ia_{i+1}\cdots a_n\$)$

栈的内容

尚未处理的输入

- ❖ 代表最右句型 $X_1X_2\cdots X_ma_ia_{i+1}\cdots a_n$
- ❖ $X_1X_2\cdots X_m$ 是最右句型的一个前缀
- ❖ 每一个前缀都对应一个状态，因此，找出所有可能出现在栈里出现的前缀，就可以确定所有的状态



□ LR语法分析的每一步都形成一个格局config

$(s_0X_1s_1X_2s_2\cdots X_ms_m, a_ia_{i+1}\cdots a_n\$)$

栈的内容

尚未处理的输入

- ❖ 代表最右句型 $X_1X_2\cdots X_ma_ia_{i+1}\cdots a_n$
- ❖ $X_1X_2\cdots X_m$ 是最右句型的一个前缀
- ❖ 每一个前缀都对应一个状态，因此，找出所有可能出现在栈里出现的前缀，就可以确定所有的状态
- ❖ 状态之间的转换 \iff 前缀之间的转换



□ LR语法分析的每一步都形成一个格局config

$(s_0X_1s_1X_2s_2\ldots X_ms_m, a_ia_{i+1}\ldots a_n\$)$

栈的内容

尚未处理的输入

- ❖ 代表最右句型 $X_1X_2\ldots X_ma_ia_{i+1}\ldots a_n$
- ❖ $X_1X_2\ldots X_m$ 是最右句型的一个前缀
- ❖ 每一个前缀都对应一个状态，因此，找出所有可能在栈里出现的前缀，就可以确定所有的状态
- ❖ 状态之间的转换 \Leftrightarrow 前缀之间的转换
- ❖ 在栈顶为 s ，下一个字符为 a 的格局下，前缀为 p
 - 何时移进？当 p 包含句柄的一部分且存在 $p' = pa$
 - 何时归约？当 p 包含整个句柄时



□活前缀或可行前缀 (viable prefix):

❖最右句型的前缀, 该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow_{rm}^* \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

❖ $\gamma\beta$ 的任何前缀 (包括 ε 和 $\gamma\beta$ 本身) 都是活前缀

❖都出现在栈顶



栈中可能出现的串：

a

ab

aA

aAb

$aAbc$

aAd

aAB

$aABe$

S

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

活前缀：

最右句型的前缀，该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow_{rm}^* \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

$\gamma\beta$ 的任何前缀（包括 ε 和 $\gamma\beta$ 本身）都是一个活前缀。



栈中可能出现的串：

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

a

$a\underline{b}$

← 出现句柄 (对应 $A \rightarrow b$)

aA

aAb

$a\underline{Abc}$

← 出现句柄 (对应 $A \rightarrow Abc$)

$aA\underline{d}$

← 出现句柄 (对应 $B \rightarrow d$)

aAB

\underline{aABe}

← 出现句柄 (对应 $S \rightarrow aABe$)

S

- 活前缀已含有句柄，表明产生式 $A \rightarrow \beta$ 的右部 β 已出现在栈顶。



栈中可能出现的串:

$S \rightarrow aABe$

$A \rightarrow Abc \mid b$

$B \rightarrow d$

a

ab

$a\underline{A}$

$a\underline{A}b$

$aAbc$

aAd

$a\underline{AB}$

$aABe$

S

出现产生式 $A \rightarrow Abc$ 右端的一部分,
期望从输入串中看到 bc

出现产生式 $A \rightarrow Abc$ 右端的一部分,
期望从输入串中看到 c

出现产生式 $S \rightarrow aABe$ 的右端一部分,
期望从输入串中看到 e

- 活前缀已含有句柄, 表明产生式 $A \rightarrow \beta$ 的右部 β 已出现在栈顶。
- 活前缀只含句柄的一部分符号如 β_1 表明 $A \rightarrow \beta_1\beta_2$ 的右部子串 β_1 已出现在栈顶, 当前期待从输入串中看到 β_2 推出的符号。



□ 栈中的文法符号总是形成一个活前缀

□ 分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA

下表蓝色部分构成识别活前缀DFA的状态转换表

状态	动 作						转 移		
	id	+	*	()	\$	<i>E</i>	<i>T</i>	<i>F</i>
0	s5				s4		1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5				s4		8	2	3

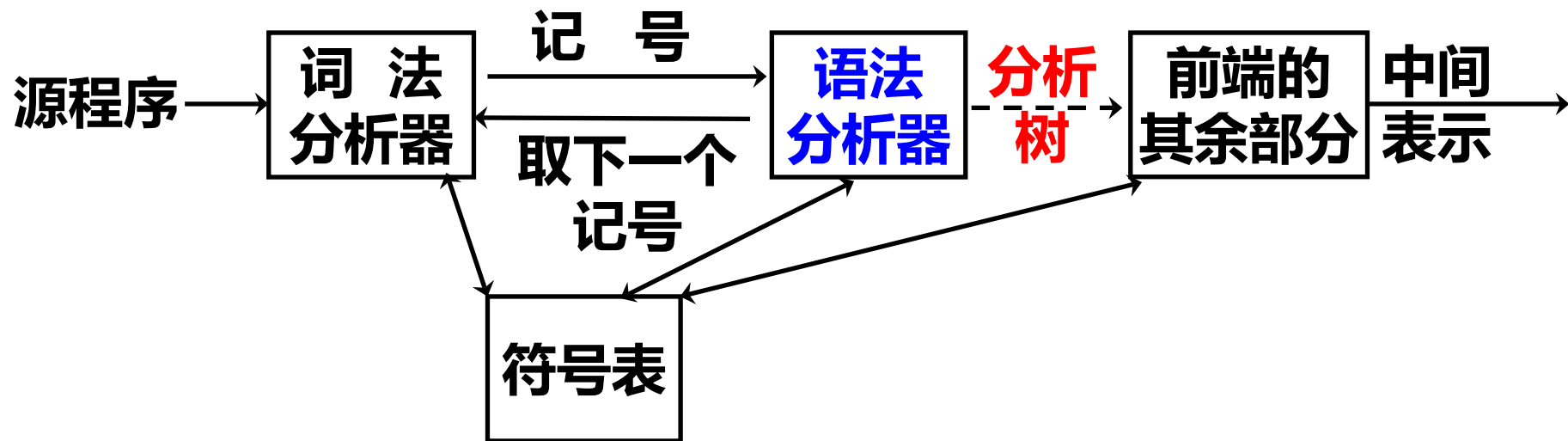


- 栈中的文法符号总是形成一个活前缀
- 分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA
- 栈顶的状态符号包含确定句柄所需的一切信息

栈	输 入	动 作
0	id * id + id \$	移进
...
0 T 2 * 7	id + id \$	移进
0 T 2 * 7 id 5	+ id \$	按 $F \rightarrow \text{id}$ 归约
0 T 2 * 7 F 10	+ id \$	按 $T \rightarrow T * F$ 归约



- 栈中的文法符号总是形成一个活前缀
- 分析表的转移函数本质上是识别活前缀的DFA
- 栈顶的状态符号包含确定句柄所需的一切信息
- 是已知的最一般的无回溯的移进-归约方法
- 能分析的文法类是预测分析法能分析的文法类的真超集
- 能及时发现语法错误
- 手工构造分析表的工作量太大



□LR(k)分析技术

❖ LR分析器的简单模型

❖ 简单的LR方法（简称SLR）

➤ 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法

❖ 规范的LR方法

❖ 向前看的LR方法（简称LALR）

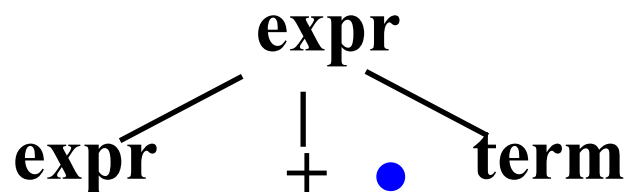


□SLR (Simple LR)

□LR(0)项目 (简称项目)

❖在右部的某个地方加点的产生式

❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态



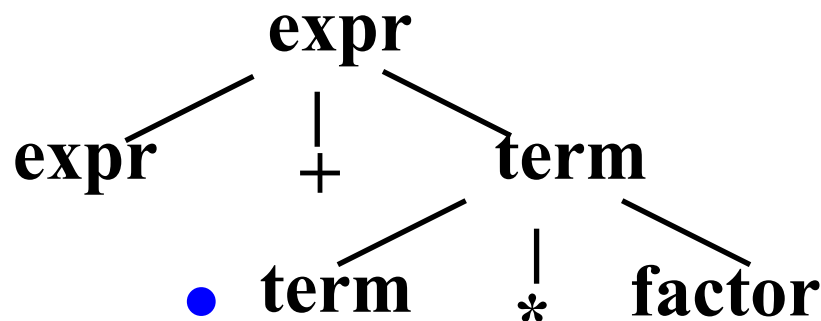


□SLR (Simple LR)

□LR(0)项目 (简称项目)

❖在右部的某个地方加点的产生式

❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态



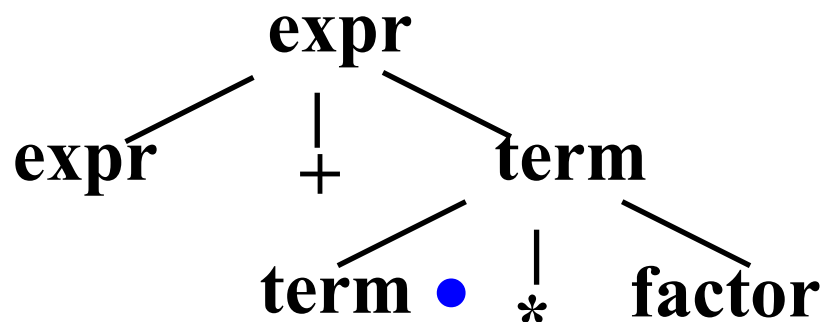


□SLR (Simple LR)

□LR(0)项目 (简称项目)

❖在右部的某个地方加点的产生式

❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态





□SLR (Simple LR)

□LR(0)项目 (简称项目)

项代表了一个可能的
前缀

❖在右部的某个地方加点的产生式

❖加点的目的是用来表示分析过程中的状态

□例 $A \rightarrow XYZ$ 对应四个项目

$A \rightarrow \cdot XYZ$

$A \rightarrow X \cdot YZ$

$A \rightarrow XY \cdot Z$

$A \rightarrow XYZ \cdot$

点的左边代表历史信息,
点的右边代表展望信息。

□例 $A \rightarrow \varepsilon$ 只有一个项目和它对应

$A \rightarrow \cdot$



□从文法构造识别活前缀的DFA

□从上述DFA构造分析表



1. 拓 (增) 广文法 (augmented grammar)

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$$



1. 拓（增）广文法 (augmented grammar)

$$E' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$$

当且仅当分析器使用 $E' \rightarrow E$
归约时，宣告分析成功



2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$E' \rightarrow \cdot E$

项集族是若干可能前缀的集合，对应DFA的状态



2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$E' \rightarrow \cdot E$

$E \rightarrow \cdot E + T$

$E \rightarrow \cdot T$

求项目集的闭包closure(I)

闭包函数closure(I)

1、I的每个项目均加入closure(I)

2、如果 $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ 在 closure(I)中，且 $B \rightarrow \gamma$ 是产生式，那么如果项目 $B \rightarrow \cdot \gamma$ 还不在于closure(I)中的话，那么把它加入。



2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$E' \rightarrow \cdot E$

$E \rightarrow \cdot E + T$

$E \rightarrow \cdot T$

$T \rightarrow \cdot T * F$

$T \rightarrow \cdot F$

求项目集的闭包closure(I)

闭包函数closure(I)

1、I的每个项目均加入closure(I)

2、如果 $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ 在 closure(I)中，且 $B \rightarrow \gamma$ 是产生式，那么如果项目 $B \rightarrow \cdot \gamma$ 还不在于closure(I)中的话，那么把它加入。



2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$E' \rightarrow \cdot E$

$E \rightarrow \cdot E + T$

$E \rightarrow \cdot T$

$T \rightarrow \cdot T * F$

$T \rightarrow \cdot F$

$F \rightarrow \cdot (E)$

$F \rightarrow \cdot \text{id}$

求项目集的闭包closure(I)

闭包函数closure(I)

1、I的每个项目均加入closure(I)

2、如果 $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ 在 closure(I)中，且 $B \rightarrow \gamma$ 是产生式，那么如果项目 $B \rightarrow \cdot \gamma$ 还不在于closure(I)中的话，那么把它加入。



2. 构造LR(0)项目集规范族

I_0 :

$E' \rightarrow \cdot E$

$E \rightarrow \cdot E + T$

$E \rightarrow \cdot T$

$T \rightarrow \cdot T * F$

$T \rightarrow \cdot F$

$F \rightarrow \cdot (E)$

$F \rightarrow \cdot \text{id}$

核心项目: 初始项目 ($E' \rightarrow \cdot E$) 或者
点不在最左边的项

非核心项目: 不是初始项, 且点在最左边

可以通过对核心项目求闭包来获得
为节省存储空间, 可省去



2. 构造LR(0)项目集规范族

$$\begin{array}{ccc}
 I_0: & \xrightarrow{E} & I_1: \\
 E' \rightarrow \cdot E & & E' \rightarrow E \cdot \\
 E \rightarrow \cdot E + T & & E \rightarrow E \cdot + T \\
 E \rightarrow \cdot T & & \\
 T \rightarrow \cdot T * F & & \\
 T \rightarrow \cdot F & & \\
 F \rightarrow \cdot (E & & \\
 F \rightarrow \cdot id & &
 \end{array}$$

$$I_1 := \text{goto}(I_0, E)$$

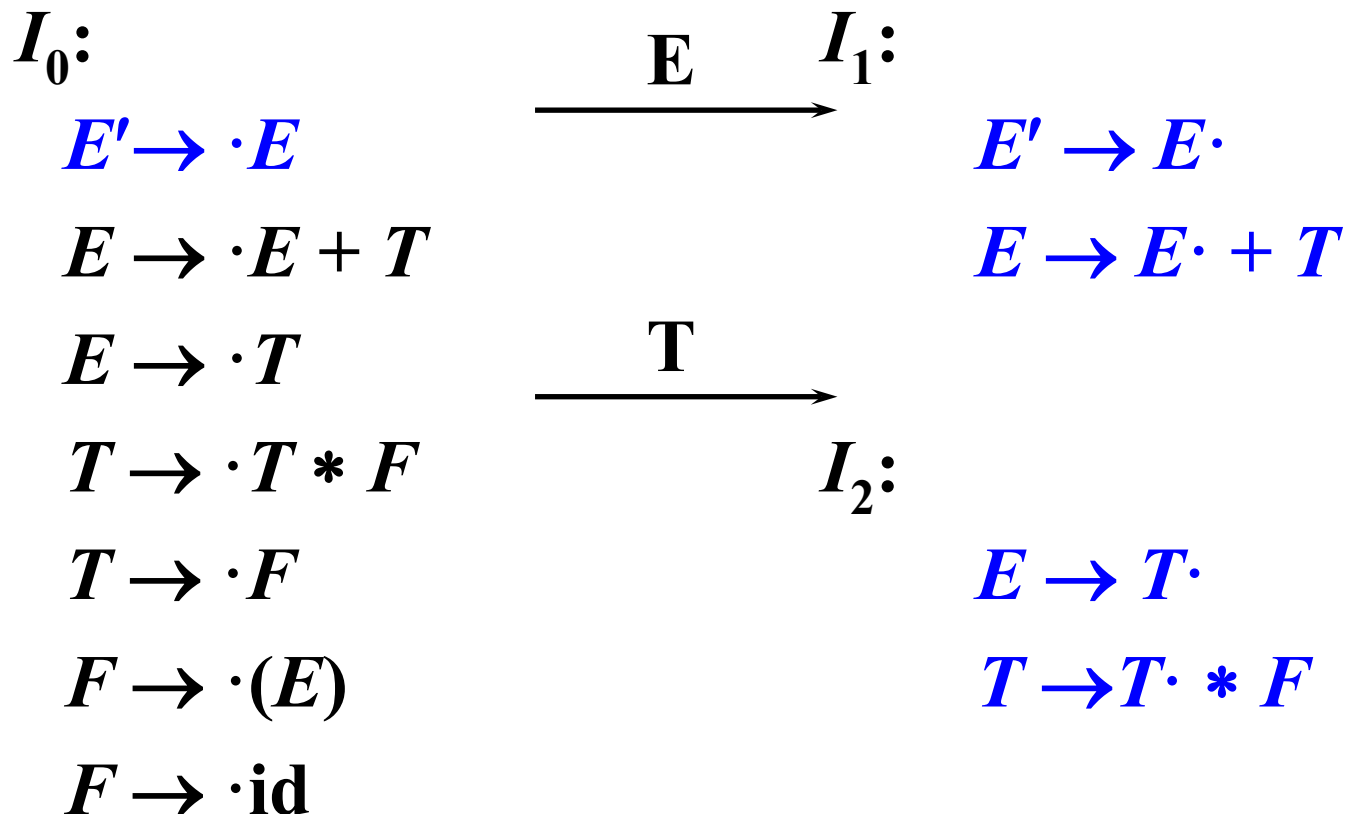
求项目集I和文法符号X的 $I' = \text{goto}(I, X)$
(当输入为X时离开I状态后的转换)

