Algoritmos jerárquicos

Aún con la extensión a cualquier espacio, los algoritmos de agrupamiento particional (k-medias) tienen características inconvenientes:

Exigen el número **k** de grupos a formar, y este puede ser no fácil de identificar para el usuario.

Falta de tratamiento especial para objetos atípicos.

No consideran la relación existente entre los grupos.

El algoritmo entrega una sola partición del espacio de patrones.

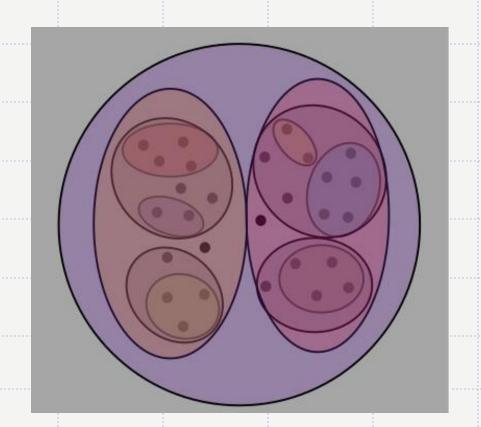
La familia de algoritmos de agrupamiento jerárquico busca superar estas características, particularmente evitar el parámetro **k**

Los alumnos de agrupamiento jerárquico construyen una jerarquía de posibles agrupamientos para el mismo conjunto de patrones y al hacerlo resuelven también el problema de tratamiento de patrones atípicos.

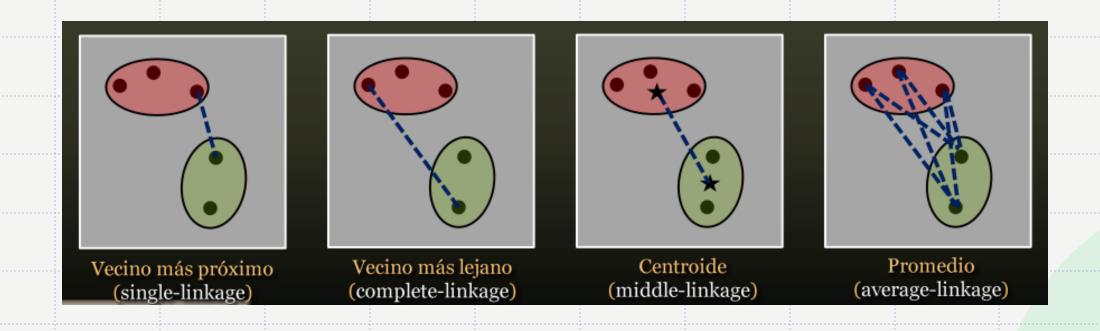
Los algoritmos jerárquicos consideran que el espacio de los patrones siempre está particionado, desde un solo grupo con todos los patrones hasta **n** grupos con un solo patrón cada uno.

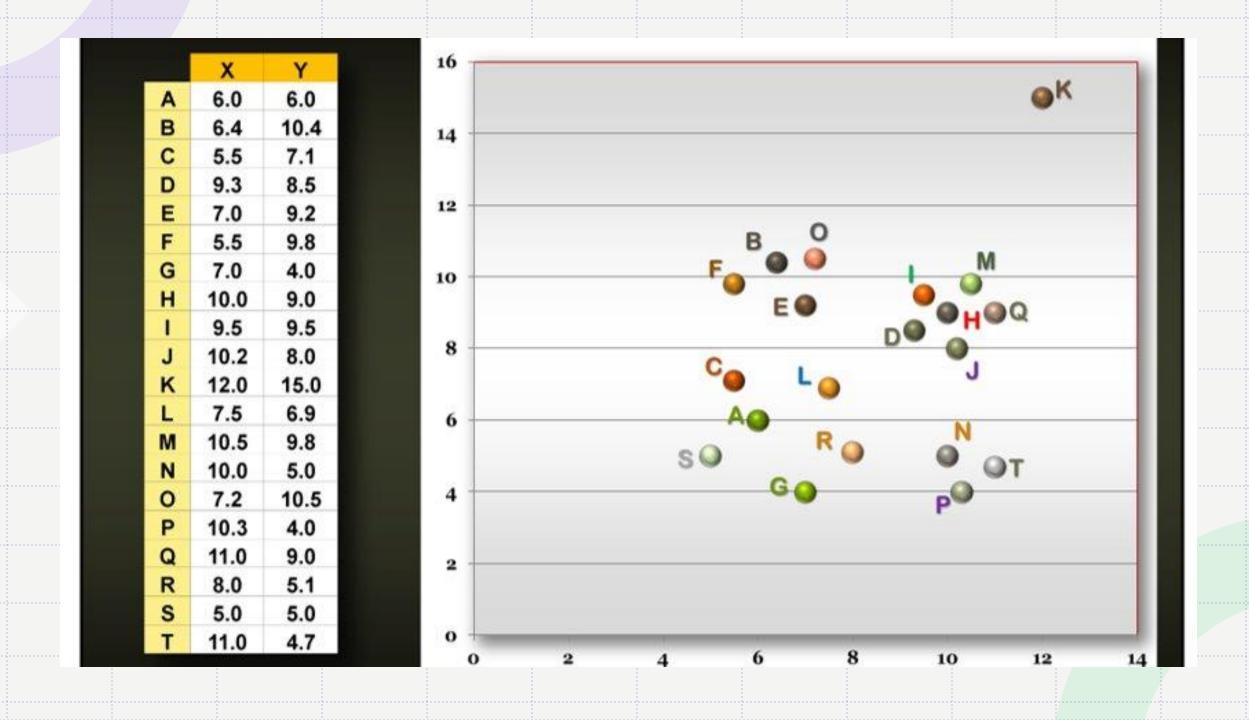
Algoritmo jerárquico aglomerativo

Comienzan considerando **n** grupos unitarios y proceden fusionando dichos grupos hasta lograr un solo grupo con todos los patrones



Al considerar todo el tiempo grupos en lugar de patrones individuales, los algoritmos jerárquicos requieren un criterio para comparar, por semejanza o diferencia, grupos de patrones. Estos criterios se conocen como funciones de enlace

