

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية **2014** الموضوع



المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

RS 24

| 4 | مدة الإنجاز | الرياضيات | المادة |
|---|-------------|--------------------------------|---------------------|
| 9 | المعامل | شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب) | الشعبة أو المسلك |

- مدة إنجاز الموضوع هي أربع ساعات.
- يتكون الموضوع من ستة تمارين مستقلة فيما بينها.
- يمكن إنجاز التمارين حسب الترتيب الذي يرغب فيه المترشح.
- التمرين الأول يتعلق بحساب الاحتمالات (2ن)
 التمرين الثاني يتعلق بالحسابيات (1ن)
 التمرين الثالث يتعلق بالبنيات الجبرية (3.75ن)
 التمرين الرابع يتعلق بالأعداد العقدية (25.8ن)
 التمرين الخامس يتعلق بالتحليل (2.5ن)
 التمرين السادس يتعلق بالتحليل (2.5ن)

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

لا يسمح باستعمال اللون الأحمر بورقة التحرير

| | _ | |
|--------|----------|---|
| الصفحة | | الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا – الحورة الاستحراكية 2014 – الموضوع |
| 2 | TIRS 24 | المعلقان الوطني الموقد البطالوري - الحورة الاستخراطية + 2014 |
| 1 × | | / \.\!\\ \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 |
| 4 \ | RS 24 | – ماحة : الرياخياني – شعبة العلوم الرياخية (أ) و(بب) |
| | <u> </u> | · · · · · |

التمرين الأول: (2 ن)

نعتبر ثلاثة صناديق U و V و W .

يحتوي الصندوق W على كرة سوداء و كرتين بيضاوين و يحتوي كل صندوق من الصندوقين U و V على كرتين سوداوين و كرتين بيضاوين.

نقوم بالتجربة التالية: نسحب كرة من الصندوق W.إذا كانت هذه الكرة بيضاء نضعها في الصندوق U تم نسحب منه تأنيا كرتين، أما إذا كانت هذه الكرة سوداء فنضعها في الصندوق V تم نسحب منه تأنيا كرتين.

- 0.25 | 1- ما هو احتمال أن يتم السحب من الصندوق U?
- 0.75 | 2- ما هو احتمال الحصول على كرتين بيضاوين في نهاية التجربة؟
- X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات البيضاء المحصل عليها في نهاية التجربة.
 - X حدد قانون احتمال المتغير العشوائي

التمرين الثاني: (1 ن)

1

لیکن n عددا صحیحا طبیعیا غیر منعدم.

$$c_{\scriptscriptstyle n} = 2.10^{\scriptscriptstyle n}$$
 - 1 د $b_{\scriptscriptstyle n} = 2.10^{\scriptscriptstyle n} + 1$ نضع:

(b و a هو القاسم المشترك الأكبر للعددين الصحيحين a هو b

 $b_n x_n + c_n y_n = 1$. فوجد زوجا (x_n, y_n) من (x_n, y_n) من -2

التمرين الثالث: (3,75 ن)

 $J=\left] -1,1 \right[$ نضع

 $a*b = \frac{a+b}{1+ab}$ نضع: $A*b = \frac{a+b}{1+ab}$ نضع: A*b = a*b

- J في المتنتج أن * قانون تركيب داخلي في J^2 J^2 J^2 J^2 1+ J^2 0.75
 - 0.5 | 2- أ) بين أن القانون * تبادلي و تجميعي.
 - بین أن (J,*) یقبل عنصرا محایدا یتم تحدیده.
 - ج)بين أن (*,J)زمرة تبادلية.
 - $f(x) = \frac{e^x 1}{e^x + 1}$:بما يلي: $f(x) = \frac{e^x 1}{e^x + 1}$ المعرف على المعرف على المعرف ا
 - J نحو الدالة f نقابل من الدالة 0.75
 - . (تحدید g غیر مطلوب) . 2- لیکن g غیر مطلوب) .

 $x \perp y = f\left(g\left(x\right) \times g\left(y\right)\right)$ نضع: J نضع x و y من y عنصرین x

- $J^*=J$ $\left\{0
 ight\}$ حيث: $\left(J^*,\perp
 ight)$ نحو $\left(J^*,\perp
 ight)$ حيث f تشاكل من f تشاكل من f نحو f
- J في J زمرة تبادلية، ونقبل أن القانون له توزيعي بالنسبة للقانون J في J د نذكر أن J
 - بين أن $(J,*,\perp)$ جسم تبادلي.

0.5

0.5

التمرين الرابع: (3.25 ن)

- (Re(a)>0 : يرمز لحل المعادلة بحيث f المعادلة f المعادلة g المعادلة g المعادلة g
 - 1+a عدد معيار و عمدة العدد العقدي 2
 - $cos \frac{p_{\div}}{8} = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$ (0.25) دی استنتج آن:
 - 1-a ج) تحقق أن: 1+i=(1-a)(1-a)=1 ثم استنتج الشكل المثلثي للعدد

| الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستحراكية 2014 - الموضوع (أ) و(بح) - ماحة : الرياضيان — شعبة العلوم الرياضية (أ) و(بح) | |
|---|------|
| M' و M و B و A انعتبر النقط A و B و M' و M' المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم و مباشر | |
| zz'+i=0 التي ألحاقها على التوالي هي a و z و نفترض أن | |
| \overline{z} مرافق \overline{z} مرافق \overline{z} | |
| بين أن المستقيمين (ON) و (OM') متعامدان. | 0.25 |
| $z'-a=irac{z-a}{az}$: بین أن | 0.25 |
| $\dfrac{z'-a}{z'+a}=-\dfrac{z-a}{z+a}$ بين أنه إذا كان z^1-a فإن : z^1-a فإن z^1-a | 0.5 |
| 3- نفترض أن النقط A و B و M غير مستقيمية. بين أن النقطة M' تنتمي إلى الدائرة المحيطة بالمثلث ABM | 0.5 |
| التمرين الخامس: (7.5 نقط) | |
| $f\left(x ight)=rac{-lnx}{\sqrt{x}}$ الدالة العددية المعرفة على المجال $]0,+\infty[$ بما يلي: | |
| $\left\ \stackrel{ec{i}}{i} ight\ = 1cm$: وليكن $\left(C ight)$ المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $\left(C ight)$ بحيث | |
| ا - أحسب $\lim_{x 	o 0^+} f(x)$ و $\lim_{x 	o +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجتين المحصل عليهما. | 1 |
| $]0,+\infty$ م استنتج تغيرات الدالة f على المجال $[0,+\infty]$ | 0.75 |
| $g_n(x)$ ا كان n من $\stackrel{*}{=}$ نعتبر الدالة العددية g_n المعرفة على 0 ,1[بما يلي: g_n بما يلي g_n د لكل g_n د لكل g_n د الكل المعرفة على g_n المعرفة على g_n المعرفة على g_n المعرفة على g_n بما يلي: | |
| $]0,1[$ أ) بين أن الدالة g_n تناقصية قطعا على المجال $]0,1[$ | 0.25 |
| $f(lpha_n)$ = $(lpha_n)^n$:بوجد عدد حقيقي وحيد $lpha_n$ من المجال 0.1 بحيث n من n من n استنتج أنه لكل n من n | 0.5 |
| $g_n(a_{n+1})\!\!< 0$ الدينا n الدينا n الدينا (ج | 0.5 |
| د) بين أن المتتالية $\left(lpha_{n} ight)_{n\geq1}$ تزايدية قطعا ثم استنتج أنها متقاربة. | 0.75 |
| $l=\lim_{n \mathbin{\mathbb R} otin } a_n$ نضع -4 | |
| 0 < $a_1 \pounds \ l \pounds \ 1$) تحقق أن | 0.25 |
| $h(x)=-rac{1}{2}+rac{ln(-ln(x))}{lnx}$: حيث $\left("n\dot{arphi}$ | 0.25 |
| l=1 : بین أن | 0.5 |
| $\lim_{n	o +\infty}(lpha_n)^n=0$ د) استنتج أن: 0 | 0.25 |
| ، * لكل x من $\int_x^1 f(x) dx$ ادرس إشارة التكامل $\int_x^1 f(x) dx$ لكل $f(x) dx$ ادرس إشارة التكامل | 0.25 |
| $("x$ خ ، $^*_+)$ $\int_x^1 f(x) dx = 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x$: ب) باستعمال طریقة المکاملة بالأجزاء بین أن | 0.5 |
| ج) أستنتج بالوحدة cm^2 مساحة الحيز المستوي المحصور بين المنحنى (C) و المستقيمات التي معادلاتها على التوالي: | 0.25 |
| y = 0 $0 $ $0 $ $0 $ $0 $ $0 $ $0 $ 0 | |
| | I |

| الصفحة 4 RS 24 | الامتدان الوطني الموحد للبكالوريا – الدورة الاستحراكية 2014 – الموضوع | |
|-------------------|---|------|
| 4 | ماحة : الرياخيات - هعبة العلوم الرياخية (أ) و(بم) | |
| | $u_n = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{k=n} f\left(\frac{k}{n}\right)$: کال عدد صحیح طبیعی غیر منعدم n نضع -2 | |
| | أ) بين أنه لكل عددين صحيحين طبيعيين n و k بحيث $n \geq 1$ و $n \geq 1 \leq k \leq n$ لدينا: | 0.5 |
| | $\frac{1}{n}f\left(\frac{k+1}{n}\right) \le \int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}} f(x)dx \le \frac{1}{n}f\left(\frac{k}{n}\right)$ | 0.0 |
| | ("n otin otin | 0.5 |
| | $\displaystyle \lim_{n \circledast + 	ext{Ψ}} u_n = 4$ استنتج أن | 0.5 |
| | التمرين السادس (2.5 نقط) | |
| | $g\left(x ight)=\int_{\sqrt{x}}^{1}e^{-t^{2}}dt$:بما يلي إلى المعرفة على المجال المعرفة على المجال إلى الدالة العددية | |
| | $k(x)=\int\limits_{1}^{x}e^{-t^{2}}dt$: ککل x من ، نضع -1 | |
| | $g(x)$ = - $k(\sqrt{x})$ الدينا: $[0,+\infty[$ من المجال x من المجال أيتحقق أنه لكل | 0.25 |
| | $0 + \infty$ بين أن الدالة 0 متصلة على $0 + \infty$ ، قابلة للاشتقاق على $0 + \infty$ | 0.5 |

$$g(x)=-k(\sqrt{x})$$
 الدينا: $[0,+\infty[$ من المجال x من المجال الدينا:

$$]0,+\infty[$$
 على $]0,+\infty[$ وقابلة للاشتقاق على $]0,+\infty[$ بين أن الدالة g متصلة على $[0,+\infty[$

$$[0,+\infty[$$
 لكل g من g لكل g من g الدالة g تناقصية قطعا على المجال g (g الدالة g الحسب g الحسب (g الدالة g الحسب (g الدالة g الدا

$$\left(\forall x \in \square^*_+\right)$$
 بين أن: $\left(\forall x \in \square^*_+\right)$ جين أن: $\left(\forall x \in \square^*_+\right)$

ب) استنتج أن الدالة $\,g\,$ غير قابلة للاشتقاق على اليمين في $\,0\,$ و أعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها. 0.5

انتهى

ذي المغازلي تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة مادة الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب)

Ammarimaths

التمرين الأول

U الاحتمال لكى يتم السحب من الصندوق (1

 $rac{2}{2}$ لكي يتم السحب من الصندوق U يجب أن نسحب كرة بيضاء من الصندوق W و هذا الاحتمال هو

$$\frac{2}{3}$$
: هو U هو الاحتمال لكي يتم السحب من الصندوق

2) احتمال الحصول على كرتين بيضاوين في نهاية التجربة:

U(2N,3B) و كرتين بيضاوين من W(1N,2B) من بيضاء من W(2N,3B) و كرتين بيضاوين من

 $V\left(3N,2B
ight)$ و کرتین بیضاوین من $W\left(1N,2B
ight)$ و کرتین بیضاوین من

$$\frac{2}{3} \times \frac{C_3^2}{C_5^2} + \frac{1}{3} \times \frac{C_2^2}{C_5^2} = \frac{2 \times 3 + 1}{3 \times 10} = \frac{7}{30}$$
: إذن احتمال هذا الحدث هو

X قانون احتمال المتغير العشوائي X

$$X(\Omega) = \{0,1,2\}$$
 لدينا

$$p((X=1)) = \frac{2}{3} \times \frac{C_2^1 \times C_3^1}{C_5^2} + \frac{1}{3} \times \frac{C_3^1 \times C_2^1}{C_5^2} = \frac{18}{30} \quad p((X=0)) = \frac{2}{3} \times \frac{C_2^2}{C_5^2} + \frac{1}{3} \times \frac{C_3^2}{C_5^2} = \frac{5}{30}$$

$$p((X=2)) = \frac{7}{30} \quad (2 \quad \text{which is } 1 \text{ for } 1 \text{$$

ومنه قانون احتمال المتغير العشوائي X مقدم في الجدول التالي:

| k | 0 | 1 | 2 |
|----------|----------------|-----------------|----------------|
| p((X=k)) | $\frac{5}{20}$ | $\frac{18}{30}$ | $\frac{7}{20}$ |
| | 30 | 30 | 30 |

التمرين الثانى

$$(\forall n \in \mathbb{N}); c_n = 2.10^n - 1$$
 g $b_n = 2.10^n + 1$

$$b_n \wedge c_n = 1$$
 لدينا $c_n \wedge 2 = 1$ لدينا $b_n \wedge c_n = c_n \wedge (b_n - c_n) = c_n \wedge 2$ لدينا (1 نستنتج أن $b_n \wedge c_n = c_n \wedge (b_n - c_n) = c_n \wedge 2$ نستنتج أن $b_n \wedge c_n = c_n \wedge (b_n - c_n) = c_n \wedge (b_n - c_n)$

و
$$b_n \wedge c_n = c_n \wedge 2$$
 أوليان في ما بينهما $b_n \wedge c_n = c_n \wedge 2$

و ما بينهما c_n و ما بينهما $b_n \wedge c_n = c_n \wedge 2$ و ما بينهما $b_n \times c_n = c_n \wedge 2$ و ما بينهما $b_n \times c_n = 1$ بما أن $b_n \times c_n = 1$ فإن حسب مبرهنة بوزو يوجد $b_n \times c_n = 1$ بما أن $b_n \times c_n = 1$ نحدد x_n و باستعمال خوارزمیة أقلیدس:

$$\begin{cases} b_n = c_n + 2 \\ c_n = 2(10^n - 1) + 1 \end{cases} \Rightarrow 1 = c_n - 2(10^n - 1) \Rightarrow 1 = c_n - (b_n - c_n)(10^n - 1) \Rightarrow 1 = c_n 10^n + (1 - 10^n)b_n$$
نستنتج أن

$$y_n = 10^n$$
 o $x_n = 1 - 10^n$

الصفحة (1)

تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة ذ:ى المغازلي مادة الرياضيات - شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب)

Ammarimaths

$$\forall (a,b) \in (]-1,1[)^2; a*b = \frac{a+b}{1+ab}$$
 I

$$\begin{cases} -1 < a < 1 \\ -1 < b < 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |a| < 1 \\ |b| < 1 \Rightarrow |ab| < 1 \Rightarrow -1 < ab < 1 \Rightarrow 0 < 1 + ab < 2 \end{cases}$$
 (1)

إذن

$\forall (a,b) \in \left(]-1,1\right[]^2; 1+ab>0$

$$a*b-1=rac{a+b}{1+ab}-1=rac{a+b-1-ab}{1+ab}=rac{(a-1)(1-b)}{1+ab}<0$$
 لدينا $a*b+1=rac{a+b}{1+ab}+1=rac{a+b+1+ab}{1+ab}=rac{(a+1)(1+b)}{1+ab}>0$ و $a*b+1=rac{a+b}{1+ab}=0$ و منه $a*b\in J$ و منه $a*b\in J$

J في انون داخلي في st

2) أ) لنبين أن القانون * تبادلي و تجميع

لدينا
$$(\forall (x,y) \in J^2); x * y = \frac{x+y}{1+xy} = \frac{y+x}{1+yx} = y * x$$
 لدينا

$$(\forall (x, y, z) \in J^{3}); (x * y) * z = \frac{x + y}{1 + xy} * z = \frac{\frac{x + y}{1 + xy} + z}{1 + \frac{x + y}{1 + xy} z} = \frac{x + y + z + xyz}{1 + xy + xz + yz}$$
و لدينا

$$x*(y*z) = x*\frac{y+z}{1+yz} = \frac{x+\frac{y+z}{1+yz}}{1+x\frac{y+z}{1+yz}} = \frac{x+xyz+y+z}{1+yz+xy+xz}$$

إذن
$$(\forall (x, y, z) \in J^3); (x * y) * z = x * (y * z)$$
 و منه القانون *تجميعي

$$(\forall x \in J); x*e = x$$
 لنحدد e من E من الحدد

$$(\forall x \in J); x * e = x \Leftrightarrow \frac{x + e}{1 + xe} = x \Leftrightarrow x + e = x + x^2 e \Leftrightarrow (1 - x^2)e = 0$$

