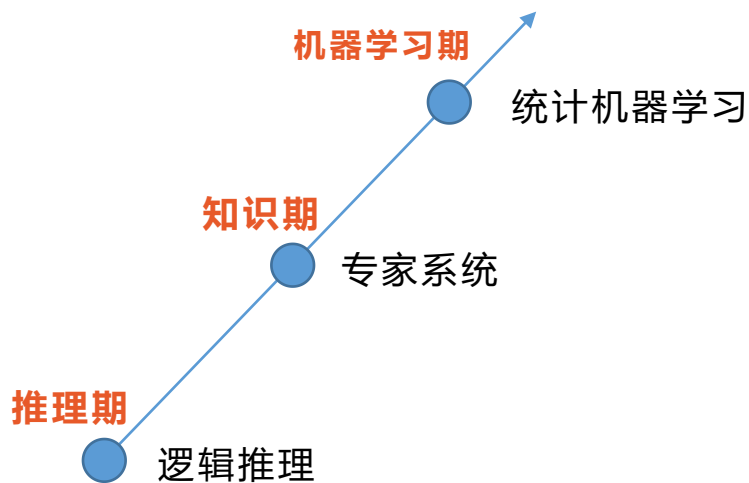


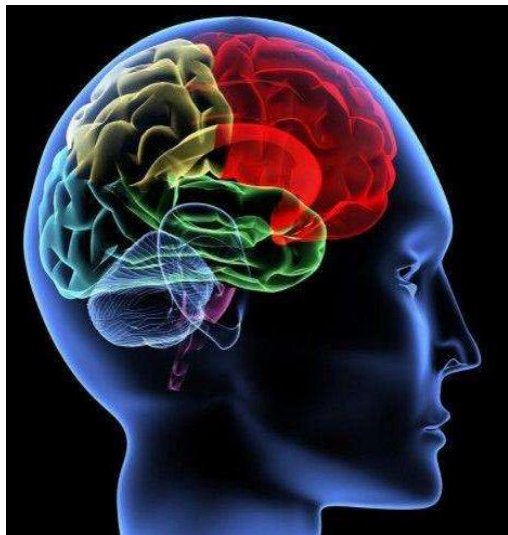
12 人工神经网络

西安科技大学 牟琦
muqi@xust.edu.cn



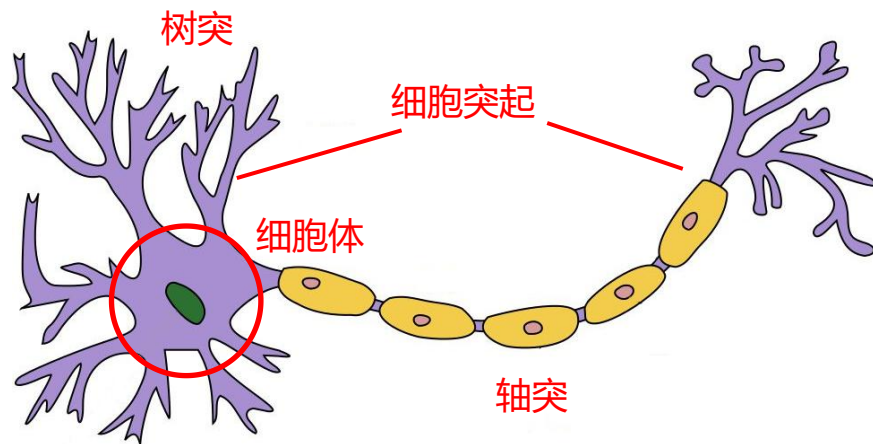
12.1 神经元与感知机



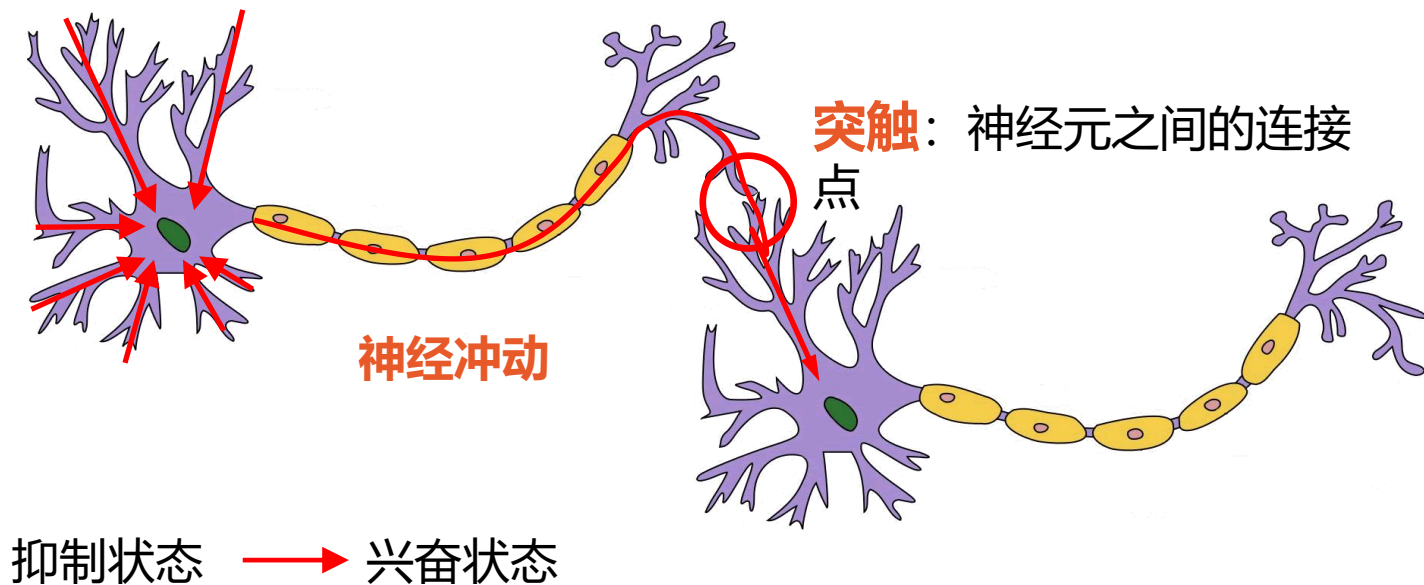


神经网络：人脑智慧的物质基础

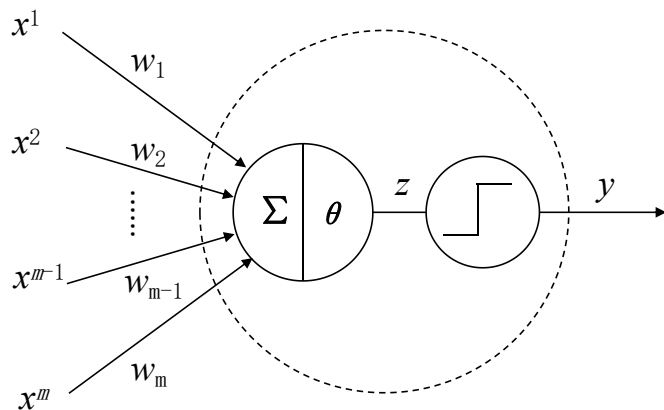
