

# MoCo-12 四足机器人缩比模型系列教程3

《模型组装与涂装》

华北舵狗王

课程资料链接: https://github.com/golaced/Quadruped-Robot-Moco-12-

知乎链接: https://www.zhihu.com/people/golaced



# 教程规划

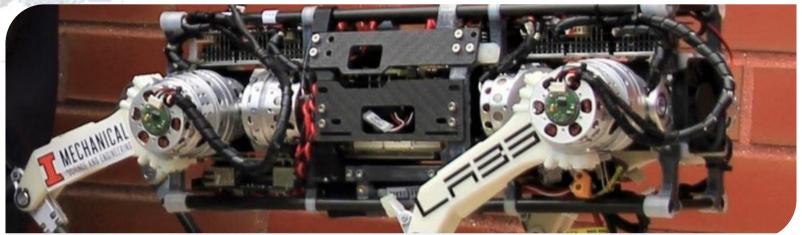
- 缩比模型介绍
- 缩比模型结构设计
- 缩比模型加工与组装
- 缩比模型控制器电气设计
- · 机器人步态与控制算法设计
- · 静态演示与缩比场景设计

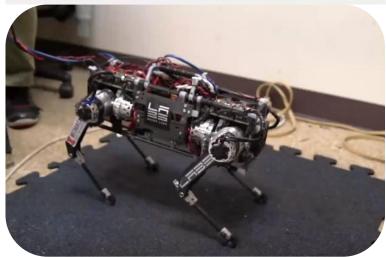


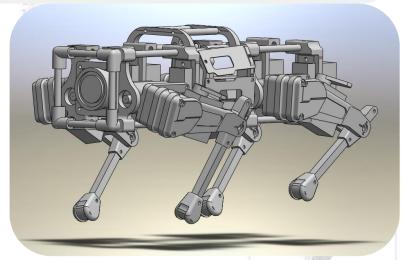


⊿舵狗之家 \*DogHome 567423074 <mark>Ⅳ5</mark>

# 缩比模型对象



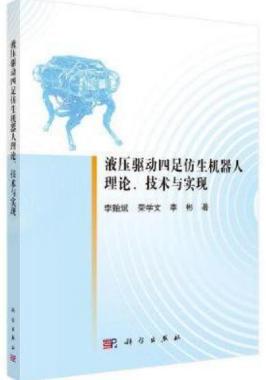


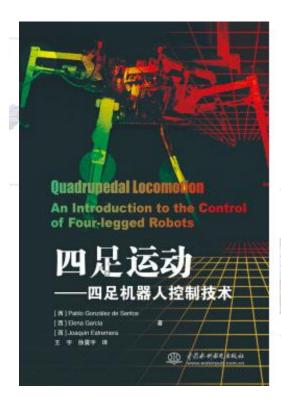


https://www.youtube.com/watch?v=rzFrpeMpv8M https://ieeexplore.ieee.org/author/37086268690



