# Álgebra Relacional

BD I

## Introdução

- Proposta por Edgar Codd como linguagem formal de consulta aos dados relacionais
- Possui 5 operadores primitivos (veremos 3)
- Assemelha-se a álgebra matemática elementar
  - Baseada em operadores unários e binários
  - Adição, por exemplo, é um operador binário A + B. Se quisermos somar 3 valores temos que utilizar 2 vezes o +: A + B + C
  - Potenciação é unário: A<sup>2</sup> (não podemos elevar mais de um valor ao mesmo tempo)

## Projeção

Ponta Grossa

- Operadores primitivos
  - Projeção (unário): projeta alguns atributos da relação (faz um corte vertical na tabela)
    - $\blacksquare$   $\pi_{(atributos)}(tabela)$
    - $\blacksquare$   $\pi_{(\text{nome, pop})}(\text{cidade})$

		l				
n	ome		pop			
C	Chapeco		200			
E	Crechim		105	select	nome,	pop
P	asso Fundo		204	from ci	dade;	
R	Realeza		17.07			
Ι	Itajai		200.5			

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

## Seleção

- Operadores primitivos
  - Seleção (unário): seleciona tuplas de uma relação baseado em critérios de seleção (condição)

codcid	nome	pop	area	uf
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

select \* from cidade where pop > 200;

## Projeção e Seleção

- Os operadores da álgebra são fechados
  - O resultado de um pode (e deve) ser utilizado como entrada de um outro.
    - $\blacksquare$   $\pi_{\text{(nome, pop)}}(\text{cidade})$
    - $\bullet$   $\sigma_{(pop > 200)}$  (cidade)
    - $\blacksquare \quad \pi_{\text{(nome, pop)}}(\sigma_{\text{(pop > 200)}}(\text{cidade}))$

nome	pop
Passo Fundo	204
Itajai	200.5
Ponta Grossa	355.3

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

## Projeção e Seleção

• A ordem, como na matemática, não altera

#### o valor do resultado

- $0 \quad 1: \pi_{(\text{nome, pop})}(\sigma_{(\text{pop} > 200)}(\text{cidade}))$
- $\circ 2: \sigma_{(pop > 200)}(\pi_{(nome, pop)}(cidade))$
- Ambas produzem o mesmo resultado

nome	pop
Passo Fundo	204
Itajai	200.5
Ponta Grossa	355.3

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

## Projeção e Seleção

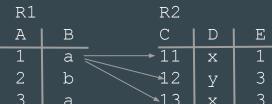
• Porém, CUIDADO:

 A seleção precisa do atributo area que não está no resultado da projeção

#### Produto Cartesiano

- Produto cartesiano (binário): multiplicação entre duas relações
  - Existe apenas para explicar o join
  - tabela\_1 × tabela\_2
  - $\circ$  R1  $\times$  R2

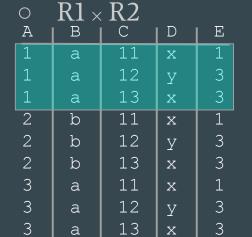
A	В	C	D	E
1	а	11	Х	1
1	a	12	У	3
1	a	13	Х	3
2	b	11	Х	1
2	b	12	У	3
2	b	13	Х	3
3	a	11	Х	1
3	a	12	У	3
3	lal	13	×	3



### Produto Cartesiano

 Produto cartesiano (binário): multiplicação entre duas relações

- Existe apenas para explicar o join
- tabela\_1 × tabela\_2



- Como explica o join?
- $\sigma_{(A=F)}(R1 \times R2)$

A	В	C	<b> </b> D	E			
1	а	11	Х	1			
3	a	12	У	3			
3	а	12 13	X	3			
<u> </u>							

R2

 $\mathbf{E}$ 

select \* from R1,R2 where A=E;

R1

## Join

- Join (binário): operador não primitivo, formado pelo
  - produto cartesiano e pela seleção:
    - Inner join: 🖂
    - Outer join:⊠(left), ば(right) e Ж (full)

estado
uf nome
SC Santa Catarina
PR Paraná
RS Rio Grande do Sul
SP São Paulo

- o—cidade ⋈ cidade.uf=estado.uf
  - select \* from cidade join estado on cidade.uf=estado.uf;
- O estado Mestado.uf=cidade.uf cidade select \* from estado left join cidade on estado.uf=cidade.u

uf	nome		nome		pop	area	uf
SC	Santa Catar	rina	Chapeco		200	626.06SC	
RS	Rio Grande	do Sul	Erechim		105	430.7	RS
<b>—</b> ≻RS	Rio Grande	do Sul	Passo Fundo		204	783.7	RS
PR	Paraná	Reale	za	17.07	353.4	PR	
SC	Santa Catar	rina	Itajai	200.5	289.3	SC	
PR	Paraná	Ponta	Grossa355.3	2054		PR	