神经元/神经细胞：生物神经系统的基本单元



12.1 神经元与感知机



M-P神经元: 1943, McCulloch, Pitts



$$z = \sum_{j=1}^m w_j x^j - \theta$$

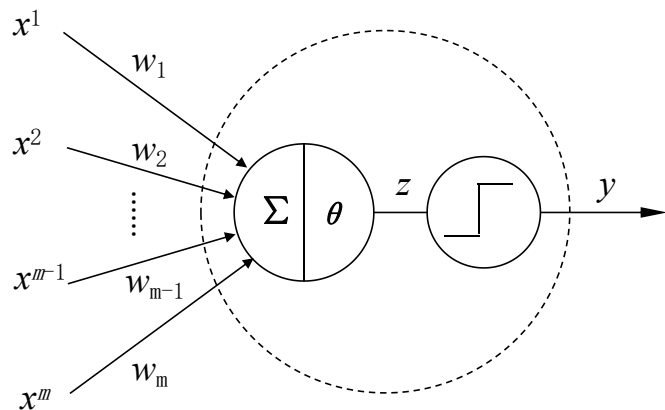
激活函数/激励函数 (activation function)

$$y = \text{step}(z)$$

$$\text{step}(z) = \begin{cases} 1 & , \quad z \geq 0 \\ 0 & , \quad z < 0 \end{cases}$$