#### 书籍推荐





#### 知乎推荐



#### 王兴

机器人工程师,科技爱好者, 9回答·6文章·7,598关注者



#### 廖洽源相互关注

Robotics

2 回答·5 文章·6,242 关注者



#### xyYu 相互关注

我有一家动物园我开了六七年 2回答·2文章·216关注者



#### 小明工坊 🧼 相互关注

**哈尔滨工业大学 机械电子硕士在读** 26 回答 · 26 文章 · 9,987 关注者



#### 华北舵狗王

机器人极客, 仿生机器人开发者 9回答·20文章·1,141关注者



切片

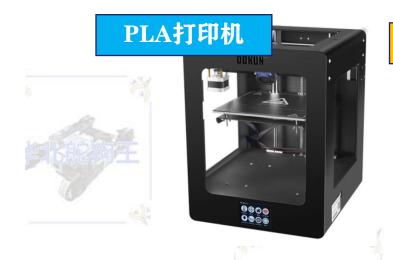
打印

→ 打磨抛光

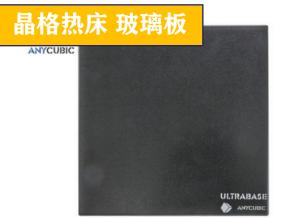








切片软件

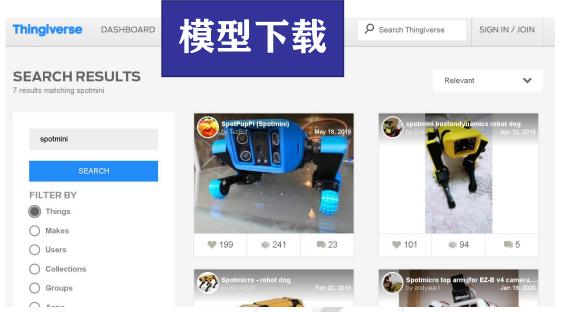






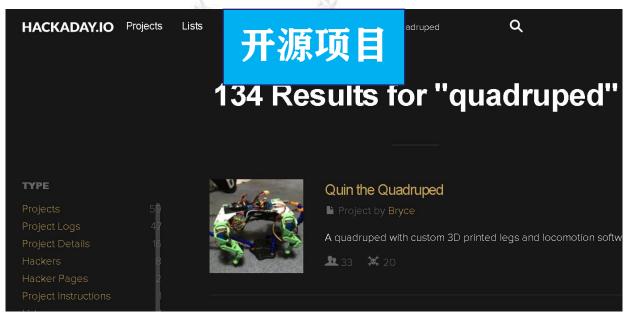


Powered by **Ultimaker** 



**∠**舵狗之家 \*DogHome 567423074 <mark>W5</mark>

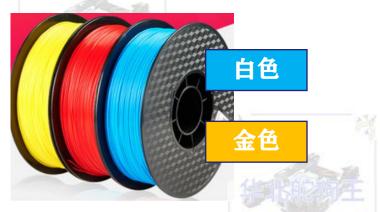
https://www.thingiverse.com/thing:3445283



https://hackaday.io/project/168506-dante

PLA: 210-225 度

ABS: 230-245 度













Cura - 15.02.1

#### CURA 15.4参考设置

设置 帮助

机型	
喷嘴孔径	0.4
打印质量	
初始层厚 (mm)	0.2
初始层线宽(%)	100
底层切除(mm)	0.0
两次挤出重叠(mm)	0.15
速度	
移动速度 (mm/s)	60
底层速度 (mm/s)	20
填充速度 (mm/s)	60
Top/bottom speed (mm/s)	60
外壳速度 (mm/s)	60