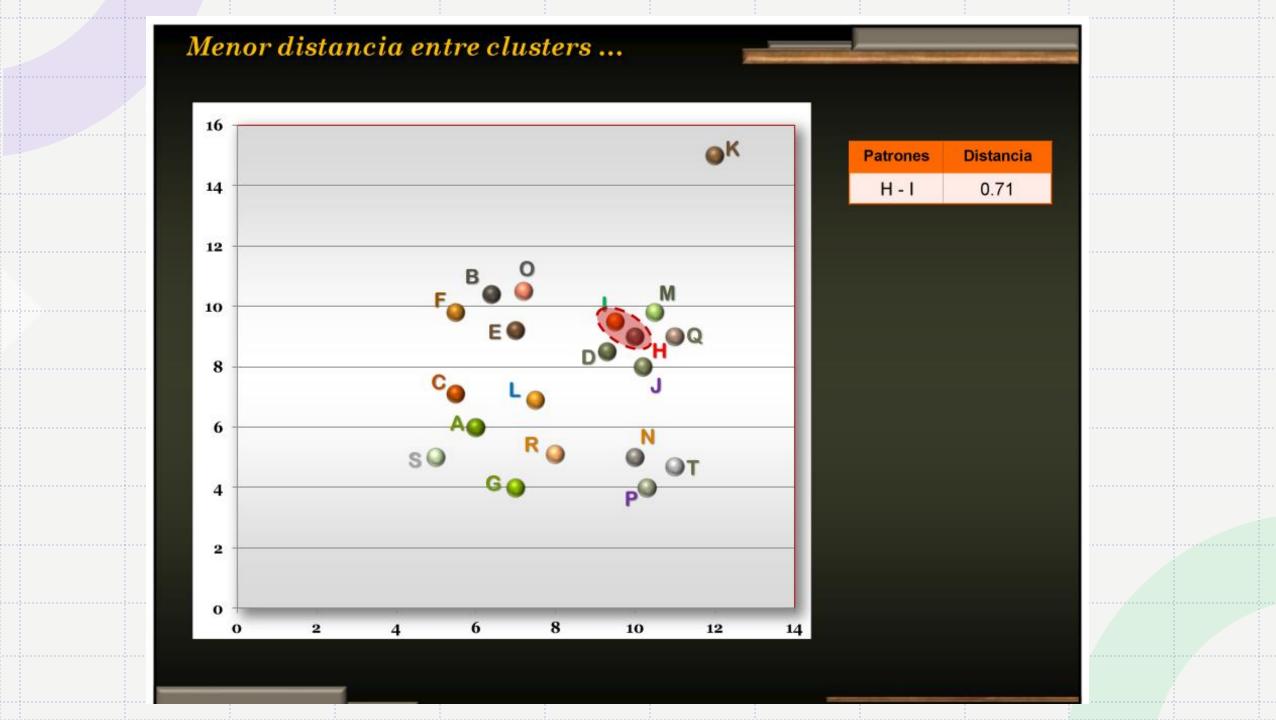




	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	-1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т
Α	0.00	4.42	1.21	4.14	3.35	3.83	2.24	5.00	4.95	4.65	10.82	1.75	5.89	4.12	4.66	4.74	5.83	2.19	1.41	5.17
В	4.42	0.00	3.42	3.47	1.34	1.08	6.43	3.86	3.23	4.49	7.25	3.67	4.14	6.49	0.81	7.49	4.81	5.54	5.58	7.32
С	1.21	3.42	0.00	4.05	2.58	2.70	3.44	4.88	4.66	4.79	10.23	2.01	5.68	4.97	3.80	5.71	5.82	3.20	2.16	6.00
D	4.14	3.47	4.05	0.00	2.40	4.02	5.05	0.86	1.02	1.03	7.04	2.41	1.77	3.57	2.90	4.61	1.77	3.64	5.54	4.16
Е	3.35	1.34	2.58	2.40	0.00	1.62	5.20	3.01	2.52	3.42	7.66	2.35	3.55	5.16	1.32	6.16	4.00	4.22	4.65	6.02
F	3.83	1.08	2.70	4.02	1.62	0.00	5.99	4.57	4.01	5.03	8.32	3.52	5.00	6.58	1.84	7.53	5.56	5.32	4.83	7.50
G	2.24	6.43	3.44	5.05	5.20	5.99	0.00	5.83	6.04	5.12	12.08	2.94	6.77	3.16	6.50	3.30	6.40	1.49	2.24	4.06
Н	5.00	3.86	4.88	0.86	3.01	4.57	5.83	0.00	0.71	1.02	6.32	3.26	0.94	4.00	3.18	5.01	1.00	4.38	6.40	4.41
-1	4.95	3.23	4.66	1.02	2.52	4.01	6.04	0.71	0.00	1.66	6.04	3.28	1.04	4.53	2.51	5.56	1.58	4.65	6.36	5.03
J	4.65	4.49	4.79	1.03	3.42	5.03	5.12	1.02	1.66	0.00	7.23	2.92	1.82	3.01	3.91	4.00	1.28	3.64	6.00	3.40
K	10.82	7.25	10.23	7.04	7.66	8.32	12.08	6.32	6.04	7.23	0.00	9.27	5.41	10.20	6.58	11.13	6.08	10.68	12.21	10.35
L	1.75	3.67	2.01	2.41	2.35	3.52	2.94	3.26	3.28	2.92	9.27	0.00	4.17	3.14	3.61	4.03	4.08	1.87	3.14	4.13
М	5.89	4.14	5.68	1.77	3.55	5.00	6.77	0.94	1.04	1.82	5.41	4.17	0.00	4.83	3.37	5.80	0.94	5.32	7.30	5.12
N	4.12	6.49	4.97	3.57	5.16	6.58	3.16	4.00	4.53	3.01	10.20	3.14	4.83	0.00	6.17	1.04	4.12	2.00	5.00	1.04
0	4.66	0.81	3.80	2.90	1.32	1.84	6.50	3.18	2.51	3.91	6.58	3.61	3.37	6.17	0.00	7.20	4.09	5.46	5.92	6.93
Р	4.74	7.49	5.71	4.61	6.16	7.53	3.30	5.01	5.56	4.00	11.13	4.03	5.80	1.04	7.20	0.00	5.05	2.55	5.39	0.99
Q	5.83	4.81	5.82	1.77	4.00	5.56	6.40	1.00	1.58	1.28	6.08	4.08	0.94	4.12	4.09	5.05	0.00	4.92	7.21	4.30
R	2.19	5.54	3.20	3.64	4.22	5.32	1.49	4.38	4.65	3.64	10.68	1.87	5.32	2.00	5.46	2.55	4.92	0.00	3.00	3.03
S	1.41	5.58	2.16	5.54	4.65	4.83	2.24	6.40	6.36	6.00	12.21	3.14	7.30	5.00	5.92	5.39	7.21	3.00	0.00	6.01
Т	5.17	7.32	6.00	4.16	6.02	7.50	4.06	4.41	5.03	3.40	10.35	4.13	5.12	1.04	6.93	0.99	4.30	3.03	6.01	0.00

