Pesquisa e Ordenação de Dados

Unidade 5.6:

Árvores B+

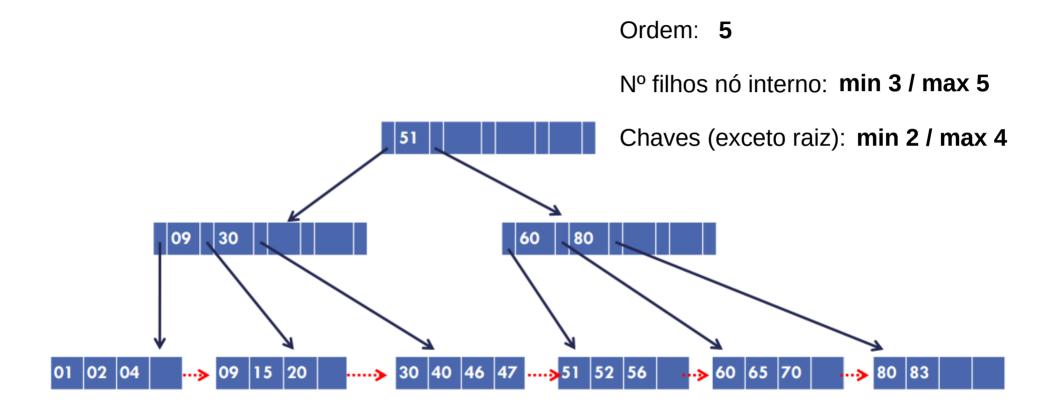


^{*}Material parcialmente baseado nos slides do Prof. Denio Duarte

- As árvores B+ são semelhantes às árvores B, tendo duas diferenças mais significativas:
 - Armazena dados dos registros somente nas folhas
 - os nós internos servem apenas como ponteiros para orientar o caminhamento na árvore;
 - por serem as únicas páginas que carregam dados, as folhas podem possuir uma estrutura diferente das páginas internas;
 - As folhas são encadeadas
 - cada folha possui um ponteiro para a folha imediatamente à sua direita, permitindo acesso sequencial a todos os registros.

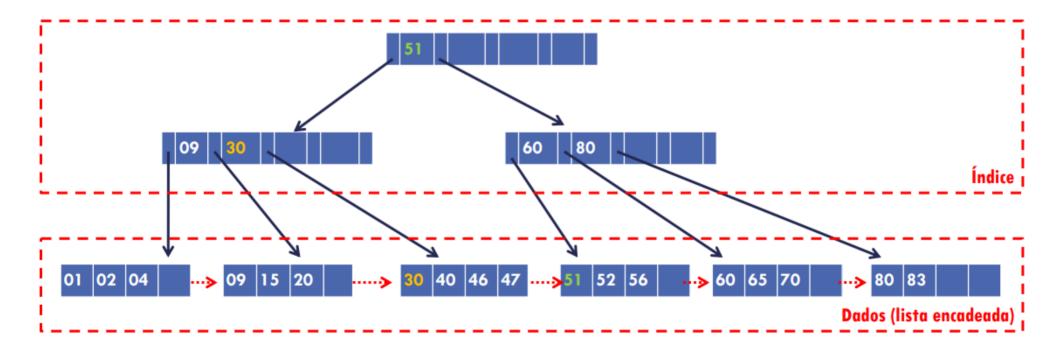
- Árvores B+ são muito importantes por sua eficiência, e muito utilizadas na prática:
 - Os sistemas de arquivo NTFS, ReiserFS, NSS, XFS, e JFS utilizam este tipo de árvore para indexação;
 - Sistemas de Gerência de Banco de Dados como IBM DB2, Informix, Microsoft SQL Server, Oracle 8, Sybase ASE, PostgreSQL, Firebird, MySQL e SQLite permitem o uso deste tipo de árvore para indexar tabelas;
 - Outros sistemas de gerência de dados como o CouchDB, MongoDB,
 Tokyo Cabinet e Tokyo Tyrant permitem o uso deste tipo de árvore para acesso a dados.

