UFFS - Ciência da Computação - Matemática Discreta Trabalho 2 - Peso: 1,0 - Data de entrega: até dia 11/10/2023

Recados: O trabalho poderá ser entregue individualmente ou em dupla.

Não serão aceitos trabalhos digitados e nem trabalhos entregues fora do prazo.

## 1ª Questão

i) Prove que: se  $x^2$  é um múltiplo inteiro de 3, isto é,  $x^2 = 3k$  para algum  $k \in \mathbb{Z}$ , então x também é múltiplo inteiro de 3.

**Dica:** Use a contrapositiva para mostrar i) e lembre que se um número y não é múltiplo de 3 ele é da forma y=3m+1 ou y=3m+2 para algum  $m \in \mathbb{Z}$ .

ii) Mostre que  $\sqrt{3}$  é irracional usando uma prova por contradição.

2ª Questão Prove a propriedade

$$P(n): 1.3 + 2.4 + 3.5 + \dots + n(n+2) = \frac{n(n+1)(2n+7)}{6},$$

usando indução matemática. É necessário desenvolver todos os passos corretamente.

 ${\bf 3^{\underline{a}}}$  Questão Prove a Lei de Morgan para conjuntos

$$\overline{(A \cap B)} = \overline{A} \cup \overline{B}.$$