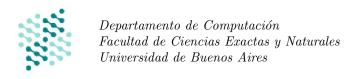
### Introducción a la Programación

Guía Práctica 7 Funciones sobre listas (tipos complejos)



Recordar usar las anotaciones de tipado en todas las variables. Por ejemplo: def función(numero: int) ->bool:. Las anotaciones de tipado de las colecciones, listas, diccionarios o tuplas, depende de la versión de Python que usamos. Por ejemplo:

- En Python 3.8 son en mayúscula (ej: List, Dict, Tuple) y hay que importar el tipo: from typing import List, Dict, Tuple.
- En Python 3.9 son en minúscula (ej: list, dict, tuple) y no hace falta importar nada. Por ejemplo: list[int], list[tuple[int,str]], list[list[int]].

Sugerimos revisar esta página que resumen las formas de uso: https://mypy.readthedocs.io/en/stable/cheat\_sheet\_py3.html

En los ejercicios se pueden usar funciones matemáticas como por ejemplo: sqrt, round, floor, ceil, %. Ver especificaciones de dichas funciones en la documentación de Python: https://docs.python.org/es/3.10/library/math.html y https://docs.python.org/es/3/library/functions.html

Para conocer cómo se usan las funciones sobre secuencias, revisar la especificación oficial: https://docs.python.org/es/3/library/stdtypes.html?highlight=list#typesseq

## 1. Recorrido y búsqueda en secuencias

Ejercicio 1. Codificar en Python las siguientes funciones sobre secuencias:

**Nota:** Cada problema puede tener más de una implementación. Probar utilizando distintas formas de recorrido sobre secuencias, y distintas funciones de Python. No te conformes con una solución, recordar que siempre conviene consultar con tus docentes.

```
1. problema pertenece (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle, in e: \mathbb{Z}) : Bool {
            requiere: { True }
            asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (existe un \ i \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ 0 \le i < |s| \land s[i] = e) \}
   Implementar al menos de 3 formas distintas éste problema.
2. problema divide_a_todos (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle, in e: \mathbb{Z}) : Bool {
            requiere: \{e \neq 0\}
            asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (para \ todo \ i \in \mathbb{Z} \ si \ 0 \le i < |s| \rightarrow s[i] \ mod \ e = 0) \}
    }
3. problema suma_total (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} {
            requiere: { True }
             asegura: \{ res \text{ es la suma de todos los elementos de } s \}
    }
   Nota: no utilizar la función sum() nativa.
4. problema maximo (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} {
            requiere: \{ |s| > 0 \}
            asegura: \{ res = al \text{ mayor de todos los números que aparece en s } \}
    }
   Nota: no utilizar la función max() nativa.
```

```
5. problema minimo (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} {
             requiere: \{ |s| > 0 \}
             asegura: \{ res = al \text{ menor de todos los números que aparece en s } \}
    Nota: no utilizar la función min() nativa.
 6. problema ordenados (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : Bool {
             requiere: { True }
             asegura: \{ res = true \leftrightarrow (para \ todo \ i \in \mathbb{Z} \ si \ 0 \le i < (|s|-1) \rightarrow s[i] < s[i+1] \}
     }
 7. problema pos_maximo (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (Si | s | = 0, \text{ entonces } res = -1; \text{ si no, } res = \text{al índice de la posición donde aparece el mayor elemento} \}
             de s (si hay varios es la primera aparición) \}
     }
 8. problema pos_minimo (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (Si | s | = 0, \text{ entonces } res = -1; \text{ si no, } res = \text{al índice de la posición donde aparece el menor elemento} \}
             de s (si hay varios es la última aparición) \}
     }
 9. Dada una lista de palabras (seq\langle seq\langle Char\rangle), devolver verdadero si alguna palabra tiene longitud mayor a 7. Ejemplo:
     ["termo", "gato", "tener", "jirafas"], devuelve falso.
    problema long_mayorASiete (in s:seq\langle seq\langle Char\rangle\rangle) : Bool {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (existe \ i \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ (0 \le i < (|s|-1)) \ y \ (|s[i]| > 7) \ \}
     }
10. Dado un texto en formato string, devolver verdadero si es palíndromo (se lee igual en ambos sentidos), falso en caso
    contrario. Las cadenas de texto vacías o con 1 sólo elemento son palíndromo.
    problema es_palindroma (in s:seq\langle Char\rangle) : Bool {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (s \text{ es igual a su reverso}) \}
     }
11. Recorrer una seq(\mathbb{Z}) y devolver verdadero si hay 3 números iguales consecutivos, en cualquier posición y False en caso
     contrario.
    problema iguales_consecutivos (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : Bool {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (existe \ i, j, k \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ (0 \le i, j, k < (|s|-1)) \ y \ (i+2=j+1=k) \ y \}
             (s[i] = s[j] = s[k])) \}
     }
12. Recorrer una palabra en formato string y devolver True si ésta tiene al menos 3 vocales distintas y False en caso
    contrario.
    problema vocales_distintas (in s:seq\langle Char \rangle) : Bool {
             requiere: { True }
             asegura: \{ (res = true) \leftrightarrow (existe \ i, j, k \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ (0 \le i, j, k < (|s|-1)) \ y \ (s[i] \ne s[j] \ne s[k]) \ y \}
             (s[i], s[j], s[k] \in \{\text{`a'}, \text{`e'}, \text{`i'}, \text{`o'}, \text{`u'}\})) \}
     }
```

