



الامتمان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2016 _____

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

وزارة التربية الولمنية كالمربية الولمنية المالمية المالمي

والتكوين الممنى كالمناك المالالا المالالا ١١١٤٥٨ ٨

4°XNV₹4 I NEAO₹Θ

NS 26

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام: يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها.

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية:

. 1

المملكة المغربية

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
 - يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغى عليك تعليل النتائج (مثلا: عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،...).

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
 - ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
 - يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح؛
 - تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
 - تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

NS 26

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2016 - الموضوع - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

التمرين الأول: (4.5 نقط)

$$u_{n+1}=rac{2}{5}u_n+1$$
 و $u_0=0$ المعرفة بما يلي: $u_0=0$ المعرفة بما يلي:

$$u_2$$
 u_1 u_2 . 1 0.5

$$u_n < \frac{5}{3}$$
: \square من n من بالترجع أن لكل n من . 2

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{5} \left(u_n - \frac{5}{3} \right)$$
: \square من n نكل n نكل . 3

ه. ب. استنتج أن
$$(u_n)_{n=1}$$
 متتالية تزايدية وأنها متقاربة . 3 متالية ترايدية وأنها متقاربة .

$$\square$$
 نضع $v_n = u_n - \frac{5}{3}$ نضع . 4

$$v_0$$
 .1. 1 0.25

$$\frac{2}{5}$$
 هندسية أساسها (v_n) $_{n\in \mathbb{Z}}$ عندسية أساسها 0.5

$$u_n = -\frac{5}{3} \left(\frac{2}{5}\right)^n + \frac{5}{3}$$
 ا لكل $u_n = v_n$ لكل ا لكل ا د. ج. احسب v_n بدلالة الم

$$\lim_{n\to+\infty}u_n$$
 1. د . احسب النهاية 0.5

التمرين الثاني: (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على سبع كرات غير قابلة للتمييز باللمس، كرتان لونهما أبيض وثلاث كرات لونها أحمر وكرتان لونهما أخضر. نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس.

1 . نعتبر الحدثين التاليين:

" الكرتان المسحوبتان من نفس اللون " : A

" من بين الكرتين المسحوبتين توجد على الأقل كرة حمراء : B

$$p(A) = \frac{5}{21}$$
 هو A الحدث A هو 1.1

$$p(A \cap B) = \frac{1}{7}$$
 بين أن . **1**

د. هل الحدثان A و B مستقلان ؟ علل جوابك . 0.5

2. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة.

				 -	-	7 · 7 · 7 · 7 · - ·	
\mathcal{X}_i	0	1	2) [2.أ. املإ الجدول جانبه بعد نقله	0.75
$(X = x_{\cdot})$						على ورقة تحريرك معللا جوابك .	

X الأمل الرياضي للمتغير العشوائي E(X) الأمل الرياضي المتغير العشوائي

التمرين الثالث : (11 نقطة) الجزء الأول:

$$g(x)$$
انعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $g(x)$ بما يلي: g للمتغير الحقيقي المعرفة على $g(x)$

$$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} g(x) = -\infty$$
 نين أن .1 0.5

$$\lim_{x \to +\infty} g(x)$$
 الب. احسب النهاية 0.5

الصفحة	
3	NS

26

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2016 - الموضوع

- مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

$$g'(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{x^3}$$
:]0;+ ∞ [من x من]0.5

$$]0;+\infty[$$
 على $g'(x)$ على g ... أعط إشارة

$$]0;+\infty[$$
 على $]0;+\infty[$ على $]0;+\infty[$ على $]0;+\infty[$ على $]0;+\infty[$

[1;+
$$\infty$$
[وأن $g(x) \ge 0$ على $g(x) \ge 0$ على [1;+ 0] على

$$(C)$$
 نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $f(x)=\frac{1}{x}+x\ln x$ وليكن و نعتبر الدالة العددية المتغير الحقيقي والمعرفة على المعرفة على المعرفة

تمثیلها المبیانی فی معلم متعامد ممنظم
$$\left(0,\vec{i},\vec{j}
ight)$$

$$\lim_{\substack{x \to 0 \ x>0}} f(x) = +\infty$$
 أن $\lim_{\substack{x \to 0 \ x>0}} f(x)$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.

النتيجة. يا احسب
$$f(x)$$
 و $\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x}$ و $\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x}$ و النتيجة. 1.75

$$]0;+\infty[$$
 کک $f'(x)=g(x)$ کا . ۱ . 2

$$f$$
 أنم ضع جدول تغيرات الدالة $f(1)$ أنه ضع جدول تغيرات الدالة ع

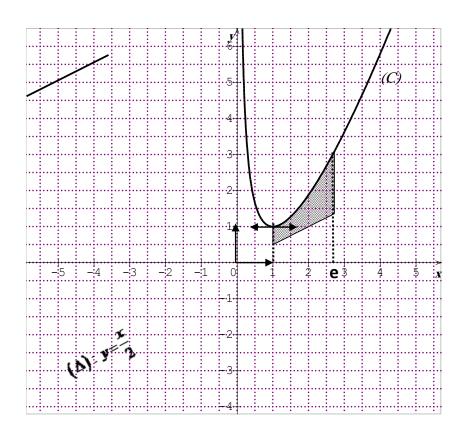
1

1.5

$$F(x) = -rac{x^2}{4} + \left(rac{x^2}{2} + 1
ight) \ln x$$
: ينعتبر الدالة العددية F المعرفة على F المعرفة على 3.