$Distancia\ entre\ clusters\dots$

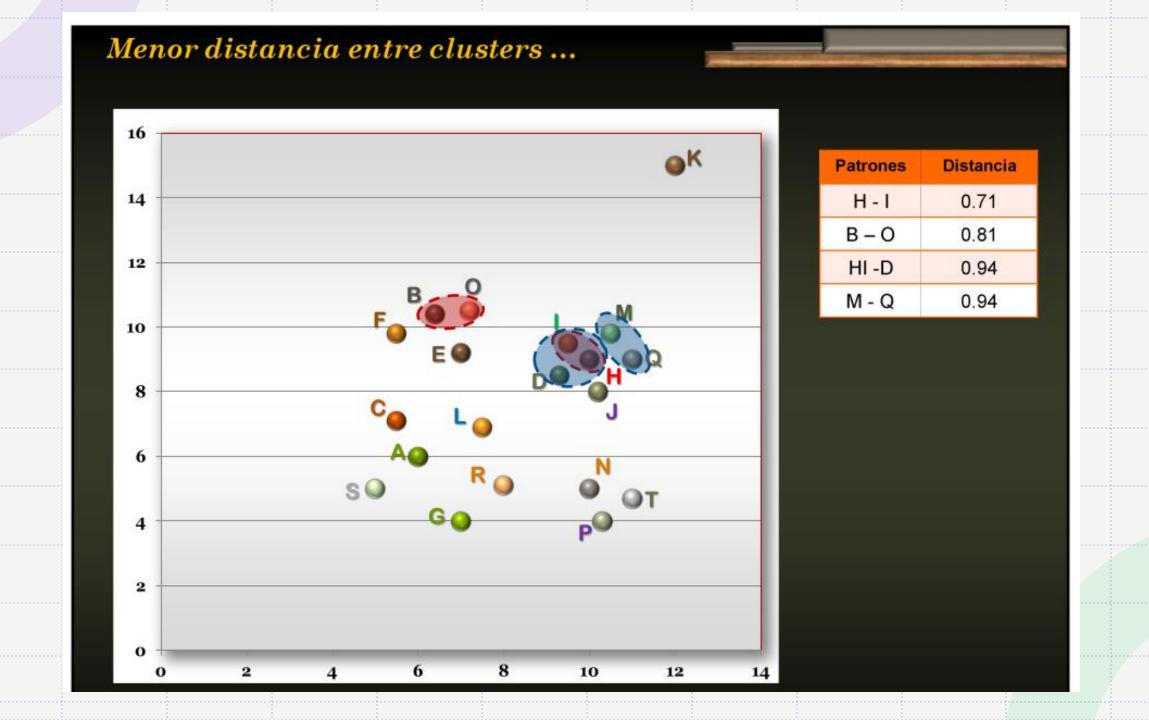
	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т
Α	0.00																			
В	4.42	0.00																		
С	1.21	3.42	0.00																	
D	4.14	3.47	4.05	0.00																
Е	3.35	1.34	2.58	2.40	0.00															
F	3.83	1.08	2.70	4.02	1.62	0.00														
G	2.24	6.43	3.44	5.05	5.20	5.99	0.00													
Н	5.00	3.86	4.88	0.86	3.01	4.57	5.83	0.00												
1	4.95	3.23	4.66	1.02	2.52	4.01	6.04	0.71	0.00											
J	4.65	4.49	4.79	1.03	3.42	5.03	5.12	1.02	1.66	0.00										
K	10.82	7.25	10.23	7.04	7.66	8.32	12.08	6.32	6.04	7.23	0.00									
L	1.75	3.67	2.01	2.41	2.35	3.52	2.94	3.26	3.28	2.92	9.27	0.00								
М	5.89	4.14	5.68	1.77	3.55	5.00	6.77	0.94	1.04	1.82	5.41	4.17	0.00							
N	4.12	6.49	4.97	3.57	5.16	6.58	3.16	4.00	4.53	3.01	10.20	3.14	4.83	0.00						
0	4.66	0.81	3.80	2.90	1.32	1.84	6.50	3.18	2.51	3.91	6.58	3.61	3.37	6.17	0.00					
Р	4.74	7.49	5.71	4.61	6.16	7.53	3.30	5.01	5.56	4.00	11.13	4.03	5.80	1.04	7.20	0.00				
Q	5.83	4.81	5.82	1.77	4.00	5.56	6.40	1.00	1.58	1.28	6.08	4.08	0.94	4.12	4.09	5.05	0.00			
R	2.19	5.54	3.20	3.64	4.22	5.32	1.49	4.38	4.65	3.64	10.68	1.87	5.32	2.00	5.46	2.55	4.92	0.00		
S	1.41	5.58	2.16	5.54	4.65	4.83	2.24	6.40	6.36	6.00	12.21	3.14	7.30	5.00	5.92	5.39	7.21	3.00	0.00	
Т	5.17	7.32	6.00	4.16	6.02	7.50	4.06	4.41	5.03	3.40	10.35	4.13	5.12	1.04	6.93	0.99	4.30	3.03	6.01	0.00



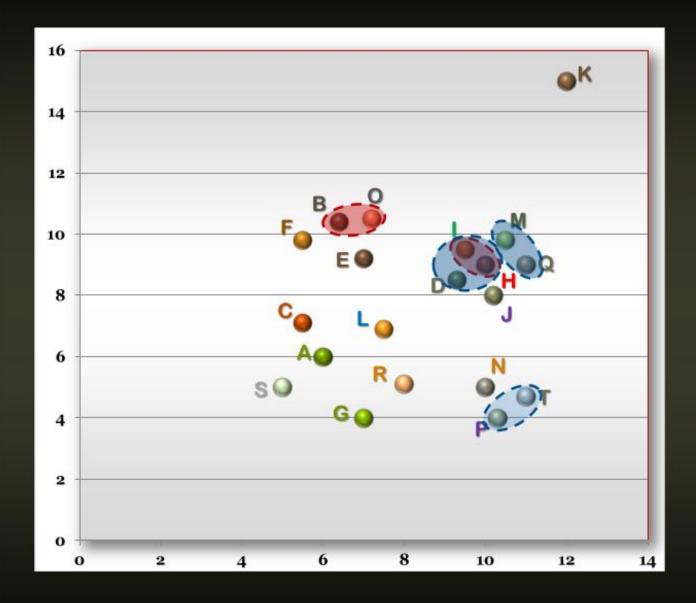
	Α	В	С	D	Ε	F	G	J	K	L	М	N	0	Р	Q	R	S	Т	н
Α	0.00																		
В	4.42	0.00																	
С	1.21	3.42	0.00																
D	4.14	3.47	4.05	0.00															
Ε	3.35	1.34	2.58	2.40	0.00														
F	3.83	1.08	2.70	4.02	1.62	0.00													
G	2.24	6.43	3.44	5.05	5.20	5.99	0.00												
J	4.65	4.49	4.79	1.03	3.42	5.03	5.12	0.00											
K	10.82	7.25	0.23	7.04	7.66	8.32	12.08	7.23	0.00										
L	1.75	3.67	2.01	2.41	2.35	3.52	2.94	2.92	9.27	0.00									
М	5.89	4.14	5.68	1.77	3.55	5.00	6.77	1.82	5.41	4.17	0.00								
N	4.12	6.49	4.97	3.57	5.16	6.58	3.16	3.01	10.20	3.14	4.83	0.00							
0	4.66	0.81	3 .80	2.90	1.32	1.84	6.50	3.91	6.58	3.61	3.37	6.17	0.00						
Р	4.74	7.49	5.71	4.61	6.16	7.53	3.30	4.00	11.13	4.03	5.80	1.04	7.20	0.00					
Q	5.83	4.81	5.82	1.77	4.00	5.56	6.40	1.28	6.08	4.08	0.94	4.12	4.09	5.05	0.00				
R	2.19	5.54	3.20	3.64	4.22	5.32	1.49	3.64	10.68	1.87	5.32	2.00	5.46	2.55	4.92	0.00			
S	1.41	5.58	2.16	5.54	4.65	4.83	2.24	6.00	12.21	3.14	7.30	5.00	5.92	5.39	7.21	3.00	0.00		
Т	5.17	7.32	6.00	4.16	6.02	7.50	4.06	3.40	10.35	4.13	5.12	1.04	6.93	0.99	4.30	3.03	6.01	0.00	
Н	4.97	3.55	4.77	0.94	2.76	4.29	5.94	12.96	19.21	10.19	14.36	11.18	12.73	11.05	14.21	9.49	7.07	11.96	0

Menor distancia entre clusters ... 16 Patrones Distancia 14 H - I 0.71 B - O0.81 12 10 8 O 8 10 12 14