M-P神经元: 1943, McCulloch, Pitts



$$y = \text{step}\left(\sum_{j=1}^m w_j x^j - \theta\right) \quad (j = 1, 2, \dots, m)$$

$$\text{令 } w_0 = -\theta, \quad x^0 = 1$$

$$y = \text{step}(w_0 x^0 + w_1 x^1 + w_2 x^2 + \dots + w_m x^m)$$

$$y = \text{step}(W^T X)$$

$$W = (w_0, w_1, \dots, w_m)^T$$

$$X = (x_0, x_1, x_2, \dots, x_m)^T$$

权值向量 W 无法自动学习和更新, **不具备学习的能力**



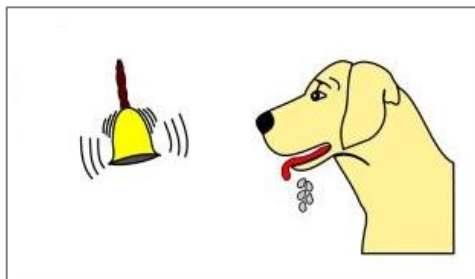
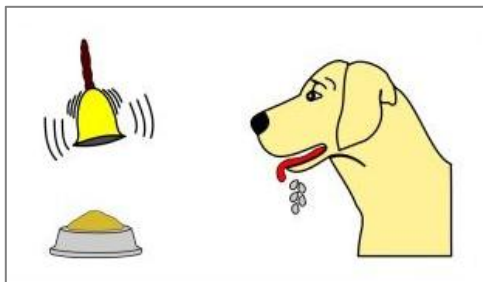
Donald Hebb, 1949, 神经心理学

在**同一时间被激发**的神经元间的**联系会被强化**

如果两个神经元总是不能同步激发，它们之间的联系将会越来越弱，甚至消失

神经网络的**学习**过程是发生在神经元之间的**突触**部位

突触的**联结强度**与突触连接的两个神经元的**活性之和**成正比

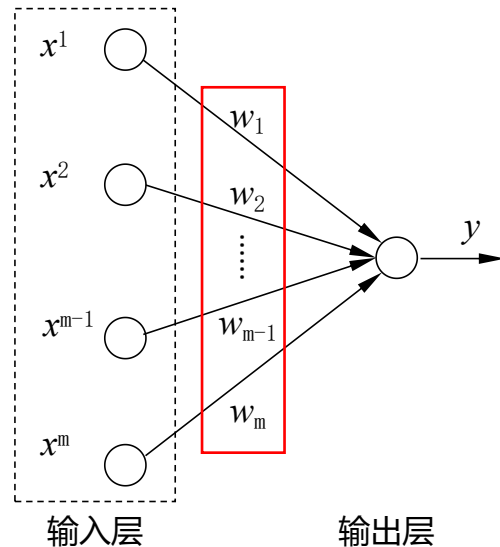
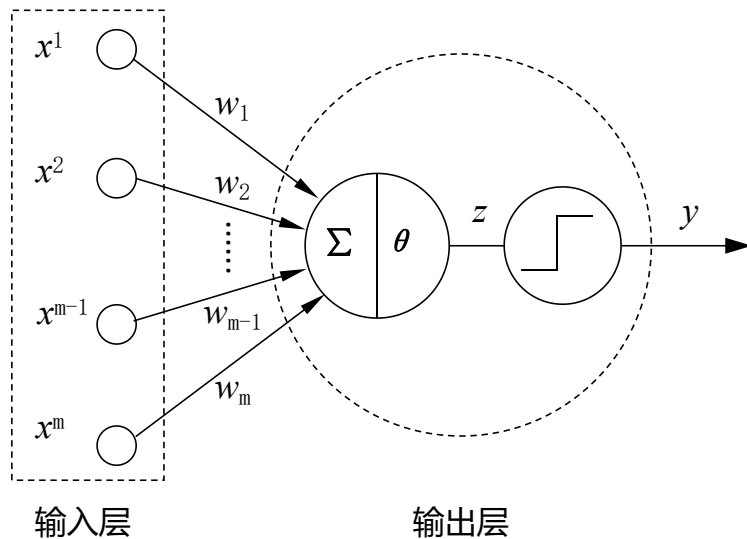