و بما أن
$$e=0$$
 و $x\in]-1,1[$ و منه $x\in]-1,1[$ و بما أن

القانون * تبادلي إذن
$$x = 0 * x = 0$$
) وهذا يعني أن

0 هو العنصر المحايد للقانون *

ج) لنبين أن (J,*) زمرة تبادلية

* اليكن x من y مماثله (إذا وجد) بالنسبة للقانون

$$x * x' = 0 \Leftrightarrow \frac{x + x'}{1 + xx'} = 0 \Leftrightarrow x' = -x$$
 لدينا

$$(\forall x \in J); x*(-x) = (-x)*x = 0$$
و بما أن $[-1,1[$ فإن $[-1,1[$ فإن $[-1,1[$ فإن $[-1,1[$ و بما أن

ذ:ى المغازلي

تصحيح الإمتحان الوطنى الموحد الدورة الاستدراكية 2014 مادة الرياضيات – شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب)

ثانوبة محمد الخامس التاهيلية بالصوبرة

Ammarimaths

-x هو x منه لكل x من J مماثل بالنسبة للقانون خلاصة: القانون * تبادلي و تجميعي و يقبل عنصر المحايدا و لكل عنصر من J مماثل في J إذن

زمرة تبادلية (J,*)

 $f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$ ب کلی معرف علی f(x)

J نحو $\mathbb R$ نحو (1

 $(x \in \mathbb{R})$; f(x) = y: ليكن f(x) = y من f(x) = y

$$(x \in \mathbb{R}); f(x) = y \Leftrightarrow \frac{e^x - 1}{e^x + 1} = y \Leftrightarrow ye^x + y = e^x - 1 \Leftrightarrow e^x = \frac{y + 1}{1 - y}$$

و بما أن $y\in J$ فإن 0>0 ومنه لكل y من J سابق و حيد في $y\in J$ فإن $y\in J$ في استنتج أن

$$J$$
 عند \mathbb{R} نحو \mathbb{R} ملاحظة: يمكن أن نبين تقابل f باستعمال اتصال و رتابة f . f عانون معرف علی f باستعمال اتصال و رتابة f . f قانون معرف علی f با f با f f علی f f قانون معرف علی f با f نحو f بحیث f بحیث f و تشاكل من f بحیث f بحیث

$$\left(\forall (x,y) \in \left(\mathbb{R}^*\right)^2\right); f(x) \perp f(y) = f\left(g\left(f(x)\right) \times g\left(f(y)\right)\right)$$
لينا

 $\forall (x,y) \in \mathbb{R}^2, g(f(x)) = x, g(f(y)) = y$ فإن f فإن g هو التقابل العكسي ل f فإن g فإن و بما أن

نستنتج أن $(\forall (x,y) \in (\mathbb{R}^*)^2)$; $f(x) \perp f(y) = f(x \times y)$ و هذا يعني أن

$$\left(J^{*},\perp
ight)$$
نحو $\left(\mathbb{R}^{*}, imes
ight)$ نحو أن f

لنبين أن $(J,*,\perp)$ جسم تبادلي (3

لدينا f تشاكل من (J^*, ot) نحو (J^*, ot) و (J^*, ot) زمرة تبادلية إذن (\mathbb{R}^*, ot) زمرة تبادلية

و لدينا (J,*) زمرة تبادلية و $oldsymbol{\perp}$ توزيعي على * نستنتج أن

جسم تبادلی $\left(J,*,\perp
ight)$

التمرین الرابع $z^2 + i = 0$ المعادلة $z^2 + i = 0$ المعادلة (1 $z^2 + i = 0$

$$z+i=0 \Leftrightarrow z^2=rac{1}{2}ig(1-iig)^2 \Leftrightarrow (z=rac{1}{\sqrt{2}}-irac{1}{\sqrt{2}})^2$$
 لينا $z=-rac{1}{\sqrt{2}}+irac{1}{\sqrt{2}}$

بما أن a هو حل المعادلة بحيث $\operatorname{Re}(a) > 0$ فإن $\operatorname{Re}(a) > 0$ بما أن a

$$S = \{-a, a\}$$

2)أ) معيار و عمدة العدد العقدي a +1

$$1 + a = 1 + \frac{1}{\sqrt{2}} - i\frac{1}{\sqrt{2}} = 1 + \cos\frac{\pi}{4} - i\sin\frac{\pi}{4} = 2\cos^2\frac{\pi}{8} - 2i\sin\frac{\pi}{8}\cos\frac{\pi}{8} = 2\cos\frac{\pi}{8}\left(\cos\left(-\frac{\pi}{8}\right) + i\sin\left(-\frac{\pi}{8}\right)\right)$$

نستنتج أن

$$\left|1+a\right| = 2\cos\frac{\pi}{8}$$
 $\arg(1+a) \equiv -\frac{\pi}{8}[2\pi]$

ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 ذ:ي المغازلي مادة الرياضيات – شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب)

Ammarimaths

$$\cos\frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$$
 جا استنتاج

$$\cos\frac{\pi}{8} = \frac{1}{2}\left|1+a\right| = \frac{1}{2}\sqrt{\left(1+\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2} = \frac{1}{2}\sqrt{1+\sqrt{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}} = \frac{1}{2}\sqrt{2+\sqrt{2}}$$
 حسب السؤال السابق لدينا

$$\cos\frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2}$$

(1+a)(1-a)=1+i ننبین أن (1+a)

$$(1+a)(1-a) = 1 - a^2 = 1 - \left(\frac{1}{\sqrt{2}}(1-i)\right)^2 = 1 - \left(\frac{1}{2}(+2i)\right) = 1+i$$
Let a

(1+a)(1-a)=1+i

1-a استنتاج الشكل المثلثي ل

$$1 - a = \frac{1 + i}{1 + a} = \frac{\left[\sqrt{2}, \frac{\pi}{4}\right]}{\left[2\cos\frac{\pi}{8}, -\frac{\pi}{8}\right]} = \left[\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}, \frac{3\pi}{8}\right] = \left[\sqrt{2 - \sqrt{2}}, \frac{3\pi}{8}\right]$$
 لدينا

1-a إذن الشكل المثلثي للعدد

$$1 - a = \left[\sqrt{2 - \sqrt{2}}, \frac{3\pi}{8}\right]$$

z,-a,a و M النقط التي ألحاقها على التوالي z,-a,a و z,-a,a النقط التي ألحاقها على التوالي z,-a,a و z,-a,a