	Α	С	D	Ε	F	G	J	K	L	M	N	Р	Q	R	S	Т	н	во
Α	0.00																	
С	1.21	0.00																
D	4.14	4.05	0.00															
Е	3.35	2.58	2.40	0.00														
F	3.83	2.70	4.02	1.62	0.00													
G	2.24	3.44	5.05	5.20	5.99	0.00												
J	4.65	4.79	1.03	3.42	5.03	5.12	0.00											
K	10.82	10.23	7.04	7.66	8.32	12.08	7.23	0.00										
L	1.75	2.01	2.41	2.35	3.52	2.94	2.92	9.27	0.00									
М	5.89	5.68	1.77	3.55	5.00	6.77	1.82	5.41	4.17	0.00								
N	4.12	4.97	3.57	5.16	6.58	3.16	3.01	10.20	3.14	4.83	0.00							
Р	4.74	5.71	4.61	5.16	7.53	3.30	4.00	11.13	4.03	5.80	1.04	0.00						
Q	5.83	5.82	1.77	1.00	5.56	6.40	1.28	6.08	4.08	0.94	4.12	5.05	0.00					
R	2.19	3.20	3.64	1.22	5.32	1.49	3.64	10.68	1.87	5.32	2.00	2.55	4.92	0.00				
S	1.41	2.16	5.54	1.65	4.83	2.24	6.00	12.21	3.14	7.30	5.00	5.39	7.21	3.00	0.00			
I	5.17	6.00	4.16	5.02	7.50	4.06	3.40	10.35	4.13	5.12	1.04	0.99	4.30	3.03	6.01	0.00		
Н	4.97	4.77	0.94	2.76	4.29	5.94	12.96	19.21	10.19	14.36	11.18	11.05	14.21	9.49	7.07	11.96	0	
ВО	4.54	3.61	3.18	1.33	1.46	6.47	4.20	6.91	3.64	3.76	6.33	7.35	4.45	5.50	5.75	7.13	3.19	0



	Α	С	Ε	F	G	J	K	L	N	Р	R	S	Т	во	HID	MQ
Α	0.00															
С	1.21	0.00														
Ε	3.35	2.58	0.00													
F	3.83	2.70	1.62	0.00												
G	2.24	3.44	5.20	5.99	0.00											
J	4.65	4.79	3.42	5.03	5.12	0.00										
K	10.8 2	10.2 3	7.66	8.32	12.08	7.23	0.00									
L	1.75	2.01	2.35	3.52	2.94	2.92	9.27	0.00								
N	4.12	4.97	5.16	6.58	3.16	3.01	10.20	3.14	0.00							
Р	4.74	5.71	6.16	7.53	3.30	4.00	11.13	4.03	1.04	0.00						
R	2.19	3.20	4.22	5.32	1.49	3.64	10.68	1.87	2.00	2.55	0.00					
S	1.41	2.16	4.65	4.83	2.24	6.00	12.21	3.14	5.00	5.39	B.00	0.00				
Т	5.17	6.00	6.02	7.50	4.06	3.40	10.35	4.13	1.04	0.99	3.03	6.01	0.00			
ВО	4.54	3.61	1.33	1.46	6.47	4.20	6.91	3.64	6.33	7.35	5.50	5.75	7.13	0		
HID	4.70	4.53	2.64	4.20	5.64	1.23	6.47	2.98	4.03	5.06	4.22	6.10	4.54	3.14	0	
MQ	5.86	5.75	3.78	5.28	6.59	1.55	5.75	4.13	4.47	5.43	5.12	7.26	4.71	4.10	1.31	0

