

- مدة الاختبار هي أربع ساعات.
- يتضمن موضوع الاختبار أربعة تمارين مستقلة فيما بينها.
- يمكن أن تنجز التمارين حسب الترتيب الذي يختاره المترشح.

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة كيفما كان نوعها لا يسمح باستعمال اللون الأحمر الصفحة 2 RS 24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2022 - الموضوع - مادة: الرياضيات- مسلك العلوم الرياضية - أ و ب

التمرين 1: (10 نقط)

$$("x\hat{1};)$$
 ; $1+x \pm e^{x}$: بين أن -1.A | 0.25

$$("x\hat{1}; +)$$
 ; $0 \pm 1 - e^{-x} \pm x$ (0.25) بین أن: 0.25

$$("x\hat{1}; +)$$
 ; $0 \pounds 1 - x + \frac{x^2}{2} - e^{-x} \pounds \frac{x^3}{6}$: (0.5)

$$\lim_{x \to 0^+} \frac{1 - x - e^{-x}}{x^2} = -\frac{1}{2} : نین أن: 0.5$$

: بما يلى $I= \llbracket 0, + rac{1}{2} \rrbracket$ بما يلى . \mathbf{B}

$$("x\hat{1} p,+Y) ; f(x) = \frac{e^{-x} - e^{-2x}}{x}$$
 $f(0) = 1$

 $\left(O;i,j
ight)$ وليكن $\left(C
ight)$ منحناها الممثل في معلم متعامد ممنظم وليكن

$$0$$
 بين أن f متصلة على اليمين في f بين أن اليمين في f

("
$$x\hat{1}$$
] $p,+$ \pm] ; $\frac{f(x)-1}{x} = \frac{1-2x-e^{-2x}}{x^2} - \frac{1-x-e^{-x}}{x^2} : 0.25$

0 وأن العدد المشتق على اليمين في f وأن العدد المشتق على اليمين في f

0.5

$$("x\hat{1} p,+ \) ; f \phi(x) \pounds - e^{-2x} : (ب) بین أن:$$

 $(1+x \pm e^x)$ استعمال: (1+ x

$$I$$
 على استنتج منحى تغيرات f على ا 0.25

$$("x>0)$$
; $f \not\in (x) = \frac{e^{-2x}}{x^3} (-4x^2 - 4x - 2 + e^x (2 + 2x + x^2))$: 3

("
$$x^3$$
 0) ; $1+x+\frac{x^2}{2}$ £ e^x () 0.25

$$("x>0)$$
 ; $f \#(x)>0$: 0.5

$$\lim_{x \to 0^+} f \phi(x) = -\frac{3}{2}$$
 -4

$$\lim_{x \to +\infty} f \phi(x) = 0$$
 : بين أن (0.5

$$("x\hat{1} I)$$
; $|f\phi(x)|$ £ $\frac{3}{2}$: (0.5

لصفحة	1	
	3	RS 24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2022 - الموضوع - مادة: الرياضيات- مسلك العلوم الرياضية - أ و ب

أ احسب
$$f(x)$$
 ثم أول مبيانيا النتيجة المحصل عليها أول مبيانيا النتيجة المحصل عليها.

$$f$$
 ب) ضع جدول تغیرات f

0.5

0.5

$$T(0,1)$$
 ج) حدد الوضع النسبي للمنحنى (C) بالنسبة لنصف مماسه عند النقطة $(0,25)$

$$(O;i,j)$$
د) مثل مبيانيا المنحنى (C) في المعلم ((C)

$$g(x)=f(x)-x$$
 نضع: من [0;1]، نضع: 1.C

أ) بين أن
$$g$$
 تقابل من $[0;1]$ نحو مجال J يتم تحديده.

$$f(a) = a$$
 بين أنه يوجد عدد حقيقي و حيد a من 0.5 بحيث في بين أنه يوجد عدد حقيقي و حيد

نعتبر ،
$$\{0;1....,n\}$$
 من k عدد صحیح طبیعی غیر منعدم n و لکل عدد صحیح k نعتبر

الأعداد الحقيقية
$$x_k = \frac{ka}{n}$$
 و نضع:

"
$$k \hat{1} \{0;1;....;n\}$$
 ; $|J_k - I_k| \pounds \frac{3}{2} \grave{O}_{x_k}^{x_{k+1}} (t - x_k) dt$: 0.5

