Inteligência artificial Prof. Allan Rodrigo Leite

- Princípios da evolução e sobrevivência na natureza
  - Competição
    - Indivíduos competem por recursos, como alimento, água ou abrigo
    - Membros da mesma espécie podem competir para atrair um par
    - Indivíduos fracos tem menos características necessárias para sobreviver
  - Adaptação
    - Indivíduos mais bem sucedidos terão, relativamente, mais descendentes
    - Indivíduos mal sucedidos geram poucos ou nenhum descendente
    - Genes dos indivíduos mais adaptados se espalham mais entre gerações

- Princípios da evolução e sobrevivência na natureza (cont.)
  - Evolução
    - Combinação de boas características vindas de diferentes ancestrais podem produzir indivíduos mais aptos
    - Espécies evoluem para se tornarem cada vez mais adaptadas ao seu ambiente por meio da hereditariedade
    - Genética é a ciência que estuda mecanismos de transmissão de características de uma espécie de uma geração para outra

- Fatos históricos
  - 1859 Charles Darwin publica o livro The origin of Species
    - Mecanismos de transformação das espécies
  - 1865 Gregor Mendel apresenta resultados de experimentos genéricos
    - Cruzamento genético de ervilhas
    - Considerado o pai da genética
  - 1960 Início da computação evolucionária
    - Holland define princípios básicos de Algoritmos Genéticos
    - Rechemberg propõe as estratégias evolucionárias

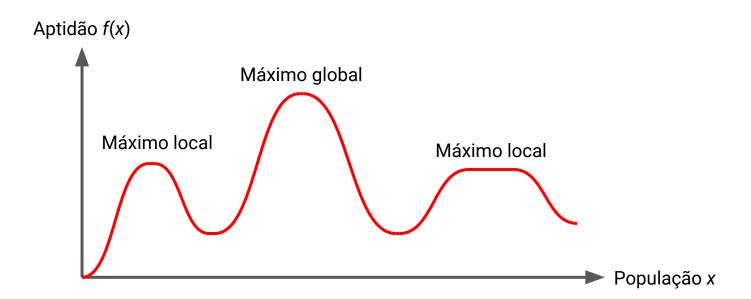
- Modelos computacionais baseados na teoria da evolução natural
  - o Pesquisas iniciaram na década de 50 e continua ativamente até hoje
  - Evolução é um processo de otimização cujo objetivo consiste em
    - Melhorar a habilidade de um organismo ou sistema
    - Sobreviver em ambientes competitivos e que mudam dinamicamente
- Computação evolucionária reproduz processos evolucionários como
  - Seleção natural
  - Sobrevivência do mais apto
  - Reprodução

- Podem ser agrupados em três categorias
  - Algoritmos genéticos
  - Estratégias evolutivas
  - Programação genética
- Algoritmos evolucionários
  - Busca estocástica por uma solução ótima para um dado problema
  - São compostos por
    - Codificação das soluções do problema como um cromossomo
    - Função para avaliar da aptidão (fitness) dos indivíduos
    - População inicial
    - Operadores de seleção e de reprodução

- Usam terminologia oriunda da teoria da evolução natural e genética
  - Desenvolvido por John Holland e popularizado por David Goldberg
- Objetivos de algoritmos genéticos
  - Formalizar matematicamente e explicar rigorosamente processos de adaptação em sistemas naturais
  - Desenvolver sistemas artificiais capazes de conservar tais mecanismos importantes dos sistemas naturais
    - Problemas devem ser adequadamente representados
    - Deve existir uma maneira de avaliar as soluções encontradas
    - Utilizam a metáfora de população para representar soluções candidatas

- São úteis para resolver problemas complexos de busca e otimização
  - Gerações de populações evoluem de acordo com os princípios de seleção natural e sobrevivência dos mais aptos
  - A evolução corresponde a uma busca em um espaço de soluções potenciais para o problema
- Fornecem equilíbrio entre dois objetivos aparentemente conflitantes
  - Aproveitamento de soluções promissoras (exploitation)
    - Guiada por ótimos locais
  - Exploração do espaço de busca (exploration)
    - Busca por ótimos globais