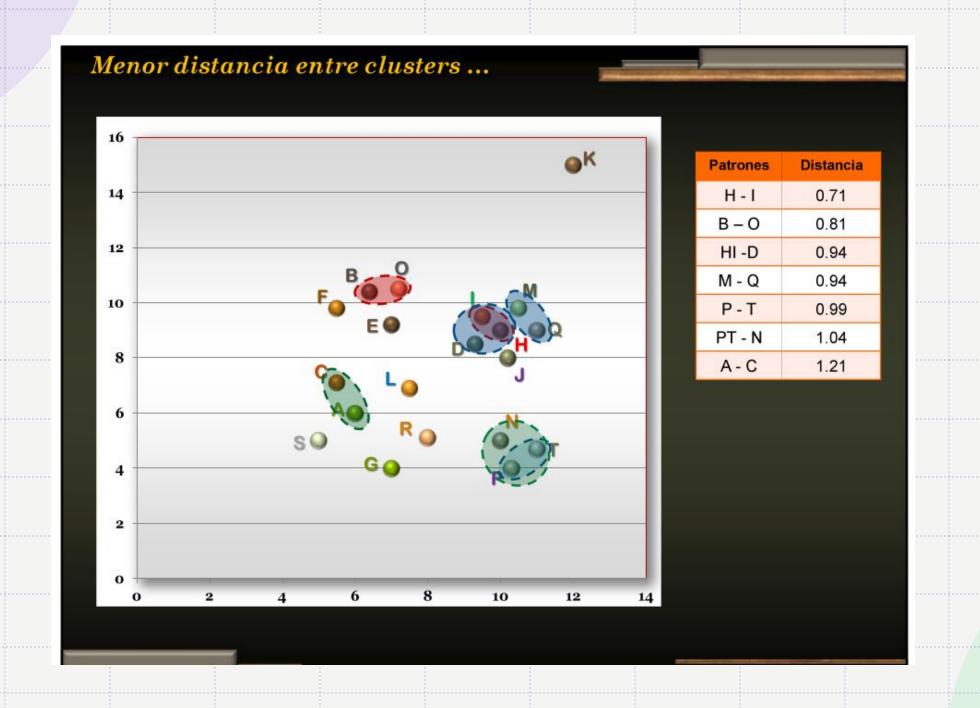


Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99

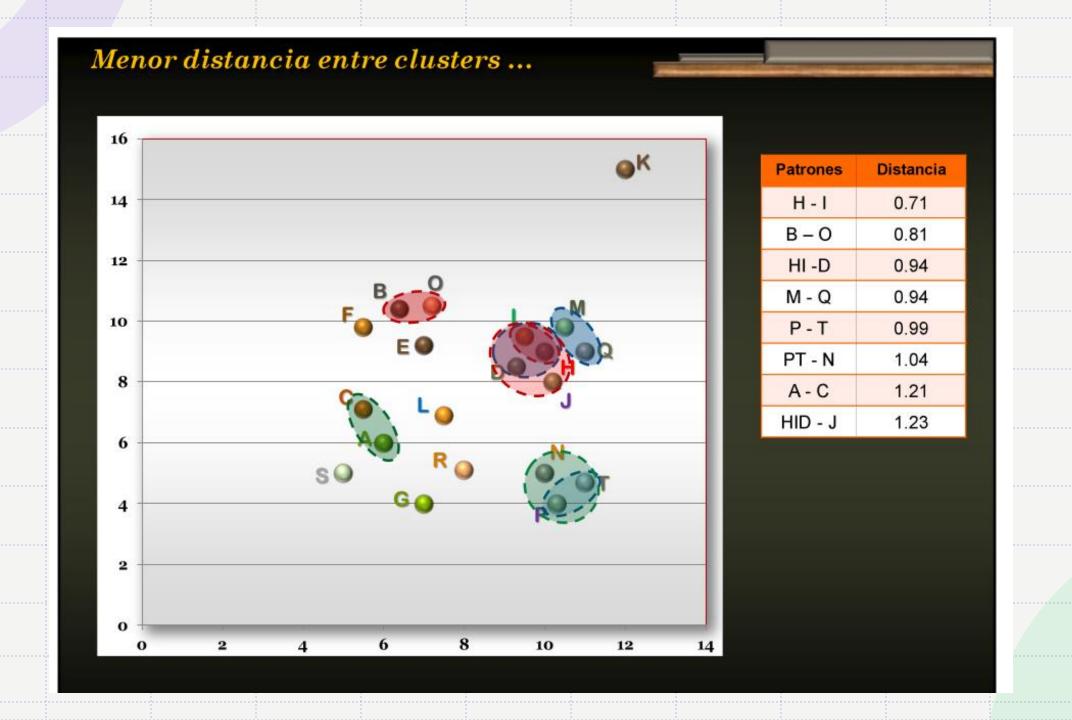
MQ PT	HID	ВО	S	R	N	L	K	J	G	F	Ε	С	Α	
													0.00	Α
												0.00	1.21	С
											0.00	2.58	3.35	Ε
										0.00	1.62	2.70	3.83	F
									0.00	5.99	5.20	3.44	2.24	G
								0.00	5.12	5.03	3.42	4.79	4.65	J
							0.00	7.23	12.08	8.32	7.66	10.23	10.82	Κ
						0.00	9.27	2.92	2.94	3.52	2.35	2.01	1.75	L
					0.00	3.14	10.20	3.01	3.16	6.58	5.16	4.97	4.12	N
				0.00	2.00	1.87	10.68	3.64	1.49	5.32	4.22	3.20	2.19	R
			0.00	3.00	5.00	3.14	12.21	6.00	2.24	4.83	4.65	2.16	1.41	S
		0	5.75	5.50	6.33	3.64	6.91	4.20	6.47	1.46	1.33	3.61	4.54	во
	0	3.14	6.10	1.22	4.03	2.98	6.47	1.23	5.64	4.20	2.64	4.53	4.70	HID
0	1.31	4.10	7.26	5.12	4.47	4.13	5.75	1.55	6.59	5.28	3.78	5.75	5.86	MQ
5.08 0	4.80	7.24	5.70	2.79	1.04	4.08	10.74	3.70	3.68	7.51	6.09	5.86	4.95	PT
	1.31	0 3.14 4.10	0.00 5.75 6.10 7.26	3.00 5.50 4.22 5.12	2.00 5.00 6.33 4.03 4.47	3.14 1.87 3.14 3.64 2.98 4.13	10.20 10.68 12.21 6.91 6.47 5.75	3.01 3.64 6.00 4.20 1.23 1.55	3.16 1.49 2.24 6.47 5.64 6.59	6.58 5.32 4.83 1.46 4.20 5.28	5.16 4.22 4.65 1.33 2.64 3.78	4.97 3.20 2.16 3.61 4.53 5.75	4.12 2.19 1.41 4.54 4.70 5.86	N R S BO HID

Menor distancia entre clusters ... **Patrones** Distancia H - I 0.71 14 B - O0.81 12 HI-D 0.94 M - Q 0.94 10 P-T 0.99 PT - N 1.04 8 2 6 10 12