Fonte: Prof. Vanessa Braganholo (UFF)

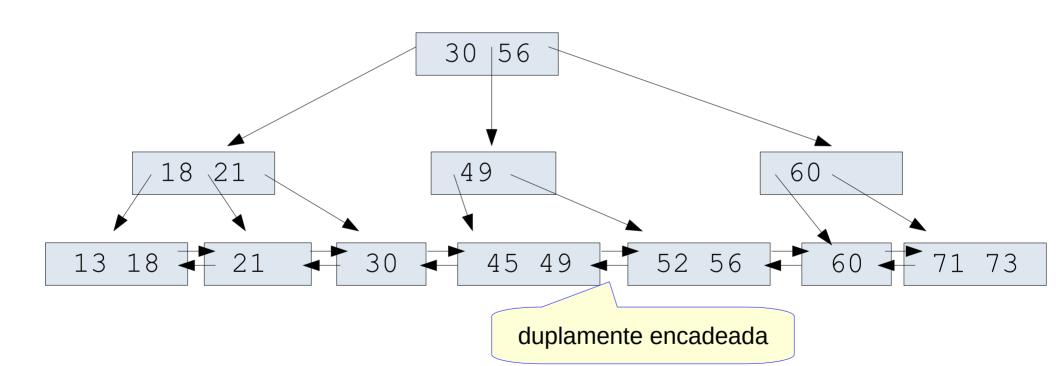


Fonte: Prof. Vanessa Braganholo (UFF)

Índices repetem valores de chave que aparecem nas folhas (diferente do que acontece nas árvores B)



Fonte: Prof. Vanessa Braganholo (UFF)



Inserção

- mesmas regras da árvore B
- diferença: ao subdividir uma folha (split), a chave central deve ser copiada (e não movida) para o nó pai
 - somente a chave é copiada, e não todo o registro!
 - dessa maneira, a chave central continua a ser uma chave válida, pois ela permanece numa folha;
 - será sempre o primeiro elemento da página da direita.
- se o nó particionado não for folha, o procedimento é o mesmo utilizado na árvore B (chave é movida e não copiada)

• Exemplo (árvore de ordem 4):

Insert 30

30

- Insert 20

20 30

- Insert 40

20 30 40

• Exemplo (árvore de ordem 4):

Insert 35

20 30 40

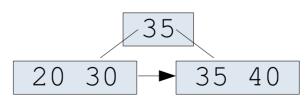
• Passo 1 (insere):

20 30 **35** 40 overflow

Passo 2 (divide):

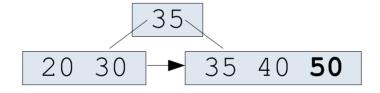
20 30 **35** 40

• Passo 3 (promove):

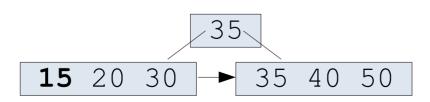


• Exemplo (árvore de ordem 4):

Insert 50



- Insert 15



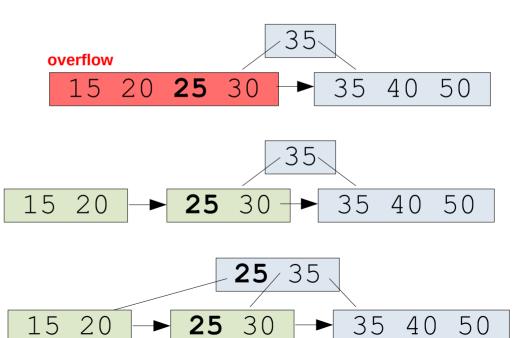
• Exemplo (árvore de ordem 4):

Insert 25

• Passo 1 (insere):

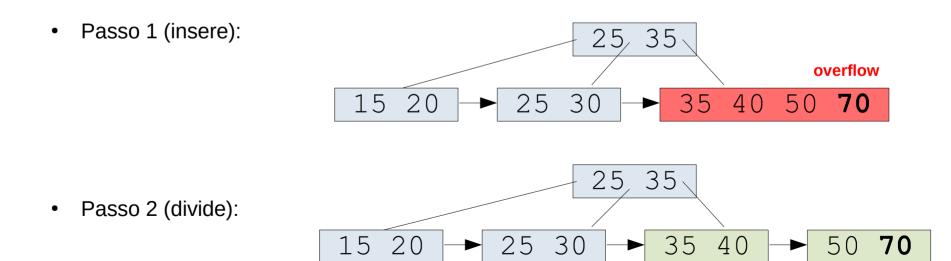
• Passo 2 (divide):

• Passo 3 (promove):



• Exemplo (árvore de ordem 4):