1、 $I' = \emptyset$

2、对于I中的每一项 $A \rightarrow \alpha \cdot X \beta$,
 $I' = I' \cup \text{closure}(A \rightarrow \alpha X \cdot \beta)$

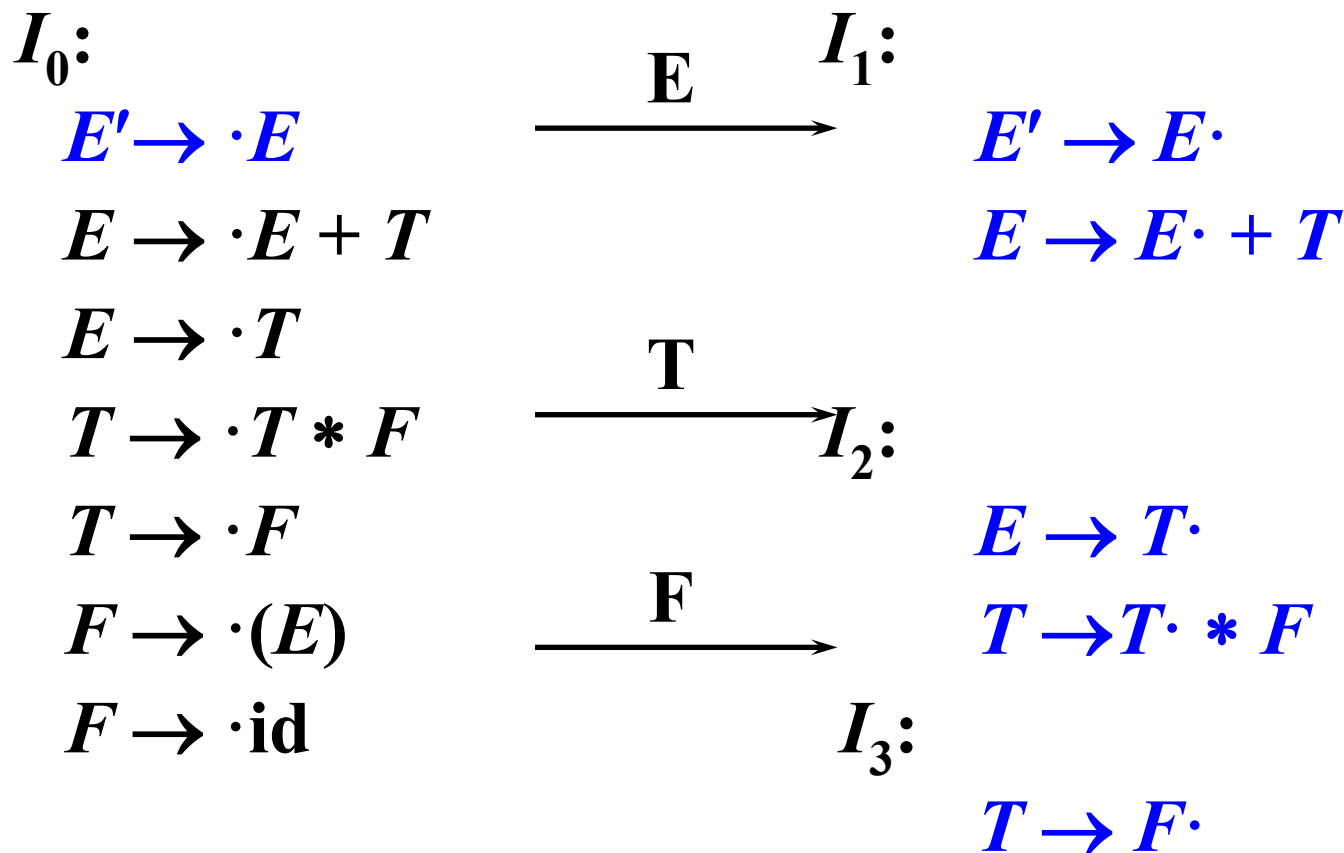


2. 构造LR(0)项目集规范族





2. 构造LR(0)项目集规范族





2. 构造LR(0)项目集规范族

$$\begin{array}{l} I_0: \\ E' \rightarrow \cdot E \\ E \rightarrow \cdot E + T \\ E \rightarrow \cdot T \\ T \rightarrow \cdot T * F \\ T \rightarrow \cdot F \\ F \rightarrow \cdot (E) \\ F \rightarrow \cdot \text{id} \end{array} \xrightarrow{(} \begin{array}{l} I_4: \\ F \rightarrow (\cdot E) \end{array}$$

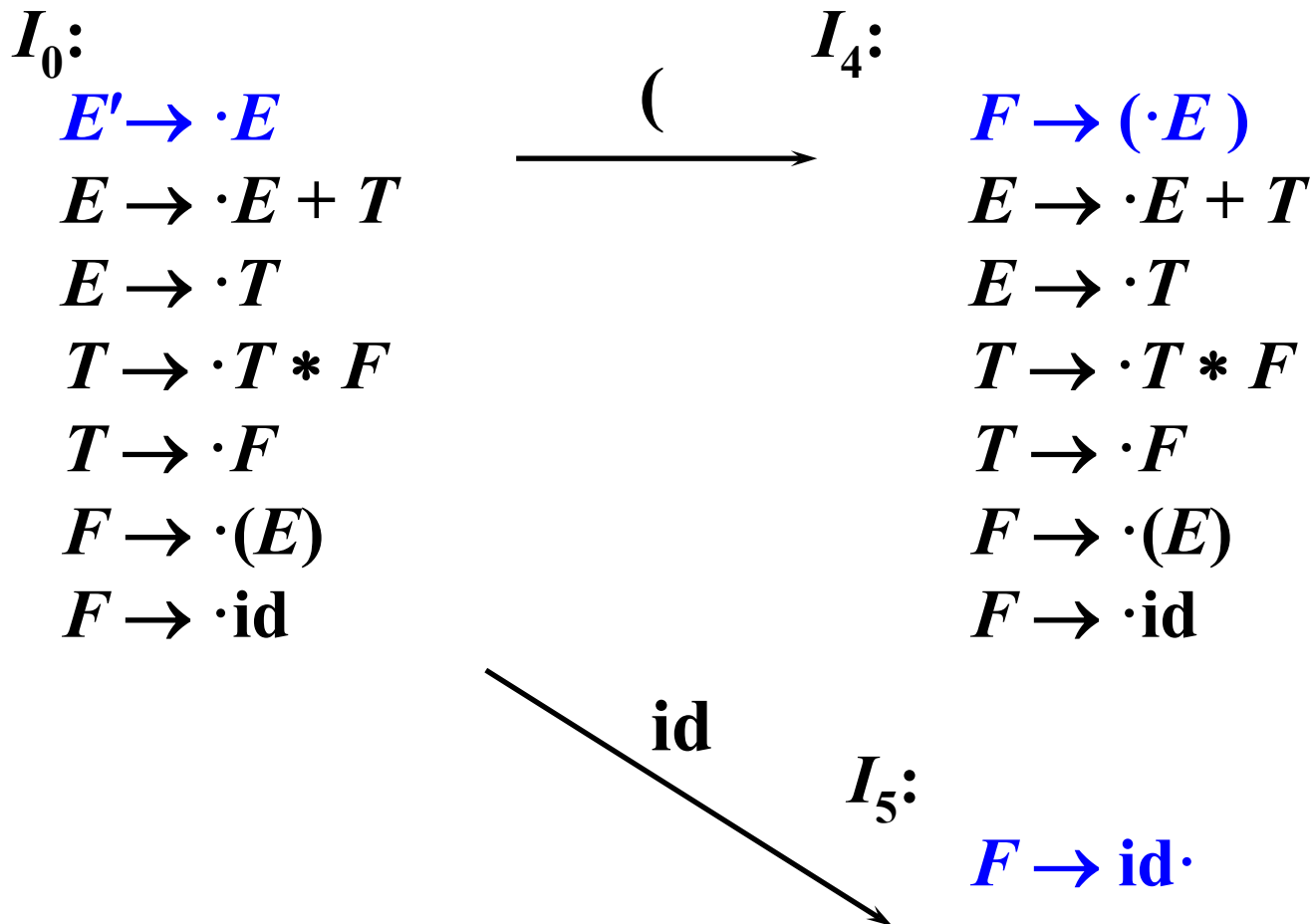


2. 构造LR(0)项目集规范族

$I_0:$	$($	$I_4:$
$E' \rightarrow \cdot E$	\longrightarrow	$F \rightarrow (\cdot E)$
$E \rightarrow \cdot E + T$		$E \rightarrow \cdot E + T$
$E \rightarrow \cdot T$		$E \rightarrow \cdot T$
$T \rightarrow \cdot T * F$		$T \rightarrow \cdot T * F$
$T \rightarrow \cdot F$		$T \rightarrow \cdot F$
$F \rightarrow \cdot (E)$		$F \rightarrow \cdot (E)$
$F \rightarrow \cdot \text{id}$		$F \rightarrow \cdot \text{id}$

