

أ- حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوالي X.

E(X) ب- حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X و احسب الأمل الرياضي

0.25

1.25

2 2 2

موضوع الامتحان الوطني الموحد البكالوريا 2009-الدورة العادية ...

مادة: الرياضيات، الشعب (ة) أو المسلك: شجة العلوم التجريبية بمسائكها وشجة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها

التمرين الرابع (2ن)

.
$$J = \int_{-2}^{-1} \ln(2x+6)dx$$
 و $I = \int_{-2}^{-1} \frac{x}{x+3}dx$: نضع

. -3 كَتَفَقَ مِن أَن :
$$\frac{x}{x+3} = 1 - \frac{3}{x+3}$$
 كَانَ عَدْ حَقِيْقِي x يَخَالُف (1

ب- بین أن : I = I - 3 ln 2

. J = -1 : باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن

سألة (ون)

 $f(x) = 2 \ln \left(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2\right)$: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الدالة العددية

. $(0, \vec{1}, \vec{j})$ يرمز للمنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (C)

ون: 0.75 جو الدالة R الكل R من R الكل R من R الدالة $e^{x} - 2\sqrt{e^{x}} + 2 = \left(\sqrt{e^{x}} - 1\right)^{2} + 1$ المحقق من أن: R الدالة R الدالة R الدالة R من R وأن: R و

ا احسب (2) احسب النتيجة هندسيا : الله $f(x) = \ln 4$ و أول هذه النتيجة هندسيا . الحسب (2) احسب (3)

. f'(0) = 0 لكل x من x لكل $f'(x) = \frac{2\sqrt{e^x}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1}$: ن ن ن ن ان ا

-1 الدرس إشارة -1 على -1 واستنتج أن الدالة f تزايدية على العجال -1 وتناقصية على العجال $-\infty,0$.

. $(\forall x \in \mathbb{R})$ $f(x) = 2x + 2\ln\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^x}} + \frac{2}{e^x}\right)$: نحقق من ان (4 0.25

 $+\infty$ بين أن المستقيم (D) الذي معادلته y=2x مقارب للمنحنى (D) بجوار

. IR نم x اکل $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$: احقق من ان $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$ اکل $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$ اکل $e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2)$

R على $\sqrt{e^x} - 1$ و $\sqrt{e^x} - 2$ على $\sqrt{e^x} - 2$ على $\sqrt{e^x} - 2$ و $\sqrt{e^x} - 1$ على

. [0,ln4] کا $e^{x} - 2\sqrt{e^{x}} + 2 \le \sqrt{e^{x}}$ اکل x من المجال $e^{x} - 2\sqrt{e^{x}} + 2 \le \sqrt{e^{x}}$ المجال (0.25)

0.5 د- بين أن : f(x) ≤ x من المجال [0,ln4] .

0.75 (6 انشئ المنحنى (2) (نقبل أن للمنحنى (2) أنقطتي أنعطاف اقصول إحداهما أصغر من (C) و اقصول الأخرى أكبر من 2 تحديدهما غير مطلوب ونأخذ $(\ln 4 = 1.4)$.

. IN نتكن $u_{n+1} = f(u_n)$ المتثالية المعدية المعرفة بعا يلي : $u_n = 1$ و $u_n = 1$ لكل u_n من u_n لكل u_n الكل u_n لكل u_n الكل u_n

1) بين أن: 2 ln 4 كان n من 0 ≤ 1 كان n من 10 .

. بين أن المتتالية (u_n) تناقصية (2 0.75

استنتج أن المنتائية (u_a) متقارية وحدد نهايتها .

