



Universidad Tecnológica Nacional
Facultad Regional Córdoba

Algoritmos y Estructuras de Datos

Ficha Nro. 16

Arreglos Bidimensionales

Temario

- Introducción
- Matrices (arreglos bidimensionales)
 - Creación
 - Carga de elementos de la matriz
 - Acceso de elementos
 - Recorridos. Por filas y por columnas
 - Sumatoria de elementos de la matriz por columna.

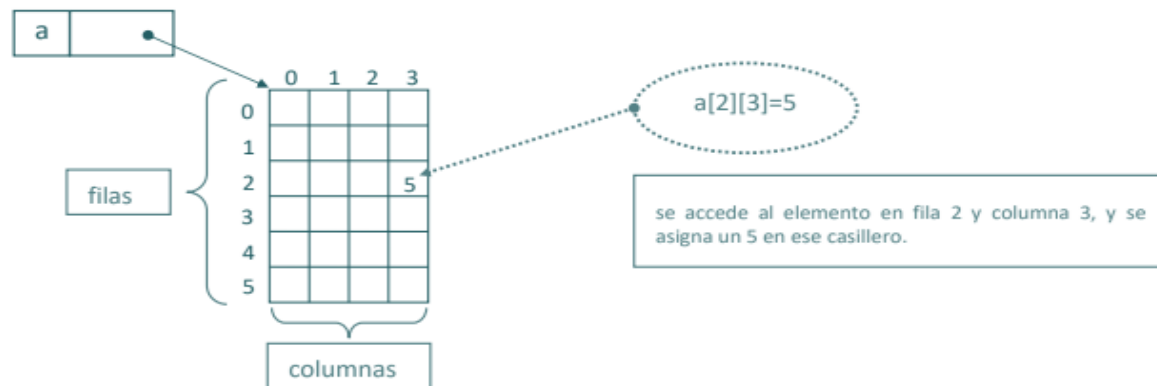
- **Arreglo unidimensional:** es una estructura de datos que permite procesar un conjunto significativo de datos.
- Los problemas analizados hasta ahora fueron de naturaleza unidimensional (cantidad de índices para acceder a los elementos) y estos se utilizaron como medio de soporte para almacenar los datos.
- Existen otras situaciones en los que se necesita organizar los datos de manera que el acceso a los datos es necesario mediante dos o más índices.

Para añadir gastos, haz clic en la última fila de registros y pulsa la tecla Tabulador.

Matrices

- **Concepto:** es un arreglo bidimensional cuyos elementos están almacenados en forma de tabla conformado por filas (disposiciones horizontales) y columnas (disposiciones verticales).
- Para el **acceso** de cada elemento es necesario el uso de **dos índices**.

Figura 1: Esquema de representación de una matriz de orden 6*4.



```
a = [ [2, 3, 4, 5],
      [1, 5, 6, 3],
      [7, 2, 4, 0],
      [8, 4, 1, 7],
      [0, 0, 2, 9],
      [1, 3, 4, 1],
      ]
```

```
a[2][3] = 5 # accede a una casilla y cambia su valor.
```

Matrices: forma de implementación en Python

- En Python las matrices se implementan con el tipo list, usando el concepto de **listas embebidas**, ya que una list puede contener otras list embebidas en ella.
- Es decir que se implementan listas de listas (variable de tipo list, que en cada celda tiene a otra list).



Matrices: Creación (i)

Creación de la matriz con **asignación directa de valores constantes**.
Existen dos posibilidades:

- Posibilidad 1: indentación de cada fila:

```
m0 = [ [1, 3, 4],  
        [3, 5, 2],  
        [4, 7, 1]  
      ]
```

```
print('Matriz con valores fijos:', m0)
```

- Posibilidad 2: sin indentación

```
m0 = [ [1, 3, 4], [3, 5, 2], [4, 7, 1] ]  
print('Matriz con valores fijos:', m0)
```

Matrices: Creación (ii)

Creación de la matriz **sin valores fijos**, con “n” filas y “m” columnas (Donde “n” y “m” son variables).

