



الامتدان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2016 ـ الموضوع ـ

المركز الوطنى للتقويم والامتحانات والتوجيه

وزارة التربية الولمنية كالمائة المائاة المائاة

والتكوين الممنى كالمناك المالالا المالالا ١١١٤٥٨ ٨

4°XNV≼4 Ι ΝΕሕΟ≾Θ 🥞

RS26

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام: يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها.

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية:

. 1

المملكة المغربية

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
 - يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغى عليك تعليل النتائج (مثلا: عند حساب النهايات، عند حساب

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
 - ينبغى عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروع؛
 - يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح؟
 - تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
 - تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

التمرين الأول: (4.5 نقط)

$$u_{n+1} = \frac{u_n-1}{u_n+3}$$
 ; $n \in \square$ و $u_0 = 0$: المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي المتتالية العددية

$$u_2$$
 9 u_1 | 0.5

$$u_{n+1} + 1 = \frac{2(u_n + 1)}{u_n + 3}$$
: N من n .1. 2 0.5

$$u_n > -1$$
 : \square من n من بالترجع أن لكل n من . 2 \square

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{(u_n + 1)^2}{u_n + 3}$$
: \square من n کن ایک n . ح. 2

د . استنتج أن
$$(u_n)_{n=0}$$
 متتالية تناقصية وأنها متقاربة . 0.5

$$N$$
 من n لكل $v_n = \frac{u_n + 2}{u_n + 1}$ نضع . 3

$$v_0$$
 أ. أ. احسب 0.25

$$v_{n+1} = \frac{3u_n + 5}{2(u_n + 1)}$$
: N من n نكل أن لكل من 3

$$\frac{1}{2}$$
 عتالیة حسابیة أساسها (v_n) عتالیة حسابیة اساسها 0.5

$$n$$
 د. احسب v_n بدلالة ، 0.25

$$u_n = \frac{-v_n + 2}{v_n - 1}$$
 : N من n أ. تحقق أن لكل n من n أ. تحقق أن الكل n

$$\square$$
 ب. استنتج أن $u_n = \frac{-n}{n+2}$ ككل الم من $u_n = \frac{-n}{n+2}$

$$\lim_{n\to+\infty} u_n$$
 انهایة . 4 0.25

التمرين الثاني: (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على إحدى عشرة كرة غير قابلة للتمييز باللمس، ثلاث منها بيضاء وأربع منها خضراء وأربع منها حمراء. نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الكيس.

1. نعتبر الأحداث التالية:

A: " الكرات الثلاث المسحوبة من نفس اللون "

" سحب كرة واحدة بالضبط من كل لون B

" الكرات الثلاث المسحوبة من لونين مختلفين C

$$p(A) = \frac{3}{55}$$
 هو A في أن احتمال الحدث A هو 1

B . ب . احسب احتمال الحدث f 11

$$p(C) = \frac{36}{55}$$
 it is . 1 0.5

2. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات البيضاء المسحوبة.

2 أ. أتمم ملء الجدول جانبه بعد نقله على ورقة تحريرك معللا جوابك. 1.5

x_{i}	O	1	2	3	
$p(X=x_i)$		84			

$$X$$
 الأمل الرياضي للمتغير العشوائي $E(X)$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي $E(X)$

الصفحة	
\sim	IRS

الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

26

التمرين الثالث: (11 نقطة)

$$f(x)=e^{2x}-4e^x+3$$
: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على (C,\vec{i},\vec{j}) نعتبر الدالة المبياني في معلم متعامد ممنظم وليكن (C,\vec{i},\vec{j})

$$f(x)=e^{x}(e^{x}-4)+3$$
 نحقق أن 0.5

ا د أ. احسب
$$f(x)$$
 وأعط تأويلا هندسيا للنتيجة. السب $\int_{-\infty}^{\infty} f(x)$

و
$$\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{r}$$
 و $\lim_{x\to +\infty} \frac{f(x)}{r}$ و $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ب. احسب 2 . 2 . 2.

$$\Box$$
 نک x کا $f'(x) = 2e^{x}(e^{x}-2)$ کا $f(x) = 1$

$$f$$
 على \Box ثم ضع جدول تغيرات الدالة $f'(x)$ على 1.5

. مع محور الأفاصيل . يتحقق أن
$$(e^x-1)(e^x-3)=f(x)$$
 ثم حدد نقطتي تقاطع المنحنى الأفاصيل . 1.5