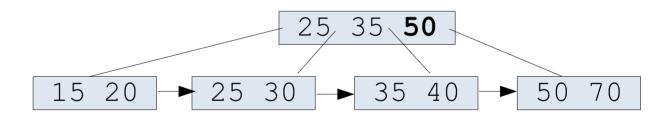
Insert 70



• Exemplo (árvore de ordem 4):

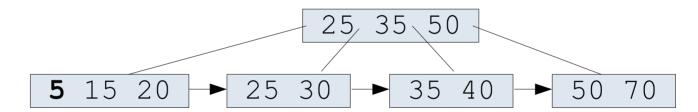
Insert 70

Passo 3 (promove):



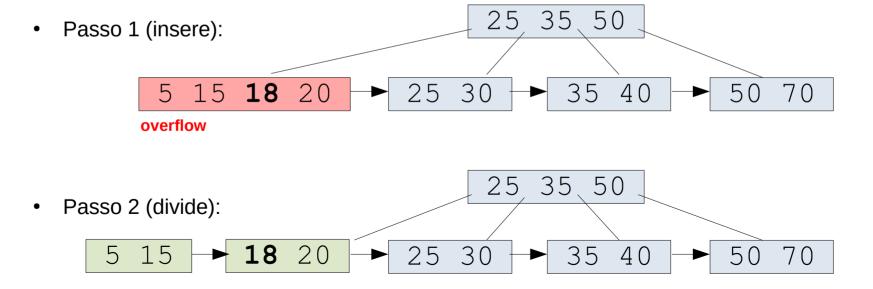
• Exemplo (árvore de ordem 4):

Insert 5

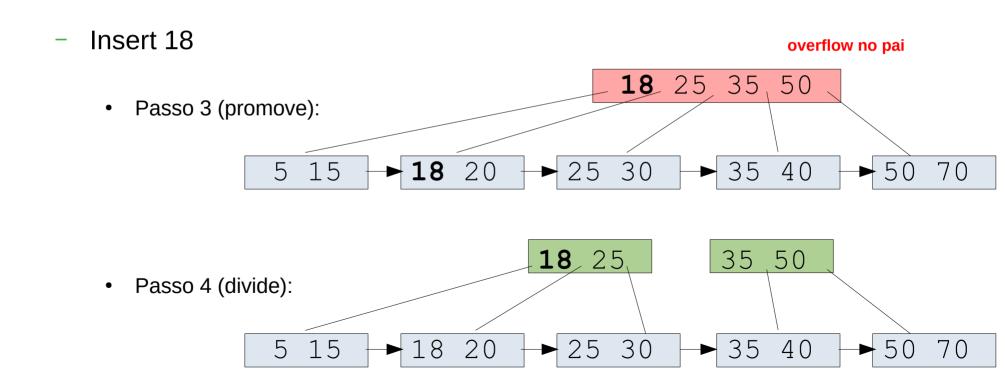


Exemplo (árvore de ordem 4):

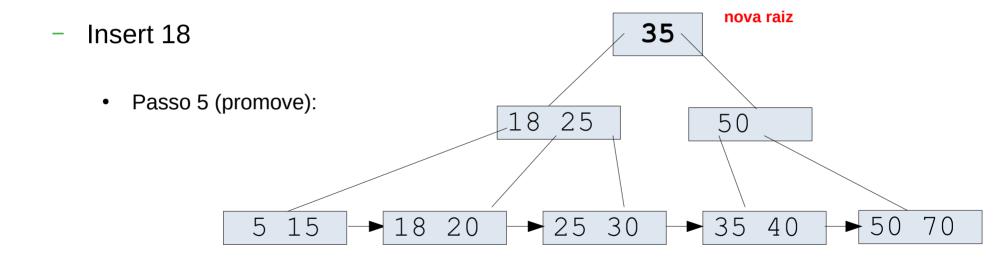
Insert 18



• Exemplo (árvore de ordem 4):



• Exemplo (árvore de ordem 4):

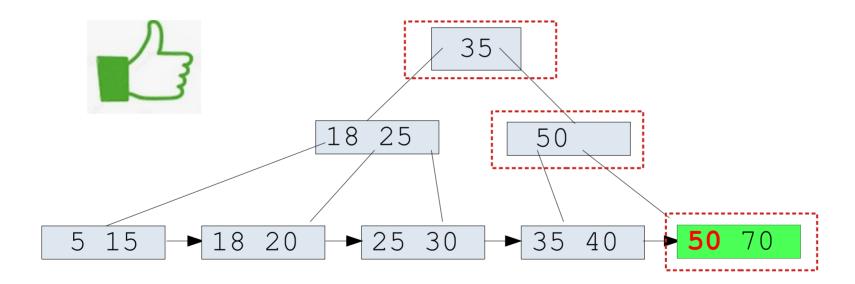


Busca

- uma chave só é válida se aparece em alguma folha.
- a busca não termina caso a chave procurada seja encontrada em uma página interna.