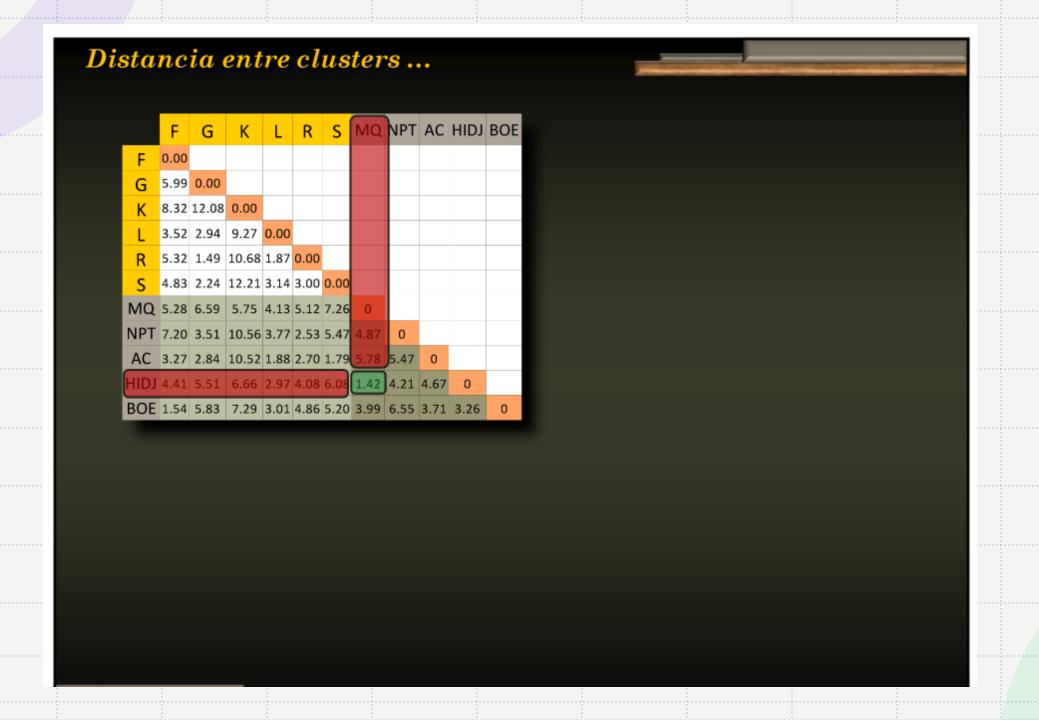


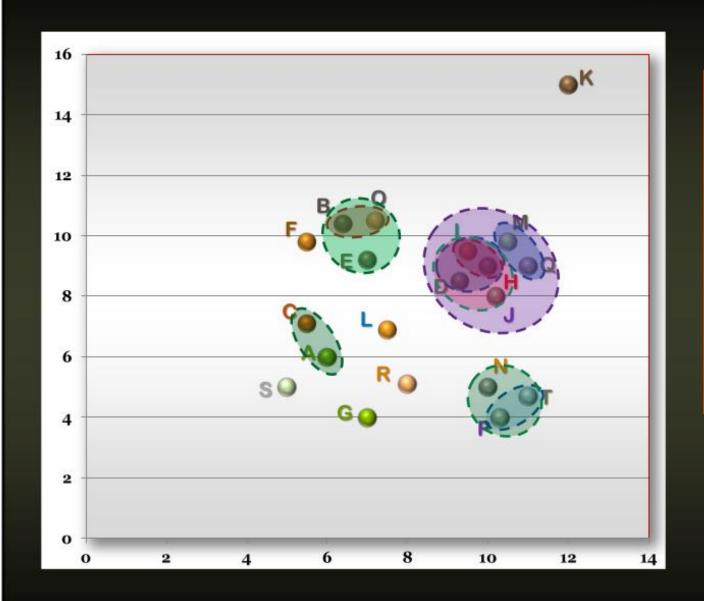






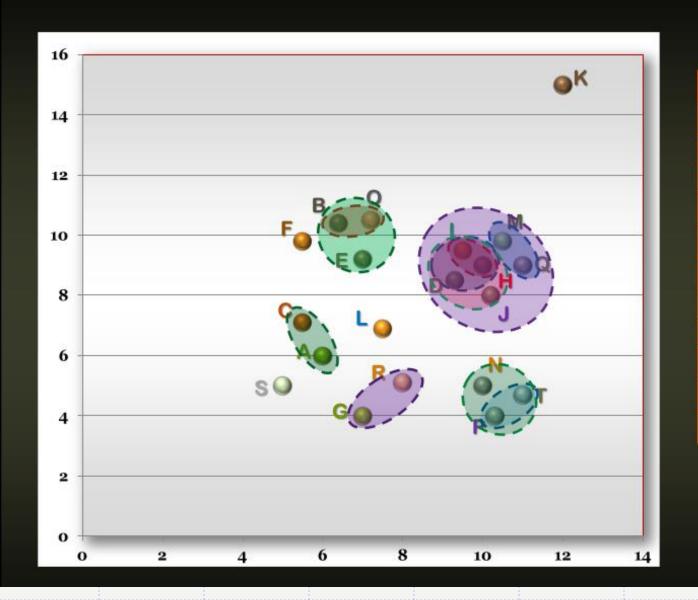
Menor distancia entre clusters ... **Patrones** Distancia 0.71 14 H-I B - O0.81 12 HI-D 0.94 M - Q 0.94 10 P-T 0.99 PT - N 1.04 A-C 1.21 HID - J 1.23 BO - E 1.33 10 12 14





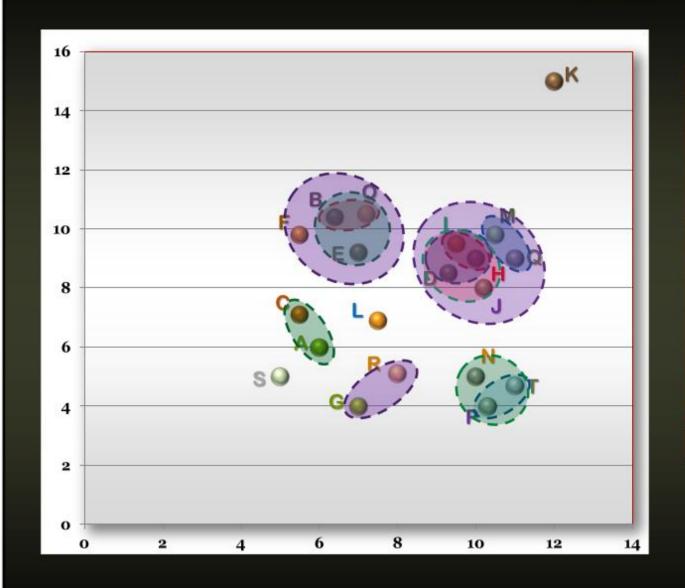
Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A - C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42



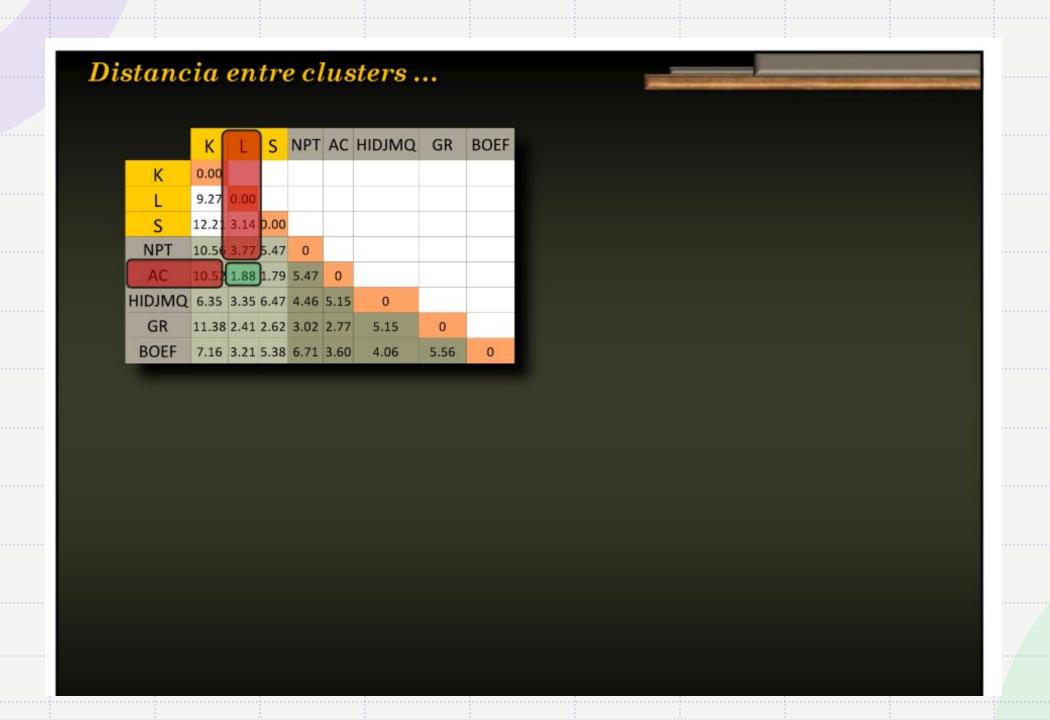


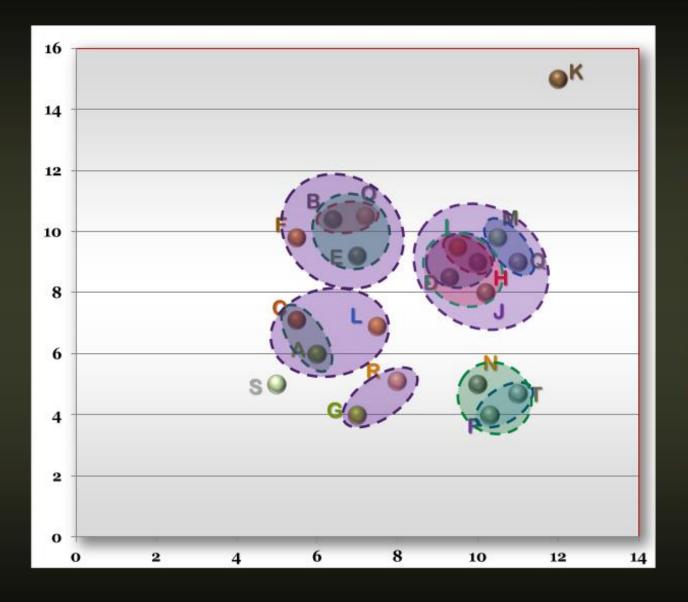
Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A - C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49





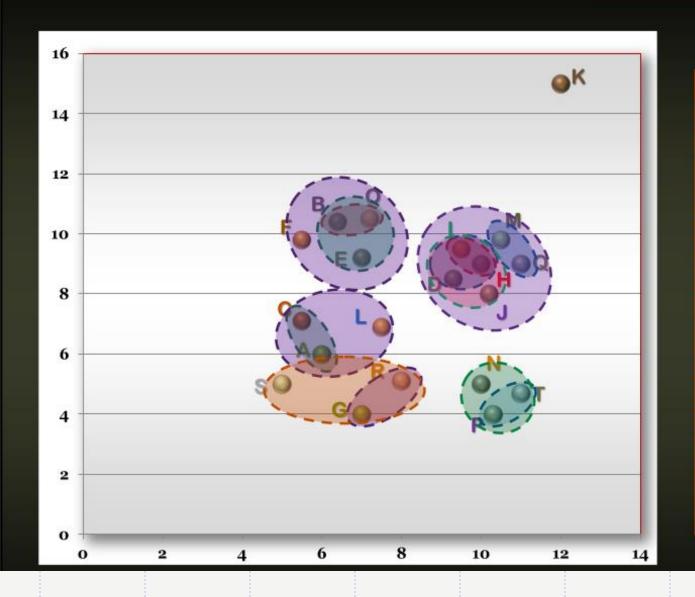
Patrones	Distancia
H - I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A - C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54



