



الامتدان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2016 - الموضوع -

RS 22



المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	الشعبة أو المسلك

تعليمات عامة

- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات ومكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان) ؟
 - يسمح باستعمال آلآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
 - يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
 - ينبغى تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؟
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه و لا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلى:

3 نقط	المتتاليات العددية	التمرين الأول
3 نقط	الهندسة الفضائية	التمرين الثاني
3 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثالث
3 نقط	حساب الاحتمالات	التمرين الرابع
8 نقط	دراسة دالة عددية وحساب التكامل	مسألة

- بالنسبة للمسألة ، ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري.

الصفحة	DO 00
$\frac{2}{2}$	RS 22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

التمرين الأول: (3ن)

0.5

0.5

1

0.75

0.5

$$I\!N$$
 نعتبر المتتالية العددية $u_{n+1}=rac{1}{16}\,u_n+rac{15}{16}\,$ و $u_0=2$: المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي :

$$IN$$
 من $u_n > 1$ اکل الترجع أن $u_n > 1$ الكل الترجع

. بـ تحقق من أن
$$(u_n)$$
 تناقصية $u_{n+1}-u_n=-rac{15}{16}(u_n-1)$ بـ تحقق من أن المتتالية

ج- استنتج أن المتتالية
$$(u_n)$$
 متقاربة.

$$I\!N$$
 من n لتكن $v_n=u_n-1$ المتتالية العددية بحيث (2

$$n$$
 أـ بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{16}$ و اكتب

$$\left(u_{n}\right)$$
 بين أن $u_{n}=1+\left(rac{1}{16}
ight)^{n}$ ثم حدد نهاية المتتالية $u_{n}=1+\left(rac{1}{16}
ight)^{n}$

التمرين الثانى: (3ن)

B(0,1,2) و A(1,3,4) النقطتين ($(0,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ و وتعامد ممنظم مباشر النقطتين ((0,1,3,4) و الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر

$$\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 2\overrightarrow{i} - 2\overrightarrow{j} + \overrightarrow{k}$$
 أ- بين أن (1 | 0.5

$$(OAB)$$
 ب. بين أن $2x-2y+z=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$$
 التي معادلتها (S) التي الفلكة (S) التي معادلتها (S) التي أن مركز الفلكة (S) هو النقطة (S) هو النقطة (S) و شعاعها (S)

$$(S)$$
 أ- بين أن المستوى (OAB) مماس للفلكة (S)

$$(S)$$
 و الفلكة (OAB) و الفلكة H نقطة تماس المستوى (OAB) و الفلكة (OAB)

التمرين الثالث: (3ن)

$$z^2 - 8z + 41 = 0$$
: المعادلة (العقدية مجموعة الأعداد العقدية مجموعة مجموعة الأعداد العقدية مجموعة مج

نعتبر ، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم
$$O(0,\vec{u},\vec{v})$$
 ،النقط $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ التي ألحاقها $O(0,\vec{u},\vec{v})$ على التوالي هي $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ على التوالي هي $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ على التوالي هي $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$ و $O(0,\vec{u},\vec{v})$

. أـ احسب
$$\frac{c-b}{a-b}$$
 و استنتج أن النقط A و B و A مستقيمية .

$$-\frac{\pi}{2}$$
ب- ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M صورة M بالدوران z' الذي مركزه $z'=-i\,z-3+11\,i$ بين أن $z'=-i\,z-3+11\,i$

$$\frac{a-\omega}{c-\omega}$$
 جـ حدد صورة النقطة C بالدوران R ثم أعط شكلا مثلثيا للعدد 0.75

الصفحة	
73	RS

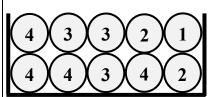
RS 22

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

التمرين الرابع: (3ن)

يحتوي صندوق على 10 كرات تحمل الأعداد: 1 و 2 و 2 و 3 و 3 و 3 و 4 و 4 و 4 و 4

(لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) .



ر ي يسى سير بين سرب بالمسون أو المندوق أحلال كرتين من الصندوق. العتبر التجربة التالية: نسحب عشوانيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق. 1) ليكن A الحدث: " الحصول على كرتين تحملان عددين زوجيين ".