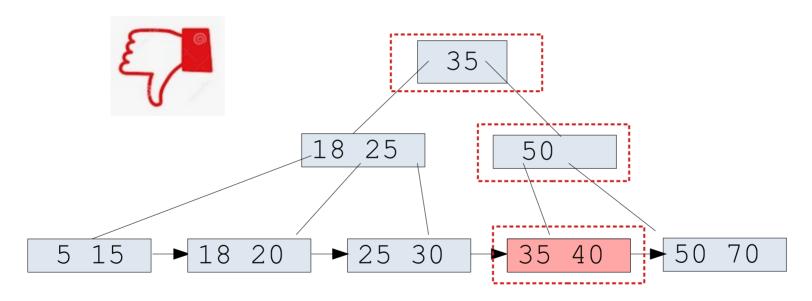
Árvore B+Busca

• Exemplo: buscar 50



Árvore B+Busca

• Exemplo: buscar 37

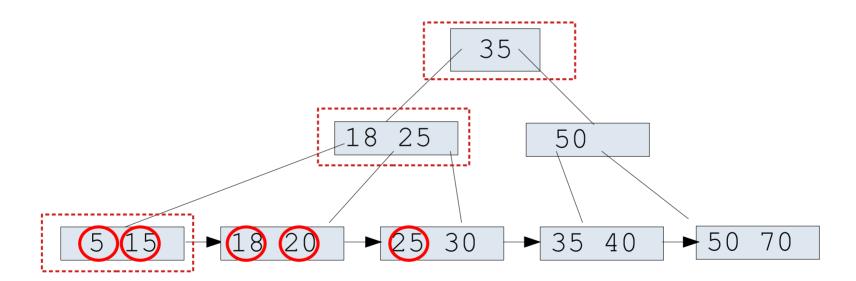


Busca por intervalo (range)

 encontrar a primeira chave de interesse, seguida por uma operação de busca linear na lista encadeada de folhas