0.25

0.75

1

0.5

0.5

0.75

1

2 بكالوريا Institut Excel

تصحيح موضوع مادة الرياضيات ، شعبة العلوم التجريبية ، الإمتحان الوطنى دورة يونيو 2009 تقديم: ذ. الوظيفى

التمرين الأول:

(1:0) : لدينا

 $\overrightarrow{OD}(0;1;-1)$ 9

 $\overrightarrow{OC} \wedge \overrightarrow{OD} = \begin{vmatrix} -1 & 0 & | \vec{i} - \begin{vmatrix} 2 & 0 & | \vec{j} + \begin{vmatrix} 2 & -1 & | \vec{k} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k} \end{vmatrix}$ إِذْنَ :

 $\overrightarrow{OC} \wedge \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{i} + 2\overrightarrow{j} + 2\overrightarrow{k}$: ومنه

نبين أن : x+2y+2z=0 معادلة ديكارتية للمستوى (OCD):

. (ocd) نعلم أن : $\overrightarrow{oc} \wedge \overrightarrow{od}$ متجهة منظمية على المستوى

x+2y+2z+d=0: كتب على شكل و (OCD) بكتب على شكل

d=0: أي أن $0+2\times 0+2\times 0+d=0$ فإن $d=0+2\times 0+2\times 0+d=0$ أي أن $d=0+2\times 0+2\times 0+d=0$

(OCD) وبالتالي x+2y+2z=0 معادلة ديكارتية للمستوى

 $M \in (S) \Leftrightarrow \overrightarrow{MA}.\overrightarrow{MB} = 0$: لدينا (2

[AB] هي الفلكة التي أحد أقطارها (S)

 $\Omega(2;4;4)$ وبالتالي :مركز الفلكة هو منتصف القطعة AB أي AB أي $\Omega(2;4;4)$ أي القلكة وبالتالي $\Omega(2;4;4)$

 $R = \frac{\sqrt{(6+2)^2 + (6-2)^2 + (-8)^2}}{2} = 6$ وشعاع الفلكة هو

 $d(\Omega;(OCD)) = \frac{|2+2\times4+2\times4|}{\sqrt{1^2+2^2+2^2}} = \frac{18}{3} = 6$ هي: (OCD) هي ((OCD)

 $d(\Omega;(OCD))=6$ بما أن $d(\Omega;(OCD))=6$ وشعاع الفلكة ياوس العدد

. (S) مماس للفلكة فإن المستوى (OCD) مماس

: $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 0$ أن $\overrightarrow{OB} = 0$

لدينا : (-2,2,8)

 $\overrightarrow{OB}(6;6;0)$ 9

 $\overrightarrow{OA}.\overrightarrow{OB} = (-2) \times 6 + 2 \times 6 + 8 \times 0 = 0$! إذن

 $O \in (S)$: استنتاج : لدينا : $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 0$

. $O \in (OCD)$: ولدينا

(OCD) و (S) بن أن (S) و مشتركة بين أن (S)

(S) و المستوى (OCD) و المستوى الفلكة وحيدة الأن المستوى الفلكة (OCD) مماس الفلكة (S)

(S) و (OCD) و (OCD) و (OCD)

=يونيو 2009 =

تقديم: ذ الوظيفي

1)نكتب على الشكل المثلثي كلا من العددين a و 1:

$$|a| = \sqrt{2^2 + (-2)^2} = 2\sqrt{2}$$
 هو a

$$a = 2\sqrt{2} \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$$
: لدينا

معيار العدد B هو: 1

$$b = 1 \times \left(-\cos\frac{\pi}{6} + i\sin\frac{\pi}{6}\right) = 1 \times \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right)$$
: لدينا

$$b = 1 \times \left(\cos\left(\frac{5\pi}{6}\right) + i\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right)$$
 ومنه: $a = 2\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$:

z'=b أن ينبين أن 2.

$$M' = R(M) \Leftrightarrow z' = e^{i\frac{5\pi}{6}} (z - z_0) + z_0$$
$$\Leftrightarrow z' = \left(\cos\frac{5\pi}{6} + i\sin\frac{5\pi}{6}\right) z$$
$$\Leftrightarrow z' = bz$$

$$z'=bz$$

لدينا:

$$bz_{A} = \left(\cos\frac{5\pi}{6} + i\sin\frac{5\pi}{6}\right)(2 - 2i) = \left(-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i\right)(2 - 2i) = -\sqrt{3} + i\sqrt{3} + i + 1 = z_{C}$$