 $p(A) = \frac{1}{3}$: بین أن

(2) نكرر التجربة السابقة ثلاث مرات بحيث نعيد الكرتين المسحوبتين إلى الصندوق بعد كل تجربة ليكن (2) المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يتحقق فيها الحدث (3)

$$X$$
 بين أن $p(X=1)=rac{4}{9}$ بين أن $p(X=1)=rac{4}{9}$

مسألة : (8 ن)

1

0.25

 $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$ الجدول جانبه هو جدول تغيرات الدالة

g(1) | 0.25

$$\begin{array}{c|cccc}
x & 0 & 1 & +\infty \\
g'(x) & - & 0 & + \\
\hline
g(x) & +\infty & +\infty \\
g(1) & & & & & \\
\end{array}$$

$$]0,+\infty[$$
 ككل $g(x)>0$ ككل من الجدول أن (2 من 0.75

 $f(x)=3-3x+2(x+1)\ln x$: بعتبر الدالة العددية f المعرفة على $g=0,+\infty$ بما يلي: $g=0,+\infty$ المنحنى الممثل للدالة $g=0,+\infty$ في معلم متعامد ممنظم $g=0,+\infty$ الوحدة $g=0,+\infty$ وليكن $g=0,+\infty$ المنحنى الممثل للدالة $g=0,+\infty$ في معلم متعامد ممنظم $g=0,+\infty$ الوحدة $g=0,+\infty$ وليكن $g=0,+\infty$

بين أن $f(x) = -\infty$ و أعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة . $\lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} f(x) = -\infty$

 $(f(x) = x \left[\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x \right]$ على الشكل $f(x) = 1 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x$ على الشكل $f(x) = 1 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x$ على الشكل (2) المساب النهاية يمكنك كتابة $f(x) = 1 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x$

 $+\infty$ بين أن المنحنى (C) يقبل فرعا شلجميا في اتجاه محور الأراتيب بجوار (C)

 $]0,+\infty[$ نکل x نکل f'(x)=g(x) نکل أن (3]0.75

 $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$ على الدالة f تزايدية قطعا على $]0,+\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0,+\infty[$

(C) نقطة انعطاف للمنحنى I(1,0) نقطة انعطاف المنحنى ($4 \mid 0.5$

I بين أن $\hat{y} = x - 1$ هي معادلة ديكارتية للمستقيم $\hat{y} = x - 1$ بين أن

(C) و المنحنى (T) المستقيم و المنحنى ((O,\vec{i},\vec{j})) المستقيم ((D,\vec{i},\vec{j})

 $\int_{1}^{2} \left(1 + \frac{x}{2}\right) dx = \frac{7}{4}$ أ- بين أن (5) 0.5

 $\int_{1}^{2} (x+1) \ln x \, dx = 4 \ln 2 - \frac{7}{4}$ بين أن بالأجزاء ، بين أن مكاملة بالأجزاء ، و 0.75

ج- احسب ، ب cm^2 ، مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) و محور الأفاصيل و المستقيمين x=2 و x=1 اللذين معادلتاهما x=2 و x=1

 $x \in]0,+\infty[$; $(x+1)\ln x \ge \frac{3}{2}(x-1)$: مبيانيا المتراجحة (6 0.5

التصحيح:

تصحيح التمرين الأول:

. \mathbb{N} من $u_n > 1$: اکل $u_n > 1$

$$n \in \mathbb{N}$$
 ليكن $oldsymbol{\diamond}$

$$u_{n+1} - u_n = \frac{1}{16} u_n + \frac{15}{16} - u_n$$
$$= \left(\frac{1}{16} - 1\right) u_n + \frac{15}{16}$$
$$= \frac{-15}{16} u_n + \frac{15}{16}$$

$$\mathbb{N}$$
 يذن $u_{n+1} - u_n = -\frac{15}{16}(u_n - 1)$ يذن

$$u_n > 1$$
 . أ. (1 السؤال 1) أ. $u_n - 1 > 0$ الذن $u_n - 1 > 0$ الذن $\frac{-15}{16}(u_n - 1) < 0$ الذن

$$\mathbb N$$
 من $u_{n+1}-u_n<0$ ومنه u_{n+1} الكل u_n من و بالتالي المتتالية (u_n) تناقصية

