

INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de quatre exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie de l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Exercice 4	Equations différentielles et calcul intégral	2.5 points
Problème	Etude de fonctions numériques et suites numériques	8.5 points

- ✓ On désigne par \overline{z} le conjugué du nombre complexe z et |z| son module
- \checkmark ln désigne la fonction logarithme népérien

0,5

0,5

0,5

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2022 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية: مسلك العلوم الزراعية باللغة الفرنسية

«S

Exercice 1 (3points):

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points A(0,1,1), B(1,2,0) et C(-1,1,2)

- 0,5 | 1) a) Montrer que $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{k}$
- b) En déduire que x+z-1=0est une équation cartésienne du plan (ABC)
- 0,5 2) Soit (S) la sphère de centre $\Omega(1,1,2)$ et de rayon $R = \sqrt{2}$ Déterminer une équation de la sphère (S)
- 0,5 3) Montrer que le plan (ABC) est tangent à la sphère (S) au point A
 - 4) On considère la droite (Δ) passant par le point C et perpendiculaire au plan (ABC)
- a) Déterminer une représentation paramétrique de la droite (Δ)
- b) Montrer que la droite (Δ) est tangente à la sphère (S) en un point D dont on déterminera les coordonnées
- 0,5 c) Calculer le produit scalaire $\overrightarrow{AC} \cdot (\overrightarrow{i} + \overrightarrow{k})$, puis en déduire la distance $d(A, (\Delta))$

Exercice 2 (3points):

Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{u}, \vec{v}) , on considère le point A d'affixe $a = -1 - i\sqrt{3}$, le point B d'affixe $b = -1 + i\sqrt{3}$ et la translation t de vecteur \overrightarrow{OA}

- 0,5 | 1) Prouver que l'affixe du point D image du point B par la translation t est d = -2
 - 2) On considère la rotation R de centre D et d'angle $\left(\frac{2\pi}{3}\right)$.
 - Montrer que l'affixe du point C image du point B par la rotation R est c = -4
- 0,5 3) a) Ecrire le nombre $\frac{b-c}{a-c}$ sous forme trigonométrique
 - b) En déduire que $\left(\frac{b-c}{a-c}\right)^2 = \frac{c-d}{b-d}$
 - 4) Soient(Γ) le cercle de centre D et de rayon 2 , (Γ') le cercle de centre O et de rayon 4 et M un point d'affixe z appartenant aux deux cercles (Γ) et (Γ')
- 0,25 a) Vérifier que |z+2|=2
 - b) Prouver que $z + \overline{z} = -8$ (remarquer que |z| = 4)
- c) En déduire que les cercles (Γ) et (Γ') se coupent en un point unique qu'on déterminera

لصفحة 4	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2022 – الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية: مسلك العلوم الزراعية باللغة الفرنسية					
	Exercice 3 (3points):					
	Une urne contient dix boules : trois boules blanches, trois boules vertes et quatre boules rouges					
	indiscernables au toucher. On tire au hasard simultanément trois boules de l'urne.					
0,75	1) Montrer que $p(A) = \frac{1}{6}$; où A est l'évènement "N'obtenir aucune boule rouge "					
0,75	2) Calculer $p(B)$; où B est l'évènement "Obtenir trois boules blanches ou trois boules vertes "					
0,75	3) Montrer que $p(C) = \frac{1}{2}$; où C est l'évènement "Obtenir exactement une boule rouge "					
0,75	4) Calculer $p(D)$; où D est l'évènement "Obtenir au moins deux boules rouges "					
	Exercice 4 (2.5points):					
	On considère la fonction h définie sur \square par $h(x) = (x+1)e^x$					
0,75	1) a) Vérifier que $x \mapsto xe^x$ est une primitive de la fonction h sur \Box ; puis calculer $I = \int_{-1}^0 h(x) dx$					
0,75	b) A l'aide d'une intégration par parties calculer $J = \int_{-1}^{0} (x+1)^2 e^x dx$					
0,5	2) a) Résoudre l'équation différentielle (E) : $y'' - 2y' + y = 0$					
0,5	b) Montrer que la fonction h est la solution de (E) qui vérifie les conditions $h(0) = 1$ et $h'(0) = 2$					
	Problème (8.5points):					
	On considère la fonction numérique f définie sur \Box par $f(x) = x(e^{\frac{x}{2}} - 1)^2$.					
	Soit (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (unité : $1cm$)					
0,5	1) Calculer $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \to -\infty} f(x)$					
0,5	2) Calculer $\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x}$ et interpréter géométriquement le résultat					