 $ar{z}$ بحيث z + i = 0 و z النقطة التي لحقها

لنبين أن المستقيمين (ON) و (OM') متعامدان (1

$$Arg\left(\frac{aff\left(\overrightarrow{ON}\right)}{aff\left(\overrightarrow{OM}\right)}\right) \equiv Arg\left(\frac{\overline{z}}{z}\right)(2\pi)$$
 و $\overline{\left(\overrightarrow{OM},\overrightarrow{ON}\right)} \equiv Arg\left(\frac{aff\left(\overrightarrow{ON}\right)}{aff\left(\overrightarrow{OM}\right)}\right)(2\pi)$ لينا

و بما أن
$$\left(\overline{\overrightarrow{OM}}, \overline{\overrightarrow{ON}} \right) \equiv \frac{\pi}{2} (2\pi)$$
 و هذا يعني أن $Arg\left(\overline{\frac{z}{z}} \right) \equiv \frac{\pi}{2} (2\pi)$ فإن $\left(\overline{\frac{z}{z}} \right) \equiv \frac{\pi}{2} (2\pi)$ و هذا يعني أن $\left(\overline{OM} \right) = \overline{\frac{z}{z}} = \overline{\frac{z}} = \overline{\frac{z}{z}} = \overline{\frac{z}{z}} = \overline{\frac{z}$

$$z'-a=i\frac{z-a}{az}$$
 النبين أن (2

$$z'-a = \frac{-i}{z} - a = \frac{-i - az}{z} = \frac{-ia - a^2z}{az} = \frac{-ia + iz}{az} = i\frac{z - a}{az}$$
Light the state of the state

و هذا هو المطلوب

$$z'-a=i\frac{z-a}{az}$$

$$z' + a = z' - a + 2a = i\frac{z - a}{az} + 2a = \frac{iz - ia + 2a^2z}{az} = -i\frac{z + a}{az}$$
 (ب

$$z \neq -a \Rightarrow z + a \neq 0 \Rightarrow z' + a \neq 0 \Rightarrow z' \neq -a$$
 ومنه

الصفحة (4)

ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 ذ:ي المغازلي محمد الخامس التاهيلية بالصويرة محمد الخامس التاهيلية بالصويرة محمد الخامس التاهيلية العلوم الرياضيات – شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

Ammarimaths

أي أن :

$$z^{'} \neq -a$$
 فإن $z \neq -a$ إذا كان

ولدينا
$$\frac{z-a}{z+a} = \frac{i\frac{z-a}{az}}{-i\frac{z+a}{az}} = -\frac{z-a}{z+a}$$
 الن $z+a = -i\frac{z+a}{az}$ و منه

$$\frac{z'-a}{z'+a} = -\frac{z-a}{z+a}$$

3) بما أن النقط M, B, A غير مستقيمية فإن النقط M, B, A و M غير مستقيمية

$$\frac{z-a}{z-a} \times \frac{z+a}{z+a} \in \mathbb{R}$$
 اذن M, B, A و M و M, B, A

و لدينا
$$M, B, A$$
 و M, B, A و M, B, A

dia.

النقطة 'M تنتمي إلى الدائرة المحيطة بالمثلث AMB

التمرين الخامس

$$f(x) = \frac{-\ln x}{\sqrt{x}}$$
 ب $]0,+\infty[$ على f

$$+\infty$$
 عند 0^+ عند f و عند $\infty+$

$$\lim_{x \to 0^{+}} (-\ln x) = +\infty \quad \lim_{x \to 0^{+}} \frac{1}{\sqrt{x}} = +\infty \quad \lim_{x \to 0^{+}} f(x) = \lim_{x \to 0^{+}} \frac{-\ln x}{\sqrt{x}} = +\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{-\ln x}{\sqrt{x}} = \lim_{x \to +\infty} -2\frac{\ln \sqrt{x}}{\sqrt{x}} = 0$$

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0; \lim_{x \to 0^+} f(x) = +\infty$$

التأويل الهندسي

 $+\infty$ بجوار (C) بجوار (C) عصور الاواتیب مقارب ل

f حساب مشتقة f

$$(\forall x \in \mathbb{R}); f'(x) = \frac{-\frac{\sqrt{x}}{x} + \frac{\ln x}{2\sqrt{x}}}{x} = \frac{x \ln x - 2x}{2x^2 \sqrt{x}} = \frac{\ln x - 2}{2x\sqrt{x}}$$
 قابلة للاشتقاق على $= \frac{1}{2} (x + 1)$ و لدينا $= \frac{1}{2} (x + 1)$

إذن

$$(\forall x \in \mathbb{R}); f'(x) = \frac{\ln x - 2}{2x\sqrt{x}}$$

 $\ln x - \ln e^2$ أي إشارة f' هي إشارة $\ln x - 2$ و منه

$$\left[0,e^2
ight]$$
 و تناقصية قطعا على المجال و $\left[e^2,+\infty
ight[$ و تناقصية قطعا على f

$$n \in \mathbb{N}^*$$
 دالة معرفة على $g_n(x) = f(x) - x^n$ ب $g_n(x) = g_n(x)$ مع $g_n(x) = g_n(x)$

الصفحة (5)

Ammarimaths

[0,1] لنبين أن g تناقصية قطعا على [0,1]

 $(\forall x \in]0,1[);g_n(x)=f(x)-nx^{n-1}$ قابلة للاشتقاق على [0,1]و لدينا $g_n(x)=f(x)$ بمان أن $(\forall x \in]0,1[); g_n(x) < 0$ فإن $(\forall x \in]0,1[); f'(x) < 0$ بمان أن