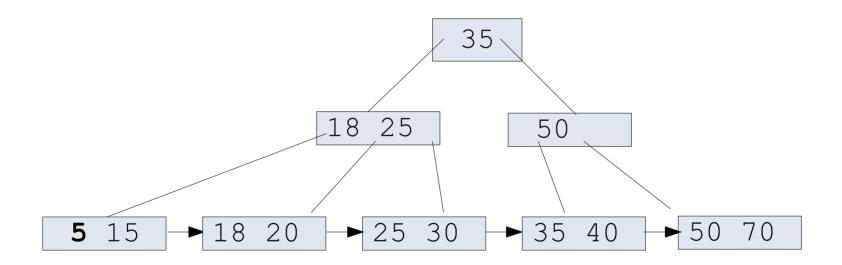
Árvore B+Busca

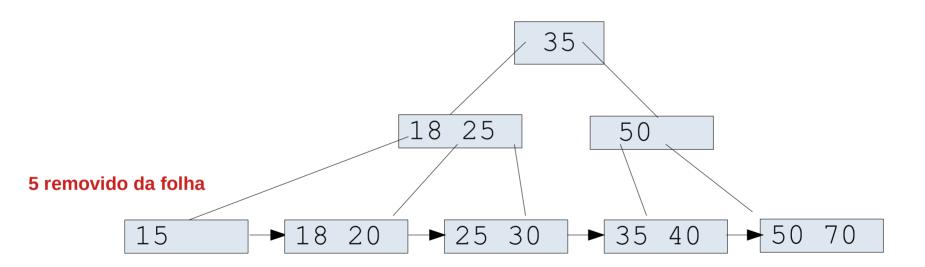
• Exemplo: buscar valores entre 5 e 25

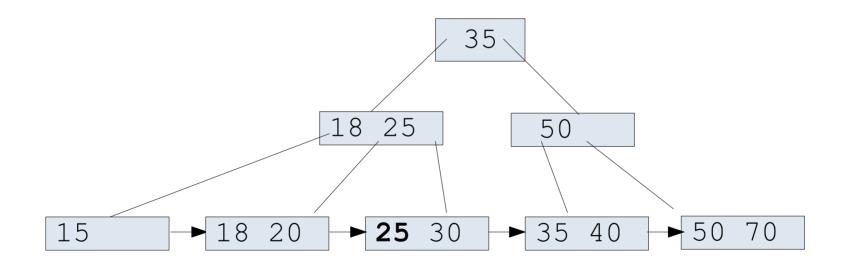


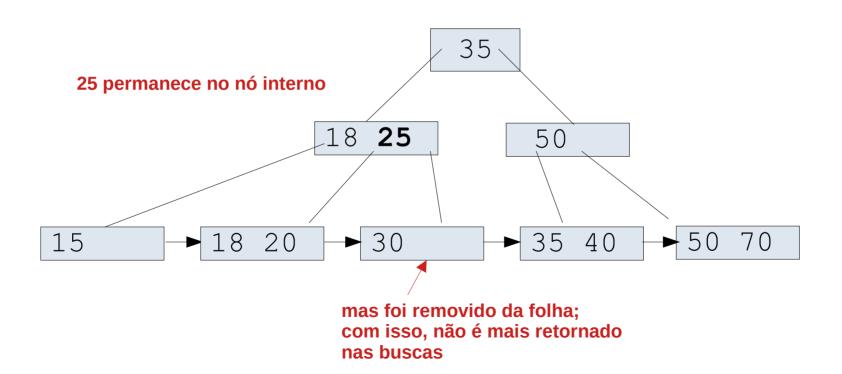
Remoção

- a remoção é sempre nas folhas, pois é nelas que se encontram efetivamente os dados dos registros
 - páginas internas e raiz somente são removidos quando as folhas são concatenadas
- Se a chave a ser removida:
 - não está em uma página interna: simplesmente remove-se da folha, observando a ocupação mínima;
 - está em uma página interna: remove-se o elemento da folha, mas a chave não precisa, necessariamente, ser removida da páginas internas. Ela ainda serve como separador entre dois filhos, mesmo se o próprio separador não ocorre nos filhos;
 - obs: há implementações que substituem a chave excluída por uma cópia de uma chave adjacente.





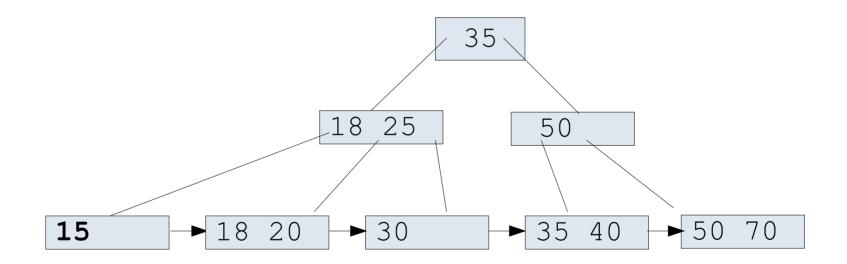




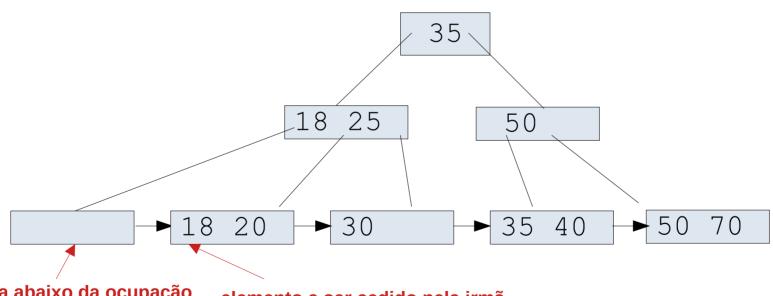
Remoção

- exclusão que causa redistribuição:
 - semelhante à árvore B

• Exemplo: excluir a chave 15 (underflow)



