

ANÁLISIS Y DISEÑO DE ALGORITMOS I

Práctico Nº 1. Análisis de eficiencia de algoritmos - Primera Parte

De acuerdo a la definición formal de las notaciones Big-Oh (O), Big-Omega (Ω) y Zeta (Θ):

- 1) determine si las siguientes sentencias son verdaderas o falsas
 - 2) grafique la funciones y analice los resultados obtenidos en el inciso 1
-
- a) $15n \in O(n)$
 - b) $15n \in \Omega(n)$
 - c) $15n \in O(n^2)$
 - d) $15n \in \Omega(n^2)$
 - e) $n \log n \in O(n)$
 - f) $n \log n \in O(n^2)$
 - g) $\sum_{i=1}^n i \in O(n^2)$
 - h) $10n^3 + 15n^4 + 100n^2 \in O(n^4)$
 - i) $n^3 + 15 \in O(n^2)$
 - j) $\frac{1}{2} n^2 - 3n \in \Omega(n^2)$
 - k) $\frac{1}{2} n^2 - 5n \in \Theta(n^2)$
 - l) $3n^3 \in \Theta(n^2)$
 - m) $n! \in O(n^n)$

Voy a usar el principio de la invarianza

$$\begin{aligned} f(x) &= n! \\ g(x) &= n^n \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n! &= n \cdot (n-1)! = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot 1 \\ n^n &= n \cdot n \cdot n \cdot n \cdot \dots \cdot n \end{aligned}$$

$f(x) \leq c \cdot g(x)$; existe un n_0 natural y una constante real $c > 0$

$$n! \leq c \cdot n^n$$

$$n! / n^n \leq c$$

tenemos certeza que $0 < c \leq 1$

$$n_0 > 0$$