13. Recorrer una  $seq\langle \mathbb{Z} \rangle$  y devolver la posición donde inicia la secuencia de números ordenada más larga. Si hay dos subsecuencias de igual longitud devolver la posición donde empieza la primera. La secuencia de entrada es no vacía.

```
problema pos_secuencia_ordenada_mas_larga (in s:seq\langle\mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} { requiere: \{\ |s|>0\ \} asegura: \{\ (res=i)\leftrightarrow (\text{existe }i,j\in\mathbb{Z} \text{ tal que }(0\leq i,j<(|s|-1)) \text{ y }i\leq j \text{ y (para todo k tal que }i\leq k< j\rightarrow s[k]\leq s[k+1]) \text{ y j-i+1 es máximo e i es el mínimo valor que lo cumple) } }
```

14. Cantidad de dígitos impares.

```
problema cantidad_digitos_impares (in s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z} { requiere: { Todos los elementos de números son mayores o iguales a 0 } asegura: { res es la cantidad total de dígitos impares que aparecen en cada uno de los elementos de números } }
```

Por ejemplo, si la lista de números es [57, 2383, 812, 246], entonces el resultado esperado sería 5 (los dígitos impares son 5, 7, 3, 3 y 1).

# 2. Recorrido: filtrando, modificando y procesando secuencias

Ejercicio 2. Implementar las siguientes funciones sobre secuencias pasadas por parámetro:

```
1. problema CerosEnPosicionesPares (inout s:seq\langle\mathbb{Z}\rangle) {
	requiere: { True }
	modifica: { s }
	asegura: { (|s| = |s@pre|) y (para todo i entero, con 0 <= i < |s|, si i es impar entonces s[i] = s@pre[i] y, si i es par, entonces s[i] = 0 }
}

2. problema CerosEnPosicionesPares2 (in s:seq\langle\mathbb{Z}\rangle) : seq\langle\mathbb{Z}\rangle {
	requiere: { True }
	asegura: { (|s| = |res|) y (para todo i entero, con 0 <= i < |res|, si i es impar entonces res[i] = s[i] y, si i es par, entonces res[i] = 0 }
}
```

3. Dada una cadena de caracteres devuelva una cadena igual a la anterior, pero sin las vocales. No se agregan espacios, sino que borra la vocal y concatena a continuación.

```
problema sin_vocales (in s:seq\langle\mathsf{Char}\rangle) : seq\langle\mathsf{Char}\rangle { requiere: { True } asegura: { res es la subsecuencia de s que se obtiene al quitarle las vocales a s } }
```