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

### Join

- Join (binário): operador não primitivo, formado pelo
  - produto cartesiano e pela seleção:
    - Inner join: ⋈
    - Outer join: ⋈ (left), ⋈ (right) e ⋈ (full)
    - cidade ⋈ cidade.uf=estado.uf
      - select \* from cidade join estado on cidade.uf=estado.uf;
  - estado Mestado.uf=cidade.uf cidade select \* from estado left join cidade on estado.uf=cidade.u

_	uf	nome	nome			pop	area	uf
	SC	Santa Catarina	Chapeco			200	626.06SC	
	RS	Rio Grande do Sul	Erechim			105	430.7	RS
<b>&gt;</b>	RS	Rio Grande do Su	Passo Fundo			204	783.7	RS
	PR	Paraná Reale	eza	17.	7	353.4	PR	
	sc	Santa Catarina	Itajai	200	. 5	289.3	SC	
	PR	Paraná Ponta	Grossa355.3	205	1		PR	
	SP	São Paulo						

idade					ĺ
odcid	nome	рор	area	uf	
1	Chapeco	200	626.06	sc	
2	Erechim	105	430.7	RS	
3	Passo Fundo	204	783.4	RS	
4	Realeza	17.07	353.4	PR	
5	Itajai	200.5	289.3	SC	
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR	

nome

Paraná

São Paulo

Santa Catarina

Rio Grande do Sul

estado

uf

SC

PR

RS

SP

#### Consultas

#### Unindo os comandos:

π<sub>(estado.nome, cidade.nome,pop)</sub>(cidade κ cidade.uf=estado.uf estado nome SC Santa Catarina PR Paraná nome pop nome Rio Grande do Sul RS Santa Catarina Chapecó SP São Paulo Rio Grande do Sul Erechim

Santa Catarina Chapecó 200
Rio Grande do Sul Erechim 105
Rio Grande do Sul Passo Fundo 204
Paraná Realeza 17.
Santa Catarina Itajaí 200.5
Paraná Ponta Grossa355.3

from cidade c join estado e on c.uf=e.uf

 $\sigma_{\text{(estado.nome, cidade.nome,pop)}}(\sigma_{\text{(area > 400)}}(\text{cidade}))$ 

<u>nome</u>	nome	pop_
Santa Catarina	Chapecó	200
Rio Grande do Su	Erechim	105
Rio Grande do Su	Passo Fundo	204
Paraná Pont	Grossa355.3	
		select e.nome, c.nome, c.pop
		<pre>from cidade c join estado e on c.uf=e.uf where area &gt; 400;</pre>

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

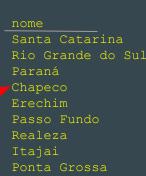
## Operadores de conjunto

A álgebra também oferece os seguintes operadores de

conjunto (todos binários):

- União: U
- Intersecção: ∩
- Diferença: \ ou -
- $\circ$   $\pi_{\text{(nome)}}(\text{cidade}) \cup \pi_{\text{(nome)}}(\text{estado})$

Divisão ÷



estado	
uf	nome
SC	Santa Catarina
PR	Paraná
RS	Rio Grande do Sul
SP	São Paulo

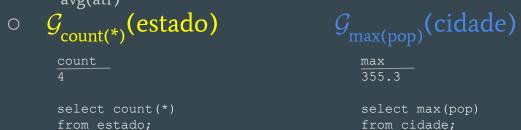
cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

#### Divisão ÷

- Divisão: útil para consultas do tipo "todos que participaram de tudo"
  - cliente (<u>id</u>, cnome) banco (<u>id</u>, bnome) agencia(<u>idb</u>(banco), <u>id</u>, anome)
     contac(<u>idb</u>(agencia), <u>ida</u>(agencia), <u>idc</u>(cliente), saldo)
  - Retornar os clientes que têm contas em todas as agências do banco 12
  - O  $\rho$  (cliente, agencia) ( $\pi_{cnome,anome}$  (cliente  $\bowtie$  agencia))  $\div$   $\rho$  (agencia) ( $\pi_{anome}$  ( $\sigma_{id=12}$  (banco)  $\bowtie$  agencia))