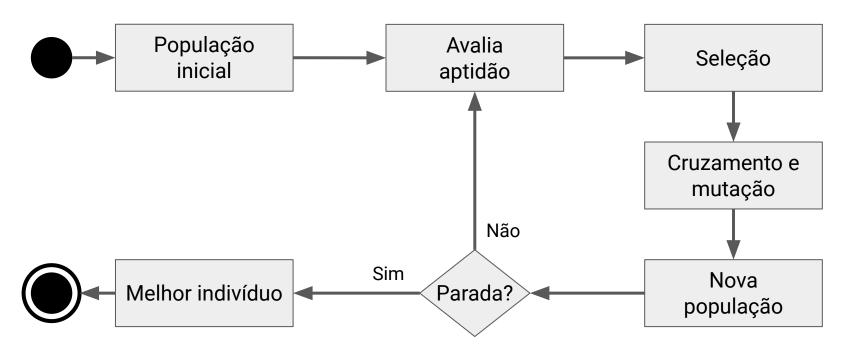
Máximos globais e máximos locais



- O processo de otimização ocorre iterativamente em várias gerações
  - Mecanismos de seleção selecionam os indivíduos mais aptos
  - Operadores de reprodução geram novos indivíduos
  - Cada indivíduo representa uma possível solução para o problema
    - Cada indivíduo é associado um índice (ranking) de aptidão
    - Requer uma função de fitness para avaliar a qualidade da solução
    - Indivíduos mais aptos têm mais oportunidades de reprodução
    - Evolução ocorre a partir da produção de descendentes cada vez mais aptos

- Aplicação de algoritmos genéticos são favoráveis para
  - Problemas de busca, combinatórios ou otimização
  - Problemas com um grande número de variáveis
  - Problemas com um amplo espaços de estados
- A concepção de um algoritmo genético envolve os conceitos
  - Representação do indivíduo
  - Definição da função de fitness
  - Processo de seleção
  - Processo de reprodução
  - Convergência da solução

Fluxo de um algoritmo genético



- Representação do indivíduo
  - Tem por objetivo descrever as características do indivíduo
  - Também chamado de cromossomo ou string
    - Representado por meio de um vetor de parâmetros
  - Cada indivíduo possui um valor de aptidão
    - A aptidão mede a qualidade da solução que ele representa
  - Uma população é um conjunto de indivíduos
    - Uma população é produzida em uma dada geração
    - Uma geração é uma iteração completa que produz uma nova população

- Representação do indivíduo (cont.)
  - Indivíduo é codificado por um conjunto de parâmetros chamado gene
    - Genes podem assumir valores representados por diferentes tipos dados
    - Por exemplo: valores binários, inteiros, reais, caracteres, etc.
    - Os valores para os genes são também são conhecidos por alfabeto
  - Parâmetros são combinados para formar strings ou vetores
    - Esta combinação representa o cromossomo (indivíduo)

- Definição da função de fitness
  - Representa a função objetivo do problema de busca ou otimização
  - Utilizada para calcular a aptidão de um indivíduo
  - Aptidão bruta
    - Saída gerada pela função objetivo para um indivíduo da população
  - Aptidão normalizada
    - Aptidão bruta normalizada usada como entrada para o método de seleção
  - Aptidão máxima
    - Melhor indivíduo da população corrente
  - Aptidão média
    - Aptidão média da população corrente

- Processo de seleção
  - Objetiva a seleção dos indivíduos mais aptos da geração atual
    - Os selecionados serão utilizados para geração da próxima população
    - Um indivíduo tem probabilidade de seleção proporcional à sua aptidão
  - Método roleta
    - Considera cada indivíduo proporcionalmente pela aptidão
    - Os indivíduos mais aptos têm maiores chances de reprodução
  - Método torneio
    - Seleciona aleatoriamente pares de indivíduos da população
    - Escolhe o melhor indivíduo considerando uma probabilidade k
    - Do contrário, escolhe o pior indivíduo

#### Método roleta

```
roleta(P, N) //população e número de indivíduos a ser selecionado
  S \leftarrow \emptyset //lista dos indivíduos selecionados
  t \leftarrow \sum f(x) \mid \forall x \in P //\text{soma de todas as aptidões na população}
  enquanto |S| \neq N faça //enquanto selecionados for menor que N
    r \leftarrow \text{random}(0,t) //escolhe aleatoriamente um número entre 0 e t
    s ← 0 //aculumado das aptidões dos indivíduos percorridos
    \forall x \in P faça //itera sobre indivíduos da população
       s \leftarrow s + f(x) //acumula aptidão de indivíduos
       se s > r então
         S \leftarrow S \cup \{x\} //seleciona indivíduo e encerra iteração
       fim se
    fim faça
  fim enquanto
retorna S
```

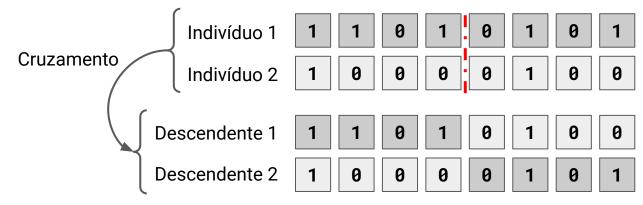
Método roleta (cont.) 100001 • 100101 100101 • 101110