人工神经网络：通过**算法**调整神经元中的**权值**，模拟人类神经网络的学习能力



12.1 神经元与感知机

感知机: 1957, Frank Rosenblatt



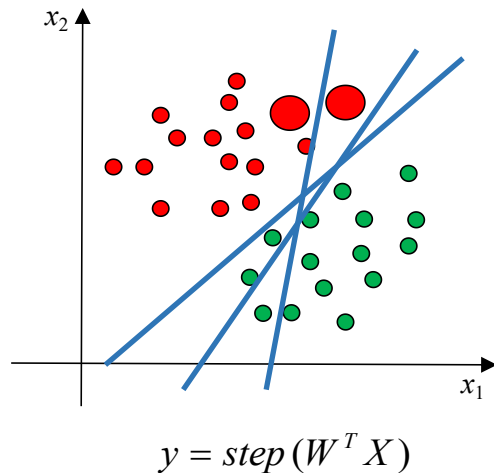
感知机训练法则 (Perceptron Training Rule)

$$w_i^{(k+1)} = w_i^{(k)} + \Delta w_i$$

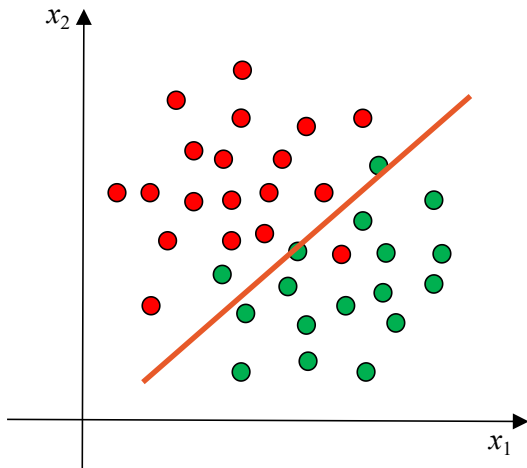
$$\Delta w_i = \eta (y - \hat{y}) x_i$$

y : 训练样例的标记
 \hat{y} : 感知机的输出
 $\eta \in (0,1)$: 学习率

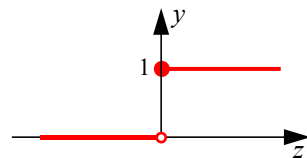
- 自动调整权值，具备**学习能力**
- 第一个用算法来精确定义的神经网络模型
- **线性二分类**的分类器
- 感知机算法存在**多个解**，受到**权值向量初始值**，**错误样本顺序**的影响
- 对于**非线性可分**的数据集，感知机训练法则**无法收敛**



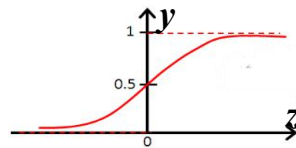
Delta法则：使用**梯度下降法**，找到能够**最佳拟合**训练样本集的的权向量



$$y = \text{step}(W^T X)$$



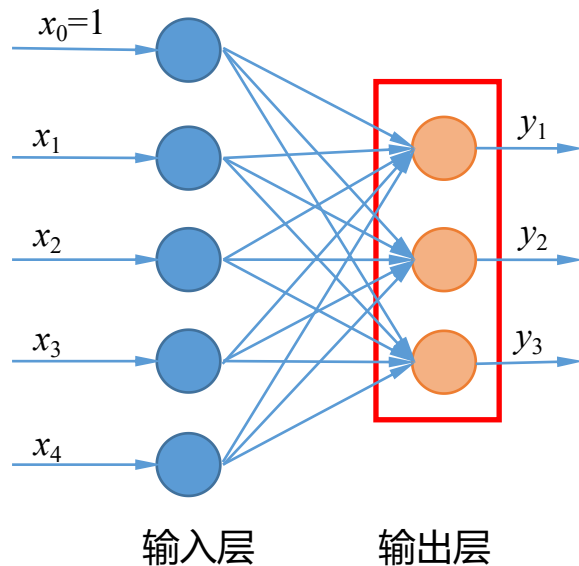
$$y = \text{sigmoid}(W^T X)$$



逻辑回归可以看做**单层神经网络**



多分类问题：设置多个输出节点



$$y = \text{soft max}(W^T X)$$