ومنه :النقطة C هي صورة النقطة A بالدوران C

 $\arg c \equiv \arg b + \arg a \left[2\pi \right]$: نبین ان

c = ba: إذن . R النقطة A بالدوران C هي صورة النقطة

$$\arg b \equiv \frac{5\pi}{6} \left[2\pi \right]$$
 و $\arg a \equiv -\frac{\pi}{4} \left[2\pi \right]$: لاينا

$$\arg c \equiv \frac{5\pi}{6} - \frac{\pi}{4} \quad [2\pi] : إذن$$

$$\arg c \equiv \frac{7\pi}{12} \quad [2\pi]$$
 وبالتالي:

______يونيو 2009 =====

التمرين الثالث "

3B; 4N; 5R

ليكن Ω كون الإمكانيات.

السحب يتم تانيا إذن كل سحبة عبارة عن تأليفة لثلاثة عناصر من بين 12

$$card\Omega = C_{12}^3 = \frac{12 \times 11 \times 10}{3 \times 2 \times 1} = 220$$
: وبالتالي:

بما أن الكرات لا يمكن التمييز بينها باللمس فإن الإحتمال منتظم . (لدينا فرضية تساوي الإحتمال).

احتمال الحدث A: الحصول على 3 كرات من نفس اللون يعني سكب 3كرات بيضاء أو 3كرات سوداء أو 3 كرات

 $card(A) = C_5^3 + C_4^3 + C_3^3 = 15$

 $p(A) = \frac{cardA}{card\Omega} = \frac{15}{220} = \frac{3}{44}$: هو : احتمال الحدث A

احتمال الحدث B: الحصول على 3 كرات مختلفة اللون مثنى مثنى يعني سحب كرة من كل لون .

 $card(B) = C_5^1.C_4^1.C_3^1 = 60$ وبالتالي

 $p(B) = \frac{cardB}{card\Omega} = \frac{60}{220} = \frac{3}{11}$: هو : احتمال الحدث A

$$p(B) = \frac{3}{11}$$
 9 $p(A) = \frac{3}{44}$:

2) أ. عندما نسحب 3 كرات تانيا من الكيس فإن عدد الألوان التي يمكن سحبها هو 1 او 2 أو 3.

ومنه القيم الممكنة التي يمكن للمتغير العشوائي X أن يأخذها هي: 1 و 2 و 3.

2.ب.

: (X=1) Larally learning .

الحدث (X=1) هو الحصول على لون واحد أي أن للكرات الثلاث المسحوبة نفس اللون.

الحدث (X=1) هو الحدث (X=1) الوارد في السؤال

.
$$p(X=1)=p(A)=\frac{3}{44}$$
 : الأن

: (X=3) Larally learning : (X=3)

الحدث : (X = 3) هو الحصول على 3 ألوان أي سحب كرة من كل لون

. $p(X=3)=p(B)=\frac{3}{11}$: وبالتالي (1 الوارد في السؤال B (الوارد في السؤال B (الوارد في الحدث (3 الوارد في السؤال B (3 الوارد في الوارد في

: (X=2) لحدث احتمال الحدث.

الحدث (X=2) هو الحصول على لونين مختلفين بالضبط.

ومنه قانون احتمال X هو:

\boldsymbol{x}_{i}	1	2	3
$p(X=x_i)$	3	1	3
	44	5	11

. $E(X) = \left(1 \times \frac{3}{44}\right) + \left(2 \times \frac{1}{5}\right) + \left(3 \times \frac{3}{11}\right) =$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X هو:



_____يونيو 2009 ====

التمرين الرابع:

1.أ. توحيد المقام ..