Método torneio

```
torneio(P, N, k) //população, indivíduos selecionados e probabilidade S \leftarrow \varnothing //lista dos indivíduos selecionados enquanto |S| \neq N faça //enquanto selecionados for menor que N r \leftarrow \text{random}(\emptyset,1) //escolhe aleatoriamente um número entre \emptyset e 1 \{x,y\} \leftarrow \text{random}(S) //escolhe dois indivíduos aleatóriamente se r < k então S \leftarrow S \cup \{\text{argmax}(f(x),f(y))\} //seleciona o melhor indivíduo senão S \leftarrow S \cup \{\text{argmin}(f(x),f(y))\} //seleciona o pior indivíduo fim se fim enquanto retorna S
```

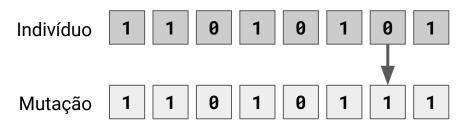
- Processo de reprodução
  - O processo de reprodução ocorre por meio de operadores genéticos
    - São necessários para que a população se diversifique ao longo do tempo
    - Deve manter características de adaptação adquiridas em gerações anteriores
  - Operadores genético tem por objetivo
    - Transformar a população através de sucessivas gerações
    - Convergir a busca até alcançar a um resultado satisfatório
  - Os operadores genéticos são
    - Cruzamento (crossover)
    - Mutação

- Cruzamento
  - Produz novos indivíduos combinando pares de indivíduos selecionados
    - Os indivíduos são selecionados pelo processo de seleção
    - Procura manter parte das características dos descendentes
  - É considerado o operador genético predominante ou primário
    - Deve ser aplicado com probabilidade definida pela taxa de crossover Pc
    - Deve ser maior que a taxa da operação de mutação



- Cruzamento (cont.)
  - Estratégias comuns para crossover
    - Um ponto: um ponto de cruzamento é escolhido e, a partir deste ponto, as informações genéticas dos pais serão trocadas
    - Multi pontos: generalização da troca de material genético por meio de vários pontos, isto é, usa-se mais de um ponto de cruzamento
    - Uniforme: um parâmetro global determina a probabilidade de cada variável ser trocada entre os ancestrais

- Mutação
  - Modifica aleatoriamente alguma característica do indivíduo
    - Permite criar novos valores de características que não existiam anteriormente ou apareciam em pequena quantidade
  - Este operador introduz e mantém a diversidade genética da população
    - Permite sair de uma zona de convergência da qualidade da solução
    - Causa uma ruptura da convergência em máximos locais



- Mutação (cont.)
  - É considerado um operador genético secundário
    - Aplicado aos indivíduos com probabilidade dada pela taxa de mutação Pm
    - Geralmente se utiliza uma taxa de mutação baixa
  - Estratégias comuns para mutação
    - Inversão de bit: usado quando as propriedades binárias, escolhe-se uma propriedade e realiza a inversão do bit
    - Mudança de ordem ou permutação: usado quando as propriedades compartilham o mesmo domínio, dois valores são escolhidos e trocados

Estrutura básica do algoritmo

```
AlgoritmoGenetico()
    t ← 0 //tempo inicial
    P ← inicia() //cria população inicial - normalmente aleatória
    f ← avalia(P) //avalia aptidão dos indivíduos

enquanto <condição de parada não satisfeita> faça
    t ← t + 1 //incrementa tempo
    P ← selecao(P) //escolhe indivíduos mais aptos
    P ← reproducao(P) //realiza cruzamento e mutação
    f ← avalia(P) //avalia aptidão dos indivíduos
fim enquanto
retorna melhor(P) //retorna melhor indivíduo
```

- Ferramentas e biliotecas de algoritmos genéticos
  - Jenetics (Java Genetic Algorithm Library)
    - Biblioteca desenvolvida em Java
    - Suporta otimização multi objetivos
    - Projeto open-source
  - GeneticAlgorithm
    - Biblioteca desenvolvida em Python
    - Suporta problemas combinatoriais e de otimização
    - Projeto open-source
  - $\circ$  GA
    - Biblioteca desenvolvida em R
    - Suporta diferentes formas de representação dos cromossomos
    - Projeto open-source

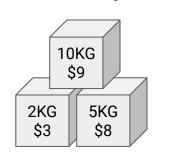
#### Exercícios

 Implemente um algoritmo genético para resolver o problema da mochila. O problema consiste em encontrar uma combinação de objetos que maximize a recompensa e não exceda o peso que a mochila consegue carregar.

Dado um conjunto de objetos N e uma mochila de capacidade b, temos:

- Conjunto de objetos  $[o_i, \ldots, o_N]$
- Peso dos objetos  $W(o_i) = w_i$
- Recompensa dos objetos  $C(o_i) = c_i$
- Uma solução s é um vetor binário
  - Se o objeto  $o_j$  está mochila, então  $s_j = 1$ , caso contrário  $s_j = 0$
- Função objetivo

Maximizar 
$$z=\sum_{j=1}^n c_j s_j$$
Sujeita a  $\sum_{j=1}^n W_j s_j \leqslant b$ 
 $s_j \in \{0,1\}$ 





Inteligência artificial Prof. Allan Rodrigo Leite