(2

 $n \in \mathbb{N}$ ليكن \Leftrightarrow

$$v_{n+1} = u_{n+1} - 1$$

$$= \frac{1}{16}u_n + \frac{15}{16} - 1$$

$$= \frac{1}{16}u_n - \frac{1}{16}$$

$$= \frac{1}{16}(u_n - 1)$$

$$= \frac{1}{16}v_n$$

$$\mathbb{N}$$
 اِذْن n لكل $v_{n+1} = \frac{1}{16} v_n$ اإذْن

$$q = \frac{1}{16}$$
 و منه المتتالية (v_n) هندسية أساسها

$$v_0 = u_0 - 1 = 2 - 1 = 1$$
 و حدها الأول

$$: n$$
 بدلالة v_n بنكتب ب

$$v_n = 1 \times \left(\frac{1}{16}\right)^n$$
 : الدينا $v_n = v_0 \times q^n$: الدينا

$$\mathbb{N}$$
 و منه $v_n = \left(\frac{1}{16}\right)^n$ عن

Ļ.

: $n \in \mathbb{N}$ ليكن

$$u_n = v_n + 1$$
 لدينا $v_n = u_n - 1$ اذن

$$\mathbb{N}$$
 و منه n لكل $u_n = \left(\frac{1}{16}\right)^n + 1$ و منه

$$\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{1}{16}\right)^n = 0 : فإن : -1 < \frac{1}{16} < 1$$
 بما أن : -1 < \frac{1}{16} \tag{1}

$$\lim_{n\to+\infty}u_n=1:0$$

تصحيح التمرين الثاني:

$$\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 4 & 2 \end{vmatrix} \vec{i} - \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 2 \end{vmatrix} \vec{j} + \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} \vec{k}$$
: لدينا
$$\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 2\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$$
 إذن :

$$(OAB)$$
 ب. لدينا $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ متجهة منظمية للمستوى $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ بن معادلة ديكارتية للمستوى $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ بن معادلة ديكارتية للمستوى $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ بن معادلة ديكارتية للمستوى $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ فإن $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ فإن $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ فإن $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ في $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$ في $OAB \wedge \overrightarrow{OB} (2,-2,1)$

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$$
 لتكن الفلكة (S) التي معادلتها (S) لتكن الفلكة $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$ لدينا $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 6y - 6z + 2 = 0$ تكافئ : $x^2 - 6x + y^2 + 6y + z^2 - 6z = -2$ تكافئ : $(2)^2 + (2$

$$x^2 - 2(3)x + (3)^2 + y^2 - 2(-3)y + (-3)^2 + z^2 - 2(3)z + (3)^2 = -2 + (3)^2 + (3)^2 + (3)^2$$
 تكافئ:
$$(x - (3))^2 + (y - (-3))^2 + (z - (3))^2 = 25 = (5)^2 :$$
إذن مركز الفلكة (S) هو النقطة (S) و شعاعها $R = 5$

$$d\left(\Omega,(OAB)\right) = \frac{\left|2(3)-2(-3)+(3)\right|}{\sqrt{\left(2\right)^2+\left(-2\right)^2+\left(1\right)^2}} = \frac{15}{3} = 5$$
 ! ناب الفاكة (S) مماس للفلكة $d\left(\Omega,(OAB)\right) = R$: بما أن

ب. لنحدد
$$(S)$$
 نقطة تماس المستوى (OAB) و الفلكة (S) و الفلكة (CAB) بنحدد (OAB) بنجل المستوى (OAB) هي المسقط العمودي للنقطة $\Omega(3,-3,3)$ على المستوى $\Omega(3,-3,3)$ و بالتالي $\Omega(3,-3,3)$ هي نقطة تقاطع المستقيم (Δ) المار من (CAB) هي نقطة تقاطع المستوى (OAB) المار من (OAB) . و العمودي على المستوى (OAB) مع المستوى (OAB) و بما أن (OAB) متجهة منظمية للمستوى (OAB) و بما أن (OAB) و بما أن (OAB) فإن : (OAB) هي متجهة موجهة للمستوى (OAB) . و لدينا (OAB)

$$\left(t\in\mathbb{R}
ight)$$
 $\begin{cases} x=3+2t \ y=-3-2t \ : \left(\Delta
ight)$ ابن تمثیل بارامتری للمستقیم $z=3+t$