]0,1[تناقصية قطعا على g_n

$\exists ! \alpha_n \in]0,1[; f(\alpha_n) = (\alpha_n)^n$ ب لنبين أن (ب

و لدينا $g_n\left(\left]0,1\right[\right)$ و تقابل من $\left]0,1\right[$ نحو $g_n\left(\left]0,1\right[$ و لدينا و متصلة و تناقصية قطعا على المجال $g_n\left(\left[0,1\right]\right]$

$$g_n(]0,1[) = \lim_{x \to 1^-} g_n(x), \lim_{x \to 0^+} g_n(x)[] =]-1,+\infty[$$

 $\exists! \alpha_n \in \left]0,1\right[;g_n\left(lpha_n
ight)=0$ يعني $lpha_n \in \left]0,1\right[$ و بما أن $g_n \cup \alpha_n \cup 0$ فإن للمعادلة ل 0 سابق و حيد $\alpha_n \in \left]0,1\right[$ و بما أن $f(\alpha_n) = (\alpha_n)^n$ فإن $g_n(\alpha_n) = f(\alpha_n) - (\alpha_n)^n$ و هذا هو المطلوب:

$$\exists ! \alpha_n \in]0,1[;f(\alpha_n) = (\alpha_n)^n]$$

 $\exists ! \alpha_n \in]0,1[;f(\alpha_n) = (\alpha_n)^n]$ $\forall n \in \mathbb{N}^*);g_n(\alpha_{n+1}) < 0$ انبین أن $(\forall n \in \mathbb{N}^*);g_n(\alpha_{n+1}) < 0$ orall n $\in \mathbb{N}^*; n+1$ $\in \mathbb{N}^* \Rightarrow \exists ! lpha_{n+1} \in \left]0,1 \right[$ حسب السؤال ج

 $g_{n}(\alpha_{n+1}) = (\alpha_{n+1})^{n+1} - (\alpha_{n+1})^{n} = (\alpha_{n+1})^{n}(\alpha_{n+1}-1) < 0$ و لدينا $f(\alpha_{n+1}) = (\alpha_{n+1})^{n+1}$ بن $f(\alpha_{n+1}) = (\alpha_{n+1})^{n+1}$ و هذا هو المطلوب

$(\forall n \in \mathbb{N}^*); g_{n}(\alpha_{n+1}) < 0$

د)لنبين أن المتتالية مير $(lpha_n)_{n\in\mathbb{N}^*}$ تزايدية قطعا

 $\forall n \in \mathbb{N}^* g_n(\alpha_n) = 0$ و $g(\alpha_{n+1}) < 0$

 $(\forall n \in \mathbb{N}^*); lpha_{n+1} > lpha_n$ فإن [0,1] فإن g_n وبما أن g_n وبما أن g_n تناقصية قطعا على المجال g_n فإن ما يعنى أن:

المتتالية $(lpha_n)_{n\in\mathbb{N}^*}$ تزايدية و مكبورة ب 1 إذن فهي متقاربة

 $0 < \alpha_1 \le l \le 1$ أ لنتحقق من أن (4

 $\left(\forall n\in\mathbb{N}^{*}\right); \boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle n}\geq\boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle 1}$ نزايدية قطعا فإن $\left(\boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle n}\right)_{\scriptscriptstyle n\in\mathbb{N}^{*}}$ و بما أن $\lim\boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle n}\in\left]0,1\right]$ فإن $\left(\forall n\in\mathbb{N}^{*}\right); \boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle n}\in\left]0,1\right[$ بما أن و منه $(\alpha_n)_{n\in\mathbb{N}^*}$ نحقق $\lim \alpha_n \geq \alpha_1$ و منه ا

$0 < \alpha_1 \le l \le 1$

 $(\forall n \in \mathbb{N}^*); h(\alpha_n) = n$ ب لنبين أن (ب

$$h(x) = -\frac{1}{2} + \frac{\ln(-\ln x)}{\ln x}$$
 لدينا

 $(\forall x > 0); f(x) = \frac{-\ln x}{\sqrt{x}}$ و بما أن $(\forall n \in \mathbb{N}^*); h(\alpha_n) = -\frac{1}{2} + \frac{\ln(-\ln(\alpha_n))}{\ln(\alpha_n)}$

$$\left(\alpha_{n}\right)^{n}=f\left(\alpha_{n}\right)=rac{-\lnlpha_{n}}{\sqrt{lpha_{n}}}$$
 فإن

الصفحة (6)

تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 ذ:ي المغازلي مادة الرياضيات – شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب)

ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة

Ammarimaths

و منه

$$\left(\forall n \in \mathbb{N}^*\right); h\left(\alpha_n\right) = -\frac{1}{2} + \frac{\ln\left(\left(\alpha_n\right)^{n+\frac{1}{2}}\right)}{-\left(\alpha_n\right)^{n+\frac{1}{2}}} = -\frac{1}{2} + \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\ln\left(\alpha_n\right)}{-\left(\alpha_n\right)^{n+\frac{1}{2}}} = -\frac{1}{2} + \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{-\left(\alpha_n\right)^{n+\frac{1}{2}}}{-\left(\alpha_n\right)^{n+\frac{1}{2}}} = -\frac{1}{2} + \left(n$$

وبالتالي:

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*); h(\alpha_n) = n$$

l=1 لنبين أن (ح

 $\lim_{n \to \infty} h(\alpha_n) = h(l)$ فإن $l \neq 1$ فان الدالة $l \neq n$ معرفة و متصلة على المجال $l \neq 1$ فإن $l \neq 1$

و هذا غير ممكن لأن $\lim_{n\to +\infty} h(\alpha_n) = \lim_{n\to +\infty} n = +\infty$ و هذا غير ممكن لأن $\lim_{n\to +\infty} h(\alpha_n) = \lim_{n\to +\infty} n = +\infty$

l=1

 $\lim_{n\to\infty} (\alpha_n)^n = 0$ د) لنبين أن

لدينا $\lim_{n \to +\infty} \left(\alpha_n\right)^n = \lim_{n \to +\infty} e^{n\ln \alpha_n} = 0$ و منه $\lim_{n \to +\infty} n \ln \alpha_n = -\infty$ لدينا $\lim_{n \to +\infty} \ln \alpha_n = \ln (1) < 0$

