

Report for the IN480 exam

Simple _{X} ^{n} module

Fabio Fatelli

Emanuele Loprevite

May 28, 2018

Contents

1	Introduction	2
1.1	Requirements	2
2	Implementation	2
2.1	larExtrude1	2
2.1.1	Python code	2
2.1.2	Julia code - serial	3
2.1.3	Parallel optimization	3
2.1.4	Julia code - parallel	4
2.1.5	Unit test code	4
2.1.6	Script	4
2.2	larSimplexGrid1	4
2.2.1	Python code	4
2.2.2	Julia code - serial	5
2.2.3	Parallel optimization	5
2.2.4	Julia code - parallel	5
2.2.5	Unit test code	5
2.2.6	Script	5
2.3	larSimplexFacets	6
2.3.1	Python code	6
2.3.2	Julia code - serial	6
2.3.3	Parallel optimization	6
2.3.4	Julia code - parallel	7
2.3.5	Unit test code	7
2.3.6	Script	7
2.4	quads2tria	7
2.4.1	Python code	7
2.4.2	Julia code - serial	8
2.4.3	Parallel optimization	9
2.4.4	Julia code - parallel	9
2.4.5	Unit test code	9
2.4.6	Script	9
3	Conclusions	10
	References	11

1 Introduction

The *Simple_x* library, named **simplexn** within the Python version of the LARCC framework, provides combinatorial algorithms for some basic functions of geometric modelling with simplicial complexes. In particular, provides the efficient creation of simplicial complexes generated by simplicial complexes of lower dimension, the production of simplicial grids of any dimension, and the extraction of facets (i.e. of $(d - 1)$ -faces) of complexes of d -simplices.

1.1 Requirements

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

2 Implementation

2.1 larExtrude1

This function generates the output model vertices in a multiple extrusion of a LAR model.

2.1.1 Python code

```
def larExtrude1(model,pattern):
    V, FV = model
    d, m = len(FV[0]), len(pattern)
    coords = list(cumsum([0]+(AA(ABS)(pattern))))
    offset, outcells, rangelimit = len(V), [], d*m
    for cell in FV:
        tube = [v + k*offset for k in range(m+1) for v in cell]
        cellTube = [tube[k:k+d+1] for k in range(rangelimit)]
        outcells += [reshape(cellTube, newshape=(m,d,d+1)).tolist()]

    outcells = AA(CAT)(TRANS(outcells))
    cellGroups = [group for k,group in enumerate(outcells) if pattern[k]>0]
    outVertices = [v+[z] for z in coords for v in V]
    outModel = outVertices, CAT(cellGroups)
```

```
return outModel
```

2.1.2 Julia code - serial

```
# Generation of the output model vertices in a multiple extrusion of a LAR model
function larExtrude1(model::Tuple{Array{Array{Int64,1},1},Array{Array{Int64,1},1}},
    pattern::Array{Int64,1})
    V, FV = model
    d, m = length(FV[1]), length(pattern)
    coords = cumsum(append!([0],abs.(pattern))) # built-in function cumsum
    offset, outcells, rangelimit = length(V), Array{Int64}(m,0), d*m
    for cell in FV
        tube = [v + k*offset for k in 0:m for v in cell]
        celltube = Int64[]
        for k in 1:rangelimit
            append!(celltube,tube[k:k+d])
        end
        outcells = hcat(outcells,permutedims(reshape(celltube,d*(d+1),m),[2,1]))
    end
    cellGroups = Int64[]
    for k in 1:m
        if pattern[k]>0
            cellGroups = vcat(cellGroups,outcells[k,:])
        end
    end
    outVertices = [vcat(v,z) for z in coords for v in V]
    outCellGroups = Array{Int64,1}[]
    for k in 1:d+1:length(cellGroups)
        append!(outCellGroups,[cellGroups[k:k+d]])
    end
    return outVertices, outCellGroups
end
```

2.1.3 Parallel optimization

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

2.1.4 Julia code - parallel

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

2.1.5 Unit test code

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

2.1.6 Script

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

2.2 larSimplexGrid1

This function generates the simplicial grids of any dimension and shape.

2.2.1 Python code

```
def larSimplexGrid1(shape):
    model = VOID
    for item in shape:
        model = larExtrude1(model,item*[1])
    return model
```

2.2.2 Julia code - serial

```
# Generation of simplicial grids of any dimension and shape
function larSimplexGrid1(shape::Array{Int64,1})
    model = [Int64[]],[[0]] # the empty simplicial model
    for item in shape
        model = larExtrude1(model,repmat([1],item))
    end
    return model
end
```

2.2.3 Parallel optimization

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

2.2.4 Julia code - parallel

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

2.2.5 Unit test code

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

2.2.6 Script

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam

pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consetetuer.