En Python las matrices son construidas en tiempo de ejecución. Estudiaremos tres alternativas posibles:

- **Alternativa 1:** la mas descriptiva e intuitiva, pero la mas ineficiente.
- **Alternativa 2:** menos detallada e intuitiva, pero mas compacta que la anterior.
- **Alternativa 3:** mas compacta y eficiente, aunque posiblemente menos clara.

Matrices: Creación (iii)

- **Alternativa 1:** Supongamos se desea crear una matriz denominada **m1** con “n” filas **n = 3** y “m” columnas **m = 2**.

1) La idea es partir de una lista vacía, y asignar en ella “n” listas vacías.

```
m1 = []
for f in range(n):
    m1.append([])    m1=> [ [], [], [] ]
```

2) Agregar en cada una de las “n” listas de m1, un total “m” de elementos.

```
m1 = []
for f in range(n):
    m1.append([])
    for c in range(m):
        m1[f].append(None)
```

Apariencia final **m1** = [[None, None], [None, None], [None, None]]

Matrices: Creación (iv)

- **Alternativa 2:** Supongamos se desea crear una matriz denominada **m2** con “n” **filas** **n = 3** y “m” **columnas** **m = 2**.

1) Se comienza creando “n” filas con el operador multiplicación.

```
m2 = [None] * n    => m2 = [ None, None, None ]
```

2) Para completar la matriz se itera sobre los elementos, , en este caso None, y se los reemplaza por una lista de “m” elementos.

```
m2= [None] * n
```

```
for f in range(n):
```

```
    # crea la columnas para cada fila
```

```
    m2[f] = [None] * m #Expande cada fila a 2 elem.
```

Apariencia final: **m2 = [[None, None], [None, None], [None, None]]**

Matrices: Creación (v)

- **Alternativa 3:** Supongamos se desea crear una matriz denominada **m3** con “n” **filas** **n = 3** y “m” **columnas** **m = 2**. Para su creación se utiliza una **expresión de comprensión**.

```
m3 = [ [None] * m for f in range(n) ]
```

- El ciclo for realiza una iteración de “n” vueltas.
- En cada vuelta crea una lista de “m” elementos “None”.
- Si el valor de filas es **n = 2** y columnas es **m = 3** la estructura de la matriz generada sería:

Apariencia final: **m3 = [[None, None], [None, None], [None, None]]**

Matrices: Acceso Individual

- El acceso individual en una matriz es mediante dos índices: el primero selecciona “la fila” (o sea una de las “n” sublistas) y el segundo selecciona “la columna” (o sea el elemento dentro de la sublista seleccionada con el primer índice). Ejemplos:

```
matriz[0][3] = 10
```

```
matriz[1][2] = 20
```

- El primer índice de cada dimensión es cero.
- Los índices de acceso a filas y columnas no puede sobrepasar al espacio reservado.
- Si se dispone una matriz de dimensión 2 x 2, la siguiente operación sería incorrecta:

```
a = matriz[0][4] #Error
```



Índice que sobrepasa la dimensión reservada para las columnas...

Matrices: Carga de elementos

- Se usan dos ciclos “for” uno para recorrer las filas y el otro para las columnas. De esta forma se accede a una celda en particular.

```
fil, col = 3, 3
```

```
mat = [[None] * col for f in range(fil)]
```

```
for f in range(len(mat)):
```

```
    for c in range(len(mat[0])):
```

```
        mat[f][c] = int(input('Nro:'))
```

`len(mat)` → Retorna cantidad de “filas”

`len(mat[0])` → Retorna cantidad de “columnas”

Solicita al usuario por teclado un valor numérico y lo asigna en una casilla de una determinada “fila” y “columna”.

Ejemplo de matriz ya cargada.