 $\lim_{n\to+\infty} \overline{\left(\alpha_n\right)^n} = 0$

 \mathbb{R}^* ا کان x کان $\int_x^1 f(x) dx$ من (1- II

 $0 < x < 1 \Rightarrow \ln x < 0 \Rightarrow f(x) > 0 \stackrel{(0 < x < 1)}{\Rightarrow} \int_{x}^{1} f(x) dx > 0$ لينا

 $x = 1 \Rightarrow \int_{x}^{1} f(x) dx = 0 \quad \exists x > 1 \Rightarrow \ln x > 0 \Rightarrow f(x) < 0 \Rightarrow \int_{x}^{1} f(x) dx > 0 \quad \exists x > 1 \Rightarrow \ln x > 0 \Rightarrow f(x) < 0 \Rightarrow \int_{x}^{1} f(x) dx > 0 \quad \exists x > 1 \Rightarrow \ln x > 0 \Rightarrow f(x) < 0 \Rightarrow \int_{x}^{1} f(x) dx > 0 \Rightarrow$

نستنتج أن

$$(\forall x \in]0, +\infty[); \int_{x}^{1} f(x) dx \ge 0$$

 $(x \in \mathbb{R}^*_+); \int_x^1 f(x) dx = 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x$ ب) لنبين ان

$$(x \in \mathbb{R}_{+}^{*}); \int_{x}^{1} f(x) dx = \int_{x}^{1} \frac{-\ln x}{\sqrt{x}} dx = \left[2\sqrt{x} \left(-\ln x \right) \right]_{x}^{1} - \int_{x}^{1} \left(2\sqrt{x} \right) \left(\frac{-1}{x} \right) dx = 2\sqrt{x} \ln x + 2\int_{x}^{1} \frac{1}{\sqrt{x}} dx$$

$$= 2\sqrt{x} \ln x + 2\left[2\sqrt{x} \right]_{x}^{1} = 2\sqrt{x} \ln x + 4\left(1 - \sqrt{x} \right) = 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x$$

و منه

$$\left(x \in \mathbb{R}_+^*\right); \int_x^1 f(x) dx = 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x$$

x=0 و $x=e^2$ و x=1 والمستقيمات التي معادلاتها على التوالي x=0 و x=0 و x=0 و x=0

 $S = \left(\int_{e^2}^1 f\left(x\right) dx\right) cm^2 = \left(4 - 4\sqrt{e^2} + 2\sqrt{e^2} \ln e^2\right) cm^2 = 4cm^2$ لتكن $S = \left(\int_{e^2}^1 f\left(x\right) dx\right) cm^2 = \left(4 - 4\sqrt{e^2} + 2\sqrt{e^2} \ln e^2\right) cm^2 = 4cm^2$ المساحة المطلوبة هي

 $S = 4cm^2$

ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة

Ammarimaths

$$u_n = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{k=n} f\left(\frac{k}{n}\right)$$
: نضع \mathbb{N}^* من n کال (2

ا) لدينا
$$f$$
 متصلة وتناقصية قطعا على $\left[\frac{k}{n}, \frac{k+1}{n}\right] \subset \left[0,1\right]$ و منه $\left[\frac{k}{n}, \frac{k+1}{n}\right] \to \left[0,1\right]$ و منه $\left[\frac{k}{n}, \frac{k+1}{n}\right] \to \left[0,1\right]$ و منه $\left[\frac{k}{n}, \frac{k+1}{n}\right] \to \left[\frac{k+1}{n}\right]$ و منه $\left[\frac{k}{n} \leq x \leq \frac{k+1}{n} \Rightarrow f\left(\frac{k}{n}\right) \geq f\left(x\right) \geq f\left(\frac{k+1}{n}\right) \Rightarrow \int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}} f\left(\frac{k}{n}\right) dx \geq \int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}} f\left(\frac{k}{n}\right) dx = \int_{$

$$\frac{1}{n} f\left(\frac{k+1}{n}\right) \le \int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}} f\left(x\right) dx \le \frac{1}{n} f\left(\frac{k}{n}\right)$$

$$(1)\sum_{k=1}^{k=n-1}\frac{1}{n}f\left(\frac{k+1}{n}\right) \leq \sum_{k=1}^{k=n-1}\int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}}f\left(x\right)dx \leq \sum_{k=1}^{k=n-1}\frac{1}{n}f\left(\frac{k}{n}\right) : (1)\sum_{k=1}^{k=n-1}\frac{1}{n}f\left(\frac{k}{n}\right) = u_n$$
 لدينا $f\left(1\right) = 0$ الدن $f\left(1\right) = 0$

$$\sum_{k=1}^{k=n-1} \frac{1}{n} f\left(\frac{k+1}{n}\right) = \sum_{k=2}^{k=n} \frac{1}{n} f\left(\frac{k}{n}\right) = \sum_{k=2}^{k=n-1} \frac{1}{n} f\left(\frac{k}{n}\right) = u_n - \frac{1}{n} f\left(\frac{1}{n}\right)$$
و لدينا
$$\sum_{k=1}^{k=n-1} \int_{\frac{k}{n}}^{\frac{k+1}{n}} f(x) dx = \int_{\frac{1}{n}}^{1} f(x) dx$$
 كما أن

$$(\forall \in \mathbb{N}^*); u_n \leq \int_{\frac{1}{n}}^1 f(t)dt \leq u_n - \frac{1}{n}f\left(\frac{1}{n}\right)$$
: نستنتج بعد التعویض في

