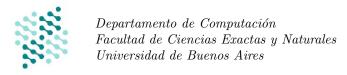
## Introducción a la Programación

## Guía Práctica 3 Introducción a Haskell



## Ejercicio 1.

a) Implementar la función parcial f :: Integer -> Integer definida por extensión de la siguiente manera:

$$f(1) = 8$$
  
 $f(4) = 131$   
 $f(16) = 16$ 

y cuya especificación es:

```
problema f (n:\mathbb{Z}):\mathbb{Z} { requiere: \{n=1 \lor n=4 \lor n=16\} asegura: \{(n=1 \to res=8) \land (n=4 \to res=131) \land (n=16 \to res=16)\} }
```

b) Análogamente, especificar e implementar la función parcial g:: Integer -> Integer

$$g(8) = 16$$
$$g(16) = 4$$
$$g(131) = 1$$

c) A partir de las funciones definidas en los ítems a) y b), implementar las funciones parciales  $h = f \circ g$  y  $k = g \circ f$ 

Ejercicio 2. ★ Especificar e implementar las siguientes funciones, incluyendo su signatura.

- a) absoluto: calcula el valor absoluto de un número entero.
- b) maximoAbsoluto: devuelve el máximo entre el valor absoluto de dos números enteros.
- c) maximo3: devuelve el máximo entre tres números enteros.
- d) algunoEsCero: dados dos números racionales, decide si alguno es igual a 0 (resolverlo con y sin pattern matching).
- e) ambosSonCero: dados dos números racionales, decide si ambos son iguales a 0 (resolverlo con y sin pattern matching).
- f) enMismoIntervalo: dados dos números reales, indica si están relacionados por la relación de equivalencia en  $\mathbb{R}$  cuyas clases de equivalencia son:  $(-\infty, 3], (3, 7]$  y  $(7, \infty)$ , o dicho de otra manera, si pertenecen al mismo intervalo.
- g) sumaDistintos: que dados tres números enteros calcule la suma sin sumar repetidos (si los hubiera).
- h) esMultiploDe: dados dos números naturales, decide si el primero es múltiplo del segundo.
- i) digitoUnidades: dado un número entero, extrae su dígito de las unidades.
- j) digitoDecenas: dado un número entero mayor a 9, extrae su dígito de las decenas.

```
Ejercicio 3. Implementar una función estanRelacionados :: Integer -> Integer -> Bool problema estanRelacionados (a:\mathbb{Z},b:\mathbb{Z}): Bool \{ requiere: \{a\neq 0 \land b\neq 0\} asegura: \{(res=true) \leftrightarrow (a*a+a*b*k=0 \text{ para algún } k\in\mathbb{Z} \text{ con } k\neq 0)\} \} Por ejemplo: estanRelacionados 8 2 \leadsto True porque existe k=-4 tal que 8^2+8\times 2\times (-4)=0 estanRelacionados 7 3 \leadsto False porque no existe un k entero tal que 7^2+7\times 3\times k=0
```

**Ejercicio 4.**  $\bigstar$  Especificar e implementar las siguientes funciones utilizando tuplas para representar pares y ternas de números.

- a) productoInterno: calcula el producto interno entre dos tuplas de  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ .
- b) esParMenor: dadas dos tuplas de  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ , decide si cada coordenada de la primera tupla es menor a la coordenada correspondiente de la segunda tupla.
- c) distancia: calcula la distancia euclídea entre dos puntos de  $\mathbb{R}^2$ .
- d) sumaTerna: dada una terna de enteros, calcula la suma de sus tres elementos.
- e) sumarSoloMultiplos: dada una terna de números enteros y un natural, calcula la suma de los elementos de la terna que son múltiplos del número natural.

```
Por ejemplo: sumarSoloMultiplos (10,-8,-5) 2 \leadsto 2 sumarSoloMultiplos (66,21,4) 5 \leadsto 0 sumarSoloMultiplos (-30,2,12) 3 \leadsto -18
```