成型体积 200\*200\*200mm

层厚设置 0.05-03mm

定位精度 XY轴: 0.011mm,Z轴: 0.0025mm

- · PLA制成的3D模型更适合 用来展示不适合使用,ABS普 遍强度更高
- ·但PLA比ABS更容易塑形, 模型光泽性好,色彩艳丽,可 降解安全环保



华珍藤莲

3D打印件

光滑液

烙铁烫平

打磨抛光





https://www.youtube.com/watch?v=vQc5TBPF8uw









https://www.youtube.com/watch?v=u\_hGU09Q22k&t=260s





노을박 Sunset Park 2.96万位订阅者



사나고 Sanago 212万位订阅者

### 3D打印笔

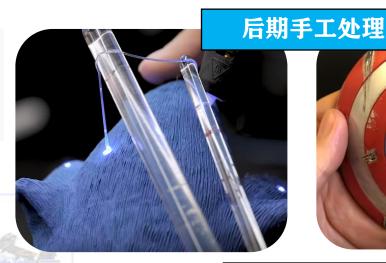


线条造型

块粘结

发光造型

细节修复



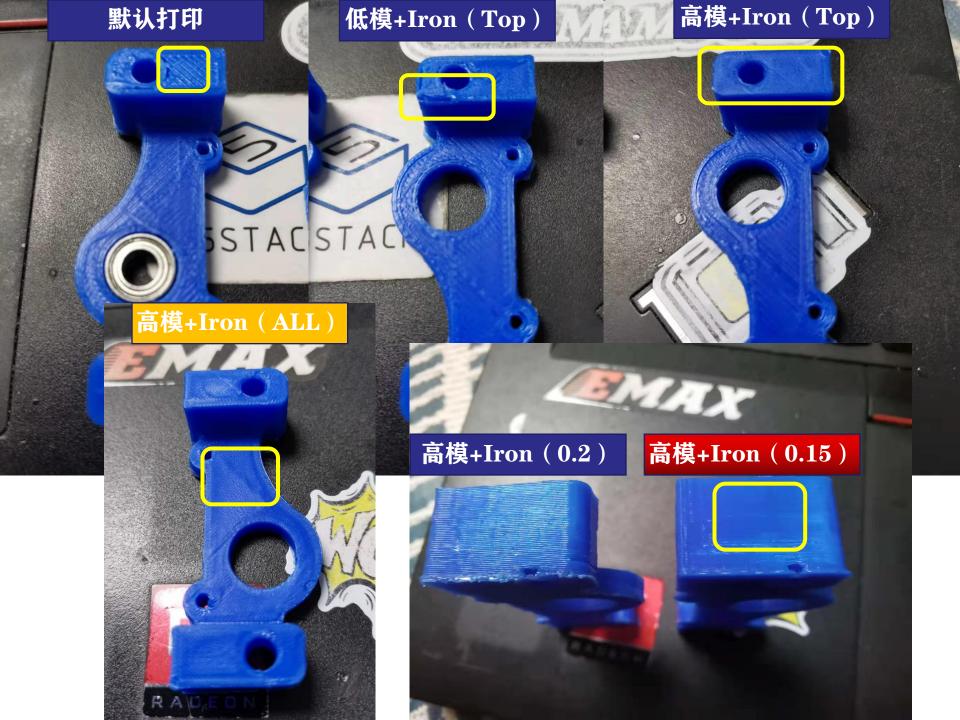


#### 提升原始打印精度



https://www.youtube.com/watch?v=CzW45MphcK4





管



# 模型组装





GDW RS0708/9g微型舵机大角度全钢齿 轮/机器人/7公斤机械臂云台 [交易快照]

颜色分类: RS0708-180&deg 飞机种

类: T厂 直营店



K-power伟创 锁尾舵机 全铝高压高端 空 心杯9g 高速DMC810 KPOWER [交易快

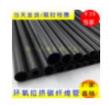
颜色分类: 桔色 飞机种类: 直升机



M2M3球头扣拉杆总成 球头连杆 球头总 成 球头扣连杆头 10mm可调节 [交易快

颜色分类: M2拉杆 孔距40-55mm 飞机

种类: 带螺丝螺母



碳纤维管/碳管/航模加强杆/风筝骨/圆管 碳纤杆2-7mm之间多种包邮 [交易快照]

颜色分类: 4mm\*2.5mm\*1米 飞机种 类:碳纤维管

#### - 保障卡



讲口 NSK 微型 FMF 法兰 迷你小轴承 内 径 5mm 6mm 法兰盘轴承 [交易快照]

颜色分类:内径5mm外径10mm厚度 4mm 内径 (mm): 其他



包邮2CM 2.5CM 3CM 3.5CM厘米5V 12V 笔记本USB/小风扇微型直流散热 [交易快

颜色分类: 2.5厘米5V

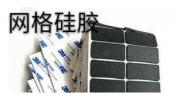




3D打印机后处理套件 机器维护套件 抛光 处理工具 模型打磨工具 [交易快照]

颜色分类: 模型处理套件







⊿舵狗之家 \*DogHome 567423074 <mark>w</mark>



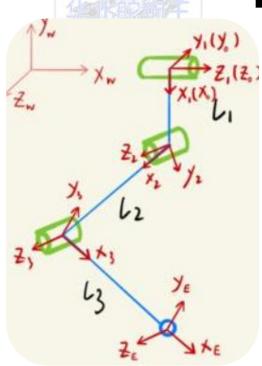








# 机器人基本运动学



#### 运动学正解

由关节角度计算腿末端在跨关节坐标系{H}下的三维位置 (用于机器人位姿估计和速度估计)

#### 运动学逆解

由末端位置解算各关节角度 (用于机器人摆动腿轨迹跟踪,基于位置的姿态调节和控制)

### 机器人动力学

由力计算关节所需力矩, 计算机构转动惯量 (用于机器人力控输出, 静力学和力矩平衡分析)



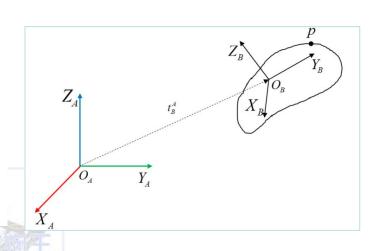


# 运动学正解

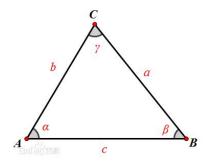
- · DH法:实际就是立体几何成像中常用的平移矩阵变换
- 1)原理清晰,易于推广
- 2)矩阵运算存在冗余计算量

$$T_B^A = egin{bmatrix} R_B^A & t_B^A \ 0^T & 1 \end{bmatrix}$$
  $T_B^{-1} = egin{bmatrix} R^T & -R^T t \ 0^T & 1 \end{bmatrix}$ 

$$T_A^C = T_B^C \cdot T_A^B \ { ilde p}_A = T_B^A \cdot { ilde p}_B$$



- · 几何法:借助常用的Sin、Cos和余弦定理求取数值解
- 1)速度快原理简单
- 2)推导复杂,角度正负号和方向容易混淆



$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$\cos \beta = \frac{c^2 + a^2 - b^2}{2ca}$$

$$\cos \gamma = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

$$b^2 = c^2 + a^2 - 2ac\cos\beta$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc\cos\alpha$$