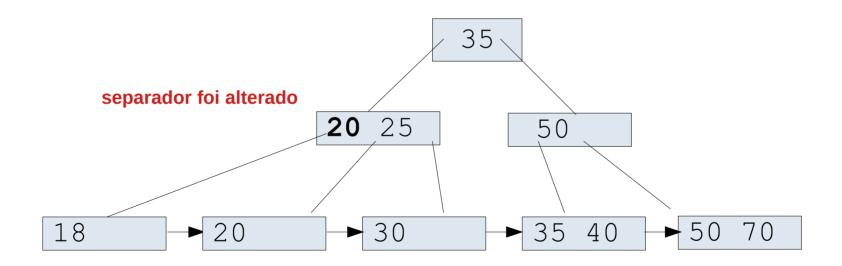
Exemplo: excluir a chave 15 (underflow)



página abaixo da ocupação mínima

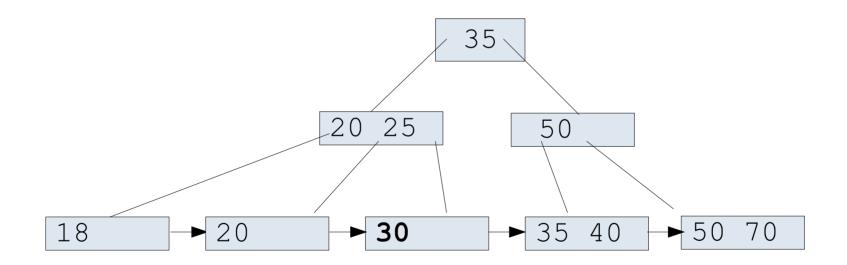
elemento a ser cedido pela irmã

Exemplo: excluir a chave 15 (underflow)

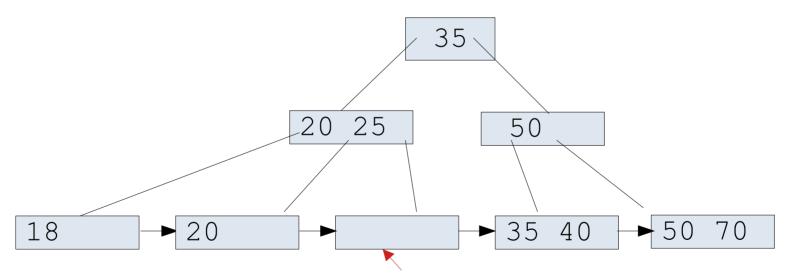


Remoção

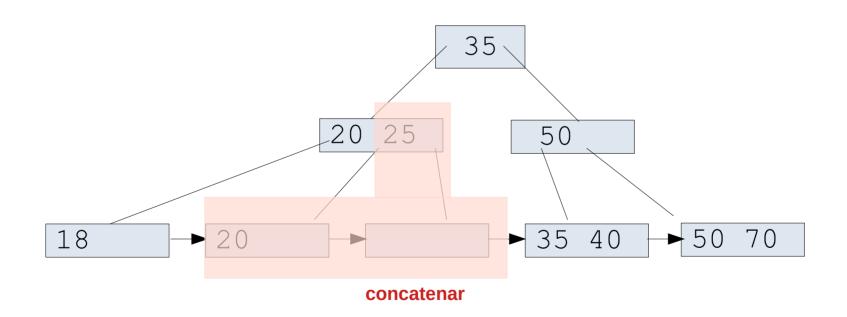
- exclusão que causa concatenação:
 - se a concatenação acontece na folha, a chave separadora no nó pai não desce para o nó concatenado (como ocorria na árvore B); ela simplesmente é eliminada.