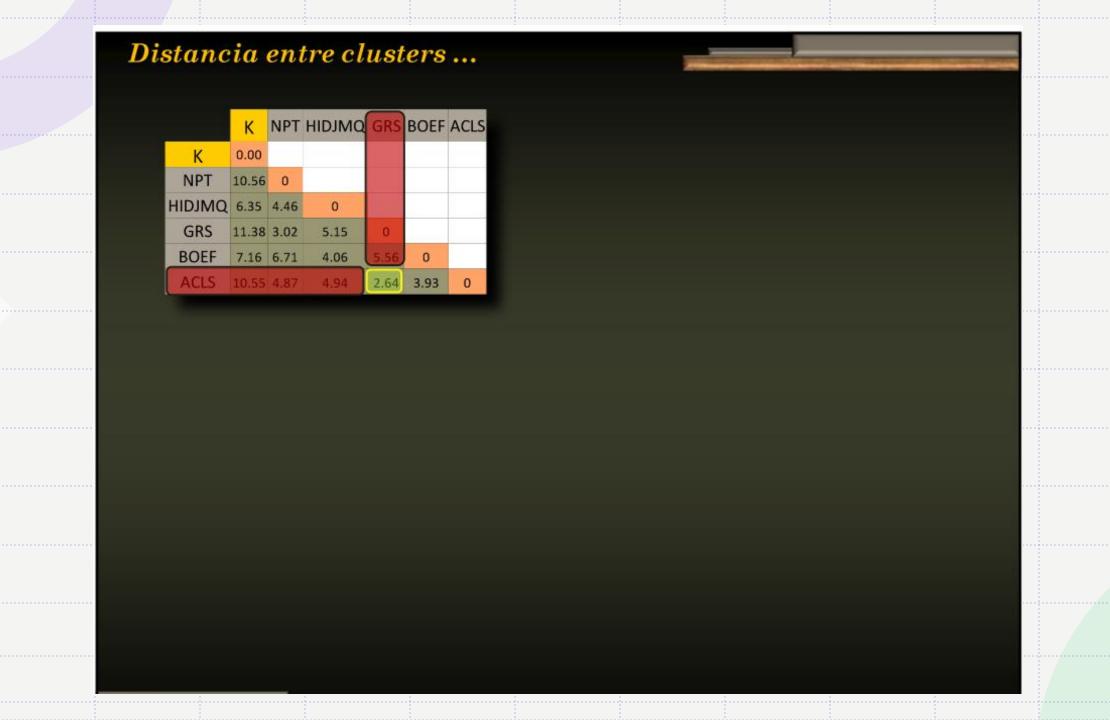


Patrones	Distancia
H - I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A - C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88

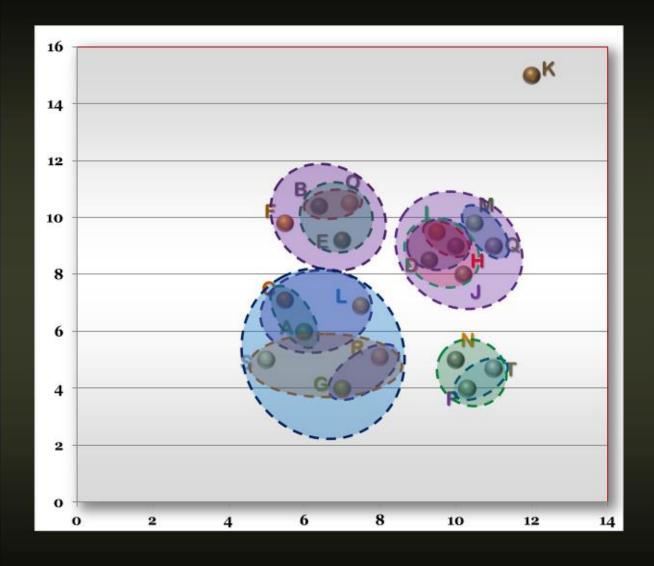




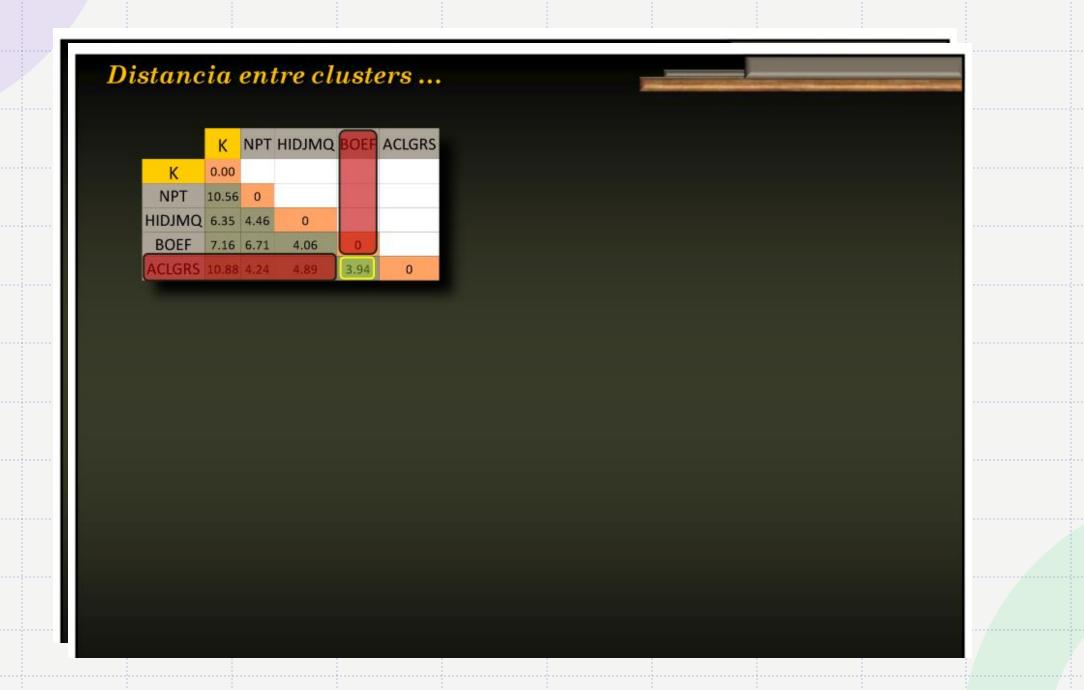
Patrones	Distancia
H - I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A - C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G – R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88
GR - S	2.62