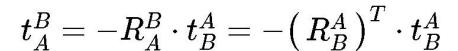
$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos\gamma$$

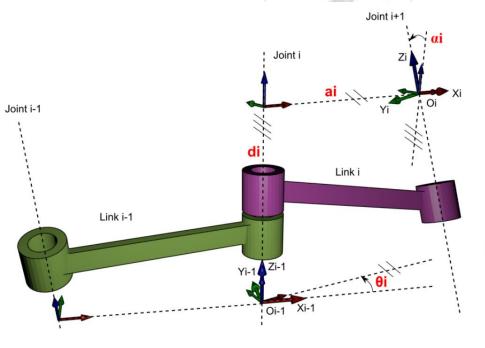


#### 坐标系B原点在坐标系A中的坐标

#### 坐标系A原点在坐标系B中的位置

$${ ilde p}_A = T_B^A \cdot { ilde p}_B$$



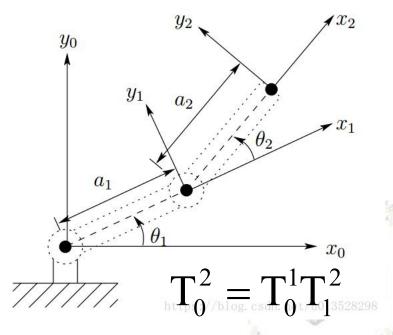




$$T_i = egin{bmatrix} c heta_i & -s heta_i clpha_i & s heta_i slpha_i & a_i c heta_i s heta_i & c heta_i clpha_i & -c heta_i slpha_i & a_i s heta_i s heta_i s heta_i slpha_i & clpha_i & clpha_i s heta_i s heta_i$$



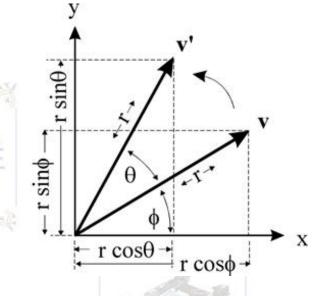
### DH表



Link	$ a_i $	$  \alpha_i  $	$ d_i $	$\theta_i$
1	$a_1$	0	0	$\theta_1^*$
2	$a_2$	0	0	$egin{array}{c}  heta_1^* \  heta_2^* \end{array}$

# 几何法

$$\begin{bmatrix} x_2 \\ y_2 \end{bmatrix}_{A0} = \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}_{A0} + R_{A0}^{A1T} \begin{bmatrix} \cos \theta_2 a_2 \\ \sin \theta_2 a_2 \end{bmatrix}$$

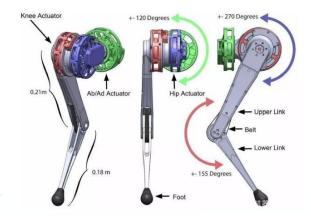


$$\begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix}_{A0} = \begin{bmatrix} \cos \theta_1 a_1 \\ \sin \theta_1 a_1 \end{bmatrix}$$

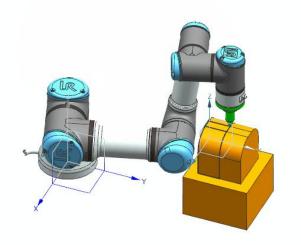
$$R_{A0}^{A1} = \begin{bmatrix} \cos \theta_1 & -\sin \theta_1 \\ \sin \theta_1 & \cos \theta_1 \end{bmatrix}$$

# 运动学逆解

- 闭式解: 直接采用几何知识求解
- 1)速度快,仅需要正余旋函数运算
- 2) 无奇异, 位置角度一一对应



- 数值解:采用递推和迭代方法求解
- 1)效率低,受初始值影响
- 2)多解筛选(能耗,速度,避障)



#### ⊿舵狗之家 \*DogHome 567423074

### 摆动腿控制

#### 完成对末端轨迹实时的跟踪控制:

$$[x \ y \ z]$$
= 摆动轨迹<sub>t</sub>

$$\begin{bmatrix} \theta_1 & \theta_2 & \theta_3 \end{bmatrix} = f_1(\begin{bmatrix} x & y & z \end{bmatrix}_{\{H\}})$$