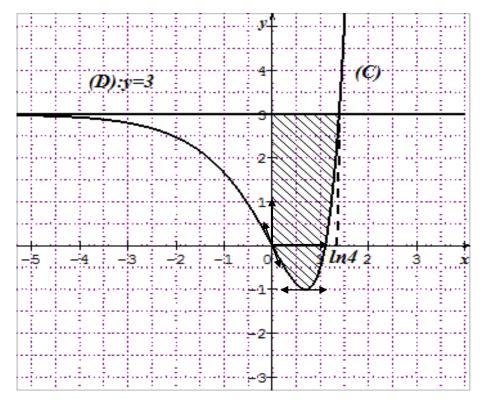
$$\square$$
 نکل x نکل $f''(x) = 4e^{-x}(e^{-x}-1)$ نکل x نکل آ. ا. بین أن $(x) = 4e^{-x}(e^{-x}-1)$

$$(C)$$
على المنحنى $O(0;0)$ نقطة انعطاف للمنحنى على المنتج أن $O(0;0)$ نقطة انعطاف للمنحنى المنحنى الم

$$O(0;0)$$
 في النقطة المماس $O(0;0)$ في النقطة المماس $O(0;0)$

$$y=3$$
 هو المستقيم ذو المعادلة و (D) هو التمثيل المبياني للدالة f و المستقيم ذو المعادلة و . 7

$$(D)$$
 أ. حدد نقطة تقاطع (C) والمستقيم. أ. 7





الامتمان الوطني الموحد للبكالوريا

₹«XNΛ≤₹ I NCΨO≤Θ 4°E°N°94 | 80XE< 91°E80 \$





الدورة الاستدراكية 2016 - عناصر الإجابة -

RR26

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الرياضيات مدة الإنجاز المادة 2 مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي المعامل الشعبة أو المسلك

	<u>'</u>			
		الأول (4.5 نقط)		
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال
	0.5	0.25 + 0.25	$u_2 = \frac{-1}{2}$ 9 $u_1 = \frac{-1}{3}$	1
	0.5	0.5		1.2
	0.5	0.5		2. ب
	0.5	0.5		2. ب 2 . ج 2.د
	0.5	0.25	تناقصية $\left(u_{n} ight)_{n\in\mathbb{I}}$	2.د
		0.25	$\left(u_{n}\right)_{n\in\mathbb{I}}$ اثبات تقارب	
	0.25	0.25	$v_0 = 2$	1.3
	0.25	0.25		٠.3
	0.5	0.5		3 . ع
	0.25	0.25	$v_n = 2 + \frac{n}{2}$	3. د
	0.25	0.25		1.4
	0.25	0.25		4.ب
ليس مطلوبا من المترشح تعليل النتيجة	0.25	0.25		7 .4
		7,2	ا مى (4.5 نقط)	التمرين الثان
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال
		0.5	وضع الصيغة الصحيحة	
	1	0.5	$p(A) = \frac{3}{55}$ وضع الصديدة الصديدة $p(A) = \frac{3}{55}$ وضع الصديدة وضع الصديدة الصديدة وضع الصديدة الصديدة وضع الصديدة الصديدة	¹ .1
		0.5	وضع الصيغة الصحيحة	1 . ب
تقبل كل طريقة صحيحة	1	0.5	$p(B) = \frac{16}{55}$	
	0.5	0.25	p(C)=1-(p(A)+p(B)) $ p(C) =1-(p(A)+p(B))$ $ p(C) =1-(p(A)+p(B))$	1 . ج
		0.25	التوصل إلى النتيجة	
		0.25	p(X=0) صيغة	
	1.5	0.25	$p(X=0) = \frac{56}{165}$	
تقبل كل طريقة صحيحة		0.25	ميغة p(X=2)	1.2
		0.25	$p\left(X=2\right) = \frac{24}{165}$	
		0.25	p(X=3) صيغة	
		0.25	$p(X=3) = \frac{1}{165}$	

الصفحة 2

RR 26

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2016 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

0.5 $E(X) = \frac{9}{11}$ \because . 2

			ث (11 نقطة)	التمرين الثال
	0.5	0.5		1
	0.75	0.25	$\lim_{x\to-\infty}f(x)=3$	1.2
		0.25	التعليل	
		0.25	التعليل التأويل الهندسي التعليل	
		0.25	التعليل	
		0.25	$\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$	
	1.25	0.25	التعليل	2 . ب
		0.25	$\lim_{x\to+\infty}\frac{f\left(x\right)}{x}=+\infty$	
		0.25	التأويل الهندسي	
_	1	1		1.3
	1.5	1	در اسة الإشارة	3. ب
	1.3	0.5	دراسة الإشارة جدول تغيرات f	÷.5
		0.5	التحقق	4
	1.5	0.5	التحقق $f(x) = 0$ المعادلة	4
		0.25×2	نقطتا التقاطع	
	0.5	0.5		1.5
		0.5	f''(x)=0حل المعادلة	_
	1.5	0.5 0.5	دراسة الإشارة استنتاج نقطة الانعطاف	5.ب
		0.5		
	0.5	0.5	(T): y = -2x	6
يقبل الحل الجبري كما يقبل الحل	0.5	0.25	حل المعادلة 3 $f(x)$ مبيانيا أو جبريا	1.7
المبياني	0.5	0.25	نقطة التقاطع	
		0.5	$\int_{0}^{\ln 4} (3 - f(x)) dx$:صيغة التكامل	
في حالة عدم ذكر وحدة القياس تمنح للمترشح النقطة كاملة: 1	1.5	1	$\int_{0}^{\ln 4} (3 - f(x)) dx = \frac{9}{2}$ $\frac{9}{2}u.a$ Illumination	7. ب
تسرسح التعدة فالمدارا			$\frac{9}{2}u.a$ المساحة	