تصحيح التمرين الثالث:

$$z^2-8z+41=0$$
 : المعادلة \mathbb{C} لنحل في \mathbb{C} المعادلة : $\Delta=\left(-8\right)^2-4\left(1\right)\left(41\right)=-100$: لدينا : $\Delta<0$ فإن المعادلة تقبل حلين عقددين مترافقين بما أن $\Delta<0$ فإن المعادلة تقبل حلين عقددين مترافقين $z=\frac{-\left(-8\right)+i\sqrt{100}}{2\left(1\right)}$ و $z=\frac{-\left(-8\right)-i\sqrt{100}}{2\left(1\right)}$ $z=4-5i$ أو $z=4+5i$ إذن : $z=4-5i$ إذن $z=4-5i$ إ

$$\frac{c-b}{a-b} = \frac{\left(6+7i\right)-\left(3+4i\right)}{\left(4+5i\right)-\left(3+4i\right)} = \frac{3+3i}{1+i} = \frac{3\left(1+i\right)}{1+i} = 3 : 1$$
 . (2) بما أن $C = \frac{a-b}{a-b} \in \mathbb{R}$ فإن النقط $C = \frac{a-b}{a-b} \in \mathbb{R}$. بما أن

$$rac{-\pi}{2}$$
 ب. R الدوران الذي مركزه $\Omega(\omega)$ و زاويته R ب M الدوران M صورة M صورة M بالدوران M خينا : $(z-\omega)$

$$z'-(4+7i)=-i(z-(4+7i))$$
: المن $z'-4-7i=-i(z-4-7i)$: المن $z'-4-7i=-i(z-4-7i)$: المن $z'=-i(z-4-7i)+4+7i$: المن $z'=-iz+4i-7+4+7i$: و منه $z'=-iz-3+11i$:

ج.

: R ننحدد صورة النقطة C بالدوران *

$$-ic-3+11i=-i(6+7i)-3+11i=-6i+7-3+11i=4+5i=a$$
 : لدينا R هي صورة R بالدوران R

$$\begin{cases} \Omega A = \Omega C \\ \left(\overrightarrow{\Omega C}, \overrightarrow{\Omega A}\right) \equiv \frac{-\pi}{2} [2\pi] : \overrightarrow{\omega} \mid R(C) = A : \overrightarrow{\omega} \mid \mathbf{k} \mid$$

تصحيح التمرين الرابع:

التجربة " نسحب عشوانيا بالتتابع و بدون إحلال كرتين من الصندوق "

ليكن Ω كون إمكانيات هذه التجربة

$$card \Omega = A_{10}^2 = 90$$
: لدينا

" الحصول على كرتين تحملان عدين زوجيين A

$$p(A) = \frac{cardA}{card\Omega} = \frac{30}{90}$$
 : إِذْن

$$p(A) = \frac{1}{3}$$
: ومنه

$$p = p(A) = \frac{1}{3} \quad o \quad n = 3 \text{ equation } X : 2$$

$$p(X = 1) = C_3^1 p^1 (1 - p)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{3} \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

$$: X \quad \text{therefore } X : X = 0$$

$$p(X = 0) = C_3^0 p^0 (1 - p)^{3-0} = 1 \times 1 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$$

$$p(X = 1) = \frac{4}{9} = \frac{12}{27}$$

$$p(X = 2) = C_3^2 p^2 (1 - p)^{3-2} = 3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^1 = \frac{2}{9} = \frac{6}{27}$$

$$p(X = 3) = C_3^3 p^3 (1 - p)^{3-3} = 1 \times \left(\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^0 = \frac{1}{27}$$

$$\frac{x_i}{p(X = x_i)} = \frac{8}{27} = \frac{4}{9} = \frac{12}{27} = \frac{2}{9} = \frac{6}{27} = \frac{1}{27}$$