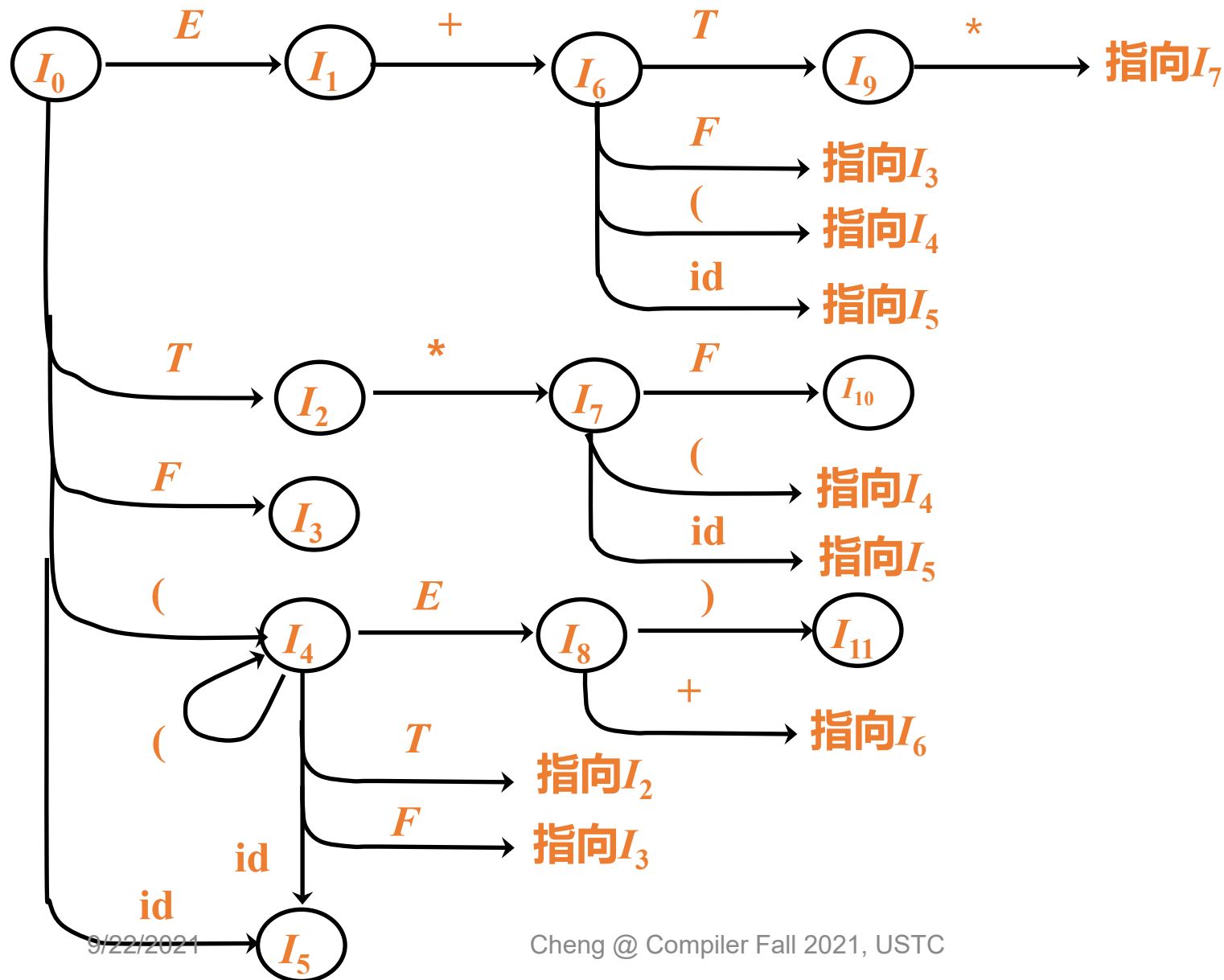


2. 构造LR(0)项目集规范族



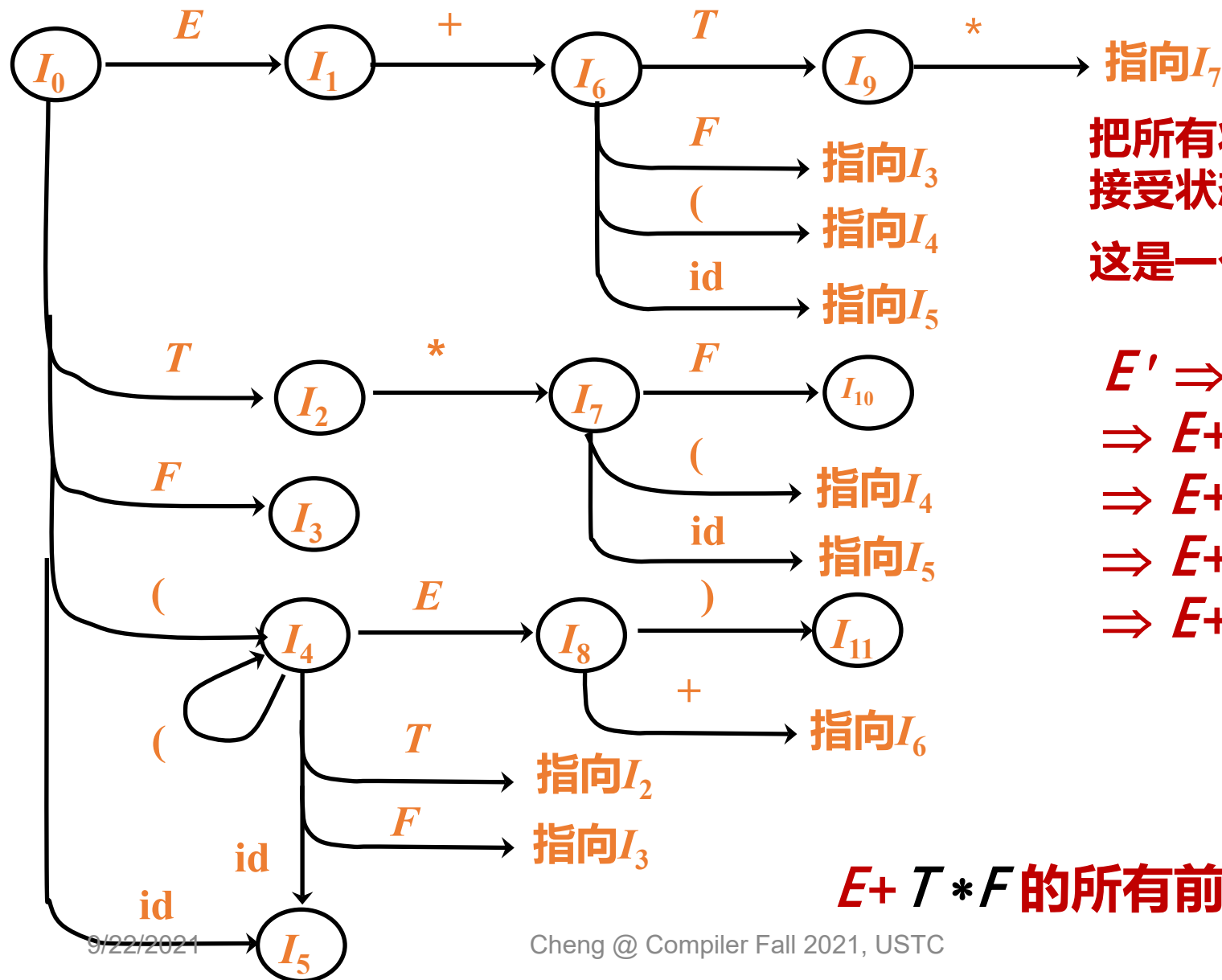


构造识别活前缀的DFA





构造识别活前缀的DFA

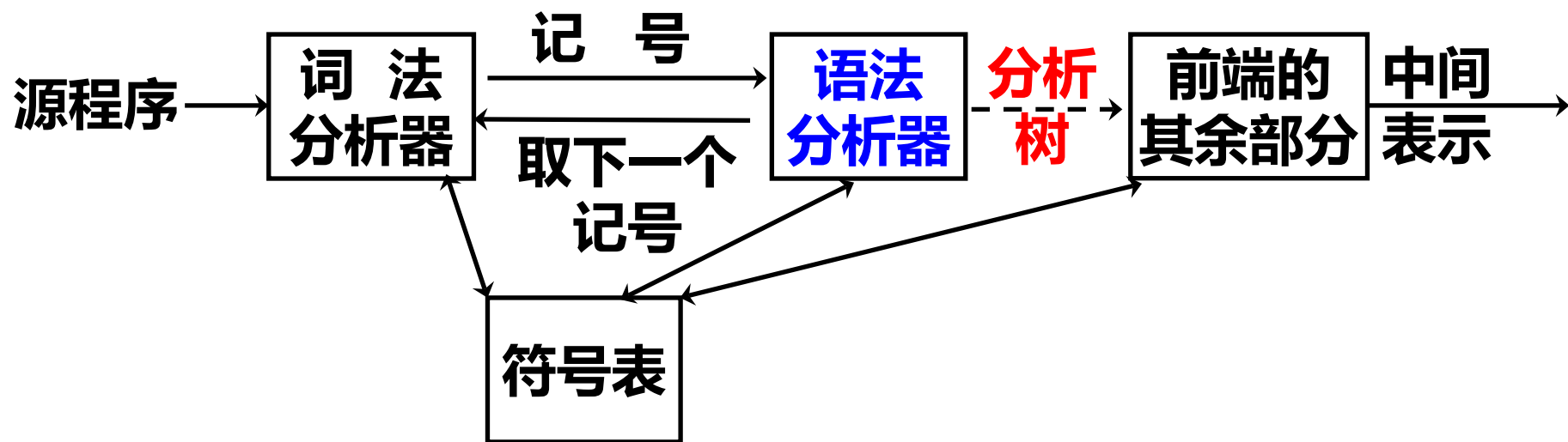


把所有状态都作为
接受状态

这是一个DFA

$E' \Rightarrow E$
 $\Rightarrow E + T$
 $\Rightarrow E + T * F$
 $\Rightarrow E + T * id$
 $\Rightarrow E + T * F * id$

$E + T * F$ 的所有前缀都可接受



□LR(k)分析技术

❖ LR分析器的简单模型

❖ 简单的LR方法（简称SLR）

➤ 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法

❖ 规范的LR方法

❖ 向前看的LR方法（简称LALR）



□从文法构造识别活前缀的DFA

□从上述DFA构造分析表



□ 状态 i 从 I_i 构造, 它的 *action* 函数如下确定:

- ❖ 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot a \beta]$ 在 I_i 中, 并且 $\text{goto}(I_i, a) = I_j$, 那么置 $\text{action}[i, a]$ 为 sj
- ❖ 如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot]$ 在 I_i 中, 那么对 $\text{FOLLOW}(A)$ 中的所有 a , 置 $\text{action}[i, a]$ 为 rj , j 是产生式 $A \rightarrow \alpha$ 的编号
- ❖ 如果 $[S' \rightarrow S \cdot]$ 在 I_i 中, 那么置 $\text{action}[i, \$]$ 为接受 acc
- ❖ 上面的 a 是终结符

□ 如果出现动作冲突, 那么该文法就不是SLR(1)文法



□ 状态 i 从 I_i 构造，它的 *action* 函数如下确定：

❖ 此处省略，参见上页

□ 使用下面规则构造状态 i 的 *goto* 函数：

❖ 对所有的非终结符 A ，如果 $\text{goto}(I_i, A) = I_j$ ，那么
 $\text{goto}[i, A] = j$



□ 状态 i 从 I_i 构造，它的 *action* 函数如下确定：

❖ 此处省略，参见上页

□ 使用下面规则构造状态 i 的 *goto* 函数：

❖ 此处省略，参见上页

□ 分析器的初始状态是包含 $[S' \rightarrow \cdot S]$ 的项目集对应的状态

不能由上面两步定义的条目都置为 **error**



例 (1) $E \rightarrow E + T$ (2) $E \rightarrow T$
 (3) $T \rightarrow T * F$ (4) $T \rightarrow E$
 (5) $F \rightarrow (E)$ (6) $F \rightarrow \text{id}$

si 移进当前输入符号和状态 *i*
rj 按第 *j* 个产生式进行归约
acc 接受

状态	动作 action						转移 goto		
	id	+	*	()	\$	<i>E</i>	<i>T</i>	<i>F</i>
0	<i>s5</i>				<i>s4</i>		1	2	3
1		<i>s6</i>				<i>acc</i>			
2		<i>r2</i>	<i>s7</i>		<i>r2</i>	<i>r2</i>			
3		<i>r4</i>	<i>r4</i>		<i>r4</i>	<i>r4</i>			
4	<i>s5</i>				<i>s4</i>		8	2	3
5		<i>r6</i>	<i>r6</i>		<i>r6</i>	<i>r6</i>			
6	<i>s5</i>				<i>s4</i>			9	3



- 一个上下文无关文法 G ，通过上述算法构造出SLR语法分析表，且表项中**没有移进/归约或者归约/归约冲突**，那么 G 就是SLR(1)文法。
- 1代表了当看到某个产生式右部时，只需要再向前看1个符号就可决定是否用该式进行归约。
- 通常可以省略1，写作SLR文法



□依据上述SLR(1)分析表

□参照slide 9 -25的分析方法

❖文法符号栈

❖输入缓冲区

❖选择的行为

➤移进、归约、接受、报错



□例 I_2 :

(2) $E \rightarrow T \cdot$

(3) $T \rightarrow T \cdot * F$

❖ 归约：因为 $\text{FOLLOW}(E) = \{\$, +,)\}$,

所以 $\text{action}[2, \$] = \text{action}[2, +] = \text{action}[2,)] = r2$

❖ 移进：因为圆点在中间，且点后面是终结符，
所以， $\text{action}[2, *] = s7$



- LR(0)自动机刻画了可能出现在文法符号栈中的所有串;
- 栈中的内容一定是某个最右句型的前缀;
- 但是不是所有前缀都会出现在栈中。

$$E \Rightarrow_{rm}^* F * \text{id} \Rightarrow_{rm} (E) * \text{id}$$



- LR(0)自动机刻画了可能出现在文法符号栈中的所有串;
- 栈中的内容一定是某个最右句型的前缀;
- 但是不是所有前缀都会出现在栈中。

$$E \Rightarrow_{rm}^* F * \text{id} \Rightarrow_{rm} (E) * \text{id}$$

- 栈中只能出现(, (E, (E), 而不会出现(E)*
 - ❖ 因为看到*时, (E)是句柄, 会被归约成为F



□活前缀或可行前缀 (viable prefix):

❖最右句型的前缀，该前缀不超过最右句柄的右端

$$S \Rightarrow_{rm}^* \gamma A w \Rightarrow_{rm} \gamma \beta w$$

❖ $\gamma\beta$ 的任何前缀（包括 ε 和 $\gamma\beta$ 本身）都是活前缀

❖都出现在栈顶

**LR(0) 自动机能够识别活前缀
SLR(1)分析器正是基于这个事实**



□ 如果 $S' \Rightarrow_{rm}^* \alpha A w \Rightarrow_{rm} \alpha \beta_1 \beta_2 w$, 那么就说项目 $A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$ 对活前缀 $\alpha \beta_1$ 是有效的



□如果 $S' \Rightarrow_{rm}^* \alpha A w \Rightarrow_{rm} \alpha \beta_1 \beta_2 w$, 那么就说明项目

$A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$ 对活前缀 $\alpha \beta_1$ 是有效的

❖ 一个项目可能对好几个活前缀都是有效的

$$E' \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$$

项 $E \rightarrow \cdot E + T$ 对 ε 和 $($ 这两个活前缀都有效

$$E' \Rightarrow E \Rightarrow E + T \quad (\alpha, \beta_1 \text{ 都为空})$$

$$E' \Rightarrow E \Rightarrow (E) \Rightarrow (E + T) \quad (\alpha = "(", \beta_1 \text{ 为空})$$

该DFA读过 ε 和 $($ 后到达不同的状态,
那么项目 $E \rightarrow \cdot E + T$ 就出现在对应的不同项目集中



□如果 $S' \Rightarrow_{rm}^* \alpha A w \Rightarrow_{rm} \alpha \beta_1 \beta_2 w$ ，那么就说明项目

$A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$ 对活前缀 $\alpha \beta_1$ 是有效的

❖一个项目可能对好几个活前缀都是有效的

➤如果 $\beta_2 \neq \epsilon$ ，应该移进

➤如果 $\beta_2 = \epsilon$ ，应该用产生式 $A \rightarrow \beta_1$ 归约



□如果 $S' \Rightarrow_{rm}^* \alpha A w \Rightarrow_{rm} \alpha \beta_1 \beta_2 w$ ，那么就说明项目

$A \rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$ 对活前缀 $\alpha \beta_1$ 是有效的

❖ 一个项目可能对好几个活前缀都是有效的

❖ 一个活前缀可能有多个有效项目

一个活前缀 γ 的**有效项目集**就是

从这个DFA的初态出发，沿着标记为 γ 的路径到达的那个项目集（状态）

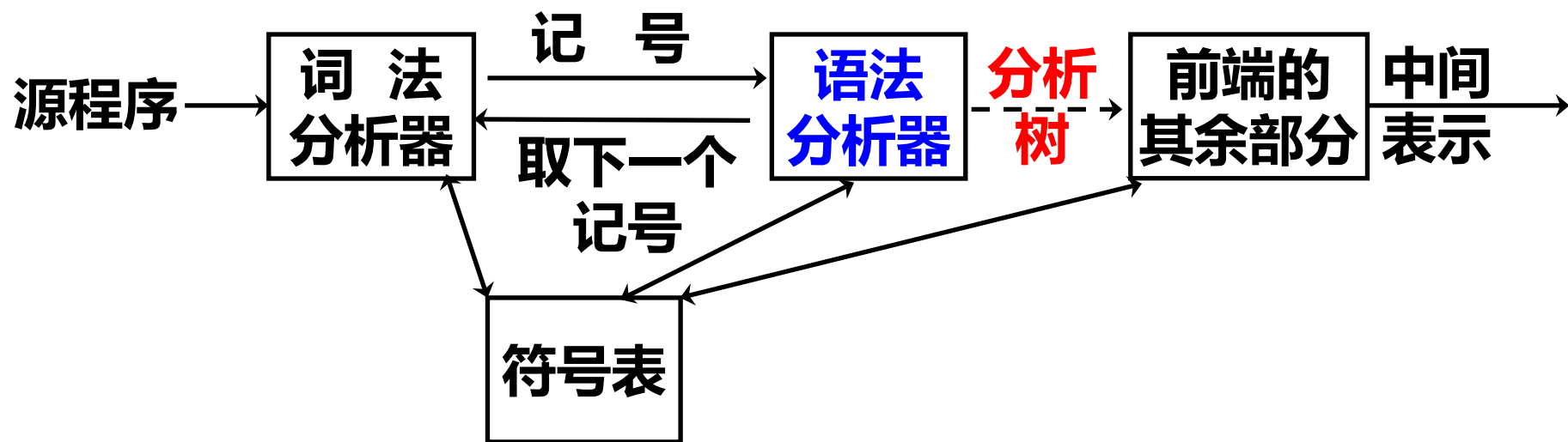


□例 串 $E + T *$ 是活前缀，读完它后，DFA处于状态 I_7

$I_7: \quad T \rightarrow T * \cdot F, \quad F \rightarrow \cdot (E), \quad F \rightarrow \cdot \text{id}$