**Nota:** Una subsecuencia de una cadena es una nueva secuencia que se crea eliminando algunos elementos de la cadena original, conservando el orden de los elementos restantes.

```
4. problema reemplaza_vocales (in s:seq\langle\mathsf{Char}\rangle) : seq\langle\mathsf{Char}\rangle { requiere: \{True \} asegura: \{|res| = |s| \} asegura: \{Para\ todo\ i \in \mathbb{Z}, \text{ si } 0 \leq i < |res| \to (\text{pertenece}(<`a',`e',`i',`o',`u'>, s[i]) \land \text{res}[i] = `-') \lor (\neg\ pertenece(<`a',`e',`i',`o',`u'>, s[i]) \land \text{res}[i] = s[i])) \} }
```

Ejercicio 3. Implementar una función para conocer el estado de aprobación de una materia a partir de las notas obtenidas por un/a alumno/a cumpliendo con la siguiente especificación:

```
problema resultadoMateria (in notas: seq\langle\mathbb{Z}\rangle): \mathbb{Z} { requiere: \{\ |notas|>0\ \} requiere: \{\ |notas|>0\ \} requiere: \{\ |notas|>0\ \le i<|notas|\to 0\le notas[i]\le 10)\ \} asegura: \{\ res=1\leftrightarrow \text{todos los elementos de }notas \text{ son mayores o iguales a 4 y el promedio es mayor o igual a 7 }\} asegura: \{\ res=2\leftrightarrow \text{todos los elementos de }notas \text{ son mayores o iguales a 4 y el promedio está entre 4 (inclusive) y 7 }\} asegura: \{\ res=3\leftrightarrow \text{alguno de los elementos de }notas \text{ es menor a 4 o el promedio es menor a 4 }\}
```

**Ejercicio 4.** Dada una lista de tuplas, que representa un historial de movimientos en una cuenta bancaria, devolver el saldo actual. Asumir que el saldo inicial es 0. Las tuplas tienen una letra que nos indica el tipo de movimiento "I" para ingreso de dinero y "R" para retiro de dinero, y además el monto de cada operación. Por ejemplo, si la lista de tuplas es [(''I'', 2000), (''R'', 1000), (''I'', 300)] entonces el saldo actual es 1280.

```
problema saldoActual (in movimientos: seq\langle Char \times \mathbb{Z} \rangle) : \mathbb{Z} { requiere: { Para todo i \in \mathbb{Z} \text{ si } 0 \leq i < |movimientos| \rightarrow movimientos[i]_0 \in \{\text{"I","R"}\} \text{ y } movimientos[i]_1 > 0 \text{ }} asegura: { <math>res = \sum_{i}^{ingresos} movimientos[i]_1 - \sum_{i}^{retiros} movimientos[i]_1 \text{ }}}
```

### 3. Matrices

Ejercicio 5. Analizando parámetros in y out vs. resultado:

```
1. problema pertenece_a_cada_uno_version_1 (in s:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, in e:\mathbb{Z}, out res: seq\langle \mathsf{Bool}\rangle) {
             requiere: { True }
             asegura: \{ |res| \ge |s| \}
             asegura: { Para todo i \in \mathbb{Z} si 0 \le i < |s| \to (res[i] = true \leftrightarrow pertenece(s[i], e)) }
    }
   Nota: Reutilizar la función pertenece() implementada previamente para listas.
2. problema pertenece_a_cada_uno_version_2 (in s:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, in e:\mathbb{Z}, out res: seq\langle \mathsf{Bool}\rangle) {
             requiere: { True }
             asegura: \{ |res| = |s| \}
             asegura: { Para todo i \in \mathbb{Z} \text{ si } 0 \leq i < |s| \rightarrow (res[i] = true \leftrightarrow pertenece(s[i], e)) }
    }
3. problema pertenece_a_cada_uno_version_3 (in s:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, in e:\mathbb{Z}) : seq\langle \mathsf{Bool}\rangle {
             requiere: { True }
             asegura: \{ |res| = |s| \}
             asegura: { Para todo i \in \mathbb{Z} si 0 \le i < |s| \to (res[i] = true \leftrightarrow pertenece(s[i], e)) }
    }
```

4. **Pensar:** ¿Cómo cambia este problema respecto de la versión 1? Pensar en relación de fuerza entre: implementación en Python y las especificaciones. ¿Se puede usar la implementación del ejercicio 2 para la especificación del 1? ¿Se puede usar la implementación del ejercicio 1 para la especificación del 2? Justificar su respuesta.