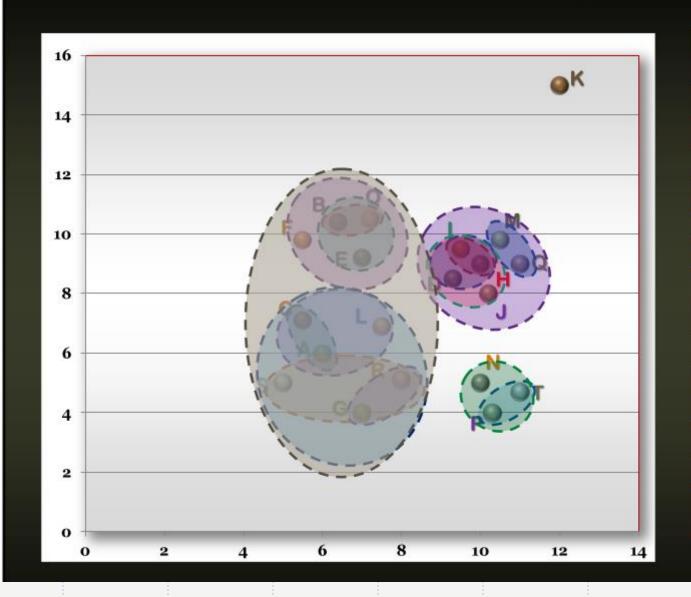


$Menor\,distancia\,entre\,clusters\dots$



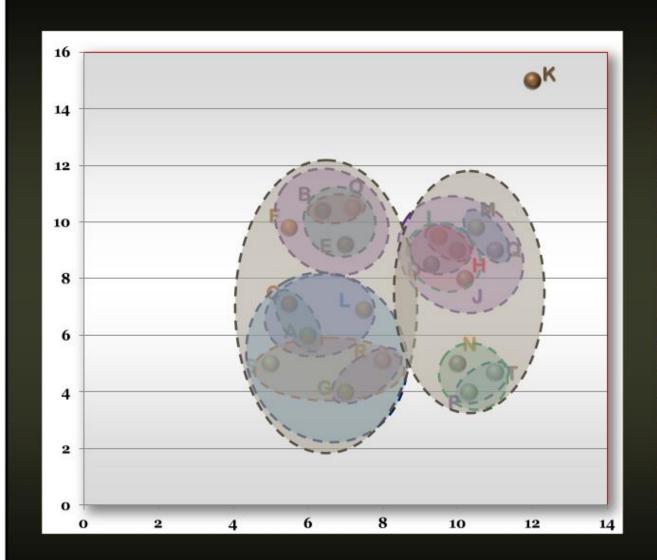
Patrones	Distancia
H - I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A-C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88
ACL -GRS	2.64



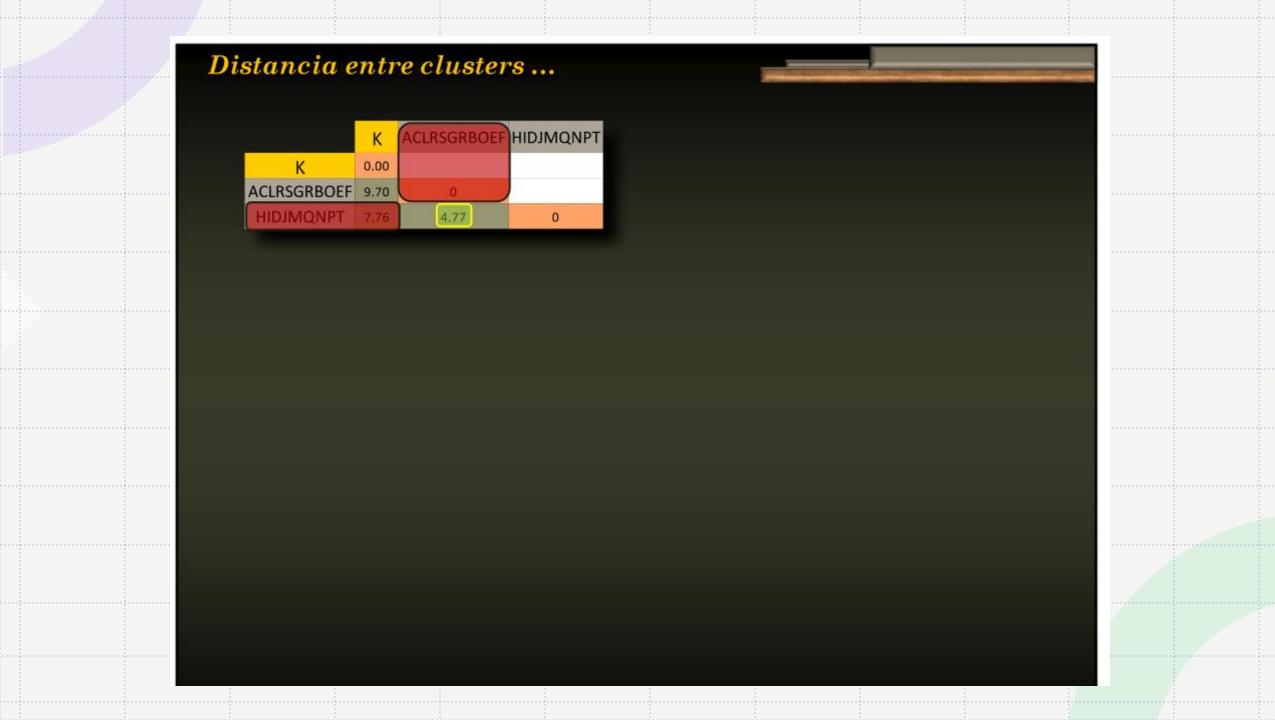


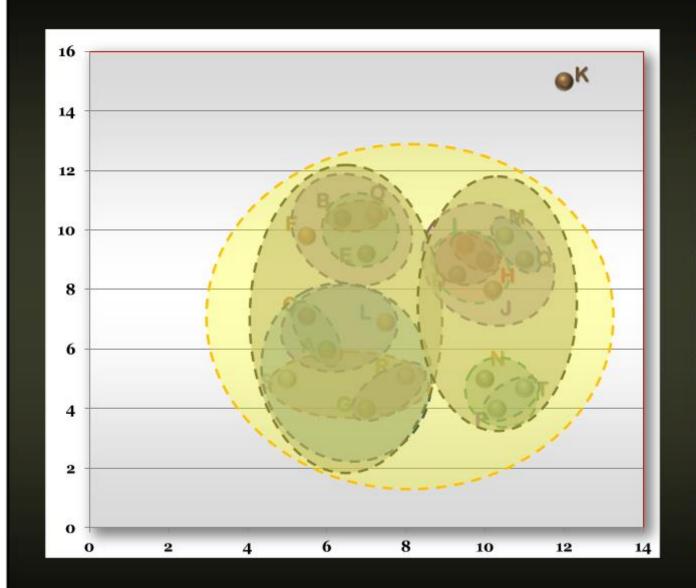
Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A-C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88
ACL -GRS	2.64
ACLRGS – BOEF	3.94





Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P - T	0.99
PT - N	1.04
A-C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88
ACL -GRS	2.64
ACLRGS – BOEF	3.94
HIDJMQ - NPT	4.46





Patrones	Distancia
H-I	0.71
B – O	0.81
HI -D	0.94
M - Q	0.94
P-T	0.99
PT - N	1.04
A-C	1.21
HID - J	1.23
BO - E	1.33
HIDJ -MQ	1.42
G-R	1.49
BOE - F	1.54
AC - L	1.88
ACL-GRS	2.64
ACLRGS – BOEF	3.94
HIDJMQ -NPT	4.46
Todo menos K	4.77