$E' \Rightarrow E$	$E' \Rightarrow E$	$E' \Rightarrow E$
$\Rightarrow E + T$	$\Rightarrow E + T$	$\Rightarrow E + T$
$\Rightarrow E + T * F$	$\Rightarrow E + T * F$	$\Rightarrow E + T * F$
$\Rightarrow E + T * \text{id}$	$\Rightarrow E + T * (E)$	$\Rightarrow E + T * \text{id}$
$\Rightarrow E + T * F * \text{id}$		

包含活前缀的最右推导，且
 I_7 中所有的项目对该活前缀是有效的



□LR(k)分析技术

- ❖ LR分析器的简单模型
- ❖ 简单的LR方法（简称SLR）
 - 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法
- ❖ 规范的LR方法
- ❖ 向前看的LR方法（简称LALR）



SLR(1)文法的描述能力有限



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

I_0 :
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow \cdot V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

I_2 :
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

I_6 :
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$



SLR(1)文法的描述能力有限



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

I_0 :
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow \cdot V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

I_2 :
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

I_6 :
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$

项目 $S \rightarrow V \cdot = E$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$



SLR(1)文法的描述能力有限



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

$I_0:$
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow \cdot V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

$I_2:$
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

$I_6:$
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$

项目 $S \rightarrow V \cdot = E$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$

项目 $E \rightarrow V \cdot$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{r5}$
因为 $\text{Follow}(E) = \{=, \$\}$

产生移进-归约冲突,
但该文法不是二义的。



□目标：在识别活前缀DFA的**状态**中，**增加信息**，**排除一些不正确的归约操作**



□目标：在识别活前缀DFA的状态中，增加信息，排除一些不正确的归约操作

□方法：添加了前向搜索符

❖一个项目 $A \rightarrow \alpha \cdot \beta$ ，如果最终用这个产生式进行归约之后，期望看见的符号是 a ，则这个加点项的前向搜索符是 a 。

❖上述项目可以写成： $A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a$



□目标：在识别活前缀DFA的状态中，增加信息，排除一些不正确的归约操作

□方法：添加了前向搜索符

❖一个项目 $A \rightarrow \alpha \cdot \beta$ ，如果最终用这个产生式进行归约之后，期望看见的符号是 a ，则这个加点项的前向搜索符是 a 。

❖上述项目可以写成： $A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a$

□与SLR(1)分析的区别

❖项目集的定义发生了改变：LR(0) \Rightarrow LR(1)

❖closure(I) 和GOTO函数需要修改



□LR(1)项目:

$$[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$$

- ❖ 当项目由两个分量组成，第一分量为SLR中的项，第二分量为搜索符（向前看符号）
- ❖ LR(1)中的1代表了搜索符 a 的长度



□LR(1)项目:

$$[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$$

- ❖ 当项目由两个分量组成，第一分量为SLR中的项，第二分量为搜索符（向前看符号）
- ❖ LR(1)中的1代表了搜索符 a 的长度

□使用注意事项:

- ❖ 当 β 不为空时， a 不起作用
- ❖ 当 β 为空时，如果下一个输入符号是 a ，将按照 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约
 - a 的集合是FOLLOW(A)的子集



□LR(1)项目:

$$[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$$

- ❖ 当项目由两个分量组成，第一分量为SLR中的项，第二分量为搜索符（向前看符号）
- ❖ LR(1)中的1代表了搜索符 a 的长度

□LR(1)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效:

- ❖ 如果存在着推导 $S \Rightarrow_{rm}^* \delta A w \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$ ，其中：
 - $\gamma = \delta \alpha$;
 - a 是 w 的第一个符号，或者 w 是 ϵ 且 a 是 $\$$



□例 $S \rightarrow BB$

$B \rightarrow bB \mid a$

LR(1)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效：
存在着推导 $S \Rightarrow_{rm}^* \delta A w \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$ ，其中：
 $\gamma = \delta \alpha$;
 a 是 w 的第一个符号，或者 w 是 ϵ 且 a 是 $\$$

从最右推导 $S \Rightarrow_{rm}^* bbBba \Rightarrow_{rm} bbbBba$ 看出：

$[B \rightarrow b \cdot B, b]$ 对活前缀 $\gamma = bbb$ 是有效的



□例 $S \rightarrow BB$

$B \rightarrow bB \mid a$

LR(1)项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot \beta, a]$ 对活前缀 γ 有效：
存在着推导 $S \Rightarrow_{rm}^* \delta A w \Rightarrow_{rm} \delta \alpha \beta w$ ，其中：
 $\gamma = \delta \alpha$;
 a 是 w 的第一个符号，或者 w 是 ϵ 且 a 是 $\$$

从最右推导 $S \Rightarrow_{rm}^* bbBba \Rightarrow_{rm} bbbBba$ 看出：

令 $A = B, \alpha = b, \beta = B, \delta = bb, \gamma = \delta \alpha = bbb, w = ba$

$[B \rightarrow b \cdot B, b]$ 对活前缀 $\gamma = bbb$ 是有效的



□构造LR(1)项目集规范族

❖也就是构造识别活前缀的DFA

□构造规范的LR分析表

❖状态之间的转换关系



□基础运算1：计算闭包CLOSURE(I)

- ❖ I中的任何项目都属于CLOSURE(I)
- ❖ 若有项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$ 在CLOSURE(I)中，而 $B \rightarrow \gamma$ 是文法中的产生式， b 是FIRST(βa)中的元素，则 $[B \rightarrow \cdot \gamma, b]$ 也属于CLOSURE(I)

保证在用 $B \rightarrow \gamma$ 进行归约后，

- 出现的输入字符 b 是句柄 $\alpha B \beta$ 中 B 的后继符号
- 或者是 $\alpha B \beta$ 归约为 A 后可能出现的终结符。



□基础运算2：通过GOTO(I,X)算CLOSURE(J)

- ❖ 将J置为空集
- ❖ 若有项目 $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a]$ 在I中，那么将项目 $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a]$ 放入J中
- ❖ 计算并返回CLOSURE(J)

注意：GOTO(I,X)中的X可以是终结符或非终结符



□具体算法

❖ 初始项目集 I_0 :

$I_0 = \text{CLOSURE}(/S' \rightarrow \cdot S, \$/)$ 将\$作为向前的搜索符

❖ 设C为最终返回的项目集族, 初始为 $C = \{I_0\}$

❖ 重复以下步骤

➤ 对C中的任意项目集I, 重复

- 对每一个文法符号X(终结符或非终结符)

- 如果 $\text{GOTO}(I, X) \neq \emptyset$ 且 $\text{GOTO}(I, X) \notin C$, 那么将 $\text{GOTO}(I, X)$ 放入C

- 注: 上述 $\text{GOTO}(I, X)$ 是上一页ppt中计算闭包的GOTO

➤ 当C中项目集不再增加为止



构造LR(1)项目集族： 举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$$S' \rightarrow \cdot S, \$ \quad I_0$$

步骤一：从初始项开始



构造LR(1)项目集族： 举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$$\begin{array}{l} S' \rightarrow \cdot S, \$ \\ S \rightarrow \cdot BB \end{array} I_0$$

步骤二：计算非核心项目的
第一个分量



构造LR(1)项目集族： 举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$$\begin{array}{l} S' \rightarrow \cdot S, \$ \\ S \rightarrow \cdot BB, \$ \end{array} I_0$$

步骤三：通过FIRST(ϵ \$) 计算非核心项目的第二个分量



构造LR(1)项目集族： 举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$$\begin{array}{l} S' \rightarrow \cdot S, \$ \\ S \rightarrow \cdot BB, \$ \\ B \rightarrow \cdot bB \\ B \rightarrow \cdot a \end{array} \quad I_0$$

步骤二：计算非核心项目的
第一个分量



构造LR(1)项目集族： 举例



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

$S' \rightarrow \cdot S, \$$ I_0

$S \rightarrow \cdot BB, \$$

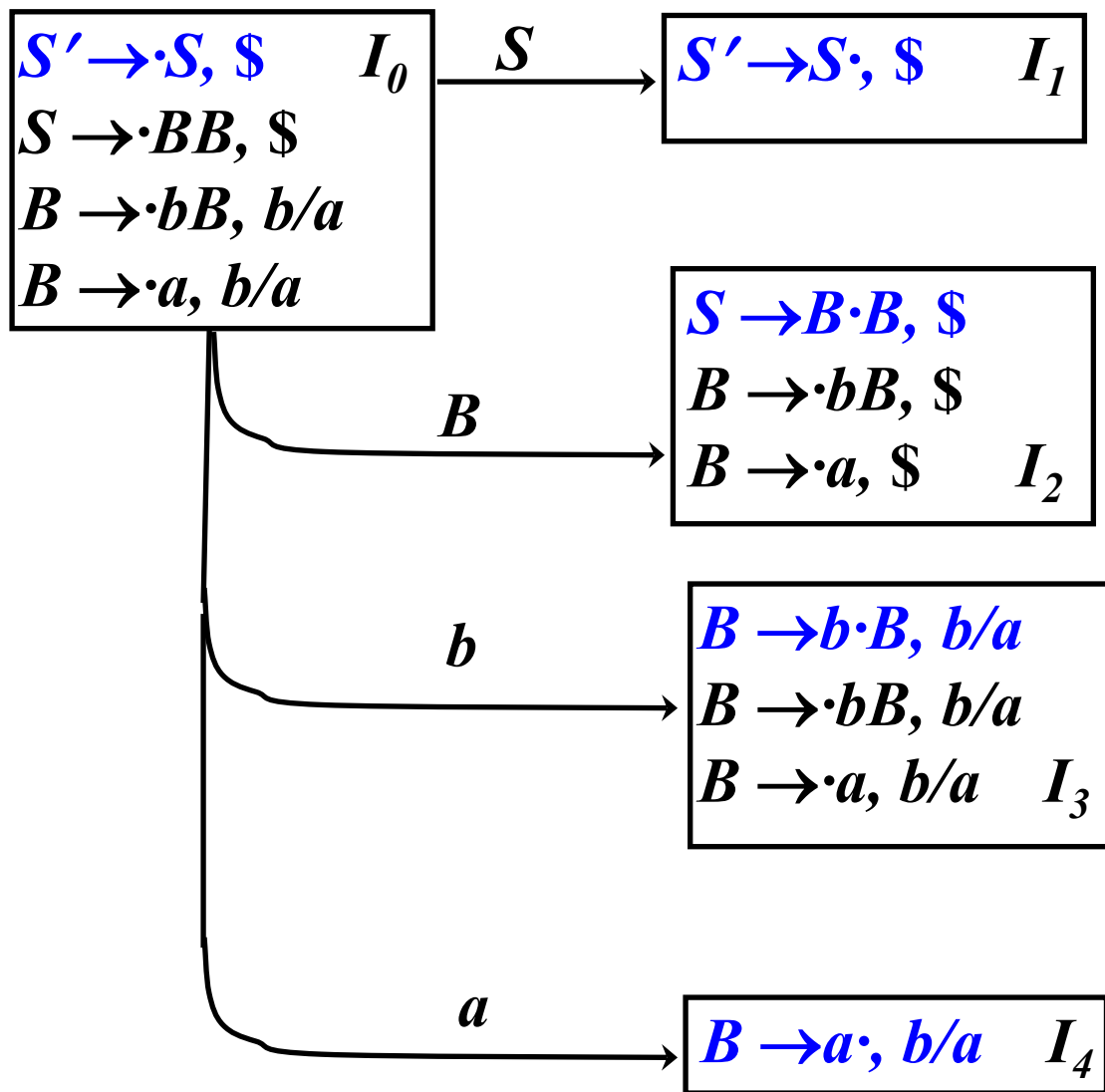
$B \rightarrow \cdot bB, b/a$

$B \rightarrow \cdot a, b/a$

步骤三：通过FIRST(B\$) 计算非核心项目的第二个分量

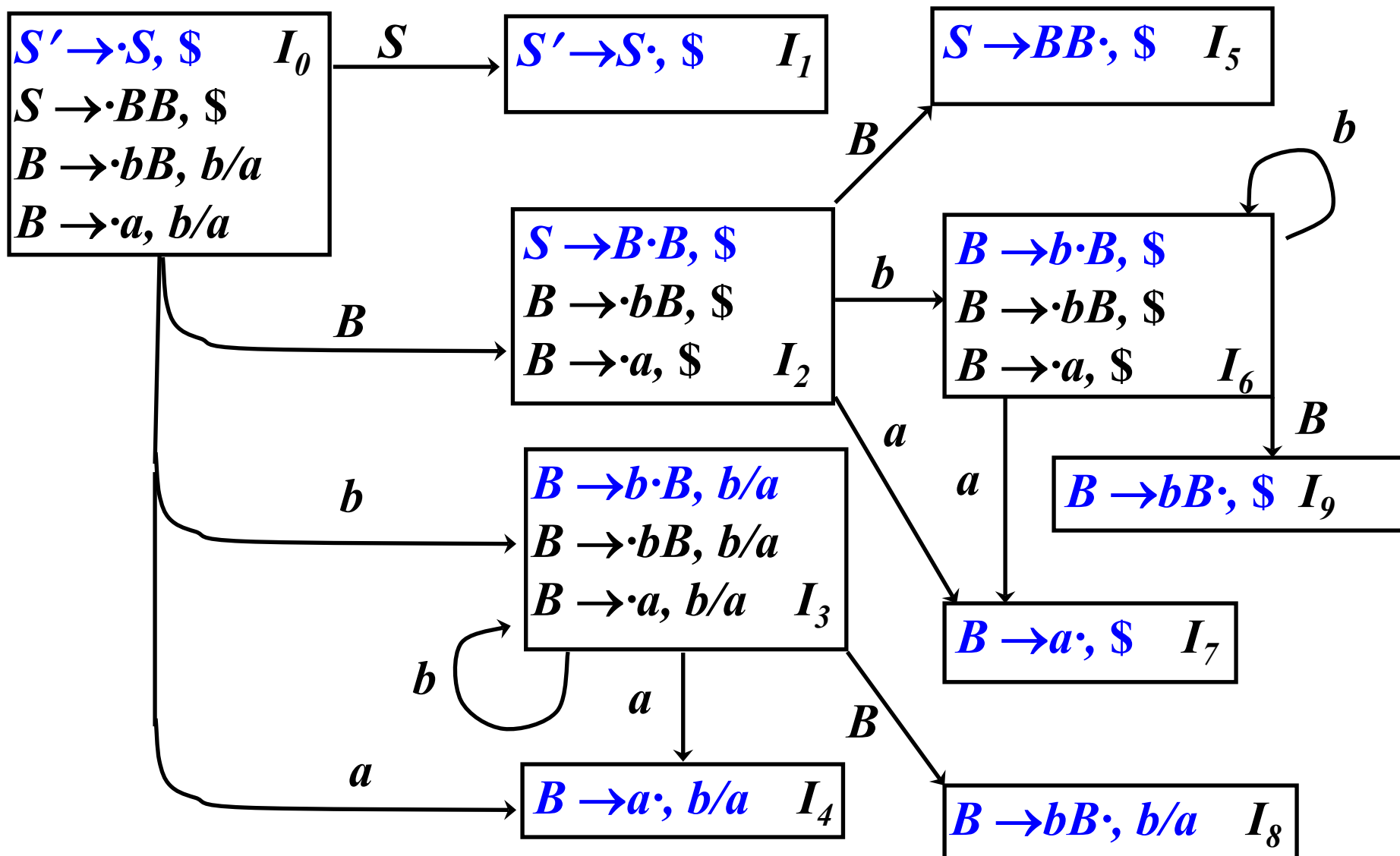


构造LR(1)项目集族：举例





构造LR(1)项目集族：举例





□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

❖基于LR(1)项目族来构造

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta, b]$ 在 I_i 中, 且 $goto(I_i, a) = I_j$, 那么置 $action[i, a]$ 为 sj (此时, 不看 b)