Ejercicio 6. Implementar las siguientes funciones sobre matrices (secuencias de secuencias):

```
1. problema es_matriz (in s:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) : Bool {
           requiere: { True }
           asegura: \{ res = true \leftrightarrow (|s| > 0) \land (|s[0]| > 0) \land (Para todo i \in \mathbb{Z} \text{ si } 0 \le i < |s| \rightarrow |s[i]| = |s[0]|) \}
   }
2. problema filas_ordenadas (in m:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, out res: seq\langle \mathsf{Bool}\rangle) {
           requiere: \{ esMatriz(m) \}
           asegura: { Para todo i \in \mathbb{Z} si 0 \le i < |res| \to (res[i] = true \leftrightarrow ordenados(s[i])) }
   }
   Nota: Reutilizar la función ordenados () implementada previamente para listas
3. problema columna (in m:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, in c: \mathbb{Z}) : seq\langle \mathbb{Z}\rangle {
           requiere: \{ esMatriz(m) \}
           requiere: \{ c < |m[0]| \}
           requiere: \{c \geq 0\}
           asegura: { Devuelve una secuencia con exactamente los mismos elementos de la columna c de la matriz m, en
           el mismo orden que aparecen }
   }
4. problema columnas_ordenadas (in m:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) : seq\langle \mathsf{Bool}\rangle {
           requiere: \{ esMatriz(m) \}
           asegura: { Para toda columna c \in m \to (res[c] = true \leftrightarrow ordenados(columna(m, c))) }
   }
   Nota: Reutilizar la función ordenados () implementada previamente para listas
5. problema transponer (in m:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) : seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle {
           requiere: \{ esMatriz(m) \}
           asegura: { Devuelve m^t (o sea la matriz transpuesta) }
   Nota: Usar columna() para ir obteniendo todas las columnas de la matriz.
6. Ta-Te-Ti Tradicional:
   problema quien_gana_tateti (in m:seq\langle seq\langle \mathsf{Char}\rangle\rangle): \mathbb{Z} {
           requiere: { esMatriz(m) }
           requiere: \{ |m| = 3 \}
           requiere: \{ |m[0]| = 3 \}
           requiere: { En la matriz si hay 3 X alineadas verticalmente \implies no hay 3 O alineadas verticalmente }
           requiere: { En la matriz si hay 3 O alineadas verticalmente \implies no hay 3 X alineadas verticalmente }
           requiere: \{ En la matriz si hay 3 X alineadas horizontalmente \implies no hay 3 O alineadas horizontalmente \}
           requiere: { En la matriz si hay 3 O alineadas horizontalmente \implies no hay 3 X alineadas horizontalmente }
           requiere: { Para todo i,j \in \{0,1,2\} \implies m[i][j] = X \lor m[i][j] = O \lor m[i][j] = ""}
           asegura: { Si hay 3 O alineadas verticalmente, horizontalmente o en diagonal, devuelve 0 }
           asegura: { Si hay 3 X alineadas verticalmente, horizontalmente o en diagonal, devuelve 1 }
           asegura: { Si no hay ni 3 X, ni 3 O alineadas verticalmente, horizontalmente o en diagonal, devuelve 2 }
   }
```

7. **Opcional:** Implementar una función que tome un entero d y otro p y eleve una matriz cuadrada de tamaño d con valores generados al azar a la potencia p. Es decir, multiplique a la matriz generada al azar por sí misma p veces. Realizar experimentos con diferentes valores de d. ¿Qué pasa con valores muy grandes?

```
problema exponenciacion_matriz (in d:\mathbb{Z}, in p:\mathbb{Z}) : seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle { requiere: { d,p\in\mathbb{Z} y d,p>0 } asegura: { esMatriz(m) y |columna(m,0)|=d y |columna(transponer(m),0)|=d y res=\prod_{i=1}^p m } }
```