"
$$k$$
 Î $\{0;1;....;n\}$; $|J_k - I_k|$ £ $\frac{3 a_k^2}{4 e_n \dot{\phi}} \dot{\frac{\ddot{o}^2}{\dot{\phi}}}$: ناتج أن:

$$L = \grave{O}_0^a f(t)dt$$
 :- نضع: -3

$$\left|\frac{\mathbf{a}}{n} \overset{k=n-1}{\overset{k=n}{\hat{\mathbf{a}}}} f \overset{\text{def}}{\overset{k=n}{\hat{\mathbf{b}}}} L\right| \pounds \frac{3}{4} \frac{\mathbf{a}^2}{n} : \overset{\cdot}{\overset{\cdot}{\overset{\cdot}{\mathbf{a}}}} n \text{ if } 0.5$$

$$\lim_{n \to +\frac{1}{2}} \frac{\ddot{a}}{n} \stackrel{\stackrel{\stackrel{\circ}{a}}{a}}{\overset{k=0}{n}} f \stackrel{\stackrel{\circ}{a}}{\overset{\varepsilon}{a}} = O_0^a f(t)dt$$
 ب استنتج أن: 0.25

التمرين2: (3.5 نقطة)

$$\mathbb{E} \setminus \{-1;0;1\}$$
 ليكن m من

$$:z$$
نعتبر في \pounds المعادلة (E_m) ذات المجهول .I

$$(E_m)$$
: $mz^2 - (m-1)^2 z - (m-1)^2 = 0$

$$D = (m^2 - 1)^2$$
 هو: (E_m) هين أن مميز المعادلة (0.25

$$(E_m)$$
 جدد z_2 و z_2 حلي المعادلة (0.5

$$0 < q < p$$
 ، حيث: $m = e^{iq}$ ، حيث: $0 < q < p$ ، حيث: $0 < q < p$ ، حيث: 0.5 اكتب $0 < q < p$ على الشكل الأسى.

الصفحة 4 RS 24

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2022 - الموضوع - مادة: الرياضيات- مسلك العلوم الرياضية - أ و ب

(O,u,v) المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر .(O,u,v)

 $\frac{1}{m}$ - 1 و m- 1 و اللتين لحقاهما على التوالي M- 1 و M- التين لحقاهما على التوالي M- التين لحقاهما على التين لحقاهم على

 $m\,\hat{\mathbf{l}}$; النقط O و A و A مستقيمية إذا و فقط إذا كان النقط

2- نفترض أن m غير حقيقى.

A النقطة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته $\frac{p}{3}$ و D صورة النقطة C

 $\frac{p}{3}$ بالدوران الذي مركزه O و زاويته

و لتكن P(p) و Q(q) و Q(q) منتصفات القطع و AC و لتكن و Q(q) و و لتكن

$$c=m$$
- $1+rac{lpha 1}{6m}$ - $m\frac{\ddot{o}}{\dot{e}}^{i\frac{p}{3}}$: هو C هو النقطة C بين أن لحق النقطة C

 $d=(m-1)e^{irac{p}{3}}$ و أن لحق النقطة D هو:

 $2(p-r)=m-1+rac{\overset{\mathbf{e}}{\mathbf{e}}_{1}}{\overset{\mathbf{e}}{\mathbf{e}}_{m}}-m\frac{\overset{\mathbf{o}}{\mathbf{e}}_{3}}{\overset{\mathbf{e}}{\mathbf{e}}_{3}}-1\frac{\overset{\mathbf{o}}{\mathbf{e}}}{\overset{\mathbf{o}}{\mathbf{e}}_{3}}$ ب) بین أن:

0.5

0.5

0.5

$$2(q-r) = (m-1)e^{i\frac{p}{3}} - \underbrace{\frac{x}{x}}_{m} - m\frac{\ddot{o}}{\dot{x}}_{m}$$

0.25

 $q-r=e^{irac{p}{3}}(p-r)$ بین آن:

0.5

د) ما هي طبيعة المثلث PQR ؟ (علل جوابك).

التمرين 3: (3.5 نقط)

 $I = \begin{cases} 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{cases}$ نذکر أن $(M_3(;), +, ')$ حلقة واحدية و غير تبادلية و غير كاملة وحدتها نذكر أن $(M_3(;), +, ')$

(القانون ' هو الضرب الاعتيادي للمصفوفات)

 $G = \{M(a)/a\hat{1} ; \}$ ولتكن

 $("a\hat{1};); j(a)=M(a): المعرف بما يلي: <math>M_3(i)$ من $M_3(i)$ نحو $M_3(i)$ نحو $M_3(i)$ نحو $M_3(i)$ نحو $M_3(i)$ نحو $M_3(i)$

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2022 - الموضوع **RS 24** - مادة: الرياضيات- مسلك العلوم الرياضية - أ و ب ب) بین أن G (i)=G ، ثم استنتج أن(G,') زمرة تبادلیة. 0.5 (G,') حدد J العنصر المحايد في 0.5 (G,') في M(a) عدد مقلوب 0.5 M(1)' X = M(2) المعادلة: (G,') ه) حل في 0.5 $("a\hat{1};); M(a)' J = M(a)' I$ بین أن: 1-2 0.25 $(M_3(;),')$ استنتج أن لكل a من M(a)، ن من a من (ب 0.5 ج) تحقق أن المصفوفات على شكل $\frac{\dot{c}}{\dot{z}}$ 3 0 0 0 بحيث 0 0 0 0 ج 0.25 M(1)' X = M(2) : للمعادلة: $(M_3(i), i)$ التمرين 4: (3 نقط) 1- بين أن العدد 137 أولى 0.5