## Funções de agregação (grupo)

- Funcionamento similar ao SQL porém não existe o group by
  - $\circ \mathcal{G}_{\text{count(atr)}}$ (tabela): conta as tuplas do resultado da consulta
  - $\circ$   $\mathcal{G}_{\text{sum(atr)}}$ (tabela): soma os valores do **atr**ibuto
  - $\circ$   $\mathcal{G}_{\max(atr)}$  (tabela): retorna o maior valor do **atr**ibuto
  - $\circ$   $\mathcal{G}_{\min(atr)}$  (tabela): retorna o menor valor do **atr**ibuto
  - $\circ$   $\mathcal{G}_{avg(atr)}$ (tabela): retorna a média dos valores do **atr**ibuto



cidade				
codcid	nome	pop	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC

355.3

2054 PR

6 Ponta Grossa

nome

Paraná

São Paulo

Santa Catarina

Rio Grande do Sul

estado uf

SC

PR

RS

## Funções de agregação (grupo)

- Agrupamento dos resultados:
  - As funções de agregação podem ser agrupadas por atributos
    - $\blacksquare$  atributo(s) $\mathcal{G}_{\text{count(atr)}}$ (tabela)
  - $\circ$  estado.uf $\mathcal{G}_{\text{count}(*)}$ (cidade  $\bowtie_{\text{cidade.uf=estado.uf}}$ estado)

uf	count
SC	2
RS	2
PR	2

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

```
select e.uf,count(*)
from cidade c join estado e on c.uf=e.uf
group by e.uf;
```

```
estado
uf nome
SC Santa Catarina
PR Paraná
RS Rio Grande do Sul
SP São Paulo
```

```
\operatorname{uf}\mathcal{G}_{\max(pop)}(\operatorname{cidade})
```

uf	max
SC	200.5
RS	204
PR	355.3

```
select uf, max(pop)
from cidade
group by uf;
```

## Funções de agregação (grupo)

- Detalhes de valores nulos
  - As funções de agregação podem ser agrupadas por atributos
    - $\blacksquare$  atributo(s) $\mathcal{G}_{\text{count(atr)}}$ (tabela)
  - $\circ$  estado.uf $\mathcal{G}_{\text{count}(*)}$ (cidade  $\bowtie_{\text{cidade.uf=estado.uf}}$ estado)

```
estado.ufG

RS 2

PR 2

cidade.uf=estado.ufG

count(cidade.uf)

cidade.uf=estado.ufC

code

code

code

group y e.uf;

estado.ufG

count(cidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

cidade.uf=estado.ufCidade.uf)

code

code

select e.uf,count(*)

RS 2

group y e.uf;

SP 0
```

uf	nome					
SC	Santa Catarina					
PR	Paraná					
RS	Rio Grande do Sul					
SP	São Paulo					
or atrib	outos					

estado

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR
<u></u>				

```
select e.uf,count(c.uf)
from estado e left join cidade c on e.uf=c.uf
group by e.uf;
```

## Funções de agregação

Consultas finais

- estado

  uf nome

  SC Santa Catarina

  PR Paraná

  RS Rio Grande do Sul

  SP São Paulo
- Retornar o nome da cidade (pode haver mais de uma) com a maior população
  - $= \pi_{\text{(nome)}}(\sigma_{\text{(pop = (}\mathcal{G}_{\text{max(pop)}})\text{(cidade))}}(\text{cidade})$

select nome from cidade
where pop=(select max(pop) from cidade);

Segunda forma (mais complexa) baseada em join:

$$\pi_{\text{(nome)}}(\mathcal{G}_{\text{max(pop)}}(\text{cidade}) \bowtie_{\text{max=pop}} \text{cidade})$$



select c.nome from cidade
 join (select max(pop) as m from cidade) t
 on c.pop=t.m;

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	sc
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR

# Criando uma Relação

estado	
uf	nome
SC	Santa Catarina
PR	Paraná
RS	Rio Grande do Sul
SP	São Paulo

- Pode-se criar relações intermediárias para gerar a consulta final
  - Utiliza-se o operador ←
    - CEstado  $\leftarrow \rho_{(\text{cid,cnume,cpop,carea,cuf,euf,enome})}(\text{cidade} \bowtie \text{estado})$
    - $\blacksquare \quad \pi_{\text{(cnome, enome)}} (CEstado)$

cidade				
codcid	nome	рор	area	uf
1	Chapeco	200	626.06	SC
2	Erechim	105	430.7	RS
3	Passo Fundo	204	783.4	RS
4	Realeza	17.07	353.4	PR
5	Itajai	200.5	289.3	SC
6	Ponta Grossa	355.3	2054	PR