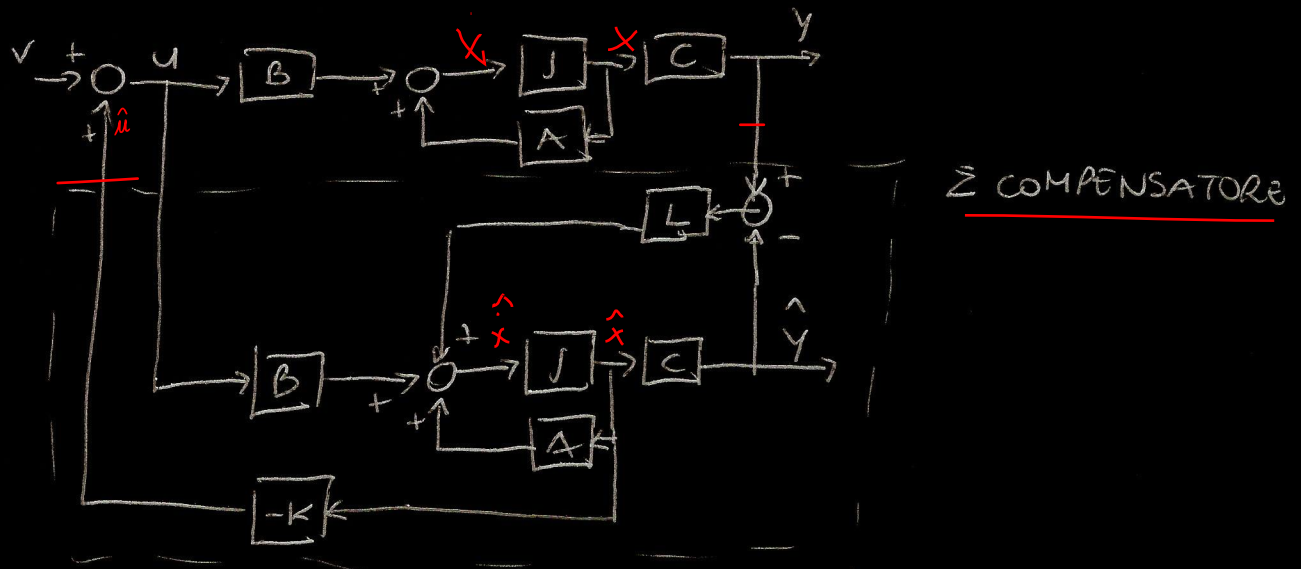


## COMPENSATORE

IL COMPENSATORE NASCE RETROAZIONANDO IN INGRESSO LO STATO STIMATO DA UN OSSERVATORE  $\hat{y} = -K\hat{x}$



RICAVO LA FORMA DI STATO DEL SISTEMA CON IL SUO COMPENSATORE

$$\begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{\hat{x}} \end{bmatrix} = A_{\Sigma \text{COMP}} \begin{bmatrix} x \\ \hat{x} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B_1 \\ B_2 \end{bmatrix} v$$

$$\dot{x} = Ax + Bu = Ax + B(v - K\hat{x}) = \underline{Ax + Bv - BK\hat{x}}$$

$$\begin{aligned} \dot{\hat{x}} &= A\hat{x} + Bu + L(y - \hat{y}) = A\hat{x} + Bu + Ly - L\hat{y} = \\ &= A\hat{x} + Bu + Ly - LC\hat{x} = (A - LC)\hat{x} + Bu + Ly = \\ &= (A - LC)\hat{x} + Bu + LCx = (A - LC)\hat{x} + B(v - K\hat{x}) + LCx = \\ &= (A - BK - LC)\hat{x} + LCx + Bv \end{aligned}$$

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{\hat{x}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & -BK \\ LC & A - BK - LC \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ \hat{x} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B \\ B \end{bmatrix} v \\ y = [C \ 0] \begin{bmatrix} x \\ \hat{x} \end{bmatrix} \end{cases}$$

ESEGUO UNA TRASFORMAZIONE DI SIMILITUDINE

$$T = \begin{bmatrix} I & 0 \\ I & -I \end{bmatrix} = T^{-1} \quad T \in \mathbb{R}^{2N, 2N}$$

*verificare a caso*

$$T^{-1} A_{\Sigma_{\text{COMP}}} T = \begin{bmatrix} I & 0 \\ I & -I \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A & -BK \\ LC & A-BK-LC \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I & 0 \\ I & -I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A-BK & BK \\ 0 & A-LC \end{bmatrix}$$

OTTENGO UNA MATRICE TRIANGOLARE A BLOCCHI

$$P_{\text{COMP}}(\lambda) = P_{A-BK}(\lambda) \cdot P_{(A-LC)}(\lambda)$$

QUINDI IL POLINOMIO CARATTERISTICO DEL } SISTEMA CON IL  
 E' IL PRODOTTO TRA IL P.C. DELL'OSSERVATORE } COMPENSATORE  
 P.C. DEL REGOLATORE.

**TEOREMA DI SEPARATIONE**

E' POSSIBILE PROGETTARE SEPARATAMENTE IL REGOLATORE E L'OSSERVATORE

NOTA : QUESTO RAGIONAMENTO VALE SE LAVORO NELLA STESSA FORMA DI REALIZZAZIONE

$$\text{PONGO } \tilde{A} = T^{-1} A_{\Sigma_{\text{COMP}}} T = \begin{bmatrix} A-BK & BK \\ 0 & A-LC \end{bmatrix}$$

$$\tilde{B} = T^{-1} B_{\Sigma_{\text{COMP}}} = \begin{bmatrix} B \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\tilde{C} = C_{\Sigma_{\text{COMP}}} T = [C \ 0]$$

$$\tilde{G}(s) = \tilde{C} (sI - \tilde{A})^{-1} \tilde{B} = [C \ 0] \begin{bmatrix} [sI - (A-BK)]^{-1} & * \\ 0 & [sI - (A-LC)]^{-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= [C [sI - (A-BK)]^{-1} * C] \begin{bmatrix} B \\ 0 \end{bmatrix} = C [sI - (A-BK)]^{-1} B$$

$\tilde{G}(s)$  E' UN  $\Sigma$  DI ORDINE  $N \Rightarrow$  L'OSSERVATORE NON E' OSSERVABILE

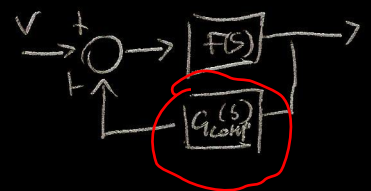
L'OSSERVATORE DEVE ESSERE PIÙ VELOCE DEL REGOLATORE  
PERCHÉ ALTRIMENTI NON SAREBBE IN GRADO DI AGGANCIARSI  
ALLE VAR. DI STATO

→  $\lambda_{\text{OSSERVATORE}} \approx 5 \div 10$  VOLTE PIÙ A SINISTRA  
RISPETTO  $\lambda_{\text{REGOLATORE}}$

REGOLA  
EMPIRICA

FdT DEL SOLO COMPENSATORE

$$G_{\text{COMP}}(s) = -K [sI - (A - BK - LC)]^{-1} L$$



FORMULA DI ACKERMANN

$$L = \alpha_0(A) M_0^{-1} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$\alpha_0(s)$ : POLINOMIO DESIDERATO  
PER OSSERVATORE

$$\alpha_0(A) = A^N + \alpha_1 A^{N-1} + \dots + \alpha_{N-1} A + \alpha_0 I$$

$M_0$ : MATRICE DI OSSERVABILITÀ