- 38u + 136v = 2 حدد زوج (u,v) من (u,v) حدد زوج -2 0.5
 - x^{38} ° 1 [137] بحیث: x من x من x بحیث: 3
 - أ) بين أن x و 137 أوليان فيما بينهما. 0.5
 - x^{136} o 1 [137] : بين أن 0.5
 - x^{2} o 1 [137] :ج) بين أن 0.5
- x^{19} ° 1 [137] ه المعادلة ϕ المجموعة ϕ (E): 0.5

انتهى

الصفحة: 1 على 2

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2022



**I

- عناصر الإجابة -

RR 24

الرياضيات

مسلك العلوم الرياضية - أ و ب

مدة 4 المعامل الإنجاز 4

المادة الشعبة والمسلك

سلم التنقيط	عناصر الإجابة		التمرين 1	
0.25	المتفاوتة		-1	-A
0.25	المتفاوتة المزدوجة	(أ	-2	
0.5	استنتاج المتفاوتة المزدوجة	Ĺ)		
0.5	حساب النهاية	ج)		
0.5	الاتصال على اليمين في 0	(أ	-1	-B
0.25	التحقق من المتفاوتة	<u>(</u> ب		
0.5	0 استنتاج قابلية اشتقاق الدالة f على اليمين في 0 و العدد المشتق على اليمين في	(5)		
0.5	$f \not\in (x)$ حساب	(أ	-2	
0.5	$f ot\!\!/ (x) \pounds$ - e^{-2x} البر هنة على المتفاوتة	ب)		
0.25	I تناقصية قطعا على f	(ج		
0.25	المتفاوتة	أ)	-3	
0.5	استنتاج	<u>J</u> .		
0.5	حساب النهاية	(أ	-4	
0.5	استنتاج	ب)		
0.25	حساب النهاية	(أ	- 5	
0.25	التأويل المبياني			
0.25	جدول التغيرات	ب)		
0.25	الوضع النسبي للمنحنى (C) مع نصف مماسه.	ج)		
0.5	التمثيل المبياني	(7		
0.5	$J=egin{array}{c} \stackrel{ m \'e}{ m e}-e^2-1 \ \stackrel{ m \'e}{ m e} e^2 \end{array}; \stackrel{ m V}{ m U}$ نحو نحو $[0;1]$ نحو g	(أ	-1	-C
0.25x2	lpha وجود و وحدانية	Ĺ)		
0.5	ثم تطبيق متفاوتة التزايدات المنتهية $ig J_k$ - $ig J_k$ ج $ig J_k$ اثم تطبيق متفاوتة التزايدات المنتهية $ig J_k$	(أ	-2	
0.5	استنتاج المتفاوتة البرهنة على المتفاوتة	ب)		
0.5	البر هنة على المتفاوتة	(أ	-3	
0.25	استنتاج النهاية	Ĺ)		

سلم التنقيط	عناصر الإجابة	,	التمرين2	
0.25	حساب المميز	(أ	-1	-I
0.25x2	z_2 و z_1	J·		
0.25x2	Z_2 الشكل الأسي لكل من Z_1 و	-2		
0.5	التكافق	-1		-II
0.25x2	d و c	(1	-2	

ى 2	الصفحة : 2 على	RR 24	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة الاستدراكية 2022 - عناصر الإجابة مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الرياضية - أ و ب				
	0.25x2		2(q- $r)$ و $2(p$ - $r)$	ب)			
	0.25		المتساوية	ج)			
	0.25		المثلث PQR متساوي الأضلاع	د)			
	0.25		التطيل	(-			

سلم التنقيط	عناصر الإجابة		التمرين 3
0.5	j تشاکل j	(أ	-1
0.25	j (;)= G	(
0.25	ن مرة تبادلية(G,') زمرة تبادلية	ب)	
0.5	J يحديد	ج)	
0.5	$(G,^{'})$ تحديد المقلوب $M\left(a ight)$ في الزمرة	(7	
0.5	حل المعادلة	(٥	
0.25	$M\left(a ight)^{\prime}\;I=M\left(a ight)^{\prime}\;J$ البرهنة على المتساوية	(1	-2
0.5	الاستنتاج	ب)	
0.25	التحقق	ج)	

سلم التنقيط	عناصر الإجابة	40	التمريز
0.5	المعدد 137 أولي		-1
0.5	خوارزمية أقليدس		-2
0.5	مبرهنة بوزو أو أية طريقة صحيحة أخري	(أ	-3
0.5	مبر هنة فيرما	ب)	
0.5	تطبيق 2-	ج)	
0.5	$S = \{1 + 137k : k \hat{1} \notin \}$		-4