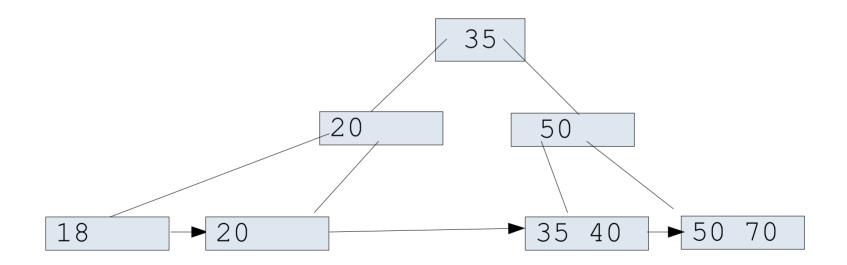


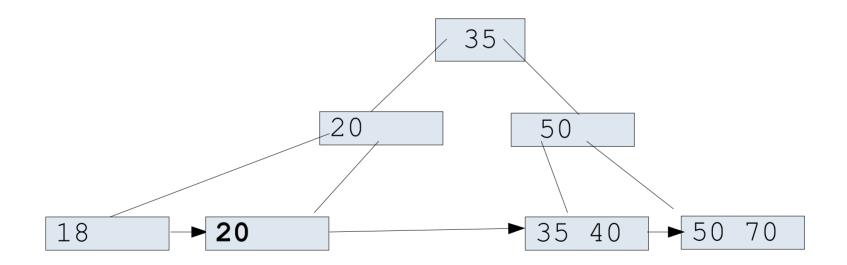
Exemplo: excluir a chave 30



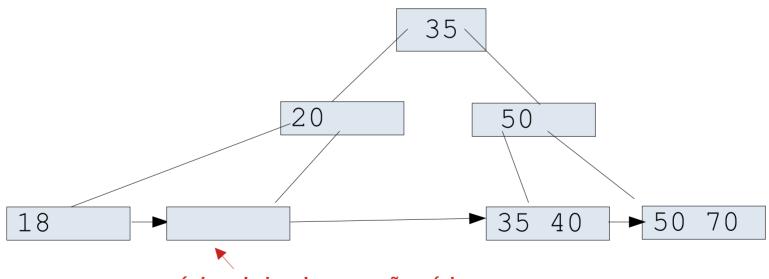
página abaixo da ocupação mínima irmã não pode ceder uma chave



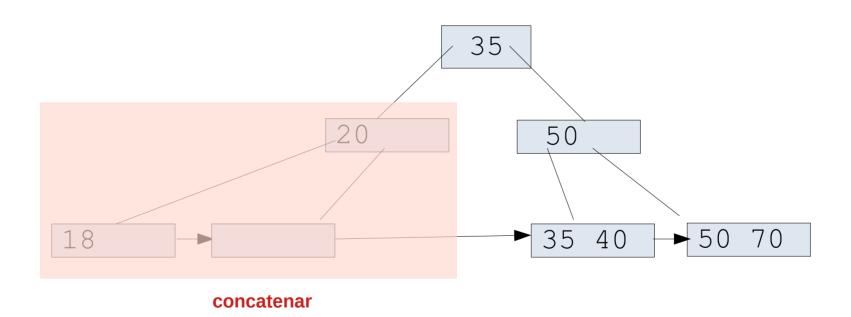


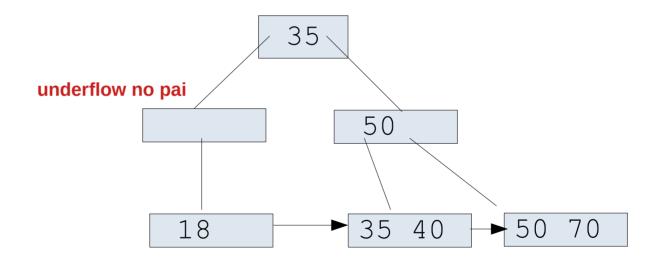


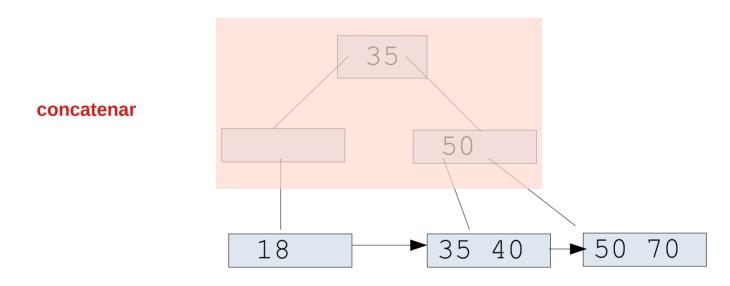
Exemplo: excluir a chave 20

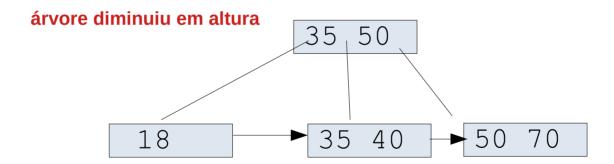


página abaixo da ocupação mínima irmã não pode ceder uma chave









- Escolha da ordem (e da capacidade) de uma árvore B+:
 - A maior possível
 - O objetivo da árvore B+ é otimizar o acesso ao disco e portanto a mesma deve "caber" na memória principal.
 - A árvore pode ser armazenada em disco, assim o tamanho de cada nó (mais corretamente página) deveria ser múltiplo do tamanho do bloco do disco.

- Escolha da ordem (e da capacidade) de uma árvore B+ (cont.):
 - Considerar o espaço (em bytes) ocupado pela chave, mais o espaço ocupado pelos ponteiros.