舵机
$$_{PWM} = f_2([\theta_1 \mid \theta_2 \mid \theta_3])$$



### 位姿估计

### 位姿控制

#### 计算质心的机械角度,机械位置:

姿态角 =  $LS(p_{
abla 
u 
u}^{\{B\}})$ 

质心位置 =  $f(\mathbf{p}_{\frac{\mathsf{Z}}{\mathsf{Z}}}^{\{\mathbf{B}\}})$ 

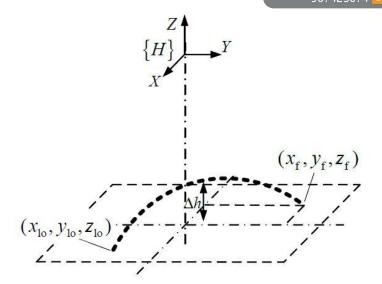


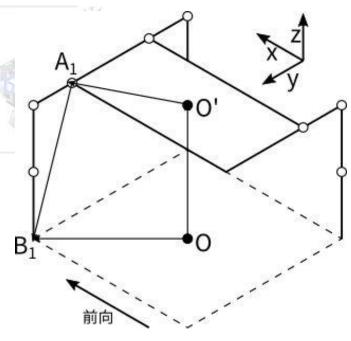
角速度

质心速度

#### 计算支撑腿所需腿长:

$$p_{\text{z}_{\#}}^{\{B\}} = f(姿态角,质心位置)$$

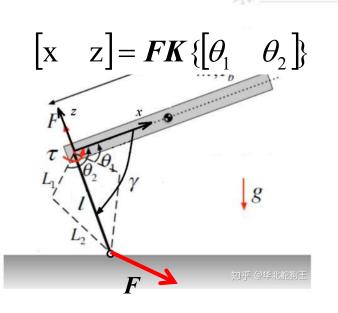






# 雅克比动力学

- 雅克比矩阵: 机器人基础微分运动学,完成末端速度与关节 角速度的空间映射
- 1)由末端期望速度计算关节期望角度
- 2)由末端期望力输出计算关节力矩



$$\frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \boldsymbol{\theta}} = \boldsymbol{J} = \begin{bmatrix} \frac{\partial \mathbf{x}}{\partial \boldsymbol{\theta}_1} & \frac{\partial \mathbf{x}}{\partial \boldsymbol{\theta}_2} \\ \frac{\partial \mathbf{z}}{\partial \boldsymbol{\theta}_1} & \frac{\partial \mathbf{z}}{\partial \boldsymbol{\theta}_2} \end{bmatrix}$$

### 虚功原理/广义力

- 1)关节无摩擦
- 2)忽略连杆质量/惯量

# 速度雅克比换算 $\dot{\mathbf{p}} = J\dot{\boldsymbol{\theta}}$

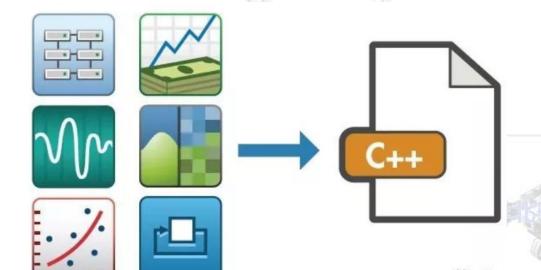
力矩雅克比换算

 $au = oldsymbol{J}^{\mathrm{T}} oldsymbol{F}$ 

### Matlab Coder代码导出

$$\dot{\theta} = J^{-1}\dot{p}$$

$$inv(\boldsymbol{J}) = (\boldsymbol{J}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{J})^{-1}\boldsymbol{J}^{\mathrm{T}}$$



N×N求逆函数

运动学正逆解

卡尔曼滤波器

#### 注意:

- 1)保证除法分母不为0
- 2)反正余弦函数输入限幅在-1~1
- 3)最终雅克比输出判断NAN做好保护

http://news.eeworld.com.cn/mp/e/a51724.jspx



# 下一节教程内容

- 1) AltiumDesigner9 原理图设计介绍
- · 2) AltiumDesigner9 PCB设计介绍
- · 3)基于STM32F4的行走主控设计介绍
- · 4)物料导出采购与PCB加工焊接
- 5)缩比模型供电与电气系统设计