❖如果 $[A \rightarrow \alpha \cdot, a]$ 在 I_i 中, 且 $A \neq S'$, 那么置 $action[i, a]$ 为 rj (此时, 不再看 $FOLLOW(A)$)

❖如果 $[S' \rightarrow S \cdot, \$]$ 在 I_i 中, 那么置 $action[i, \$] = acc$

如果上述构造出现了冲突, 那么文法就不是LR(1)的



□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖参见上页ppt

□状态 i 的 $goto$ 函数如下确定:

❖如果 $goto(I_i, A) = I_j$, 那么 $goto[i, A] = j$



□构造识别拓广文法 G' 活前缀的DFA

□状态 i 的 $action$ 函数如下确定:

❖参见上页ppt

□状态 i 的 $goto$ 函数如下确定:

❖如果 $goto(I_i, A) = I_j$, 那么 $goto[i, A] = j$

□分析器的初始状态是包含 $[S' \rightarrow \cdot S, \$]$ 的项目集对应的状态

用上面规则未能定义的所有条目都置为**error**



非SLR(1)文法-revisit



$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

I_0 :
 $S' \rightarrow \cdot S$
 $S \rightarrow \cdot V = E$
 $S \rightarrow \cdot E$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$
 $E \rightarrow \cdot V$

V

I_2 :
 $S \rightarrow V \cdot = E$
 $E \rightarrow V \cdot$

$=$

I_6 :
 $S \rightarrow V = \cdot E$
 $E \rightarrow \cdot V$
 $V \rightarrow \cdot * E$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}$

项目 $S \rightarrow V \cdot = E$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$

项目 $E \rightarrow V \cdot$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{r5}$
因为 $\text{Follow}(E) = \{=, \$\}$

产生移进-归约冲突,
但该文法不是二义的。



非SLR(1)但是LR(1)文法



$S \rightarrow V = E$

$S \rightarrow E$

$V \rightarrow * E$

$V \rightarrow \text{id}$

$E \rightarrow V$

$I_0:$
 $S' \rightarrow \cdot S, \$$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$S \rightarrow V = E$

$S \rightarrow E$

$V \rightarrow * E$

$V \rightarrow \text{id}$

$E \rightarrow V$

$I_0:$
 $S' \rightarrow \cdot S, \$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S' \rightarrow \epsilon \cdot S \epsilon, \$]$

$\text{FIRST}(\beta a)$



$\text{FIRST}(\epsilon \$) = \{\$ \}$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$$S \rightarrow V = E$$

$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow V$$

$$I_0:$$

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$

$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$

$$S \rightarrow \cdot E, \$$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S' \rightarrow \epsilon \cdot S \epsilon, \$]$

$\text{FIRST}(\beta a)$



$\text{FIRST}(\epsilon \$) = \{\$ \}$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$$S \rightarrow V = E$$

$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow V$$

$$I_0:$$

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$

$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$

$$S \rightarrow \cdot E, \$$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S \rightarrow \varepsilon \cdot V = E, \$]$

FIRST(βa)



FIRST($= E \$$) = $\{=\}$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$$S \rightarrow V = E$$

$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow V$$

I_0 :

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$

$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$

$$S \rightarrow \cdot E, \$$$

$$V \rightarrow \cdot * E, =$$

$$V \rightarrow \cdot \text{id}, =$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S \rightarrow \varepsilon \cdot V = E, \$]$

$\text{FIRST}(\beta a)$



$\text{FIRST}(= E \$) = \{=\}$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$$S \rightarrow V = E$$

$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow V$$

I_0 :

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$

$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$

$$S \rightarrow \cdot E, \$$$

$$V \rightarrow \cdot * E, =$$

$$V \rightarrow \cdot \text{id}, =$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S \rightarrow \varepsilon \cdot V = E, \$]$

FIRST(βa)



FIRST($= E \$$) = $\{=\}$



非SLR(1)但是LR(1)文法



$$S \rightarrow V = E$$

$$S \rightarrow E$$

$$V \rightarrow * E$$

$$V \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow V$$

I_0 :

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$

$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$

$$S \rightarrow \cdot E, \$$$

$$V \rightarrow \cdot * E, =$$

$$V \rightarrow \cdot \text{id}, =$$

$$E \rightarrow \cdot V, \$$$

计算闭包:

定义里: $[A \rightarrow \alpha \cdot B \beta, a]$

这里: $[S \rightarrow \epsilon \cdot E \epsilon, \$]$

FIRST(βa)



FIRST($\epsilon \$$) = $\{\$ \}$



非SLR(1)但是LR(1)文法


$$S \rightarrow V = E$$
$$S \rightarrow E$$
$$V \rightarrow * E$$
$$V \rightarrow \text{id}$$
$$E \rightarrow V$$

I_0 :

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$
$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$
$$S \rightarrow \cdot E, \$$$
$$V \rightarrow \cdot * E, =$$
$$V \rightarrow \cdot \text{id}, =$$
$$E \rightarrow \cdot V, \$$$
$$V \rightarrow \cdot * E, \$$$
$$V \rightarrow \cdot \text{id}, \$$$



非SLR(1)但是LR(1)文法


$$S \rightarrow V = E$$
$$S \rightarrow E$$
$$V \rightarrow * E$$
$$V \rightarrow \text{id}$$
$$E \rightarrow V$$

I_0 :

$$S' \rightarrow \cdot S, \$$$
$$S \rightarrow \cdot V = E, \$$$
$$S \rightarrow \cdot E, \$$$
$$V \rightarrow \cdot * E, =/\$$$
$$V \rightarrow \cdot \text{id}, =/\$$$
$$E \rightarrow \cdot V, \$$$

可通过合并搜索符简化



非SLR(1)但是LR(1)文法



$S \rightarrow V = E$
 $S \rightarrow E$
 $V \rightarrow * E$
 $V \rightarrow \text{id}$
 $E \rightarrow V$

$I_0:$
 $S' \rightarrow \cdot S, \$$
 $S \rightarrow \cdot V = E, \$$
 $S \rightarrow \cdot E, \$$
 $V \rightarrow \cdot * E, =/\$$
 $V \rightarrow \cdot \text{id}, =/\$$
 $E \rightarrow \cdot V, \$$

$V \longrightarrow$

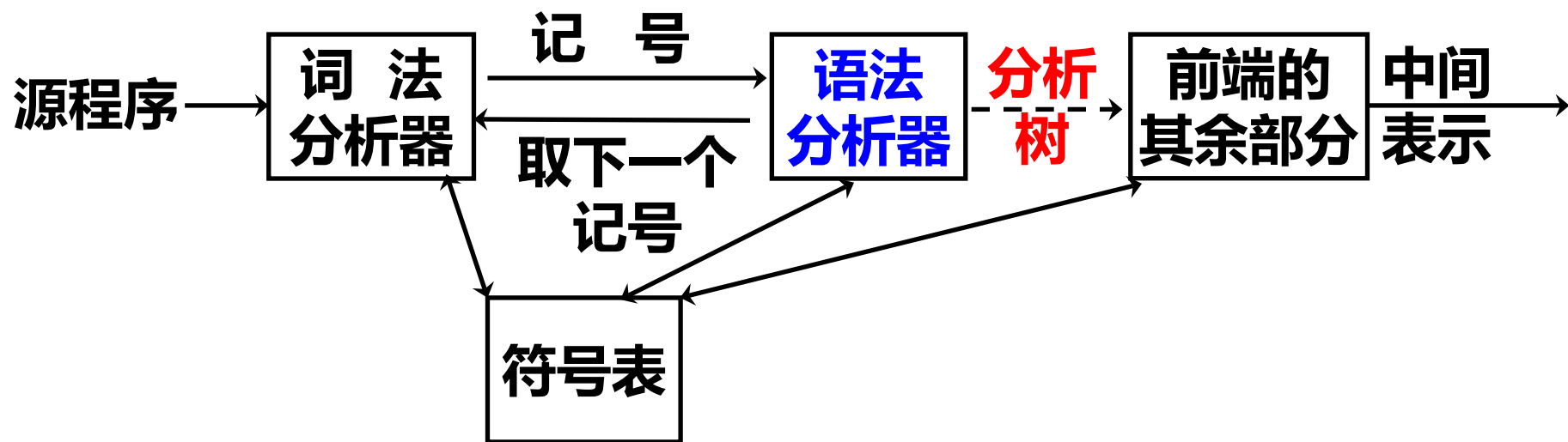
$I_2:$
 $S \rightarrow V \cdot = E, \$$
 $E \rightarrow V \cdot, \$$

项目 $[S \rightarrow V \cdot = E, \$]$ 使得
 $\text{action}[2, =] = \text{s6}$

项目 $[E \rightarrow V \cdot, \$]$ 使得
 $\text{action}[2, \$] = \text{r5}$

因为 $\{\$, \$\}$ 是 $\text{Follow}(E) = \{=, \$\}$ 的真子集

每一个SLR(1)文法都是LR(1)的



□LR(k)分析技术

- ❖ LR分析器的简单模型
- ❖ 简单的LR方法（简称SLR）
 - 活前缀，识别活前缀的DFA/NFA，SLR算法
- ❖ 规范的LR方法
- ❖ 向前看的LR方法（简称LALR）



□研究LALR的原因

规范LR分析表的状态数偏多

□LALR特点

- ❖ LALR和SLR的分析表有同样多的状态，比规范LR分析表要小得多
- ❖ LALR的能力介于SLR和规范LR之间
- ❖ LALR的能力在很多情况下已经够用

□LALR分析表构造方法

- ❖ 通过合并规范LR(1)项目集来得到



□ 合并识别 LR(1)文法的活前缀的DFA中的相同
核心项目集(**同心项目集**, 注意: 不是项)

□ 同心的LR(1)项目集

❖ **核心**: 项目集中第一分量的集合

❖ 略去搜索符后它们是相同的集合

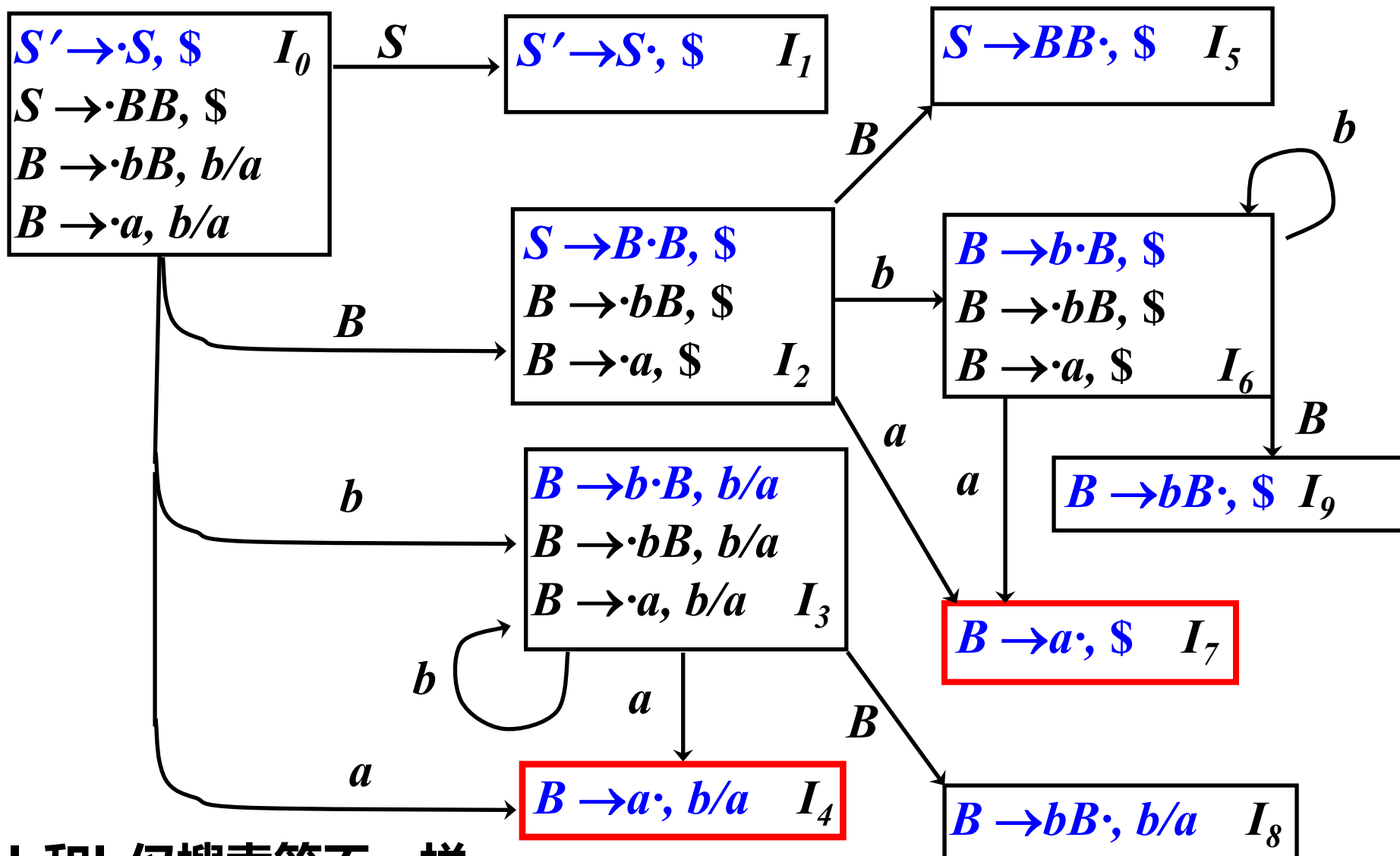
❖ 例: $[B \rightarrow \cdot bB, \$]$ 与 $[B \rightarrow \cdot bB, b/a]$

