Matematika 4 – Logika pre informatikov: Sada úloh 4

Riešenie teoretickej časti tejto sady úloh **odovzdajte** najneskôr v pondelok **19. marca 2018 o 11:30** na prednáške.

Z tejto sady **budeme hodnotiť**: úlohu 3, praktickú úlohu 6 a jednu ďalšiu úlohu, ktorú vyžrebujeme na prednáške po termíne odovzdania.

Odovzdané riešenia musia byť **čitateľné** a mať primerane **malý** rozsah. Ohodnotené riešenia poskytneme k nahliadnutiu, ale **nevrátime** vám ich, uchovajte si kópiu. Na riešenia všetkých sád úloh sa vzťahujú všeobecné **pravidlá** zverejnené na adrese https://dai.fmph.uniba.sk/w/Course:Mathematics_4/sk#pravidla-uloh.

Čísla úloh v zátvorkách pochádzajú zo zbierky, v ktorej nájdete ďalšie úlohy na precvičovanie a vzorové riešenia: https://github.com/FMFI-UK-1-AIN-412/lpi/blob/master/ulohy/zbierka.pdf.

Úloha 1 (2.5.4). Rozhodnite o nasledujúcich formulách, či sú literálmi, klauzulami, v disjunktívnom normálnom tvare, v konjunktívnom normálnom tvare. Pri formulách v konjunktívnom normálnom tvare určte množinu klauzúl, z ktorých sa skladajú.

- b) ¬*r*
- c) ¬¬q
- d) $((p \lor q) \to r)$
- e) $((p \lor q) \lor r)$

- g) $((p \land q) \land \neg (q \land \neg r))$
- h) $((p \lor q) \land (\neg p \land r))$
- j) $(((p \land q) \lor (q \land \neg r)) \lor (\neg r \land \neg p))$
- p) $(((p \lor q) \lor (q \lor (\neg r \lor \neg p))) \land (\neg r \land \neg p))$

Úloha 2 (2.5.5). Pre každú formulu X z úlohy 1, ktorá je v disjunktívnom normálnom tvare, nájdite všetky ohodnotenia výrokových premenných vyskytujúcich sa v X, ktoré spĺňajú X.

Úloha 3 (2.6.2, hodnotená). Pripomeňme si prípad bankovej lúpeže z minulej sady úloh: Inšpektor Nick Fishtrawn zaistil podozrivých Browna, Smitha, Taylora, a McDonnalda, pričom zistil, že:

- (A_1) Brown a Smith sú súčasne vinní, iba ak je Taylor ich spolupáchateľom.
- $(A_2)\;$ Ak je Brown vinný, tak aspoň jeden z Smith, Taylor je jeho spolupáchateľom.
- (A_3) Taylor nikdy nepracuje bez McDonnalda.
- (A₄) McDonnald je vinný, ak je Brown nevinný.

Zistili sme, že vinný je McDonnald. Dokážte jeho vinu tablovým kalkulom. Záver slovne zdôvodnite.

Úloha 4 (2.6.3). Dokážte v tablovom kalkule, že nasledujúce formuly sú tautológie:

c)
$$(p \leftrightarrow \neg \neg p)$$
,

h)
$$(((p \rightarrow s) \land (r \rightarrow s)) \rightarrow ((p \lor r) \rightarrow s)),$$

d)
$$(((p \rightarrow r) \land (p \rightarrow \neg r)) \rightarrow \neg p)$$
,

n)
$$((p \lor (p \land r)) \leftrightarrow p)$$
.

Úloha 5 (2.6.4). Dokážte, že z tvrdení:

- (A_1) Keď mám dáždnik, nikdy neprší.
- (A_2) Cesta je mokrá, iba ak prší alebo prešlo umývacie auto.
- (A₃) Umývacie auto nejazdí cez víkend.

vyplýva

(X) Ak mám dáždnik a je mokrá cesta, nie je víkend.

Tvrdenia sformalizujte a využite tablový kalkul.

Úloha 6 (praktická). Vyriešte a odovzdajte podľa pokynov praktické cvičenie cv04 https://github.com/FMFI-UK-1-AIN-412/lpi/tree/master/cvicenia/cv04.

Do hierarchie tried na reprezentáciu formúl doprogramujte metódu toCnf(), ktorá vráti ekvivalentnú (alebo ekvisplniteľnú) formulu v konjunktívnom normálnom tvare.