

## Trabalho: Trabalho\_Estrutura\_de\_Dados\_P2

Nome: João Pedro Mostaro

### 1. Metodologia

Este trabalho teve como objetivo comparar o desempenho prático de três estruturas de dados (Vetor, Árvore Binária de Busca - ABB, e Árvore AVL). As estruturas e algoritmos de ordenação (Insertion Sort e Merge Sort) foram implementados do zero, sem o uso de bibliotecas prontas do sistema.

A metodologia de testes consistiu nos seguintes passos:

**Geração de Dados:** Foram criados conjuntos de dados de 100, 1.000 e 10.000 elementos.

**Ordens de Inserção:** Para cada tamanho, as estruturas foram populadas usando três ordens: Ordenada (crescente), Inversamente Ordenada (decrecente) e Aleatória.

**Medição de Tempo:** O tempo de execução das operações de inserção, busca e ordenação foi medido.

**Precisão:** Para garantir resultados confiáveis, cada cenário de teste foi executado 5 vezes, e o tempo registrado foi a média dessas execuções.

**Observação Importante:** Durante a execução dos testes com 10.000 elementos, ocorreu um erro de `java.lang.StackOverflowError`. Este evento impediu a coleta de dados para o tamanho de 10.000 elementos e das tabelas de Busca e Ordenação. A análise deste erro está incluída na seção 3.

### 2. Resultados

Apresentamos os tempos médios coletados (em milissegundos) para as operações de inserção nos cenários de 100 e 1.000 elementos.

Tabela 1: Tempos Médios de Inserção (em milissegundos)

Tamanho/Ordem	Vetor	Árvore Binária (ABB)	Árvore AVL
100/Ordenada	0,014400	0,951140	21,724640
100/Inversa	0,003140	0,103100	0,090360
100/Aleatória	0,002940	0,025220	0,082400
1.000/Ordenada	0,027420	10,986100	1,229640
1.000/Inversa	0,042800	11,598720	1,401960
1.000/Aleatória	0,027960	0,361960	1,224180

(As tabelas de Busca e Ordenação, assim como os dados de 10.000 elementos, não puderam ser gerados devido à interrupção do programa.)

No teste 1000/Ordenada, a recursão atingiu 1000 níveis.

No teste 10000/Ordenada (que foi onde o programa parou), a recursão tentou atingir 10.000 níveis de profundidade, o que é mais do que a memória de pilha

padrão do Java permite, causando o "estouro".)

### 3. Análise dos Resultados

#### Análise da Tabela 1 (Inserção)

Vetor: Apresentou o melhor desempenho em todos os cenários (média de ~0.02ms). Isso é esperado, pois a inserção no final de um vetor tem complexidade  $O(1)$  (amortizado).

#### Árvore Binária de Busca (ABB):

Caso Médio (Aleatória): Foi muito rápida (0.36ms para 1000 elementos), demonstrando a eficiência da complexidade total  $O(n \log n)$ .

Pior Caso (Ordenada/Inversa): O desempenho foi drasticamente pior (11.0ms e 11.6ms para 1000 elementos). O tempo cresceu de forma quadrática ( $O(n^2)$  total), pois cada nova inserção  $O(n)$  era mais cara que a anterior.

#### Árvore AVL:

Estabilidade: A AVL mostrou seu ponto forte: consistência. Os tempos para 1000 elementos foram quase idênticos (1.2ms, 1.4ms, 1.2ms), independentemente da ordem.

Pior Caso vs. ABB: Em dados ordenados, a AVL (1.2ms) foi cerca de 10 vezes mais rápida que a ABB (11ms). Isso ocorre porque as rotações mantêm a árvore balanceada, garantindo a complexidade total de  $O(n \log n)$ .

Anomalia (100/Ordenada): O tempo de 21,72ms para 100/Ordenada é visivelmente uma anomalia, provavelmente causada pelo "aquecimento" da Máquina Virtual Java (JIT Compiler) no primeiro teste complexo. Os dados de 1000 elementos são mais representativos.

### 4. Conclusão

Os resultados práticos validaram a análise de complexidade teórica das estruturas de dados.

A principal conclusão é a demonstração prática do risco da Árvore Binária de Busca (ABB): embora eficiente em média, seu pior caso (dados ordenados) não é apenas lento ( $O(n^2)$  total), mas também pode causar uma falha de sistema (StackOverflowError) devido à recursão profunda.

A Árvore AVL provou ser uma solução robusta. O custo adicional das rotações (visível no caso aleatório, onde foi um pouco mais lenta que a ABB) é um pequeno preço a pagar pela garantia de que a árvore permanecerá balanceada, mantendo o desempenho rápido e estável ( $O(n \log n)$ ) em todos os cenários, incluindo o pior caso.