نصحيح المسألة -

•I

$$g(1) = \frac{2}{1} - 1 + 2\ln(1) = 2 - 1 + (2 \times 0) = 1$$
 (1

$$]0,+\infty[$$
 على g على القيمة الدنوية للدالة g على (2) لدينا

$$\forall x \in]0,+\infty[:g(x) \geq g(1):$$
اِذَن

$$\forall x \in]0,+\infty[:g(x) \ge 1:$$
 افن

$$\forall x \in]0,+\infty[:g(x)>0:]$$

•II

$$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} f(x) = \lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} 3 - 3x + 2(x+1)\ln(x) = -\infty$$
: لاينا (1)

$$\begin{cases} \lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} 3 - 3x = 3 \\ \lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} 2(x+1) = 2 \\ \lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} \ln(x) = -\infty \end{cases}$$

x=0 التأويل الهندسي : (C) يقبل مقارب عمودي معادلته

.) (2

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} 3 - 3x + 2(x+1) \ln x$$

$$= \lim_{x \to +\infty} x \left(\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(\frac{x+1}{x} \right) \ln x \right)$$

$$= \lim_{x \to +\infty} x \left(\frac{3}{x} - 3 + 2 \left(1 + \frac{1}{x} \right) \ln x \right)$$

$$= +\infty$$

$$\begin{cases}
\lim_{x \to +\infty} x = +\infty \\
\lim_{x \to +\infty} \frac{3}{x} - 3 = -3 \\
\lim_{x \to +\infty} 2\left(1 + \frac{1}{x}\right) = 2 \\
\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty
\end{cases}$$

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty :$$
ب. لدينا

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \to +\infty} \frac{3}{x} - 3 + 2\left(1 + \frac{1}{x}\right) \ln x = +\infty \quad \mathbf{g}$$

 $+\infty$ يقبل فرعا شلجميا في اتجاه محور الأراتيب بجوار (C):

:
$$x\in \left]0,+\infty\right[$$
 أ. ليكن) (3
$$[0,+\infty]$$
 الدالة f قابلة للإشتقاق على)

$$f'(x) = (3-3x+2(x+1)\ln(x))'$$

$$= -3+2((x+1)'\ln(x)+(x+1)\ln'(x))$$

$$= -3+2\left(\ln(x)+(x+1)\times\frac{1}{x}\right)$$

$$= -3+2\left(\ln x + \frac{x+1}{x}\right)$$

$$= -3+2\left(\ln x + 1 + \frac{1}{x}\right)$$

$$= -3+2\ln x + 2 + \frac{2}{x}$$

$$= \frac{2}{x} - 1 + 2\ln x$$

$$f'(x) = g(x) :]0, +\infty[\text{ if } x \text{$$

 $\forall x \in]0,+\infty[:g(x)>0:$ ت. حسب 1. 2) لدينا (2 .1 $\forall x \in]0,+\infty[:f'(x)>0$ و منه : $0,+\infty[:f'(x)>0]$ و بالتالي f تزايدية قطعا على $[0,+\infty[:f'(x)]]$ جدول تغيرات الدالة f

x	0 +∞
f'(x)	+
f(x)	+∞

: $x\in \left]0,+\infty\right[$ ليكن (4 f لدينا ' f قابلة للإشتقاق على ا

$$f''(x) = (f')'(x)$$

$$= g'(x)$$

$$= \frac{-2}{x^2} + \frac{2}{x}$$

$$= \frac{-2 + 2x}{x^2}$$

$$= \frac{2(x-1)}{x^2}$$

$$f''(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1$$

x-1 بما أن $x^2>0$ فإن إشارة (x) هي إشارة

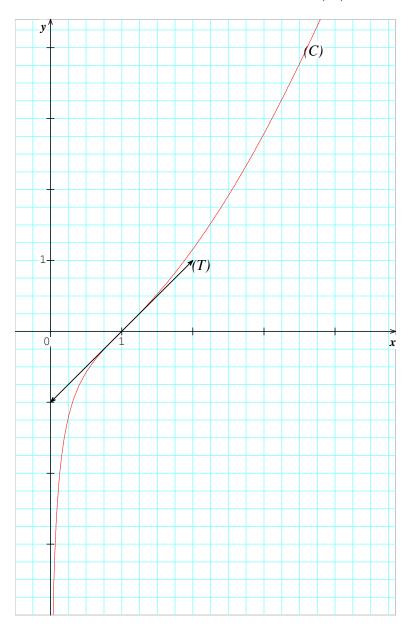
x	0	1	$+\infty$
f''(x)	_	$\cdot \phi$	+

$$I\left(1,0
ight)$$
 المينا المنحنى المنحنى ($I\left(1,0
ight)$ المينا المنحنى ($I\left(1,0
ight)$ المينا المنحنى ($I\left(1,0
ight)$ المنحنى ($I\left(1,0
ight)$ المنحنى ($I\left(1,0
ight)$