2.3 larSimplexFacets

This function provides the extraction of non-oriented $(d - 1)$ -facets of d -dimensional simplices.

2.3.1 Python code

```
def larSimplexFacets(simplices):
    out = []
    d = len(simplices[0])
    for simplex in simplices:
        out += AA(sorted)([simplex[0:k]+simplex[k+1:d] for k in range(d)])
    out = set(AA(tuple)(out))
    return sorted(out)
```

2.3.2 Julia code - serial

```
# Extraction of non-oriented  $(d-1)$ -facets of  $d$ -dimensional simplices
using Combinatorics # for the function combinations()

function larSimplexFacets(simplices::Array{Array{Int64,1},1})
    out = Array{Int64,1}[]
    d = length(simplices[1])
    for simplex in simplices
        append!(out,collect(combinations(simplex,d-1)))
    end
    return sort!(unique(out),lt=lexless) # array of arrays, not of tuples
end
#map(x->tuple(x...),[[0, 1],[0, 4],[1, 2]])
```

2.3.3 Parallel optimization

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

2.3.4 Julia code - parallel

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

2.3.5 Unit test code

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

2.3.6 Script

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

2.4 quads2tria

This function gives the conversion of a LAR boundary representation (B-Rep), i.e. a LAR model **V**, **FV** made of 2D faces, usually quads but also general polygons, into a LAR model **VERTS**, **TRIANGLES** made by triangles.

2.4.1 Python code

```
def quads2tria(model):
    V,FV = model
    out = []
    nverts = len(V)-1
    for face in FV:
        centroid = CCOMB([V[v] for v in face])
```



```

V += [centroid]
nverts += 1

v1, v2 = DIFF([V[face[0]],centroid]), DIFF([V[face[1]],centroid])
v3 = VECTPROD([v1,v2])
if ABS(VECTNORM(v3)) < 10**3:
    v1, v2 = DIFF([V[face[0]],centroid]), DIFF([V[face[2]],centroid])
    v3 = VECTPROD([v1,v2])
transf = mat(INV([v1,v2,v3]))
verts = [(V[v]*transf).tolist()[0][: -1] for v in face]

tcentroid = CCOMB(verts)
tverts = [DIFF([v,tcentroid]) for v in verts]
rverts = sorted([[ATAN2(vert),v] for vert,v in zip(tverts,face)])
ord = [pair[1] for pair in rverts]
ord = ord + [ord[0]]
edges = [[n,ord[k+1]] for k,n in enumerate(ord[: -1])]
triangles = [[nverts] + edge for edge in edges]
out += triangles
return V,out

```

2.4.2 Julia code - serial

```

# Transformation to triangles by sorting circularly the vertices of faces
function quads2tria(model::Tuple{Array{Array{Float64,1},1},Array{Array{Int64,1},1}})
    V, FV = model
    out = Array{Int64,1}[]
    nverts = length(V)-1
    for face in FV
        arr = [V[v+1] for v in face]
        centroid = sum(arr)/length(arr)
        append!(V,[centroid])
        nverts += 1
        v1, v2 = V[face[1]+1]-centroid, V[face[2]+1]-centroid
        v3 = cross(v1,v2)
        if norm(v3) < 1/(10^3)
            v1, v2 = V[face[1]+1]-centroid, V[face[3]+1]-centroid
            v3 = cross(v1,v2)
        end
        transf = inv(hcat(v1,v2,v3)')
        verts = [(V[v+1]'*transf)'[1:end-1] for v in face]
        tcentroid = sum(verts)/length(verts)
        tverts = [v-tcentroid for v in verts]
        iterator = collect(zip(tverts, face))
        rverts = [[atan2(reverse(iterator[i][1])...),iterator[i][2]]

```

```

        for i in 1:length(iterator)]
        rvertss = sort(rverts,lt=(x,y)->isless(x[1],y[1]))
        ord = [pair[2] for pair in rvertss]
        append!(ord,ord[1])
        edges = [[i[2],ord[i[1]+1]] for i in enumerate(ord[1:end-1])]
        triangles = [prepend!(edge,nverts) for edge in edges]
        append!(out,triangles)
    end
    return V, out
end

```

2.4.3 Parallel optimization

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

2.4.4 Julia code - parallel

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

2.4.5 Unit test code

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

2.4.6 Script

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam

pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

3 Conclusions

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

References

- [1] IN480 course [web page](#).
- [2] Python Simple_X^n module [pdf](#).
- [3] A. Paoluzzi, *Geometric Programming for Computer-Aided Design*, Wiley, 2003.
- [4] Official [Julia website](#).
- [5] Documentation of the [Plots package](#) for Julia.
- [6] M. Sherrington, *Mastering Julia*, Packt Publishing, 2015.