$$]0;+\infty[$$
 بين أن F دالة أصلية للدالة f على المجال f

$$y=rac{x}{2}$$
 هو المعادلة f هو المبياني للدالة f هو المستقيم ذو المعادلة و C هو المستقيم أسفله المبياني للدالة عن المبياني الدالة f هو المعادلة المبياني ا







الامتمان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2016 عناصر الإجابة -

المملكة المغربية وزارة التربية الولمنية والتكوين المهنب في المالالا، ٢١١٤٥١ م 1 €0.00 المالات

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

NR 26

المدة الإياضيات مدة الإنجاز 2 مدة الإنجاز 2 الشعبة أو المسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي المعامل 4

	، (4.5 نقط)					
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال		
	0.5	0.25 + 0.25	$u_2 = \frac{7}{5}$ 9 $u_1 = 1$	1		
	0.5	0.5		1.3		
	0.5	0.5		1.3		
	0.75	0.5	تزايدية $\left(u_{n}\right)_{n\in\mathbb{D}}$	3 . ب		
		0.25	$\left(u_{n}\right)_{n\in\mathbb{I}}$ إثبات تقارب	÷.5		
	0.25	0.25	$v_0 = -\frac{5}{3}$	1.4		
	0.5	0.5		4 . ب		
	1	0.5	$v_n = -\frac{5}{3} \left(\frac{2}{5}\right)^n$	- 1		
		0.5	$u_n = -\frac{5}{3} \left(\frac{2}{5}\right)^n + \frac{5}{3}$			
في حالة تقديم النتيجة صحيحة دون تعليل	0.5	0.25	التعليل النتيجة	4 . د		
تمنح للمتر شح 0.25	0.3	0.25				
	تمرين الثاني (4.5 نقط) السؤال تفصيل سلم التنقيط النقط الجزئية المجموع					
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال		
i in the term	1	0.5	$C_7^2 = 21$	١. 1		
تقبل كل طريقة صحيحة		0.5	$p(A) = \frac{5}{21}$ إثبات أن			
	1	0.5	$p(B)=1-p(\overline{B})$: الصيغة			
تقبل كل طريقة صحيحة		0.5	$p(B) = \frac{5}{7}$	1 . ب		
تقبل كل طريقة صحيحة	1	0.5	$p(A \cap B) = \frac{C_3^2}{21}$ $p(A \cap B) = \frac{1}{7}$	1 . ج		
		0.5	$p(A \cap B) = \frac{1}{7}$	٠.١		
	0.5	0.25	التعليل	, 1		
	0.5	0.25	النتيجة	۵.1		
	0.75	0.25	$p(X=0) = \frac{2}{7}$			
		0.25	التعليل التعليل التعليل $p(X=0) = \frac{2}{7}$ $p(X=1) = \frac{4}{7}$	1.2		
		0.25	$p(X=2) = \frac{1}{7}$			
	0.25	0.25	$E(X) = \frac{6}{7}$	2 . ب		

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2016 – عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات – مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي

لتمرين الثالث (11 نقطة) لجزء الأول: لسؤال تفصيل سلم التنقيط النقط الجزئية المجموع ملاحظات					
جزء الأول:					
ملاحظات	المجموع	النقط الجزئية	تفصيل سلم التنقيط	السؤال	
	0.5	0.5	$\lim_{\substack{x \to 0 \ x>0}} g(x) = -\infty$ إثبات أن	١.1	
	0.5	0.25	التعليل	1	
		0.25	$\lim_{x\to+\infty} g(x) = +\infty$	1 . ب	
	0.5	0.5	التحقق		
	0.5	0.5	$oldsymbol{g'(x)}$ إشارة	2 . ب	
	0.75	0.25	g(1)=0	ح . 2	
	0.75	0.5	جدول تغيرات g		
	1	2x0. 5	إ شارة g	2 . د	
				الجزء الثاني	
	1	0.75	$\lim_{\substack{x o 0 \ x o 0}} f\left(x ight) = + \infty$ إثبات أن	١.1	
		0.25	التأويل الهندسي		
	1.75	0.25	التأويل الهندسي التعليل		
		0.5	$\lim_{x\to+\infty}f(x)=+\infty$		
		0.25	التعليل	1 . ب	
		0.5	$\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ التأويل الهندسي		
		0.25	التأويل الهندسي		
	1	1	f'(x) = g(x) إثبات أن	1.2	
	1	0.25	f(1) = 1 جدول تغیرات f	2 . ب	
		0.75	جدول تغیرات f		
	1	1	f دالة أصلية ل F دالة	. 3	
	1.5	0.5	$\int_{1}^{e} \left(f(x) - \frac{x}{2} \right) dx$ صيغة التكامل		
في حالة عدم ذكر وحدة القياس تمنح للمترشح النقطة كاملة: 1		1	$\int_{1}^{e} \left(f(x) - \frac{x}{2} \right) dx = \frac{3}{2}$. 4	
נומנל ונוצשי בומניי. 1			$\frac{3}{2}$ u.a المساحة		