 $:I\left(1,0
ight)$ في النقطة (C) المماس للمنحنى (T) المماس المنحنى ب. معادلة ديكارتية للمستقيم

$$y = f'(1)(x-1)+f(1)$$
 لاينا : $f(1) = 0$ و $f'(1) = g(1) = 1$ و $y = 1 \times (x-1)+0$: و منه : $(T): y = x-1$

:(C) ج. إنشاء



5) أ.

$$\int_{1}^{2} \left(1 + \frac{x}{2}\right) dx = \left[x + \frac{x^{2}}{4}\right]_{1}^{2}$$

$$= \left(2 + \frac{2^{2}}{4}\right) - \left(1 + \frac{1^{2}}{4}\right)$$

$$= 3 - \frac{5}{4}$$

$$= \frac{7}{4}$$

$$\begin{cases} u'(x) = x + 1 \\ v(x) = \ln x \end{cases} \begin{cases} u(x) = \frac{x^2}{2} + x \\ v'(x) = \frac{1}{x} \end{cases}$$

$$\int_{1}^{2} (x + 1) \ln(x) dx = \left[\left(\frac{x^2}{2} + x \right) \ln x \right]_{1}^{2} - \int_{1}^{2} \left(\frac{x^2}{2} + x \right) \times \frac{1}{x} dx$$

$$= (4 \ln 2) - \left(\frac{3}{2} \ln 1 \right) - \int_{1}^{2} \left(1 + \frac{x}{2} \right) dx$$

$$= 4 \ln(2) - \frac{7}{4}$$

$$A = \int_{1}^{2} |f(x)| dx \times \|\vec{i}\| \times \|\vec{j}\|$$
: على المجال $[1,2]$ لدينا : $[1,2]$ لدينا : $A = \int_{1}^{2} f(x) dx \times 2cm \times 2cm$ الذن : $A = \int_{1}^{2} (3-3x+2(x+1)\ln(x)) dx \times 4cm^{2}$ الذن : $A = \left(\int_{1}^{2} (3-3x) dx + 2\int_{1}^{2} (x+1)\ln(x) dx\right) \times 4cm^{2}$ الذن : $A = \left(\left[3x - \frac{3x^{2}}{2}\right]^{2} + 2\left(4\ln(2) - \frac{7}{4}\right)\right) \times 4cm^{2}$ الذن : $A = \left(\left[3x - \frac{3x^{2}}{2}\right]^{2} + 2\left(4\ln(2) - \frac{7}{4}\right)\right) \times 4cm^{2}$

$$A = \left((0) - \left(\frac{3}{2} \right) + 8 \ln(2) - \frac{7}{2} \right) \times 4cm^2$$
 : بنن $A = \left(-5 + 8 \ln(2) \right) \times 4cm^2$: بنن $A = \left(-20 + 32 \ln(2) \right) cm^2$: و منه : $\frac{3}{2} \left(-20 + 32 \ln(2) \right) cm^2$

$$x \in]0,+\infty[: (x+1)\ln(x) \ge \frac{3}{2}(x-1):]$$
لنحل مبيانيا: (6 $(x+1)\ln(x) \ge \frac{3}{2}(x-1) \iff 2(x+1)\ln(x) \ge 3(x-1)$ $\Leftrightarrow 2(x+1)\ln(x) \ge 3(x-1)$ $\Leftrightarrow 2(x+1)\ln x \ge 3x - 3$ $\Leftrightarrow 3-3x+2(x+1)\ln x \ge 0$ $\Leftrightarrow f(x) \ge 0$ مبيانيا: $f(x) \ge 0$ يوجد فوق محور الأفاصيل $S = [1,+\infty[: -\infty]]$