- 3) a) Montrer que la droite (Δ) d'équation y = x est asymptote à la courbe (C) au voisinage de $-\infty$
 - b) Etudier le signe de (f(x)-x) pour tout x de \square et en déduire la position relative de la courbe (C) et la droite (Δ)
- 4) a) Montrer que $f'(x) = (e^{\frac{x}{2}} 1)^2 + xe^{\frac{x}{2}}(e^{\frac{x}{2}} 1)$ pour tout $x \text{ de } \Box$
 - b) Vérifier que $x(e^{\frac{x}{2}}-1) \ge 0$ pour tout x de \square puis en déduire le signe de la fonction dérivée f' sur \square
- 0,25 c) Dresser le tableau des variations de la fonction f sur \Box

0,5

0,75

0,5

0,5

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2022 - الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية: مسلك العلوم الزراعية باللغة الفرنسية NS 22AG 5) a) Montrer que $f''(x) = \frac{1}{2} e^{\frac{x}{2}} g(x)$; où $g(x) = \frac{1}{2} e^{\frac{x}{2}} - x - 4$ pour tout x de \Box 0,5 b) A partir de la courbe ci-contre de la fonction g, 0,5 déterminer le signe de g(x) sur \Box (Remarque : $g(\alpha) = 0$) 0,5 c) Etudier la concavité de la courbe (C) et déterminer les abscisses des deux points d'inflexions. 6) Construire la courbe (C) dans le repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$ 1 (On prend : $ln(4) \square 1,4$, $\alpha \square -4,5$ et $f(\alpha) \square -3,5$) 0,5 7) a) Montrer que la fonction f admet une fonction réciproque f^{-1} définie sur \square b) Calculer $(f^{-1})'(\ln 4)$ 0,25 8) Soit (u_n) la suite numérique définie par $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = f(u_n)$ pour tout $n de \square$

a) Montrer par récurrence que $0 < u_n < \ln 4$ pour tout $n \det \square$

b) Montrer que la suite (u_n) est décroissante.

d) Calculer la limite de la suite (u_n) .

c) En déduire que la suite (u_n) est convergente.

0,5

0,5

0,25

0,5

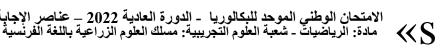
الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المملكة المغربية 40XNV41 NEAO10 الدورة العادية 2022 الصفحة: 1 على 3 وزارة التربية الوصنية 4.E.U.04 | 80XEE .I.E80 **«S** والتعليم الأولو والرياضة والمنااة الم ٥٥٥ ٨ ١١١١١٥ ٨ م ١٥٥٥١٨ ٨ م المركز الوصنو للتقويم والامتحانات - عناصر الإجابة -**I NR 22AG SSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSS الرياضيات المادة مدة 7 المعامل 3 شعبة العلوم التجريبية: مسلك العلوم الزراعية باللغة الفرنسية الإنجاز

الشعبة والمسلك

On prendra en compte les différentes étapes de la solution et on acceptera toute méthode correcte.

	Questions	Notes	Eléments de réponses
Exercice 1	1-a	0.5	
	1-b	0.25	
	2	0.5	
	3	0.5	0.25 pour la tangence et 0.25 pour le point de tangence
	4-a	0.25	
	4-b	0.5	0.25 pour la tangence et 0.25 pour le point de tangence
	4-с	0.5	0.25 pour le produit scalaire et 0.25 pour la distance
Exercice 2	1	0.5	
	2	0.5	
	3-a	0.5	
	3-b	0.5	
	4-a	0.25	
	4-b	0.5	
	4-с	0.25	
Exercice 3	1	0.75	
	2	0.75	
	3	0.75	
	4	0.75	
Exercice4	1-a	0.75	
	1-b	0.75	
	2-a	0.5	
	2-b	0.5	

NR 22AG الصفحة : 2 على 3	- الدورة العادية 2022 – عناصر الإجابة ريبية: مسلك العلوم الزراعية باللغة الفرنسية
--------------------------	--





	Questions	Notes	Eléments de réponses
Problème	1	0.5	0.25 pour chaque limite
	2	0.5	0.25 pour la limite et 0.25 pour l'interprétation géométrique
	3-a	0.5	
	3-b	0.75	0.5 pour signe de $(f(x)-x)$ et 0.25 pour la position relative
	4-a	0.5	
	4-b	0.5	0.25 pour la vérification et 0.25 pour le signe de la dérivée
	4-c	0.25	
	5-a	0.5	
	5-b	0.5	
	5-c	0.5	0.25 pour la concavité et 0.25 pour les abscisses des points d'inflexion 0 et α
	6	1	Voir le détail dans le graphe ci-dessous
	7-a	0.5	
	7-b	0.25	
	8-a	0.5	
	8-b	0.5	
	8-c	0.25	
	8-d	0.5	

NR 22AG

الصفحة: 3 على 3