ب.نبین أن: I = 1 - 3 ln 2:

لدينا:

$$I = \int_{-2}^{-1} \frac{x}{x+3} dx = \int_{-2}^{-1} 1 - \frac{3}{x+3} dx =$$

$$= \int_{-2}^{-1} 1 dx - \int_{-2}^{-1} \frac{3}{x+3} dx = \left[x\right]_{-2}^{-1} - 3\int_{-2}^{-1} \frac{(x+3)!}{x+3} dx = 1 - 3\left[\ln|x+3|\right]_{-2}^{-1}$$

$$= 1 - 3\left(\ln 2 - \ln 1\right) = 1 - 3\left(\ln 2 - 0\right)$$

$I = 1 - 3 \ln 2$ ومنه

J=-I: بين أن

$$\begin{cases} u'(x) = \frac{2}{2x+6} = \frac{1}{x+3} \\ v(x) = x \end{cases} \quad \text{(i.i.)} \quad \begin{cases} u(x) = \ln(2x+6) \\ v'(x) = 1 \end{cases}$$

$$\ln 4 = 2 \ln 2$$
 لأن $J = \left[x \ln (2x+6) \right]_{-2}^{-1} - \int_{-2}^{-1} \frac{x}{x+3} dx = -\ln 4 + 2 \ln 2 - \int_{-2}^{-1} \frac{x}{x+3} dx = -I$ وبالتالي:

$$J=-I:$$

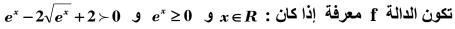
$f(x) = 2\ln(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2)$: مسألة

R نكل
$$e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 = (\sqrt{e^x} - 1)^2 + 1$$
: نتحقق أن : 1 + 1

د R من x اليكن

$$e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 = \left[\left(\sqrt{e^x}\right)^2 - 2\sqrt{e^x} + 1\right] + 1 = \left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1$$
 لدينا

. R نکل
$$e^{x} - 2\sqrt{e^{x}} + 2 = (\sqrt{e^{x}} - 1)^{2} + 1$$
 ومنه 1



 \mathbf{R} وحيث أن \mathbf{x} لكل \mathbf{x} لكل $\mathbf{e}^x \succ \mathbf{0}$ و $\left(\sqrt{\mathbf{e}^x} - 1\right)^2 + 1 \succ 0$ وحيث أن

 \mathbf{R} من \mathbf{X} لكل $\mathbf{e}^x - 2\sqrt{\mathbf{e}^x} + 2 > 0$ و $\mathbf{e}^x \geq 0$:

ومنه الدالة f معرفة على R.

، ليكن x من R.

 $e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 > 0$: لاينا

$$\frac{e^x-2\sqrt{e^x}+2}{x}$$
 $\succ 0$: زُن

. R من
$$x$$
 لكل $1-rac{2}{\sqrt{e^x}}+rac{2}{e^x}>0$ وبالتالي وبالتالي

$$\lim_{x \to +\infty} e^x = +\infty \quad \dot{\psi} \quad \lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{e^x} - 1 \right)^2 + 1 = +\infty \quad (2)$$

.
$$\lim_{X\to +\infty} \ln X = +\infty \lim_{x\to +\infty} f(x) = \lim_{x\to +\infty} 2\ln\left(\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1\right) = +\infty$$
: وبما أن



2 بكالوريا Institut Excel

_____ونيو 2009 ====

$\lim_{x \to -\infty} f(x) = \ln 4$: نبین أن

 $\lim_{x \to -\infty} f(x) = 2\ln 2 = \ln 4$: إذن $\lim_{x \to -\infty} e^x = 0$ نعلم أن

 $(-\infty)$ مقارب مواز لمحور الأفاصيل جوار $y=\ln 4$ مقارب مواز المحور الأفاصيل هندسيا

$$f'(x) = 2 \times \frac{2 \times \left(\sqrt{e^x} - 1\right)\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1} = 2 \frac{2 \times \frac{e^x}{2\sqrt{e^x}}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1} = \frac{2\sqrt{e^x}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1} : \mathbf{R} \text{ is } \mathbf{X} \text{ is } \mathbf{X}$$

.
$$e^0=1$$
 لأن $f'(0)=rac{2\sqrt{e^0}\left(\sqrt{e^0}-1
ight)}{\left(\sqrt{e^0}-1
ight)^2+1}=rac{0}{2}=0$: لاينا