第一分量

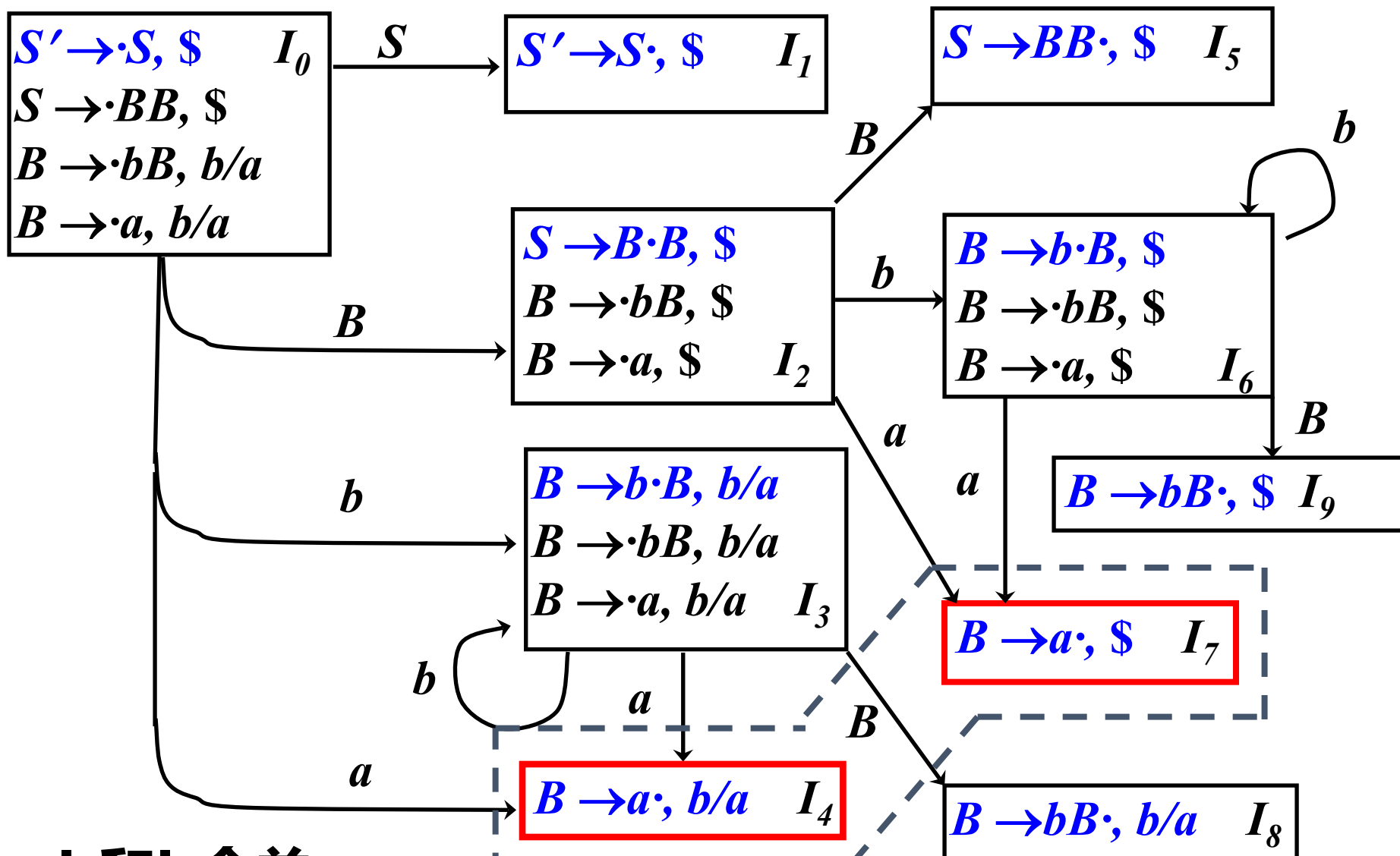
第二分量



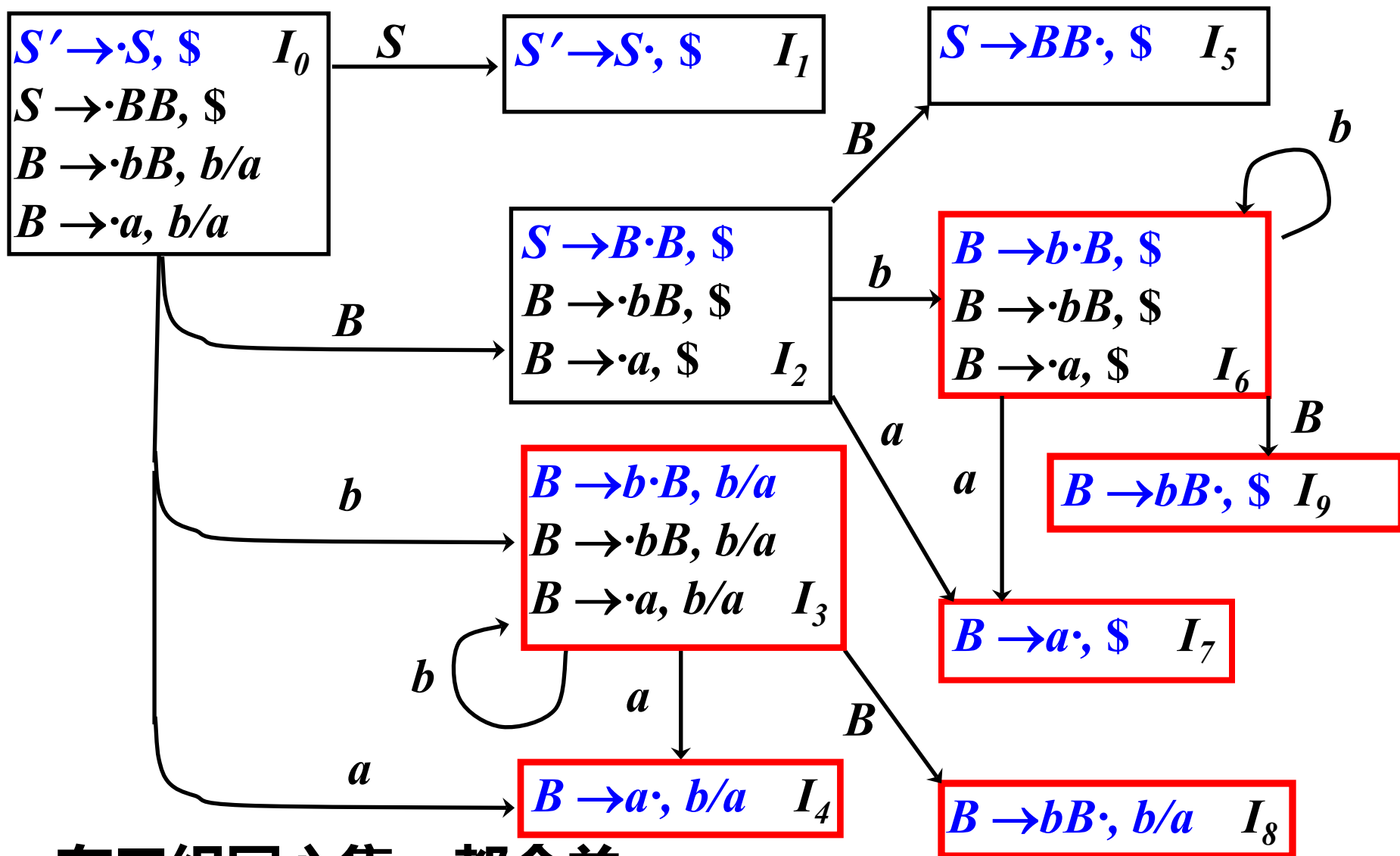
识别活前缀的DFA



I_4 和 I_7 仅搜索符不一样



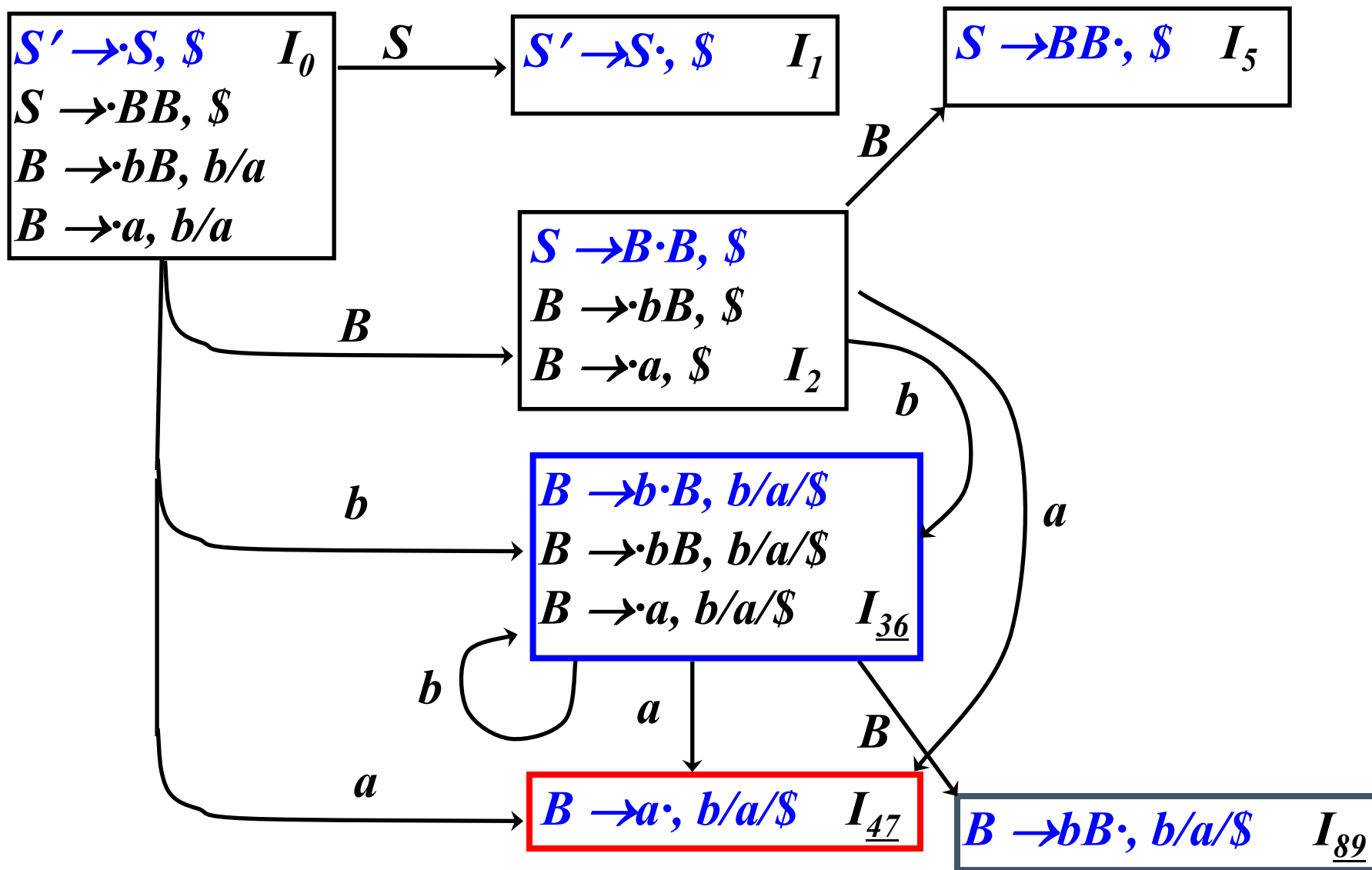
I_4 和 I_7 合并



有三组同心集，都合并

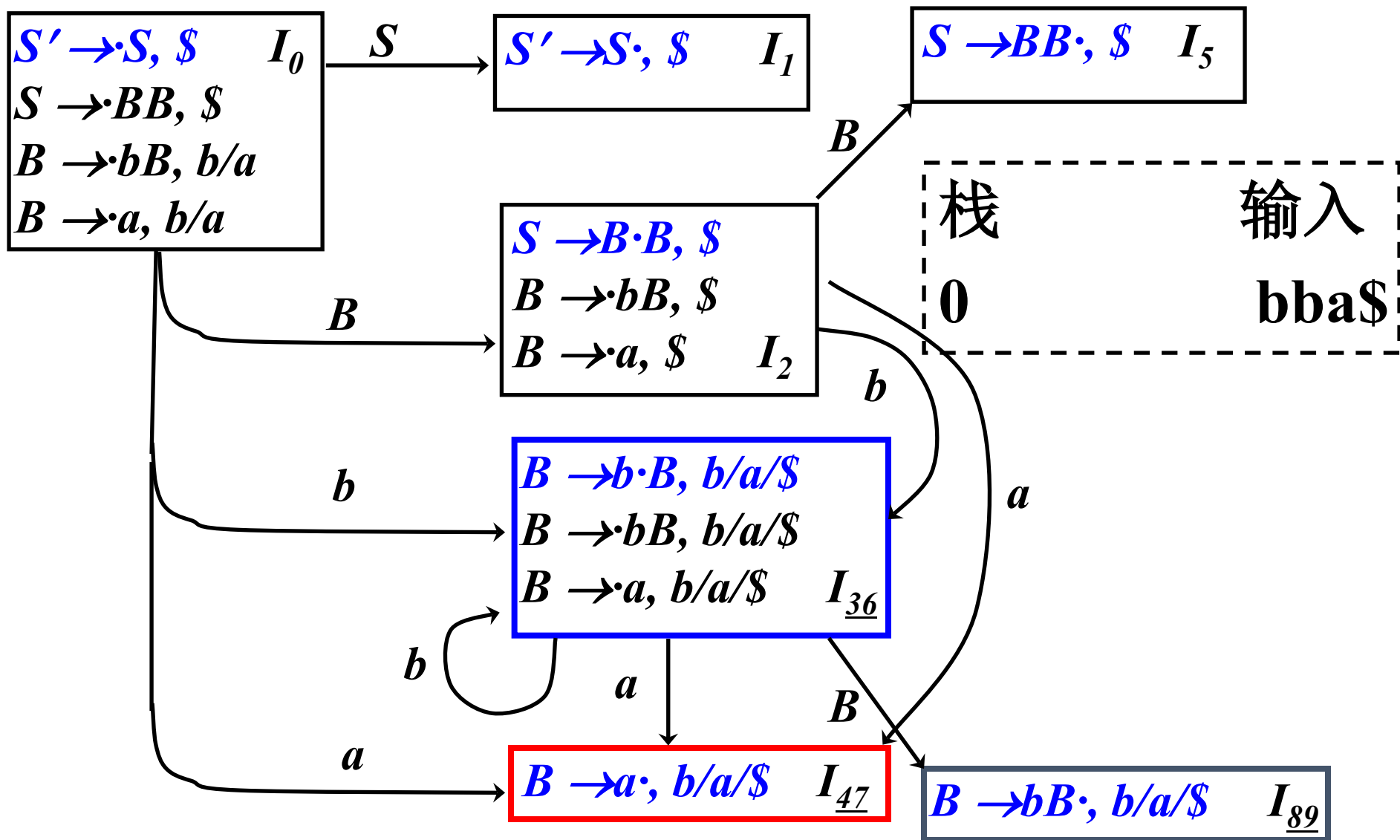


合并同心项目集



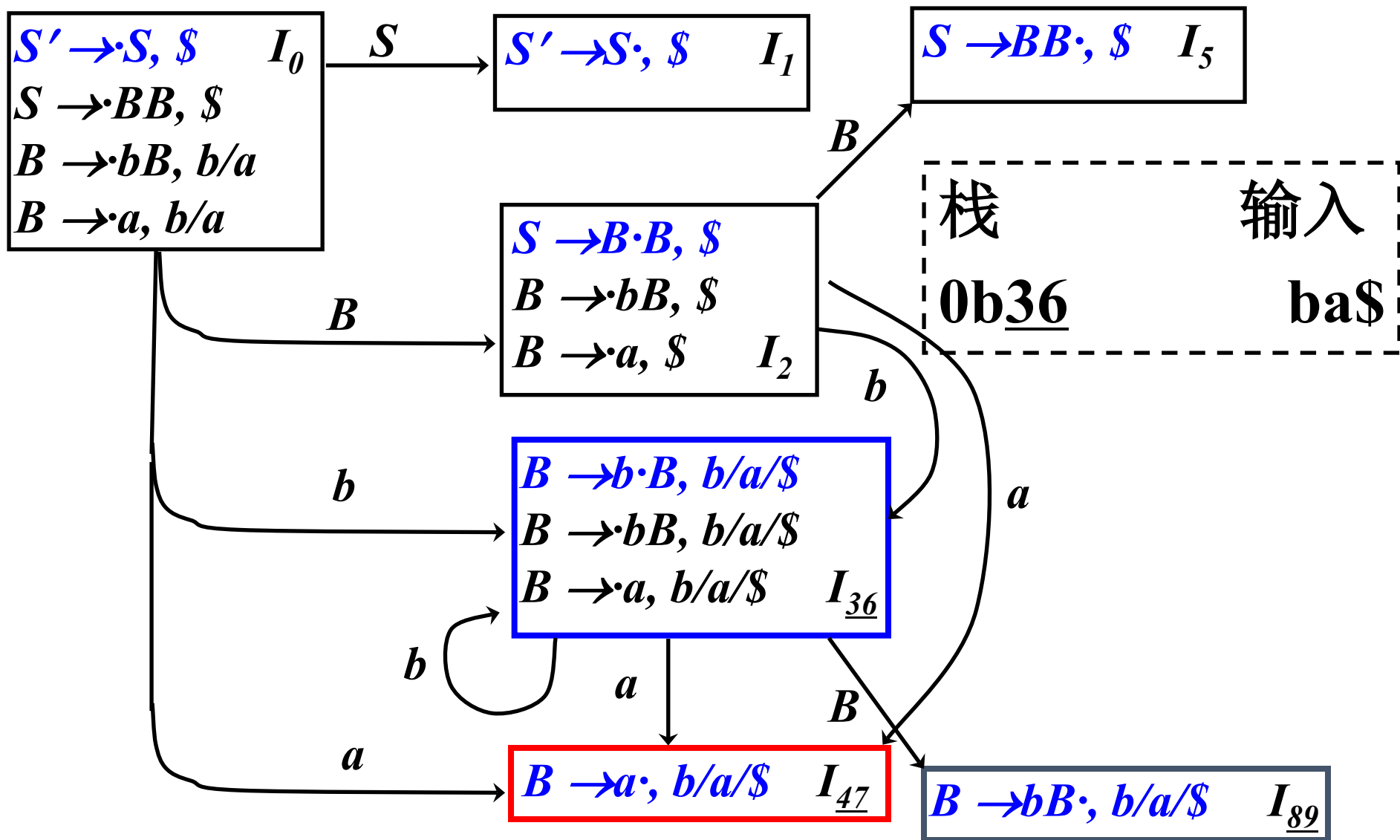


LALR分析：举例



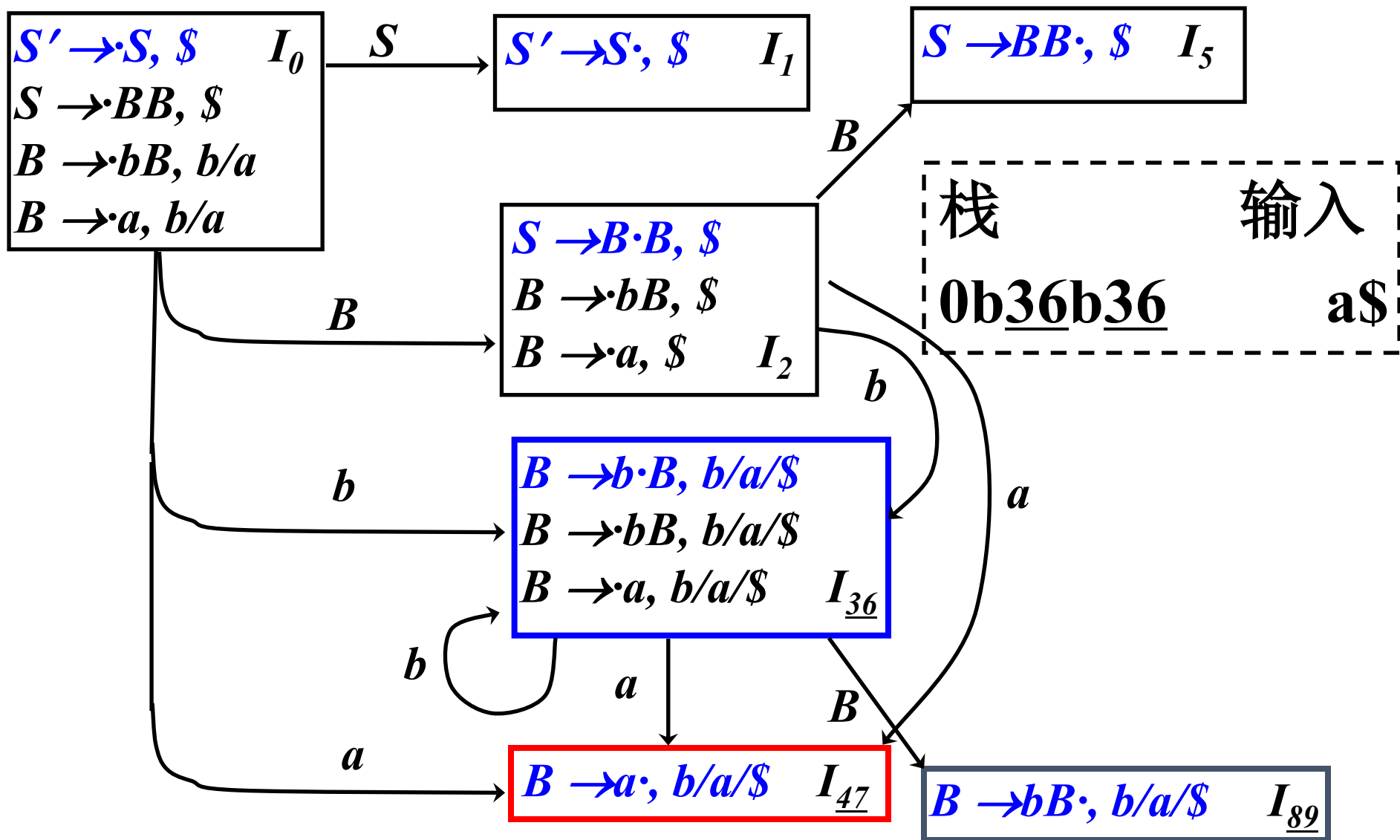


LALR分析：举例



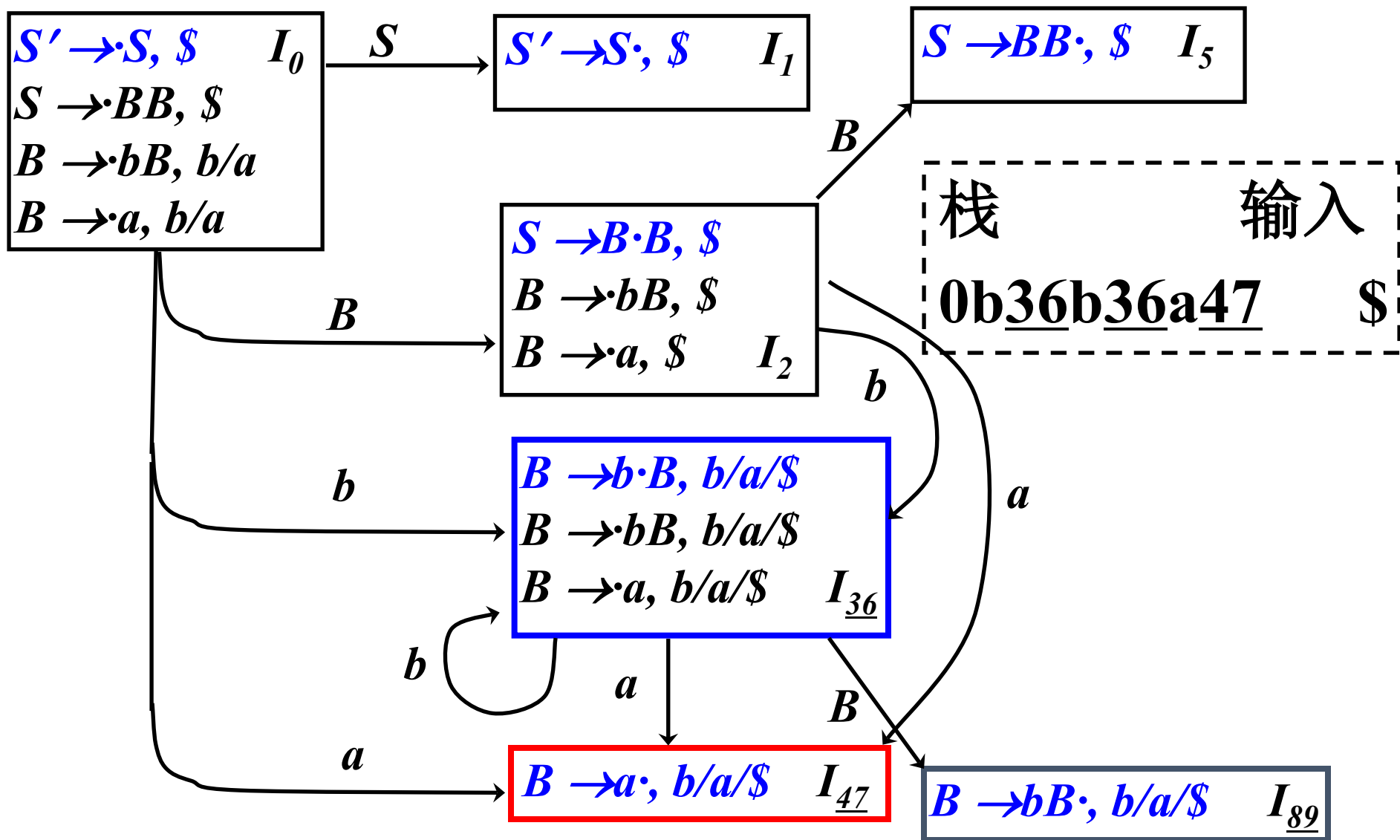


LALR分析：举例



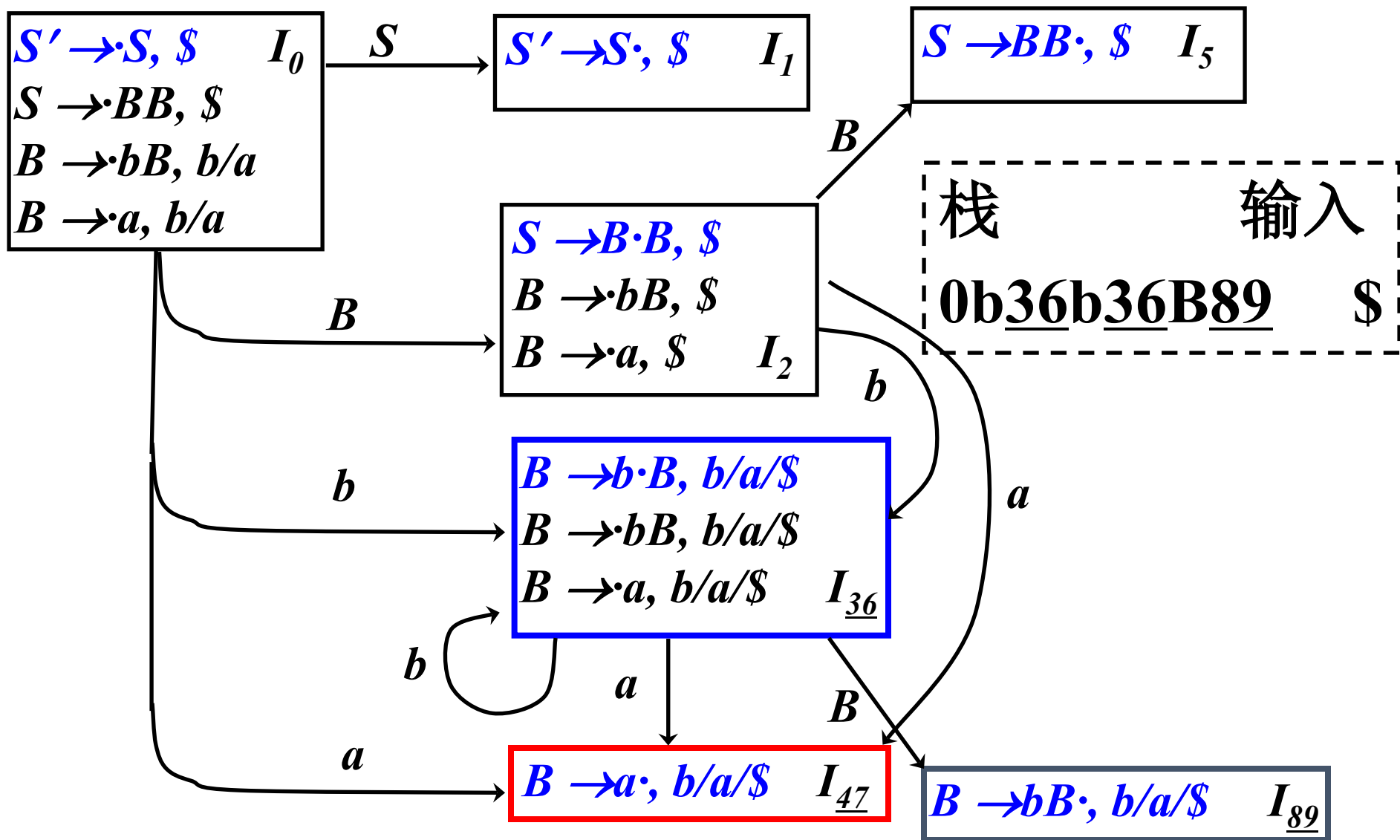


LALR分析：举例



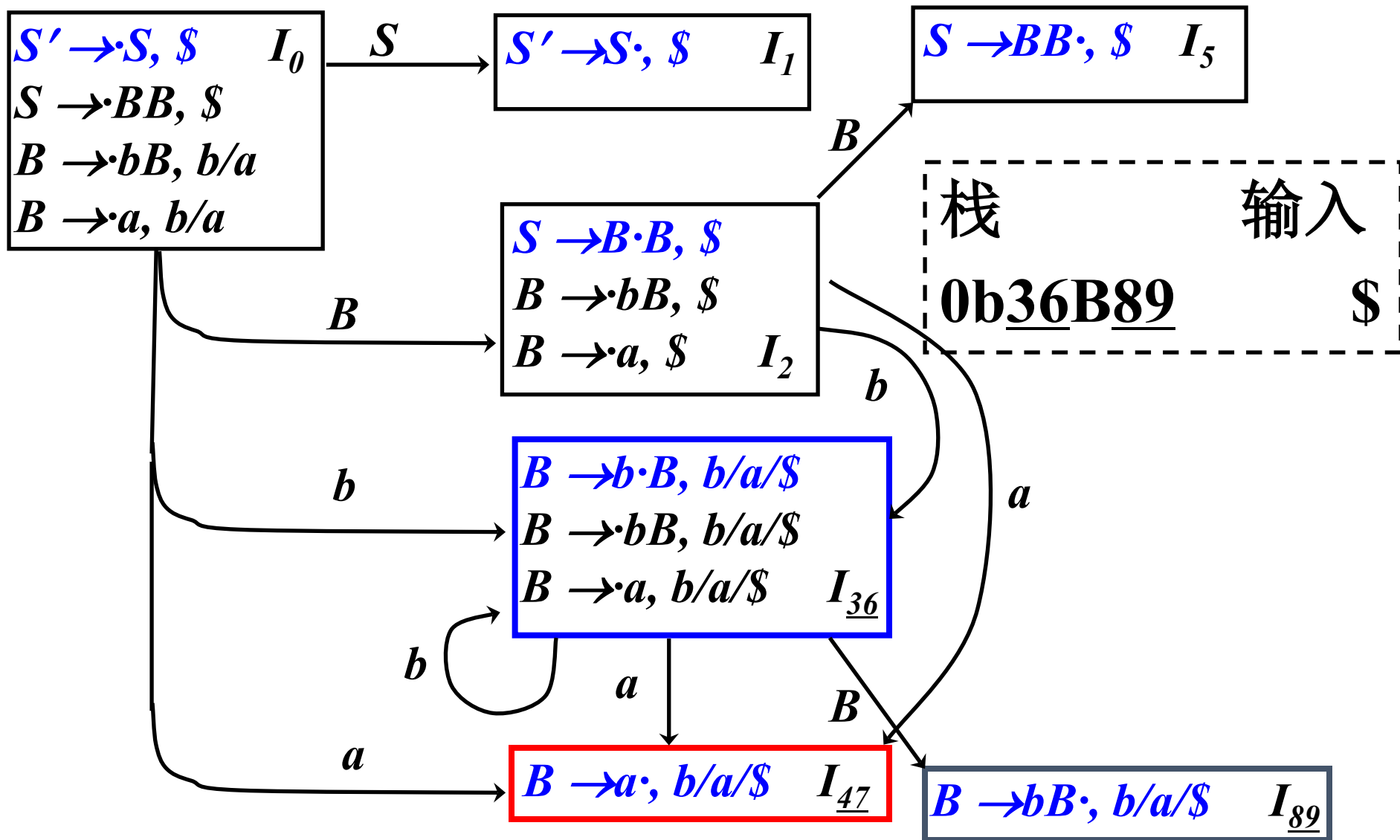


LALR分析：举例



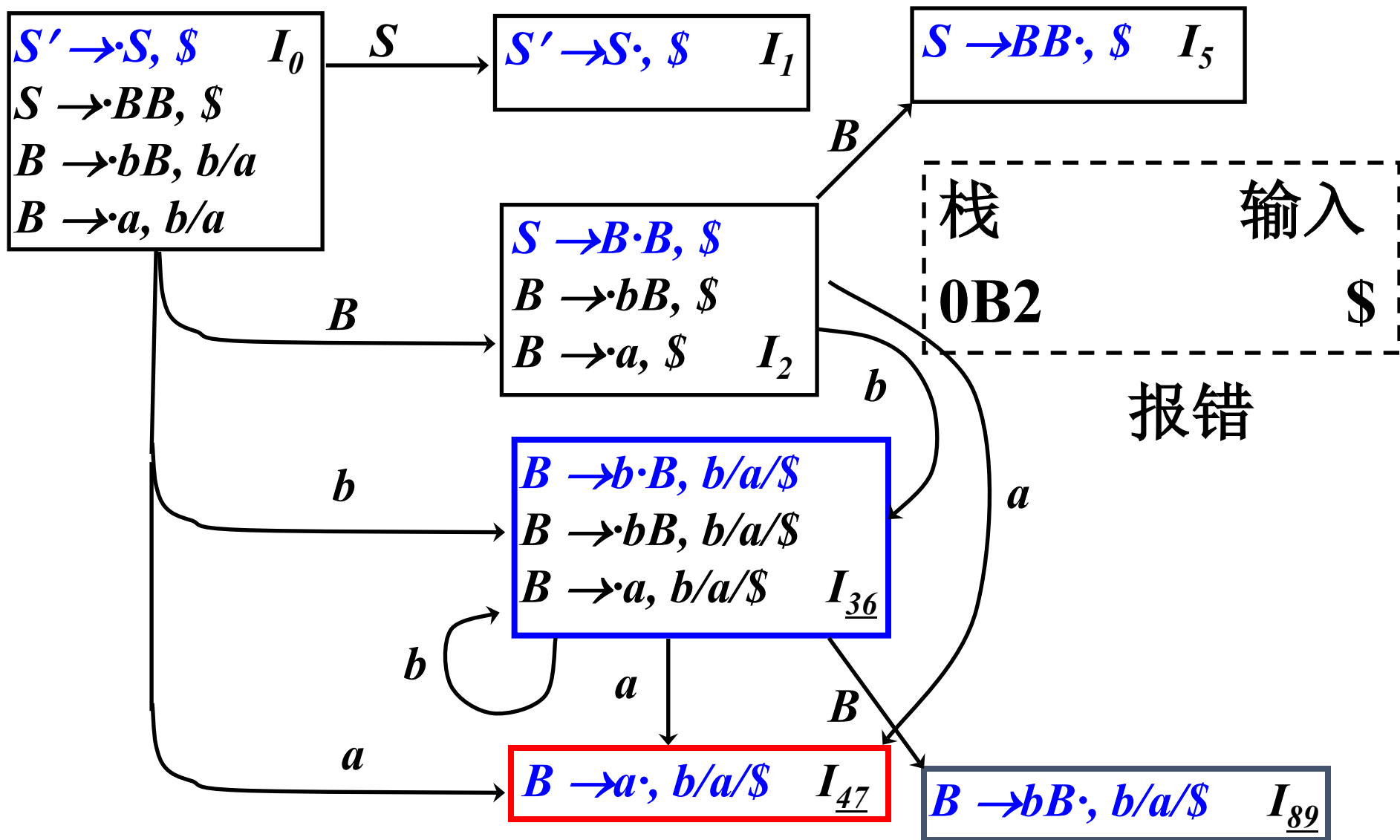


LALR分析：举例





LALR分析：举例





2、构造LALR(1)分析表

- ❖ 构造LR(1)项目集规范族 $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
- ❖ 构造LALR(1)项目集规范族 $C' = \{J_0, J_1, \dots, J_k\}$,
其中任意项目集 $J_i = I_n \cup I_m \cup \dots \cup I_t$
 - $I_n, I_m, \dots, I_t \in C$ 且具有共同的核心
- ❖ 按构造规范LR(1)分析表的方式构造分析表

如没有语法分析动作冲突，那么给定文法就是
LALR(1)文法

□合并同心项目集可能会引起冲突

❖同心集的合并不会引起新的移进-归约冲突

项目集1

$[A \rightarrow \alpha \cdot, a]$