	0	1	2
0	1	2	3
1	4	5	6
2	7	8	9



En Python

```
mat = [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]
```

Matrices: Recorrido completo (i)

- Recorrido completo de la matriz por “filas”: se usan dos ciclos “for” uno para recorrer las filas y el otro para las columnas.

```
# Se supone ya creada una matriz
# denominada mat de orden n * m.
```

```
for f in range(len(mat)):
```

```
    for c in range(len(mat[0])):
```

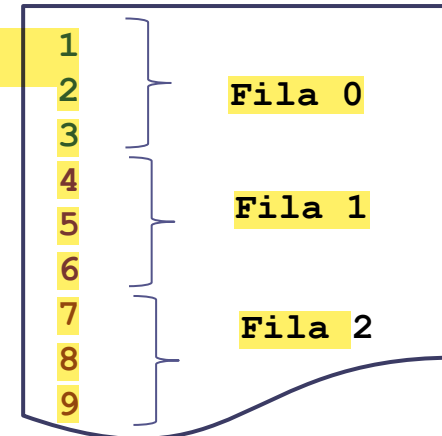
```
        print(mat[f][c])
```

`len(mat)` → Retorna cantidad de “filas”

`len(mat[0])` → Retorna cantidad de “columnas”

Visualiza los elementos de la matriz por “filas”

	0	1	2
0	1	2	3
1	4	5	6
2	7	8	9



Matrices: Recorrido completo (ii)

- **Recorrido completo de la matriz por “columnas”**: se deben invertir los dos ciclos “for”, llevar mas afuera el que recorre las columnas y mas interno el que recorre las filas.

```
# Se supone ya creada una matriz
# denominada mat de orden n * m.
```

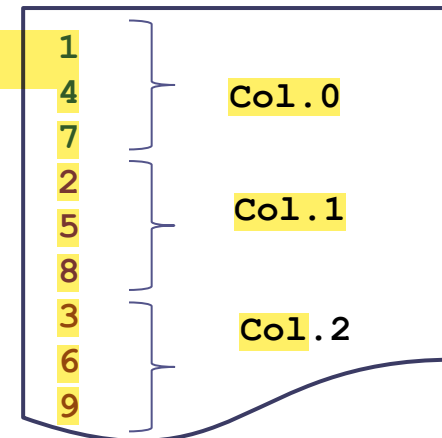
```
for c in range(len(mat[0])):
    for f in range(len(mat)):
        print(mat[f][c])
```

`len(mat[0])` → Retorna cantidad de “columnas”

`len(mat)` → Retorna cantidad de “filas”

Visualiza los elementos de la matriz por “columnas”

	0	1	2
0	1	2	3
1	4	5	6
2	7	8	9



Matrices: Recorrido completo (iii)

A tener en cuenta!!!

La variable que indica la **fila** va en el **primer par de corchetes**, y la variable que indica la **columna** va en el **segundo par de corchetes**, sin importar cuál ciclo va por fuera y cuál por dentro.



Matrices: Totalización de elementos por columnas

```
# Script de carga por teclado de la matriz "mat"
filas, columnas = 3, 3
mat = [[0] * columnas for f in range(filas)]
for c in range(columnas):
    for f in range(filas):
        mat[f][c] = int(input('Valor: '))
print('Matriz leída:', mat)
```

```
# Script para totalizar los elementos de la matriz "mat"
acu = 0
for c in range(columnas):
    for f in range(filas):
        acu+ = mat[f][c]
print('Acumulación de datos de mat:', acu)
```

		↓	↓	↓
		0	1	2
0	1	2	3	
1	4	5	6	
2	7	8	9	
acu	12	27	45	

Bibliografía

- [1] V. Frittelli, Algoritmos y Estructuras de Datos, Córdoba: Universitas, 2001.
- [2] Python Software Foundation, "Python Documentation," 2015. [Online]. Available: <https://docs.python.org/3/>. [Accessed 24 February 2015].
- [3] M. Pilgrim, "Dive Into Python - Python from novice to pro," 2004. [Online]. Available: <http://www.diveintopython.net/toc/index.html>. [Accessed 6 March 2015].