$\sqrt{e^x} - 1$ بندرس إشارة 1

$$\sqrt{e^x} - 1 \succ 0 \Leftrightarrow \sqrt{e^x} \succ 1$$
 $\sqrt{e^x} - 1 = 0 \Leftrightarrow \sqrt{e^x} = 1$ $\Leftrightarrow e^x \succ 1$ $\Leftrightarrow e^x = 0$ $\Leftrightarrow x \succ 0$

ومنه : جدول إشارة $\sqrt{e^x} - 1$ هو

x	- ∞	0	+∞
$\sqrt{e^x}-1$	-	0	+

استنتاج

، ليكن x من R.

$$f'(x) = \frac{2\sqrt{e^x}\left(\sqrt{e^x} - 1\right)}{\left(\sqrt{e^x} - 1\right)^2 + 1}$$
: لدينا

وبما أن: f'(x) هي إشارة $2\sqrt{e^x}>0$ و $(\sqrt{e^x}-1)^2+1>0$ هي إشارة f'(x) . $[-\infty;0]$ و تناقصية على $[0;+\infty[$

4)أ. ليكن x من R ،

$$f(x) = 2\ln\left(e^{x}\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^{x}}} + \frac{2}{e^{x}}\right)\right) = 2\left[\ln e^{x} + \ln\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^{x}}} + \frac{2}{e^{x}}\right)\right] = 2x + 2\ln\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^{x}}} + \frac{2}{e^{x}}\right)$$
 : لدينا

.
$$\lim_{x \to +\infty} e^x = 0$$
 : $\lim_{x \to +\infty} f(x) - 2x = \lim_{x \to +\infty} 2\ln\left(1 - \frac{2}{\sqrt{e^x}} + \frac{2}{e^x}\right) = 0$: ب. لدينا : (4

 $(+\infty)$ ومنه المستقيم (D) الذي معادلته y=2x مقارب مائل لمنحنى الدالة

7)أ. ليكن x من 6 ،

$$(\sqrt{e^x} - 1)(\sqrt{e^x} - 2) = (\sqrt{e^x})^2 - 2\sqrt{e^x} - \sqrt{e^x} + 2 = e^x - 3\sqrt{e^x} + 2$$
 الدينا:

. R نم
$$(\sqrt{e^x} - 1)\sqrt{e^x} - 2 = e^x - 3\sqrt{e^x} + 2$$
 : ومنه :

تقديم: ذ. الوظيفي

Institut Excel

2 بكالوريا

_____ 2009 **_____**

5) ب. لدينا:

$$\sqrt{e^x} - 2 \succ 0 \Leftrightarrow \sqrt{e^x} \succ 2$$
 $\Leftrightarrow e^x \succ 4$

و

 $\Leftrightarrow e^x = 4$ $\Leftrightarrow x = \ln 4$

 $\sqrt{e^x} - 2 = 0 \Leftrightarrow \sqrt{e^x} = 2$

 $\Leftrightarrow e^x \succ 4$ $\Leftrightarrow x \succ \ln 4$

 \cdot ومنه : جدول إشارة $\sqrt{e^x}-1$ هو

x	- 8	ln4	+∞
$\sqrt{e^x}-2$	-	0	+

x	8	0		ln4	+∞
$\sqrt{e^x}-1$	-	\rightarrow	+		+
$\sqrt{{m e}^x}$ -2	-		-	$\overline{}$	+
$\sqrt{e^x-1}\sqrt{e^x-2}$	+	9	-	9	+

5)ج. ليكن x من [0;ln4]،

$$e^{x} - 3\sqrt{e^{x}} + 2 \le 0$$
: الدينا $(\sqrt{e^{x}} - 1)(\sqrt{e^{x}} - 2) \le 0$: لدينا

$$[0;\ln 4]$$
 من $e^x-2\sqrt{e^x}+2\leq \sqrt{e^x}$ عند وبالتالي:

5.د. لیکن x من [0;ln4]،

 $e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 \le \sqrt{e^x}$: الينا

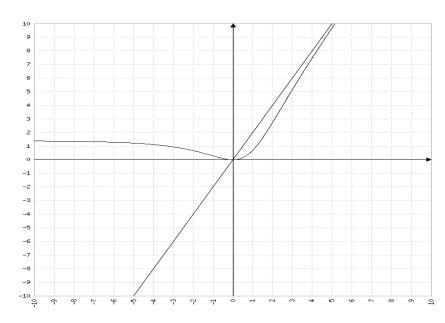
$$\ln(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2) \le \ln(e^x)^{\frac{1}{2}}$$
: $\sin(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2) \le \ln\sqrt{e^x}$: إذْن

$$\ln(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2) \le \frac{1}{2}\ln(e^x)$$
 وبالتالي:

$$2\ln(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2) \le \ln(e^x)$$
: ومنه

وبالتالي
$$f(x) \le x$$
 لكل x من $f(x)$

6. إنشاء منحنى f:



. N نعتبر المتتالية العددية المعرفة بما يلي $u_n=1=u_n$ و $u_{n+1}=f(u_n)$ لكل $u_n=1$

. N نبين أن $u \leq u_n \leq \ln 4$ لكل الكل 1

 $u_0 = 1$ لأن $1 \le u_0 \le \ln 4$ لأن n = 0 من أجل n = 0

. N من n ليكن

 $0 \le u_{n+1} \le \ln 4$ و لنبين أن $0 \le u_n \le \ln 4$ نفترض أن

 $0 \le u_n \le \ln 4$: لدينا

 $f(0) \le f(u_n) \le f(\ln 4)$ إذن : $f(0) \le f(u_n) \le f(\ln 4)$ إذن

 $0 \le u_{n+1} \le \ln 4$: وبالتالي

. N من $0 \le u_n \le \ln 4$. ومنه حسب مبدأالترجع

: نبين أن المتتالية (u_n) تناقصية.

ليكن n من N.

 $0 \le u_n \le \ln 4$ و $[0; \ln 4]$ لكل $f(x) \le x$ لدينا

 $u_{n+1}-u_n \leq 0$: أي $f(u_n) \leq u_n$ إذن

. N من $u_{n+1}-u_n \leq 0$ إذن u_{n+1}

ومنه: المتتالية (u_n) تناقصية

: نبین أن $\left(u_{n}\right)$ متقاربة ونحدد نهایتها3

لدينا: (u_n) تناقصية ومصغورة بالعدد u_n

انن: (u_n) متقاربة التكن انهايتها الناب

لدينا:

الدالة f متصلة على المجال $[0;\ln 4] = I$ و I = I و I = I الدالة $u_{n+1} = f(u_n)$ الدالة $u_{n+1} = f(u_n)$ الدالة u_n الدالة

 $I = [0; \ln 4]$ في f(x) = x إذن : $I = [0; \ln 4]$

 $I = [0; \ln 4]$ من \mathbf{x}

لدينا:

$$f(x) = x \Leftrightarrow 2\ln(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2) = x$$

$$\Leftrightarrow \ln\left(e^x - 2\sqrt{e^x} + 2\right) = \frac{1}{2}x$$

$$\Leftrightarrow e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 = e^{\frac{1}{2}x}$$

$$\Leftrightarrow e^x - 2\sqrt{e^x} + 2 = \sqrt{e^x}$$

$$\Leftrightarrow e^x - 3\sqrt{e^x} + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \left(\sqrt{e^x} - 1\right)\left(\sqrt{e^x} - 2\right) = 0$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{e^x} = 1 \ ou \ \sqrt{e^x} = 2$$

$$\Leftrightarrow e^x = 1 \ ou \ \sqrt{e^x} = 2$$

$$\Leftrightarrow x = 0 \quad ou \ e^x = 4$$

$$\Leftrightarrow x = 0$$
 ou $x = \ln 4$

l=0 وبما أن المتتالية (u_n) تناقصية فإن

ومنه :المتتالية (u_n) متقاربة نحو العدد 1