$[B \rightarrow \beta \cdot a \gamma, c]$

...

项目集2

$[B \rightarrow \beta \cdot a \gamma, b]$

$[A \rightarrow \alpha \cdot, d]$

...

如果有移进归约冲突，则合并前就有冲突



□合并同心项目集可能会引起冲突

- ❖同心集的合并不会引起新的移进-归约冲突
- ❖同心集的**合并有可能产生**新的归约-归约冲突

$S' \rightarrow S$

$S \rightarrow aAd \mid bBd \mid$
 $aBe \mid bAe$

$A \rightarrow c$

$B \rightarrow c$

对 ac 有效的项目集

$A \rightarrow c ; d$ $B \rightarrow c ; e$
--

对 bc 有效的项目集

$A \rightarrow c ; e$ $B \rightarrow c ; d$
--

合并同心集后

$A \rightarrow c ; d/e$ $B \rightarrow c ; d/e$
--

该文法是LR(1)的
但不是LALR(1)的



LR分析法总结



		SLR	LALR	LR(1)
初始状态		$[S' \rightarrow \cdot S]$	$[S' \rightarrow \cdot S, \$]$	$[S' \rightarrow \cdot S, \$]$
项目集		LR(0) CLOSURE(I)	合并LR(1)项目集 族的同心项目集	LR(1), CLOSURE(I) 搜索符考虑 FISRT (βa)
动作	移进	$[A \rightarrow \alpha a \beta] \in I_i$ $GOTO(I_i, a) = I_j$ ACTION $[i, a] = sj$	与LR(1)一致	$[A \rightarrow \alpha a \beta, b] \in I_i$ $GOTO(I_i, a) = I_j$ ACTION $[i, a] = sj$
