

### تعليمات للمترشح

هام: يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها.

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية:

. 1

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
  - يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغى عليك تعليل النتائج (مثلا: عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
  - ينبغى عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
  - يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح؛
    - تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
    - تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

الصفحة	110
_2	INS

26

## الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

التمرين الأول: (4.5 نقط)

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + 1 &; n \in \square \\ u_0 = 1 \end{cases}$$
 : المعرفة بما يلي :  $(u_n)_{n \in \square}$ 

$$u_2$$
 و  $u_1$  احسب . 1  $0.5$ 

$$u_n < \frac{5}{4}$$
:  $\square$  من  $n$  من بالترجع أن لكل  $n$  من . 2 0.5

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{5} \left( u_n - \frac{5}{4} \right)$$
:  $\square$  من  $n$  لكل  $n$  لكل  $1.3$ 

ب . استنتج أن 
$$(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$$
 متتالية تزايدية وأنها متقاربة .  $0.75$ 

$$\square$$
 نضع  $v_n = u_n - \frac{5}{4}$  ککل . 4

$$v_0$$
 1. 1 0.25

$$rac{1}{5}$$
 بين أن المتتالية  $\left(v_n\right)_{n\in\mathbb{Z}}$  هندسية أساسها  $\mathbf{0.5}$ 

$$\square$$
 ج. احسب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أن  $u_n = \frac{1}{4} \left( 5 - \left( \frac{1}{5} \right)^n \right)$  ا

$$\lim_{n\to +\infty} u_n$$
 د . احسب النهاية **0.5**

التمرين الثاني: (11 نقطة)

 $f(x)=x+rac{2}{x}+\ln x$ : يعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على  $g(x)=x+rac{2}{x}+\ln x$  المعرفة على  $g(x)=x+rac{2}{x}+\ln x$  وليكن  $g(x)=x+rac{2}{x}+\ln x$  معلم متعامد ممنظم وليكن  $g(x)=x+rac{2}{x}+\ln x$ 

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$$
 بین أن . 1  $0.75$ 

ب. بین أن 
$$\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$$
 و  $\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$  ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.

$$]0;+\infty[$$
 کک  $f(x)=x+rac{2+x\ln x}{x}$  کی  $f(x)=0.5$ 

ب. احسب 
$$f(x)$$
 ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.  $\lim_{\substack{x \to 0 \ x \to 0}} f(x)$ 

ب. تحقق أن 
$$\frac{(x-1)(x+2)}{x^2}$$
 وادرس إشارة التعبير  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+2)}{x^2}$  على كل من المجالين  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+2)}{x^2}$  وادرس إشارة التعبير  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+2)}{x^2}$ 

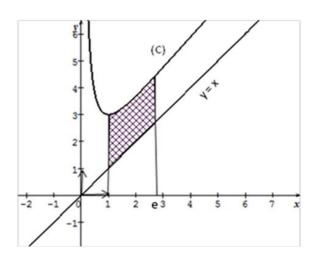
#### NS 26

## الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2015 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

- ]0;1] ج . استنتج أن الدالة f تزايدية على المجال  $]\infty+;1]$  و تناقصية على المجال
  - f د . ضع جدول تغیرات الدالة 0.5

0.5

- $]0;+\infty[$  كك  $f''(x)=\frac{4-x}{x^3}$  كك . أ . تحقق أن  $[0,+\infty]$  كك من  $[0,-\infty]$
- ب. ادرس إشارة f''(x) لكل f من f(x) أنه استنتج أن f''(x) ينبغي ادرس إشارة وج إحداثيتيها.
  - $\int_{0}^{x} \ln x \ dx = 1$ : أ. باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن  $\int_{0}^{x} \ln x \ dx = 1$
  - 1.5 ب استنتج مساحة الحيز المخدش في الشكل أسفله.



التمرين الثالث: (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على ثمان كرات غير قابلة للتمييز باللمس، ثلاث منها خضراء وخمس منها حمراء.

نسحب من الكيس وفي أن واحد كرتين .

- 28 بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 0.5
  - $oldsymbol{a}$ . نعتبر الحدثين  $oldsymbol{A}$  و  $oldsymbol{B}$  التاليين:
- " الكرتان المسحوبتان لهما نفس اللون " : A
  - " الكرتان المسحوبتان مختلفتا اللون : B

$$p(A) = \frac{13}{28}$$
 أ. بين أن

- B ب. احسب احتمال الحدث B
- 3. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

$$p(X=0)=\frac{10}{28}$$
 أ. بين أن  $\mathbf{0.5}$ 

1 ب. أتمم ملء الجدول أسفله بعد نقله على ورقة تحريرك معللا جوابك .