- f) posPrimerPar: dada una terna de enteros, devuelve la posición del primer número par si es que hay alguno, o devuelve 4 si son todos impares.
- g) crearPar :: a -> b -> (a, b): a partir de dos componentes, crea un par con esos valores. Debe funcionar para elementos de cualquier tipo.
- h) invertir :: (a, b) -> (b, a): invierte los elementos del par pasado como parámetro. Debe funcionar para elementos de cualquier tipo.
- i) Reescribir los ejercicios productoInterno, esParMenor y distancia usando el siguiente renombre de tipos: type Punto2D = (Float, Float)

```
Ejercicio 5. Implementar la función todosMenores :: (Integer, Integer, Integer) -> Bool
problema todosMenores (t: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}): \text{Bool} {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(res = true) \leftrightarrow ((f(t_0) > g(t_0)) \land (f(t_1) > g(t_1)) \land (f(t_2) > g(t_2)))\}
problema f (n: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(n \le 7 \rightarrow res = n^2) \land (n > 7 \rightarrow res = 2n - 1)\}
problemag(n: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} \ \{
       requiere: \{True\}
       asegura: {Si n es un número par entonces res = n/2, en caso contrario, res = 3n + 1}
}
Ejercicio 6. Usando los siguientes tipos:
    type Anio = Integer
    type EsBisiesto = Bool
Programar la función bisiesto :: Anio -> EsBisiesto según la siguiente especificación:
problema bisiesto (a\tilde{n}o:\mathbb{Z}):\mathsf{Bool} {
       requiere: \{True\}
       asegura: \{(res = false) \leftrightarrow (a\tilde{n}o \text{ no es múltiplo de 4, o bien, } a\tilde{n}o \text{ es múltiplo de 100 pero no de 400})\}
}
    Por ejemplo:
    bisiesto 1901 ↔ False
                                         bisiesto 1904 ↔ True
    bisiesto 1900 ↔ False
                                         bisiesto 2000 ↔ True
```

## Ejercicio 7.

```
a) Implementar la función:
    distanciaManhattan:: (Float, Float, Float) -> (Float, Float, Float) -> Float
   problema distanciaManhattan (p: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}, q: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}) : \mathbb{R} {
           requiere: \{True\}
           asegura: \{res = \sum_{i=0}^{2} |p_i - q_i|\}
   }
   Por ejemplo:
   distanciaManhattan (2, 3, 4) (7, 3, 8) \rightsquigarrow 9
   distanciaManhattan ((-1), 0, (-8.5)) (3.3, 4, (-4)) \leftrightarrow 12.8
b) Reimplementar la función teniendo en cuenta el siguiente tipo: type Punto3D = (Float, Float)
Ejercicio 8. Implementar la función comparar :: Integer -> Integer -> Integer
problema comparar (a: \mathbb{Z}, b: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} {
        requiere: \{True\}
        \texttt{asegura: } \{(res = 1) \leftrightarrow (\texttt{sumaUltimosDosDigitos}(a) < \texttt{sumaUltimosDosDigitos}(b))\}
        asegura: \{(res = -1) \leftrightarrow (sumaUltimosDosDigitos(a) > sumaUltimosDosDigitos(b))\}
        asegura: \{(res = 0) \leftrightarrow (sumaUltimosDosDigitos(a) = sumaUltimosDosDigitos(b))\}
}
problema sumaUltimosDosDigitos (x: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} {
        requiere: \{True\}
        asegura: \{res = (|x| \mod 10) + (\left|\frac{|x|}{10}\right| \mod 10)\}
}
    Por ejemplo:
     \mbox{comparar 45 312} \ \leadsto \ \mbox{-1 porque} \ 45 \prec 312 \ \ y \ \ 4+5 > 1+2. 
    comparar 2312 7 \rightsquigarrow 1 porque 2312 \prec 7 y 1+2 < 0+7.
    comparar 45 172 \rightsquigarrow 0 porque no vale 45 \prec 172 ni tampoco 172 \prec 45.
```

Ejercicio 9. A partir de las siguientes implementaciones en Haskell, describir en lenguaje natural qué hacen y especificarlas.

```
a) f1 :: Float -> Float f1 n | n == 0 = 1 f4 x y = (x+y)/2
b) f2 :: Float -> Float f5 (x, y) = (x+y)/2
c) f3 :: Float -> Float f5 a b = truncate a == b f6 a b = truncate a == b
```