يعني أن
$$(\forall \in \mathbb{N}^*); \int_{\frac{1}{n}}^1 f(t)d \le u_n \le \int_{\frac{1}{n}}^1 f(t)dt + \frac{1}{n}f(\frac{1}{n})$$
و هذا هو المطلوب

$$(\forall \in \mathbb{N}^*); \int_{\frac{1}{n}}^{1} f(t)d \le u_n \le \int_{\frac{1}{n}}^{1} f(t)dt + \frac{1}{n} f\left(\frac{1}{n}\right)$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*); \int_x^1 f(x) dx \le u_n \le x f(x) + \int_x^1 f(x) dx$$
 حسب السؤال ب) و بوضع $x = \frac{1}{n}$ تحصل على $x = \frac{1}{n}$

$$\lim_{n \to +\infty} x f\left(x\right) + \int_{x}^{1} f\left(x\right) dx = \lim_{x \to 0^{+}} -x \frac{\ln x}{\sqrt{x}} + 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x = \lim_{x \to 0^{+}} -\sqrt{x} \ln x + 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x = 4$$
و لدينا

$$\lim_{n \to +\infty} \int_{x}^{1} f(x) dx = \lim_{x \to 0^{+}} 4 - 4\sqrt{x} + 2\sqrt{x} \ln x = 4$$

إذن حسب خاصيات النهايات و الترتيب

$$\lim u_n = 4$$

التمرين السادس

$$(\forall x \in \mathbb{R}); k(x) = \int_{1}^{x} e^{-t^{2}} dt$$
 و نضع $g(x) = \int_{\sqrt{x}}^{1} e^{-t^{2}} dt$ ب $[0, +\infty[$ الدالة المعرفة على المجال $[0, +\infty[$ بينا $[0, +\infty[$ الدينا $[0, +\infty[$ بينا $[0, +\infty[$

$$(\forall x \in \mathbb{R}); g(x) = -k(\sqrt{x})$$

تصحيح الإمتحان الوطني الموحد الدورة الاستدراكية 2014 مادة الرياضيات – شعبة العلوم الرياضية- (أ) و (ب) ثانوية محمد الخامس التاهيلية بالصويرة

Ammarimaths

ب)أتصال و اشتقاق الدالة g

الدالة $\overset{\varphi}{\to} e^{-t^2}$ متصلة و قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} إذن الدالة k متصلة و قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} التي تتعدم عند1) و الدالة $t\overset{\varphi}{\to} e^{-t^2}$ متصلة على $t\overset{\varphi}{\to} \sqrt{t}$ متصلة على $t\overset{\varphi}{\to} \sqrt{t}$ و قابلة للاشتقاق على $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ متصلة على $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ و قابلة للاشتقاق على $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ مركب $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ و قابلة للاشتقاق على $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ الدالة $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ مركب $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ مركب $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ مركب $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$ مركب $t\overset{\psi}{\to} \sqrt{t}$

 $[0,+\infty]$ و قابلة للاشتقاق على $[0,+\infty]$ و متصلة على g

g'(x) حساب (ج

لانن
$$(\forall x \in]0, +\infty[); g'(x) = -k'(\sqrt{x}) \times \frac{1}{2\sqrt{x}} = \frac{-e^{-x^2}}{2\sqrt{x}}$$
 اين

$$(\forall x \in]0,+\infty[);g'(x) = \frac{-e^{-x^2}}{2\sqrt{x}}$$

 $[0,+\infty[$ بما أن g بما أنها متصلة على يمين g فإنها تناقصية قطعا على g تناقصية قطعا على g تناقصية قطعا على g تناقصية قطعا على g تناقصية قطعا على g

 $[0,+\infty]$ الدالة g تناقصية قطعا على

$$\forall (x \in \mathbb{R}_+^*); \frac{g(x) - g(0)}{x} < \frac{-e^{-x^2}}{2\sqrt{x}}$$
 انبین أن (أ(2)

]0,x[على الدالة [0,x] و قابلة للاشتقاق على المجال [0,x] و قابلة للاشتقاق على الكن [0,x]

إذن حسب مبرهنة التزايدات المنتهية يوجد c من]0,x[بحيث

$$\frac{g(x) - g(0)}{x} = g'(c) = \frac{-e^{-c^2}}{2\sqrt{c}}$$

$$0 < c < x \Rightarrow \begin{cases} 0 < 2\sqrt{c} < 2\sqrt{x} \\ c^2 < x^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2\sqrt{x}} < \frac{1}{2\sqrt{c}} \Rightarrow \begin{cases} 0 < \frac{1}{2\sqrt{x}} < \frac{1}{2\sqrt{c}} \Rightarrow \frac{e^{-x^2}}{2\sqrt{x}} < \frac{e^{-c^2}}{2\sqrt{c}} \Rightarrow \frac{-e^{-c^2}}{2\sqrt{c}} \Rightarrow \frac{-e^{-c^2}}{2\sqrt{x}} < \frac{-e^{-x^2}}{2\sqrt{x}} \end{cases}$$

$$(8)$$

$$\forall (x \in \mathbb{R}_+^*); \frac{g(x) - g(0)}{x} < \frac{-e^{-x^2}}{2\sqrt{x}}$$
 ومنه

$$\forall \left(x \in \mathbb{R}_{+}^{*}\right); \frac{g\left(x\right) - g\left(0\right)}{x} < \frac{-e^{-x^{2}}}{2\sqrt{x}}$$

oxdot . دراسة قابلية اشتقاق الدالة $oldsymbol{g}$ على يمين الصفر و التأويل الهندسي للنتيجة المحصل عليها

$$\lim_{x \to +0^{+}} \frac{g(x) - g(0)}{x} = -\infty \quad \text{ق.} \quad \left\{ \begin{cases} \forall \left(x \in \mathbb{R}_{+}^{*} \right); \frac{g(x) - g(0)}{x} < \frac{-e^{-x^{2}}}{2\sqrt{x}} \\ \lim_{x \to 0^{+}} \frac{-e^{-x^{2}}}{2\sqrt{x}} = -\infty \end{cases} \right.$$

و بالتالي g غير قابلة للاشتقاق على يمين 0 و مبيان g يقبل نصف مماس عمودي (موجه نحو الأسفل)

و بالتالي g غير قابلة للاشتقاق على يمين 0 و مبيان g يقبل نصف مماس عمودي (موجه نحو الأسفل)