$X_i$	0	1	2
$p(X=x_i)$	$\frac{10}{28}$		

X ج. احسب E(X) الأمل الرياضي للمتغير العشوائي E(X)



### الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2015 - عناصر الإجابة -

+∘XNA×+ I NEYO\$ 08301 +60.00301 والتكوين الممنى المهنمي المالالالله ١٨١٤٥٥ ٨



المركز الوطنى للتقويم والامتحانات والتوجيه

NR 26

2 مدة الإنجاز 4 المعامل

الرياضيات

المادة

الشعبة أو المسلك

مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

تمرين الأول (4.5 نقط)				
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السوال
	0.5	0.25 + 0.25	$u_2 = \frac{6}{5}  9  u_1 = \frac{31}{25}$	1
	0.5	0.5		2
	0.5	0.5		1.3
	0.75	0.5	تزايدية $\left(u_{n}\right)_{n\in\mathbb{I}}$	3.ب
		0.25	$(u_n)_{n\in\square}$ يثبات تقارب	
	0.25	0.25	$v_0 = \frac{-1}{4}$	1.4
	0.5	0.5		4 . ب
	1	0.5	$v_n = -\frac{1}{4} \left(\frac{1}{5}\right)^n$	4.ب
		0.5	$u_n = \frac{1}{4} \left( 5 - \left( \frac{1}{5} \right)^n \right)$	
في حالة تقديم النتيجة صحيحة	0.5	0.25	التعليل	4 . د
دون تعليل تمنح للمترشح 0.25	0.5	0.25	النتيجة	

ن الثاني (11 نقطة)				
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال
	0.75	0.75	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ اثبات أن	١.1
	1.5	0.5	$\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$ إثبات أن	1.t
		0.5	اثبات أن $\lim_{x \to +\infty} (f(x)-x) = +\infty$ التأويل الهندسي	
		0.5	التأويل الهندسي	
	0.5	0.5	التحقق	1.2
		0.25	$\lim_{\substack{x\to 0\\x>0}} f(x) = +\infty$	÷. 2
	1	0.5	التعليل	
		0.25	التأويل الهندسي	

عة	الصف
$\overline{}$	. 2
2	<u> </u>

### NR 26

# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2015 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

	0.5	0.5	f'(x) حساب	1.3
	1	0.5	التحقق	3
	1	2x0.25	دراسة الإشارة	٠.3
	0.5	2x0.25	الاستنتاج	3.3 3.3
	0.5	0.5	جدول التغيرات	٥.3
	0.75	0.75	التحقق	1.4
		0.5	دراسة إشارة (x) f	
		0.5	تعليل وجود نقطة انعطاف	
	1.5		نقطة الانعطاف	<b>4.</b> 4
		0.5	$I\left(4;\frac{9}{2}+2\ln 2\right)$	
	1	1	$\int_{1}^{e} \ln x  dx = 1$ أن	1.5
			الصيغة المناسبة	
لا يحتسب عدم ذكر وحدة القياس		0.5	الصيغة المناسبة $\int_{1}^{e} (f(x) - x) dx$ للتكامل	-
	1.5	0.5	$\int_{1}^{e} \frac{2}{x} dx = 2$	<b>4.</b> 5
		0.5	المساحة 3 u.a	

مرين الثالث (4.5 نقط)				التمرين الث
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السوال
يقبل كل تعليل صحيح	0.5	0.5	$C_8^2 = 28$	. 1
تقبل كل طريقة صحيحة	1	1	$p(A) = \frac{13}{28}$ إثبات أن	1.2
		0.5	الصيغة	2.ب
تقبل كل طريقة صحيحة	1	0.5	$p(B) = \frac{15}{28}$	
	0.5	0.25	p(X=0) صيغة	1.3
	0.5	0.25	p(X=0) حساب	
تمنح النقطة كاملة لكل طريقة		0.25	p(X=1) صيغة	3. ب
تمتح النقطة كالملة لكل طريقة تمنح النقطة كالملة لكل طريقة صحيحة	1	0.25	$p(X=1) = \frac{15}{28}$	
	1	0.25	p(X=2) صيغة	
		0.25	$p(X=2) = \frac{3}{28}$	
		0.25	الصيغة	
0.5	0.25	$E(X) = \frac{3}{4}$	3 .ج	