Nota 1: recordá que en la multiplicación de una matriz cuadrada de dimensión d<br/> por si misma cada posición se calcula como res[i][j] =  $\sum_{k=0}^{d-1} (m[i][k] \times m[k][j])$ 

Nota 2: para generar una matriz cuadrada de dimensión d con valores aleatorios hay muchas opciones de implementación, analizar las siguientes usando la biblioteca numpy (ver recuadro):

#### Opción 1:

```
import numpy as np
m = np.random.random((d, d))<sup>1</sup>
Opción 2:
import numpy as np
m = np.random.randint(i,f, (d, d))<sup>2</sup>
```

Para poder importar la biblioteca numpy es necesario instalarla primero. Y para ello es necesario tener instalado un gestor de paquetes, por ejemplo pip3 (Ubuntu: sudo apt install pip3. Windows: se instala junto con Python). Una vez instalado pip3 se ejecuta pip3 install numpy.

# 4. Programas interactivos usando secuencias

Ejercicio 7. Vamos a elaborar programas interactivos (usando la función input()<sup>3</sup>) que nos permita solicitar al usuario información cuando usamos las funciones.

- 1. Implementar una función para construir una lista con los nombres de mis estudiantes. La función solicitará al usuario los nombres hasta que ingrese la palabra "listo", o vacío (el usuario aprieta ENTER sin escribir nada). Devuelve la lista con todos los nombres ingresados.
- 2. Implementar una función que devuelve una lista con el historial de un monedero electrónico (por ejemplo la SUBE). El usuario debe seleccionar en cada paso si quiere:
  - "C" = Cargar créditos,
  - "D" = Descontar créditos,
  - "X" = Finalizar la simulación (terminar el programa).

En los casos de cargar y descontar créditos, el programa debe además solicitar el monto para la operación. Vamos a asumir que el monedero comienza en cero. Para guardar la información grabaremos en el historial tuplas que representen los casos de cargar ("C", monto a cargar) y descontar crédito ("D", monto a descontar).

- 3. Vamos a escribir un programa para simular el juego conocido como 7 y medio. El mismo deberá generar un número aleatorio entre 0 y 12 (excluyendo el 8 y 9) y deberá luego preguntarle al usuario si desea seguir sacando otra "carta" o plantarse. En este último caso el programa debe terminar. Los números aleatorios obtenidos deberán sumarse según el número obtenido salvo por las "figuras" (10, 11 y 12) que sumarán medio punto cada una. El programa debe ir acumulando los valores y si se pasa de 7.5 debe informar que el usuario ha perdido. Al finalizar la función devuelve el historial de "cartas" que hizo que el usuario gane o pierda. Para generar números pseudo-aleatorios entre 1 y 12 utilizaremos la función random.randint(1,12). Al mismo tiempo, la función random.choice() puede ser de gran ayuda a la hora de repartir cartas.
- 4. Analizar la fortaleza de una contraseña. Solicitar al usuario que ingrese un texto que será su contraseña. Armar una función que tenga de parámetro de entrada un string con la contraseña a analizar, y la salida otro string con tres posibles valores: VERDE, AMARILLA y ROJA. Nota: en python la "ñ/Ñ" es considerado un carácter especial y no se comporta como cualquier otra letra. String es  $seq\langle \mathsf{Char}\rangle$ . Consejo: para ver si una letra es mayúscula se puede ver si está ordenada entre A y Z.

Página 6 de 7

 $<sup>^1</sup>$ https://numpy.org/doc/stable/reference/random/generated/numpy.random.Generator.random.html#numpy.random.Generator.random

 $<sup>^2</sup> https://numpy.org/doc/stable/reference/random/generated/numpy.random.randint.html \\$ 

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>https://docs.python.org/es/3/library/functions.html?highlight=input#input

- La contraseña será VERDE si:
  - a) la longitud es mayor a 8 caracteres
  - b) tiene al menos 1 letra minúscula.
  - $c)\,$ tiene al menos 1 letra mayúscula.
  - d) tiene al menos 1 dígito numérico (0..9)
- La contraseña será ROJA si:
  - a) la longitud es menor a 5 caracteres.
- En caso contrario será AMARILLA.