	归约	$[A \rightarrow \alpha] \in I_i, A \neq S'$ $a \in FOLLOW(A)$ ACTION $[i, a] = rj$	与LR(1)一致	$[A \rightarrow \alpha, a] \in I_i$ $A \neq S'$ ACTION $[i, a] = rj$
	接受	$[S' \rightarrow S \cdot] \in I_i$ ACTION $[i, \$] = acc$	与LR(1)一致	$[S' \rightarrow S \cdot, \$] \in I_i$ ACTION $[i, \$] = acc$
	出错	空白条目	与LR(1)一致	空白条目
GOTO		$GOTO(I_i, A) = I_j$ GOTO $[i, A] = j$	与LR(1)一致	$GOTO(I_i, A) = I_j$ GOTO $[i, A] = j$
状态量		少(几百)	与SLR一样	多(几千)



上下文无关文法

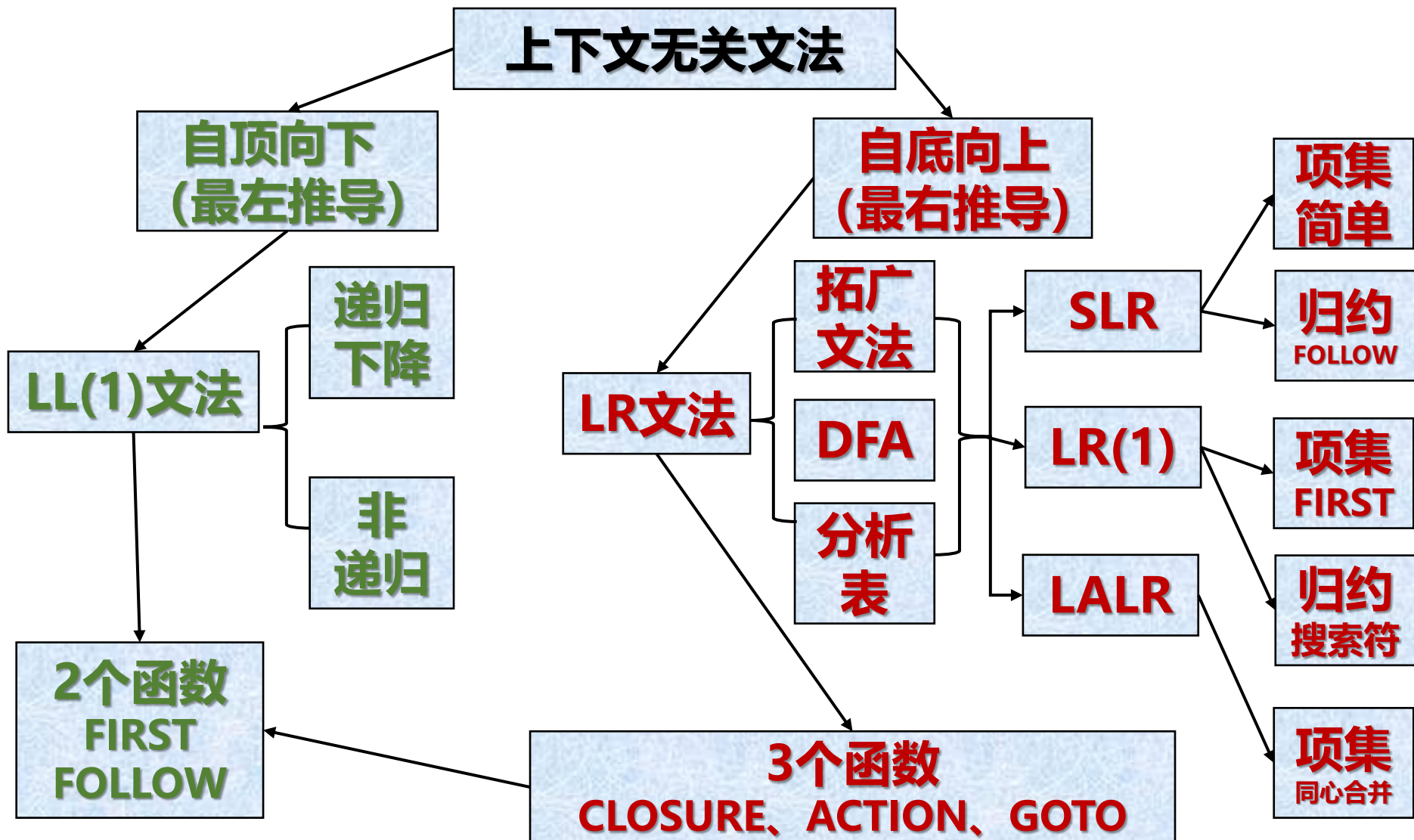
自顶向下
(最左推导)

LL(1)文法

递归
下降

非
递归

2个函数
FIRST
FOLLOW





LR和LL分析方法的比较



中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

	LR(1)方法	LL(1)方法
建立分析树	自底而上	自顶而下
归约or推导	规范归约	最左推导
决定使用产生式的时机	看见产生式整个右部推出的串后(句柄)	看见产生式推出的第一个终结符后
对文法的限制	无	无左递归、无公共左因子
分析表	状态 \times 文法符号, 大	非终结符 \times 终结符, 小
分析栈	状态栈, 信息更多	文法符号栈
确定句柄	根据栈顶状态和下一个符号便可以确定句柄和归约所用产生式	无句柄概念
语法错误	决不会将出错点后的符号移入分析栈	和LR一样, 决不会读过出错点而不报错



《编译原理与技术》

语法分析IV

**The Pessimist Sees Difficulty In Every Opportunity.
The Optimist Sees Opportunity In Every Difficulty.**

—— *Winston Churchill*